小角 X 射线散射方法测定二氧化硅干凝胶的平均孔径*

李志宏 孙继红 吴 东 孙予罕†

(中国科学院山西煤炭化学研究所煤转化国家重点实验室,太原 030001)

柳 义 生文君 董宝中

(中国科学院高能物理研究所,北京 100039) (1999年11月13日收到,2000年1月2日收到修改稿)

提出了当多孔体系的小角 X 射线散射不遵守 Porod 定理的情况下,应用 Debye 法(相关函数法)和 Guinier 法 (逐级切线法和多级斜线法)计算它们的平均孔径的方法.对不同制备条件下部分二氧化硅干凝胶的测试,取得了 比较一致的结果,并与氮气吸附法测定结果进行了对比.

关键词:小角 X 射线散射,二氧化硅干凝胶,平均孔径 PACC:6110,6140

1 引 言

用溶胶-凝胶方法制备的二氧化硅(SiO₂)干凝 胶是一类多孔性材料,平均孔径是这类多孔性材料 的基本物理参数之一.由于孔隙与基体之间存在电 子密度差,而且这些孔隙大都处于纳米尺度范围,所 以小角 X 射线散射(SAXS)是研究这类多孔性材料 孔隙结构的有效方法¹²].

SAXS 测定平均孔径有几种方法,如 Guinier 法 (包括逐级切线法和多级斜线法等) Debye 法即相 关函数法等.应用这些方法测定平均孔径,目前还仅 限于具有明锐界面的严格的两相体系,即散射遵守 Porod 定理的体系.对于偏离散射理论即两相界面 弥散或存在微电子密度起伏的散射体系,本文提出 了计算平均孔径的相应的方法,从而使 SAXS 可适 用于测定各种多孔性材料的平均孔径.

本文应用长狭缝准直条件下所测模糊强度数据 进行解析,对上述几种方法的测定结果进行了比较 和讨论,并与氮气吸附法测定值进行了对比.

2 平均孔径计算方法

2.1 遵守 Porod 定理的散射体系

对于具有明锐界面的严格的两相体系,即散射

遵守 Porod 定理的体系,其散射通过 ln[h³ I(h)]-h² 变换在大波矢区应呈一定值,如图 1(a)曲线 1 所 示,即

 $\lim \{ \ln [h^3 I(h)] \} = \ln K , \quad (1)$

式中 h 为散射矢量 $,h = 4\pi \sin\theta / \lambda$ $,2\theta$ 为散射角 $,\lambda$ 为入射 X 射线波长 ,I(h)为模糊散射强度(长狭缝 准直),K 称为 Porod 常数. 当多孔体系遵守 Porod 定理时 ,其平均孔径用以下方法计算:

1 Debye 法

根据 Debye 散射理论,对于遵守 Porod 定理的 体系,其散射也必符合 Debye 散射理论,即在长狭缝 准直条件下下式成立^[3]:

 $I(h)^{-2/3} = C^{-2/3} + C^{-2/3}A_c^2h^2$, (2) 式中 *C* 为常数, *A*_c 为相关距离. 在相当宽的散射矢 量范围内, *I*(*h*)^{-2/3}-*h*² 呈一直线, 如图 1(b)曲线 1 所示,由直线斜率对截距的比值即得相关距离 *A*_c, 代入下式即可求出平均孔径:

$$\overline{\phi} = \frac{A_c}{1-P} , \qquad (3)$$

式中 P 为孔隙率,可通过真、假密度的测定换算求 得,也可通过绝对强度的测定由不变量计算而得.

2)Guinier法 对于稀疏的单分散体系

$$\ln I(h) = \ln I(0) - \frac{1}{3}R^2h^2.$$
 (4)

^{*}国家自然科学基金(批准号 29625307)资助的课题.

[†]通讯联系人.



(a)Porod 曲线



(b)Debye 曲线



(c)Guinier曲线 图 1 SAXS曲线

这就是著名的 Guinier 近似式,其中 I(0)为在零度 角处的散射强度, R 为散射体的回转半径.由(4)式 可知,当实际体系服从 Guinier 定律时,ln I(h)-h² 图应为一直线,由直线斜率可求得 R,进而可换算 出散射体的特征长度.如假定散射体为球形孔隙,则 直径即为孔径.

大多数散射体系是多分散的,此时 ln *I*(*h*)-*h*² 图已不再是一条直线,而是一条上凹的曲线,如图 1 (c)曲线1所示.由此曲线解出孔径分布,便可求出 平均孔径 5:

$$\overline{b} = \sum \phi_i \nu_i , \qquad (5)$$

式中 v_i 为尺寸为 ϕ_i 的孔集合体积占孔隙总体积的 百分数.

由 ln I(h)-h² 曲线解析孔径分布有多种方法, 常用的有逐级切线法⁴和多级斜线法⁵]. 孔径分布 的解析直接采用模糊强度,最后孔径需乘上校正因 子 0.76(假定孔为球形)⁶].

2.2 偏离 Porod 定理的散射体系

当多孔体系偏离 Porod 定理即基体与孔之间存 在弥散界面层或基体内存在微电子密度不均匀区 (即微电子密度起伏,也称热密度起伏)时,其散射在 大波矢区分别呈现斜率为负和正的直线,分别称为 负偏离⁷¹和正偏离^[78],如图1(a)曲线2和3所示. 可用如下公式拟合曲线2(负偏离)大波矢区直线:

 $\ln[h^{3}I_{ob}(h)] = \ln K - \sigma^{2}h^{2}.$ (6)

曲线 3(正偏离)的定量解析还未见报道.作者 试验可用如下公式拟合曲线 3 大波矢区直线^{9]}:

 $\ln[h^{3}I_{ob}(h)] = \ln K + \sigma^{2}h^{2}$, (7) 式中 I_{obs} 为实测散射强度, σ 分别为界面厚度参数 和与微电子密度不均匀区尺度相关的参数,K为 Porod 常数.

由于多孔性材料基体结构的微不均匀性,表现 为散射在高角区对 Porod 定理的偏离,Debye 散射 曲线和 Guinier 曲线也必发生相应的偏离,如图 1 (b)和(c)曲线 2 (负偏离)和 3 (正偏离)所示,从而造 成孔隙散射的失真.因此,在测定孔隙结构时应该对 正、负偏离进行校正,应用(6)和(7)式分别拟合负偏 离和正偏离,求出 K 和 σ,将图 1(a)曲线 2 和 3 校 正至曲线 1 ,得到孔隙的散射 I(h).校正公式如下:

$$\ln[h^{3}I(h)] = \ln[h^{3}I_{obs}(h)] + \sigma^{2}h^{2}$$

$$(\hat{D}_{fh}(B)); \qquad (8)$$

$$\ln[h^{3}I(h)] = \ln[h^{3}I_{s}(h)] = \sigma^{2}h^{2}$$

按照图 1(a)曲线1 对应的散射强度进行变换, 得到相应的 Debye 散射曲线和 Guinier 曲线,如图 1 (b)曲线1和图 1(c)曲线1所示,此时即可按照前 述方法进行平均孔径的计算.

3 实 验

采用溶胶-凝胶方法,以正硅酸乙酯(TEOS)为 前驱体,以聚乙二醇(PEG)聚氧乙烯(AEO)和聚氧 乙烯醚(L)为改性剂,氨水为催化剂,通过水解和缩 聚反应制得二氧化硅溶胶和凝胶.将凝胶在一定温 度下焙烧而制得干凝胶.所制样品如表1所示.

编号	样 品	添加剂	添加量/%	老化时间 /d	焙烧温度 /℃		
1	硅干凝胶	AEO-9	5.0	7	450		
2	硅干凝胶	AEO-15	5.0	30	450		
3	硅干凝胶	PEG200	5.0	7	600		
4	硅干凝胶	AEO-9	2.0	7	450		
5	硅干凝胶	L61	0.7	7	450		
6	硅干凝胶	AEO-9	10.0	7	450		

应用同步辐射 X 射线源进行样品的 SAXS 测

表 1 SAXS 样品

试,长狭缝准直系统,入射 X 射线波长为 0.154 nm, 采用成像板法检测散射强度 散射角度 2θ 约为 0— 3°.数据处理采用自编程序进行.散射强度进行空白 和样品吸收的校正,但不进行狭缝准直的校正.

氮气吸附实验是以 N₂ 为吸附质(77 K) 在 AS-AP2000 物理吸附仪上进行.

4 结果与讨论

分别用相关函数法、逐级切线法和多级斜线法 计算了各个样品的平均孔径 结果如表 2 所示.相关 函数法中所用到的孔隙率由绝对强度的测量而求 得.对这些样品还进行了氮气吸附法测试(3 号除 外)结果也列入表 2.

表 2 平均孔径测定结果

样	品 -	Debye 法		Guinier 法		氮气吸附法
		Debye 散射行为	相关函数法平均孔径/nm	逐级切线法平均孔径/nm	多级斜线法平均孔径/nm	氮气吸附法平均孔径/nm
2	1	负偏离	5.24	5.68	5.38	4.46
2	2	负偏离	7.67	7.77	7.16	6.50
ŝ	3	负偏离	17.87	16.57	17.37	
2	4	正偏离	4.82	5.26	4.79	4.26
-	5	正偏离	5.00	5.25	4.74	3.43
(5	正偏离	6.37	5.89	5.54	4.36

二氧化硅干凝胶为多孔性材料,依制备条件的 不同,对 Porod 定理呈现出了正、负偏离的不同效 应,如图2所示(1号负偏离样品和4号正偏离样 品),同时也必相应地产生对 Debye和 Guinier 散射 曲线的偏离,这反映了干凝胶基体微结构上的变化. 基体与孔之间的弥散过渡层的厚度和基体结构上的 微不均匀区尺度一般很小,主要影响孔隙在高角区 的散射.负偏离时,高角区的 Porod 曲线向下弯,Debye 曲线向上翘, Guinier 曲线曲率半径增大;正偏离 时则呈相反的变化趋势.为了得到真实的孔的散射, 应该对正、负偏离进行校正,应用 Porod 曲线校正最 为容易.将图 2 中发生偏离的曲线按照前述方法分 别进行校正,还原出孔隙的散射强度,然后再变换出 Debye 和 Guinier 曲线,此时即可进行平均孔径的计 算.当然随样品的不同,SAXS 所测到的角度(亦即 矢量)范围也不同.由表 2 看出,Debye 法和 Guinier 法所得出的平均孔径数值较接近.SAXS 测定结果 较氮气吸附法测定结果略高,这主要是因为这两种



方法的数学处理模型不一样 ,SAXS 方法基于球形 孔模型 ,而氮气吸附方法基于圆柱孔模型.

应用 Debye 法(相关函数法)测定平均孔径的同时也对材料基体的结构均匀性给出了定性的描述(由遵守或偏离而判定),但必须知道孔隙率;应用Guinier 法(逐级切线法和多级斜线法)求平均孔径的同时可以给出大致的孔尺寸分布,而无需知道孔隙率;当散射强度在高角区起伏较大时,应用Guinier 法不易操作,而应用 Debye 法则相对简单,SAXS 是研究多孔材料结构的有效方法.

- [1] Tang-sheng Gu, Shun-sen Shi, Guang-ming Lin, Acta Physica Sinica 48(1999) 267(in Chinese] 古堂生、石舜森、林光明, 物理学报 48(1999) 267].
- [2] P. Wang , A. Emmerling , W. Tappert et al. , J. Appl. Cryst. , 24(1991),777.
- [3] D.S. Brown ,F. P. Warner ,R. E. Wetton , Polymer ,13(1972), 575.

- [4] Sheng-xiong Dong Jin Zhang Jun-ming Hong J. Fuzhou University 25(3)(1997).112(in Chinese)[董声雄、张 金、洪俊 明 福州大学学报 25(3)(1997).112].
- [5] Chang-lin Guo, Yue-hong Huang, J. Inorganic Materials, 6 (1991),336(in Chinese]郭常霖、黄月鸿,无机材料学报,6 (1991),336].
- [6] Sheng-tao Huang Structure and Structural Analysis of Noncrystal Materials (Science and Technology Press ,Beijing ,1987),p. 14众 in Chinese] 黄胜涛,非晶态材料的结构和结构分析(科 技出版社,北京,1987),第 142页].
- [7] J. T. Koberstein , B. Morra , R. S. Stein , J. Appl. Cryst. , 13 (1980) 34.
- [8] Ming Zhang, Fan-ling Meng, Zhao-fu Meng, Acta Scientiarum Naturalium Universitatis Jilinensis, 1(1997),66(in Chinese) [张明、孟繁玲、孟昭富,吉林大学自然科学学报,1(1997), 66].
- [9] Zhi-hong Li Ji-hong Sun Dong Wu *et al.*, *Acta Physica Sinica* **49**(2000),775(in Chinese]李志宏、孙继红、吴 东等,物 理学报 **49**(2000),775].

DETERMINATION OF AVERAGE PORE DIAMETER OF SiO₂ XEROGELS BY SMALL ANGLE X-RAY SCATTERING^{*}

LI ZHI-HONG SUN JI-HONG WU DONG SUN YU-HAN

(State Key Laboratory of Coal Conversion, Institute of Coal Chemistry, Chinese Academy of Sciences, Taiyuan 030001, China) LIU YI SHENG WEN-JUN DONG BAO-ZHONG

(Institute of High Energy Physics, Chinese Academy of Sciences, Beijing 100039, China)
 (Received 13 November 1999; revised manuscript received 2 January 2000)

Abstract

Small angle X-ray scattering (SAXS) with synchrotron radiation as X-ray source has been used to study the structure of SiO₂ xerogels prepared by sol-gel process. All SAXS profiles in this paper deviate from Porod's law and show negative or positive deviation. In order to obtain the information of pore in SiO₂ xerogels, we have proposed the corresponding methods to correct the negative and positive deviations from Porod's law. Then, the average pore diameter of SiO₂ xerogels is determined with Debye's method and Guinier's method, separately, and the results are found to be close to each other. The average diameters fall in the rangl 3-25 nm for samples prepared under various conditions. The results of SAXS are also close to that determined by N_2 adsorption method at 77 K with ASAP2000.

Keywords : small angle X-ray scattering , SiO_2 xerogels , average pore diameter PACC : 6110 , 6140

 $^{^{*}}$ Project supported by the National Natural Science Foundation of China (Grant No. 29625307).