高磁导率材料 FeCuNbSiB 对超磁致伸缩/ 压电层合材料磁电性能的影响^{*}

陈蕾李平*文玉梅王东

(重庆大学光电工程学院,教育部光电技术及系统重点实验室,重庆 400044) (2010 年 8 月 30 日收到;2010 年 9 月 16 日收到修改稿)

采用超磁致伸缩材料 Tb_xDy_{1-x}Fe₂(x ≈ 0.3)(Terfenol-D)、压电材料 PbZr_xTi_{1-x}O₃(PZT)和高磁导率材料 FeCuNbSiB 构造了新型的层合结构.由于引入高磁导率材料 FeCuNbSiB 改变了 Terfenol-D 的内部磁场分布,并且在 磁场作用下,FeCuNbSiB 发生形变对 Terfenol-D 产生应力,增大了 Terfenol-D 的饱和磁致伸缩系数,使得该层合结构 具有更高的磁电电压输出.利用磁荷理论,分析了 FeCuNbSiB 对 Terfenol-D 内部有效磁场分布的影响,并采用磁致 伸缩材料 Terfenol-D 的非线性本构关系和等效电路法研究了 FeCuNbSiB 对其磁致伸缩系数的影响以及该层合结构 的低频磁电电压系数理论计算公式.通过实验研究表明:理论值和实验值定性符合,且该结构的低频最大磁电电压 系数是 Terfenol-D/PZT-8H(MP)层合结构的1.3倍.同时发现,当 FeCuNbSiB 厚度小于 180 μm 时,层合结构的最大 磁电电压系数与高磁导率材料 FeCuNbSiB 的厚度呈线性关系.

关键词:磁电效应,磁致伸缩材料,压电材料,高磁导率材料 PACS: 75.85.+t,75.70.Cn,75.50.Kj

1. 引 言

磁电效应是指材料在外加电场作用下产生诱导磁化或材料在外加磁场作用下产生电极化的现象^[1].早期的研究主要集中在具有磁电效应的单相化合物上^[2,3],然而单相材料的磁电效应很小,而且通常在低温下才能实现,因此难以用于实际应用. 2001年,Ryu等^[4]设计了一种压电/磁致伸缩层合材料,其磁电转换系数远高于颗粒磁电复合材料,引起了广泛的关注.

磁电层合材料具有高的磁电转换系数这一特性使得它在传感器与换能器领域有着广阔的应用前景,因而近年来成为了国际上的一个研究热点^[5–10].美国的 Srinivasan 等^[5,6]利用薄膜层状复合技术制备出了镍铁氧体(NFO)-PbZr_xTi_{1-x}O₃(PZT) 磁电复合材料. Dong 等^[7,8,10] 对矩形和环状等多种 结构的 Tb_xDy_{1-x}Fe₂($x \approx 0.3$)(Terfenol-D)和 PZT 层 合材料以及层合材料的多种工作模式进行了理论

和实验研究.此外,Li等^[11-15]也对层状磁电复合材 料进行了研究.目前,大量的理论和实验分析[5-15] 主要集中在如何通过提高磁电电压系数来进一步 扩展磁电层合材料的应用范围,但是磁电层合材料 的磁电电压系数依赖于材料的特性,使得这方面的 研究至今仍然没有取得较大的进展. 尽管超磁致伸 缩材料 Terfenol-D 具有大的磁致伸缩效应和高的磁 机耦合系数,但其相对较低的磁导率($\mu_r = 3-20$) 限制了 Terfenol-D 的磁致伸缩系数^[16]. 由于磁电电 压系数与磁致伸缩系数成正比,磁电层合材料的磁 电电压系数很难进一步提高.为此,Dong 等^[17]提出 利用高磁导率材料 MnZnFe₂O₄ 的磁汇聚效应,增大 整个磁电合成物的有效磁导率,进一步提高 Terfenol-D 的磁致伸缩系数以达到更强的磁电耦合. 但文献[17]未从理论上分析高磁导率材料对磁致 伸缩材料性能以及磁致伸缩/压电/高磁导率材料 的磁电特性的影响,而磁电特性的理论研究对磁电 层合材料的结构设计和优化有着非常重要的意义. 本文利用 FeCuNbSiB 磁导率高 (µ_{rf} > 100000) 和磁

©2011 中国物理学会 Chinese Physical Society

^{*}国家自然科学基金(批准号: 50830202, 60774055, 10776039)资助的课题.

[†]通讯联系人. E-mail: liping@ cqu. edu. cn

致伸缩特性好等特性设计了新型的磁电层合结构,即在磁致伸缩层和压电层下增加一层 FeCuNbSiB,利用 FeCuNbSiB 形变产生对 Terfenol-D 的应力以提高 Terfenol-D 磁致伸缩系数.结合磁致伸缩材料 Terfenol-D 的非线性本构关系^[18]和层合材料的等效电路^[19,20],详细讨论了高磁导率材料 FeCuNbSiB 对磁致伸缩/压电材料低频磁电特性的影响,为更合理地设计该类磁电层合材料的结构提供了普遍的指导意义.

 超磁致伸缩/压电/高磁导率材料复 合结构的理论分析

2.1. 磁致伸缩/压电/高磁导率材料的结构

磁致伸缩/压电/高磁导率材料的3种结构如图 1 所示. 结构一采用环氧树脂胶剂将 FeCuNbSiB 粘 结在磁致伸缩/压电复合结构中磁致伸缩材料的底 部,如图1(a)所示;结构二采用环氧树脂胶剂将 FeCuNbSiB 粘结在磁致伸缩/压电复合结构中磁致 伸缩材料的左右两侧,如图1(b)所示;结构三采用 环氧树脂胶剂将 FeCuNbSiB 粘结在磁致伸缩材料 和压电材料中间,如图1(c)所示.磁致伸缩材料选 用 Terfenol-D,沿其长度方向磁化,压电材料选用 PZT-8H 压电陶瓷片,沿厚度方向极化.外加磁场 H_{app}(由偏置磁场 H_{de}和交变激励磁场 H_{ae}构成)沿 长度方向作用于磁电层合结构时,磁致伸缩层沿长 度方向振动产生机械应变,机械应变通过粘结层传 递到压电层产生电能输出^[21],从而实现磁电转换. 在这3种结构中,由于结构二的Terfenol-D/PZT-8H (MP) 层合结构与粘结的 FeCuNbSiB 层接触面较 小, 增强的磁电电压系数不明显. 结构三的 FeCuNbSiB 粘结在 Terfenol-D 和 PZT-8H 中间,影响 了 Terfenol-D 和 PZT-8H 的层间耦合,降低了磁电电 压系数.因此本文将重点研究结构一的磁电特性.

从上述分析可知:磁电层合材料的磁电响应特 性与超磁致伸缩材料 Terfenol-D 的磁机特性密切相 关,而超磁致伸缩材料的动态磁致伸缩系数受外加 磁场的影响.研究发现^[22],磁致伸缩材料的磁致伸 缩系数是外加磁场的函数,这导致磁电层合材料的 特性依赖于外加磁场,其磁电电压系数随外加磁场 的改变而变化.然而高磁导率材料 FeCuNbSiB 的引 入必然会改变磁致伸缩材料 Terfenol-D 内部的磁场



图1 磁致伸缩/压电/高磁导率材料层合结构示意图 (a)结构-;(b)结构二;(c)结构三

分布.为了进一步研究磁致伸缩/压电/高磁导率材料的磁电电压特性,分析高磁导率材料 FeCuNbSiB 对 Terfenol-D 内部有效磁场以及 Terfenol-D 磁机特性的影响是磁电层合材料的重要基础研究之一.

2.2. 高磁导率材料对 Terfenol-D 有效磁场分布的 影响

Terfenol-D 在外加磁场 H_{app} 中被均匀磁化后, 在其两端面上出现了正负磁荷.这些正负磁荷将在 Terfenol-D 周围空间产生与外加磁场方向相反的退 磁场 H_d ;同时高磁导率材料 FeCuNbSiB 被磁化后, 其磁化电荷也会在 Terfenol-D 内外产生与磁化强度 方向 相反的 附加 磁场 H_f .考虑退磁效应和 FeCuNbSiB 的影响后,磁致伸缩/压电/高磁导率层 合材料中 Terfenol-D 所受到的有效磁场强度 H_{eff} 可 表示为

$$\boldsymbol{H}_{\rm eff} = \boldsymbol{H}_{\rm app} + \boldsymbol{H}_{\rm d} + \boldsymbol{H}_{\rm f}, \qquad (1)$$

其中外加磁场 H_{app} 包括偏置磁场 H_{dc} 和所加的交变激励磁场 H_{ac} 两部分,即

$$\boldsymbol{H}_{\rm app} = \boldsymbol{H}_{\rm dc} + \boldsymbol{H}_{\rm ac} \,. \tag{2}$$

由于退磁效应导致 Terfenol-D 感应到的有效磁场强度的变化从而影响整个层合物的磁电电压系数^[23],因此在计算 Terfenol-D 有效磁场强度时考虑了退磁场的影响. 假设 Terfenol-D 磁化均匀,则 Terfenol-D 的磁化磁荷在磁介质中产生的退磁场 H_d

也是均匀磁场,且与磁化强度 M 成比例而方向相反. Terfenol-D 的退磁场可表示为^[23]

$$\boldsymbol{H}_{\mathrm{d}} = -N_{\mathrm{d}}\boldsymbol{M}, \qquad (3)$$

其中 N_d 为退磁因子.利用 Aharoni 提供的方法^[24], 得到退磁因子 N_d 的值为 0.0704.磁化强度M可由 下式求得^[25]:

$$\boldsymbol{M} = \boldsymbol{\chi} \boldsymbol{H}_{\rm eff}, \qquad (4)$$

其中χ为磁致伸缩材料的磁化系数.将(4)式代入 (3)式可计算出退磁场

$$\boldsymbol{H}_{\rm d} = -N_{\rm d} \cdot \boldsymbol{\chi} \boldsymbol{H}_{\rm eff}.$$
 (5)

研究发现^[26],高磁导率的磁性材料可看作静态 磁场源在其周围空间产生一个较高的磁场. 假设高 磁导率材料 FeCuNbSiB 被均匀磁化,其内部的磁化 强度 $M = M_0$,而外部的磁化强度 M = 0,磁荷密集 分布在 FeCuNbSiB 的边界处.由于 FeCuNbSiB 的磁 导率相当高 ($\mu_{\rm ff} > 100000$),在较低的磁场下就能 达到饱和,那么可认为磁化强度 M 几乎与外加磁场 H 无关,FeCuNbSiB 可看作一个静态的磁场源,其在 周围空间产生附加磁场 $H_{\rm f}$. 磁荷理论认为,理想均 匀磁体的磁荷只分布在磁极面上,N 极分布正磁荷, S 极分布负磁荷,它们的磁荷面密度 $\sigma_{\rm m}$ 相等,均为 $\sigma_{\rm m}(=\mu_0 M \cdot n)^{[25,27]}$,其中 n 为磁极面的外法向单 位矢量, $\mu_0 = 4\pi \times 10^{-7}$ H/m 为真空磁导率.因此, 采用磁荷理论可计算附加磁场 $H_{\rm f}$ 的值.

坐标原点取 FeCuNbSiB 的中心位置处,建立笛 卡尔坐标系,FeCuNbSiB 长为 2a,宽为 2b,厚为 2c, 如图 2 所示.设 Terfenol-D 中一点 P(x, y, z),此点 的磁场强度由 FeCuNbSiB 的正负磁极面 S + 和 S – 共同产生.下面先求磁极面 S + 在 P 点产生的磁场 强度 H_{*} .设磁极面 S + 上任意一点 $Q(a, y_1, z_1)$ 的 磁荷为 $dM_q = \sigma_m ds_*$,则有

$$d\boldsymbol{H}_{+} = \frac{dM_{Q}}{4\mu_{0}\mu_{r}\pi|r_{+}|^{3}}\boldsymbol{r}_{+} = \frac{\sigma_{m}ds_{+}}{4\mu_{0}\mu_{r}\pi|r_{+}|^{3}}\boldsymbol{r}_{+}, \quad (6)$$

其中, $|r_+|^3 = [(x - a)^2 + (y - y_1)^2 + (z - z_1)^2]^{3/2}$, μ_r 为 Terfenol-D 的相对磁导率.

同样可求出磁极面 S-在P点产生的磁场强度

$$d\boldsymbol{H}_{-} = \frac{dM_{Q}}{4\mu_{0}\mu_{r}\pi|r_{-}|^{3}}\boldsymbol{r}_{-} = \frac{\sigma_{m}ds_{-}}{4\mu_{0}\mu_{r}\pi|r_{-}|^{3}}\boldsymbol{r}_{-}.$$
 (7)

P点的合磁场强度 H 为

$$H = H_{+} + H_{-} = \iint \frac{\sigma_{m}}{4\mu_{0}\mu_{r}\pi |r_{+}|^{3}} r_{+} ds_{+}$$
$$+ \iint \frac{\sigma_{m}}{4\mu_{0}\mu_{r}\pi |r_{-}|^{3}} r_{-} ds_{-}.$$
(8)

由于 Terfenol-D 沿 x 方向(长度方向)取向,x 方 向为 Terfenol-D 主伸缩方向,y 方向和 z 方向磁场使 其产生的伸缩量较小,可忽略不计^[7],故只求 H在 x轴上的分量 H_x .





$$H_{x+} = \frac{\sigma_{\rm m}}{4\mu_0\mu_{\rm r}\pi} \int_{-b}^{b} \int_{-c}^{c} \frac{(x-a)}{\left[(x-a)^2 + (y-y_1)^2 + (z-z_1)^2\right]^{3/2}} \mathrm{d}y_1 \mathrm{d}z_1, \qquad (9)$$

$$H_{x-} = \frac{\sigma_{\rm m}}{4\mu_0\mu_{\rm r}\pi} \int_{-b}^{b} \int_{-c}^{c} \frac{(x+a)}{\left[(x+a)^2 + (y-y_1)^2 + (z-z_1)^2\right]^{3/2}} dy_1 dz_1 \,. \tag{10}$$

P点的合磁场强度在x方向的分量 H_x 为

$$H_x = H_{x+} - H_{x-} . \tag{11}$$

同理,可以求出 FeCuNbSiB 的磁极面 S + 和 S – 在 Terfenol-D 的平均磁场强度在 x 方向的分量 H_f . 由 于 H_f 的公式较复杂,这里只将(2)和(5)式代入(1) 式得

$$H_{\rm eff} = \frac{H_{\rm dc} + H_{\rm ac} + H_{\rm f}}{1 + \chi N_{\rm d}} \approx \frac{H_{\rm dc} + H_{\rm f}}{1 + \chi N_{\rm d}} .$$
(12)

从(12)式可以看出, Terfenol-D 的内部有效磁场强度与外加偏置磁场 H_{ac}、交变激励磁场 H_{ac},

FeCuNbSiB产生的附加磁场 H_f 以及退磁因子有关. 而根据(6)—(11)式可知,附加磁场 H_f 的大小受 FeCuNbSiB 尺寸的影响.不同尺寸的 FeCuNbSiB 将 产生不同大小的附加磁场,导致 Terfenol-D 感应到 的有效磁场强度的变化从而影响整个层合物的磁 电电压系数.因此,在 Terfenol-D 几何尺寸一定的情况下,可以通过改变 FeCuNbSiB 的几何尺寸优化层合结构的磁电响应.此外,由于 $\sigma_m = \mu_0 M \cdot n = \mu_0 (1 - \mu_r) H \cdot n$ 且 FeCuNbSiB 的相对磁导率 $\mu_r \gg 1$,代入(9)和(10)式得

$$H_{x+} \approx -\frac{H}{4\pi} \frac{\mu_{\rm ff}}{\mu_{\rm r}} \int_{-b}^{b} \int_{-c}^{c} \frac{(x-a)}{\left[(x-a)^2 + (y-y_1)^2 + (z-z_1)^2 \right]^{3/2}} \mathrm{d}y_1 \mathrm{d}z_1 \,, \tag{13}$$

$$H_{x-} \approx -\frac{H}{4\pi} \frac{\mu_{\rm rf}}{\mu_{\rm r}} \int_{-b}^{b} \int_{-c}^{c} \frac{(x+a)}{\left[(x+a)^2 + (y-y_1)^2 + (z-z_1)^2 \right]^{3/2}} \mathrm{d}y_1 \mathrm{d}z_1 \,. \tag{14}$$

由(13)和(14)式可知,附加磁场 $H_{\rm f}$ 的大小和 FeCuNbSiB 与 Terfenol-D 相对磁导率之比 $\mu_{\rm rf}/\mu_{\rm r}$ 有 关.由于 $\mu_{\rm rf} \gg \mu_{\rm r}$,将产生一个较高的附加磁场 $H_{\rm f}$, 从而导致有效磁场强度的变化.

2.3. 高磁导率材料对 Terfenol-D 磁机特性的影响

磁致伸缩/压电/高磁导率材料放入磁场后,由 于高磁导率材料 FeCuNbSiB 具有高的磁致伸缩性 能^[9],在低的磁场作用下发生机械应变,此机械运 动通过粘结层传递到超磁致伸缩材料 Terfenol-D,对 Terfenol-D 产生一个应力. 假定忽略磁场的变化和耦 合面的影响,FeCuNbSiB 对 Terfenol-D 产生的应力 T 可以表示为

$$T = \frac{-E_{\rm m}E_{\rm f}t_{\rm f}\Delta\varepsilon_0}{(1-\upsilon)(E_{\rm m}t_{\rm m}+E_{\rm f}t_{\rm f})},$$
 (15)

其中, v = 0.34 为泊松比, E 为杨氏模量, t 为厚度, $\Delta \varepsilon_0$ 为 FeCuNbSiB 的伸缩应变系数, 下标 m 和 f 分 别代表 Terfenol-D 和 FeCuNbSiB. 当 $t_m = 1$ mm 和 t_f = 30 µm 时,利用附录中的参数,得到应力的幅值为 3.44 × 10⁵ N/m².

采用文献[28]提出的磁致伸缩材料的非线性 本构关系,得到 Terfenol-D 在长度方向上的一维本 构关系为

$$\varepsilon = \frac{T}{E_s} + \lambda_0(T) + \frac{\lambda_s - \lambda_0(T)}{M_s^2} M^2, \quad (16)$$

$$H_{\rm app} = \frac{1}{\xi} f^{-1} \left(\frac{M}{M_{\rm s}} \right) - \frac{2 \left[\lambda_{\rm s} T - \Lambda_0(T) \right]}{\mu_0 M_{\rm s}^2} M , (17)$$

其中

$$\frac{\lambda_0(T)}{\lambda_s} = \begin{cases} \tanh\left(\frac{T}{T_s}\right) & (T \ge 0), \\ \tanh\left(\frac{2T}{T_s}\right)/2 & (T < 0), \end{cases}$$

$$\frac{\Lambda_0(T)}{\lambda_s T_s} = \begin{cases} \ln\left(\cosh\left(\frac{T}{T_s}\right)\right) & (T \ge 0), \\\\ \ln\cosh\left(\frac{2T}{T_s}\right)/4 & (T < 0), \end{cases}$$
$$T_s = \lambda_s/(1/E_0 - 1/E_s), \\f(x) = \coth(x) - 1/x.$$

这里 $\xi = 3\chi_m/M_s$, ε 为应变, M_s 为饱和磁化强度, M为磁化强度, λ_s 为饱和磁致伸缩应变系数, χ_m 为初 始磁化系数, E_0 为初始杨氏弹性模量, E_s 为饱和 杨氏弹性模量, T_s 为饱和应力, H_{app} 为外加磁场, 考 虑到 Terfenol-D 的退磁场和 FeCuNbSiB 产生的附 加磁场的影响, 可用有效磁场 H_{eff} 来代替外加磁 场 H_{app} .

根据磁致伸缩系数的定义,Terfenol-D的磁致伸缩系数为

$$d_{33,\mathrm{m}} = \frac{\partial \varepsilon}{\partial H_{\mathrm{eff}}}.$$
 (18)

同理,可得到磁导率的表达式

$$\mu_{\rm r} = \frac{\partial M}{\partial H_{\rm eff}} + 1 . \tag{19}$$

(20)

由(16)式对磁化强度 M 求偏导得

$$\frac{\partial \varepsilon}{\partial M} = \begin{cases} 2M \frac{\lambda_s \left(1 - \tanh\left(\frac{T}{T_s}\right)\right)}{M_s^2} & (T \ge 0), \\ \\ 2M \frac{\lambda_s \left(1 - \tanh\left(\frac{2T}{T_s}\right)/2\right)}{M_s^2} & (T < 0). \end{cases}$$

将(19)和(20)式代人(18)式,可得 $d_{33,m} = \frac{\partial \varepsilon}{\partial H_{\text{eff}}} = \frac{\partial \varepsilon}{\partial M} \frac{\partial M}{\partial H_{\text{eff}}}$

$$= \begin{cases} 2(\mu_{\rm r}-1) \frac{\lambda_{\rm s} \left(1-\tanh\left(\frac{T}{T_{\rm s}}\right)\right)}{M_{\rm s}^2} M \quad (T \ge 0), \end{cases}$$

$$\left[2(\mu_{\rm r}-1)\frac{\lambda_{\rm s}\left(1-\tanh\left(\frac{2T}{T_{\rm s}}\right)/2\right)}{M_{\rm s}^2}M\quad (T<0).\right]$$

(21)



图 3 计算得到的磁致伸缩系数与偏置磁场的关系

联立(12),(15)-(17)和(21)式求解,可得到 磁致伸缩系数与偏置磁场强度的关系如图 3 所示. 从图3可以看到,随着偏置磁场的增大,Terfenol-D 粘结 FeCuNbSiB 后的 d_{33} "先逐渐减小到零,然后逐 渐增大到一个最大值,最后再逐渐减小.而随着偏 置磁场的增大, Terfenol-D 粘结 FeCuNbSiB 前的 d33 m先逐渐增大后逐渐减小. 二者之间变化趋势的 不同主要是受附加磁场 H_f 的影响. 由于附加磁场 H_f的方向与外加磁场方向相反,根据(12)和(18) 式可知,当外加偏置磁场 H_{de} 较小且 $H_{f} > H_{de}$ 时, H_{eff} < 0,然而超磁致伸缩材料 Terfenol-D 在正反向磁场 中都会伸长,因此 H_{eff} 为反向磁场时,Terfenol-D同 样会伸长,即 $d_{33,m} > 0$.随着 H_{dc} 磁场的继续增加, H_{eff} 逐渐减小,相应的 Terfenol-D 的磁致伸缩系数 $d_{33,m}$ 逐渐减小. 当 H_{de} 增加到 $H_{f} = H_{de}$ 时, $H_{eff} = 0$ (Terfenol-D的内部有效磁场等于零),Terfenol-D的 磁致伸缩系数 d_{33,m}也趋于零. 之后 H_{de}磁场继续增 加, $H_{\rm f} < H_{\rm dc}$, $H_{\rm eff}$ 此时为正向磁场且随 $H_{\rm dc}$ 的增加而 增加,同时随 H_{eff}的增加磁致伸缩系数 d₃₃ "先增加 到一个最大值,之后逐渐降低.此外,从图3还可观 察到,当偏置磁场接近 3.597 × 10⁴ A · m⁻¹时,粘结 FeCuNbSiB前后的Terfenol-D磁致伸缩系数均接近 饱和,其中粘结FeCuNbSiB后的磁致伸缩系数为 11.624 nm/A,粘结FeCuNbSiB前为10.635 nm/A. 可见粘结FeCuNbSiB后使磁致伸缩材料的饱和磁 致伸缩系数提高约9.29%,并且饱和磁致伸缩系数 所对应的最优偏置磁场发生了偏移.这是由于磁致 伸缩材料Terfenol-D的饱和磁致伸缩应变会随外加 应力的增大而增大,粘结FeCuNbSiB后对Terfenol-D 产生应力,从而增大了饱和磁致伸缩系数.



图 4 层合结构的坐标示意图

2.4. 高磁导率材料对低频磁电特性的影响

假设理想粘结条件下,Terfenol-D/PZT/ FeCuNbSiB(MPF)层合结构沿z方向的小块质量单元 Δm 上的磁致伸缩层、压电层与FeCuNbSiB层沿z方向保持一致的位移u、相等的应变 ε ,有

 $u_{\rm p} = u_{\rm m} = u_{\rm f} = u,$

或者

$$\varepsilon_{\rm p} = \varepsilon_{\rm m} = \varepsilon_{\rm f} = \frac{\partial u}{\partial z}.$$
 (22)

根据牛顿定律可以写出动力学方程

$$(A_{\rm p}\rho_{\rm p} + A_{\rm f}\rho_{\rm f} + A_{\rm m}\rho_{\rm m})\Delta z \frac{\partial^2 u}{\partial t^2}$$
$$= \frac{\partial (A_{\rm m}T_{\rm m} + A_{\rm p}T_{\rm p} + A_{\rm f}T_{\rm f})}{\partial z}\Delta z , \qquad (23)$$

其中 $T_f = E_f \varepsilon_f, T_f$ 是 FeCuNbSiB 沿 z 方向的应力, ε_f 是 FeCuNbSiB 沿 z 方向的应变; E_f 是 FeCuNbSiB 的 杨氏模量, ρ_p , ρ_m 和 ρ_f 分别是压电材料、磁致伸缩材 料和 FeCuNbSiB 的密度, T_m 和 T_p 分别是磁致伸缩 层和压电层的应力, A_f 是 FeCuNbSiB 层横截面积, A_m 是磁致伸缩层横截面积, A_p 是压电层横截面积, A 是总横截面积, 则有 $A = A_f + A_p + A_m$.

采用等效电路法[20]分析图 4 所示层合结构磁

电材料,可以得到 MPF 层合结构自由振动时的等效 电路,如图 5 所示.



图 5 MPF 层合结构的等效电路

应用阻抗转换方法和欧姆定理从图 5,可以得 到下式:

$$\left|\frac{\varphi_{\rm p}V}{\varphi_{\rm m}H_{\rm eff}}\right| = \left|\frac{\varphi_{\rm p}^2}{{\rm j}\omega C_0 Z + \varphi_{\rm p}^2}\right|.$$
 (24)

这里 $\varphi_{m} = \frac{A_{m}d_{33,m}}{s_{33}^{H}}$ 磁机耦合因子, $\varphi_{p} = \frac{wd_{31,p}}{s_{11}^{E}}$ 机电 耦合因子, 其中 w 是压电材料的宽度, $d_{33,m}$ 和 $d_{31,p}$ 分别是磁致伸缩系数和压电系数, s_{33}^{H} 和 s_{11}^{E} 分别是 磁致伸缩材料和压电材料的柔顺系数; $Z = -\frac{1}{2}j\rho\nuA\tan\frac{kl}{2}$ 是机械端等效阻抗, $C_0 = \frac{lw\bar{\varepsilon}_{33}}{t_p}$, 其中 t_p 是压电材料的厚度, $\bar{\varepsilon}_{33} = \varepsilon_{33}^{T}(1-k_{31,p}^2), k^2 = \frac{\omega^2}{\nu^2}, \nu^2 = \left(\frac{n_m}{s_{33}^{H}} + \frac{n_p}{s_{11}^{E}} + n_f E_f\right)/\bar{\rho}$ 是层合结构中的平均 声速, $n_m = \frac{A_m}{A}, n_p = \frac{A_p}{A}, n_f = \frac{A_f}{A}$ 分别是磁致伸缩 材料、压电材料和 FeCuNbSiB 的横截面积占总截面 积 A 的比例, $\bar{\rho} = n_m \rho_m + n_p \rho_p + n_f \rho_f$ 是层合结构中的 平均密度, $\varepsilon_{33}^{T} \pi k_{31,p}$ 分别是压电材料的介电常数和 机电耦合系数, 图 5 中 f_1 是 FeCuNbSiB 和退磁场的 影响因子. 根据(12)式,可得到

$$H_{\rm eff} = \frac{H_{\rm app} + H_{\rm f}}{1 + \chi N_{\rm d}}.$$
 (25)

联立(24)和(25)式,可得到在低频下 MPF 层 合结构的磁电电压转换系数

$$\alpha_{\text{low}} = \left| \frac{\mathrm{d}V}{\mathrm{d}H_{\text{app}}} \right| = \frac{d_{31,p}d_{33,m}n_{m}n_{p}t_{c} \cdot \delta}{\varepsilon_{33}^{\mathrm{T}} [(1 - k_{31}^{2})n_{m}s_{11}^{E} + n_{p}s_{33}^{H} + n_{f}E_{f}(1 - k_{31}^{2})s_{11}^{E}s_{33}^{H}]},$$
(26)

其中, $\delta = \frac{1}{1 + \chi N_d}$ 与退磁场有关. 考虑到 $k_{31}^2 \ll 1$, (26) 式可以简化为

$$\alpha_{\rm low} \approx \frac{d_{31,p} d_{33,m} n_m n_p t_c \cdot \delta}{\varepsilon_{33}^{\rm T} (n_m s_{11}^E + n_p s_{33}^H + n_f E_f s_{11}^E s_{33}^H)}.$$
(27)

将(21)式代入后,(27)式可重新写为

$$\alpha_{\rm low} \approx 2M(\mu_{\rm r}-1) \frac{\lambda_{\rm s} \left(1-\tanh\left(\frac{2T}{T_{\rm s}}\right)/2\right)}{M_{\rm s}^2} \frac{d_{31,\rm p} n_{\rm m} n_{\rm p} t_{\rm c} \cdot \delta}{\varepsilon_{33}^{\rm T} (n_{\rm m} s_{11}^{\rm E} + n_{\rm p} s_{33}^{\rm H} + n_{\rm f} E_{\rm f} s_{11}^{\rm E} s_{33}^{\rm H})}.$$
(28)

利用(28)式可很好解释 FeCuNbSiB 对低频磁 电电压系数的影响. 在外加磁场作用下, FeCuNbSiB 发生形变对 Terfenol-D 产生应力,进一步影响 Terfenol-D 的磁致伸缩系数,由于磁致伸缩系数与低 频磁电电压系数成正比,最终导致了低频磁电电压 系数的变化.

联立(15),(17),(19)和(28)式可得到低频磁 电电压系数与偏置磁场的关系,如图 6 所示.随着偏 置磁场的增加,MPF 的低频磁电电压系数先减小后 增加,在偏置磁场约为 3.597×10⁻⁴A·m⁻¹时,低频 磁电电压系数达到极大值139.6 mV/Oe(1mV/Oe = $4\pi \times 10^{-6}$ V·m·A⁻¹),随偏置磁场 H_{de} 的进一步增 加,低频磁电电压系数开始逐渐减小,并且 MPF 复 合结构的最大磁电电压系数相对于 MP 结构提高了 近9%.此外,对比图 3 和图 6 可以发现, MPF 磁电 电压系数和磁致伸缩系数随磁场的变化趋势是一 致的.这一结果进一步验证上述的预测:FeCuNbSiB 通过影响磁致伸缩系数,从而改变低频磁电电压 系数.

3. 实验结果及讨论

制作了 MPF 和 MP 实验样片, PZT8-H 的尺寸 为 12 mm × 6 mm × 0.8 mm, Terfenol-D 的尺寸为 12 mm × 6 mm × 1 mm, FeCuNbSiB 的厚度分别为 30, 60, 90, 120, 150, 180 μm, 长宽分别为 12 和 6 mm.



图 6 计算得到的低频磁电电压系数与偏置磁场的关系

在制备复合材料时,先用有机溶剂将实验样片清洗 干净,用环氧树脂胶剂按图1(a)所示粘接后置于烤 箱中,在80℃条件下烘烤1h,取出冷却后得到磁电 复合材料.用一对环形超强磁铁钕铁硼来施加直流 偏置磁场,调整两环形磁铁距离改变偏置磁场的大 小,偏置磁场由高斯计测量.长直螺线管用于产生 交变激励磁场,其大小为峰峰值1 Oe.实验样片放 置于螺线管中心,交流磁场和直流偏置磁场沿着 Terfenol-D长度方向相互平行.通过改变偏置磁场大 小,从而得到不同偏置磁场下材料的磁致伸缩系数 和低频磁电电压转换系数. 附录为本文所使用的 Terfenol-D、FeCuNbSiB 和 PZT-8H 的参数.

采用多普勒测振仪测得 Terfenol-D 端面处的振



图 7 实验得到的磁致伸缩系数与偏置磁场的关系

图 8 所示为在不同偏置磁场下的低频磁电电压 系数的实验数据.对比图6和图8可以发现,磁电电 压系数的理论值与实验值随偏置磁场的变化具有 相同的趋势,但理论值是实验值的5-7倍左右(随 偏置磁场不同而有所不同). 究其原因,是理论推导 时忽略了沿长度方向的磁致伸缩对其宽度和厚度 方向的影响,以及推导时没有考虑粘结层的损耗、 泊松效应、引线焊点和实验环境等各种损耗,从而 造成理论值偏大.此外,从图 8 可观察到, MPF 层合 结构的最大磁电电压系数为18.99 mV/Oe,与 MP 层合结构(其中磁致伸缩层尺寸为12 mm ×6 mm ×1 mm,压电层尺寸为 12 mm ×6 mm ×0.8 mm) 相比,该层合结构的最大磁电电压系数约是 MP 层 合结构中的最大磁电电压系数的1.3倍,而 MP 层 合结构中的最大磁电电压系数仅为14.08 mV/Oe. 这是由于 FeCuNbSiB 对 Terfenol-D 产生的应力,使 得 Terfenol-D 饱和磁致伸缩系数的增加,进一步导



图 8 实验得到的低频磁电电压系数与偏置磁场的关系

致了层合结构的最大磁电电压系数增加.

考虑到 FeCuNbSiB 对磁致伸缩系数和低频磁 电电压系数的影响,在给定 PZT-8H 与 Terfenol-D 厚 度分别为0.8 和1 mm 时,通过实验测得 FeCuNbSiB 厚度对低频磁电电压系数的影响如图 9 所示. FeCuNbSiB 的厚度从 30 µm 增加到 180 µm, MPF 层 合结构最大磁电电压系数从 18.99 mV/Oe 增加到 34.12 mV/Oe,随 FeCuNbSiB 的厚度的增加复合结 构的最大磁电电压系数近似呈线性增长.这主要是 由于 FeCuNbSiB 厚度增加引起应力的增强(见 15 (式)),导致了饱和磁致伸缩系数和最大磁电电压系 数的增加.与 MP 层合结构相比, MPF(t_f=180 µm)的 最大磁电电压系数提高了 2.4 倍.该实验结果有助 于我们更合理地设计磁电复合材料的结构,



图 9 实验得到的低频磁电电压系数与 FeCuNbSiB 厚度的关系

通过在 MP 层合结构中加入 FeCuNbSiB 增强了磁电 电压系数,以满足实际应用中不同器件对磁电性能 的要求.

4. 结 论

本文提出了一种新型的层合结构 MPF,并利用 等效磁荷理论,分析了层合结构中 Terfenol-D 内部 的有效磁场,在此基础上结合磁致伸缩材料 Terfenol-D 的非线性本构关系和层合材料的等效电 路,分析了该层合结构的磁电特性,讨论了 FeCuNbSiB 的厚度对磁致伸缩/压电/高磁导率材料 低频磁电电压转换系数的影响,并与实际结构的磁 电响应进行了比较.研究表明:理论结果与实验结 果相符合.磁致伸缩材料粘结 FeCuNbSiB 后的饱和 磁致伸缩系数比粘结 FeCuNbSiB 前提高了约9%, 且 MPF(FeCuNbSiB 厚度为30 µm)层合结构的低频 最大磁电电压系数是 MP 的1.3 倍.FeCuNbSiB 厚 度在 180 µm 以内,随 FeCuNbSiB 厚度的增加,层合 结构的低频最大磁电电压系数近似呈线性增长.

附录 本文中用到的材料参数

Terfenol-D 的参数: $E_0 = 2 \times 10^{10}$ Pa, $E_s = 6 \times 10^{10}$ Pa, $s_{33,m} = 40 \times 10^{-12} \text{ m}^2/\text{N}$, $\chi_m = 20$, $\lambda_s = 0.001$, $\mu_0 M_s = 1.6$ T, $\rho_m = 9200 \text{ kg/m}^3$.

PZT-8H 的参数: $d_{31,p}$ = 93 pC/N, $s_{33,p}$ = 11.1 × 10 ⁻¹² m²/N, ρ_p = 7600 kg/m³, ε_r = 1000.

FeCuNbSiB 的参数: $E_f = 10 \times 10^{10}$ Pa, $\rho_f = 7250$ kg/m³.

- [1] Landau L D, Lifshitz E 1960 Electrodynamics of Continuous Media (Oxford: Pergamon Press) p119
- [2] Folen V J, Rado G T, Stalder E W 1961 Phys. Rev. Lett. 6 607
- [3] Rado G T, Folen V J 1961 Phys. Rev. Lett. 7 310
- [4] Ryu J, Carazo A V, Uchino K, Kim H 2001 Jpn. J. Appl. Phys. 40 4948
- [5] Srinivasan G, Rasmussen E T, Hayes R 2003 Phys. Rev. B 67 14418
- [6] Srinivasan G, Rasmussen E T, Bush A A, Kametsev K E, Meshcheryakov V F, Fetisov Y K 2004 Appl. Phys. A 78 721
- [7] Dong S X, Li J F, Viehland D 2004 IEEE Trans. Ultrason. Ferroelectr. Freq. Contrl. 51 793
- [8] Dong S X, Li J F, Viehland D 2004 Appl. Phys. Lett. 85 5305

- [9] Giang D T H, Quynh L K, Dung N V, Nghi N H 2009 J. Phys. : Conf. Ser. 187 012057
- [10] Dong S X, Li J F, Viehland D 2006 J. Mater. Sci. 41 97
- [11] Yang F, Wen Y M, Li P, Zheng M, Bian L X 2007 Acta Phys. Sin. 56 3539 (in Chinese) [杨 帆、文玉梅、李 平、郑 敏、卞雷祥 2007 物理学报 56 3539]
- [12] Li P, Wen Y M, Bian L X 2007 Appl. Phys. Lett. 90 022503
- [13] Yang W W, Wen Y M, Li P, Bian L X 2008 Acta Phys. Sin.
 57 4545 (in Chinese) [杨伟伟、文玉梅、李 平、卞雷祥 2008 物理学报 57 4545]
- [14] Zhang Y F, Wen Y M, Li P, Bian L X 2009 Acta Phys. Sin. 58
 546 (in Chinese) [张延芳、文玉梅、李 平、卞雷祥 2009 物 理学报 58 546]

- [15] Bian L X, Wen Y M, Li P 2009 Acta Phys. Sin. 58 4205 (in Chinese) [卞雷祥、文玉梅、李 平 2009 物理学报 58 4205]
- [16] Or S W, Nersessian N, Carman G P 2004 IEEE Trans. Magn. 40 71
- [17] Dong S X, Zhai J Y, Li J F, Viehland D 2006 J. Appl. Phys.
 100 124108
- [18] Wan Y P, Fang D N 2003 Acta Mech. Sin. 19 324
- [19] Dong S X, Li J F, Viehland D 2004 J. Appl. Phys. 95 2625
- [20] Dong S X, Li J F, Viehland D 2003 IEEE Trans. Ultrason. Ferroelectr. Freq. Contrl. 50 1253
- [21] Ryu J, Priya S, Carazo A V, Uchino K 2001 J. Am. Ceram. Soc. 84 2905
- [22] Wan J G, Liu J M 2003 J. Appl. Phys. 93 9916

- [23] Chang C M, Carman G P 2007 Phys. Rev. B 76 134116
- [24] Aharoni A 1998 J. Appl. Phys. 83 3432
- [25] Liang C B, Qing G 1980 Electromagnetics (Beijing: Higher Education Press) p464 (in Chinese) [梁灿彬、秦 光 1980 电 磁学(北京:高等教育出版社) 第 464 页]
- [26] Van Roy W, De Boeck J, Borghs G 1992 Appl. Phys. Lett. 61 3056
- [27] Yi J Z 1987 Magnetic Field Calculation and Magnetic Circuit Design (Chengdu: Chengdu Electronic Information Engineering College Press) p16 (in Chinese) [易敬曾 1987 磁场计算与磁 路设计(成都: 成都电讯工程学院出版社) 第 16 页]
- [28] Zheng X J, Liu X E 2005 J. Appl. Phys. 97 053901

Effect of High-permeability FeCuNbSiB on magnetoelectric property of magnetostrictive/piezoelectric composite *

Chen Lei Li Ping[†] Wen Yu-Mei Wang Dong

(Key Laboratory for Optoelectronic Technology and Systems of Ministry of Education, College of Optoelectronic

Engineering Chongqing University, Chongqing 400044, China)

(Received 30 August 2010; revised manuscript received 16 September 2010)

Abstract

A brand-new magnetostrictive/piezoelectric laminated composite is presented using the giant magnetostrictive Terfenol-D, piezoelectric PZT and high-permeability FeCuNbSiB. Since the high-permeability FeCuNbSiB changes the effective magnetic field in the Terfenol-D and the deformed FeCuNbSiB applies a stress to the Terfenol-D in an external magnetic field, thus the saturation magnetostrictive coefficient of Terfenol-D is enhanced, resulting in a higher magnetoelectric voltage output for the composite. Based on the equivalent magnetostrictive coefficient of Terfenol-D and the theoretical formula of low-frequency magnetoelectric voltage coefficient are derived based on the nonlinear constitutive model of magnetostrictive material and the equivalent circuit method. The analytical results accord with the experiments qualitatively, and the magnetoelectric voltage of the composite is 1.3 times as high as that of the Terfenol-D/PZT-8H (MP) composite. The experimental results indicate that the thickness of FeCuNbSiB has a great influence on magnetoelectric property. The magnetoelectric voltage coefficient increases nearly linearly with the increase of the thickness of FeCuNbSiB until 180µm.

Keywords: magnetoelectric effect, magnetostrictive material, piezoelectric material, high-permeability material **PACS**: 75. 85. +t, 75. 70. Cn, 75. 50. Kj

^{*} Project supported by the National Natural Science Foundation of China (Grant Nos. 50830202, 60774055, 10776039).

[†] Corresponding author. E-mail: liping@ cqu. edu. cn