# 二能级原子与高品质因子腔的自发辐射特性\*

陈 翔 米贤武\*

(吉首大学物理科学与信息工程学院,吉首 416000) (2010年9月8日收到;2010年12月23日收到修改稿)

用全量子理论研究二能级原子单模腔耦合系统,通过理论推导和数值计算得出系统的自发辐射光谱和平均粒 子数密度.共振时腔与原子的发射光谱在强耦合与弱耦合区域有所不同,腔发射光谱分裂只出现于强耦合区域,而 原子发射光谱由于腔感应透明效应在弱耦合区域出现了缺口.本文系统地研究了原子与腔在失谐时的发射光谱, 在好腔机理(腔线宽小于原子线宽g)原子与腔即使在大失谐时腔发射出腔频率的光子,这给当前实验上困惑的特 性提供了一个理论依据.为了给腔感应透明效应一个新的深入了解,还研究了原子与腔平均粒子数密度随时间的 演化,以及平均粒子数密度与光强度之间的关系.

关键词: 自发辐射, 强耦合, 腔感应透明, 好腔机理 PACS: 42.50. Ct, 42.50. Gy, 32.70. Jz, 42.50. Pq

#### 1. 引 言

二能级系统自发辐射性质主要依赖于它的电 磁场环境,自由空间中原子与许许多多真空电磁场 的模式相互耦合,原子的自发辐射正比于辐射频率 处电磁密度<sup>[1,2]</sup>. Purcell 首次预言,在一定条件下腔 内原子的自发辐射率会发生改变,这是由于腔内电 磁场的模式密度受到了腔的几何尺度影响,从而影 响了腔内原子与电磁场的耦合,进而改变了原子的 自发辐射<sup>[1-4]</sup>,如果耦合系统内的相互作用很强,腔 模将会发生分裂,即所谓的真空拉比分裂,早在 1992 年 Kimlbe 等人通过实验观察腔的透射谱发现 到了这种现象<sup>[2,5]</sup>.由于透射谱的分裂可以反映原 子与腔场相互作用强弱,因此进行强耦合区域腔量 子电动力学(cQED)实验时,人们会首先利用所观 察到的腔透射谱进行分析[6,7].如果它们相互作用 的强度克服了原子与腔的线宽(分别用表示)则 自发辐射变得可逆,并定义为强耦合机理,反之 为弱耦合机理[8].强耦合机理已经在一些系统中 实现.比如从早期 Meschede<sup>[9]</sup>, Rempe<sup>[10,11]</sup>, Haroche<sup>[12,13]</sup>等研究小组在微波段采用里德伯原子 穿越共振腔或近共振腔并控制腔内的光子数而实

现强耦合,到近期半导体器件强耦合实验[14-19]. cOED 系统是目前为数不多能够在实验室观察单粒 子量子行为的系统,当原子与腔内光场相互作用进 入强耦合区时,原子、光场和腔就组成了一个纠缠 系统,它不仅可以作为探索量子物理世界若干非经 典行为重要工具<sup>[20]</sup>,而且在量子计算<sup>[21,22]</sup>、量子态 制备[23,24]以及量子通信[25,26]等领域具有重要价 值<sup>[2]</sup>.除了强耦合与弱耦合两种机理外,依据原子 与腔的线宽关系还可划分为好发射机理( $\gamma < k$ )和 好腔机理( $k < \gamma$ ). 至今,已经实现了许多好发射机 理实验.随着提高腔品质因子 Q 的技术进步,使得 cOED 实验进入了腔与原子线宽等数量级探索,甚 至比原子线宽更小.关于品质因子 0.置于好光学腔 里的铯、铷原子实验所对应的 Q 因子<sup>[27-30]</sup>可达到 10<sup>8</sup>;微波段 0 因子<sup>[31]</sup>可高达 10<sup>10</sup>甚至更高;固态光 学腔领域如硅球腔<sup>[32]</sup>和微环腔<sup>[33]</sup>Q值也达到了 10<sup>8</sup> 以上:最近半导体腔技术进展迅速,如微柱<sup>[34]</sup>. 微盘<sup>[35]</sup>和光子晶体腔<sup>[36]</sup>.的品质因子得到显著提 高对标准 InAs 自组织量子点而言其线宽对应的 Q 值为10<sup>6</sup> 左右,对于 InGaAs/GaAs<sup>[14]</sup>或 GaAs/AlAs 量子点系统,甚至在较小范围 105-104 能获得较大 的耦合强度. 继 Purcell 开创性工作之后, 文献[37] 从理论上研究了原子与腔系统发射光谱,它首先计

<sup>\*</sup>国家自然科学基金(批准号:10647132)和湖南省教育厅科研项目(批准号:10A100)资助的课题.

<sup>†</sup>通讯联系人. E-mail: xwmi@ yahoo. com. cn

<sup>©2011</sup> 中国物理学会 Chinese Physical Society

算了置于腔中的里德伯原子在没有考虑损耗时的 发射光谱,并且预言了真空拉比双峰的存在. 文献 [38]研究了有损耗的腔与理想二能级原子发射谱 和吸收谱,文献[39,40]计算了原子和腔均有损耗 时的荧光谱和自发辐射谱. 二能级原子囚禁于外势 阱同单模腔强耦合的研究也极为活跃,尤其是新的 和有效的冷却机理得到证实<sup>[41,42]</sup>,并计算出了冷却 过程中原子和腔的荧光谱<sup>[43]</sup>.

本文中我们计算了原子和腔在任意线宽和频 率的自发辐射光谱和平均粒子数密度,虽然是在普 通理论框架下得到的结果,但我们通过比较原子和 腔发射光谱,可以用来研究新的物理机理.我们的 方法基于容易处理的全量子动力学主方程,它给先 前的一些物理现象比如腔感应透明效应<sup>[40,44,45]</sup>和 瑞利散射<sup>[46,47]</sup>提供一个新的深入了解.据我们了 解,这方法能广泛系统地研究原子与腔耦合时的自 发辐射特性.而且,通过原子和腔的发射光谱可以 衡量前面所提到的好发射机理和好腔机理,在原子 和腔失谐时尤为明显:在好发射机理时,原子和腔 发射出原子频率的光子;然而在好腔机理时,发射 光谱截然不同.尤其是我们得到了在腔频率处的光 子特性,这给文献[14—18]中的实验结果提供了理 论依据.

#### 2. 物理模型与理论计算

图 1 所示的系统是在一个相干的,可逆演化的 时间尺度与原子自发辐射和腔镜损耗引起不可逆 衰减的时间尺度区域内<sup>[2]</sup>.包括了二能级原子和腔 系统损耗的林德布拉德形式的量子动力学主方 程为<sup>[39]</sup>



图1 二能级原子与高品质腔耦合系统.一个被初始激发的原子 同腔耦合,它们的线宽分别用γ和κ表示.有关它们的平均粒子 数密度和发射光谱可通过时间分辨探测器和频率分辨探测器进 行观测

$$d\rho/dt = (1/i\hbar) [H,\rho] + \frac{\gamma}{2} (2\sigma_{-}\rho\sigma_{+} - \sigma_{+}\sigma_{-}\rho - \rho\sigma_{+}\sigma_{-}) + \frac{\kappa}{2} (2a\rho a^{+} - a^{+}a\rho - \rho a^{+}a), \quad (1)$$

在旋波近似下, Jaynes-Cummings 模型的哈密顿量为

*H* =  $\hbar\omega_e a^* a + \hbar\omega_x \sigma_+ \sigma_- + \hbar g(a^* \sigma_- + a \sigma_+)$ ,(2) 式中ρ是相互作用绘景中的约化密度算符,  $a^*$ 和 *a* 是腔模的产生、湮没算符,  $\sigma_+$ 和  $\sigma_-$ 是原子的泡利 赝算符. 方程(1) 描述了一个混合的腔与原子发射 系统,它包括了两个不同的渠道:从原子到自由空 间模式耦合(此项正比于 γ),腔模本身的衰减(此 项正比于 κ),为了描述任意值( $\kappa, \gamma, g$ )的自发辐射 光谱,在三个态  $|e, 0\rangle, |g, 1\rangle, |g, 0\rangle$ 基础上解方 程(1),这儿  $|e\rangle$ 和 $|g\rangle$ 是原子较高态和较低态,  $|1\rangle$ 和 $|0\rangle$ 是1个光子和0个光子的Fock态.我们 通过以下方程求解原子与腔的发射光谱和平均粒 子数密度:

$$\partial t \begin{bmatrix} \langle a \rangle \\ \langle \sigma_{-} \rangle \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -i\omega_{a} - \kappa/2 & -ig \\ -ig & -i\omega_{c} - \gamma/2 \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} \langle a \rangle \\ \langle \sigma_{-} \rangle \end{bmatrix},$$
(3)

$$\partial t \begin{vmatrix} \langle a^{+} a \rangle \\ \langle \sigma_{+} \sigma_{-} \rangle \\ \langle \sigma_{+} a \rangle \\ \langle a^{+} \sigma_{-} \rangle \end{vmatrix} = \begin{bmatrix} -\kappa & 0 & \text{ig} & -\text{ig} \\ 0 & -\gamma & -\text{ig} & \text{ig} \\ \frac{1}{\text{ig}} & -\text{ig} & -\text{ig} & -\text{ig} \\ \frac{1}{\text{ig}} & -\text{ig} & -\text{i}\Delta - (\kappa + \gamma)/2 \end{bmatrix} \times \begin{vmatrix} \langle a^{+} a \rangle \\ \langle \sigma_{+} \sigma_{-} \rangle \\ \langle \sigma_{+} a \rangle \\ \langle a^{+} \sigma_{-} \rangle \end{vmatrix},$$
(4)

式中 $\Delta = \omega_{e} - \omega_{a}$ ,原子的发射光谱由下式求解<sup>[39]</sup>(同理可求出腔发射光谱)

$$2\pi S_{\rm at}(\omega) = \left(\int_0^\infty dt \int_0^\infty e^{i(\omega-\omega_0)(t'-t)} \langle \sigma_+(t)\sigma_-(t')\rangle dt'\right) / \left(\int_0^\infty \langle (\sigma_+\sigma_-)(t)\rangle dt\right), \tag{5}$$

式中 $t' \ge t, \tau = t' - t$ ,求上式原子光谱则主要求解 $\langle (\sigma_+ \sigma_-)(t) \rangle$ 和 $\langle \sigma_+(t) \sigma_-(t') \rangle$ .对初始被激发的原

子,由(3)式和初始条件〈( $a^+a$ )(0)〉 =〈( $a^+\sigma_-$ )(0)〉 =〈( $a\sigma_-$ )(0)〉 = 0,〈( $\sigma_+\sigma_-$ )(0)〉 = 1 可解出 〈( $\sigma_+\sigma_-$ )(t)〉. 但对〈 $\sigma_+(t)\sigma_-(t')$ 〉的求解比〈( $\sigma_+\sigma_-$ )(t)〉要复杂得多,需要用到量子回归定理. 由 (2)式有

$$\partial t \begin{bmatrix} \langle \sigma_{+}(t)a(t+\tau) \rangle \\ \langle \sigma_{+}(t)\sigma_{-}(t+\tau) \rangle \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -\mathrm{i}\omega_{\mathrm{a}} - \kappa/2 & -\mathrm{i}g \\ -\mathrm{i}g & -\mathrm{i}\omega_{\mathrm{c}} - \gamma/2 \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} \langle \sigma_{+}(t)a(t+\tau) \rangle \\ \langle \sigma_{+}(t)\sigma_{-}(t+\tau) \rangle \end{bmatrix}, \tag{6}$$

$$M = \begin{bmatrix} -i\omega_a - \kappa/2 & -ig \\ -ig & -i\omega_c - \gamma/2 \end{bmatrix},$$
(7)

所以有

$$\begin{bmatrix} \langle \boldsymbol{\sigma}_{+}(t) a(t+\tau) \rangle \\ \langle \boldsymbol{\sigma}_{+}(t) \boldsymbol{\sigma}_{-}(t+\tau) \rangle \end{bmatrix} = e^{Mt} \begin{bmatrix} \langle (\boldsymbol{\sigma}_{+} a)(t) \rangle \\ \langle (\boldsymbol{\sigma}_{+} \boldsymbol{\sigma}_{-})(t) \rangle \end{bmatrix},$$
(8)

其中 $\begin{bmatrix} \langle (\sigma_+ a)(t) \rangle \\ \langle (\sigma_+ \sigma_-)(t) \rangle \end{bmatrix}$ 可通过(3)式结合初始条件得出,之后把 $\langle \sigma_+ (t) \sigma_- (t') \rangle$ 代入(5)式得到在共振时

原子自发辐射光谱

$$2\pi S_{\rm at}(\boldsymbol{\omega}) = \frac{4(\kappa^2 + 4\omega^2)(\gamma + \kappa)(\kappa\gamma + 4g^2)}{\left[(4g^2 + \kappa\gamma - 4\omega^2)^2 + 4\omega^2(\gamma + \kappa)^2\right]\left[\kappa(\gamma + \kappa) + 4g^2\right]},\tag{9}$$

同理在共振时腔模发射光谱为

$$2\pi S_{\rm cav}(\omega) = \frac{4(\gamma + \kappa)(4g^2 + \gamma\kappa)}{16g^4 + 8g^2(\gamma\kappa - 4\omega^2) + (\kappa^2 + 4\omega^2)(\gamma^2 + 4\omega^2)}.$$
 (10)

由方程(4)和初始条件,共振时原子和腔平均粒子数密度为

$$\langle (a^{+} a)(t) \rangle = \frac{4g^{2}(-1 + e^{\frac{t}{2}\sqrt{-16g^{2}+(\gamma-\kappa)^{2}}})^{2}e^{-\frac{t}{2}(\gamma+\kappa+\sqrt{-16g^{2}+(\gamma-\kappa)^{2}})}}{-16g^{2}+(\gamma-\kappa)^{2}},$$

$$\langle (\sigma_{+} \sigma_{-})(t) \rangle = (e^{-\frac{t}{2}(\gamma+\sqrt{-16g^{2}+(\gamma-\kappa)^{2}}+\kappa)}(-8\gamma g^{2}(1 + e^{\frac{t}{2}\sqrt{-16g^{2}+(\gamma-\kappa)^{2}}})(-2(-1 + e^{\frac{t}{2}\sqrt{-16g^{2}+(\gamma-\kappa)^{2}}}))$$

$$(11)$$

$$+ (1 + e^{\frac{t}{2}\sqrt{-16g^{2} + (\gamma - \kappa)^{2}}}) \sqrt{-16g^{2} + (\gamma - \kappa)^{2}} + 2\kappa(-1 + e^{\frac{t}{2}\sqrt{-16g^{2} + (\gamma - \kappa)^{2}}})) + (\gamma - \kappa)^{2}(\gamma - \gamma e^{t\sqrt{-16g^{2} + (\gamma - \kappa)^{2}}} + (1 + e^{t\sqrt{-16g^{2} + (\gamma - \kappa)^{2}}}) \sqrt{-16g^{2} + (\gamma - \kappa)^{2}} + \kappa(-1 + e^{t\sqrt{-16g^{2} + (\gamma - \kappa)^{2}}})))/(2(-16g^{2} + (\gamma - \kappa)^{2})^{3/2}).$$
(12)

### 3. 数值计算结果与分析

初始激发原子,在共振时的自发辐射光谱对应 前文的  $S_{at}(\omega)$  和  $S_{cav}(\omega)$ ,强耦合与弱耦合复合拉 比频率( $R = \sqrt{16g^2 - (\kappa - \gamma)^2}$ )分别对应实数和 纯虚数<sup>[14]</sup>,也即在强耦合时必须满足  $16g^2 - (\kappa - \gamma)^2 > 0$  而弱耦合时有  $16g^2 - (\kappa - \gamma)^2 < 0$ ,故  $16g^2 - (\kappa - \gamma)^2 = 0$  为强耦合与弱耦合的分界.根据以 前的理论,双峰谱线区域与单峰谱线区域的分界线 由方程  $d^2 S^{SS}_{cav}(\omega)/d\omega^2 |_{\omega=0} = 0$  给出<sup>[48]</sup>.我们以耦 合强度 g 为单位,在原子与腔线宽的参数空间( $\kappa$ ,  $\gamma$ )研究  $S_{at}(\omega)$  和  $S_{cav}(\omega)$ (图 2 所示).

图 2(a),(c)为根据划分强耦合与弱耦合和谱 线分裂的依据得出的不同区域.虽然它们耦合程度 的区域一样,但光谱分裂的区域范围明显不同,这 说明系统的线宽对原子和腔光谱的影响是不一样 的.图2(a),(c)中所选取的参数我们分成好发射机 理和好腔机理,在与(a)中参数所对应的原子发射 光谱(b)中,当线宽不是很大时,好发射机理(图2 (a)中A,B,C 三点位置)更有利于光谱分裂,虽然A 位于弱耦区域但是原子发射光谱出现了一个缺口. 图2(a)中的D,E,F由于在好腔机理区域,虽然D, E 在强耦合区域但也得不到分裂的光谱.对于图2 (c)与(a)有本质的不同,图2(c)所选取的七个点 其中AG,BF,CE 呈对称关系,它们所对应的光谱也 完全重合.与图2(a)图比较,(c)图波谱分裂区域明 显减小了,且只出现于强耦合区域线宽较小的一小 部分,因此对于腔模辐射光谱的拉比分裂出现在线 宽较小的强耦合区域.然而对原子发射光谱明显不



图 2 原子和腔线宽空间强耦合与弱耦合的区域划分以及谱线分裂区域(左),左图点的参数所对应的光谱(右).(a),(b) 对应于原子情况,(a)中两直线把整个空间分成一个强耦合区和两个弱耦合区,中间一根曲线把空间分成左双峰右单峰区 域,(b)图为(a)图六个参数点所对应的原子发射光谱(此六个参数被包括在强耦合与弱耦合,双峰与单峰以及它们的分界 区域).(c),(d)对应于腔情况,其中(c)与(a)虽然耦合程度区域划分一样,但光谱分裂的区域明显不同;腔发射光谱只 能在强耦合区域分裂而原子发射光谱却在弱耦合区也能分裂.我们发现在强耦区域比较大的线宽处,得不到光谱分裂

同,文献[40]中曾指出在高Q值谐振器原子光谱产 生一个缺口,它主要归因于驱动场与内腔场之间的 消相干,从而导致原子解耦从而不再发光,这种现 象称之为腔感应透明效应.在好的发射机理下,由 于弱耦合区域内腔感应透明效应原子发射光谱产 生了一个缺口,对于图2光谱图象中我们发现在定 义的强耦区域由于比较大的线宽也得不到谱线分 裂.对于初始激发腔情况(腔型光谱)与初始激发原 子情况(原子型光谱),两种情况下原子与腔发射光 谱形成对称关系.当原子与腔失谐时,我们对整个 八种情况进行了系统的研究(如图3所示).

前文已经提到,原子型对应初始激发原子(初 始原子平均粒子数为1而其他均为0)而腔型对应 初始激发腔(初时腔平均粒子数为1而其他均为 0).根据原子与腔的线宽比较可定义出好腔机理(*k* <γ)与好发射物机理(γ<*k*).上表中的八种发射光



图 3 原子与腔失谐的 8 种情况

谱在图 4 中进行了详细分析.由于主方程中原子线 宽与腔线宽具有同等地位,再根据原子型与腔型以 及好发射物机理与好腔机理的特点,我们可以粗略 地估计出上表中 AE,BF,CG,DH 之间的对称关系. 图 4 定量地研究了原子与腔失谐时各种情况下的自 发辐射光谱.

我们在耦合系统失谐时,分成原子型光谱(外 场驱动始初激发的原子)和腔型光谱(外场驱动初 始激发的腔)在好腔机理( $k < \gamma$ )和好发射机理( $\gamma <$ k) 情况下, 对原子与腔发射光谱进行研究. 对原子 型光谱(I)而言:首先在好发射物机理(如图 4C,D 所示)时原子和腔都发射出原子频率的光子.根据 先前的理论解释,腔模绝热地随动原子模,对原子 它表现象一个弛豫的通道,不过比起共振情况它的 效率大大降低了<sup>[8]</sup>.其次对于图 4 中 A, B 所示的好 腔机理,其中图 B 原子还是发射出它自身频率的光 子,而图 A 腔发射光谱 S<sub>cav</sub>(ω) 横向围绕着腔的频 率展开.对于图4原子型光谱(I)而言,A与图B, C,D有本质的区别——它发射出了腔模频率的光 子.像在共振情况,腔囚禁部分光子随它共振,并在 腔耗散通道以它的频率和线宽再发射.原子——腔 系统在腔频率处吸收通常归因于瑞利散射,它是通 过原子在腔模中光子非共振散射产生,不断地反射 可达到增强效果.在自发辐射图像中可看作简单的 缀饰态效应.系统初始态为1e.0>,初始激发态同腔 型缀饰态有一个标度为 g<sup>2</sup>/Δ<sup>2</sup> 交叠<sup>[8]</sup>. 我们的结果 超出了这些分析,因为对于原子型好腔机理情况, 它可以鉴别是原子或者是腔所发射出的光子,并显 示腔型和原子型光子在它们对应的耗散通道所发

射.对耗散的腔通道而言,通过几何耦合超优探测 器可以选择腔型光子而不是原子型光子.在量子点 腔系统强耦合实验中,已经观察到明显的腔频率光 子[14-18],对于这些结果更详细的分析还需考虑实验 系统额外的激子去相干影响.从图4可以看出,腔型 光谱(Ⅱ)中的 E, F, G, H 与原子型光谱(Ⅰ)中的 A,B,C,D 对称. 对于其中好腔机理腔型光谱(图 4G 和H).在实验上可通过可调频率的经典场驱动腔 而显示出原子和腔的荧光谱,或者用单光子饲料腔 得到的自发辐射光谱.在固态物理里这两个实验都 很精致,第一个实验需要能够滤出抽运的光,第二 个实验要求能够制备非经典态的腔.相当于 Purcell 效应,腔的线宽增加主要归因于腔同有耗损的原子 的耦合[8],这个增加也可以简单理解为在原子耗散 通道,能够有效扩散腔模场.对于好发射机理腔型 波谱(图 4E 和 F), 文献 [40] 曾预言在腔原子耦合 系统在腔的线宽小于耦合强度时共振谱会出现缺 口,在文献[45]中得到了证明,尤其在一维腔情况, 提到是因为偶极子诱导反射. 文献 [45] 显示, 在二 能级原子腔耦合系统,媒质提供一个在单光子水平 巨大的光学非线性感光介质.这个特性最近在单量 子点光子晶体强耦合系统中所观察到<sup>[19]</sup>.

对于耦合系统的辐射特性,我们研究了不同参数时原子与腔粒子数随时间的演化(图5),以及粒子数与光强之间的函数关系(图6).

图 5 为原子和腔的平均粒子数随时间演化的关 系,在自发辐射实验上它为腔感应透明效应提供了 一个新的视野. 比起坏腔, 好腔情况时腔平均粒子 数演化比原子平均粒子数演化更为缓慢,主要原因 是好腔在它的耗散通道再次辐射之前俘获了小部 分光子,而这些光子与好腔形成共振,从而减慢了 腔平均粒子数演化.图4(a)中是在共振情况下分别 选取了图 2(a)中的 A,C,E,F 四个点作为参数,在 原子型从好腔机理到好发射机理过渡时原子与腔 的平均粒子数演化.由于腔的线宽增加我们发现原 子平均粒子数的演化逐渐减慢,而腔的平均粒子数 演化 C, E, F 也明显减慢, 但由于 A 点腔感应透明效 应,比起 C, E, F 三点它的原子平均粒子数演化速度 比腔平均粒子数演化速度更为明显的缓慢.在非共 振情况,我们绘制了图 5(b),其中我们选取了 C 点 的参数(3,4.5)作为控制量,原子与腔的失谐分别 取2,5,8,10. 失谐对原子平均粒子数密度的演化影 响不大,而对腔平均粒子数的演化影响很明显,失



图 4 原子和腔失谐时,在好腔机理或好发射物机理-原子型波谱或腔型波谱条件下,显示出的原子辐射 谱和腔辐射谱.好腔机理取  $k = 0.1, \gamma = 0.5, g = 1, D = 6$ . 好发射机理  $k = 0.5, \gamma = 0.1, g$  和 D 与前者一样. 图像中左侧峰处对应原子频率,右侧对应腔频率

谐越大腔平均粒子数密度演化越快.为了更清楚表 达这一物理意义,插图中腔光子数取对数标度,这 相当于一个相关函数分析仪随一个无限局部最小 数阻尼振荡,注意到最小失谐时它没有对应一个振 荡或相干交换<sup>[48]</sup>.通过图1时间演化探测器观测每 个耗散通道并计算出总额,显示一个光子概率密度 P(t)满足以下表达式 $P(t) = \gamma \langle \sigma_+ \sigma_-(t) \rangle + k \langle \sigma_+ \sigma_-(t) \rangle$  $\sigma_-(t) \rangle$  经我们检验,其中  $\gamma \int_0^{\infty} \langle \sigma_+ \sigma_-(t) \rangle dt + k \int_0^{\infty} \langle \sigma_+ \sigma_-(t) \rangle dt = 1.$  确保探测器确定记录一个



图 5 (a)为共振时选取图 2(a)中 A,C,E,F 点作为参数得到的原子与腔平均粒子数随时间的演化;(b)为 C 点参数在失 谐失时原子与腔平均粒子数随时间的演化



图 6 (a) 腔平均粒子数以及对应的光强度 *I* 随耦合强度和腔线宽递增时的函数关系,其中对光强度 *I* 进行了归一化处理, 上升粗(细)线为原子与腔线宽 *k* = 3, $\gamma$  = 4.5 时耦合强度 *g* 递增时的光强度(腔平均粒子数)图像,下降粗(细)线表示 *k* = 3, $\gamma$  = 1 时随腔线宽 *k* 递增时的光强度(腔平均粒子数)图像;(b)图为腔线宽 *k* = 3, $\gamma$  = 4.5 时原子和腔粒子数在耦合强度 *g* 递增时的变化关系

光子,令 $P_{at} = \gamma \int \langle \sigma_{+} \sigma_{-}(t) \rangle dt$ , $P_{cav} = k \int \langle \sigma_{+} \sigma_{-}(t) \rangle dt$ 分别表示能量量子逃出原子或腔耗散通道的概率. 如果探测器为频率演化,可定义为显示一

个光子每频率单位  $P(\omega)$  总密度概率,满足  $P(\omega)$ =  $P_{at}S_{at}(\omega) + P_{cav}S_{cav}(\omega)$ .

光谱线的轮廓又称谱线形状或谱线轮廓,典型

的谱线形状有洛伦兹线形和高斯线形. 从初始态开 始衰变的原子与腔发射光谱公式基本结构同其他 强耦合描述一样,包括了每个峰为洛伦兹部分和耗 散部分两个峰的总和<sup>[49]</sup>.在光强度按频率分布的函 数图上,对于任意一组参数我们可以求解出它相应 的光强度 I (光谱图像的面积 S), 即 I =  $\int_{-\infty}^{+\infty} S_{at/cav}(\boldsymbol{\omega}) d\boldsymbol{\omega},$  荧光谱是归一化的,总的辐射强度 相当于单位时间辐射的光子数.图6我们研究了腔 粒子数随耦合强度和腔衰减率关系以及光强度之 间的函数关系,从图中我们可以清楚地看出在控制 原子与腔线宽的情况下增加耦合强度,得到平均粒 子数和光强度逐渐递增的变化关系. 通过这一原理 在实验上可改变相应装置而得到我们所需要的输 出结果,但对于这些结果更详细的分析还需考虑实 验系统额外的激子退相干以及各种复杂因素的影 响. 有关原子与腔(或者量子点腔系统)的实验发展 很快,在接下来的工作中,我们将用考虑更为详细 的理论模型来探索腔量子电动力学系统的重要 特性.

#### 4. 结 论

我们通过全量子理论计算了原子和腔在任意 线宽和频率的发射光谱和平均粒子数密度,并显 示原子与腔耦合系统的自发辐射有一个标准的对称.存在标准对等的基本原因是在相关子空间

 $|e,0\rangle, |g,1\rangle, |g,0\rangle$ 原子非线性的消失,由于弱 激发时,不能从单模腔两个较低态鉴别二能级系 统两个态.虽然是在普通理论框架下得到我们的 结果,比起先前的理论研究它可以在原子和腔发 射光谱之间得出一个对比,这个对比在原子与腔 失谐时的光谱轮廓上面特别的鲜明:在原子型好 发射机理时原子与腔均发射出原子频率的光子, 而在好腔机理时腔发射出腔频率的光子.第一种 情况腔表现为一个弛豫的通道;第二种情况腔模 可当作一个狭窄的滤波器,以它的频率和线宽在 耗散通道俘获和再发射分馏光子.由此特性鉴别 原子或腔的发射,并且可以有选择性地在腔频率 处得到光子.除了以上基本概念,由于好腔机理发 射出腔模频率的光子这一性质,我们可基于腔模 调谐开发出光谱调谐单光子源的元件.共振时原 子型发射光谱在强耦合与弱耦合区域也表现得明 显不同,腔发射光谱只在强耦合区域出现分裂,而 原子发射光谱由于腔感应透明效应在弱耦合区域 出现了缺口.为了给腔感应透明效应一个新的深 入了解,本文进一步研究了原子与腔平均粒子数 随不同参数的时间演化,以及平均粒子数与光强 之间的函数关系.随着半导体异质结巨大的应用 前景,一套科学的理论模型对腔量子电动力学系 统定量的认识非常重要,当前的理论模型对实验 上原子与腔大失谐时腔发射出腔模频率的光子这 一费解的特性提供了理论依据.

- [1] Purcell E M 1946 Phys. Rev. 69 681
- [2] Zhang J 2008 Ph. D. Thesis (Shanxi University) (in Chinese)
   [张 静 2008 博士学位论文(山西大学)]
- [3] Feher G, Gordon J P, Buehler E, Gere E A, Thurmond C D 1958 Phys. Rev. 109 221
- [4] Drexhage K H 1974 Progress in Optics XII (New York: Morth-Holland)
- [5] Thompson R J, Rempe G, Kimble H J 1992 Phys. Rev. Lett. 68 1132
- [6] Boca A, Miller R, Birnbaum K M, Boozer A D, McKeever J, Kimble H J 2004 Phys. Rev. Lett. 93 233603
- [7] Maunz P, Puppe T, Schuster I, Syassen N, Pinkse P W H, Rempe G 2005 Phys. Rev. Lett. 94 033002
- [8] Auffeves A, Besga B, Gérard J M, Poizat J P 2008 Phys. Rev. A 77 063833
- [9] Meschede D, Walther H, Müller G 1985 Phys. Rev. Lett. 54 551

- [10] Rempe G, Klein N, Walther H 1987 Phys. Rev. Lett. 58 353
- [11] Rempe G, Kaler F S, Walther H1990 Phys. Rev. Lett. 64 2783
- [12] Brune M, Raimond J M, Goy P, Davidovich L, Haroche S 1987 Phys. Rev. Lett. 59 1899
- [13] Bernardot F, Nussenzveig D, Brune M, Raimond J M, Haroche S 1992 Europhys. Lett. 17 33
- [14] Reithmaier J P, Sek G, Loffler A, Hofmann C, Kuhn S, Reitzenstein S, Keldysh L V, Kulakovskii V D, Reinecke T L, Forchel A 2004 Nature 432 197
- [15] Yoshie T, Scherer A, Hendrickson J, Khitrova G, Gibbs H M, Rupper G, Ell C, Shchekin O B, Deppe D G 2004 Nature 432 200
- Peter E, Senellart P, Martrou D, Lemaître A, Hours J, Gérard J
   M, Bloch J 2005 Phys. Rev. Lett. 2005 95 067401
- [17] Hennessy K, Badolato A, Winger M, Gerace D, Atature M, Gulde S, Falt S, Hu E L, Imamoglu A 2007 Nature 445 896

- Press D, Gotzinger S, Reitzenstein S, Hofmann C, Loffler A, Kamp
   M, Forche A, Yamamoto Y 2007 *Phys. Rev. Lett.* 98 117402
- [19] Englund D, Faraon A, Fushman I, Stoltz N, Petroff P, Vuckovic J 2007 Nature 450 06234
- [20] Braginsky V B, Khalili F Y, Thorne K S 1992 Quantum Measurement (Cambridge: Cambridge University)
- [21] Pellizzari T, Gardiner S A, Cirac J I, Zoller P 1995 Phys. Rev. Lett. 75 3788
- [22] Turchette Q A, Hood C J, Lange W, Mabuchi H, Kimble H J 1995 Phys. Rev. Lett. 75 4710
- [23] Parkins A S, Marte P, Zoller P, Kimble H J 1993 Phys. Rev. Lett. 71 3095
- [24] Law C K, Kimble H J 1997 J. Mod. Opt. 44 2067
- [25] Cirac J I, Zoller P, Kimble H J, Mabuchi H 1997 Phys. Rev. Lett.
   78 3221
- [26] Van Enk S J, Cirac J I, Zoller P, Mabuchi H, Kimble H J 1997 J. Mod. Opt. 44 1727
- [27] Boozer A D, Boca A, Miller R, Northup T E, Kimble H J 2007 Phys. Rev. Lett. 98 193601
- [28] Puppe T, Schuster I, Grothe A, Kubanek A, Murr K, Pinkse P W H, Rempe G 2007 Phys. Rev. Lett. 99 013002
- [29] Wilk T, Webster S C, Kuhn A, Rempe G 2007 Science 317 488
- [30] Wilk T, Webster S C, Specht H P, Rempe G, Kuhn A 2007 Phys. Rev. Lett. 98 063601
- [31] Gleyzes S, Kuhr S, Guerlin C, Bernu J, Deloglise S, Hoff U B, Brune M, Raimond J M, Haroche S 2007 Nature 446 297
- [32] Sandoghdar V, Treussart F, Hare J, Seguin V L, Raimond J M, Haroche S 1996 Phys. Rev. A 54 1777
- [33] Armani D K, Kippenberg T J, Spillane S M, Vahala K J 2003

Nature 421 925

- [34] Reitzenstein S, Hofmann C, Gorbunov A, Strauss M, Kwon S H, Schneider C, Löffler A, Höffling S, Kamp M, Forchel A 2007 Appl. Phys. Lett. 90 251109
- [35] Srivanasan K, Borselli M, Johnson T J, Barclay P E, Painter O, Stintz A, Krishna S 2004 Appl. Phys. Lett. 85 3693
- [36] Weidner E, Combrie S, Rossi A D, Tran N V Q, Cassette S 2007 Appl. Phys. Lett. 90 101118
- [37] Mondragon J J S, Narozhny N B, Eberly J H 1983 Phys. Rev. Lett.
   51 550
- [38] Agarwal G S, Puri R R 1986 Phys. Rev. A 33 1757
- [39] Carmichael H J, Brecha R J, Raizen M G, Kimble H J, Rice P R 1989 Phys. Rev. A 40 5516
- [40] Rice P R, Brecha R J 1996 Optics Communications 126 230
- [41] Hechenblaikner G, Gangl M, Horak P, Ritsch H 1998 Phys. Rev. A 58 3030
- [42] Zippilli S, Morigi G 2005 Phys. Rev. Lett. 95 143001
- [43] Bienert M, Torres J M, Zippilli S, Morigi G 2007 Phys. Rev. A 76 013410
- [44] Wang L, Song H Z 2006 Acta Phys. Sin. 55 830(in Chinese)[王 丽、宋海珍 2006 物理学报 55 830]
- [45] Garnier A A, Simon C, Gerard J M, Poizat J P 2007 Phys. Rev. A 75 053823
- [46] Daniel J M, Joel M H 1986 Phys. Rev. A 34 124829
- [47] Li T C, Xu Z Y 1978 Acta Phys. Sin. 27 175(in Chinese)[李铁 诚、许政一 1978 物理学报 27 175]
- [48] Laussy F P, Valle E D, Tejedor C 2009 Phys. Rev. B 79 235325
- [49] Laussy F P, Valle E D, Tejedor C 2008 Phys. Rev. Lett. 101 083601

## Characteristics of spontaneous emission from a two-level atom in a very high Q cavity<sup>\*</sup>

Chen Xiang Mi Xian-Wu<sup>†</sup>

(College of Physics Science and Information Engineering Ji Shou University, Jishou 416000, China) (Received 8 September 2010; revised manuscript received 23 December 2010)

#### Abstract

In this paper we investigate a coupled system of an initially excited two-level atom coupled to a monomode cavity, and compute spontaneous emission spectrum and mean population density emitted by the atom and the cavity using the quantum theory that accounts for theoretical derviation and numerical calculation. The spectra emitted separately by the atom and the cavity in of strong coupling region are dramatically different from those in weak coupling region at resonance. The cavity spectrum line splitting in the strong coupling region, however, a hole exists in the atomic spectrum in the weak coupling region. We study systematically the emission spectra when the atom and the cavity are detuned, and the results show that if the cavity linewidth is much smaller than the atomic linewidth (good cavity regime), photons are emitted at the cavity frequency even if the atom and the cavity are strongly detuned, and provide theoretic foundation for the apparently puzzling feature observed in the recent experiment. In this paper we computate the atomic and the cavity mean population densities each as a function of time and their relation to the luminous intensity, and offer a new insight into civity induced transparency effect.

Keywords: spontaneous emission, strong coupling, cavity induced transparency, good-cavity regime PACS: 42. 50. Ct, 42. 50. Gy, 32. 70. Jz, 42. 50. Pq

<sup>\*</sup> Project supported by the National Science Foundation of China (Grant No. 10647132), and the Scientific Research Fund of Hunan Provincial Education Department, China (Grant No. 10A100).

<sup>†</sup> Corresponding arthor. E-mail: xwmi@ yahoo. com. cn