## $PtN_2$ 的结构和力学性质的第一性原理计算<sup>\*</sup>

李德华<sup>1)†</sup>朱晓玲<sup>1)</sup>苏文晋<sup>1)</sup>程新路<sup>2)</sup> 1)(四川师范大学物理与电子工程学院,成都 610066) 2)(四川大学原子与分子物理研究所,成都 610064) (2009年2月18日收到;2009年7月19日收到修改稿)

采用平面波赝势密度泛函理论方法计算了 PtN<sub>2</sub> 的坐标、平衡态的晶格常数、体弹模量、剪切模量和弹性常数, 计算结果与已有的实验值和理论值符合较好.通过能量与体积曲线,可知 ST<sub>AA</sub>结构比黄铁矿结构具有更低的能量. 根据计算结果和 Pugh 提出的经验判据,PtN<sub>2</sub> 是易脆的硬物质,随着压强增加 PtN<sub>2</sub> 的脆性逐渐过渡到延性.两种结构的能带结构和态密度表明了黄铁矿结构的 PtN,是半导体而 ST<sub>AA</sub>结构的 PtN,是导体.

关键词: PtN<sub>2</sub>,第一性原理,力学性质 PACC: 7115A, 3120R

### 1. 引 言

众所周知 N ➡N 非常稳定<sup>[1]</sup>,氮气也是一种惰 性气体. Pt 也和其他贵金属一样,也是一种惰性元 素,在高压试验中常用作压力标样. 但是在一定条 件下,氮气与贵金属也会反应,生成一些性能奇特 的化合物<sup>[2-6]</sup>. 最近,美国的一个研究小组在高温高 压下合成了 PtN<sub>2</sub>,实验拟合出这种新的化合物的体 弹模量为 372 GPa,并认为这是一种潜在的超硬物 质,而且它的体弹模量比纯金属 Pt 的约高 100 GPa, 而通常情况金属氮化物的体弹模量与其对应纯金 属的大致相当<sup>[1]</sup>. 金刚石是世界上最硬的物质,虽然 可以人工合成金刚石<sup>[7,8]</sup>,但是金刚石的应用有一定 的局限性<sup>[9]</sup>. 因此,希望能寻找到新的超硬材料来代 替金刚石. 而 PtN<sub>2</sub> 具有高的体弹模量,所以它是一种 既有应用前景又有理论研究价值的材料<sup>[10-13]</sup>.

由于在 Pt-N 中金属原子的质量远远大于非金 属原子的质量,因此 X 射线仅能确定 Pt 原子的位 置,拉曼光谱虽然能限制 N 原子的对称性,但是仍 不能确定其具体位置,以上因素使得确定这种新合 成物质的晶体结构成了理论研究的焦点.经过众多 科学家长期在理论和实验方面的努力,现在公认的 观点是实验上合成的贵金属氮化物 Pt-N 是原子比 为1:2的黄铁矿结构(pyrite)<sup>[10]</sup>,如图1(a)所示.直 到现在为止,大量的理论和试验研究了氮化铂的多 种结构<sup>[10]</sup>,但是这些结构在环境条件下都是处于亚 稳定状态<sup>[14]</sup>.最近 Aberg 等人<sup>[14]</sup>提出了关于氮化铂 新的结构,即上下层原子相同(AA)的简单四角结 构(simple tetragonal,ST<sub>AA</sub>),如图1(b)所示.在这种 结构中,它们具有很高的独特的对称性,并且在环 境条件下具有比其他大多数的重铂金属氮化物结 构更低更稳定的能量.本文对 PtN<sub>2</sub> 的黄铁矿和 ST<sub>AA</sub> 结构的力学性质和电子结构方面进行研究和讨论.

#### 2. 理论方法

本文采用平面波赝势密度泛函理论方法,使用 CASTEP 软件研究黄铁矿结构的 PtN<sub>2</sub> 平衡态的晶 格参数、体弹模量和弹性常数.我们使用了 Hamann 等建立的规范守恒赝势<sup>[15]</sup>,其中 Pt 的赝势原子为 5d<sup>9</sup>6s<sup>1</sup>,N 的赝势原子为 2s<sup>2</sup>2p<sup>3</sup>,并选用 LDA 作为交 换关联函数<sup>[16]</sup>.布里渊区的积分采用 8 × 8 × 8 Monkhoust-Pack 形式的特殊 K 点方法,平面波截断 能取为 700 eV,认为总能量相差小于 1.0×10<sup>-6</sup> eV/ atom 时则达到收敛.本文计算得到 PtN<sub>2</sub> 的黄铁矿和 ST<sub>AA</sub>两种结构的晶格常数、体弹模量、剪切模量和弹 性常数.

<sup>\*</sup>国家自然科学基金(批准号10676025)资助的课题.

<sup>†</sup> 通讯联系人. E-mail: huadel@163.com



图 1 PtN<sub>2</sub> 的结构图 (a) 黄铁矿结构; (b) ST<sub>AA</sub>结构

### 3. 结果与讨论

PtN<sub>2</sub> 黄铁矿结构的空间群是 205<sup>[10]</sup>,经过几何 优化,得到 Pt 原子的位置为(0,0,0),N 原子的位置 为(0.413,0.413,0.413),此值与文献[17]中提到 当 N 原子位置为当 u = 0.415 时对应到更低能量的 黄铁矿结构的 PtN<sub>2</sub> 非常接近.表 1 列出了 PtN<sub>2</sub> 晶 格常数、体弹模量和剪切模量及弹性常数,与实验 值以及其他的理论值均符合得很好.本文得到 PtN<sub>2</sub> 的 ST<sub>AA</sub> 结构的晶格常数为 a = 0.480276 nm,c =0.283358 nm,与 Aberg 等的 a = 0.4931783 nm,c =0.2642982 nm<sup>[14]</sup> 符合较好,误差分别为 2.62% 和 7.21%.体弹模量和剪切模量分别为 B = 261.117 87 GPa 和 G = 156.520 24 GPa.遗憾的是目前尚未有 ST<sub>AA</sub>结构的 PtN<sub>2</sub>体弹模量和剪切模量的实验数据 和理论数据与本文计算结果进行对比.

硬度是表征材料力学性能的物理量,它表征了 固体材料抵抗弹性和塑性变形的能力,与其他的力 学性质一样,硬度与材料的微观和宏观性质息息相 关,它决定材料的刚性、大的配位数、高共价键成分 和短原子间距等,其硬度值的大小与其试验方法有 关<sup>[19]</sup>.在理论上硬度与体弹模量密切相关,对类金 刚石结构硬度与体弹模量间的回归拟合经验关系 为(单位 kbar,1 bar = 10<sup>5</sup> Pa)

$$H = 0.189B - 68.2. \tag{1}$$

	a/nm	c/nm	$B_0/\text{GPa}$	G₀/GPa	$C_{11}/\text{GPa}$	<i>C</i> <sub>33</sub> /GPa	$C_{44}/\mathrm{GPa}$	<i>C</i> <sub>66</sub> /GPa	$C_{12}/\text{GPa}$	$C_{13}$ /GPa
黄铁矿	0. 481		348.860	236. 267	825.240		155. 589		110.670	
	0. 480 <sup>[1]</sup>		372/354 <sup>[1]</sup>							
	0. 477 <sup>[17]</sup>		352[17]		824 [17]		152 [ 17 ]		$117^{[17]}$	
	0. 482 <sup>[18]</sup>		361 [ 18 ]	236 [ 18 ]	842 [ 18 ]		152 [ 18 ]		120 [ 18 ]	
$ST_{AA}$	0.480	2.834	261.118	156. 520	887.637	148.771	24.249	163.7	164.466	24. 271
	0. 493 <sup>[14]</sup>	2. 643 <sup>[14]</sup>								

表1 零温零压下 PtN2 的晶格常数、体弹模量和剪切模量及弹性常数

运用上面的公式<sup>[19]</sup>计算出金刚石的硬度是 76.9 GPa,立方 BN 的硬度为 62.5 GPa,而金刚石和立方 BN 是熟知的两种超硬材料.我们用(1)式计算出 PtN<sub>2</sub> 两种结构的硬度值分别为 59.12 GPa 和 42.53 GPa. 一般而言只要材料的维氏硬度超过 40 GPa,则 属于超硬材料<sup>[19,20]</sup>. 从计算结果可知, PtN, 的两种

结构的硬度均超过了 40 GPa,属于超级不可压缩的 硬物质.

当压强增加的时候,原子间的距离变得非常紧密,并且它们之间的相互作用也变得非常强<sup>[21]</sup>.  $C_3K_{60}$ 是一种软物质,体积随压强的线性压缩性为 $d(\ln V)/dp = -0.036$  GPa<sup>-1[22]</sup>. ReB, 是一种超硬物



图 2  $PtN_2$  的  $a/a_0$ ,  $c/c_0$  和  $V/V_0$  随压强变化的关系

质,它的体积随压强的线性压缩性为  $d(\ln V)/dp = -0.00251$  GPa<sup>-1[23]</sup>.而 PtN<sub>2</sub> 黄铁矿和 ST<sub>AA</sub>结构的体积随压强的线性压缩性分别为  $d(\ln V)/dp = 0.00181$  GPa<sup>-1</sup>, $d(\ln V)/dp = 0.00306$ GPa<sup>-1</sup>.由此也可以看出 PtN<sub>2</sub> 的黄铁矿结构是一种硬物质且比 ST<sub>AA</sub>结构更硬.

图 2 中给出了 PtN<sub>2</sub> 的相对晶格常数  $a/a_0$  和  $c/c_0$ (其中  $a_0$  和  $c_0$  是零压下的静态晶格常数)和相对体积  $V/V_0$ (其中  $V_0$  为给定温度和零压下的体积)与 压强 p 的关系.在图 2 中,可以看到 ST<sub>AA</sub>结构的 c 轴 比 a 轴更容易压缩.为了更清楚的表明 PtN<sub>2</sub> 的 ST<sub>AA</sub> 结构随压强的变化关系,我们拟合了它们关于压强 的二阶多项式,关系如下:

 $a/a_0 = 0.99977 - 0.000725577p$ 

 $+ 0.0000239877p^2$ ,

$$c/c_0 = 0.9933 - 0.00335p + 0.0000232221p^2$$
,

 $V/V_0 = 0.99256 - 0.00469p$ 

 $+ 0.0000289205p^2.$ (2)

很显然,当压强增加时,对 PtN<sub>2</sub> 的 ST<sub>AA</sub>结构平 衡态的 c/a 从零压下的 0.58999 减少到了 70 GPa 下的 0.533811,减小了 9.52%.沿着 c 轴方向的压 缩性要比 a 轴方向的压缩性大得多,即不同层原子 间的线性压缩性(d(lnc)/dp = 0.00191 GPa<sup>-1</sup>)是同 一层原子间的线性压缩性(d(lna)/dp = 0.000574 GPa<sup>-1</sup>)的 3.33 倍,这是与它们的结构相关.PtN<sub>2</sub> 的 黄铁矿结构是 4 个金属原子和 4 对非金属原子连线 的中点按照面心立方格子排列并构成类氯化钠晶 格.另外,每一对非金属原子连线都是沿(111)方 向.而 PtN<sub>2</sub> 的 ST<sub>AA</sub>结构则类似于石墨一样的层状结 构,在原子层之间主要是靠 van der Waals 键结合 的,而在原子层内部主要是共价键结合的<sup>[10]</sup>.



图 3 PtN<sub>2</sub>, ReB<sub>2</sub> 的体弹模量随压强的变化关系

体弹模量随压力的变化关系如图 3 所示,体弹 模量表示材料在静水压力下,压强与体积变化率之 间的比例关系,它反映了在静水压下材料被压缩的 难易程度<sup>[24]</sup>.从图中可以看出体弹模量随压力的增 加而线性增加,表明随着压力的增加 PtN<sub>2</sub> 越来越不 容易被压缩,并且与超硬物质 ReB<sub>2</sub> 进行比较时发 现,随着压力的增加,PtN<sub>2</sub> 的黄铁矿结构比超硬物 质 ReB<sub>2</sub> 更不容易被压缩,这与它们的结构有关.单 位体积内 PtN<sub>2</sub> 原子的个数大于 ReB<sub>2</sub> 原子的个数, 这说明 PtN<sub>2</sub> 的致密度要比 ReB<sub>2</sub> 高,这可能是导致 随着压强增加时 PtN<sub>2</sub> 比超硬物质 ReB<sub>2</sub> 更不容易被 压缩的一个原因,而 ST<sub>AA</sub>结构具有与石墨类似的层 状结构导致了该结构的 PtN<sub>2</sub> 较软.

我们对高压下 PtN<sub>2</sub> 的黄铁矿和 ST<sub>AA</sub>结构的稳 定性进行了第一性原理研究.图 4 给出了 PtN<sub>2</sub> 黄铁 矿相和 ST<sub>AA</sub>结构的分子体积与总能的函数曲线.从 图 4 可以发现,ST<sub>AA</sub>结构具有最低的总能量和最大 的平衡体积,在常压下最稳定.这与文献[14]中提 到除了 PdN<sub>2</sub> 以外,Pt,Ir 和 Os 的氮化物在环境条件 下都是处于亚稳定状态是一致的.

Pugh<sup>[25]</sup>曾提出过一个预测材料的延性和脆性的经验判据,即通过剪切模量 G 和体弹模量 B 的比值来判断材料的延性或脆性.如果 G/B < 0.57,材料呈现延性;反之,材料呈现脆性.这一判据被广泛应用于分析材料间化合物的延性和脆性.从图 5 可以看出在零温零压下 PtN<sub>2</sub> 两种结构的 G/B 值分别为0.627 和 0.599,都稍大于 0.57,说明他们的脆性还不是很大,但是呈现出脆性.而随着压强的增加,PtN<sub>2</sub>则向延性转变.这即是说本来是易脆的物质在

一定条件下也有可能从易脆的性质向易延展的方面转变.



图 4 PtN<sub>2</sub> 的黄铁矿和 ST<sub>AA</sub>结构的能量随体积变化的关系

为了进一步了解 PtN<sub>2</sub> 的性质,我们还计算了它的能带结构和态密度.图 6 是 PtN<sub>2</sub> 的 ST<sub>AA</sub>结构沿布 里渊区高对称方向的能带结构,图 7 是 PtN<sub>2</sub> 的 ST<sub>AA</sub> 结构的态密度图.从图 6 和图 7 中可以看出,在费米 面处有能带跨过,说明 ST<sub>AA</sub>结构显金属性.电子结 构的更多特征是通过体系的总态密度以及分波态 密度来描述,图 7 给出了 ST<sub>AA</sub>结构的总态密度和分 波态密度图.从图中可以看出,在价带底,能量在 -22 —10 eV 之间,能态密度主要来自于 Pt 的 s 轨











图 7 PtN<sub>2</sub> 的 ST<sub>AA</sub>结构总态密度和分波态密度图

道;能量在 - 10— -5 eV,对态密度有主要贡献的是 N的 p 轨道.在价带顶,能量在 - 5—0 eV 之间,主

要是由 Pt 的 d 的轨道贡献.导带能量主要是由 Pt 的 d 轨道和 N 的 p 轨道杂化而得到.图 8 是黄铁矿

结构的能带结构图,从图中可以看出黄铁矿存在带隙,约2.1 eV. 一般而言,带隙在 0—3 eV 属于半导体,由此判定 PtN<sub>2</sub> 的黄铁矿结构属于半导体,这一结论与文献[15]一致.图9是黄铁矿结构总态密度和分波态密度图.从图中可以看出黄铁矿结构的态密度主要分为3个部分: -20—10 eV 主要是由 N 的 p 轨道贡献; -10—7 eV 主要是由 Pt 的 d 轨道和 N 的 p 轨道杂化而得到;7—10 eV 主要是由 N 的 p 轨道贡献.黄铁矿结构比 ST<sub>AA</sub>结构的轨道杂化更高,这就导致了黄铁矿结构的 PtN<sub>2</sub> 比 ST<sub>AA</sub>结构的 PtN<sub>2</sub> 更硬.



图 8 PtN<sub>2</sub> 的黄铁矿结构能带结构图



图 9 PtN<sub>2</sub> 黄铁矿结构总态密度和分波态密度图

#### 4. 结 论

本文采用平面波赝势密度泛函理论方法计算 了 PtN<sub>2</sub> 的坐标、平衡态的晶格常数、体弹模量、剪切 模量和弹性常数,计算结果与已有的实验值和理论 值符合较好.根据 PtN<sub>2</sub> 的黄铁矿结构的体弹模量随 压强的变化关系在高压时比超硬物质 ReB<sub>2</sub> 更不容 易压缩,由计算结果我们发现 PtN<sub>2</sub> 是一种硬物质, 且 ST<sub>AA</sub>结构在 c 方向比 a 方向更容易压缩. 通过能 量与体积曲线,发现 ST<sub>AA</sub>结构比黄铁矿结构具有更 低的能量,这与 Aberg 等人提出 PtN<sub>2</sub> 在环境条件下 处于亚稳定状态一致. 根据 Pugh 提出的经验判据, 得出 PtN<sub>2</sub> 是易脆的物质,并且随着压强增加 PtN<sub>2</sub> 的脆性逐渐过渡到延性. 两种结构的能带结构和态 密度表明了黄铁矿结构的 PtN<sub>2</sub> 是半导体而 ST<sub>AA</sub>结 构的 PtN, 是导体.

- Eremet M I, Gavriliuk A G, Trojan I A, Dzivenko D A, Boehler R 2004 Nature Material 3 294
- [3] Perlin P, Jauberthie-Carllon C, Paulltie J, Miguel A S, Grzegory
  I, Polian A 1992 *Phys. Rev.* B 45 83

[2] Liu A Y, Cohen M L 1989 Science 245 841

[4] Grossman J C, Mizel A, Cote M, Cohen M L 1999 Phys. Rev. B

**60** 6343

- [5] Mattesini M, Ahuja R, Johansson B 2003 Phys. Rev. B 68 184108
- [6] Li C B, Li M K, Yin D, Liu F Q, Fan X J 2005 Chin. Phys.
  14 2287
- [7] Liu Y L, Kong F J, Yang B W, Jiang G 2007 Acta Phys. Sin.
  56 5413 (in Chinese) [刘以良、孔凡杰、杨缤维、蒋 刚 2007 物理学报 56 5413]
- [8] Liu Y Y, Bauer Grosse E, Zhang Q Y 2007 Acta Phys. Sin.
  56 6572 (in Chinese) [刘燕燕、E. Bauer-Grosse、张庆瑜 2007 物理学报 56 6572]
- [9] Chung H Y, Weinberger M B, Levine J B, Kavner A, Yang J
  M, Tolbert S H, Kaner R B 2007 Science 316 436
- [10] Fan C Z, Zeng S Y, Wang Y X, Yao Y G, Zhang P, Liu R P, Wang W K 2007 Phys. 36 221 (in Chinese) [范长增、曾松岩、 王渊旭、姚裕贵、张 平、王文魁 2007 物理 36 221]
- [11] Fu H Z, Liu W F, Peng F, Gao T 2009 Physica B 404 41
- [12] Chen Z W, Guo X J, Liu Z Y, Ma M Z, Jing Q, Li G, Zhang X Y, Li L X, Wang q, Tian Y J, Liu R P 2007 Phys. Rev. B 75 054103
- [13] Young A F, Montoya J A, Sanloup C, Lazzeri M, Gregoryanz E, Scandolo S 2006 Phys. Rev. B 73 153102

- [14] Aberg D, Sadigh B, Crowhurst J, Goncharov A F 2008 Phys. Rev. Lett. 100 095501
- [15] Hamann D R, Schluter M, Chiang C 1979 Phys. Rev. Lett. 43 20
- [16] Ceperley D M 1980 Phys. Rev. Lett. 45 7
- [17] Yu R, Zhan Q, Zhang X F 2006 Appl. Phys. Lett. 88 051913
- [18] Gou H Y, Hou L, Zhang J W, Sun G F, Gao L H, Gao F M 2006 Appl. Phys. Lett. 89 141910
- [19] Sung C M, Sung M, 1996 Mater. Chem. Phys. 43 1
- [20] Haines J, Leger J M, Boequillon G. 2001 Annu. Rev. Mater. Science 31 1
- [21] Wang H. Y, Chen X R, Zhu W J, Cheng Y 2005 Phys. Rev. B 72 172502
- [22] Zhou O, Zhu Q, Fischer J E, Coustel N, Vaughan G B M, Heiney P A, McCauley J P, Smith A B 1992 Science 255 833
- [23] Zhu X L, Li D H, Cheng X L 2008 Solid State Communicates 147 301
- [24] Chen C B, Cui T, Liu Z M, Zou G T, Wei M F, Chen C A
  2005 *High Pressure Phys.* 19 4 (in Chinese) [陈长波、崔
  田、刘志明、邹广田 韦孟伏、陈长安 2005 高压物理学报 19
  4]
- [25] Pugh S F. 1954 Philos Mag 45 823

# First-principles calculations for the structure and mechanical properties of PtN<sub>2</sub> \*

Li De-Hua<sup>1)†</sup> Zhu Xiao-Ling<sup>1)</sup> Su Wen-Jin<sup>1)</sup> Cheng Xin-Lu<sup>2)</sup>

1) (College of Physics and Electronic Engineering, Sichuan Normal University, Chengdu 610066, China)

2) (Institute of Atomic and Molecular Physics, Sichuan University, Chengdu 610064, China)

(Received 18 February 2009; revised manuscript received 19 July 2009)

#### Abstract

We employ *ab initio* plane-wave pseudopotential density functional theory to calculate the coordinates, equilibrium lattice parameters, bulk modulus, shear modulus and elastic constant of  $PtN_2$ , and those calculated results agree well with the other experimental data and the published theoretical data. The curve of volume dependence of energy indicates the energy of  $ST_{AA}$  structure is lower than that of pyrite structure. According to our result and the experimental criterion raised by Pugh, we come to the conclusion that the  $PtN_2$  is a very hard and fragile material. But when the pressure increases, the  $PtN_2$  becomes malleable gradually. It is revealed that the pyrite structure of the  $PtN_2$  is a semiconductor and the  $ST_{AA}$  structure of the  $PtN_2$  is a conductor by analyzing their density of states and band structure.

**Keywords**: PtN<sub>2</sub>, first-principles, mechanical properties **PACC**: 7115A, 3120R

 $<sup>\</sup>ast$  Project supported by the National Natural Science Foundation of China (Grant No. 10676025).

<sup>†</sup> Corresponding author. E-mail: huadel@163.com