测量光折变非线性参量动态行为的一种新方法*

刘思敏¹) 赵红娥²) 郭 儒¹) 汪大云¹) 高垣梅¹) 黄春福¹) 陆 3^{3})

1(南开大学物理学院 天津 300071)

²(北京交通大学理学院,北京 100044)

3(天津理工大学自动化系,天津 300191)

(2003年3月7日收到;2003年5月30日收到修改稿)

在 z 扫描方法的基础上 提出了一种测量光折变非线性参量动态行为的新方法——时间扫描方法.理论和实 验研究结果表明,这种新方法是精确、可行的.

关键词:时间扫描方法, z扫描方法, 非线性折射率, 非线性吸收 PACC: 0779, 4285F

1.引 言

自从 1989 年由 Sheik-bahae 等人^[1]提出了一种 高灵敏度、单光束测量非线性介质的非线性系数的 数值与符号的简单测量技术——*z* 扫描方法以来, 它已被广泛用来测量各种非线性材料的非线性折射 率 Δn 和非线性吸收 $\Delta \alpha$.这种方法可简单描述如 下 :被测样品放置于聚焦高斯光束的光轴(*z* 轴)上, 样品沿 *z* 轴在焦点附近移动,探测器 *D*₁ 测量入射 功率,在远场处分别放置带有小孔光阑的探测器 *D*₂ 和开孔探测器 *D*₃,由 *D*₂ 和 *D*₃ 测得的透射率与样 品位置的关系曲线(*z* 扫描曲线)可分别求得样品的 Δn 和 $\Delta \alpha$,并能确定 Δn 的数值和符号及非线性吸 收的类型.虽然脉冲光源和连续光源在 *z* 扫描方法 中都被采用,但是我们在测量光折变非线性介质的 非线性参量过程中,发现该方法存在着一定的局 限性.

1) z 扫描方法比较适合于快速响应的材料和 脉冲激光器作为光源的情况.由于光折变材料具有 慢响应的特点,因此从辐照开始到达到稳定需要一 定的时间,而且这个时间是随入射光强 / 而改变的, 所以测量 z 扫描曲线时,样品处于每个位置 z 达到 稳定的时间是不同的,因而这个时间的选取有很大 的不准确性,这会给测量带来误差.

2) z 扫描曲线需要样品处于不同 z 处测得的不

同透射率值的多个数据得到.由于样品生长和掺杂 的不均匀性,致使每次测量时由于辐照样品不同区 域而引起误差.

3) z 扫描曲线要求远场测量.由于光折变效 应,光束在介质中会沿两个横向扩展或会聚,致使远 场测量中进入小孔探测器中的信号微弱,信噪比大 大降低.

为此,我们认为有必要探讨一种更适合于测量 光折变非线性参量的方法.

2.测量原理与方法

我们在 z 扫描方法的基础上,根据光折变非线 性的特点,提出了一种新的测量方法——时间扫描 方法.实验装置如图 1 所示.它类似于 z 扫描方法的 实验装置,主要区别在于 D_2 和 D_3 不是在远场处测 量,而是通过透镜 L_2 将光折变晶体输出面成像于 D_2 和 D_3 上. D_2 为小孔光阑探测器,它是测量由 Δn 引起的波前畸变的; D_3 为开孔探测器,它是测量非 线性吸收的. D_2 和 D_3 分别位于离分束器 BS₂ 等光 程处,即同为晶体输出面的放大像的像面处.探测器 D_1 则是为了监测入射光的功率.

时间扫描方法的基本原理如下:

众所周知,光折变介质中辐照区内的折射率会 由于光折变效应而发生变化,它等效于一个光感应 透镜,在自聚焦介质(△n > 0)中,它是正透镜,在自

^{*} 国家自然科学基金(批准号 60078013 60278006 60378013)资助的课题.

散焦介质 $(\Delta n < 0)$ 中它是负透镜 如果介质具有一 定厚度,它们使在介质中传输光束的波前位相发生 变化 这种位相变化是随传播距离而逐渐累积的过 程 从而引起介质输出面处光斑尺寸的变化 因为光 折变介质是慢响应的非线性介质 因而光折变效应 从辐照开始到达到饱和需要一个时间过程,这就为 通过介质输出面处像尺寸的变化过程来测量其辐照 区内折射率变化的过程提供了可能性.显然 启聚焦 光折变非线性会使介质输出面处光斑尺寸随辐照时 间而减小 自散焦光折变非线性则会使该光斑尺寸 随辐照时间而增大.如果探测器 D_2 前面的小孔光 阑孔径 S_0 足够小 (对于自散焦介质 , S_0 应小于或 等于辐照开始(t=0)时输出光斑像的尺寸;对于自 聚焦介质 ,S₀ 应小于或等于光折变达到饱和时输出 光斑像的尺寸)通过小孔探测器 D_2 就能够测得由 于介质非线性引起的输出光斑尺寸的变化 从而求 得辐照区中折射率的变化.测量的灵敏度依赖于小 孔探测器 D_2 上输出光斑像相对于非线性介质输出 面处的光斑像的放大倍数,即 D。上的光斑像越大, Δn 的测量灵敏度越高.

传播在任何介质(包括真空)中的细光束都存在 着衍射效应.在自散焦介质中,衍射使介质中传播的 光束展宽,非线性也使光束变宽,因此介质输出面处 光斑尺寸相对于输入面处光斑尺寸的增大应当是衍 射效应与自散焦非线性光学效应的共同贡献.但是 衍射效应是一种线性光学效应,它在辐照开始(*t* = 0)时已经存在,因此很容易通过输出光斑像尺寸随 时间变化将两种效应分离.在自聚焦介质中,衍射使 介质中传播的光束展宽,而非线性则使光束变窄,因 而输出光斑尺寸相对于输入光斑尺寸的变化应当是 非线性与衍射相减的结果.当二者完全平衡时就会 在介质中形成亮空间孤子,即光束以不变的尺寸和 形状在介质中传播.因此,这种成像方法也是判断光 折变空间孤子是否形成的一种常用方法^[2-5].如果 探测器 D_2 为开孔探测器 ,在辐照时间 $t = t_1$ 时 , D_2 上的输出光斑像面积为 S_1 ; $t = t_2$ 时 ,该像面积为 S_2 ,假设我们先不考虑吸收和光损耗的影响 ,则它 们有同样的输入与输出功率 ,即 $P_{10} = P_{20} = P_0$.由 于输出光斑像面积的变化 ,在探测器 D_2 上测得 t_1 与 t_2 时刻的输出光强比为

$$\frac{I_2}{I_1} = \frac{P_0/S_2}{P_0/S_1} = \frac{S_1}{S_2} , \qquad (1)$$

但是在本实验方法中,小孔探测器 D_2 的小孔光阑 面积始终不变, $S = S_0$ ($S_0 < S_1$, S_2)则在 t_1 和 t_2 时 刻由探测器 D_2 测得的功率分别为 $P_1 = I_1S_0$ 和 P_2 = I_2S_0 ,因此

$$\frac{P_2}{P_1} = \frac{I_2}{I_1} , \qquad (2)$$

所以,由小孔探测器 D_2 测得的功率随时间的变化, 直接反映了由于光折变效应引起输出光斑尺寸变化 所对应的输出光强随时间的变化.但是,如果介质的 吸收系数和光感应光散射同时也发生变化,它们也 会引起小孔探测器测得的功率发生变化.所以说,小 孔探测器测得的功率变化应当是 Δn 与 $\Delta \alpha$ 随时间 变化的共同贡献.因而必须进一步考虑介质的吸收 系数及光感应散射随时间的变化,才可能将 Δn 与 $\Delta \alpha$ 随时间的变化相分离.

为此,还必须由开孔探测器 *D*₃ 同时测量吸收 系数的变化与光感应光散射随辐照时间的变化.开 孔探测器是指在探测器上的光阑孔径足以让发散后 的全部出射光束进入探测器,因而它不会受到光折 变对透射波前变化的影响.但是,由于扇形散射光属 于空间频谱的高频成分,透镜 *L*₂ 的镜框实际上起到 了高频滤波器的作用,因而扇形散射光不能由透镜 *L*₂ 成像到开孔探测器 *D*₃ 上.因此开孔探测器 *D*₃



图 1 实验装置图(A 为可变衰减器 ,BS 为分束器 ;L 为透镜 ;crystal 为光折变晶体 ,D₁ ,D₃ 为开孔探测器 ; D₂ 为小孔探测器)

测得的功率变化包含了非线性吸收和光感应散射共 同引起的光能损耗 ,我们称之为等效非线性系数 Δα 的贡献.

这样 Δn 单独对小孔探测器 D_2 测得功率的影响应当是 D_2 测得的功率除以同一时刻 D_3 测得功率的归一化透射率 $T(D_2/D_3)$.

3.数据处理公式的推导

下面我们考虑如何由实验测得的归一化透射率 $T(=D_2/D_3)$ 来计算光致折射率变化 Δn .

忽略吸收 非线性介质输出面的波函数为^[6]

$$\psi_{\text{out}} = \psi_{\text{in}} e^{-i\Phi \cdot L} = \psi_{\text{in}} e^{-(\Phi_0 + \Delta \Phi)L} = \psi_{\text{in}} e^{-ik_0(n_0 + \Delta n)L}$$

 $= \psi_{\text{in}} e^{-ik_0 n_0 L} e^{-ik_0 \Delta nL}$, (3)

其中 $\Phi_0 = k_0 n_0$, $\Delta \Phi = k_0 \Delta n$, $k_0 = \frac{2\pi}{\lambda_0}$. 因此, 当高斯 光束通过介质时,可以将厚度为 *L* 的非线性介质看 成一个折射率为 n_0 、厚度为 *L* 的均匀折射率平板加 上一个薄透镜. 已知一个薄透镜的位相变换函 数为^[6]

$$f(x, y) = e^{-ik_0 n_0 \frac{x^2 + y^2}{2f}}, \qquad (4)$$

其中 ƒ 为该透镜的焦距 ,x² + y² = r² ,r 为径向坐标. 将(3)式与(4)式对照 ,得到

$$\Delta nL = n_0 \, \frac{x^2 + y^2}{2f}.$$
 (5)

下面利用 q 变换方法求得类透镜焦距f.在傍 轴近似下,该入射光的 q 因子为 q_{in} ,出射光的 q 因 子为 q_{out} ,则

$$q_{\text{out}} = \frac{Aq_{\text{in}} + B}{Cq_{in} + D}.$$
 (6)

设入射光依次通过折射率为 *n*₀ 的平行平板和 焦距为 *f* 的薄透镜

$$\begin{pmatrix} A & B \\ C & D \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & \frac{L}{n_0} \\ 0 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ -\frac{1}{f} & 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 - \frac{L}{n_0 f} & \frac{L}{n_0} \\ -\frac{1}{f} & 1 \end{pmatrix},$$
(7)

将(7) 武代入(6) 武,得到

$$q_{\text{out}} = \frac{\left(1 - \frac{L}{n_0 f}\right)q_{\text{in}} + \frac{L}{n_0}}{-\frac{q_{\text{in}}}{f} + 1} = \frac{\left(1 - \frac{L}{n_0 f}\right) + \frac{L}{n_0} \cdot \left(\frac{1}{q_{\text{in}}}\right)}{\frac{1}{q_{\text{in}}} - \frac{1}{f}}.$$
(8)

已知高斯光束的复波函数可以表示为[7]

$$\frac{1}{q_{\rm in}} = \frac{1}{R_{\rm in}} - i \left(\frac{\lambda_0}{n_0 \pi \omega_{\rm in}^2} \right) , \qquad (9)$$

其中 R_{in}和 ω_{in}分别为入射波的曲率半径的束腰半径. 将(9)式代入(8)式 得到

$$q_{\text{out}} = \frac{\left(1 - \frac{L}{n_0 f}\right) + \frac{L}{n_0} \left(\frac{1}{R_{\text{in}}} - i\frac{\lambda_0}{n_0\pi\omega_{\text{in}}^2}\right)}{\frac{1}{R_{\text{in}}} - i\left(\frac{\lambda_0}{n_0\pi\omega_{\text{in}}^2}\right) - \frac{1}{f}} , (10)$$

$$\frac{1}{q_{\text{out}}} = \frac{\left(\frac{1}{R_{\text{in}}} - \frac{1}{f}\right) \left(1 - \frac{L}{n_0 f} + \frac{L}{n_0 R_{\text{in}}}\right) + \frac{L}{n_0} \left(\frac{\lambda_0}{n_0\pi\omega_{\text{in}}^2}\right)^2 - i\frac{\lambda_0}{n_0\pi\omega_{\text{in}}^2}}{\left(1 - \frac{L}{n_0 f} + \frac{L}{n_0 R_{\text{in}}}\right)^2 + \left(\frac{L}{n_0^2} \cdot \frac{\lambda_0}{\pi\omega_{\text{in}}^2}\right)^2} .$$

$$(11)$$

因为输出光束近似为高斯光束

$$\frac{1}{q_{\text{out}}} = \frac{1}{R_{\text{out}}} - i \frac{\lambda_0}{n_0 \pi \omega_{\text{out}}^2}.$$
 (12)

$$\frac{\frac{1}{\omega_{\text{out}}^{2}}}{\left(1 - \frac{L}{n_{0}f} + \frac{L}{n_{0}R_{\text{in}}}\right)^{2} + \left(\frac{L}{n_{0}^{2}} \cdot \frac{\lambda_{0}}{\pi\omega_{\text{in}}^{2}}\right)^{2}}.$$
(13)

在我们的实验条件下,上式等号右端分母中的 第2项趋于零,所以

$$\frac{\omega_{\text{out}}^2}{\omega_{\text{in}}^2} = \left(1 - \frac{L}{n_0 f} + \frac{L}{n_0 R_{\text{in}}}\right)^2.$$
(14)

如果样品位于焦点附近 则 $R_{in} \rightarrow \infty$,

$$\frac{\omega_{\text{out}}^2}{\omega_{\text{in}}^2} \approx \left(1 - \frac{L}{n_0 f}\right)^2.$$
 (15)

考虑到光折变效应的各向异性,出射光斑不是 圆形而是椭圆形,即沿 c 轴方向拉长,所以用 S_{out} 代 替 $\pi\omega_{out}^2$,得到

$$\frac{S_{\text{out}}}{S_{\text{in}}} \approx \left(1 - \frac{L}{n_0 f}\right)^2 , \qquad (16)$$

即

$$\frac{L}{n_0 f} \approx 1 - \left(\frac{S_{\text{out}}}{S_{\text{in}}}\right)^{\frac{1}{2}} , \qquad (17)$$

$$\frac{1}{f} \approx \frac{n_0}{L} \left(1 - \left(\frac{S_{\text{out}}}{S_{\text{in}}} \right)^{1/2} \right).$$
 (18)

将(18)武代入(5)武,得

$$\Delta n = \frac{n_0}{L} \frac{x^2 + y^2}{2f} = \frac{n_0^2 r_0^2}{2L^2} \left[1 - \left(\frac{S_{\text{out}}}{S_{\text{in}}}\right)^{1/2} \right]. (19)$$

因为入射功率不变时,在小孔探测器 D₂ 上测得的透射率

$$\frac{I_2}{I_1} = \frac{S_1}{S_2} = \frac{T_2}{T_1} , \qquad (20)$$

$$\Delta n = \frac{n_0^2 r_0^2}{2L^2} \left[1 - \left(\frac{T_1}{T_2}\right)^{1/2} \right] , \qquad (21)$$

其中 $r_0^2 = x^2 + y^2 = \omega^2(z) = \omega_0^2 \left(1 + \frac{z^2}{z_0^2}\right)$ 为入射光束 的光斑尺寸, *z* 为晶体入射面离透镜 *L*₁ 的焦平面距 离 ω_0 和 z_0 分别是入射光束的束腰半径和束腰长 度, *L* 为样品的通光长度.由(21)式可以看到,当 (T_1/T_2)>1时, $\Delta n < 0$;当(T_1/T_2)<1时, $\Delta n > 0$. LiNbO3 :Fe 为自散焦介质,由时间扫描方法测得,在 辐照初期,透射率 *T* 随辐照时间而迅速下降,所以, $\Delta n < 0$,但当 *T* 达到最小值后又随辐照时间缓慢上 升,甚至能使 $T_2 > T_1$,因而 $\Delta n > 0$ 称之为从自散焦 到自聚焦的动态转换过程⁸¹,其物理机理正在探 讨中^[9].

当晶体入射面处的入射光强为 / 时,由开孔探测器测得的透射光强为 / 。,则等效非线性吸收系数

$$\Delta \alpha = \alpha_0 - \alpha = \frac{1}{d} \ln \left[\frac{I_{\text{out}}/I}{I/I_{10}} \right] , \qquad (22)$$

这里,d为样品的通光长度, I_1/I_10 为弱光下的样品 透过率.

这种方法的优点是:它只需将样品放在焦点前 或焦点后的一个位置 辐照样品一次即可完成,这就 克服了在 z 扫描方法中由于不同光强下的不同的响 应时间以及样品生长和掺杂不均匀性给测量带来的 误差.

4.实验结果

使用这种方法,我们对 LiNbO₃:Fe(1[#] 样品),和 LiNbO₃:Fe:Th(2[#] 样品),厚度均为 3mm),分别测得 了小孔探测器 D_2 和开孔探测器 D_3 的透射率与辐 照时间的关系曲线如图 2(a)和(b)所示.为了排除 $\Delta \alpha$ 对 Δn 的影响,用小孔探测器的透射率 D_2/D_1 除 以开孔探测器的透射率 D_3/D_1 得到归一化的透射 率 T 与辐照时间的关系曲线如图 3(a)和(b)所示. 将图 3 的数据代入(21)式得到 Δn 随辐照时间变化 的关系曲线如图 4(a)和(b)所示.图 5(a)是将开孔 探测器 D_3 测得的透射率(I_{out}/I)和线性透射率 I_1/I_{10} 代入(22)式得到的.根据图 4 的测量结果,我们发 现了在掺杂LiNbO3晶体中存在着从自散焦到自聚





图 3 归一化透射率 *T* 随时间的变化关系 (a)1[#] 样 品(b)2[#] 样品





图 4 折射率改变 △n 随时间的变化关系 (a) # 样品; (b) 2[#] 样品



图 5 等效非线性吸收系数 Δα 随时间的变化关系 (a)1[#] 样品(b)2[#] 样品

焦的动态转换过程^{8-10]},从图 (b) LiNbO₃: Fe :Tb 样 品的 $\Delta \alpha$ -*t* 曲线中稳态吸收系数 α 小于线性吸收系 数 $\alpha_0(\Delta \alpha = \alpha_0 - \alpha)$ 的实验结果,我们发现了该晶体 存在着光致漂白效应^[11],二波耦合中弱光放大是瞬 态能量转移与扩散机制的共同贡献^[12].

5.实验方法的验证

为了验证这种实验方法 我们进行了以下的实验:

5.1. 成像方法与远场衍射方法中小孔探测器测量 结果的比较

为了比较我们在本文提出的将输出面成像在小 孔探测器上的测量结果与 *z* 扫描方法中测量 △*n* 使 用的远场衍射小孔探测器方法的测量结果,我们在 同样的实验条件用不同的探测方法测量了 2[#] 样品 的透射率 *T* 随辐照时间的变化曲线,如图 ((a) (b) 所示.实验结果表明,成像方法探测灵敏度和信噪比 都要优于远场衍射方法.



图 6 由小孔探测器测得的 2[#] 样品的透射率随时间的 变化曲线 (a)成像方法 (b)远场衍射方法

5.2. 不同光阑测量结果的比较

考虑到由于光折变效应的各向异性使晶体出射

学

报

的光束不是圆对称的 而是成椭圆形 我们采用不同 形状的光阑——小孔光阑和狭缝,并分别对狭缝垂 直于晶体光轴 c 和平行于光轴 c 的不同情况进行了 观测 结果如图 7 所示.图中曲线 1 2 和 3 分别是探 测器 D_2 前用平行于晶体光轴 c 的狭缝光阑(Yslit), 垂直于晶体光轴 c 的狭缝光阑(X slit)以及用 小孔光阑测量得到的 Δn 随时间变化的动态行为. 可见三种情况下虽然测得的曲线形状相似 但是测 得的 Δn 的幅值不同. 小孔光阑测得的 | Δn | 值最 大,垂直于晶体光轴的狭缝测得的|△n|值较狭缝平 行于晶体光轴时的测量值大.这是由于小孔光阑测 得的 Δn 包括了与晶体光轴 c 垂直和与晶体光轴 c平行的两个方向的折射率变化,而狭缝光阑测得的 只是折射率沿狭缝方向的变化,特别是当狭缝平行 于 c 轴方向时 ,由于扇形散射光主要是沿 c 轴方 向 扇形散射光进入探测器 政使测量的折射率变化 小于实际值,降低了测量精度,通过上述结果的比



图 7 2[#] 样品中用不同光阑测得的折射率变化 △n 随时 间的变化关系



图 8 2[#] 样品中由二波耦合衍射效率得到的折射率变 化 △n 随时间的变化关系

较,可见采用小孔光阑探测器进行测量的结果更精 确些.

5.3. 由二波耦合衍射效率测量结果计算折射率变 化 △n 的变化关系

根据二波耦合中衍射效率与折射率变化 Δn 的 关系 $\eta = \exp\left(-\frac{al}{\cos\theta}\right) \sin^2(\pi l \Delta n (\lambda \cos\theta))$,采用传 统的二波耦合实验装置测量了衍射效率随时间的变 化,并通过该关系式计算得到折射率的动态变化 Δn 与时间的变化曲线如图 8 所示, Δn -t 的变化趋 势及 $|\Delta n|$ 的最大值与用我们提出的新方法测量的 结果基本一致(见图 4(b)).但由于二波耦合时两束 入射光的光强和远弱于图 2 至图 4 测量时的入射光 强,因而图 4 所示的从自散焦到自聚焦的动态转换 过程在这里表现得不够明显.由以上两个实验结果 说明了我们所提出的新测量方法是精确、可行的.

- [1] Sheik-bahae M *et al* 1989 *Opt*. *Lett*. **14**(17)955 Fei H S 1994 *Physics* **23** 178(in Chinese] 费浩生 1994 物理 **23** 178]
- [2] Duree G C et al 1993 Phys. Rev. Lett. 7 533
- [3] Mitchell M and Segev M 1997 Nature 387 880
- [4] Carmon T et al 2000 Opt. Lett. 25 1113
- [5] Lu Y et al 2002 Acta. Phys. Sin. 51 1300[陆 猗等 2002 物理 学报 51 1300]
- [6] Zhao K H et al 1982 Optics (Beijing: Peking University Press) (in Chinese J 赵凯华等 1982 光学(下册)(北京大学出版社)]
- [7] Saleh B E A and Teich M C 1991 Fundamentals of photonies(John

Wiley and sons ${\rm Inc}$)

- [8] Ying J et al 2001 Acta Phys. Sin. 50 483(in Chinese] 江 瑛等 2001 物理学报 50 483]
- [9] Liu S M et al 2002 Acta Phys. Sin. 51 2761(in Chinese] 刘思敏 等 2002 物理学报 51 2761]
- [10] Wang D Y et al 2003 Acta Phys. Sin. 52 395(in Chinese] 汪大 云等 2003 物理学报 52 395]
- [11] Zhao H E et al 2003 Acta Opt. Sin. 23 1176(in Chinese] 赵红娥 等 2003 光学学报 23 1176]
- [12] Zhao H E et al 2003 Acta Phys. Sin. 52 2781(in Chinese] 赵红 娥等 2003 物理学报 52 2781]



Liu Si-Min¹) Zhao Hong-E²) Guo Ru¹) Wang Da-Yun¹) Gao Yuan-Mei¹) Huang Chun-Fu¹) Lu Yi³)

¹⁾ (Department of Physics , Nankai University , Tianjian 300071 , China)

² (Department of Physics , Beijing Jiaotong University , Beijing 100044 , China)

³ (C Department of Automatic Engineering , Tianjin Institute of Technology , Tianjin 300191 , China)

(Received 7 March 2003; revised manuscript received 30 May 2003)

Abstract

Based on the z-scan method, we present a new method, the time-scan method, to measure the dynamic behavior of the photorefractive nonlinear parameter. We prove theoretically and experimentally that the new method is precise and feasible.

Keywords : time-scan method , *z*-scan method , nonlinear refractive index , nonlinear absorption PACC : 0779 , 4285F

^{*} Project supported by the National Natural Science Foundation of China Grant Nos: 60078013 60278006 60378013).