小波变换提取放大超短脉冲载波-包络相位的研究*

邓玉强^{1 (Σ)}, 曹士英^{2 (B)} 于 靖¹) 徐 涛¹) 王清月²) 张志刚^{2 (B)}

1)(中国计量科学研究院光学与激光计量科学研究所,北京 100013)

2 🕽 天津大学精密仪器与光电子工程学院 ,天津 300072)

3) 北京大学信息学院 北京 100871)

(2007年12月5日收到2008年6月10日收到修改稿)

提出了一种新的超短放大脉冲的载波-包络相位还原方法,应用小波变换从超短放大脉冲的光谱拍频干涉中 直接提取载波-包络相位. 消除了传统的 Fourier 变换方法不同宽度的滤波窗口引入不同程度的相位噪声而产生不 确定性的影响,得到了更精确的载波-包络相位信息,对于近单周期超短脉冲特性测量具有重要意义.

关键词:超短脉冲,载波-包络相位,相位还原,小波变换 PACC:4280W,0760L

1.引 言

随着超短脉冲激光技术的发展,目前的超短脉 冲激光器已达到了近单周期机理运转¹⁻⁵¹,这样的 激光脉冲具有极宽的光谱成分和极窄的脉冲包络, 也往往具有极高的峰值功率.然而,超短脉冲的载 波是以相速度传播,而波包是以群速度传播,相速度 与群速度之间的失配导致实际脉冲电场强度的峰值 随时间变化,只有载波的峰值与包络的峰值相重合 时,脉冲的电场强度才能达到最大值.这样的超短 脉冲用于对电场敏感的实验,如高次谐波和 X 射线 的产生^[6]、两激光脉冲的合成^[7—10]时,电场峰值的变 化会对实验结果产生重要的影响.因此,精确测量 和控制超短脉冲载波和包络之间的相位关系对于近 单周期超短脉冲的应用具有极其重要的意义.

超短脉冲电场峰值与超短脉冲强度包络之间的 相位差称为超短脉冲的载波-包络相位,两相邻脉冲 之间的载波-包络相位之差称为载波-包络相位差, 时域的载波-包络相位差在频域上引起频率梳齿与 整数倍脉冲重复频率之间的频移,称为载波-包络频 率差^[6,7,11,12].利用飞秒脉冲的超精细梳齿结构作 为新一代的频率标准为精确的时间频率计量提供了 有效工具^[11-13],而测量载波-包络相位差或载波-包 络频率差成为光学频率标准应用的关键^[11-13].

目前放大超短脉冲载波-包络相位的测量是利 用单次非线性光谱相干法^[6,14,15],用宽带检测光谱 拍频干涉.在产生了足够强的白光光谱之后,用倍频 晶体将脉冲倍频,得到倍频后的电场^[5]

$$E_{\rm SHC}(\omega) \propto \exp(i2\varphi) \cdot \int \chi^{(2)}(\omega;\omega',\omega-\omega') \times \sqrt{I_{\rm WI}(\omega') \cdot I_{\rm WI}(\omega-\omega')} \times \exp\{\{ \phi_{\rm WI}(\omega') + \phi_{\rm WI}(\omega-\omega') \} \} d\omega' = \sqrt{I_{\rm SHC}(\omega)} \cdot \exp\{\{ (\phi_{\rm SHC}(\omega) + 2\varphi) \},$$
(1)

其中 $\phi_{wl}(\omega)$ 是白光的相位 , $\chi^{(2)}$ 是二阶极化矢量. 白光与倍频脉冲的相干 ,相距一个时间延迟 ,可以 写为^[5]

$$S(\omega) = (1 - \alpha) I_{WL}(\omega) + \alpha I_{SHG}(\omega) + 2 \sqrt{\alpha (1 - \alpha) I_{WL}(\omega) I_{SHG}(\omega)} \times \cos [\phi_{SHG}(\omega) - \phi_{WL}(\omega) + \omega \tau_0 + \varphi],$$
(2)

其中系数 α 代表倍频光通过偏振片的透过率.

^{*} 国家科技支撑计划(批准号 2006BAF06B05),中国计量科学研究院基本业务(批准号:AKY0748),中国计量科学研究院博士专项科研启动 基金(批准号:TGQD05-12)和科学技术部国际科技合作计划(批准号:2007DFA11430)资助的课题。

[†] E-mail:yqdeng@nim.ac.cn

2. Fourier 变换还原放大脉冲载波-包络 相位

传统的放大脉冲载波-包络相位还原是采用 Fourier 变换光谱相干法^[6,14–16],先把相干光谱变换 到时域,然后用数字带通滤波器滤出在 $t = \tau_0$ 或者 $t = -\tau_0$ 的交流分量,再作一次反 Fourier 变换到频 域,从而得到光谱干涉的相位,类似于脉冲相位测量 的光谱相位相干法(SPIDER)^{17,18]}.

图 1 是 Kakehata 等测得的放大脉冲载波-包络 相位的光谱干涉和从光谱干涉还原的载波-包络相 位差^[14,15]. 图中细实线和虚线分别为测得的相邻两 发放大脉冲的基频与倍频的光谱干涉,粗实线为根 据测得的两次光谱干涉用 Fourier 变换方法还原的 载波-包络相对相位差.



图 1 放大脉冲的拍频光谱干涉和载波-包络相对相位差

从图 1 中的光谱干涉中提取干涉数据,并将获 取的以波长 λ 为变量的光谱拍频干涉转换为以频 率ν为变量,得到的结果如图 2 所示.图 ((a)和(b) 分别是取出的实线和虚线拍频干涉转换后的结果, 这里分别称为第一发光谱拍频干涉和第二发光谱拍频干涉.

用 Fourier 变换方法^[14—16]对图 2 中获取的光谱 拍频干涉作载波-包络相位提取 ,第一发光谱拍频的 Fourier 变换后的结果如图 3(a)所示. 变换后的交流 分量的峰值位于 $\tau_0 = \pm 1.6$ ps 附近. 选择滤波窗口 取出 $\tau_0 = \pm 1.6$ ps 处的交流分量 ,再作一次反 Fourier 变换就得到光谱拍频干涉的相位. 用同样的 方法可以得到第二发光谱拍频干涉的相位 ,将两发 光谱拍频的相位相减 ,其结果即为放大脉冲的载波-包络相位差.

与传统 SPIDER 相位还原类似,不同的滤波窗



图 2 提取的光谱拍频干涉 (a)第一发光谱拍频干涉(b)第 二发光谱拍频干涉

口产生不同的相位结果^[19-21]. 选择图 3(a)所示的 三个不同宽度的矩形滤波窗口 ,窗口的宽度分别是 $\tau = 0.8 \text{ ps}$, $\tau = 1.8 \text{ ps}$ 和 $\tau = 2.4 \text{ ps}$,还原的载波-包 络相位差如图 3(b)所示 ,为便于和图 1 的结果比 较 ,这里将载波-包络相位的坐标转换为波长.

图 ((b)表明传统的 Fourier 变换方法还原载波-包络相位时产生了不确定性:不同宽度的滤波窗口 得到不同的相位还原结果.这是因为如果选择的窗 口宽度太大,将会包含过多的噪声而导致还原的相 位产生较大的误差,如果选择的窗口宽度太小,将会 丢失光谱干涉的信息而导致还原的相位产生畸变, 也不能得到准确的相位还原结果.到底该如果选择 滤波窗口的宽度,目前还没有标准和依据来判定.

小波变换还原放大脉冲载波-包络 相位

为了解决传统 Fourier 变换方法产生的不确定



图3 (a)光谱拍频的 Fourier 变换的结果及滤波窗口 (b) Fourier 变换不同滤波窗口还原的拍频光谱相位和小波变换还原 结果的比较

性,我们引入小波变换¹⁹⁻²⁴]还原放大脉冲载波-包 络相位.对图 2 中的光谱干涉作小波变换,将光谱 干涉 ƒ(ω)展开成二维的尺度 – 频率平面.公式 如下:

$$W(a,\nu') = \frac{1}{\sqrt{a}} \int_{-\infty}^{+\infty} f(\nu) \psi^* \left(\frac{\nu - \nu'}{a}\right) d\nu , \quad (3)$$

其中尺度因子 a 与光谱干涉的时间间隔(周期)相 对应 频率 v 表示子小波函数沿以频率为变量的光 谱拍频信号平移到 v 处的局域信息。

选用 Gabor 小波^[19,20,23]作为分析小波,根据(3) 式第一发光谱拍频的小波变换,选择变换的尺度范 围从 30 至 120,步长为 0.5,得到的结果如图 4 所示, 图 4(a)和(b)分别为小波变换的模和相位.

和小波变换还原 SPIDER 光谱相位^[19-23]一样, 拍频信号在某一频率 v'处的局域时间间隔反映在 小波变换 W(*a* ,v')沿相应的频率点 v'的一列数组 的极大值处,即小波变换的脊^[23,24]处.从小波变换



图 4 光谱拍频干涉小波变换的结果 (a)第一发光谱拍频干 涉小波变换的模 (b)第一发光谱拍频干涉小波变换的相位(图 中的曲线标出了小波变换的脊的位置)

的强度图中探测每一列的极大值的位置,即小波变换的脊,如图4(a)中的曲线所示.然后将脊线位置 投影到小波变换的相位图上,如图4(b).取出相位 图上小波脊处的相位值,将折叠的相位展开,就得到 光谱拍频干涉的相位.将两发拍频干涉的相位相 减,就得到放大脉冲的载波-包络相对相位差.为了 便于比较,将沿小波变换还原的载波-包络相位差和 Fourier 变换还原的相位差一起叠放在图3(b)中.

4. 两种方法的比较

从图 3(b)中可见,小波变换还原的载波-包络相 位和载波-包络相位差是确定的,而 Fourier 变换不同 的滤波窗口产生不同的相位.小波变换得到的结果 与 Fourier 变换某一个窗口得到的结果能够较好地 符合,其他窗口得到的结果在这一结果附近波动. 与传统的 Fourier 变换相比,小波变换还原放大脉冲 光谱干涉的载波-包络相位具有以下特点:

1)小波变换方法消除了 Fourier 变换方法中滤 波窗口产生的相位不确定性. Fourier 变换方法不同 的滤波窗口因引入不同程度的噪声而产生不同的结 果,而小波变换在变换的脊处选取相位信息,小波变 换的脊是唯一的,因而得到的相位是确定的.

2)小波变换方法可以得到一个二维的时间 – 频 率图,直观地反映出拍频干涉的时间 – 频率信息.

3)小波变换过程简单.Fourier 变换方法需要 Fourier 变换-滤波-反 Fourier 变换三个过程还原载波 -包络相位,而小波变换只需要一步小波变换就可以 实现相位还原,不需要滤波和反变换.

4)小波变换不需要人为的选择滤波窗口,更容 易实现自动处理.Fourier变换方法要找出交流分量 的位置,然后选择合适的滤波窗口.不合适的窗口 会导致很大的误差产生错误的结果,有时信号的滤 波窗口往往很难选取,而小波变换完全消除了这一 过程.

5)小波变换的计算时间短、速度快.小波变换 虽然是一个二维的变换,但由于变换有强度和相位 两个结果,其中强度图反映干涉的间隔信息(即时间 -频率信息),而相位图反映干涉的相位.因此小波 变换不需要精细地选择尺度步长就可以还原精确的 相位.本文基于 Matlab 软件,小波变换算法和 Fourier 变换算法都可以在 30 ms 内从光谱拍频干涉 中提取载波-包络相位信息.

5.结 论

传统的 Fourier 变换方法还原放大超短脉冲载 波-包络相位时,不同的滤波窗口因为引入了不同的 噪声而产生不同的相位结果.本文将小波变换用于 放大脉冲的载波-包络相位还原,超短脉冲的载波-包络相位从光谱干涉中直接读取,解决了传统 Fourier 变换方法还原相位的不确定性问题,为脉冲 的载波-包络相位的测量提供了新的途径,且还原的 相位更精确.同时小波变换还原放大脉冲载波-包 络相位步骤简单、速度快、容易实现计算机自动控制 和处理.小波变换还原脉冲载波-包络相位方法对 于放大脉冲的载波-包络相位测量、近单周期超短脉 冲特性测量及其他干涉条纹的相位识别具有重要 意义.

- [1] Steinmeyer G , Sutter D , Gallmann L et al 1999 Science 286 1507
- [2] Brabec T , and Krausz F 2000 Rev. Mod. Phys. 72 545
- [3] Baltuška A, Fuji T, Kobayashi T 2002 Opt. Lett. 27 306
- [4] Schibli T R, Kuzucu O, Kim J W et al 2003 IEEE J. Sel. Top. Quantum Electron. 9 990
- [5] Baltuška A, Uiberacker M, Goulielmakis E et al 2003 IEEE J. Sel. Top. Quantum Electron. 9 972
- [6] Ye J, Schnatz H, Hollberg L W 2003 IEEE J. Sel. Top. Quantum Electron. 9 1041
- [7] Deng Y Q, Wang Q Y, Wu Z B et al 2006 Acta Phy. Sin. 55 737
 (in Chinese)[邓玉强、王清月、吴祖斌等 2006 物理学报 55 737]
- [8] Seitz W, Ell R, Morgner U et al 2003 IEEE J. Sel. Top. Quantum Electron. 9 1093
- [9] Kobayashi Y , Wei Z , Kakehata M et al 2003 IEEE J. Sel. Top. Quantum Electron. 9 1011
- [10] Yoon T H, Park S T, Kim E B et al 2003 IEEE J. Sel. Top. Quantum Electron. 9 1025
- [11] Fortier T M, Jones D J, Ye J et al 2003 IEEE J. Sel. Top. Quantum Electron. 9 1002
- [12] Diddams S A , Bartels A , Ramond T M et al 2003 IEEE J. Sel.

Top. Quantum Electron. 9 1072

- [13] Shelton R K , Ma L S , Kapteyn H C et al 2001 Science 293 1286
- [14] Kakehata M, Fujihira Y, Takada H et al 2002 Appl. Phys. B 74 S43
- [15] Kakehata M , Takada H , Kobayashi Y et al 2004 Opt. Express 12 2070
- [16] Takeda M , Ina H , Kobayashi S 1982 J . Opt . Soc . Am . 72 156
- [17] Iaconis C , Walmsley I A 1998 Opt . Lett . 23 792
- [18] Iaconis C, Walmsley I A 1999 IEEE J. Quantum Electron. 35 501
- [19] Deng Y, Wu Z, Chai L et al 2005 Opt. Express 13 2120
- [20] Deng Y Q, Wu Z B, Chen S H et al 2005 Acta Phy. Sin. 54 3716 (in Chinese)[邓玉强、吴祖斌、陈盛华 等 2005 物理学报 54 3716]
- [21] Deng Y, Wu Z, Cao S et al 2006 Opt. Commun. 268 1
- [22] Deng Y Q, Zhang Z G, Chai L et al 2005 Acta Phys. Sin. 54 4176 (in Chinese)[邓玉强、张志刚、柴 路等 2005 物理学报 54 4176]
- [23] Deng Y, Wang C, Chai L et al 2005 Appl. Phys. B 81 1107
- [24] Delprat N, Escudié B, Guillemain P et al 1992 IEEE Trans. Info. Theory 38 644

Deng Yu-Qiang^{1,2,)†} Cao Shi-Ying^{2,3,)} Yu Jing^{1,)} Xu Tao^{1,)} Wang Qing-Yue^{2,)} Zhang Zhi-Gang^{2,3,)}

1) Division of Optics and Laser, National Institute of Metrology, Beijing 100013, China)

2 X School of Precision Instruments and Optoelectronics Engineering , Tianjin University , Tianjin 300072 , China)

3 X School of Electronics Engineering and Computer Science, Peking University, Beijing 100871, China)

(Received 5 December 2007; revised manuscript received 10 June 2008)

Abstract

A novel technique, based on wavelet-transform analysis, was introduced for the carrier-envelope phase extraction in this paper. With wavelet analysis technique, the carrier-envelope phases of amplified ultrashort optical pulses were directly extracted from the spectral interferences. The technique need no Fourier-transform and filter procedure, therefore, the uncertainty introduced from the filter is avoided naturally. Wavelet-transform technique extracted accurate carrier-envelope phase, therefore we hope it can find applications in the measurements and characterizations of few- to mono-cycle femtosecond optical pulses.

Keywords : ultrafast lasers , carrier-envelope phase , phase retrieval , wavelet-transform PACC : 4280W , 0760L

^{*} Project supported by the National Science and Technology Supporting Program of China (Grant No. 2006BAF06B05), Basic Research Foundation of National Institute of Metrology of China (Grant No. AKY0748), and Start-up Grant of National Institute of Metrology, China (Grant No. TGQD05-12) and the International Scientific Cooperation Program of Ministry of Science and Technology, China (Grant No. 2007DFA11430).

[†] E-mail:yqdeng@nim.ac.cn