双色光光伏空间孤子的形成条件及其应用*

王晓生 佘卫龙*

(中山大学光电材料与技术国家重点实验室,广州 510275)(2001年10月28日收到2002年7月17日收到修改稿)

以折射率改变为正的光伏晶体为例,讨论在其中形成双色光光伏空间孤子的条件.一般而言,在满足上述条件的情况下,双色光可以形成双色光亮孤子、双色光暗孤子、一亮一暗孤子.对于一个波长的光(ray2)单独不能形成亮 孤子(它的 Glass 系数与背景光的 Glass 系数之比 R_2 小于 1)的情况,如果再加上一束另一个波长的光(ray1),且其 Glass 系数与背景光的 Glass 系数之比 R_1 大于 1,则在一定条件下,这个双色光中两个颜色的光可以都形成亮孤子. 还讨论了 ray1 的光强对孤子宽度的影响.

关键词: 双色光,光伏,空间孤子,全光开关 PACC: 4265S 4265J

1.引 言

光学空间孤子是指光在传播过程中,其衍射被 抵消而产生的一种能量不扩散的传播状态,光束形 成空间孤子时 其横截面上的光强分布在传播过程 中保持不变.近10年来,光学空间孤子的研究主要 集中在光折变空间孤子方面,光折变空间孤子利用 光折变非线性效应产生的自聚焦抵消光束的衍射. 它以其可以在很低的功率「」下产生以及可以形成稳 态或准稳态的二维孤子[1-3]等特点受到人们的普遍 重视.现已发现的光折变空间孤子有三种基本的类 型:准稳态孤子[14-8]、屏蔽孤子[29-11]及光伏孤 子[3,12-16].在上述三种基本的孤子类型中,光伏孤子 与其他两种不同,它的形成不需要外加电场,只需要 所用的光折变晶体有足够强的光伏效应 这就提供 了一种全光控制的可能,光伏孤子是稳定的,可以是 一维或二维的,最近的研究表明,在光伏孤子的形成 过程中,背景光的光伏效应不可忽略^{17-19]}.在光伏 晶体上加电场可以形成屏蔽-光伏孤子^[20-25].孤子 之间可以发生碰撞或者相互作用[26-32],并出现一些 奇特的现象 孤子也可以形成所谓的孤子 对^[23,33-35]. 形成孤子的光束可以是空间相干。

的1-11],也可以是空间非相干的3-33],或者是部分 空间非相干的^[39-41].形成孤子的光束一般是单色 的,也可以是复色的^[42],甚至是白光^[36],根据复色光 光伏空间孤子理论"2],在光伏晶体中,一束具有两 个颜色的光 不同颜色的光成分相互作用可以分别 形成孤子,本文以折射率改变为正的光伏晶体为例, 讨论这种双色光空间孤子的形成条件,说明在光伏 晶体中可以形成亮亮双色光孤子、暗暗双色光孤子 和亮暗双色光孤子,同时证明,对于一个波长的光 (ray2)单独无法形成亮孤子(它的 Glass 系数与背景 光的 Glass 系数之比 R2 小于 1^[17,18])的情况,如果加 上另一个波长的光(rav1)且其 Glass 系数与背景光 的 Glass 系数之比 R_1 大于 1 则在一定条件下 这个 双色光中两个颜色的光可以都形成亮孤子,这种情 况提供了一种光控光的新方案:不加 ray1 时 ray2 无 法形成亮孤子,加入 ray1 后 ray2 形成亮孤子,即利 用 ray1 来控制 ray2.本文还讨论了 ray1 的峰值光强 变化对双色光孤子宽度的影响 给出的计算结果可 供实验验证

2. 双色光光伏空间亮孤子的形成条件 分析

在光伏空间孤子的实验中,除了信号光束 /。

†通讯作者.

^{*} 国家自然科学基金(批准号:10074082),国家教育部科学技术重点项目基金(批准号:99197)及广东省自然科学基金(批准号:001192和 980359)资助的课题。

外,一般都加上一束相对 *I*。而言均匀的背景光 *I*_b. *I*。通常为 e 光, *I*_b 为 o 光.一般情况下, 背景光的光 伏效应不可忽略. 根据复色光光伏空间孤子理 论^[42],外电路开路情况下晶体中的空间电荷场无量 纲化为

$$E = -\frac{R_1 u_1^2 + R_2 u_2^2 + 1}{u_1^2 + u_2^2 + 1} , \qquad (1)$$

其中 $E = E_{sc}/E_{p}$, $E_{p} = \kappa_{eff}^{o} \gamma n_{c} N_{d}^{i} \langle q \mu \rangle$, $R_{1} = \kappa_{eff}^{e} / \kappa_{eff}^{o}$, $R_{2} = \kappa_{eff}^{o} / \kappa_{eff}^{o}$, $u_{1}^{2} = S_{sl} I_{sl} \langle \xi \rangle \langle S_{b} I_{b} \rangle$, $u_{2}^{2} = S_{s2} I_{s2} \langle \xi \rangle \langle S_{b} I_{b} \rangle$, $k_{2} = \kappa_{eff}^{o} / \kappa_{eff}^{o}$, $u_{1}^{2} = S_{s1} I_{sl} \langle \xi \rangle \langle S_{b} I_{b} \rangle$, $u_{2}^{2} = S_{s2} I_{s2} \langle \xi \rangle \langle S_{b} I_{b} \rangle$, $k_{2} = \kappa / d_{1}$, $d_{1} = (\pm k_{1}^{2} n_{bl}^{2} r_{eff} E_{p})^{-1/2}$ 为无 量纲常数, E_{sc} 为空间电荷场, κ_{eff}^{e} , $n \kappa_{eff}^{o} \langle j = 1, 2 \nabla$ 同)分别为晶体对信号光和背景光的有效 Glass 常数, I_{sj} , I_{b} 为信号光及背景光光强, S_{sj} , S_{b} 为晶体对 这两种光的吸收截面, n_{c} 为电子数密度, N_{d}^{i} 为已电 离的施主密度, γ 为复合率系数, μ 为电子迁移率, -q 为电子的电量, k_{1} 为其中一个颜色的信号光成 $\gamma \langle ray1 \rangle$ 的圆波数, k_{2} 为另一个颜色的信号光成分 (ray2)的圆波数, r_{eff} 为 ray1 的线性电光系数, n_{bl} 为 ray1 的本底折射率.

同时可以得到无量纲化的孤子方程组为

$$\frac{\partial^2 u_1(\xi)}{\partial \xi^2} = \pm u_1(\xi) \left[\delta_1 - \frac{\left(R_1 u_1^2 + R_2 u_2^2 + 1 \right)}{\left(u_1^2 + u_2^2 + 1 \right)} \right], \quad (2)$$

$$\frac{\partial^2 u_2(\xi)}{\partial \xi^2} = \pm \eta u_2(\xi) \left[\delta_2 \right]$$

$$-\frac{\left(R_{1}u_{1}^{2}+R_{2}u_{2}^{2}+1\right)}{\left(u_{1}^{2}+u_{2}^{2}+1\right)}\right],\quad(3)$$

其中 $\delta_j = \Gamma_j / b_j$, Γ_j 为孤子传播常数, $b_j = 0.5 k_j n_{bj}^2 r_{effj}$ E_p , $\eta = (k_1^2 n_{b1}^2 r_{eff} E_p) (k_2^2 n_{b2}^2 r_{eff2} E_p)$. 当晶体的折射 率改变为正时,方程等号右边取正号;当晶体的折射 率改变为负时,方程等号右边取负号.

在光折变晶体中,空间电荷场通过线性电光效 应引起的折射率变化为 $\Delta n = -0.5 n_b^3 r_{eff} E_{sc}$.光折变 空间孤子正是利用这种非线性效应来抵消光束传播 过程中的衍射:与光强相关的空间电荷场引起晶体 折射率变化,这种折射率变化在晶体中形成一个自 聚焦型的折射率透镜(光束中心的折射率变化应大 于光束边缘的折射率变化),并利用折射率透镜对光 束的自聚焦来抵消光束的衍射.换言之,要在晶体中 形成孤子必须要求晶体中的光致折射率变化产生的 折射率透镜是聚焦型的.

在折射率改变为正的晶体中,利用(1)式可知

 $\Delta n_j \propto (R_1 u_1^2 + R_2 u_2^2 + 1)(u_1^2 + u_2^2 + 1). 如果光折变$ $晶体中形成聚焦型的折射率变化,这时有<math>\Delta n_j(0) > \Delta n_j(\infty),$ 亦即

 $\begin{bmatrix} R_1 u_1^2(0) + R_2 u_2^2(0) + 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} u_1^2(0) + u_2^2(0) + 1 \end{bmatrix}$ > $\begin{bmatrix} R_1 u_1^2(\infty) + R_2 u_2^2(\infty) + 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} u_1^2(\infty) + u_2^2(\infty) + 1 \end{bmatrix}.$ (4)

(4)式其实是在折射率改变为正的光伏晶体中产生 光伏孤子的必要条件,即形成孤子时(4)式一定成 立(4)式成立并不代表一定可以形成孤子.但是,一 般而言,由于 u_1,u_2 的分布除了要满足边界条件 外,其分布形式较为灵活.在满足(4)式的情况下,一 般总可以找到 u_1,u_2 的分布,使ray1,ray2形成空间 孤子.可以通过下面的计算来验证这个想法.

2.1. 双色光亮孤子

要形成双色光亮孤子 要求

 $\begin{bmatrix} R_1 u_1^2(0) + R_2 u_2^2(0) + 1 \end{bmatrix}$

 $[u_1^2(0) + u_2^2(0) + 1] > 1.$ (5)

反过来,只要满足(5)式,则有可能找到 u₁,u₂的分 布,使 ray1,ray2形成空间亮孤子.本文重点讨论这 种形成双亮孤子的情况.

由(5)式可以知道,如果 R_1 , $R_2 > 1$,ray1和 ray2都能形成亮孤子,这种情况已在文献 42]图 1 中计 算过.如果 R_1 , $R_2 < 1$,则不论 $u_1(0)$ 和 $u_2(0)$ 为多 少,都无法使(5)式成立.对于 $R_1 < 1$, $R_2 > 1$ 或 $R_1 >$ 1, $R_2 < 1$ 的情况,则只要 $u_1(0)$ 和 $u_2(0)$ 取适当的 值,可以保证(5)式成立,双色光双双形成亮孤子.下 面就计算这种情况.取 $R_1 = 1.2$, $R_2 = 0.5$, $\eta =$ 1.6815, $u_1(0) = 3.0$, $u_2(0) = 0.8$,由数值解法可以 算出孤子解,如图 1 所示.此时, u_1 的无量纲化半高 宽为 8.064, u_2 的无量纲化半高宽为 7.336.其他参 数不变的情况下, u_1 , u_2 的无量纲化半高宽随 $u_1(0)$ 取值的变化如图 2 所示.从图 2 可以看出,随着 $u_1(0)$ 值变小(5)式大于号左边接近 1,此时 u_1 , u_2 的孤子宽度迅速增大;但是 $u_1(0)$ 值也不是越大越 好,而是在 $u_1(0)$ 值约为 3.1时孤子宽度最窄.

这组计算数据同时可供实验验证用.文献 3 所 用的晶体 488 o 光与 488 e 光的 Glass 系数之比可以 达到 0.4.我们利用伏安法对一块 Cu :KNSBN 晶体 (折射率改变为正)进行 Glass 系数的测量,发现如果 利用波长为 632.8nm(氦氖光)的 o 光作为背景光, 波长为 514.5nn(绿光)的 e 光作为信号光 ray1 取波 长为 632.8 nm(氦氖光)的 e 光作为信号光 ray2,此时 R_1 约为 1.2 , R_2 约为 0.8. 实验中发现,由于生长条 件不同, Cu :KNSBN 晶体 Glass 系数对波长的依赖关 系较复杂,这方面的研究结果将另文报道.



图 1 双色光亮孤子数值解 $R_1 = 1.2$, $R_2 = 0.5$, $\eta = 1.6815$, $u_1(0) = 3.0$, $u_2(0) = 0.8$, u_1 的无量纲化半高宽为 8.064, u_2 的无 量纲化半高宽为 7.336



图 2 双色光亮孤子半高宽(W)随 u₁(0) 变化的数据拟合曲线 ◆和●为计算结果



(a)*R*₁ = 0.8, *R*₂ = 0.85, η = 0.85, *u*₁(∞) = 1.0, *u*₂(∞) = 1.0, *u*₁ 的 无量纲化半高宽为 2.685, *u*₂ 的无量纲化半高宽为 4.035

2.2. 双色光暗孤子

要形成双色光暗孤子 要求

 $[R_1 u_1^2(\infty) + R_2 u_2^2(\infty) + 1]$

 $[u_1^2(\infty) + u_2^2(\infty) + 1] < 1.$ (6)

如果 R_1 , $R_2 < 1$,则不论 $u_1(\infty)$ 和 $u_2(\infty)$ 为多少,都 能保证(6)式成立;如果 R_1 , $R_2 > 1$,则不论 $u_1(\infty)$ 和 $u_2(\infty)$ 为多少,都无法使(6)式成立;对于 $R_1 < 1$, $R_2 > 1$ 的情况,只有 $u_1(\infty)$ 和 $u_2(\infty)$ 取适当的值, 才能保证(6)式成立.对于 R_1 , $R_2 < 1$ 的情况,取 R_1 = 0.8, R_2 = 0.85, η = 0.85, $u_1(\infty)$ = 1.0, $u_2(\infty)$ = 1.0,由数值解法可以算出孤子解,如图 3(a)所示.此 时, u_1 的无量纲化半高宽为 2.685, u_2 的无量纲化 半高宽为 4.035.对于 $R_1 > 1$, $R_2 < 1$ 的情况,我们取 $R_1 = 1.2$, $R_2 = 0.9$, $\eta = 1.15$, $u_1(\infty) = 1.0$, $u_2(\infty) =$ 2.0,由数值解法可以算出孤子解,如图 3(b)所示. 此时, u_1 的无量纲化半高宽为 7.502, u_2 的无量纲 化半高宽为 6.624.

2.3. 一暗一亮孤子

要形成一暗一亮孤子 要求

$$\begin{bmatrix} R_2 u_2^2(0) + 1 \end{bmatrix} u_2^2(0) + 1 \end{bmatrix}$$

> $\begin{bmatrix} R_1 u_1^2(\infty) + 1 \end{bmatrix} u_1^2(\infty) + 1 \end{bmatrix}$ (7)

或者

$$\begin{bmatrix} R_1 u_1^2(0) + 1 \end{bmatrix} u_1^2(0) + 1 \end{bmatrix}$$

>
$$\begin{bmatrix} R_2 u_2^2(\infty) + 1 \end{bmatrix} u_2^2(\infty) + 1 \end{bmatrix}.$$
 (8)



(b)*R*₁ = 1.2, *R*₂ = 0.9, η = 1.15, *u*₁(∞) = 1.0, *u*₂(∞) = 2.0, *u*₁ 的 无量纲化半高宽为 7.502, *u*₂ 的无量纲化半高宽为 6.624

不失一般性,取 $R_1 = 1.2$, $R_2 = 0.5$, $\eta = 1.6815$, $u_1(0) = 2.0$ (亮孤子), $u_2(\infty) = 1.0$ (暗孤子),由数 值解法可以算出孤子解,如图 4 所示.此时, u_1 的无 量纲化半高宽为 3.113, u_2 的无量纲化半高宽为 0.710.



图4 一暗一亮孤子数值解 $R_1 = 1.2$, $R_2 = 0.5$, $\eta = 1.6815$, $u_1(0) = 2.0$ (亮孤子), $u_2(\infty) = 1.0$ (暗孤子), u_1 的无量纲化半高 宽为 3.113, u_2 的无量纲化半高宽为 0.710

3. 讨论

根据考虑了背景光光伏效应的单色光光伏空间 孤子理论^[17,18],我们知道,在折射率改变为正的光伏 晶体中,要形成光伏亮孤子要求信号光与背景光的 有效 Glass 系数之比大于 1(注意文献 17,18]中提到 的是背景光与信号光的有效 Glass 系数之比,与这里 的情况正好相反);对于信号光与背景光的有效 Glass 系数之比小于 1 的情况,只能形成中间暗两边 亮的暗孤子,这种情况下若将中间亮两边暗的信号 光束射进晶体,则信号光光束将发生自散焦. 根据上面的分析及计算结果,可以知道,对于信 号光 ray2 与背景光的有效 Glass 系数之比小于 1 的 情况,只要加入另一颜色的信号光 ray1(信号光与背 景光的有效 Glass 系数之比大于 1),同时调节 u₁, u₂则可以使 ray1 和 ray2 都形成空间亮孤子.亦即 在适当的条件下,挡住 ray1 时,ray2 无法形成亮孤 子,并且有些自散焦;加入 ray1 则 ray2 形成亮孤子, 保持传播过程中能量不扩散.它实际上是一种光控 光的新方案,即用 ray1 来控制 ray2,这个过程具有全 光开关效应.

在单色信号光及适当条件下,开光背景光也可 以控制信号光形成和不形成孤子.但是,当关闭背景 光时,晶体中自由电子数密度变小,空间电荷场达到 稳定的时间较长.而在双色光的情况,背景光始终存 在,晶体中自由电子数密度相对较大,所以可以预 料,这种双色光情况的开光速度要比单色光的情况 快.理论分析的结果有待于实验的验证.

4.结 论

本文以折射率改变为正的光伏晶体为例,讨论 在其中形成双色光光伏空间孤子的条件.数值计算 的结果表明在满足上述条件的情况下,双色光可以 形成双色光亮孤子、双色光暗孤子、一亮一暗孤子. 重点讨论了双色光亮孤子的情况,证明对于一个波 长的光(ray2)单独无法形成亮孤子(它的 Glass 系数 与背景光的 Glass 系数之比 R_2 小于 1)的情况,如果 加入另一波长的光(ray1),且其 Glass 系数与背景光 的 Glass 系数之比 R_1 大于 1,则在适当条件下,这个 双色光中两个颜色的光可以都形成亮孤子.这种情 况提供了一种光控光的新方案.

- Duree G Jr, Shultz J L, Salamo G J, Segev M, Yariv A, Crosignani
 B, Porto P D, Sharp E J and Neurgaonkar R R 1993 *Phys. Rev.* Lett. 71 533
- [2] Shih M, Leach P, Segev M, Garrett M H, Salamo G and Valley G C 1996 Opt. Lett. 21 324
- [3] She W L , Lee K K and Lee W K 1999 Phys. Rev. Lett. 83 3182
- [4] Segev M, Crosignani B, Yariv A and Fischer B 1992 Phys. Rev. Lett. 68 923
- [5] Duree G, Morin M, Salama G, Segev M, Crosinani B, Porto P D, Sharp E and Yariv A 1995 Phys. Rev. Lett. 74 1978

- [6] Maufoy J, Fressengeas N, Wolfersberger D and Kugel G 1999 Phys. Rev. E 59 6116
- [7] She W L , Lee K K and Lee W K 2000 Phys . Rev . Lett . 85 2498
- [8] She W L et al 2001 Acta Phys. Sin. 50 886(in Chinese] 佘卫龙 等 2001 物理学报 50 886]
- [9] Segev M, Valley G C, Crosignani B, Porto P D and Yariv A 1994 Phys. Rev. Lett. 73 3211
- [10] Castillo M D I, Aguilar P A M, Sanchez-Mondragon J J, Stepanov S and Vysloukh V 1994 Appl. Phys. Lett. 64 408
- [11] Segev M, Shih M and Valley G C 1996 J. Opt. Soc. Am. B 13 706

52 卷

599

- [12] Valley G C , Segev M , Crosignani B , Yariv A , Fejer M M and Bashaw M C 1994 Phys. Rev. A 50 R4457
- [13] Taya M, Bashaw M C, Fejer M M, Segev M and Valley G C 1995 Phys. Rev. A 52 3095
- [14] Chen Z, Segev M, Wilson D W, Muller R E and Maker P D 1997 Phys. Rev. Lett. 78 2948
- [15] Taya M, Bashaw M C, Fejer M M, Segev M and Valley G C 1996 Opt. Lett. 21 943
- [16] Segev M , Valley G C , Bashaw M C , Taya M and Fejer M M 1997 J. Opt. Soc. Am. B 14 1772
- [17] She W L , Chan C W and Lee W K 2001 Opt . Lett . 26 1093
- [18] She W L et al 2001 Acta Phys. Sin. 50 2166(in Chinese) 余卫龙
 等 2001 物理学报 50 2166]
- [19] Anastassiou C et al 1998 Opt. Lett. 23 924
- [20] Liu J S et al 1998 Acta Phys. Sin. 47 1509(in Chinese] 刘劲松 等 1998 物理学报 47 1509]
- [21] Liu J S et al 2001 Acta Phys. Sin. 50 880(in Chinese] 刘劲松等 2001 物理学报 50 880]
- [22] Lu K Q et al 1999 Acta Phys. Sin. 48 2070(in Chinese] 卢克清 等 1999 物理学报 48 2070]
- [23] Hou C F et al 2000 Acta Phys. Sin. 49 1969(in Chinese)] 侯春风 等 2000 物理学报 49 1969]
- [24] Liu J S et al 2000 Chin. Phys. 9 667
- [25] Liu J S et al 2001 Chin. Phys. 10 1037

- [26] Shih M and Segev M 1996 Opt. Lett. 21 1538
- [27] Krolikowski W and Holstrom S A 1997 Opt. Lett. 22 369
- [28] Garcia-Quirino G S et al 1997 Opt. Lett. 22 154
- [29] Krolikowski W, Akhmediev N and Luther-Davies B 1999 Phys. Rev. E 59 4654
- [30] Anastassiou C et al 1999 Phys. Rev. Lett. 83 2332
- $\left[\begin{array}{c} 31 \end{array} \right] \ \ \, Shih M$, Segev M and Salamo G 1997 Phys . Rev . Lett . 78 2551
- [32] Stegeman G I and Segev M 1999 Science 286 1518
- [33] Christodoulides D N, Singh S R and Carvalho M I 1996 Appl. Phys. Lett. 68 1763
- [34] Chen Z et al 1996 Opt. Lett. 21 1436
- [35] Chen Z et al 1996 Opt. Lett. 21 1821
- [36] Mitchell M and Segev M 1997 Nature 387 880
- [37] Christodoulides D N et al 1998 Phys. Rev. Lett. 80 5113
- [38] Christodoulides D N , Coskun T H , Mitchell M and Segev M 1997 Phys. Rev. Lett. 78 646
- [39] Chen Z , Mitchell M , Segev M , Coskun T H and Christodoulides D N 1998 Science 280 889
- [40] Mitchell M, Chen Z, Shih M and Segev M 1996 Phys. Rev. Lett. 77 490
- [41] Wang X S and She W L 2002 Acta Phys. Sin. 51 573(in Chinese) [王晓生、佘卫龙 2002 物理学报 51 573]
- [42] Wang X S et al 2001 Acta Phys. Sin. 50 496(in Chinese J 王晓 生等 2001 物理学报 50 496]

The condition for forming a polychromatic light photovoltaic spatial soliton and its application *

Wang Xiao-Sheng She Wei-Long

 (State Key Laboratory of Optoelectronic Materials and Technologics , Zhongshan University ,Guangzhou 510275 , China)
 (Received 28 October 2001 ; revised manuscript received 17 July 2002)

Abstract

We discuss the conditions under which some polychromatic light photovoltaic spatial solitons can be formed in a photorefractive crystal with a positive perturbation refractive index. Generally, under these conditions we can form bright-bright ,dark-dark and bright-dark polychromatic light photovoltaic spatial solitons in the crystal. In the case of bright-bright solitons, if we launch a monochromatic bean(ray2 ,its effective Glass constant is less than that of the background), bright soliton cannot be obtained. But if we add another monochromatic bean(ray1 , its effective Glass constant is larger than that of the background beam), both ray1 and ray2 can form bright solitons under some condition. This gives a new way to control ray2 with ray1. It is shown that the width of bright-bright solitons can be modified by the peak intensity of ray1.

Keywords : photovoltaic , polychromatic light , spatial soliton , all light switch PACC : 4265S 4265J

^{*} Project supported by the National Natural Science Foundation of China (Grant No. 10074082), the Science Foundation from the Ministry of Education of China (Grant No. 99197), and the Natural Science Foundation of Guangdong Province, China (Grant Nos. 001192 and 980359).