嵌入 La 和 Gd 原子的 Si24 笼团簇的稳定性*

王晓秋1) 王保林12)*

1)(淮阴师范学院物理系,淮安 223001)
 2)(淮阴工学院物理系,淮安 223003)
 (2007年12月28日收到2008年3月26日收到修改稿)

用梯度修正自旋极化密度泛函(DFT)电子结构计算、研究了具有 T_h 和 D_{2a} 对称性包裹 La 和 Gd 原子的 Si₂₄富勒 烯的稳定性.结果表明 Gd@Si₂₄具有很高的磁性而 La@Si₂₄的磁性完全猝灭.这些结果有可能导致 Si 基富勒烯团簇 新的结构类型.

关键词:La@Si₂₄和 Gd@Si₂₄包裹团簇,自旋极化密度泛函,稳定性,电磁性质 PACC: 3640, 6146, 7115, 7320

1.引 言

硅纳米结构由于在纳米器件、传感器、硅基光电 子学 生物系统等方面的可能应用受到人们的极大 关注. 然而,不像 C 原子的 sp^2 轨道杂化,由于 Si 原 子 sp³ 键特性 ,大量研究工作没有发现特别稳定的 纯 Si 类似于 C 富勒烯团簇 1-8]. 近年来人们用包裹 金属原子的方法,获得了稳定的 Si 包裹金属团 簇^[9-18],用激光汽化超声膨胀技术,Beck^[9]制备了比 相同尺寸的纯 Si 团簇要稳定得多的 Si 包裹过渡金 属团簇 TM@Si_.选择一个适当的过渡金属原子可 以导致 10—16 个 Si 原子笼形成^[9-14],最大的包裹 过渡金属原子的 Si 富勒烯是一个 Zr 或 Hf 原子在中 心的 16 个 Si 原子笼(八个五边形和两个四边形). 另外,Ti 掺入导致一个稳定的 Frank-Kasper 四面 体^[16].这些结构的稳定性是由于金属原子与外壳 Si 笼之间强的相互作用,实验上已经确认了这些预言. Hiura 等^{10]}报道了 TM @ Si⁺_n(TM = Hf, Ta, W, Re, Ir 等;n=9,11,12,13,14) 笼结构,他们用第一性原理 计算表明 WSin是具有电子和几何双闭壳的稳定结 构.文献 15]仔细研究了 Si, Fe(n = 2—14)结构演 化和笼型结构的形成以及磁性行为 发现从 n = 10开始,Fe原子位于团簇内部形成包裹 Si 笼 Sim Fe 和 SipFe 笼具有较高的稳定性,由于电荷转移和强烈

的 Fe 原子 4s ,3d 态与 Si 的 3s ,3p 态杂化导致团簇 磁性猝灭. Kumar 和 Kawazoe 报道了类富勒烯 M@Si₁(M = Hf ,Zr)和立方 $M@Si_{14}$ (M = Fe ,Ru ,Os)过 渡金属包裹笼团簇的计算结果^[16]. 最近 ,他们又预 言了高对称性的具有超卤素行为的稀土金属包裹的 $M@Si_{20}$ (M = Y ,La ,Ac ,Gd)富勒烯^[17,18]. 从已有的研 究工作结果来看 对于不同尺寸的 Si 笼采用不同大 小的金属原子嵌入以使得 Si 笼稳定 ,嵌入的金属原 子尺寸的匹配是关键因素之一.

Si 原子 sp³ 键特性,使得孤立的 Si 团簇不能形 成稳定的笼型结构.但由于笼的聚集可构成四配位 sp³ 结构 Si 等元素 sp³ 键原子的笼合物应该是稳定 的,如 Si 基、Ge 基等笼合物材料^[19-22].类似 C₂₀,C₂₄, C₂₈ 富勒烯的 Si₂₀(Ge₂₀),Si₂₄(Ge₂₄),Si₂₈(Ge₂₈)笼是 Si 基和 Ge 基笼合材料的结构单元.既然对于孤立的 Si₂₀笼可以通过掺入一个金属原子使得笼结构稳定, 那么对于更大的 Si₂₄,Si₂₈笼能否通过嵌入更大的金 属原子使孤立的 Si₂₄,Si₂₈笼稳定,这个问题对 Si 基 纳米材料特别是 Si 基笼合材料的稳定性都是非常 重要的.我们知道,最稳定的 C₂₄富勒烯是一个 D_{6d} 对称性的十四面体笼,而 Si₂₄的基态是一个如图 1 所 示的三笼结构^[41],两种笼结构(D_{6d} 和 T_h)都不是最 稳定结构,特别是作为笼合结构基砖的 D_{6d} 笼经过 优化以后将退化为亚稳态 D_{2d} 结构.本文我们用自

^{*} 全国优秀博士学位论文作者基金(批准号 200421)和江苏省 333 高层次人才培养工程基金(批准号 200760)资助的课题.

[†] 通讯联系人. E-mail:blwang@hyit.edu.cn

2. 计算方法

在这个工作中,我们用密度泛函理论(DFT)的 Dmol 程序包来实现团簇的电子结构和几何优化^[23]. 调节程序在共轭梯度近似(GGA)联合 Perdew,Burke 和 Enzerho(PBE)^{24]}的交换关联函数,拟合全电子相 对论 DFT 的半壳赝势(DSPP)²⁵¹和包括 d 极化函数 (DND)²³¹的双数基集. 几何优化用 Broyden-Fletcher-Goldfarb-Shanno (BFGS)代数, 自旋极化的自洽场 (SCF)总能计算的收敛判据为 10⁻⁶ a.u.. 在没有对 称性限制的条件下, 几何优化的能量梯度收敛判据 为 2×10^{-3} a.u., 而最小位移判据为每原子 5×10^{-5} Å(1 Å = 0.1 nm).对于 La@Si₂₄和 Gd@Si₂ 团簇结构 优化和电子结构计算, 自旋不限制计算保证了所有 可能的自旋多重态. 电荷转移和磁矩由 Mulliken 布 居分 析 给 出. 在 优 化 结 构 的 基 础 上, 我 们 还计算了这些体系的振动模, 研究团簇的稳定性,并



图 1 Si₂₄及 La@Si₂₄, Gd@Si₂₄团簇的结构图(第二行中心球为掺杂原子)

为实验上表征这些团簇提供参考依据.

3. 结果与讨论

精确第一性原理计算表明,在纯 Si 的情况下 Si 原子填充的最小笼结构是 Si₂₄^[7 8],而最近的系统研 究^[4]表明 Si₂₄团簇的基态结构是一个 C_2 对称性的 三笼结构(如图 1,Si₂₄ a).选择两种笼,一个是对应 T_h 对称性,具有四边形和六边形交替(4-6 交替)结 构的(BN)₂ 笼(图 1,Si₂₄ b),另一个是对应于 D_6 对称 性,具有五边形和六边形交替(5-6 交替)C₂₄富勒烯 (图 1,Si₂₄ c).对上述三个初始异构体,采用第一性原 理密度泛函理论进行结构优化,发现在我们的计算 方案下 C_2 结构最稳定,这与文献 4]的结果一致, 而 T_h 笼在能量上更接近基态,特别是这个结构还 具 0.786 eV 的 HOMO-LUMO 能隙,表明对于 Si 团 簇,类似于 BN 富勒烯的 4-6 交替的笼可能是一种比 较稳定的 Si₂₄异构体.比较而言,类似于 C 富勒烯的 5-6 交替笼,Si₂₄- D_6 笼优化后形变成 D_{2d} 对称性的 笼,在能量上不占优势,其 HOMO-LUMO 能隙(0.680 eV)也小于 T_h 结构.振动谱分析(见表 1)表明, C_2 结构和 T_h 笼没有虚振动模,而 D_{2d} 笼有 4 个虚模, 表明前两个结构是稳定异构体.

在上述三个异构体笼中分别掺入La和Gd原子

表 1 Si₂₄及 La@Si₂₄, Gd@Si₂₄团簇的计算总结合能 $E_{\rm b}$),嵌入能 $E_{\rm c}$),

HOMO-LUMO 能隙(E_g) 金属原子上的 Mulliken 电荷和磁矩(M_m)以及虚振动模数(N_{imag})

团簇	对称性	$E_{\rm b}/{\rm eV}$	$E_{\rm e}/{\rm eV}$	$E_{\rm g}/{\rm eV}$	电荷/e	$M_{\rm m}/\mu(\mu_{\rm B})$	$N_{ m imag}$
Si ₂₄	C_2	- 91.90578		0.402		0	
Si ₂₄	T_h	- 90.42992		0.786		0	
Si ₂₄	D_{2d}	- 90.26396		0.680		4	
$\operatorname{Gd} @\operatorname{Si}_{24}$	D_{2d}	- 96.58521	6.018	0.219	- 1.175	7.135 0	
Gd@ Si ₂₄	T_h	- 95.57341	4.851	0.672	- 1.057	- 6.936 0	
$\operatorname{Gd} @\operatorname{Si}_{24}$	C_2	- 93.67750	1.480	0.161	- 0.606	- 7.059 2	
La@Si ₂₄	D_{2d}	- 96.95066	6.396	0.446	- 1.188	0.000 0	
La@Si ₂₄	T_h	- 96.27868	5.558	0.617	- 0.929	0.000 0	
La@Si ₂₄	C_2	- 94.81389	2.617	0.545	0.192	0.000 5	

进行重新优化,结果如图 1 和表 1 所示.可以看出, D_{2d} 结构最稳定,能量上 La@Si₂₄和 Gd@Si₂₄- D_{2d} 比 C_2 结构要优越许多,其次是 T_h 结构也比 C_2 结构有 优势,相应的振动谱计算(见表 1)的这两种结构的 包裹 Si₂₄富勒烯没有虚振动模,表明金属原子增强 了 Si 富勒烯结构的稳定性.这和关于稳定的 Si 团簇 的填充笼结构^[78]以及包裹过渡金属原子的 Si 富勒 烯结构^[9—15]在物理机理上完全一致.从这个意义上 讲,我们预言了用包裹稀土金属原子的更大的 Si 富 勒烯团簇的一种可能途径.而多笼结构掺杂金属原 子,由于小的笼不足以放置一个大的原子而使笼发 生明显的形变(见图 1),导致这类 Si 团簇的结构稳 定性削弱 振动谱计算(见表 1)对 La@Si₂₄-*C*₂和 Gd @Si₂₄-*C*₂ 结构分别具有 2 个和 5 个虚振动模 ,表明 这些结构是不稳定的过渡态.

为了进一步分析嵌入金属原子对 Si 团簇稳定 性的影响,我们定义金属原子嵌入能

 $E_e = [E(Si_{24}) + E(M)] - E(M@Si_{24}), (1)$ 其中 *M* 代表金属原子 La 和 Gd,这个定义有可能给 出金属原子对特定结构团簇稳定性贡献的信息.表 1 中我们看到对于 D_{2d} 结构, La 和 Gd 的嵌入能分别 为 6.396 和 6.018 eV,而 T_h 结构的嵌入能分别为 5.558 和 4.851 eV, C_2 结构的嵌入能非常小,表明这 种结构金属原子嵌入是不稳定的.

表 2 Gd@Si24团簇中 Gd原子磁矩(μ_B 和 4f 5d 6p 5p 6s 5s 轨道电子占据数以及轨道磁矩(括号中的数字)

团簇	磁矩	4f	5d	6р	5p	6s	5s
D_{2d}	7.135	7.137	2.668	0.499	6.042	0.789	2.001
		(6.818)	(0.243)	(0.094)	(-0.042)	(0.022)	(-0.001)
T_h	- 6.936	7.259	2.390	0.488	6.040	0.879	2.004
		(-6.701)	(-0.176)	(-0.073)	(0.040)	(-0.028)	(0.002)

我们还可以从嵌入前后 Si 笼外壳 Si 原子键长 变化情况分析结构稳定的原因.我们计算的 C_2 , T_h 和 D_{2d} 三种结构 纯 Si_{24</sub> 团簇 的平均键长分别是 2.417 2.335 和 2.343 Å,笼结构 T_h 和 D_{2d} 的键长比 较接近于体结构 Si 原子键长(2.33 Å).在笼中掺入 一个金属原子并增强结构的稳定性,要求这样的原 子在尺寸上匹配笼内空间,不会导致因 Si 原子键的 过分膨胀或收缩而减少原子结合能.我们计算掺入 La 后的平均键长对 C_2 , T_h 和 D_{2d} 三种结构分别为 2.467 2.338 和 2.325 Å,掺入 Gd 后的平均键长分别 为 2.479 2.331 和 2.323 Å.比较这些结果可以看出, 对于多笼的 C_2 结构,由于中间笼空间较小,掺入大 的原子会使 Si 键长较大的膨胀,导致掺杂后结构不 稳定.而对笼结构 T_h 和 D_{2d} ,金属原子使得 Si 的平 均键长稍微收缩,团簇结构变得更紧密.在这两个稳 定结构中,能量上 D_{2d} 结构比 T_h 和更为优越,这是 由于 Si 的 sp³ 键特性更适合于 D_{2d} 笼中五边形 环^[17],在没有嵌入金属原子之前,能量上不占优势的 悬挂键导致笼结构变成扁平结构,嵌入原子以后 5-6 交替笼一般要比 4-6 交替结构在能量上更有优势.

表1给出了 Mulliken 电荷分析 ,两种大笼(D,, T_{h})包裹团簇都发生了较多的电荷从壳 Si 原子转移 到掺杂原子,相反,La@Si₁₄-C,是La原子的电荷转 移到 Si 这可能是由于掺杂原子与小笼之间尺寸不 匹配的原因.表 2 给出了 D_{2d} 和 T_h 结构 Gd 原子的 4f 5d .6p .5p .6s .5s 轨道占据数以及轨道上电子所 提供的磁矩.由表2可知 Gd@Si, 团簇中 Gd 原子的 磁矩主要是由 4f 轨道电子提供的 ,其次是 5d 轨道 , 而 s p 轨道对磁矩的贡献很小,众所周知,自由 Gd 原子的基态价电子结构是 4f⁷5s²5p⁶5d¹6s². 从表 2 可 以知道在 Gd@Si24团簇中 Gd 原子的 4f 5d 5p 和 6p 轨道得到了额外电子,而 6s 轨道则失去了电子,即 在 $Gd@Si_{2}$ 团簇中 Gd 原子的 6s 电子向自身的 4f, 5d 5p 和 6p 轨道转移. 另外,由于 4f 5d 5p 和 6p 轨 道得到的电子总数大于 6s 轨道失去的电子数 因此 团簇外壳的 Si 原子向 Gd 原子转移了电子.这一点 由表 1 给出的 D_{2d} 和 T_h 结构中 Gd 原子所带电荷为 负也可以看出.在我们的计算中,对于 D_{2d}结构,Si 原子有3组等价位置原子分别转移出0.108(4个原

子) 0.026(8 个原子)和 0.076(8 个原子)电子,还有 一种原子得到 0.028(4 个原子)电子,而对于 T_h 结 构 Si 原子有 2 组等价位置原子分别转移出 0.054 (12 个原子)和 0.034(12 个原子)电子.结构的差异 导致电荷转移和磁性上的差别.

La 原子的基态价电子结构是 $5s^2 5p^6 5d^1 6s^2$,我们 的计算表明,同样存在 La 原子内部 6s 电子向自身 的 $5d_5p$ 和 6p 轨道转移和 Si 原子电荷向 La 原子的 转移,但电子在向上和向下轨道的分布是完全对称 的 这和文献 17]中关于 La @ Si₂₀ 团簇的计算结果 完全一致.La @ Si₂₄ 团簇的总电子自旋态密度的计算 也表明,自旋向上和向下的态密度完全对称,因而 La @ Si₂₄ 团簇的总电子自旋态密度如图 2 所示.对于 纯 Si 笼,自旋向上和向下的态密度完全对称.掺入 Gd 原子后的总电子自旋态密度在相对费米面大约 -4 eV 和费米面区域的 4f 和 5d 带出现明显的不对 称性,表明 Gd 原子 4f 和 5d 电子与 Si 笼电子的杂化 导致团簇大的磁矩.



图 2 Si₂₄及 Gd@Si₂₄团簇的总电子自旋态密度,费米面在零点

我们注意到 Si_{24} 笼在尺寸和结构上与 C_{82} 富勒烯 比较接近.C 富勒烯掺入稀土金属原子的工作很多, 特别是嵌入 C_{82} 的理论和实验工作 $[^{26-29}]$.本文预言 的 La ,Gd 嵌入的 Si_{24} 笼,在尺寸和电磁性质上有许 多相似之处,La@C₈₂和 Gd@C₈₂的磁矩与我们计算的La@Si₂₄和 Gd@Si₂₄非常相似,即 La@C₈₂磁矩较 小而 Gd@C₈₂有大的磁矩,类似于文献 17,18]讨论 的包裹稀土金属原子的 Si₂₀和 C₆₀的情况.与包裹稀 土原子的 C₈₂富勒烯一样 ,包裹稀土金属原子的 Si₂₄ 团簇 ,也有可能在实验上制备出来 ,成为一种新的 Si

基纳米材料比如笼合物材料的基元.

为了检验团簇的稳定性并为实验上表征这些团



图 3 无虚模的 Si₂₄及 La@Si₂₄, Gd@Si₂₄团簇的振动谱

簇提供参考依据,我们计算了上述团簇的振动 IR 强 度谱(见表 1),对 Si₂₄- D_{2d} 由于存在 4 个虚模,而 La $@Si_{24}-C_2$ 和 Gd@Si₂₄- C_2 分别有 2 和 5 个虚模和较 低的结合能,说明这些体系不稳定.图 3 是没有虚模 的纯 Si₂₄团簇(C_2 和 T_h)及其包裹 La 和 Gd 金属原 子的 Si 富勒烯(D_{2d} 和 T_h)的振动 IR 谱强度.对于 Si₂₄- T_h 团簇,简并的振动主峰在 487.0,487.8 和 488.2 cm⁻¹,而 La@Si₂₄- T_h 的简并振动主峰分别是 258.3 和 258.9 cm⁻¹,下一个峰是 488.2,491.8 和 496.5 cm⁻¹,很明显,前者应该是对应大质量 La 原子 的振动频率,后者是外壳 Si 笼的振动频率峰.类似 的情况也发生在 Gd @ Si₂₄- T_h 团簇,低频主峰在 267.4 和 267.8 cm⁻¹对应于 Gd 原子,而 502.2,502.4 和 502.8 cm⁻¹对应 Si₂₄笼.嵌入金属原子后 Si 笼振动 强度的减弱和频率的细微变化,是由于嵌入原子与 外壳的相互作用导致外壳 Si 原子键长的发生了细 小的改变,但整体的结构对称性和键合性质并没有 变化.

4.结 论

我们用自旋极化密度泛函计算表明,在掺入一 个 La 和 Gd 原子后,可以得到具有 T_h 和 D_{2d} 稳定的 包裹金属 Si₂₄富勒烯 $Cd@Si_{24}$ 具有很高的磁性而 La $@Si_{24}$ 的磁性完全猝灭.大的 HOMO-LUMO 能隙和振 动 IR 谱计算,预言这样的包裹稀土金属原子 Si 富 勒烯是稳定的,有可能在实验上实现,成为一种新的 Si 基纳米材料的基元.

- [1] Jarrold M F 1991 Science 252 1085
 Jarrold M F ,Constant V A 1991 Phys. Rev. Lett. 67 2994
- [2] Ho K M Shvartsburg A A Pan B Lu Z Y Wang C Z Wacker J G , Fye J L Jarrold M E 1998 Nature (London) 392 582

- [3] Jackson K A ,Horoi M ,Chaudhuri I ,Frauenheim T ,Shvartsburg A A 2004 Phys. Rev. Lett. 93 013401
- [4] Oña O ,Bazterra V E ,Caputo M C ,Facelli J C ,Fuentealba P ,Ferraro M B 2006 Phys. Rev. A 73 053203
- [5] Ma L Zhao J J , Wang J G , Wang B L , Wang G H 2006 Phys. Rev. A 73 063203
- [6] Wang J L ,Zhou X L ,Wang G H ,Zhao J J 2005 Phys. Rev. B 71 113412
- [7] Zhao J J , Wang J L Jellinek J , Yoo S , Zeng X C 2005 Eur. Phys.
 J. D 34 35
- [8] Yoo S Zhao J J , Wang J L ,Zeng X C 2004 J. Am. Chem. Soc. 126 13845
- [9] Beck S M 1987 J. Chem. Phys. 87 4233
 Beck S M 1987 J. Chem. Phys. 90 6306
- [10] Hiura H , Miyazaki T , Kanayama T 2001 Phys. Rev. Lett. 86 1733
- [11] Koyasu K Akutsu M Mitsui M Nakajima A 2005 J. Am. Chem. Soc. 127 4998
- [12] Khanna S N ,Rao B K ,Jena P 2002 Phys. Rev. Lett. 89 016803
- [13] Khanna S N ,Rao B K Jena P ,Nayak S K 2003 Chem. Phys. Lett. 373 433
- [14] Lu J ,Nagase S 2003 Phys. Rev. Lett. 90 115506
- [15] Ma L ,Zhao J J ,Wang J G ,Wang B L ,Lu Q L ,Wang G H 2006 Phys. Rev. B 73 125439
- [16] Kumar V , Kawazoe Y 2001 Phys. Rev. Lett. 87 045503

- [17] Singh A K ,Kumar V ,Kawazoe Y 2005 Phys. Rev. B 71 115429
- [18] Kumar V Singh A K Kawazoe Y 2006 Phys. Rev. B 74 125411
- [19] Kawaji H , Horie H , Yamanaka S , Ishikawa M 1995 Phys. Rev. Lett. 74 1427
- [20] Zhao J J, Buldum A, Lu J P, Fong C Y 1999 Phys. Rev. B 60 14177
- [21] Kawaguchi T , Tanigaki K , Yasukawa M 2000 Phys. Rev. Lett. 85 3189
- [22] Melinon P ,Keghelian P ,Blase X ,Bruse J L ,Perez A ,Reny E , Cros C ,Pouchard M 1998 Phys. Rev. B 58 12590
- [23] DMOL is a density functional theory (DFT) program distributed by Accelrys ,Inc. Delley B 1990 J. Chem. Phys. 92 508
- [24] Perdew J P ,Burke K ,Ernzerhof M 1996 Phys. Rev. Lett. 77 3865
- [25] Hamann D R, Schluter M, Chiang C 1979 Phys. Rev. Lett. 43 1494
- [26] Nada C D ,Mirone A ,Dhesi S S ,Bencok P ,Brookes N B ,Marenne I , Rudolf P ,Tagmatarchis N ,Shinohara H ,Dennis T J S 2004 Phys. Rev. B 69 184421
- [27] Nishibori E ,Takata M ,Sakata M ,Tanaka H ,Hasegawa M ,Shinohara H 2000 Chem. Phys. Lett. 330 497
- [28] Nishibori E, Iwata K, Sakata M, Takata M, Tanaka H, Kato H, Shinohara H 2004 Phys. Rev. B 69 113412
- [29] Funasaka H Sugiyama K ,Yamamoto K ,Takahashi T 1995 J. Phys. Chem. 99 1826

Stabilizing the silicon fullerene Si₂₄ by La and Gd encapsulation *

Wang Xiao-Qiu¹) Wang Bao-Lin¹²)[†]

1 Department of Physics ,Huaiyin Teachers College ,Huai'an 223001 ,China)

2 X Department of Physics ,Huaiyin Institute of Technology ,Huai'an 223003 ,China)

(Received 28 December 2007; revised manuscript received 26 March 2008)

Abstract

Using gradient-corrected spinpolarized density-functional theory (DFT) for electronic structure calculations , we study the fullerene of silicon Si_{24} with T_h and D_{2d} symmetries in the neutral state stabilized by lanthanum and gadolinium encapsulation. The electronic and magnetic properties of La@Si₂₄ and Gd@Si₂₄ are calculated using spin unrestricted DFT. The higher spin magnetic moment is achieved for Gd@Si₂₄ and the magnetic moment of La@Si₂₄ is completely quenched. These results could possibly lead to new phases and derivatives of silicon.

Keywords : La @ Si₂₄ and Gd @ Si₂₄ clusters, spinpolarized density functional theory, stability of clusters, electronic and magnetic properties

PACC: 3640, 6146, 7115, 7320

^{*} Project supported by the Foundation for the Author of National Excellent Doctoral Dissertation of China (Grant No. 200421) and the 333 Program for New Century Excellent Talents in Jiangsu Province, China (Grant No. 200760).

[†] Corresponding author. E-mail :blwang@hyit.edu.cn