# La<sub>0.67</sub>Pb<sub>0.33</sub>MnO<sub>3</sub>的 Preisach 分析\*

#### 肖春涛 曹先胜

(兰州大学磁学与磁性材料教育部重点实验室,兰州 730000) (2003年10月17日收到)

测量了居里点  $T_{\rm C}$  = 360K 的钙钛矿 La<sub>0.67</sub> Pb<sub>0.33</sub> MnO<sub>3</sub> 在 2K < T < 380K 温度范围内的零场冷却(ZFC)和磁场冷却 (FC)曲线,以及在温度 10K、最大磁场 160kA/m 时的磁滞回线.使用包含了热扰动作用和自由能壁垒随温度变化的 Preisach 模型对实验数据进行模拟.再现了测量结果的变化规律,包括磁滞回线和 ZFC/FC 曲线,以及 ZFC/FC 磁化率 曲线等,并对拟合出的 Barkhausen 跳跃谱进行了讨论.

关键词: Preisach 模型,磁滞回线,磁化强度,磁化率 PACC: 7540M, 7530C, 7460E, 7500

### 1.引 言

20世纪90年代在掺杂钙钛石型锰氧化物  $A_{x}B_{1-x}$  MnO<sub>3</sub>(其中 A 为镧系元素 , B 为二价碱土金 属元素)中发现了庞磁电阻(CMR)效应,从而引发了 人们对该系列材料的研究热情[1-3] 从材料应用的 角度出发 希望材料在室温附近及较低磁场下就具 有较大的 CMR 效应. 早在 20 世纪 70 年代初期, Searle 等人<sup>[4]</sup>在研究 La<sub>1-x</sub> Pb<sub>x</sub> MnO<sub>3</sub> 单晶的输运特性 时 发现在室温附近及 1T 磁场中材料的磁电阻值达 到 20%.近年的研究也发现<sup>[5]</sup>,在掺入元素 Pb 时, 材料在室温附近存在 CMR 效应 因此 La<sub>1-</sub>, Pb, MnO<sub>3</sub> 材料与其他稀土锰氧化物材料一样,具有良好的应 用前景.本文研究的多晶 Lao G Pbo 33 MnO3 就是其中 的一种,其单晶具有菱面体结构,它的基本微观磁性 机理是由于  $Pb^{2+}$  的存在使得一部分  $Mb^{3+}$  转变成  $Mn^{4+}$   $Mn^{3+}$ 和  $Mn^{4+}$ 之间通过 O 的双交换作用使得 材料具有铁磁性.并且正是由于 Mn-O-Mn 共价 键的有序化引起晶格的弹性形变 ,导致材料由正交 结构变成菱面体结构,在温度高于 T<sub>c</sub> 时,由于 Mn<sup>4+</sup> 的随机分布使得材料又恢复为正交结构,本文使用 Preisach 模型分析了材料的磁滞回线和 ZFC/FC 曲线 以及 ZFC/FC 的磁化率特性.

#### 2.实验

将 La<sub>2</sub>O<sub>3</sub>,PbO,MnO<sub>2</sub> 粉末等按一定比例混合, 将混合物研磨后,在 800℃温度下预烧 24h,冷却至 室温后再次研磨,并压制成型,然后在 1100℃温度 下进行烧结 72h.用 x 射线衍射确定样品的相结构. 用 MMPS 磁性测量系统测量不同温度下磁滞回线和 ZFC/FC.最后用 Preisach 模型对实验测量数据进行 了拟合分析.

#### 3. Preisach 模型

描述磁化过程的 Preisach 模型<sup>[6-7]</sup>的特点是物 理上具有广泛的普适性及数学上的简明性,因而被 广泛应用.能量壁垒的分布是决定 Barkhausen 跳跃 的关键因素,外场或热扰动导致的每一次跳跃都可 以通过 Preisach 模型进行很好的描述.由于磁有序 温度 T<sub>e</sub>的影响,自由能壁垒将随温度变化而变化, 于是将此能量壁垒的变化和热扰动能一起纳入 Preisach 模型中,就可以模拟磁性材料中的大部分磁 性规律,如磁滞回线、ZFC/FC 的磁化强度随温度变 化曲线.本文研究材料的磁滞回线和 ZFC/FC 的磁 化强度随温度的变化曲线,以及 ZFC/FC 的磁化率 特性.

Preisach 模型认为所有宏观磁性物质都是由许

<sup>\*</sup>甘肃省自然科学基金(批准号 ZS021-A25-023-C)资助的课题.

53 卷

多单元组成的 每个单元都具有下面三个基本特征 : (1)每个单元都是由两个基本的双稳态  $\phi = \pm \mu$  所 组成(2)两个基本状态之间被自由能能量壁垒 🛚 🛓 所间隔 (3) 每个单元的矫顽场为  $h_c = (W_+ + W_-)$  $2\mu$ ,内场为  $h_i = (W_+ - W_-)/2\mu$ ,矫顽场  $h_e$ 是体系 的内禀各向异性场,它表征的是发生 Barkhausen 跳 跃时,体系以热量形式所散发的能量大小,而内场  $h_i$ 是由于相邻的 Preisach 单元之间的相互作用所产 生,它使两个基本状态间的间隔壁垒发生退化,它同 时表征了发生 Barkhausen 跳跃时,体系所存储的能 量的大小. 与  $h_i$  和  $h_c$  相对的两开关场  $\alpha$  , $\beta$  分别为 上开关场和下开关场,它们与 $h_i$ 和 $h_c$ 的关系为 $\alpha$  $= h_i - h_c, \beta = h_i + h_c$ . 于是自由能壁垒  $W_- = \mu \alpha =$  $\mu(h_{c} - h_{i})$ 和  $W_{+} = \mu\beta = \mu(h_{i} + h_{c})$ ,它们在体系中 分布概率可以用  $p(\alpha,\beta)$ 或  $p(h_1 + h_c)$ 来表示.  $h_1$ 和 h。的分布可以用两个高斯分布表示 即

$$p(h_{i},h_{c}) = (2\pi\sigma_{c}^{2})^{-1/2} \exp[-(h_{c} - \bar{h}_{c})^{2}/2\sigma_{c}^{2}] \times (2\pi\sigma_{i}^{2})^{-1/2} \exp[-(h_{i} - kM)^{2}/2\sigma_{i}^{2}],$$
(1)

其中  $h_i = kM$  为平均长程内场作用 ,它与总磁化强 度 M 成正比.于是总磁化强度

 $M = \int_{0}^{\infty} dh \varphi(h_{e}, h_{i}, h_{a}, T) P(h_{i}, h_{e}). (2)$   $= \frac{1}{2} dh \varphi(h_{e}, h_{i}, h_{a}, T) P(h_{i}, h_{e}). (2)$   $= \frac{1}{2} dh \varphi(h_{e}, h_{i}, h_{a}, T) P(h_{i}, h_{e}). (2)$   $= \frac{1}{2} dh \varphi(h_{e}, h_{i}, h_{a}, T) P(h_{i}, h_{e}). (2)$   $= \frac{1}{2} dh \varphi(h_{e}, h_{i}, h_{a}, T) P(h_{i}, h_{e}). (2)$   $= \frac{1}{2} dh \varphi(h_{e}, h_{i}, h_{a}, T) P(h_{i}, h_{e}). (2)$   $= \frac{1}{2} dh \varphi(h_{e}, h_{i}, h_{a}, T) P(h_{i}, h_{e}). (2)$   $= \frac{1}{2} dh \varphi(h_{e}, h_{i}, h_{a}, T) P(h_{i}, h_{e}). (2)$   $= \frac{1}{2} dh \varphi(h_{e}, h_{i}, h_{a}, T) P(h_{i}, h_{e}). (2)$   $= \frac{1}{2} dh \varphi(h_{e}, h_{i}, h_{a}, T) P(h_{e}, h_{e}). (2)$   $= \frac{1}{2} dh \varphi(h_{e}, h_{i}, h_{a}, T) P(h_{e}, h_{e}). (2)$   $= \frac{1}{2} dh \varphi(h_{e}, h_{i}, h_{a}, T) P(h_{e}, h_{e}). (2)$   $= \frac{1}{2} dh \varphi(h_{e}, h_{e}, h_{e}) P(h_{e}, h_{e}). (2)$   $= \frac{1}{2} dh \varphi(h_{e}, h_{e}) P(h_{e}, h_{e}) P(h_{e}) P(h_{e}) P(h_{e})$  $= \frac{1}{2} dh \varphi(h_{e}, h_{e}) P(h_{e}) P(h_{e})$ 

#### 4. $ZFC/FC^{[8]}$

在一个标准的实验方案中 FC 过程为首先在外

场 h。时加热体系到一个足够高的温度(高于居里温 度),以确保所有的 Preisach 单元都达到热平衡态, 即热能  $W_{\text{thermal}} = k_B T \ln(t_{\text{exp}}/\tau_0)$ 大于所有单元的自由 能壁垒  $W_{+}$ .于是在这种情况下,在( $h_a < \alpha < \infty$ , -∞<β<h₂/2区域内所有单元都有两个能量势垒  $W'_{+} = W_{+} \pm \mu h_{a} \ge 0$ 和两个稳定态  $\pm \mu$ ,它们的磁矩 可以用平衡函数  $\phi_{en} = \mu \tanh[\mu(h_a + h_i)k_B T]$ 表示; 在这个区间外仅有一个状态,磁矩为  $\phi = + \mu$  或  $\phi =$ -μ.当在 h<sub>a</sub>≠0作用下开始冷却 ,那些在双稳态区 域的单元仍保持平衡态,直到热能 W<sub>thermal</sub>(T)与两 个能量壁垒中较大的一个  $W_{L} = \mu (h_{c} + |h_{i} + h_{a}|)$ 相当时才产生激发,此时的温度称为超顺磁的阻截 温度,表示为: $T_B = \mu(h_e + | h_i + h_a |)/k_B$  $\ln(t_{exp}/\tau_0)$ ,两个"非稳定"边界为  $h_c + |h_i + h_a| =$  $h_{T}^{*}$ .当  $T = T_{R}$  时,较大的势垒变成热惰性,但较小 的势垒仍受到热激发作用 在热扰动的作用下最终 使在较高能量上的所有单元都被激发到能量较低的 状态上. $T < T_{R}$ 时 单元被'冻结'在(10)或(0,1)状 态上,我们称这些单元被截止,从而导致了不可逆 特性

ZFC 过程表示的是,首先在零外场作用下,从高 于居里点的某一温度开始冷却到零,然后再加上一 个 $h_a > 0$  的外场,再逐渐升温.在开始的 ZFC 过程 中,可以把它看成是 FC 过程的一种特殊情况,即开 始的外场 $h_a = 0$  而已.在加上外场之后,那些单元一 开始仍然保持在初始的能量状态上,直到热扰动能 与两个能量壁垒中较小 $W_s = \mu(h_c - |h_i + h_a|)$ 的 相当时,才变为双稳态,此时也有一个特征温度,也 叫超顺磁的阻截温度,我们用 $T_A = \mu(h_c - |h_i + h_a|)$ 的 相当时,才变为双稳态,此时也有一个特征温度,也 叫超顺磁的阻截温度,我们用 $T_A = \mu(h_c - |h_i + h_a|)$ 的 指当时,才变为双稳态,此时也有一个特征温度,也 叫超顺磁的阻截温度,我们用 $T_A = \mu(h_c - |h_i + h_a|)$ 的 指量较低的状态(1,0)或(0,1)上,或者是处于超顺 磁态.显然 $T_A < T_B$ .

#### 5. 数据分析与讨论

由于各向异性能  $\overline{W}_{A}(0) = \mu_{0} h_{c0} = 5.0 \times 10^{-13} \times 60 \times 10^{-7} = 3.0 \times 10^{-18}$  J,而在临界温度  $T_{c}$  时热扰动 能为  $W_{C}^{*} = k_{B} T_{C} \ln(t_{exp}/\tau_{0}) = 1.24 \times 10^{-19}$  J,于是  $\eta = \overline{W}_{A}(0) W_{C}^{*} = 24.2$ ,即零温时各向异性能壁垒远 大于临界温度时的热扰动能,所以 La<sub>0.67</sub> Pb<sub>0.33</sub> MnO<sub>3</sub> 体系可能是以各向异性为主的体系,在这种情况下 热扰动对体系的作用很小,主要是受到各向异性的 作用所控制,故在确定磁化强度随温度变化时,可以 忽略热扰动的作用.它们之间的关系如图 1(a)所 示,各向异性能对 $\overline{W}_{A}(0)$ 归一化为 $\overline{W}_{A}(T)\overline{W}_{A}(0)$ = $(1 - T/T_{c})^{r}(1 - T/T_{c})^{r}$ ,热扰动场对 $\overline{W}_{A}(0)$ 归 一化为 $W^{*}(T)\overline{W}_{A}(0)$ = $[k_{B}T/\overline{W}_{A}(0)]$ In( $t_{exp}/\tau_{0}$ ), 它们的交点称之为平均超顺磁阻截温度 $T_{t}$ ,高于这 个温度的为超顺磁区,低于这个温度的为铁磁性的 不可逆态过程,这与 ZFC/FC 结果一致.图 1(b)示出 在T = 10K, – 160kA/m <  $h_{a}$  < 160kA/m 时的磁滞回 线,实验曲线与模拟曲线符合很好,并且表现出铁磁 性.Preisach 模型拟合时的参数如表 1 所示.当样品 的温度逐渐上升时,矫顽力将逐渐减小,这是物质的 内禀性质引起的,由参数 $\Gamma_{e}$ 来确定.此指数反映了 平均矫顽力 $\bar{h}(T)$ 对温度的作用.



图 1 (a)平均能量壁垒  $\overline{W}_{A}(T)/\overline{W}_{A}(0)$ 与热扰动能  $W^{*}(T)/\overline{W}_{A}(0)$ 的关系 (b)在 T = 10K, - 160kA/m <  $h_{a} < 160$ kA/m 时的磁滞 回线 ■为实验曲线,——为 Preisach 模型模拟曲线

图  $\chi$  a )为  $h_a$  = 3978.87A/m 时的 ZFC/FC 曲线. ZFC 曲线在  $T_c$  附近处有一个峰值,此时的温度为  $T_{max}$ .低于  $T_{max}$ 时表现出不可逆过程,高于  $T_{max}$ 时表 现出超顺磁性.ZFC/FC 两条曲线在高于平均超顺磁



图 2 (a)h<sub>a</sub> = 3978.87A/m 时的 ZFC/FC 曲线(图注同图 1(b)), (b)对图(a)中对应的数值模拟的 ZFC/FC 磁化率曲线

阻截温度 T<sub>i</sub> 时合而为一.ZFC 曲线峰值是由于矫顽 力  $h_{a}(T) = h_{a}(1 - T/T_{c})^{-}$  随温度的上升而降低与 出现超顺磁性磁矩  $\mu$ (*T*) =  $\mu_0$ (1 – *T*/*T*<sub>c</sub>) 之间竞 争的结果.在低温一侧峰的形状由  $\Gamma_{\rho}$ , $\Gamma_{\rho}'$ 两个指数 所决定,而峰的位置则由指数  $\Gamma_{e}$ ,  $\Gamma'_{e}$ 和零温时自发 磁矩  $\mu_0$ 等共同决定.实际上,可以利用热滞场  $h_{\rm T}^*$ 随温度变化来直接测定 Barkhausen 自发磁矩  $\mu_0$ . FC 曲线对矫顽力分布的反映不是很灵敏,它主要是受 到相互作用场的影响,即由  $\sigma_{i0}$ ,  $\Gamma_{i}$ 和  $\Gamma$ 所决定.零 温下 FC 磁矩的值主要由  $h_a/\sigma_D$ 的比值所决定.低场 时 ZFC 磁矩和 FC 磁矩之间的差是由不等式  $\sigma_{i} \gg h_{a}$  $\gg h_c$  所决定<sup>[9]</sup>. ZFC 曲线在  $T_{max}$  处有一个很宽的峰 值 而且 ZFC 磁矩在低于 T..... 时随温度上升而增大 得很少 到达峰值之后就很快减小到零 :而 FC 曲线 在低于  $T_f$  时几乎保持一个常值 在  $T > T_f$  时 FC 也 迅速减小到零.图2(b)示出ZFC/FC在较低外场 h。 = 3978.87A/m 作用时的磁化率.  $\chi_{ZFC} = M_{ZFC}/h_a$ ,  $\chi'_{FC}$  $= M_{FC}$ ( $h_a + h_c$ (T)).由于矫顽场在 Preisach 模型中

 $h_{\rm c}(T) = h_{\rm c}(1 - T/T_{\rm c})^{-}$ 是温度的函数,于是  $\chi'_{\rm FC} =$  $M_{\rm FC}$ [ $h_a + \bar{h}_{\rm ell}$ (1 –  $T/T_{\rm C}$ )<sup>-</sup>]也是温度的函数,所以 不可逆磁化行为主要反应在各向异性场上 它决定 着在低于居里温度时的 ZFC/FC 的形状.在 ZFC 过 程中,当没有外场时从高于居里温度开始冷却,自旋 方向被限定在 La<sub>0 67</sub> Pb<sub>0 33</sub> MnO<sub>3</sub> 样品的某个特定晶轴 方向上.当从远低于居里点的温度处,加上一个很小 的外场时 ,Mzrc将依赖于各向异性的大小 ,若体系具 有较大的各向异性时 较小外场不足以改变自旋方 向,而使自旋方向与外场方向一致,故<sub>Mzec</sub>值较小; 若体系各向异性较小时,则与上面情况相反.而 FC 过程中,样品是在一定的外场下,从高于T<sub>c</sub>温度处 开始冷却 ,为此 ,自旋方向将取决于所加的外场值的 大小<sup>[10]</sup>. χ'<sub>FC</sub>在较小各向异性 La<sub>0.67</sub> Pb<sub>0.33</sub> MnO<sub>3</sub> 样品中 几乎保持一常值.  $\chi'_{rc}$ 与  $\chi_{zrc}$ 值之间的差可能是由于 没有考虑热扰动作用所造成的.从而进一步证明热 扰动对体系作用是很小的 ,可以忽略.

表 1 Preisach 模型拟合时的参	麴
----------------------	---

$\mu_0/\text{Am}^2$	$\bar{h}_{c0}$ (A/m)	$\sigma_{c0}$	$\sigma_{\rm i0}$ ( A/m )	Г	$\Gamma_{ m c}$	$\Gamma_{ m c}^{\prime}$	$\Gamma_{\rm i}$
$5 \times 10^{-16}$	4774.6	2.0	13130.2	0.35	0.8	18	0.8
λ <b>(</b> m/A )	$m_{\rm sat}$ ( A/m )	f	$T_{\rm C}/{ m K}$ ln(	$t_{\rm exp}/\tau_0$	) k		
0.00026	$5.0 \times 10^{-3}$	0.28	360	25	0		

### 6.总 结

使用 Preisach 模型对 ZFC/FC 的磁化强度和磁化 率进行了模拟,结果与实测数据相符.  $M_{\rm ZFC}/M_{\rm FC}$ 和  $\chi_{\rm ZFC}/\chi'_{\rm FC}$ 均拥有一个相同的峰值温度  $T_{\rm max}$ ,由于满足  $\sigma_{\rm i} \gg h_a \gg h_c$ , $M_{\rm ZFC}$ 和  $\chi_{\rm ZFC}$ 都有一个很宽的峰值.在低 于  $T_{\rm max}$ 时, $M_{\rm ZFC}$ 随温度上升变化很小,而  $M_{\rm FC}$ 在低于  $T_{\rm f}$ 时几乎保持一个常值.在高于  $T_{\rm f}$ 时, $M_{\rm ZFC}/M_{\rm FC}$ 和  $\chi_{\rm ZFC}/\chi'_{\rm FC}$ 都融为一体 表现为超顺磁态,并且很快地减 小到零,而且  $\chi_{\rm ZFC}$ 和  $\chi'_{\rm FC}$ 的形状很相似,并且值相差不 大,从而进一步说明体系的热扰动场可以忽略不计.

- [1] Jin S et al 1994 Science 264 413
- [2] Schiffer P, Raminez A P, Bao W and Cheong S W 1995 Phys. Rev. Lett. 75 3336
- [3] Zhang F X *et al* 1998 *Acta Phys*. *Sin*. **47** 112(in Chinese)[张富祥等 1998 物理学报 **47** 112]
- [4] Searle C W and Wang S T 1970 Can. J. Phys. 48 2023
- [5] Xiao C T et al 2003 Acta Phys. Sin. 52 1245(in Chinese ] 肖春 涛 等 2003 物理学报 52 1245]
- [6] Preisach F 1935 Z. Phys. 94 227
- [7] Song T, Roshko R M and Dan Dahlberg E 2001 J. Phys. : Condens. Matter 13 3443
- [8] Zhao J H , Song T ,Kunkel H P , Zhou Z Z , Williams G and Roshko R M 2001 J. Appl. Phys. 89 7248
- [9] Roshko R M and Huo D L 2001 Physica B 306 246
- [10] Joy P A, Anil Kumar P S and Date S K 1998 J. Phys. : Condens. Matter 10 11049

## Preisach analysis of La<sub>0.67</sub>Pb<sub>0.33</sub>MnO<sub>3</sub>\*

Xiao Chun-Tao Cao Xian-Sheng

(Key Laboratory for Magnetism and Magnetic Material ,Ministry of Education , Lanzhou University ,Lanzhou 730000 ,China ) (Received 17 October 2003 )

#### Abstract

The perovskite La<sub>0.67</sub> Pb<sub>0.33</sub> MnO<sub>3</sub> with a Curie temperature  $T_{\rm C} = 360$ K has been characterized by measuring the zero-fieldcooled ZFC) and field-cooled FC) moments over a wide range of temperature 2K < T < 380K in the applied field of  $h_{\rm a} =$ 3978.87A/m, and also the major hysteresis loop over the field range  $|h_{\rm a}| \leq 160$ kA/m at T = 10K. The data have been analysed within the framework of a generalized version of the Preisach model of the hysteresis ,which combines thermal fluctuations with the growth of the free energy barriers below  $T_{\rm C}$ . Numerical simulations replicate all of the principal structural systematics of the data , including the hystersis loop and the magnetization and the susceptibility under the ZFC/FC conditions. Finally , the details of the spectrum of Barkhausen instabilities are discussed in this material.

Keywords: Preisach model, hystersis loop, magnetization, susceptibility PACC: 7540M, 7530C, 7460E, 7500

<sup>\*</sup> Project supported by the Natural Science Foundation of Gansu Province , China (Grant No. ZS021-A25-023-C).