# 一类权重网络的加速演化模型\*

覃 森<sup>†</sup> 戴冠中 王 林 范 明

(西北工业大学自动化学院,西安 710072) (2007年1月5日收到2007年2月1日收到修改稿)

采用动态形成权重网络的方法,研究了在演化过程中新增边具有加速连接情况下权重网络的拓扑特性和强度 分布 给出了节点强度与度的解析表达式.分析表明,加速演化的权重模型具有明显的无标度特性.再者,只要权重 网络的边权重服从某一概率分布,则在演化过程中强度择优连接与度择优连接对于网络的度分布没有影响,且与 具体的概率分布无关.

关键词:权重网络,加速连接,幂律分布,强度 PACC:0590,0250

### 1.引 言

复杂网络起源于许多现实社会中的复杂系统. 近年来 随着小世界网络和无标度网络的提出和深 入探讨,人们对复杂网络的研究兴趣越来越大<sup>[1-7]</sup>. 对于大多数网络而言,一个基本的假设是每条边的 功能是相同的<sup>[8]</sup>,在网络拓扑结构上表现为连接边 的状态只有两种,连接与不连接,这种网络被称为二 元网络(binary network).

但是,二元网络的网络拓扑并不能很好地模拟 一些现实的复杂网络<sup>[9]</sup>.例如,对于科学合作网络, 不同作者之间共同合作的文章数和合作频率存在较 大的差异,这表明该网络中的边具有两个含义:一是 作者之间的合作关系,二是作者之间的合作"质量". 对于因特网,不同的路由器连接之间的流量是不同 的,因此通过不同的路由器的网络流量明显不同,那 么路由器作为网络的节点不仅代表了网络之间的连 接关系,还表示了该网络节点的负载.权重网络模 型<sup>[8—15]</sup>的引入正是为了解决此类的问题,它认为网 络节点或边的作用不是等同的.

已有的结果表明形成权重网络的方法有两类: 静态方法<sup>10-12]</sup>和动态方法<sup>9,13-15]</sup>.静态方法是指二 元网络根据某些规则演化到稳态阶段后,再根据网 络节点的某些特性来定义边的权重,形成权重网络; 动态方法是由一个初始网络及其边的权重分布,根据一定的演化机理(一般与边的权重或节点的强度 有关)来演化到稳态而得到权重网络。

许多演化网络都呈现出加速演化的特性,即新 增节点所连接的边数是网络规模的增函数,从而整 个网络的边数不是线性增长的.此类加速演化方式, 可称为按网络规模加速<sup>[16—19]</sup>.另外,现实复杂网络 中还存在一定数量的节点,虽然它们的度较小,如果 按照'度择优连接'规则,它们连接新边的概率较小, 但此类节点连接新边的概率不仅与节点的度或强度 有关,还与一段演化周期内连接的新边数或强度增 加量有密切关系.此类加速方式与网络演化的时间 步有关,可称为按演化周期加速.用加速连接的网络 模型对现实社会的网络进行模拟更合理、有效.

#### 2. 权重网络的加速演化模型

#### 2.1. 权重网络的权重定义

在以往的研究中,研究者们考虑了许多种与两种权重网络形成方法相关的网络边权重定义.如对于静态方法的权重定义,一般采用节点的介数作为节点的强度<sup>[8]</sup>,或者边权重定义为此边两个端点的度乘积的函数<sup>[10]</sup>.对于动态方法的权重定义,除可采用静态方法的各种定义以外,还可对新加入的边

<sup>\*</sup> 国家高技术研究发展计划(863)(批准号 2005 AA147030) 资助的课题.

<sup>†</sup> E-mail :qinsen0425@gmail.com

进行赋权处理,如根据一定的概率分布随机选择一 个样本值,对新边赋权<sup>[10]</sup>.

在本文的研究中,由于考虑的权重网络模型是 一类演化模型,故采用根据一定的概率分布对新加 入的边进行赋权,主要采用的概率分布有三种:指数 分布、正态分布和泊松分布.

#### 2.2. 权重网络的加速演化模型

对于 Barabúsi 和 Albert 提出的无标度模型(BA 模型)<sup>21</sup>,节点获取新边的概率与该节点的度成正 比,即该模型采用"度择优连接"原则,演化一段时间 后,就形成了稳定的网络拓扑结构,即度分布服从幂 律分布,且其幂律分布的指数趋近于 3. BA 模型的 演化步骤 增长性,初始网络中包含  $m_0$  个节点,没 有边,每次增加一个新的节点和与之相连的  $m( \leq m_0)$ 条新边,择优连接,网络中的节点获得新边的概 率 $\pi_i$ 与该节点的度成正比,即 $\pi_i = k_i / \sum k_i$ .

本文采用动态方法形成权重网络,且考虑网络 的加速演化特性,其演化步骤如下:

1)初始网络中只有  $m_0$  个节点 ,每次增加一个 新的节点和  $m(t) = t^{\theta}(0 \le \theta \le 1)$ 条新边.

2)新边的权重  $\omega_{ij}$ 由权重定义给定,而节点的强度(strength)为  $s_i = \sum_i \omega_{ij}$ .

3)新边连接到节点 *i* 的概率与该节点的强度成 正比 即  $\prod_i = s_i / \sum_i s_i$ .

4)以一定的概率 α, n 条新边加入到网络中, 加入的概率与最近 q 周期内所有节点连接新边的数量成正比.

在此演化过程中,步骤1)代表了网络具有边加 速特性,步骤2)给出了边权重的定义,且定义了节 点的强度.节点强度描述了节点的某种适应度,如在 Internet 网络中,它可以理解为通过该路由器的网络 流量,在世界航空网络中,节点的强度越大,说明该 城市的航空运输能力越强.步骤3)使得网络新加入 的边按'强度择优'的原则进行连接,步骤4)考虑了 权重网络按演化周期加速的情况.其中概率 α的物 理意义为网络中存在某些异常节点,其比例为 α,这 些节点连接新边的能力不仅与该节点的度有关,还 可能额外获得一定数量的新边.比较上述两个演化 过程可知,BA 模型只是加速权重网络的一个特例.

### 3. 加速权重网络的度分布与强度分布

令 k<sub>i</sub>(t)和 s<sub>i</sub>(t)分别为节点 i 在演化时刻 t 时

的度和强度.网络的节点总数为 N(t) = t, M(t)为 t时刻网络的总边数.本文把服从概率密度为  $\varphi(x)$ 的概率样本值作为边的权重  $\omega_{ij}$ .采用平均场(meanfield)理论来分析网络的度分布与强度分布,它虽然 是一种连续性近似方法,但可获得对网络拓扑性质 的定性描述<sup>[20-22]</sup>.下面分三种情况来研究.

情形1  $m(t) = t^{\theta}, \alpha = 0$ ,即在演化过程中,只 考虑按网络规模加速而不考虑按演化周期加速的情 形.在连续性假设下,t 时刻网络中所含的边数为  $M(t) = \int_{0}^{t} t^{\theta} d\theta = t^{1+\theta} (1+\theta)$ ,因此网络所有节点的 度之和为  $k_{T} = 2t^{1+\theta} (1+\theta)$ .由边权重的定义  $\omega_{ij} \sim q(x)$ 可知,网络所有节点的强度之和为

$$S_{\mathrm{T}} = \sum_{i=1}^{t} s_{i}$$
$$= \sum_{i=1}^{t} \sum_{j=1}^{t} \omega_{ij}$$

 $\approx 2E(X)t^{1+\theta}/(1+\theta), \qquad (1)$ 

其中, K(X)为该概率分布的均值,这表明对于整个网络来说, 节点的强度之和与度之和具有如下关系:

$$s_{\mathrm{T}} = E(X)k_{\mathrm{T}}.$$
 (2)

由"强度择优连接"与文献 20 和[21]可知,网络节 点度 k( t)满足如下方程:

$$\frac{\partial k_i(t)}{\partial t} = \frac{1+\theta}{2E(X)} \frac{s_i(t)}{t}, \qquad (3)$$

而节点的强度  $s_i(t)$ 满足

$$\frac{\partial s_i(t)}{\partial t} = \frac{(1+\theta)E(X)}{2}\frac{k_i(t)}{t}.$$
 (4)

由(3)和(4)武得

$$\frac{\partial k_i(t)}{\partial s_i(t)} = \frac{s_i(t)}{\left[ E(X) \right] k_i(t)}, \quad (5)$$

从而有

$$s_i(t) = E(X)k_i(t).$$
 (6)

由(2)和(6)式可知,虽然网络新加入的边的权 重是某一概率分布的样本值,但当网络演化到稳态 阶段后,无论是网络所有的节点度之和相对于整个 网络的强度之和,还是每个节点的度相对于其强度, 它们的关系都是不变的.

把 6 试代入(3)试 有

$$\frac{\partial k_i(t)}{\partial t} = \frac{1+\theta}{2} \frac{k_i(t)}{t}.$$
 (7)

由于此式与文献 17 的 (4) 式相同 根据文献的分析 方法,可得

$$k_{i}(t) = i^{\theta} \left(\frac{t}{i}\right)^{(1+\theta)^{2}}, \qquad (8)$$

从而有

$$P(k) \sim k^{-\lambda} \lambda = 1 + \frac{2}{1-\theta}.$$
 (9)

这说明,对于只考虑按网络规模加速的权重演 化网络来说,无论是采用强度择优连接,还是度择优 连接,其网络的度分布均服从幂律分布,且其幂律指 数也没有任何差别.

另一方面,从(9)式可以看出,度分布的幂律指 数与网络的权重分布没有联系,也就是说,只要权重 概率分布的均值存在,就可以得出该式.

虽然强度分布可由概率分布的叠加进行推导, 如当边权重服从指数分布时,节点 i 的强度可看做 是  $k_i$  个具有相同参数 v 的指数分布的和分布,但由 于这  $k_i$  个指数分布不是相互独立的,所以不能简单 地假设该和分布为 Gamma 分布  $Z \sim Ga(k_i, v)$ 此和 分布是在独立的情形下得到的).另一方面,由(6), (8)(9)式可得,该网络的强度分布也满足幂律分 布.因此,权重网络的强度分布服从幂律分布,与边 权重的概率分布没有关系.

情形 2  $m(t) = m_{\alpha \neq 0}$  此时权重的演化过程 只考虑了按演化周期加速,而不考虑按网络规模加速.在 t 时刻网络的总边数为

*M*(*t*) = *mt* + *ant*, (10) 从而,节点度的变化方程为

$$\frac{\partial k_i(t)}{\partial t} = \frac{ms_i(t)}{\mathcal{I}(mt + ant)E(X)} + \alpha n \frac{k_i(t) - k_i(t - q)}{\mathcal{I}(M(t) - M(t - q))}, \quad (11)$$

式中右边第二项代表考虑按演化周期加速时,网络 节点度的变化情况.

由(10)可得

$$\frac{k_{i}(t) - k_{i}(t - q)}{M(t) - M(t - q)}$$

$$= \frac{k_{i}(t) - k_{i}(t - q)}{(m + \alpha n \mathbf{i} t - (t - q))}$$

$$(*) \frac{\partial k_{i}(\xi)}{(m + \alpha n)\partial\xi}$$

$$\approx \frac{1}{(m + \alpha n)} \frac{\partial k_{i}(t)}{\partial t}, \qquad (12)$$

其中, ξ∈(t-q,t),而(\*)表示式中使用了微分中 值定理.由(12)式可知,当有一部分节点按演化周期 加速连接新边时,这种加速连接方式与节点度的变 化速率有关(具体地为加大了度的变化速率),而不 是与节点的度直接相关,使得人们常常忽略此种加 速连接方式的存在. 把 12 武代入(11) 武有

$$\frac{\partial k_i(t)}{\partial t} = \frac{m}{(2m + \alpha n)E(X)} \frac{s_i(t)}{t}.$$
 (13)

另一方面,由在t时刻,网络强度的增加为  $\Delta_{s}(t)=(m + \alpha n)E(X),从而节点强度的变化方程$ 满足

$$\frac{\partial s_i(t)}{\partial t} = (m + \alpha n) E(X) \frac{k_i(t)}{2M(t)}$$
$$= \frac{E(X)}{2} \frac{k_i(t)}{t}. \quad (14)$$

由(13)和(14)武得

$$\frac{\partial k_i(t)}{\partial s_i(t)} = \frac{2m}{(2m+\alpha n)E(X)^2} \frac{s_i(t)}{k_i(t)}, \quad (15)$$

从而有

$$s_i(t) = \sqrt{1 + \frac{\alpha n}{2m}} E(X) k_i(t).$$
 (16)

$$\frac{\partial k_i(t)}{\partial t} = \sqrt{\frac{m}{\chi(2m + \alpha n)}} \frac{k_i(t)}{t}.$$
 (17)

令  $\beta = \sqrt{\frac{m}{\chi(2m + \alpha n)}}$ ,从而由  $\beta(\lambda - 1) = 1$  得,此网 络度的幂律分布指数为

$$\lambda = 1 + \sqrt{4 + \frac{2\alpha n}{m}}.$$
 (18)

显然 此网络的幂律分布指数大于 3.

情形 3  $m(t) = t^{\theta}, \alpha \neq 0$  此时权重的演化过程 不仅考虑了按网络规模加速 ,而且考虑按演化周期 加速.此时 ,由 M(t)为 t 时刻网络的总边数 ,则有

$$M(t) = \frac{t^{\theta+1}}{\theta+1} + \alpha nt.$$
 (19)

由演化步骤 4) 可得

=( $t^{\theta}$ 

$$\frac{\partial k_i(t)}{\partial t} = \frac{t^{\theta} s_i(t)}{2\left(\frac{t^{\theta+1}}{\theta+1} + \alpha nt\right) E(X)} + \alpha n \frac{k_i(t) - k_i(t-q)}{\mathcal{I} M(t) - M(t-q)}. \quad (20)$$

根据与上面相同的分析,由(19)式可得

$$\frac{k_i(t) - k_i(t-q)}{M(t) - M(t-q)} \approx \frac{1}{(t^{\theta} + \alpha n)} \frac{\partial k_i(t)}{\partial t}.$$
 (21)  
把(21)武代入(20)武有

$$\frac{\partial k_{i}(t)}{\partial t} = \frac{(1+\theta)t^{\theta}(t^{\theta} + \alpha n)}{(2t^{\theta} + \alpha n)[t^{\theta}(t^{\theta} + (1+\theta)\alpha n)](X)} \frac{s_{i}(t)}{t}.$$
(22)  
另一方面 由在 t 时刻 网络强度的增加为  $\Delta s(t)$ 

$$\frac{\partial s_i(t)}{\partial t} = (t^{\theta} + \alpha n) E(X) \frac{k_i(t)}{2M(t)}$$
$$= \frac{(1 + \theta)(t^{\theta} + \alpha n) E(Y)}{2(t^{\theta} + (1 + \theta)\alpha n]} \cdot \frac{k_i(t)}{t}.(23)$$

由(22)和(23)式得

$$\frac{\partial k_i(t)}{\partial s_i(t)} = \frac{2t^{\theta}}{(2t^{\theta} + \alpha n)E(X)^{\theta}} \frac{s_i(t)}{k_i(t)}.$$
 (24)

(24)式和(5)(15)式比较,可知(24)式是(5)和(15)两式的推广.但是,很难从(22)和(23)式解出 *k*<sub>i</sub>(*t*)和*s*<sub>i</sub>(*t*)的表达式.我们将用数值仿真的方法 对该模型进行探讨.

由以上讨论可得如下结论:对于网络的边服从

某一概率分布时,不管该概率分布的形式如何,只要 其均值存在,则在权重网络的演化过程中考虑边加 速连接时,那么不管是度择优连接还是强度择优连 接,该演化网络的度分布服从幂律分布,且具有相同 的幂律分布指数.

### 4. 仿真实验

在数值仿真中,演化模型的参数为初始节点 $m_0$ =5,每次增加的边数m=5,演化步数为N=5000. 每个结果均是10次模拟的平均值.



图 1 情形 1 时 权重网络的强度与度的关系 (a)边权重服从指数分布,参数 v = 0.5 (b)边权重服从正态分布 均值为  $\mu = 8.0$  均方差  $\sigma = 2.0$  (c)边权重服从泊松分布,指数为  $\gamma = 0.5$  演化时间步为 t = 5000.在本图中,取节点编号为前 40 的节点进行对比,按网络规模加速的参数  $\theta = 0.3$  本文以后各图,如果不加具体说明 (a)(b)(c)边权重概率分布分别服从指数分布、正态分布与泊松分布)



图 2 情形 2 时 权重网络的强度与度的关系(图中圈号线是 $\sqrt{1 + \frac{an}{2m}E(Y)k_i(t)}$ ) 加拟合图线)



图 3 考虑两种加速情况下的度分布与强度分布的关系(图中的强度与度之间的三个拟合公式分别为  $s_i(t) = 1.0271 \times E(X)k_i(t) - 1.3448 s_i(t) = 1.0035 \times E(X)k_i(t) - 0.5094 和 <math>s_i(t) = 1.0256 \times E(X)k_i(t) - 0.7530$ )

对于情形 1 和情形 2 的权重网络,当边权重服 从不同的概率分布时,其强度与度分别满足(6)式和 (16)式,其拟合图形如图 1 和图 2 所示,情形 3 的权 重网络的强度与度关系拟合如图 3 所示.拟合的平 均相对误差见表 1.由这三个图及表 1 可以看出,无 论是权重网络按网络规模加速连接,还是按演化周 期加速连接,或者两者兼而有之,每个节点的强度总 是它的度与概率分布均值乘积的常数倍,只是这个 常数倍的数值有所不同而已.因此,权重网络的强度 分布与度分布具有相同的分布规律.

表1 不同情形下度分布与强度分布关系拟合的平均相对误差

概率分布	情形1	情形 2	情形 3	
指数分布/%	1.77	5.83	0.73	
正态分布/%	0.49	6.05	0.21	
泊松分布/%	2.00	6.08	0.93	

另一方面,比较这三种情形下的常数倍的数值, 情形1的常数为 $C_1 = 1$ ;而情形2的常数当 $\alpha = 0.3$ , m = n = 5时,其值为 $C_2 = \sqrt{1 + \frac{an}{2m}} = 1.0724$ ;而情 形3在取与情形1和2相同的参数时,由图3可知 其拟合的平均值为 $C_3 = 10187$ ,从而这三者之间的 关系为 $C_1 < C_3 < C_2$ .由这个关系式可得,虽然我们 难以求得情形3时权重网络的节点强度与度关系的 解析表达式,但这两者的关系仍满足强度与度和概 率分布均值乘积成正比这个规律,且该常数的取值 范围也容易确定.由于此取值范围较小,使得演化网 络按演化周期时,对网络的拓扑结构的改变不是很 明显,这也是研究者们没有注意到此种加速模式的 原因之一.

由以上的分析可知,不管是哪种加速演化情形, 权重网络的度分布与强度分布在相同情形下均服从 幂律分布,且具有相同的幂律指数.情形1的权重网 络模型,边权重概率分布服从正态分布时,权重网络 的强度分布如图4所示,而在不同权重定义下的度 分布如图5所示.由这两个图形可以看出,度分布与 强度分布均服从幂律分布,且具有相同的幂律指数, 这与理论分析是完全一致的.



图 4 情形 1 时 权重网络的强度分布(以边权重服从正态分布 为例 均值为  $\mu$  = 8.0 均方差  $\sigma$  = 2.0 )

对于情形 2 时的权重网络模型,其度分布与强度分布(以泊松分布为例)如图 6 和图 7 所示.由这



图 5 不同概率分布下的权重网络的度分布(图中按网络规模加速的参数 0 分别为 0.1 0.3 0.5 对应幂律分布的指数由 (9) 式分别为 3.22 3.86 5.00)



图 6 情形 2 时 权重网络的度分布(以泊松分布为例,图中按演 化周期加速时的参数 a 的取值为 0.1 0.3 0.5 ,对应的幂律指数 分别为 3.05 3.15 3.22 )

两个图形可以看出,当 α 的取值变大时,权重网络的 幂律指数的变化不是很大.这说明,虽然网络中存在 一定比例的异常节点,它们连接边的方式不是按"度 择优连接"或者"强度择优连接"规律进行连接新边 的,但只要在网络演化过程中存在择优连接和增长 性,网络的度分布或者强度分布仍服从幂律分布.

从以上数值仿真结果可以看出:

 不管权重网络的边权重服从哪种概率分布, 只要其均值存在,则权重网络的节点强度与度和概 率分布的均值成正比.

2)当权重网络满足加速连接特征时,无论是按 网络规模加速连接,还是按演化周期加速连接,只要



图 7 情形 2 时 权重网络的强度分布(以泊松分布为例)

在演化过程中满足度择优连接或者强度择优连接, 权重网络的度分布与强度均服从幂律分布,且具有 相同的幂律指数.但是,由于按网络规模加速连接 时,网络规模的增加会使得网络的边数迅速增加,使 得网络的连接越来越集中到少数节点中,从而网络 的幂律指数也迅速变大.当权重网络按演化周期加 速连接时,网络的幂律指数变化较小.

3)本文提到的两种加速连接方式,即考虑按网络规模加速和考虑按演化周期加速,与权重网络的节点强度和度的解析表达式密切相关。

# 5.结 论

本文采用动态形成权重网络的方法,讨论了权

56 卷

重网络的边权重在不同的概率分布下,演化过程中 网络新增的边具有加速连接情形下权重网络的拓扑 特性.主要考虑在两种加速连接,即按网络规模加速 连接和按演化周期加速连接,网络节点的强度与度 之间的关系,给出了节点强度与度的解析表达式,证 明了权重网络的度分布与强度分布均服从幂律分 布,且具有相同的幂律指数.

理论分析与数值仿真结果表明:网络节点的强

- [1] Watts D J , Strogatz S H 1998 Nature 393 440
- [2] Barabúsi A L , Albert R 1999 Science 286 509
- [3] Albert R , Barabási A L 2002 Rev. Mod. Phys. 74 47
- [4] Newman M E J 2003 SIAM Rev. 45 167
- [5] He Y, Zhang P P, Xu T, Jiang Y M, He D R 2004 Acta Phys. Sin. 53 1710 (in Chinese) [何 阅、张培培、许 田、姜玉梅、 何大韧 2004 物理学报 53 1710]
- [6] Zhang P P, He Y, Zhou T, Su B B, Chang H, Zhou Y P, Wang B H, He D R 2006 Acta Phys. Sin. 55 60 (in Chinese ] 张培培、何 阅、周 涛、苏蓓蓓、常 慧、周月平、汪秉宏、何大韧 2006 物理学报 55 60 ]
- [7] Zhao W, He H S, Lin Z C, Yang K Q 2006 Acta Phys. Sin. 55 3906 (in Chinese ) 赵 伟、何红生、林中材、杨孔庆 2006 物理 学报 55 3906 ]
- [8] Park K, Lai Y C, Ye N 2004 Phys. Rev. E 70 026109
- [9] Barrat A, Barthélemy M, Vespignani A 2004 Phys. Rev. E 70 066149
- [10] Masuda N , Miwa H , Konno N 2004 Phys. Rev. E 70 036124
- [11] Caldarelli G , Capocci A , De Los Rois P , Munoz M A 2002 Phys.

度和度与边权重的概率分布的均值乘积成正比.对 于网络的边服从某一概率分布时,不管该概率分布 的具体形式如何,也不论在权重网络的演化过程中 考虑边加速连接选择哪种加速连接模式,只要权重 演化网络满足一定的择优连接性,那么该演化网络 的度分布服从幂律分布.并且,权重网络的强度分布 与度分布在相同的加速参数下具有相同的幂律指 数,而与具体的边权重概率分布无关.

Rev. Lett. 89 258702

- [12] Goh K I, Noh J D, Kahng B, Kim D 2005 Phys. Rev. E 72 017102
- [13] Almaas E , Krapivsky P L , Redner S 2005 Phys. Rev. E 71 036124
- [14] Bollobás B, Riordan O 2004 Phys. Rev. E 69 036114
- [15] Pang Z F, Wang X F 2006 Acta Phys. Sin. 55 4058 in Chinese ) [潘灶烽、汪小帆 2006 物理学报 55 4058]
- [16] Dorogovtsev S N, Mendes J F F 2002 Handbook of Graphs and Networks: From the Genome to the Internet, eds. Bornholdt S and Schuster H G (Wiley-VCH, Berlin) 318
- [17] Sen P 2004 Phys. Rev. E 69 046107
- [18] Gagen M J, Mattick J S 2005 Phys. Rev. E 72 016123
- [19] Li J, Wang B H, Jiang P Q, Zhuo T, Wang W X 2006 Acta Phys. Sin. 55 4051(in Chinese]李 季、汪秉宏、蒋品群、周 涛、王 文旭 2006 物理学报 55 4051]
- [20] Dorogovtsev S N , Mendes J F F 2001 Phys. Rev. E 63 056125
- [21] Sarshar N , Roychowdhury V 2004 Phys . Rev . E 69 026101
- [22] Barabúsi A L , Albert R , Jeong H 1999 Physica A 272 173

# A weighted network model with accelerated evolution \*

Qin Sen<sup>†</sup> Dai Guan-Zhong Wang Lin Fan Ming

( College of Automation , Northwestern Polytechnical University , Xi 'an 710072 , China )

( Received 5 January 2007 ; revised manuscript received 1 February 2007 )

#### Abstract

Using the dynamic method to evolve a weighted network, a new weighted network with accelerated attachment of newly added edges is proposed. At each time step, the number of newly added edges is proportional to the size of the network. The degree distribution of the network is discussed. The strength distribution is also obtained, and the analytical relation between the strength and the degrees of nodes is presented. The network shows scale-free property in both theoretical analysis and numerical simulations. In addition, regardless of degree preferential attachment or strength preferential attachment in the evolution process, as long as the weight of edge follows a certain probability distribution, the degree distribution always follows the power-law distribution and its exponent is not related with the attachment mechanism and the specific probability distribution.

Keywords : weighted network , accelerated evolution , power-law distribution , strength PACC : 0590 , 0250

<sup>\*</sup> Project supported by the National High Technology Research and Development Program of China (Grant No. 2005AA147030).

<sup>†</sup> Corresponding author. E-mail ;qinsen0425@gmail.com