## NaZn<sub>13</sub>型 Fe 基化合物的结构和热力学性质研究\*

陈怡节申江

(北京科技大学应用物理研究所,北京 100083) (2008年12月30日收到2009年2月1日收到修改稿)

利用 Chen-Möbius 晶格反演获得的原子间相互作用势,对  $NaZn_{13}$ 型 Fe 基金属间化合物进行原子级模拟研究.计算结果表明 Si 原子和 Co 原子均优先占据 96*i* 晶位 Si 原子和 Co 原子替代 Fe 原子后晶体平均结合能降低.随着 Co 含量的增加, LaFe<sub>13-x-y</sub>Co<sub>y</sub>Si<sub>x</sub>和 NdFe<sub>13-x-y</sub>Co<sub>y</sub>Si<sub>x</sub> 的晶格参数逐渐降低.声子态密度中 稀土原子主要激发低频模, Si 原子主要激发高频模.LaFe<sub>11.5-y</sub>Co<sub>y</sub>Si<sub>1.5</sub>化合物的德拜温度随 Co 含量的增加而增高.

关键词:晶格反演,原子间相互作用势,热力学性质,磁致冷材料 PACC:6155,3420,6550,75308

### 1.引 言

磁致冷技术具有效率高、耗能低、低噪声、无污 染、安全可靠等特点,寻找合适的磁致冷材料是近年 来研究的一个热点.人们先后对金属 Gd,Gd,Si,Ge,, LaFe<sub>13-x</sub>Si<sub>x</sub>, MnAs<sub>1-x</sub>Sb<sub>x</sub>, MnFeP<sub>1-x</sub>As<sub>x</sub>等材料体系进 行了研究1-5〕,希望在室温区找到熵变较大的化合 物作为磁致冷材料.实验发现<sup>[2367]</sup>,LaFe<sub>13-</sub>,Si, 在 200 K 附近磁感应强度为 0-5 T 的外磁场下,存 在 20 J/kgK 的磁熵转变.进一步的实验表明,用少 量 Co 原子替代 Fe 原子,可以使居里温度升高至室 温附近<sup>[8-13]</sup>. Nd-Fe 系列 NaZn<sub>13</sub>型化合物的研究表 明,Nd的替代也可以提高居里温度<sup>14-16</sup>.本文利用 晶格反演原子间相互作用势,研究从二元到四元  $RFe_{13-x-x}Co_xSi_x$ (R = La, Nd)系列化合物的结构属 性和热力学性质,对其进行原子级模拟统计分析, 讨论 Co 原子替代 Fe 原子对晶体结构、比热容和振 动熵的影响。

#### 2. 计算方法

获得有效的原子间相互作用势是原子级模拟计算的关键.稀土金属间化合物涉及 3d Ad 5d 等丰富的过渡金属和 Si, C, N, H 等非金属原子,具有

CaCu<sub>5</sub>,ThMn<sub>12</sub>,Th<sub>2</sub>Ni<sub>17</sub>,Th<sub>2</sub>Zn<sub>17</sub>,Nd<sub>3</sub>Fe<sub>29</sub>,NaZn<sub>13</sub>等 多种结构类型,本课题组根据数论中的 Möbius 变 换采用晶格反演方法直接从第一性原理计算结合 能曲线,反演获得了不调参数的原子间相互作用势 库,对稀土金属间化合物进行了系统研究<sup>[17-24]</sup>.此 方法还被推广应用于过渡金属碳化物<sup>[25-27]</sup>、过渡金 属氮化物<sup>[28]</sup>、半导体<sup>[29]</sup>、离子晶体<sup>[30]</sup>、界面<sup>[31-33]</sup>等 复杂体系的研究中.本文在已有研究的基础上,应用 有效的原子间相互作用势对 NaZn<sub>13</sub>型 Fe 基化合物 进行计算.

#### 3. 结果及讨论

#### 3.1. 三元化合物 RFe<sub>13-x</sub>Si<sub>x</sub>(R = La, Nd)的择优占 位和晶格参数

在 NaZn<sub>13</sub>型稀土化合物中,只有  $RCo_{13}$ 存在稳定 的二元相, Fe 基化合物需要添加第三组元 Si 或 Al 才能稳定. LaFe<sub>13-x</sub>Si<sub>x</sub> 属于立方 NaZn<sub>13</sub>结构,空间群 为  $Fm \bar{3}c$ ,一个晶胞中有 8 个分子式及 8*a*,8*b*,96*i* 三个不同晶位.当 Si 含量 *x* 达到 4 左右时,体系由 立方结构转变为四方 *I*4/*mcm* 结构.在立方  $Fm \bar{3}c$ 空间群结构中, Fe 原子同时占据 8*b* 和 96*i* 晶位.当 Si 原子替代 Fe 原子时,单个 Si 原子可以随机选择 替代某个晶位上的 Fe 原子,统计平均的结果是 Si

<sup>\*</sup>国家重点基础研究发展计划(批准号 2006CB605101)资助的课题.

<sup>†</sup> E-mail : chenyiustb@yahoo.cn

原子将会优先选择能量较低的晶位以获得平衡态. 根据有效的晶格反演原子间相互作用势,计算 Si 原子随机替代不同晶位的原子时晶体的能量,可以判 断原子占位的择优性.虽然 LaFe<sub>13</sub>和 NdFe<sub>13</sub>的二元 相不能稳定存在,它们仍可以作为 LaFe<sub>13-x</sub> Si<sub>x</sub>和 NdFe<sub>13-x</sub>Si<sub>x</sub>的本征结构,在此基础上进行第三组元 替代.表 1 列出了在不同 Si 含量下,随机占据 8*b* 位、96*i* 位和混合占位时晶体的平均能量.为了降低 涨落误差,扩展原胞至 2×2×2 的超晶胞,一次试验 采用 20 个样本,表中的各项数据是统计平均值.从 表 1 可以看出,Si 原子占据 96*i* 位时能量最低,因此 Si 将择优占据 96*i* 位,这与实验观测结果<sup>[7,12,19]</sup>一 致.表 1 还列出了晶格参数的计算值和部分实验值, 由此可以看出,随着第三组元 Si 含量的增加,晶格 参数逐渐减小,立方晶格收缩.

	x	E/eV			,
		8 <i>b</i>	96 <i>i</i>	8b + 96i	a/nm
$LaFe_{13-x}Si_x$	0.0		-4.074	—	1.1539
	0.5	- 4.138	- 4.165	-4.141	1.1515
	1.0	-4.213	-4.252	- 4.239	1.1494
	1.5		- 4.339	- 4.313	1.1481 ,1.1468 <sup>[3,14]</sup>
	2.0		-4.420	-4.257	1.1474 ,1.1463 <sup>[ 13 ,19 ]</sup>
$NdFe_{13 - x}Si_x$	0.0		- 4.069	—	1.1528
	0.5	-4.157	- 4.165	- 4.159	1.1495
	1.0	- 4.238	- 4.258	- 4.241	1.1467
	1.5		- 4.352	- 4.331	1.1441
	2.0		-4.441	-4.407	1.1421

表1 LaFe<sub>13-x</sub>Si<sub>x</sub>和 NdFe<sub>13-x</sub>Si<sub>x</sub> 系列化合物的 原子平均能量 r 和导格会数 r

3.2. Co 原子在(La, Nd)Fe<sub>11.5</sub>Si<sub>1.5</sub>中的择优占位

第四组元 Co 的替代同样存在占位的选择.用 Co 原子分别替代 8b 和 96i 晶位的 Fe 原子,比较晶 格稳定之后的能量.如图 1( a)所示,第四组元 Co 原 子占据 8b 晶位的每个原子的平均能量 E 比占据 96i 位时能量高 0.2—0.3 eV,因而择优占据 96i 位.随着Co 原子含量的增加,晶体结合能下降,说 明 Co 的添加有利于化合物的稳定.图 1( b)是 LaFe<sub>13-x-y</sub>Co<sub>y</sub>Si<sub>x</sub>和 NdFe<sub>13-x-y</sub>Co<sub>y</sub>Si<sub>x</sub>的晶格参数 *a* 随 Co 含量 y 的变化曲线.从整体上看 随着 Co 含量 y 的增大,LaFe<sub>13-x-y</sub>Co<sub>y</sub>Si<sub>x</sub>和 NdFe<sub>13-x-y</sub>Co<sub>y</sub>Si<sub>x</sub> 的晶 格参数逐渐降低,说明 Co 替代 Fe 原子使立方晶格 收缩.同时从图 1(b)还可以看出 , $NdFe_{I3-x-y}Co_ySi_x$ 系列化合物的晶格参数普遍小于  $LaFe_{I3-x-y}Co_ySi_x$ 系列化合物的晶格参数.



图 1  $RFe_{13-x-y}Co_ySi_x(R = La, Nd)$ 系列化合物的能量和晶格 参数 (a)每个原子的平均能量 E 随 Co 含量 y 的变化 (b)晶格 参数 a 随 Co 含量 y 的变化

实验表明<sup>8 91</sup>,在 NaZn<sub>13</sub>型 La/Nd-Fe 基化合物 中,用少量 Co 原子替代 Fe 原子可以使材料的居里 温度升高.在稀土过渡金属化合物中,存在着以下三 种交换相互作用:稀土次晶格中 *R-R* 间接交换作 用、稀土次晶格与过渡金属次晶格之间的 *R-T* 间接 交换作用以及过渡金属次晶格内的 *T-T* 直接交换作 用.在 1:13型 *R-*Fe 化合物中,每个稀土原子均被大 量的 Fe 原子包围,两个稀土原子之间的距离在 0.57 nm 以上,*R-R* 交换作用很弱,可以忽略;由于稀土原 子比例很小,*R-*Fe 的交换作用远比 Fe-Fe 的交换作 用小,因而主要由 Fe-Fe 交换作用决定.居里温度的 变化主要是由于该系列化合物中 *T-T* 交换作用的 变化.随着 Co 含量的增加,原子间距发生一定的变 化.图 2 给出了 LaFe<sub>II.5-y</sub> Co<sub>y</sub>Si<sub>L5</sub>化合物中 Fe-Fe 原 子间距随 Co 含量 y 变化的统计平均值.按照文献 [24,34,35 的观点,在富 Fe 金属间化合物中,Fe 原 子之间的键长小于 0.245 nm 时 Fe 磁矩之间为反铁 磁耦合,Fe 原子之间的键长大于 0.245 nm 时 Fe 磁 矩之间为铁磁耦合.从图 2 可以看出,在五种 Fe-Fe 间距之中,只有一种 Fe-Fe 间距小于 0.245 nm,其余 Fe-Fe间距均大于 0.245 nm.随着 Co 含量的增加,四 种大于 0.245 nm 的 Fe-Fe 间距呈现减小的趋势,意 味着铁磁耦合作用增强,小于 0.245 nm 的 Fe-Fe 间 距呈现增大的趋势,意味着反铁磁耦合作用减弱,综 合的结果是铁磁耦合作用增强,有利于居里温度的 提高.



图 2 LaFe<sub>11.5-y</sub>Co<sub>y</sub>Si<sub>1.5</sub>化合物中五种 Fe-Fe 原子间距随 Co 含 量 y 的变化

3.3. 声子态密度与热力学性质

利用原子间相互作用势,计算了对能量最小化 之后稳定晶格的声子态密度.图 3 是 LaFe<sub>9.5</sub> Co<sub>2</sub>Si<sub>1.5</sub> 的声子态密度,其截止频率为 11.44 THz,在 3.21, 4.85 6.55 8.95 和 11.4 THz 附近有五个峰值. La 原 子的贡献主要在低频 3.21 THz 附近,Si 原子的主要 贡献在高频段 11.4 THz 附近.在声子态密度的整个 频段上呈现出与原子质量相对应的频率关系. La/Nd-Fe系列的其他四元化合物的声子态密度与 LaFe<sub>9.5</sub> Co<sub>2</sub>Si<sub>1.5</sub>相似 随着 Co 含量的减少,Co 原子对 总声子态密度的贡献也相应降低.

利用声子态密度可进一步计算比热容、振动熵 和德拜温度<sup>[25-28]</sup>.图 4 给出了 LaFe<sub>9.5</sub> Co<sub>2</sub>Si<sub>1.5</sub>的比热 容和振动熵随温度 T 的变化曲线 ,纵坐标中 N 为离 子数 , $k_B$  为玻尔兹曼常量.随着温度 T 的升高 ,总比 热容和振动熵均逐渐增大.在 100 K 以下 ,声学支的 贡献占据了绝大部分 ,光学支的贡献几乎可以忽略.





随着温度的升高,两部分的贡献均逐渐增大,到 300 K 附近,光学支对总比热容和总振动熵的贡献分别 达到 30.7%和 20.1%.光学支和声学支分别由高频 段和低频段的局域模构成,意味着 La,Fe和 Co 原子 对低温比热容和振动熵起主要作用,随着温度的升 高,Si 原子的作用逐渐明显.



图 4 LaFe<sub>9.5</sub>Co<sub>2</sub>Si<sub>1.5</sub>的比热容和振动熵随温度的变化 (a)比热 容随温度的变化 (b)振动熵随温度的变化

图 5 给出了不同 Co 含量的 La( Fe , Co , Si )<sub>13</sub>化 合物的德拜温度随温度 *T* 的变化曲线.在接近 0 K 时 ,LaFe<sub>11</sub>Si<sub>1.5</sub>的德拜温度为 307.7 K ,LaFe<sub>10.5</sub> Co<sub>1</sub>Si<sub>1.5</sub> 的德拜温度为 308.8 K ,LaFe<sub>9.5</sub> Co<sub>2</sub>Si<sub>1.5</sub>的德拜温度为 310.65 K.随着 Co 含量的增加 ,德拜温度逐渐提高. 当 *T* = 300 K 时 ,随着 Co 含量的增加 ,德拜温度由 367 K 降低到 359.72 K.由于 Co 含量的变化很小 ,德 拜温度的变化范围在 10 K 以内.



图 5 LaFe<sub>11.5-y</sub>Co<sub>y</sub>Si<sub>1.5</sub>系列化合物的德拜温度随温度 *T* 的变化

#### 4.结 论

利用晶格反演原子间相互作用势 ,对 NaZnıa型  $RFe_{13-x-x}Co_xSi_x$ (R = La, Nd)系列三元和四元化合 物进行了原子级模拟.计算表明,第三组元 Si 原子 和第四组元 Co原子均择优占据 96i 晶位 Si原子和 Co原子替代 Fe 原子使得晶体平均结合能降低,说 明Si和 Co都是稳定元素.随着 Co含量的增加, LaFe<sub>13-x-y</sub>Co<sub>y</sub>Si<sub>x</sub> 和 NdFe<sub>13-x-y</sub>Co<sub>y</sub>Si<sub>x</sub> 的晶格参数都 逐渐减小 Co 原子替代 Fe 原子使得立方晶格收缩. 同时 Nd 系化合物的晶格参数普遍小干相应的 La 系化合物,进一步考察了不同原子对总声子态密度 的贡献 Ja 原子主要贡献于低频段 Si 原子主要贡 献于高频段.在100K以下,声学支的贡献占据了总 比热容和总振动熵的绝大部分,光学支的贡献几 乎可以忽略;随着温度升高,两部分的贡献均逐渐 增大 :到300 K 附近时光学支对总比热容和总振动 熵的贡献分别达到 30.7% 和 20.1%. 在 0 K 附近, LaFe<sub>115-x</sub>Co<sub>x</sub>Si<sub>15</sub>系列化合物的德拜温度在 307—311 K 范围 随着 Co 原子含量的增大 德拜温度随之增大.

- [1] Pecharsky V K, Gschneidner K A 1997 Phys. Rev. Lett. 78 4494
- [2] Dong Q Y , Zhang H W , Zhao T Y , Sun J R , Shen B G 2008 Solid State Commun. 147 266
- [3] Liu G J , Sun J R , Shen J , Gao B , Zhang H W , Hu F X , Shen B G 2007 Appl. Phys. Lett. 90 032507
- [4] Gama S , Coelho A A , de Campos A , Carvalho A M , Gandra F C G , von Ranke P J , de Oliveira N A 2004 Phys. Rev. Lett. 93 237202
- [5] Tegus O , Bruck E , Buschow K H J , de Boer F R 2002 Nature 415 150
- [6] Jia L , Liu G J , Sun J R , Zhang H W , Hu F X , Dong C , Rao G H , Shen B G 2006 J. Appl. Phys. 100 123904
- [7] Jia L, Sun J R, Zhang H W, Hu F X, Dong C, Shen B G 2006 J. Phys. : Condens. Matter 18 9999
- [8] Shen J , Dong Q Y , Li Y X , Sun J R 2008 J. Alloys Compd. 458 115
- [9] Gomes A M, Proveti J R, Takeuchi A Y, Passamani E C, Larica C 2006 J. Appl. Phys. 99 116107
- [10] Zhang L G, Chen J, Zhu B Q, Li Y W, Wang R W, Li Y B, Zhang G H, Li Y 2006 Acta Phys. Sin. 55 5506 (in Chinese ] 张 立刚、陈 静、朱伯铨、李亚伟、汪汝武、李云宝、张国宏、李 钰 2006 物理学报 55 5506 ]

- [11] Zhang H W, Sun J R, Hu F X, Wang F, Shen B G 2005 J. Chin.
  Rare Earth Soc. 23 385 (in Chinese ] 张宏伟、孙继荣、胡凤霞、
  王 芳、沈保根 2005 中国稀土学报 23 385 ]
- [12] Chang H , Liang J K , Shen B G , Yang L T , Wang F , Chen N X , Rao G H 2003 J. Phys. D 36 160
- [13] Tang W H , Liang J K , Rao G H , Yan X H 1994 Phys. Stat. Sol. A 141 217
- [14] Balli M, Fruchart D, Gignoux D, Rosca M, Miraglia S 2007 J. Magn. Magn. Mater. 313 43
- [15] Liu G J , Sun J R , Zhao T Y , Shen B G 2006 Solid State Commun. 140 45
- [16] Zhu Y M, Xie K, Song X P, Sun Z B, Lü W P 2005 J. Alloys Compd. 392 20
- [17] Chen N X, Shen J, Su X P 2001 J. Phys. : Condens. Matter 13 2727
- [18] Chen N X , Lu Y , Shen J , Wu Y 2003 Prog. Nature Sci. 13 339
- [19] Chang H, Chen N X, Liang J K, Rao G H 2003 J. Phys. : Condens. Matter 15 109
- [20] Hao S Q , Chen N X 2002 Phys. Lett. A 297 110
- [21] Qian P , Shen J , Chen N X 2004 J. Alloys Compd. 372 70
- [22] Shen J, Qian P, Chen N X 2005 Model. Simul. Mater. Sci. Eng. 13 239

- [23] Qian P , Shen J , Chen N X 2006 J. Phys. D 39 1197
- [24] Qian P , Shen J , Chen N X 2005 Intermetallics 13 778
- [25] Xie J Y , Chen N X , Shen J , Teng L D , Seetharaman S 2005 Acta Mater . 53 2727
- [26] Xie J Y , Chen N X , Teng L D , Seetharaman S 2005 Acta Mater. 53 5305
- [27] Xie J Y, Shen J, Chen N X, Seetharaman S 2006 Acta Mater. 54 4563
- [28] Chen Y, Shen J, Chen N X 2009 Solid State Commun. 149 121
- [29] Liu Y, Chen N X, Kang Y M 2002 Mod. Phys. Lett. B 16 187
- [30] Zhang S, Chen N X 2002 Phys. Rev. B 66 064106
- [31] Long Y, Chen N X 2008 Comp. Mater. Sci. 42 426
- [ 32 ] Long Y , Chen N X 2008 Surf. Sci. 602 3408
- [33] Long Y, Chen N X 2008 J. Phys. : Condens. Matter 20 135005
- [34] Givord D , Lemaire R 1974 IEEE Trans. Magn. MAG-10 109
- [35] Gavigan J P , Givord D , Li H S , Voiron J 1988 Physica B 149 345

# Structural and thermodynamic properties of Fe based compounds with NaZn<sub>13</sub>-type \*

Chen Yi<sup>†</sup> Shen Jiang

(Institute of Applied Physics, University of Science and Technology Beijing, Beijing 100083, China)
 (Received 30 December 2008; revised manuscript received 1 February 2009)

#### Abstract

A series of Fe based compounds with NaZn<sub>13</sub>-type structure is studied by using inversed interatomic potentials. Calculated results show that Si atoms and Co atoms are preferentially substituted for Fe atoms at 96*i* site. The addition of Si or Co makes the cohesive energy decrease. It is found that the lattice constants of  $LaFe_{13-x-y}Co_ySi_x$  and  $NdFe_{13-x-y}Co_ySi_x$  decrease with the increase of Co content. The investigation on the phonon density of states indicates that the lower frequency modes are mostly excited by the rare-earth atoms , and the higher frequency modes are mostly excited by Si atoms. Moreover , the addition of Co atoms makes the Debye temperature of  $LaFe_{11.5-y}Co_ySi_{1.5}$  compounds increase.

Keywords : lattice inversion , interatomic potentials , thermodynamic properties , magnetic refrigerant materials PACC : 6155 , 3420 , 6550 , 7530S

<sup>\*</sup> Project supported by the State Key Development Program for Basic Research of China (Grant No. 2006CB605101).

<sup>†</sup> E-mail: chenyiustb@yahoo.cn