# $Tb_{0.3} Dy_{0.7} Fe_2$ 单晶中巨磁致伸缩的逆效应<sup>\*</sup>

张 辉\* 曾德长\*

(华南理工大学材料科学与工程学院,广州 510640) (2009年6月22日收到;2009年7月15日收到修改稿)

研究了 Terfenol-D 材料中巨磁致伸缩的逆效应,即磁机械效应.基于 Stoner-Wohlfarth(SW)模型,考虑磁晶各向 异性和应力各向异性能,依据自由能极小原理,获得了退磁态下 Terfenol-D 单晶中磁化强度方向和压应力的关系. 采用数值方法求解了平衡条件下的非线性方程组.理论结果表明,Terfenol-D 巨磁致伸缩单晶中的磁各向异性取决 于磁晶各向异性和应力各向异性之间的竞争.在压应力的作用下,Terfenol-D 单晶中的磁各向异性由立方向单轴转 变.理论和实验结果的比较表明,存在一个临界压应力,使磁致伸缩效应达到极大值.该理论结果还解释了压应力 使得 Terfenol-D 单晶材料难于磁化和磁致伸缩效应出现极大值的实验事实.理论计算不仅为研究这类问题提供了 一个更准确的方法,而且其结果也有助于理解类似材料中的磁化过程.

关键词:Terfenol-D,磁机械效应,巨磁致伸缩效应,磁各向异性 PACC: 7580,7540M

1. 引 言

Tb<sub>y</sub>Dy<sub>1-y</sub>Fe<sub>x</sub>( $y \approx 0.3$ ,  $x \approx 2$ )稀土合金材料由 于在 160—240 kA/m 的外磁场下可得到超过 1 × 10<sup>-3</sup>的磁致伸缩响应,被称之为巨磁致伸缩材料.其 商品化材料,称为 Terfenol-D,已在磁-机械能转换器 件中得到重要的技术应用. 然而,由于 Terfenol-D 具 有立方磁晶各向异性和很大的饱和磁致伸缩系数 (大于 1.6 × 10<sup>-3</sup>),在外磁场和外加应力的联合作 用下,材料中的磁化过程十分复杂且具有特色.

Terfenol-D 材料相关的实验结果已经证明,压应 力对于磁致伸缩效应有重要的影响.对于具有正磁 致伸缩系数的 Terfenol-D 材料,在[112]方向施加 压应力,一方面使磁化变得困难;另一方面,磁致伸 缩效应随压应力的增加会达到一个极大值,然后开 始减小<sup>[1-6]</sup>.从理论上讲,压应力的影响首先表现为 Terfenol-D 材料中的磁机械效应,即退磁态时,外加 应力(压力或拉力)会导致材料尺寸发生变化,进而 使材料中的磁化状态也随之变化.磁机械效应是磁 致伸缩的逆效应,它对材料中的磁化过程与磁致伸 缩效应有重要的影响<sup>[7]</sup>.

针对上述实验,已有一些基于单畴模型的理论 研究结果<sup>[8-13]</sup>.比如, Jiles的研究表明, 90°畴的转 动过程导致最大的磁致伸缩效应,而压应力可以增 加 Terfenol-D 材料中 90°畴的体积分数,进而得到大 的磁致伸缩效应<sup>[9,10]</sup>.他们的方法是通过数值模拟 计算得到自由能表面,然后搜查能量表面得到能量 的最小点.这种计算方法不严格,因为它没有求解 自由能极小条件下的非线性方程组.另外,这些研 究没有讨论退磁态下压应力对 Terfenol-D 单晶中磁 各向异性(磁化状态)的影响,然而磁各向异性会直 接影响到材料中的磁化过程和磁致伸缩效应.因 此,在单畴模型近似下,如果能依据能量极小条件 获得材料中磁化强度方向余弦的解和磁畴体积分 数的变化,就可以阐明压应力对 Terfenol-D 材料中 磁各向异性的影响,进而揭示出压应力和材料中的 磁化过程以及磁致伸缩效应之间的相关性.

本文基于 Stoner-Wohlfarth (SW)模型<sup>[14]</sup>,沿 Terfenol-D 单晶[112]方向施加压应力.考虑磁晶 各向异性能和应力各向异性能,依据自由能极小原 理研究了退磁态下单晶中的磁机械效应.理论结果 表明,这种巨磁致伸缩单晶中的磁各向异性取决于 磁晶各向异性和应力各向异性之间的竞争.在压应

<sup>\*</sup>国家自然科学基金(批准号:U0734001,50874050)资助的课题.

<sup>†</sup> E-mail: zhope@ scut. edu. cn

<sup>‡</sup>通讯联系人. E-mail: medczeng@ scut. edu. cn

力的作用下,Terfenol-D单晶中的磁各向异性由立方 向单轴转变.理论和实验结果都表明,存在一个临 界压应力,使磁致伸缩效应达到极大值.这解释了 压应力使得 Terfenol-D 单晶难于磁化和磁致伸缩效 应出现极大值的实验事实.

在研究铁磁材料磁化过程的理论模型中,SW 模型是非常直观有效的.通常情况下,SW 模型中自由能极值条件对应的非线性方程或方程组是多解的.在单轴各向异性情形时,数值求解相对容易;而对于立方各向异性,就非常困难.Terfenol-D 具有立方各向异性和非零磁致伸缩系数,虽然这在铁磁材料中非常具有普遍性,但在 SW 模型下,其自由能表达式更加复杂,数值求解非常困难.因此,本文的计算不仅为研究这类问题提供了一个更准确的方法,而且其理论结果也有助于理解类似材料的磁化过程.

#### 2. 数值模型

和

将单晶体看作无相互作用的单畴颗粒构成的 体系.如果没有施加应力,这些单畴颗粒的磁化强 度将平行于各个可能的磁晶各向异性决定的易轴 方向,并且具有相同的分布.退磁状态下,不考虑静 磁能项,在外加应力的作用下,单畴颗粒的自由能 可表示为

$$E = K_{1} \left( \alpha_{1}^{2} \alpha_{2}^{2} + \alpha_{2}^{2} \alpha_{3}^{2} + \alpha_{3}^{2} \alpha_{1}^{2} \right) + K_{2} \left( \alpha_{1}^{2} \alpha_{2}^{2} \alpha_{3}^{2} \right) - \frac{3}{2} \lambda_{100} \sigma \left( \alpha_{1}^{2} \beta_{1}^{2} + \alpha_{2}^{2} \beta_{2}^{2} + \alpha_{3}^{2} \beta_{3}^{2} \right) - 3 \lambda_{111} \sigma \left( \alpha_{1} \alpha_{2} \beta_{1} \beta_{2} + \alpha_{2} \alpha_{3} \beta_{2} \beta_{3} + \alpha_{2} \alpha_{3} \beta_{2} \beta_{3} \right), \qquad (1)$$

(1)式中第一、二项为磁晶各向异性能 $E_{\kappa}$ ,第三、四 项为应力各向异性能 $E_{s}$ ,其中 $\alpha_{1},\alpha_{2}$ 和 $\alpha_{3}$ 为磁化强 度的方向余弦, $K_{1},K_{2}$ 为磁晶各向异性常数, $\lambda_{100}$ 和  $\lambda_{111}$ 分别为单晶材料[100]和[111]方向的饱和 磁致伸缩系数, $\sigma$ 为外加压应力(符号为负), $\beta_{1},\beta_{2}$ 和 $\beta_{3}$ 为 $\sigma$ 的方向余弦.

Néel<sup>[15]</sup>, Lawton 和 Stewart<sup>[16]</sup>, Stoner<sup>[17,18]</sup>等已 经指出,对整个单晶体的自由能极小化与对每个单 畴的极小化是一样的.因此,根据能量极小条件

$$\frac{\partial E}{\partial \alpha_1} = 0, \qquad (2)$$
$$\frac{\partial E}{\partial \alpha_2} = 0,$$

$$\frac{\partial^{2} E}{\partial \alpha_{1}^{2}} > 0,$$

$$\frac{\partial^{2} E}{\partial \alpha_{1}^{2}} \cdot \frac{\partial^{2} E}{\partial \alpha_{2}^{2}} - \left(\frac{\partial^{2} E}{\partial \alpha_{1} \partial \alpha_{2}}\right)^{2} > 0,$$

$$(3)$$

可以得到  $\alpha_1$ ,  $\alpha_2$  和  $\alpha_3$  的解.本文采用文献[19]中的 方法求解(2)式中的非线性方程组.在求解过程中, 尝试了所有的初始值以得到所有满足(2)和(3)式 的解.计算中,  $\sigma$  的方向为[112](见图 1),  $K_1 =$ - 0.06×10<sup>6</sup> J/m<sup>3</sup>,  $K_2 = 0$ ,  $\lambda_{100} = 50 \times 10^{-6}$ ,  $\lambda_{111} =$ 1640×10<sup>-6[9,10]</sup>,  $\beta_1 = 0.4082$ ,  $\beta_2 = 0.4082$ ,  $\beta_3 =$ 0.8165.获得  $\alpha_1$ ,  $\alpha_2$ 和  $\alpha_3$ 的解后,可计算退磁态下 磁化强度在[112]上的投影  $M_r/M_s$ 表示为

$$\frac{M_r}{M_s} = (\alpha_1\beta_1 + \alpha_2\beta_2 + \alpha_3\beta_3), \qquad (4)$$

(4)式中 $M_r$ 为Terfenol-D单晶中单畴颗粒沿[112] 方向的剩余磁化强度, $M_s$ 为饱和磁化强度.磁化强度与[112]之间的夹角 $\varphi$ 表示为

$$\varphi = \arccos(\alpha_1\beta_1 + \alpha_2\beta_2 + \alpha_3\beta_3). \quad (5)$$



图 1 Terfenol-D 单晶中晶体轴的取向示意图 [1 1 2]为外加 压应力方向

### 3. 结果与讨论

在图 2 (a) 和 (b) 中, 分别给出了退磁态下  $M_r/M_s, \varphi$  与压应力的关系.由于易轴方向的对称性, 只讨论  $M_r/M_s \ge 0$  那部分磁畴.在图 2(c)中,给出 了退磁态下应力各向异性常数绝对值  $|K_s|$  与压应 力的关系.在 Terfenol-D 单晶中,因为 $\lambda_{100} \ll \lambda_{111}$ ,取 近似的应力各向异性常数为 $K_s = 3\lambda_{110}\sigma$ .此外,在 计算中 $K_2 = 0$ ,因此只有 $K_1$ 对于磁晶各向异性常数 有贡献.为了讨论方便,定义满足自由能极小条件 的方向为能量极小方向,对应能量极小方向的能量 最小点.从图 2 和表1可以看出,在  $\sigma$  为 0 时,只有 立方磁晶各向异性项.对于 Terfenol-D 单晶, $K_1 < 0$ ,易轴在 8 个等价的 $\langle 1 1 1 \rangle$ 方向上.由于这些易轴 方向与[1 1 2]方向的夹角 $\varphi$ 不一样,因此它们的  $M_r/M_s$ 也不一样.对于[111],  $\varphi$ 最小,具有最大的  $M_r/M_s$ .对于[111]和[11],  $\varphi$  = 90°,  $M_r/M_s$ 为 0. 而对于 $[1\bar{1}1]$ 和 $[\bar{1}11]$ ,  $\varphi = 61.87^{\circ}, M_r/M_s$ 是 一样的(见表1).

表1 不同压应力下磁化强度的方向余弦,  $\varphi$ ,  $M_{\star}/M_{s}$ , 能量极小方向数目 N, 能量极小点数目  $N_{e}$  和相应的体积分数 V

$\sigma$ /MPa	$\alpha_1$	$\alpha_2$	$\alpha_3$	φ/(°)	$M_{\rm r}/M_{\rm s}$	N	$N_{e}$	V	备注
	0.5774	0.5774	0.5774	19.46	0.94			1/8	$[1\ 1\ 1\ ]$
0	-0.5774	-0.5774	-0.5774	160.54	-0.94			1/8	$[\bar{1}\bar{1}\bar{1}\bar{1}]$
	-0.5774	0.5774	0.5774	61.87	0.47			1/8	$[\overline{1} \ 1 \ 1 \ ]$
	-0.5774	0.5774	-0.5774	118.13	-0.47			1/8	$[\overline{1} 1 \overline{1}]$
	-0.5774	-0.5774	0.5774	90.00	0	8	1	1/8	$[\bar{1}\bar{1}1]$
	0.5774	0.5774	-0.5774	90.00	0			1/8	$[1 1 \overline{1}]$
	0.5774	-0.5774	0.5774	61.87	0.47			1/8	$[1\overline{1}1]$
	0.5774	-0.5774	-0.5774	118.13	-0.47			1/8	$[1 \overline{1} \overline{1}]$
- 5	0.5930	0.5930	0.5447	21.73	0.93	8	3	1/8	
	-0.5930	-0.5930	-0.5447	158.27	-0.93			1/8	
	-0.6330	0.5279	0.5662	65.20	0.43			1/8	
	-0.5279	0.6330	-0.5662	114.80	-0.43			1/8	
- 10	-0.5547	-0.5547	0.6202	86.93	0.05			1/8	
	0.5547	0.5547	-0.6202	93.07	-0.05			1/8	
	0.5279	-0.6330	0.5662	65.20	0.43			1/8	
	0.6330	-0.5279	-0.5662	114.80	-0.43			1/8	
	-0.6723	0.4667	0.5747	67.34	0.39	6	2	1/8	
	-0.4667	0.6723	-0.5747	112.66	-0.39			1/8	
	0.4667	-0.6723	0.5747	67.34	0.39			1/8	
	0.6723	-0.4667	-0.5747	112.66	-0.39			1/8	
	-0.5396	-0.5396	0.6463	85.00	0.09			1/4	
	0.5396	0.5396	-0.6463	95.00	-0.09			1/4	
- 15	-0.5286	-0.5286	0.6642	83.64	0.11	2	1	1/2	
	0.5286	0.5286	-0.6642	96.36	-0.11			1/2	
- 20	-0.5202	-0.5202	0.6773	82.63	0.13	2	1	1/2	
	0.5202	0.5202	-0.6773	97.37	-0.13			1/2	
- 30	-0.5083	-0.5083	0.6952	81.22	0.15	2	1	1/2	
	0.5083	0.5083	-0.6952	98.78	-0.15			1/2	
- 40	-0.5002	-0.5002	0.7069	80.28	0.17	2	1	1/2	
	0.5002	0.5002	-0.7069	99.72	-0.17			1/2	
- 60	-0.4899	-0.4899	0.7211	79.12	0.19	2	1	1/2	
	0.4899	0.4899	-0.7211	100.88	-0.19			1/2	
- 100	-0.4795	-0.4795	0.7349	77.96	0.21	2	1	1/2	
	0.4795	0.4795	-0.7349	102.04	-0.21			1/2	
- ∞	-0.4544	-0.4544	0.7662	75.25	0.25	2	1	1/2	
	0.4544	0.4544	-0.7662	104.75	-0.25			1/2	

在图 3 中,给出了每个能量极小点对应的磁晶 各向异性能、应力各向异性能和自由能与压应力的 关系.由图 2 (a),(c)和图 3 (c)可以看出,在  $|K_1| > |K_s|$ 时,单晶体中具有立方对称性的磁晶 各向异性能占主导作用.应力的增加虽然使磁化强 度偏离易轴方向,但单晶体中的磁各向异性仍然保 持立方对称性的特征.比如,在 $\sigma$ 为 – 5 MPa时,有 8 个能量极小方向,有 3 个能量极小点;而在 $\sigma$ 为 – 10 MPa时,有 6 个能量极小方向,有 2 个能量极小 点.随着压应力的增加,Terfenol-D 单晶中的磁各向 异性也发生明显的变化,由 4 轴各向异性退化为 3 轴各向异性.在 $|K_1| = |K_s|$ 时,能量极小方向减为 2 个,此时单晶体中的磁各向异性具有了单轴对称 性.在 $|K_1| < |K_s|$ 时,能量极小方向都只有 2 个. 当压应力达到某个数值,使得 $|K_1| = |K_s|$ 时,磁各 向异性的对称性由立方转变为单轴. 该压应力值称 为 Terfenol-D 单晶的临界压应力  $\sigma_{e}$ . 我们看到应力 各向异性为主导时,材料的磁各向异性具有单轴对 称性.

在压应力的作用下,不同能量极小点下  $\varphi$  角的 变化是不一样的(见图 2(b)).在  $\sigma$  为 0 时,尽管  $\varphi$ 角不一样,但磁晶各向异性能都是一样的,只有一 个能量极小点,见图 3(a)和(c).在压应力作用下, 磁化强度偏离易轴方向,导致单晶中的磁晶各向异 性能增加.在存在多个能量极小点时, $\varphi$ (小于 90°) 角最大的那部分磁畴具有更小的能量,即  $\sigma = 0$  时 易轴方向为[111]或[111]的那部分磁化强度 (见图 3 (c)),这个能量极小点就是能量最小点.因 此,随着压应力的增加,为了降低自由能,其他取向 的磁化强度都向能量最小方向转动.在  $|\sigma| =$ 



图 2 退磁态下, Terfenol-D 中磁性参数与压应力  $\sigma$  的关系 (a)  $M_r/M_s$ , (b)  $\varphi$ , (c) 应力各向异性常数绝对值  $|K_s|$ . 在 $\sigma \sim$ - 15 MPa 时, 磁各向异性由立方转变为单轴. 由于易轴方向的对称性, 在(a) 和(b) 中, 分别给出了  $M_r/M_s \ge 0$  和  $\varphi \le 90^\circ$  的对应结果; 在 $\sigma < -15$  MPa 时, 同一压应力下存在多个解, 图(a) 和(b) 中的符号'■'和'□'分别对应 1 个和 2 个不同的能量极小 方向; 在(c) 中, 由于  $\lambda_{100} \ll \lambda_{111}$ , 应力各向异性常数  $K_s$  同  $3\lambda_{111}\sigma$  近似. 图(c) 中给出磁晶各向异性常数  $K_1$  以和  $K_s$  比较,  $K_1$ 和  $K_s$ 小于 0, 这里给出的是绝对值

 $|\sigma_{e}|$ 时,其他取向的磁化都跳到这个能量最小点上.在 $|\sigma| > |\sigma_{e}|$ 时, $\varphi$ 仍然在缓慢减小.这一点和磁化过程类似,压应力最终也将使磁化强度保持在某个方向上,即 $\varphi$ 和 $M_{r}/M_{s}$ 都不再变化.理论上可以得到这个能量极小方向的方向余弦.在很大的压



图 3 退 磁 态 下, 压 应 力 对 Terfenol-D 单 晶 中 能 量 的 影 响 (a) 磁 晶 各 向 异 性 能; (b) 应 力 各 向 异 性 能; (c) 自 由 能. 在  $\sigma$ ~ -15 MPa 时, 磁 各 向 异 性 的 对 称 性 由 立 方 转 变 为 单 轴. 在 (a), (b) 和 (c) 中,  $\sigma$  = -5 MPa 和  $\sigma$  = -10 MPa 时 分 别 具 有 3 和 2 个 能量 极 小 点; [ $\overline{1}$   $\overline{1}$  1] 和 [1 1  $\overline{1}$ ] 表示 在  $\sigma$  = 0 MPa 时 平 行 于 [ $\overline{1}$   $\overline{1}$ 1] 和 [1 1  $\overline{1}$ ] 方 向 的 那 两 部 分 磁 畴

应力下,在单晶体中应力各向异性占主导作用.要 使自由能保持极小,只需使应力各向异性能极小. 而在应力各向异性能中只需考虑 - 3λ<sub>111</sub>σ项.令

 $f = \alpha_1 \alpha_2 \beta_1 \beta_2 + \alpha_2 \alpha_3 \beta_2 \beta_3 + \alpha_3 \alpha_1 \beta_3 \beta_1, \quad (6)$ 在  $\sigma$  很大时, 磁化强度在(110) 面内转动. 在极坐 标下, 方 向 余 弦 可 简 化 表 示 为  $\alpha_1 = \alpha_2 = \sqrt{2}/2 \sin(\theta), \alpha_3 = \cos(\theta).$  代入(6) 式, 依据 df/d $\theta = 0, d^2 f/d\theta^2 > 0, 可以求得 \alpha_1, \alpha_2 和 \alpha_3 (见表1). 在 <math>\sigma$  很大时,最终  $M_r/M_s \rightarrow 0.25, \varphi \rightarrow 75.25^\circ$ .因此,对 于各向异性的 Terfenol-D 单晶,压应力不会使磁化 平行或垂直于应力方向,而是与应力方向成一夹 角.这与各向同性铁磁材料中的磁机械效应不一 样.从图 3 来看,对于立方磁晶各向异性的 Terfenol-D 来说,在压应力的作用下,会出现多个能量极小 点,但能量最小点只有一个.随着压应力的增加,非 能量最小点都将消失.

从计算结果来看,压应力会影响单晶中不同能 量极小方向上磁畴的体积分数.在退磁态下目  $\sigma$  = 0时,磁化强度平均分布在8个(111)方向上,平行 于每一个易轴方向上磁畴的体积分数为1/8. 在0 <  $|\sigma| < |\sigma|$  时,随着压应力的增加,磁化强度都向 能量最小方向转动(即 $\phi$ 角最大的能量极小方向). 在此过程中,能量极小点的数目会发生变化,而一 些能量极小方向上磁畴的体积分数也会发生变化. 比如,在 $\sigma = -5$  MPa 时,能量极小方向有 8 个,每 一个能量极小方向上磁畴的体积分数还是 1/8;而 在 $\sigma = -10$  MPa 时,能量极小方向有6个,某些能量 极小方向上磁畴的体积分数会发生变化.在能量最 小点为有效能量极小点的近似下<sup>[20]</sup>,  $\varphi$ 角最小的那 部分磁畴会转到能量最小方向上.因此,在 $\sigma = -5$ MPa 时,  $\varphi = 21.73^{\circ}$  或  $\varphi = 158.27^{\circ}$  的那部分磁畴 将会转到  $\sigma$  = - 10 MPa 时  $\varphi$  = 95.00° 或  $\varphi$  = 85.00°的能量极小方向上.这使得  $\varphi$  = 85.00° 对应 的能量极小方向上磁畴的体积分数变为2×1/8,而 其他能量极小方向上磁畴的体积分数保持不变,仍 为 1/8. 在  $|\sigma| \ge |\sigma|$  时,能量极小方向只有 2 个, 每一个能量极小方向上磁畴的体积分数都为1/2. 在压应力作用下,不同能量极小方向上磁畴体积分 数的变化见表1.

随着压应力的增加,  $M_r/M_s$  的变化也不一样. 在  $\sigma = 0$ 时,  $M_r/M_s$  不为0的那部分磁畴转动角度的幅度较大,导致  $M_r/M_s$  很快减小(0.94,0.47 → 0.11),体积分数由3/8 减小到0.相比之下,  $M_r/M_s$  为0的磁畴转动幅度要小得多,  $M_r/M_s$  只是由0到0.11 缓慢增加,体积分数由1/8 增大到1/2.这说明,在  $|K_1| > |K_s|$ 时,压应力使前者难于磁化.在  $|K_1| \leq |K_s|$ 时,材料中都只有2个能量极小方向.随着压应力的增加,  $M_r/M_s$ 缓慢增加,而  $\varphi$  缓慢减小.虽然与  $\varphi = 90^\circ$ 时相比,磁化较为容易,但是,由于应力各向异性在逐渐增强,材料中的单轴各向异性也在 增强,实际上使磁化过程更困难了.因此,压应力使 Terfenol-D 单晶磁化困难.

压应力对磁化强度的影响直接影响着材料的 磁致伸缩效应. 在  $|\sigma| < |\sigma_0|$  时, 材料中的单畴颗 粒具有多个能量极小方向. 在这些方向中, φ(≤ 90°) 越大,则磁致伸缩效应也就越大;同时,对材料 总磁致伸缩效应的贡献还与磁畴所占的体积分数 成正比<sup>[9,10]</sup>. 在 $\sigma$ 为0和-5 MPa时,虽然有一部分 磁畴的  $\varphi \approx 90^\circ$ ,但是这部分磁畴所占的体积分数 很小,仅为2×1/8,对总磁致伸缩效应的贡献并不 大.随着压应力的增加,一部分磁畴的 $\varphi$ 减小,体积 分数增大,而其他部分磁畴的 ω 增大,体积分数减小 (详见图2(b)和表1),这使得材料中磁化强度的平 均 $\varphi$ 角都增大,导致总磁致伸缩效应也增加.在  $|\sigma| = |\sigma_0|$ 时,能量极小方向只有 2 个,为  $\varphi$  或 180° -  $\varphi$ , 材料中的平均  $\varphi$  角达到极大 ( $\varphi \approx$ 83.64°), 而体积分数分别为1/2, 对应的总磁致伸 缩效应达到极大. 在  $|\sigma| > |\sigma_0|$  时,虽然还是2个 能量极小方向,但是材料中 $\varphi$ 角开始减小,体积分数 仍然为1/2,导致总磁致伸缩效应减小.

图 4 给出了外磁场为 160 和 240 kA/m 时 Terfenol-D 材料的磁致伸缩系数和外加压应力关系 曲线的实验结果<sup>[4-6]</sup>.从图 4 中可以看出,的确存在 这个临界应力,使磁致伸缩效应达到极大值.在图 4 中,由于实验材料不是完整的单晶体,存在孪晶等 缺陷,使得材料实际处于内部应力的作用下<sup>[21]</sup>,导 致实验得到的临界应力和理论预测的应力(约-15 MPa)有些差异.文献[3—5]的实验结果表明压应 力使得材料难于磁化.由此可见,理论结果和实验 是比较符合的.



图 4 外磁场为 160 和 240 kA/m 时 Terfenol-D 材料的磁致伸缩 系数和外加压应力的关系曲线 实验数据从文献[4—6]获得, 理论预测的临界应力  $\sigma$  约为 – 15 MPa

上述结果表明,对于高各向异性的 Terfenol-D 铁磁材料来说,应力对磁化强度的影响非常复杂, 因为这涉及材料中磁晶各向异性和应力各向异性 间的竞争.但是根据 SW 单畴模型,可以揭示出其中 的物理机制.基于该模型,我们将在以后进一步研 究磁机械效应和 Terfenol-D 单晶中的磁化过程以及 磁致伸缩效应之间的相关性. 磁各向异性取决于磁晶各向异性和应力各向异性 之间的竞争. 在压应力的作用下, Terfenol-D 单晶中 的磁各向异性由立方各向异性向单轴各向异性转 变. 理论和实验结果都表明, 存在一个临界压应力, 使磁致伸缩效应达到极大值. 我们的计算结果从理 论上解释了下述实验事实: 压应力使得 Terfenol-D 材料难于磁化以及磁致伸缩效应出现极大值. 理论 计算不仅为研究这类问题提供了一个更准确的方 法, 而且其结果也有助于理解类似材料的磁化过程.

#### 4.结 论

理论结果表明,Terfenol-D 巨磁致伸缩单晶中的

- Clark A E, Spano M L, Savage H T 1983 IEEE Trans. Magn.
   MAG-19 1964
- Zhao X, Wu G, Wang J, Jia K, Zhan W 1996 J. Appl. Phys. 79 6225
- [3] Wun-Fogle M, Restorff J B, Leung K, Cullen J R 1999 IEEE Trans. Magn. 35 3817
- [4] Zhao X G, Lord D G 1998 J. Appl. Phys. 83 7276
- [5] Teter J P, Wun-Fogle M, Clark A E, Mahoney K 1990 J. Appl. Phys. 67 5004
- [6] Jiles D C, Hariharan S 1990 J. Appl. Phys. 67 5013
- [7] Cullity B D, Graham C D 2009 Introduction to Magnetic Materials (New Jersey: Wiley) p258
- [8] Clark A E, Savage H T, Spano M L 1984 IEEE Trans. Magn. MAG-20 1443
- [9] Jiles D C, Thoelke J B 1991 IEEE Trans. Magn. 27 5352
- [10] Jiles D C, Thoelke J B 1994 J. Magn. Magn. Mater. 134 143

- [11] Zhao X G, Lord D G 1999 J. Magn. Magn. Mater. 195 699
- [12] Yan J C, Xie X Q, Yang S Q, He S Y 2001 J. Magn. Magn. Mater. 223 27
- [13] Mei W, Okane T, Umeda T 1998 J. Appl. Phys. 84 6208
- [14] Stoner E C, Wohlfarth E P 1948 Philos. Trans. Roy. Soc. London A 240 599
- [15] Néel L 1944 J. Phys. Radium 5 241
- [16] Lawton H, Stewart K H 1948 Proc. Roy. Soc. A 193 72
- [17] Stoner E C 1950 Rep. Prog. Phys. 13 83
- [18] Birss R R, Hegarty B C 1966 Brit. J. Appl. Phys. 17 1241
- [19] Nocedal J, Wright S J 2006 Numerical Optimization (New York: Springer) p270
- [20] von Engel A, Wills M S 1947 Proc. Roy. Soc. A 188 464
- [21] Clark A E, Teter J P, Mcmasters O D 1988 J. Appl. Phys. 63 3910

## The inverse magnetostrictive effect in Tb<sub>0.3</sub> Dy<sub>0.7</sub> Fe<sub>2</sub> \*

Zhang Hui<sup>†</sup> Zeng De-Chang<sup>‡</sup>

(School of Materials Science and Engineering, South China University of Technology, Guangzhou 510640, China) (Received 22 June 2009; revised manuscript received 15 July 2009)

#### Abstract

The inverse magnetostrictive effect, also called magnetomechanical effect, in Terfenol-D material, has been investigated in this paper. Based on Stoner-Wohlfarth (SW) model, taking into account magnetocrystalline and stressinduced anisotropy energy, and following the free energy minimization procedure, direction cosines of magnetization in Terfenol-D single crystal in demagnetized state have been obtained as a function of the compressive stress. The nonlinear equations for equilibrium have been solved numerically. The results indicated that under compressive stress, magnetic anisotropy in Terfenol-D is determined by a competition between magnetocrystalline and stress-induced anisotropy energy, and changes from cubic symmetry to uniaxial. A comparison between experimental and numerical results showed that there is a maximum magnetostriction in Terfenol-D at a certain stress. According to our numerical results, experimental observations that compressive stress makes Terfenol-D hard to be magnetized and leads to the maximum magnetostriction can be explained. The computation in this paper presents a more accurate approach to similar investigations, and its numerical results would be helpful for a better understanding of magnetization process of similar materials.

Keywords: Terfenol-D, magnetomechanical effect, giant magnetostriction, magnetic anisotropy PACC: 7580, 7540M

<sup>\*</sup> Project supported by the National Natural Science Foundation of China (Grant Nos. U0734001, 50874050).

<sup>†</sup> E-mail: zhope@ scut. edu. cn

<sup>‡</sup> Corresponding author. E-mail: medczeng@ scut. edu. cn