C₄²⁺ 的几何构型和 Jahn-Teller 效应*

汪 蓉 朱正和 杨传路

(四川大学原子与分子物理研究所,成都 610065) (2001年2月25日收到,2001年4月20日收到修改稿)

用从头计算法 QCISD/6 – 311G^{*} 得到了 C_4^{2*} 分子的 10 种不同的几何构型,其中包括 C_s , C_{xv} , C_{2v} , D_{2h} , D_{xh} , D_{4h} , D_{2d} , C_{3v} 等不同的构型.计算表明 C_4^{2*} 的 T_d 构型不能稳定存在,详细讨论了 T_d 构型的 Jahn-Teller 效应.讨论结果显示它们的各种畸变方式都符合群的分解原理,从而证明了 C_4^{2*} 分子的 T_d 构型的 Jahn-Teller 效应非常明显. D_{4h} 构型也存在 Jahn-Teller 效应.

关键词:几何构型,C₄²⁺,Jahn-Teller效应 PACC:3100,3120,3120D,3190

1 引 言

Jahn-Teller 效应^[1]是分子结构中一个最使人感 兴趣的现象之一,它是指处于简并的分子会自发地 由一种对称构型畸变成另外一种对称构型.现已在 大量的体系中观察到了 Jahn-Teller 耦合,其中包括 碳团簇^[2],八面体过渡金属络合物^[3],固态物理和化 学^[45],以及气相基团^[6]和离子^[7].Jahn-Teller 耦合被 认为是冷聚变中反常热释放的原因.

历史上,在能够获得关于势能面的详细信息之前,关于 Jahn-Teller 活性分子的大量实验研究主要集中于凝聚相.但是,最近已研究了许多独立的气相活性 Jahn-Teller 基团和离子,并且提供了 Jahn-Teller 面的详细信息.将激光光谱和自由发射膨胀⁸¹结合起来,可获得振动光谱,有时还能得到转动结构,如 甲氧族基团^[9],苯阳离子^[10],H₃的激发态^[11,12]和三 聚体 M₃^[13,44]的基态和激发态等.这些实验的精确性 为 Jahn-Teller 势能面的从头计算法计算提供了理想的基准.

关于 Jahn-Teller 分子的畸变几何和总能量,已 有大量文献进行了许多量子化学计算,包括有机环 状 π 体系^[15,46]和一些小的过渡金属络合物^{15]}等. Barckholtz 和 Miller^[17]通过从头计算法计算了甲氧族 基团(CH₃O ,CF₃O ,CH₃S 和 CF₃S)的光谱 Jahn-Teller 参数,详细讨论了它们的动态 Jahn-Teller 耦合.而我 们关心的是那些由于 Jahn-Teller 效应,分子构型的 畸变和畸变后分子所属的点群和电子状态,也就是 静态 Jahn-Teller 效应.王红艳、蒋刚和朱正和^[18,19]用 这种方法对 H₄⁺ 分子的几何构型和 Jahn-Teller 效应 作了详细讨论,结果比较理想.

碳团簇是当前比较热门的研究课题.对小碳团 簇的详细研究为整个碳团簇的深入研究奠定了一定 的基础.目前,我们还未见有关对 C²⁺ 的 Jahn-Teller 效应的研究报道.

本文用 QCISD/6 – 311G^{*} 方法对 C²⁺ 分子的各 种可能的几何构型进行了计算,并仔细研究了与 Jahn-Teller 效应的关系.

2 基本原理

2.1 非线性分子的简并电子态的 Jahn-Teller 效应

在非线性分子的简并态中,如果简并能级被激发每个振动能级会分裂为几个子能级. Jahn 和 Teller 指出,处于简并电子态的非线性分子,至少存 在一个非全对称的(通常是简并的)简正坐标,势能 函数对这个坐标作图将有两条势能曲线,它们的极

^{*} 国家自然科学基金(批准号 :19974026)资助的课题.

 $[\]operatorname{E-mail}$: wangrong 73@263.net , Tel (028) 4430786

小值是分开的.这将引起处于非简并电子态的非线 性分子,变成对称性较低但更稳定的构型,此时振动 能级将发生分裂,这就是 Jahn-Teller 效应.最近, Barckholtz和 Miller¹¹⁷提出了由从头计算确定光谱的 Jahn-Teller 系数.但我们更关心的是一个简并态的分 子是否有 Jahn-Teller 效应和在它的作用下变成的新 的稳定构型的电子状态.对于 Jahn-Teller 效应导致 的构型,基本选择定则是²⁰¹

$$\Gamma_{\alpha 0} \times \Gamma_{\alpha 0} \subset \Gamma_0 , \qquad (1)$$

其中 Γ_{φ^0} 表示畸变前的简并电子态 , Γ_{ϱ} 表示畸变后 的电子态. Ruch 和 Schonhöfe^[20]提出过对它的成熟 的证明.但重要的问题仍不能回答 ,为了消除简并需 要多大的畸变?单有(1)式就连畸变的方向都难以 明确. Jotham 和 Kettle^[20]对由于 Jahn-Teller 效应而产 生的可能的结构上的后果作了详细的分析.除(1)式 这个主要的规则外,还必须有两个附加的规则:1)只 有 Jahn-Teller 效应的活化方式在新的点群中成为全 对称的那种点群才是允许的.2)不存在遵守规则1) 的中间点群(即从起始点群到中间点群到最终点群 存在一个对称性的有序降低).按照这些规则可从起始构型及电子态推出最终的几何构型的对称性.我们要用的 *T_d* 和 *D*₄,构型的情况列于表1中.

表 1 T_d 与 D_{4h} 的 Jahn-Teller 现象

起始点群	Jahn-Teller 活化振动	电子态的分裂	结果
Τ.	Ε	E , T_1 , T_2 , $G_{3/2}$	D_{2d} , D_2
I _d	T_2	T_1 , T_2 , $G_{3/2}$	C_{3v} , C_{2v} , C_s , C_i
D_{4h}	B_{1g}	E_g , E_u	_{D2h} (矩形)
	B_{2g}	E_g , E_u	D _{2h} (菱形)

2.2 正则振动与 Jahn-Teller 效应

根据一般的 Jahn-Teller 定理,若非线性分子处 在轨道简并的电子状态,则分子的几何构型会发生 畸变,以降低其简并.然而,Jahn-Teller 定理并未给出 具体的畸变方式.分子中原子核振动与电子运动的 相互作用引起对称性高的分子的简并态基态的畸 变,因此正则振动的模式决定着畸变的方式.下面以 *D*_{4h}为例说明畸变过程.根据正则振动分析,我们得 到 *X*₄(*D*_{4h})分子有 5 个基本振动方式,如图 1.



图 1 X₄(D_{4h})分子基本振动模式

其中 A_{1g} 是全对称振动方式 E_{2u} 是二度简并的.从这些振动模式容易理解表 1 中的畸变结果. D_{4h} 的两个 Jahn-Teller 活化振动方式 B_{1g} 和 B_{2g} 分别导致分子作矩形和菱形变形 ,构型的对称性也由 D_{4h} 变为 D_{2h} .

2.3 Jahn-Teller 效应的电子状态

前面讨论的 Jahn-Teller 效应的规则能够确定分 子畸变后的稳定构型的对称性,根据活化振动情况 可判定具体的变形结果,然而,最后的电子状态还没 有确定,上面的规则并不能解决这个问题.最后的稳 定构型的电子状态是由群表示的分解确定^[18,19].高 对称性群的不可约表示可能是其低对称性子群的可 约表示,而可约表示可以分解为不可约表示的直积, 因此我们将 Jahn-Teller 效应中起始电子状态的不可 约表示与活化振动直积后分解到最终结果的子群 中,就可以得到畸变后稳定构型可能的电子状态.由 于产生畸变的原因除核振动与电子运动耦合外,电 荷的非均匀分布及质量同位素效应也可以引起简并 态构型的变化,所以由畸变起始点群的简并态的不 可约表示直接分解到最终子群的表示也是畸变后可 能的电子状态.对于 T_a 构型,由正则分析知其变形 振动为 E, T_1 和 T_2 , T_a 群简并态的不可约表示的直 积可得到振动电子态,列于表 2 中.

表?	T. 和 D., 的振动电子态	
12 4		

几何构型和电子态		振动态	直积得到的振动电子态
T_d	$E \\ E \\ T_1 \\ T_1 \\ T_2 \\ T_2$	$E \\ T_2 \\ E \\ T_2 \\ E \\ T_2 \\ T_2$	$\begin{array}{c} A_1 \begin{bmatrix} A_2 \end{bmatrix}, E \\ T_1, T_2 \\ T_1, T_2 \\ A_2, E, T_1, T_2 \\ T_1, T_2 \\ A_1, E \begin{bmatrix} T_1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} T_2 \end{bmatrix}$
D_{4h}	$egin{array}{c} E_g \ E_u \ E_u \ E_u \end{array}$	$B_{1g} \\ B_{2g} \\ B_{1g} \\ B_{2g}$	$egin{array}{c} E_g \ E_g \ E_u \ E_u \ E_u \end{array}$

结合表 1, T_{d} 和 D_{4h} 畸变后稳定构型可能的电 子状态分别列于表 3和 4. 表 4中,第三列是 D_{4h} 分 解到 D_{2h} 可能的电子状态的直积,因群中的两个表 示的直积也是该群的表示,如 $B_{2g} \otimes B_{3u} = B_{1u}$ 和 B_{3g} $\otimes B_{2u} = B_{1u}$ 等,所以这些直积表示对应的电子状态 也是分子可能的电子状态.

表 3 T_d 按 Jahn-Teller 效应结果分解

T_d	D_{2d}	D_2	C_{3v}	C_{2v}	C_s	C_i
A_1	A_1	A	A_1	A_1	A'	A_g
A_2	B_1	A	A_2	A_2	A''	A_u
E	$A_1 + B_1$	2A	E	$A_1 + A_2$	A' + A''	$A_g + A_u$
T_1	$A_2 + E$	$B_1 + B_2 + B_3$	$A_2 + E$	$A_2 + B_1 + B_2$	A' + 2A''	$2A_g + A_u$
T_2	$B_2 + E$	$B_1 + B_2 + B_3$	$A_1 + E$	$A_1 + B_1 + B_2$	2A' + A''	$A_g + 2A_u$

表 4 D_{4h}按 Jahn-Teller 效应结果分解

D_{4h}	D_{2h}	D _{2h} 表示的直积
E_g	$B_{2g} + B_{3g}$	$24 \pm 2B$
E_u	$B_{2u} + B_{3u}$	$\Delta n_u + \Delta D_{1u}$

3 计算结果和讨论

本文选用的 QCISD 方法包含了单、双取代的组 态相互作用,并在总的取代算符中引入了非线性的 二次项.与包含全部的三取代行列式波函数计算的 QCISI(T)方法相比,它在一定的精度下极大的节省 了计算时间,是一种较为实用的组态相互作用方法. 这种方法对于组态相互作用较强的分子离子 C₄²⁺ 比 较适用.基组 6-311G 是用于计算 C 的较大的基函 数,为提供较好的相关轨道并计算相关能,我们采用 了极化函数在内的相关基组 6-311G^{*}.这种方法和 基集合对于 C₂₃分子离子的计算都是比较理想的.

通过对 C_4^{2+} 分子对称性的分析 ,利用量子力学 从头计算法 QCISD/6 – 311G^{*} ,我们对它的可能的几 何构型进行了优化 . 得到了 10 种稳定构型 ,其中包 括 C_s , $C_{\infty v}$, C_{2v} , D_{2h} , $D_{\infty h}$, D_{4h} , D_{2d} , C_{3v} 等不同的构 型 ,没有发现稳定的 T_d 构型 . 各种构型所属点群、 电子状态、键长和键角、电荷分布和能量(误差小于 10⁻⁸ 例于表 5 中.

从表 5 可以看出 C_4^{2+} 分子的最稳定构型是 C_s , 其次是 C_{∞} 构型.这可能是因为另外一种分子简并 消去的原因所导致的,即是 Renner-Teller 效应的结 果.在此我们认为 C_4^{2+} 分子的稳定构型是 C_s 构型, 这符合 Renner-Teller 效应的结果.



图 2 C_4^{2+} 分子的 T_d 构型的势能曲线

对 C_4^{2+} 分子构型优化时,得不到 C_4^{2+} 分子的 T_d 构型,这说明 T_d 构型不是它的基态构型, Jahn-Teller 效应在此得到了体现.我们将 C_4^{2+} 分子固定为 T_d 构型,改变键长对它的三重态的在 R = 0.14 - 0.19nm 进行了扫描计算.结果如图 2 所示,从图中可以 发现在 R = 0.153 nm 处有一极小,其对应的能量为 E = -150.35219 a.u,明显高于表 5 中其他构型的 能量,因而 T_d 构型不可能是它的基态构型.计算中 也未能得到它的电子态,不过由 Jahn-Teller 定理和 T_d 群的表示可知,该态可能是 E, T_1 或 T_2 .

 T_d 群的振动 电子相互作用引起的稳定构型变 化中,按表 3 分解的结果, C_{2v} 群可可能稳定存在的 电子态为 A_1 , A_2 , B_1 和 B_2 ,我们优化得到的电子态 为³ B_2 ,与之符合. C_s 构型可以稳定存在的电子态有 A'和 A'',我们优化得到的电子态为³ A'',与群论导出 的结果一致. C_{3v} 群可能稳定存在的电子态为E和 A_1 ,我们得到的电子态为³ A_1 ,与之符合. D_{2d} 群中可 能稳定存在的电子态为E, A_1 , A_2 , B_1 和 B_2 ,我们得 到的电子态为³ A_1 ,与之符合。

表 5 C_4^{2+} 分子的几何构型、对称性和能量(QCISD/6 – 311G* 水平)

编 号	几何构型	对称性和 电子态	键长 /nm	键角 (°)	第 Ⅰ 个原子 的电荷	能量 /-a.u.
1		$C_s({}^3A'')$	$R_{12} = 0.14564$ $R_{23} = 0.12809$ $R_{34} = 0.13114$	∠123 = 179.17 ∠234 = 179.56	1 0.685238 2 0.343450 3 0.385707 4 0.585604	150.624488
2	$\overset{1}{\bullet} \overset{2}{\bullet} \overset{3}{\bullet} \overset{4}{\bullet}$	C _∞ ,(³ ?)	$R_{12} = 0.14557$ $R_{23} = 0.12767$ $R_{34} = 0.13127$		1 0.670436 2 0.376992 3 0.262252 4 0.690319	150.623557
3		$D_{2h}({}^{3}B_{1u})$	$R_{12} = R_{23} = R_{34} = 0.14086$	$\angle 123 = \angle 143 =$ 110.25 $\angle 214 = \angle 234$ = 69.75	1 0.596004 2 0.403996 3 0.596004 4 0.403996	150.612747
4		$C_{2h}({}^{3}B_{u})$	$R_{12} = R_{34} = 0.14085$ $R_{23} = R_{14} = 0.14088$	$\angle 123 = \angle 143 =$ 110.25 $\angle 234 = 214 =$ 69.75	1 0.403989 2 0.596011 3 0.403989 4 0.596011	150.612747
5		$C_{2\nu}({}^{3}B_{2})$	$R_{12} = 0.15079$ $R_{23} = R_{24} = 0.14138$	$\angle 123 = \angle 124 =$ 150.67 $\angle 324 = 58.66$	1 0.825426 2 0.055718 3 0.559428 4 0.559428	150.610708
6		$D_{\infty h}(^{3}?)$	$R_{12} = R_{34} = 0.13837$ $R_{23} = 0.12710$		1 0.615372 2 0.384628 3 0.384628 4 0.615372	150.599337
7	4 b a a 2 3 3	$D_{2d}({}^{3}A_{1})$	$R_{12} = R_{34} = 0.13488$ $R_{13} = R_{14} = R_{23}$ $= R_{24} = 0.17214$	$\angle 123 = 66.93$ $\angle 1ab = 79.55$	1 0.500000 2 0.500000 3 0.500000 4 0.500000	150.452700
8		$C_{3v}({}^{3}A_{1})$	$\begin{aligned} R_{12} &= R_{23} = R_{13} = \\ & 0.13933 \\ R_{14} &= R_{24} = R_{34} = \\ & 0.19748 \end{aligned}$	$\angle 123 = 60.00$ $\angle 234 = \angle 324 =$ $\angle 124 = \angle 214 =$ $\angle 413 = \angle 134 =$ 69.34	1 0.348451 2 0.348451 3 0.348451 4 0.954646	150.439723
9	1 4 a 3 a	$C_{2v}({}^{3}B_{2})$	$R_{12} = R_{13} = R_{24} = R_{34} = 0.16207$ $R_{23} = 0.15232$ $R_{14} = 0.13437$	$\angle 123 = \angle 132 =$ $\angle 423 = 432 =$ 61.97 $\angle 1a4 = 56.02$	1 0.518960 2 0.481040 3 0.481040 4 0.518960	150.410427
10	$\begin{array}{c}1\\ \bullet\\ 4\end{array} \begin{array}{c}2\\ 3\end{array}$	D _{4h} (³ ?)	$R_{12} = R_{23} = R_{34} =$ $R_{14} = 0.14217$		1 0.509277 2 0.490723 3 0.509227 4 0.490723	150.546167
11		<i>T_d</i> (³ ?)				Unstable

对于 D_{4h} 构型,按照 Jahn-Teller 效应分解的结果 可以使体系变形为菱形和矩形两种构型. 按表 4 的 结果, D_{2h} 群中可能稳定存在的电子态有 B_{2g} , B_{2u} , B_{3g} , B_{3u} , B_{1u} 和 A_u . 从表 5 优化的结果看,菱形 D_{2h} 的能量低于 D_{4h} 构型的能量,这说明 D_{4h} 存在有 Jahn-Teller 效应. 菱形 D_{2h} 构型能够稳定存在,并且 从 C_{2h} 构型的优化结果也可以看出,此处的 C_{2h} 就是 D_{2h} .

对于双原子分子,没有任何弯曲振动,但是离子 电荷的微扰效应也可能消去简并.如果非线性分子 处于轨道简并态,那么由于振动和电子运动的相互 作用,体系将变形以去掉这种对称性和消去简并.这 即是 Jahn-Teller 效应^[12]的一般规则.即使是线性分 子也可能消去简并,这即是 Renner-Teller 效应^[22].除 此之外,还有可能是因为离子电荷的微扰效应和质 量效应引起了分子轨道的简并消去.对于 C₄²⁺ 分子, 振动和电子运动的相互作用较强,而离子电荷的微扰效应和质量效应相对来说,可能要小得多.因此, 我们认为 C₄²⁺ 分子的简并消去主要是因为振动和电 子运动的相互作用,使对称性和简并消去,即是 Jahn-Teller 效应的结果,这也符合群的分解原理.

4 结 论

由群的分解和直积导出了 Jahn-Teller 效应引起 的分子几何构型变化后的可能的电子状态.由从头 计算法计算优化出了 C_4^{2+} 分子 T_d 构型的几种畸变 稳定构型,所得电子状态与群论导出的结果一致,说 明 C_4^{2+} 分子的 Jahn-Teller 效应相当明显. D_{4h} 构型也 具有 Jahn-Teller 效应.在 QCISD/6 – 311G^{*} 水平上 C_s 为最稳定构型.

- [1] H. A. Jahn, E. Teller, Proc. R. Soc., A 161(1937), 220.
- [2] C. C. Chancey, M. C. O Brien, The Jahn-Teller Effect in C₆₀ and Other Icosahadral Complexes, Princeton, NJ, 1997.
- [3] J. E. Huheey, E. A. Keiter, R. L. Keiter, Inorganic Chemistry: Principles of Structure and Reactivity, 4th ed. (Harper Collins, New York, 1993).
- [4] M. D. Kaplan, B. G. Vekhter, Cooperative Phenomena in Jahn-Teller Crystal (Plenum; New York, 1995).
- [5] L. R. Falvello, J. Chem. Soc., Dalton Trans, 23(1997), 4463.
- [6] H. Z. Köppel, Phys. Chem., 200(1997), 3.
- [7] T. A.. Miller, V. E. Bondybey, Molecular Ions: Spectroscopy, Structure, and Chemistry, T. A. Miller, V. E. Bondybey, Eds (North-Holland, Amsterdam, 1983).
- [8] T. A. Miller, Science, 223 (1984), 545.
- [9] Y. Y. Lee, G. H. Wann, Y. P. Lee, J. Chem. Phys., 99 (1993), 9465.
- [10] J. G. Goode, J. D. Hofstein, P. M. Johnson, J. Chem. Phys., 107(1997), 1703.
- [11] G. Herzberg, J. T. Hougen, J. K. G. Waston, Can. J. Phys., 60(1982), 1261.
- [12] G. Herzberg, H. Lew, J. J. Sloan, J. K. G. Watson, Can. J. Phys., 59 (1981), 428.

- [13] N. Ohasshi, M. Tsuura, J. T. Hougen, J. Mol. Spectrosc., 184 (1997), 22.
- [14] M. D. Morse, J. B. Hopkins, P. R. R. Langridge-Smith, R. E. Smalley, J. Chem. Phys., 79 (1983), 5316.
- [15] M. Z. Atanasov, Phys. Chem., 200(1997), 57.
- [16] W. T. Borden, E. R. Davidson, Acc. Chem. Res., 29(1996), 67.
- [17] A. Barckholtz, T. A. Miller, J. Phys. Chem., 103(1999), 2321.
- [18] Hong yan Wang, Gang Jiang, Zheng-he Zhu, Chinese Journal of Chemical Physics, 6(1997), 519(in Chinese) 王红艳、蒋刚、朱 正和,化学物理学报, 6(1997), 519].
- [19] G. Jiang, H. Y. Wang, Z. H. Zhu, Chem. Phys. Lett., 284 (1998), 267.
- [20] R. G. Pearson, Symmetry Rules for Chemical Reactions: Orbital Topology and Elementary Process, Wiley, 1976, Translated by Baolin Shi, Ji-kang Feng, Zhi-ru Li(Science Press, Beijing, 1986) (美)Pearson R G 著,石宝林、封继康、李志如译,化学反应 对称规则—轨道拓扑学和基元过程[科学出版社,北京, 1986)].
- [21] U. Öpik, M. H. L. Pryce, Proc. Roy. Soc., A 238(1937), 425.
- [22] R. Renner, Z. Phys., 92(1934), 172.

GEOMETRY OF C₄²⁺ AND THE JAHN-TELLER EFFECT*

WANG RONG ZHU ZHENG-HE YANG CHUAN-LU

(Institute of Atomic and Molecular Physics, Sichuan University, Chengdu 610065, China)
(Received 25 February 2001; revised manuscript received 20 April 2001)

ABSTRACT

10 stable geometrical configurations of electronic states for C_4^{2+} are found with QCISD/6-311G^{*} method. These configurations are C_s , $C_{\infty v}$, C_{2v} , D_{2h} , $D_{\infty h}$, D_{4h} , D_{2d} and C_{3v} , etc. The Jahn-Teller distortions from the configurations C_4^{2+} (T_d) and C_4^{2+} (D_{4h}) exist. The analysis of the relationships among these various geometrical configurations, based on the Jahn-Teller effect, vibronic interaction and the resolution of group representations, is in agreement with the calculated results. The most stable electronic state of C_4^{2+} is ${}^3A''$ of the planar C_s configuration.

Keywords : geometrical configuration , C_4^{2+} , Jahn-Teller effect **PACC** : 3100 , 3120 , 3120D , 3190

^{*} Project supported by the National Natural Science Foundation of China Grant No. 19974026).