外腔反馈对半导体激光器振荡特性的影响*

刘宗、葛剑虹节陈军

(浙江大学现代光学仪器国家重点实验室,杭州 310027)(2005年9月26日收到,2005年12月23日收到修改稿)

通过有效反射系数的引入,根据激光谐振腔的自再现条件和对腔内光子密度、载流子密度方程的求解,分析了 外腔反馈对半导体激光器的阈值增益、振荡频率和输出功率等振荡特性的影响,并通过实验进行了验证.外腔反馈 后,半导体激光器的阈值电流从 420mA 降为 370mA 输出功率的斜率效率获得了提高,理论计算的输出功率曲线与 实验结果符合的很好.

关键词:半导体激光器,外腔反馈,振荡特性 PACC:4255P,4260D

1.引 言

半导体激光器(缩写为 LD)以其优越的特性近 年来在光通信、光存储和固体激光器抽运源等领域 获得了广泛的应用.在其众多的应用中,外部的各种 光学反馈会对其振荡特性产生重要的影响.一方面, 由于 LD 腔外元件的后向反射,不可避免的产生光 反馈注入到 LD 中,对 LD 输出的稳定性产生不利的 影响,比如在各种光测量以及光通信等应用中产生 的背景噪声和信息传输能力的减弱¹¹;另一方面通 过主动的调节腔外元件的反馈,又可以达到控制和 改善 LD 输出特性的目的,所以近年来对外腔反馈 式半导体激光器的研究逐渐成为了一个热点^[2-7], 如通过 λ/2 波片外腔同位相的弱反馈实现了 LD 激 光的强度噪声压缩^[2],通过腔外平面镜和空间滤波 器的共同反馈得到了单瓣近衍射极限的激光输 出^[3]等.

无论是主动的或是被动的光反馈,都会影响 LD 的阈值增益、振荡频率和输出功率等振荡特性.通过 对这些特性的分析,可以更好的利用或避免外腔反 馈的影响,以适应在不同场合中的应用.前期的文献 [68]中虽然分析了外腔反馈后 LD 阈值增益和腔 内光学损耗的变化,但是对输出功率的变化未作详 细的讨论.采用有效反射系数的方法^[68]来分析外腔 反馈条件下的半导体激光器,不仅表达式简洁明了, 而且具有清晰的物理涵义.本文首先根据稳态条件 求出了反馈后激光振荡的阈值增益和振荡频率的表 达式,再由腔内光子数密度和载流子密度方程分析 了外腔作用下的激光输出功率,最后与实验结果进 行了对比.

2. 理论分析

2.1. 阈值增益和振荡频率

典型的外腔反馈半导体激光器的原理如图1(a) 所示 其中 r_1 和 r_2 是 LD 两个端面的反射系数,外 部光反馈的影响用一个反射系数为 r_3 的平面镜来 等效.这样,外腔中光波的衍射损耗、各光学元件的 反射损耗以及由激光输出引入的损耗等因素都可以 反映在 r_3 中.引入有效反射系数的概念,可以将 r_2 r_3 平面等效为一个反射系数为 r_{eff} 的平面,如图1(b) 所示,其中 r_{eff} 由多光束干涉的公式给出^{8—10]}即

$$r_{\rm eff} = \frac{r_2 + r_3 \exp(i\phi_1)}{1 + r_2 r_3 \exp(i\phi_1)}, \qquad (1)$$

其中 $\phi_1 = \frac{1}{c} 2\omega nL$ 为光束在外腔往返一周的相位改 变量 ,c 是真空中的光速 , ω 是激光振荡的角频率 , nL 是外腔的光学长度.

^{*}教育部留学回国人员科研启动基金(批准号:2004-527)资助的课题.

[†] E-mail: jianhong@zju.edu.cn



图 1 (a) 外腔反馈的半导体激光器的原理图 (b) 引入等效反射 系数后的等效腔

设图 1(b)所示的腔内任意位置处光场的复振 幅为 E,增益系数为 g,在稳态振荡的条件下,增益 系数较小并近似等于阈值增益 gth 根据光束在腔内 往返一周后其复振幅应满足自再现条件,有下式成 立,即

 $E \exp[(g - \alpha)2l]r_1 r_{eff} \exp[(-i\phi_0)] = E, (2)$ 其中 α 是不包括输出耦合因素在内的损耗系数, ϕ_0 是光束在腔内往返一周的相位改变, $f \phi_0 = \frac{1}{c_g} 2\omega l$, $c_g \ge LD$ 介质中的光速.将(1)式改写为 $r_{eff} = \exp(G$ $+ i\phi$),式中 $G = \ln |r_{eff}|$, $\phi = \operatorname{Arg}(r_{eff})$,代入(2)式中, 由实部和虚部分别相等可以得到稳定振荡的增益条 件(或称阈值增益)为

$$g_0 = g_{\rm th} = \alpha + \frac{1}{2l} \ln \frac{1}{r_1} - \frac{1}{2l} G$$
, (3)

相位条件(或称频率条件)为

$$\phi_0 = \phi + m2\pi. \tag{4}$$

从增益条件和相位条件中可以看出,引入有效 反射系数的概念,外腔的作用相当于附加了一个增 益因子 G 和一个相位因子 ϕ .如果没有外腔的反馈, 则 $r_3 = 0$, $G = \ln(r_2)$, $\phi = 0$,上述条件转化为普通两 镜谐振腔的公式.

2.2. 输出功率

没有外腔反馈的情况下,设半导体激光器有源 层体积为 V,注入有源层的电流为 I,在忽略自发辐 射对光子密度的贡献的情况下,有源层内光子数密 度 S 和载流子密度 N 随时间 t 的变化关系为^[4,11]

$$\frac{\mathrm{d}N}{\mathrm{d}t} = \frac{1}{IV} - \frac{N}{\tau} - A(N - N_{\mathrm{tr}})S, \qquad (5)$$

$$\frac{\mathrm{d}S}{\mathrm{d}t} = A(N - N_{\mathrm{tr}})S\Gamma_{\mathrm{a}} - \frac{S}{\tau_{\mathrm{p}}}, \qquad (6)$$

式中 τ 为有源层内载流子的寿命, e 为单位电荷, τ_p 是受到边界介质吸收、散射以及输出耦合等因素限 制的光子寿命, N_u 是半导体介质有源层对光无吸收 时的载流子密度 ,A 是常数 ,包含 A 的这项为受激 项 , Γ_a 为约束因子.

注入电流恰好等于阈值的时候,腔内光子数密 度为零,由(5)式得到阈值电流为

$$I_{\rm th} = \frac{eV}{\tau} N_{\rm th} \tag{7}$$

 $N_{\rm th}$ 为阈值载流子密度.当注入电流超过阈值以后, 载流子密度随注入电流的增加而上升缓慢,如果忽 略增益饱和效应对载流子密度的影响,可以认为载 流子密度保持在 $N_{\rm th}$ 上不变,此时注入的电流将用 来增加腔内光子密度.故在稳定振荡的条件下,有 $dN/dt = 0 dP/dt = 0, N = N_{\rm th}$, (5)式和(6)式 的左边等于零,可以得到腔内光子数密度的稳态解, 即

$$S_0 = \tau_P \Gamma_a \left(\frac{I}{eV} - \frac{N_{\rm th}}{\tau} \right) , \qquad (8)$$

腔内光功率与光子数密度的关系为

$$P_{\rm int} = A_{\rm S} S_0 h \nu c_{\rm g} , \qquad (9)$$

其中 A_s为 LD 有源层截面面积 ,h_v 为单个光子的能 量 ,将(7)(8)式代入(9)式得到

$$P_{\rm int} = \frac{1}{eV} A_{\rm s} h \nu c_{\rm g} \tau_{\rm P} \Gamma_{\rm a} (I - I_{\rm th}), \qquad (10)$$

腔内光子寿命可以表示为 $\tau_{\rm P} = \frac{l}{\alpha' c_{\rm g}} = \frac{l}{g_{\rm th} c_{\rm g}}^{[8]}$, α' 是 总损耗系数 这样(10)式可以改写为

$$P_{\rm int} = \frac{C}{g_{\rm th}} (I - I_{\rm th}),$$
 (11)

其中 $C = \frac{1}{eV} A_s h \nu \Gamma_a l$ 是只与半导体激光器本身特性 有关的常数。

外腔反馈的情况下,设半导体激光器的两个表面的反射率分别为 R_1 和 R_2 ,外腔镜的反射率为 R_3 ,腔内光功率的传输如图 2 所示,在 R_2 面左侧向 左传输的光功率为 P_- ,在 LD 内部往返一周后得到 了放大,再次到达 R_2 面左侧时向右传输的光功率 为 P_+ ;在 R_2 面右侧向右传输的光功率 P'_+ 在外腔 内传播,在平面镜 R_3 处部分功率被耦合输出为 P_{out} ,再次到达 R_2 面右侧时向左传输的光功率为 P'_- .这样可以得到

$$P_{-} = R_{2}P_{+} + (1 - R_{2})P'_{-},$$

$$P'_{+} = R_{2}P'_{-} + (1 - R_{2})P_{+},$$

$$P'_{-} = R_{3}P'_{+}.$$
(12)

稳态条件下, 增益系数不是很大, 可以近似认为 LD



图 2 外腔反馈下半导体激光器内部光功率传输示意图

腔内光功率的放大是线性的 ,而且 $R_1 \approx 1$,这样腔内 光功率近似为

$$P_{\rm int} = P_+ + P_-$$
. (13)

由式(11)(12)和(13)式得到外腔反馈条件下的输出 光功率为

$$P_{\text{out}} = (1 - R_3)P'_+$$

= $\frac{(1 - R_2)(1 - R_3)}{1 + R_2 + R_3 - 3R_2R_3} \frac{C}{g_{\text{th}}} (I - I_{\text{th}}), (14)$

其中 g_h由外腔条件下的阈值增益公式(3)给出.从 (14)式可以看出,外腔反馈对输出功率的影响可以 分为两部分,其一由于阈值电流 *I*_h和阈值增益 *g*_h 的降低,转化效率获得了提高;其二 *R*₃的存在使得 有效的输出耦合度降低,又降低了输出功率.

3. 实验结果及分析比较

测量外腔反馈条件下 LD 输出功率的实验装置 如图 3 所示(*p*-*n* 结平面内),LD 输出光经过两个柱 透镜 L1 和 L2 准直,透镜 L3 的前焦面与 L2 的后焦 面重合. 镀高反射膜的平面镜 M 放置在 L3 的后焦 面上将部分光反射注入回 LD,棱镜 P(HR @ 812.8nm)放置在 L2 和 L3 的共同的焦平面上,既作 为空间滤波器调整反馈注入光的模式,又作为输出 耦合镜将腔内激光耦合输出.实验中所用 LD 的发 光面积为 100 μ m × 1 μ m,端面反射率分别为 *R*₁ = 94% 和 *R*₂ = 10%,发射激光波长 λ = 812.8nm (25℃),LD 腔长为 *l* = 300 μ m,外腔长度为 *L* = 600nm.



图 3 测量外腔反馈下的 LD 输出功率的实验装置图 其中 L1, L2 和 L3 是透镜, M 是平 面镜 P 是棱镜,透镜 L2 和 L3 的焦距分别为 f2 和 f3

LD 输出的激光分为两部分,一部分被棱镜耦合 输出,另一部分通过透镜 L3 会聚至平面镜 M 处,然 后被反射回 LD 形成反馈.注意到在图 3 中到达 M 处的能量并不能完全被反馈注入回 LD,只有在平面 镜 M 法线两侧 θ 角范围内(光线 2 和 3 之间)的能 量才能被反馈回 LD,其他的光线如光线 1 经平面镜 反射后(光线 4)被棱镜拦截而不能得到反馈.试验 中可以通过调节平面镜的角度和棱镜的位置来控制 反馈光的能量和模式.在外腔输出激光模式比较好 的情况下测量了被棱镜耦合输出的能量和通过 L3 到达 M 处的能量比为 4: L测量了图 3 中所示的角 度分别为 $\theta = 1^{\circ} \alpha = 1^{\circ} \beta = 3^{\circ}$,再考虑各光学元件的 反射损耗,计算得到的等效的外腔反射率为 $R_3 = 4.5\%$.

实验中发现,由于外腔的反馈注入,LD 输出激 光的阈值电流明显下降.图 4 中的空心圆点是没有 外腔的情况下 LD 的输出功率曲线,其阈值电流为 420mA,实心圆点是外腔反馈情况下的输出功率,发 现其阈值降为 370mA.将上述实验数据代入(14)式, 并根据阈值附近有 $g_{\mu} \propto I_{\mu}$ 条件成立,得到外腔反馈 下的输出功率曲线如图中虚线所示,可见理论计算 与实验结果吻合得很好.



图 4 存在外腔和没有外腔条件下 LD 输出功率的实验数据和 理论计算曲线

4.结 论

通过有效反射系数的引入,由激光腔谐振的自 再现条件和腔内光子密度、载流子密度方程,分析了 外腔反馈对半导体激光器的阈值增益、输出频率和 输出功率等振荡特性的影响.外腔的反馈作用相当 于在自再现条件中增加了一个增益因子和一个相位 因子,从而改变了激光器的振荡阈值和频率.对输出 功率的影响可以分为两部分,一方面阈值电流和阈 值增益的降低提高了转化效率,另一方面有效输出 耦合度的降低又降低了输出功率.在实验验证中发 现,外腔的反馈使 LD 的阈值电流从 420mA 降为 370mA 输出功率的斜率效率获得了提高 根据理论公 式计算得到的输出功率曲线与实验结果符合的很好.

- [1] Acket G, Lenstra D, Den Boef A, Verbeek B 1984 IEEE J. Quantum Electron. 20 1163
- [2] Dong R F, Zhang J X, Zhang T C, Zhang J, Xie C D, Peng K C 2001
 Acta Phys. Sin. 50 462 (in Chinese)[董瑞芳、张俊香、张天才、
 张 靖、谢常德、彭 墀 2001 物理学报 50 462]
- [3] Chen J, Wu X, Ge J H, Hermerschmidt A, Eichler H J 2004 Appl. Phys. Lett. 85 525
- [4] Huang L Y ,Luo X S ,Fang J Q ,Zhao Y B , Tang G N 2005 Acta Phys. Sin. 54 543 (in Chinese)[黄良玉、罗晓曙、方锦清、赵益 波、唐国宁 2005 物理学报 54 543]
- [5] Jia X H ,Wu Z M ,Lin X D ,Bai X , Xia G Q 2005 Acta Phys. Sin.
 54 3680 (in Chinese)[贾新鸿、吴正茂、林晓东、柏 熙、夏光

琼 2005 物理学报 54 3680]

- [6] Liu C, Ge J H, Chen J 2004 Chinese J. Laser 31 1413 (in Chinese)[刘 崇、葛剑虹、陈 军 2004 中国激光 31 1413]
- [7] Wang C L , Wu J , Lin J T 2003 Chin . Phys . 12 1120
- [8] Osmundsen J H , Gade N 1983 IEEE J . Quantum Electron . 19 465
- [9] Kakiuchida H, Ohtsubo J 1994 IEEE J. Quantum Electron. 30 2087
- [10] Ohtsubo J 2005 Semiconductor Lasers Stability, Instability and Chaos (Berlin: Springer) p60
- [11] Yariv A 1997 Optical Electronics in Modern Communications (New York: Oxford University) p582

Liu Chong Ge Jian-Hong[†] Chen Jun

(The State Key Laboratory of Modern Optical Instrumentation ,Zhejiang University ,Hangzhou 310027 ,China)
 (Received 26 September 2005 ; revised manuscript received 23 December 2005)

Abstract

Through the introduction of effective reflectivity, the influence of external optical feedback on the oscillating characteristics of a semiconductor laser is discussed, such as the threshold gain, laser frequency and output power, according to the self-consistency condition and the photon and carrier density ratio equation. In the experiment, the threshold current of a laser diode decreased from 420mA to 370mA with external cavity feedback and the slope efficiency increased. The output power obtained by theoretical simulation agrees well with the experiment results.

Keywords : semiconductor laser , external feedback , oscillating characteristics **PACC** : 4255P , 4260D

^{*} Project supported by the Scientific Research Foundation for the Returned Overseas Chinese Scholars , State Education Ministry (Grant No. 2004-527).

[†] E-mail: jianhong@zju.edu.cn