载波-包络相位对于基频光与其自身倍频光脉冲 合成的影响*

邓玉强¹)^{*} 王清月¹) 吴祖斌¹) 张志刚^{1,2})

1 € 天津大学精密仪器与光电子工程学院超快激光研究室,光电信息技术科学教育部重点实验室,天津 300072)
 2 € 北京大学信息科学与技术学院量子电子学研究所,北京 100871)

(2004 年 11 月 26 日收到 2005 年 7 月 1 日收到修改稿)

将基频光与其自身的倍频光合成,是一种得到超过一个倍频程的超宽光谱的简单方法,而载波-包络相位 (CEP)对合成超宽光谱产生的超短脉冲有重要的影响.本文从光频梳的角度,根据钛宝石激光器中产生的超短脉 冲光谱,计算载波-包络相位对该脉冲与其自身的倍频脉冲合成产生的超短脉冲的影响,说明了调整载波-包络相位 对于脉冲合成的重要性.

关键词:超短脉冲,载波-包络相位,光频梳,脉冲合成 PACC:4280W,4265K

1.引 言

随着超短脉冲在时域的越来越短,人们开始越 来越重视超短脉冲在包络内电场振荡的微观形式. 对于只有几个周期的超短脉冲 脉冲包络的峰和载 波的峰往往是不重合的,载波的相位和包络的相位 之差,也称为载波-包络相位(CEP).相邻两发脉冲 的载波-包络相位之差 称为载波-包络相位差(CEO) 时域的载波-包络相位差 反映到频域上表现为光频 梳的梳齿与以 n(n 是很大的整数) 倍脉冲重复频率 为基准的频率标尺之间产生偏差 称为载波-包络频 率差, 超短脉冲的载波-包络相位是否为零, 即包络 的峰值与电场振荡的峰值是否重合 对于超短脉冲 产生 X 射线及高次谐波有十分重要的影响¹¹.同 时,超短脉冲的载波-包络相位差通常也是随时间变 化的 如果能将载波-包络相位差稳定 对于以光频 梳为标准的光频钟有至关重要的意义[2-7] 而且, 稳定载波-包络相位 是两激光脉冲合成 产生更短 的超短脉冲的关键^{8-11]}.

为了产生超短脉冲,需要足够宽的超宽光谱来 支持.人们常常使用空心光纤或非线性晶体通过光 束的自相位调制等非线性效应来展宽光谱^{12,13]},而 光束通过自身的非线性效应将光谱展宽的程度往往 会受到一定的限制.将具有不同中心频率的两个宽 光谱叠放在一起,可以容易获得超过一个倍频程的 超宽带光谱^{8-11,14]},甚至更宽.

然而,来自于不同源的两脉冲通常具有不同的 载波-包络相位.如果将两脉冲直接合成,由于它们 的载波-包络位相差不同,两脉冲电场相位没有锁 定,从而不能产生超短脉冲.Shelton 等将两独立的 钛宝石激光器发射的中心波长分别为 760nm 和 810nm 的激光束合成,调整两激光器的载波-包络相 位,使其一致,得到的相关合成脉冲的自相关宽度窄 了两个数量级,并且其强度比各自的强度都明显增 大^[8].Baltusvka 等将闲频光、信号光和闲频光的倍 频光联接在一起,得到了超连续的白光谱^{9]}.Schibli 等将钛宝石激光器的倍频程的激光脉冲与铬橄榄石 激光器的 30fs 的激光脉冲合成,得到了 600— 1600nm 的超倍频程的超宽光谱^{10,11]}.

本文以实测的钛宝石激光器中产生的光谱为例 产生基频光梳,并模拟产生了该光频梳的二次谐波 频率梳,将基频光梳与倍频光梳合成,得到超宽光 谱.研究调整光频梳的载波-包络相位对于合成超

^{*} 国家自然科学基金(批准号 160178007),国家自然科学基金重大项目(批准号 160490280)资助的课题.

[†] 通讯联系人. E-mail: yuqdeng@yahoo.com

短脉冲的影响.

2. 基频光梳与倍频光梳的直接合成

将一超短激光脉冲倍频,再与该脉冲自身的光 谱叠放在一起,就得到了超过一个倍频程的光谱. 如果再将这个基频光和倍频光通过非线性晶体或空 心光纤,经过交叉相位调制等非线性效应,不仅可以 把光谱展宽得更宽,而且可以把原来两个孤立的光 谱联接在一起,得到更宽的超连续光谱¹²³.

本文模拟说明调整合成光谱的载波-包络相位 差对于合成光脉冲的影响.为计算方便,这里没有 将基频光和倍频光展宽.采用的基频光是从自制钛 宝石激光器中得到的 15fs 脉冲的光谱(变换极限时 域脉宽为 10fs)¹⁵¹,光谱如图 1(a)所示.



图 1 (a)基频光谱 (b)基频光频梳,插图显示梳齿与 n 倍重复 频率为基准的频率标尺之间的偏差,虚线代表以 n 倍重复频率 为基准的频率标尺

将此光谱变为光频梳,光谱只在一系列分立的 梳齿上取值,且每个梳齿与 n(n 是很大的整数)倍 重复频率之间的偏差都是确定的^[3,4,16,17]称为载波 -包络频率偏差,以 f_{ee}表示. 第 n 个梳齿所在的频

$$f_n = n f_{\rm rep} + f_{\rm ceo} , \qquad (1)$$

其中 f_{rep} 为激光器的重复频率 f_{rep} 为载波-包络频率差.

载波-包络频率差与载波-包络相位差 ∳_{eee}的关 系可以表示为^[1,16]

$$f_{\rm ceo} = \frac{\phi_{\rm ceo}}{2\pi} f_{\rm rep} \,. \tag{2}$$

设脉冲重复频率为 10GHz,载波-包络相位 ϕ_{cee} = 2 π /5. 根据(2)式,载波-包络频率偏差 f_{cee} = 2GHz, 第 n 个梳齿所在的频率位置为 f_n =(10 × n + 2) GHz. 基频光梳如图 1(b)所示,其细节如图 1(b)中 插图所示,图中虚线表示 n 倍重复频率所在的 位置.

将此基频光频梳倍频,得到的倍频梳的梳齿与 2*n* 倍重复频率的偏差为2*f* [14,18] 表示为

$$f_{\rm m} = 2nf_{\rm rep} + 2f_{\rm ceo} , \qquad (3)$$

其中,f.,为倍频梳齿所在的频率位置.

可知基频光的梳齿与 n 倍重复频率为基准的 频率标尺之间偏差为 f_{eee} ,而倍频光的梳齿与 n 倍重 复频率为基准的频率标尺之间的偏差为 $2f_{eee}$,将倍 频光梳与基频光梳直接合成,合成的光频梳如图 2 (a)所示,其细节梳齿与以 n 倍重复频率为基准的 频率标尺之间的偏差如图 χ b)所示.



图 2 基频光梳与倍频光梳直接合成的光梳图 (a)整体(b)局 部细节

假设通过空间光调制(SLM)系统可以将合成光 谱的相位完全补偿^[19],根据光频梳可以得到如图 3 所示的时域脉冲序列.图 3(a)是时域的脉冲串,图

3(b) 是将脉冲序列放大的结果 其半高宽为 6fs.



图 3 直接合成光频梳得到的脉冲序列 (a)整体 (b)局部放大的脉冲序列

从图 3 中可以看出 脉冲序列的强度存在波动, 每5个脉冲重复一次即在5发脉冲序列中只有一 发脉冲强度可以达到最大值,这是因为我们所假设 的载波-包络相位为 $\phi = 2\pi/5$. 如果假设的载波-包 络相位为 $2\pi/10$ 则脉冲序列每 10 发重复一次.而 实际中的载波-包络相位通常是任意的 这样就往往 导致脉冲序列 要经过很多次才会重复一次 甚至是 千变万化、永不重复的. 如果高次谐波或 X 射线的 产生阈值是在脉冲的极值点,那么这样的脉冲产生 高次谐波或 X 射线的产生率是很低的 ,大部分能量 因为没有达到阈值而不能发挥作用 而且激发的高 次谐波或 X 射线也是不稳定的.

下面,我们研究一下调整载波-包络相位差对于 合成脉冲的影响. 分调整倍频光梳的载波-包络相 位差和调整基频光梳的载波-包络相位差两种情况 来讨论.

3、调整倍频光的载波-包络相位差与 基频光的合成

根据(2)式,载波-包络相位差与载波-包络频率



图 4 调整倍频光梳 fcco与与基频光梳合成的光梳图 (a)整体, (b)局部细节

差之间有确定的关系,调整载波-包络相位差反映 到频域上就是调整载波-包络频率差 ;同样 ,调整载 波-包络频率差在时域上的反映就是调整载波-包络 相位差.

55 卷

调整倍频光频梳的载波-包络频率差,使倍频光的每一个光梳梳齿补偿一个f_{em}则得到的倍频光梳

与基频光梳的梳齿都与以 n 倍重复频率为基准的频率标尺之间偏差 f_{co}, 如图 4 所示.



图 5 调整倍频光梳合成光频梳得到的脉冲序列 (a) 整体 (b) 局部放大的脉冲序列

仍假设合成的光谱相位可以通过空间光调制器 完全补偿,则得到的时域脉冲序列如图 5 所示.

图 5 显示,脉冲的时域半高宽仍为 6fs,且仍然 是每 5 发重复一次.但是,脉冲序列的强度波动更 为明显.这是因为基频脉冲与倍频脉冲有相同的载 波-包络相位,电场振荡同时达到波峰或波谷,但相 速度和群速度失配,电场振荡的峰值与脉冲包络的 峰值不重合,因而波动更强烈.

4. 调整基频光的载波-包络相位差与 倍频光的合成

下面,我们研究调整基频光的载波-包络相位, 对于合成脉冲的影响.

根据(3)式可知,如果将基频光的载波-包络相 位补偿为零,那么倍频光的载波包络-相位也为零. 即基频光和倍频光的光梳梳齿都能与以整数倍重复 频率为刻度的标尺重合.这样的合成频梳如图 6 所示.

完全补偿光谱相位后,得到的时域脉冲序列如



图 6 调整基频光梳 f_{ceo} 与倍频光梳合成的光梳图 (a)整体, (b)局部细节

图7所示.

由图 7 可见,调整基频光的载波-包络相位差, 可以得到稳定的时域脉冲序列,脉冲序列中的每个 脉冲都可以达到包络的极大值.这样的稳定脉冲对 于实际的应用有重大的意义:在高次谐波和 X 射线 的产生中有最大的效率,有利于单周期超短脉冲的 产生,有利于更为精密的时间频率计量标准——光 频钟的应用.



图 7 调整基频光梳合成光频梳得到的脉冲序列 (a)整体 (b)局部放大的脉冲序列

5. 结论与讨论

在两束激光的合成问题中,控制两束激光的载 波-包络相位对于合成的脉冲有重要的影响.本文 从频率梳的角度计算表明,调整倍频光的载波-包络 相位差会使合成脉冲的强度有更大的起伏.但此时 的基频与倍频脉冲是相位锁定的,这种强度起伏可 以补偿,而得到稳定的脉冲.调整基频光的载波-包 络相位,直接可以得到稳定的时域脉冲序列,脉冲序 列中的每个脉冲都可以达到电场振荡的极大值,这 对于脉冲的合成得到稳定的超短脉冲,以及高次谐 波、X 射线的产生,和新一代的时间频率标准-光频 钟的应用有重要的意义.

本文的计算显示,在基频脉冲与其自身的倍频 脉冲合成的问题中,不调整倍频光的载波-包络相 位,也可以得到超短的时域脉冲.这是因为,基频光脉冲与其倍频光脉冲都是来自于同一脉冲光源,本身是相位相关的.两个不相关的脉冲的合成问题,则必需调整载波-包络相位,才会得到超短脉冲.

本文只是模拟说明两光脉冲合成问题中调整载 波-包络相位对于合成脉冲的影响.实际中两光脉 冲的合成,还需要经过交叉相位调制等非线性效应 将两光谱各自展宽,得到连续的超宽光谱,才会得到 光滑的脉冲.另外,实际的两光脉冲合成过程中,群 速度失配和相位失配是不可避免的,还会产生时间 走离和空间走离等效应,而相位也很难完全得到补 偿,因而还有很多问题需要考虑和解决.本文的计 算,为实际中的脉冲合成问题提供了一定理论上的 指导,对于两脉冲合成,尤其是基频光与其自身的倍 频光的合成,产生超宽带光谱,继而产生时域的超短 脉冲具有一定意义.

- Baltusa A, Uiberacker M, Goulielmakis E et al 2003 IEEE J. Sel.
 Top. Quantum Electron. 9 972
- [2] Ye J, Schnatz H, Hollberg L W 2003 IEEE J. Sel. Top. Quantum Electron. 9 1041
- [3] Ivanov E N , Diddams S A , Hollberg L 2003 IEEE J. Sel. Top. Quantum Electron. 9 1059
- [4] Diddams S A, Bartels A, Ramond T M et al 2003 IEEE J. Sel. Top. Quantum Electron. 9 1072
- [5] Ma L S , Zucco M , Picard S et al 2003 IEEE J. Sel. Top. Quantum Electron. 9 1066
- [6] Seitz W, Ell R, Morgner U et al 2003 IEEE J. Sel. Top. Quantum Electron. 9 1093
- [7] Yoon T H, Park S T, Kim E B 2003 IEEE J. Sel. Top. Quantum Electron. 9 1025
- [8] Shelton R K , Ma L-S , Kapteyn , H C et al 2001 Science 293 1286
- [9] Baltuška A, Fuji T, Kobayashi T 2002 Phys. Rev. Lett. 88 133901-1
- [10] Kobayash Y, Wei Z Y, Kakehata M et al 2003 IEEE J. Sel. Top. Quantum Electron. 9 1011
- [11] Schibli T R , Kuzucu O , Kim J-W et al 2003 IEEE J. Sel. Top.

Quantum Electron. 9 990

- [12] Xiang W H, Chen X W, Tan B et al 2004 Acta Phys. Sin. 53 137 (in Chinese)[向望华、陈晓伟、谈 斌等 2004 物理学报 53 137]
- [13] Song Z M, Pang D Q, Zhang Z et al 2005 Acta Phys. Sin. 54 2769 (in Chinese) [宋振明、庞冬青、张志刚 等 2005 物理学报 54 2769]
- [14] Yamashita M, Sone H, Morita R et al 1998 IEEE Quantum Electron. 34 2145
- [15] Wu Z B, Wang Z, Liao C Y et al 2005 Acta Optica Sinica 25 216 (in Chinese)[吴祖斌、王 专、廖春艳 等 2005 光学学报 25 216]
- [16] Helbing F W, Steinmeyer G, Keller U 2003 IEEE J. Sel. Top. Quantum Electron. 9 1030
- [17] Fortier T M, Jones D J, Ye J et al 2003 IEEE J. Sel. Top. Quantum Electron. 9 1002
- [18] Cundiff S T 2002 J. Phys. D: Appl. Phys. 35 R43
- [19] Wei H Z, Zhang Z, Chen S H et al 2004 Acta Phys. Sin. 53 1391 (in Chinese)[位恒政、张志刚、陈盛华等 2004 物理学报 53 1391]

Influence of carrier-envelope phase on synthesizing of fundamental and its second-harmonic pulses *

Deng Yu-Qiang¹)[†] Wang Qing-Yue¹) Wu Zu-Bin¹) Zhang Zhi-Gang¹⁽²⁾

1 & Ultrafast Laser Laboratory, School of Precision Instrument and Optoelectronics Engineering, Key Laboratory of

Optoelectronic Information Technical Science, EMC, Tianjin University, Tianjin 300072, China)

2 Minstitute of Quantum Electronics, School of Electronics Engineering and Computer Science, Peking University, Beijing 100871, China)

(Received 26 November 2004; revised manuscript received 1 July 2005)

Abstract

Ultrabroadband spectrum is necessary for generation of ultrafast laser pulses; however, the extent of broadening the spectrum by its own nonlinear effect, such as self-phase modulation or cross phase modulation etc., is always limited. An easy way to broaden the spectrum to an octave is synthesizing the spectrum of its second-harmonic and the spectrum of itself. In this paper, influence of carrier-envelope phase on the synthesizing of two laser pulses is studied.

Keywords: ultrashort pulse , carrier-envelope phase , optical frequency comb , synthesized pulse **PACC**: 4280W , 4265K

^{*} Project supported by the National Natural Science Foundation of China (Grant No. 60178007), and the Major Program of the National Natural Science Foundation of China (Grant No. 60490280).

[†] Corresponding author. E-mail : yuqdeng@yahoo.com