中红外偏振态门驱动产生高效的极宽超连续谱*

刘昆陇 洪伟毅 王少义 张庆斌 陆培祥⁺ (武汉光电国家实验室,华中科技大学,武汉 430074) (2010年7月13日收到;2010年9月14日收到修改稿)

研究了在中红外偏振态门驱动下高效产生极宽超连续谱的过程.利用波长为 2000 nm 的偏振态门激光场可以 将电子的回复控制在半个光周期内,并且将谐波谱的截止区拓展到 270 eV. 在偏振态门中加入 0.5 fs 的紫外控制 脉冲,可以对谐波的电离过程进行控制,把谐波的强度提高了 4—5 个数量级,并得到了谱宽为 240 eV 的极宽超连 续谱.该极宽超连续谱在傅里叶变换极限下支持脉宽仅为 16 as 的单个脉冲的产生.通过过滤超连续谱中不同次数 的谐波,可以得到一系列波长可调的 110 as 的高强度单脉冲.

关键词:高次谐波,阿秒,偏振态门,超连续谱 PACS: 32.80.Rm, 42.65.Ky, 42.65.Re

1. 引 言

阿秒脉冲的产生对于超快科学的发展有非常 重要的意义,作为一种具有极高分辨率的工具,阿 秒脉冲使得观察和控制原子内部电子的动力学过 程成为可能[1].由于高次谐波的频谱覆盖了从红外 到软 X 射线波段,于是高次谐波很快成为了实现阿 秒脉冲产生的首选方案[2-4],也是目前唯一能在实 验上获得阿秒脉冲的方案. 根据傅利叶变换极限可 知,带宽越宽的连续谐波谱有利于产生脉宽越窄的 阿秒脉冲.观测阿秒时间尺度的超快物理现象需要 一个脉宽小于电子动力学过程的特征时间的单阿 秒脉冲.因此,如何拓展高次谐波的超连续部分的 谱宽从而获得更短脉宽的单阿秒脉冲成为了研究 的焦点. 最近 Goulielmakis 等成功获得了低于 100 as 的单个脉冲[5]. 在他们的实验中,利用了脉宽极短 (3.3 fs)的驱动光产生了40eV的超连续谱,但超连 续谱的效率并不高,而且驱动光的脉宽已经无法再 进一步压缩,因此如何获得更宽的超连续谱,以支 持产生脉宽小于一个原子单位(约24 as)的阿秒脉 冲,仍然是一个极大的挑战.

高次谐波的辐射机理可以通过 Corkum^[6]提出的半经典"三步模型"来解释:电离,加速,复合.当

©2011 中国物理学会 Chinese Physical Society

光子的能量等于电子回复时的动能与电子的电离 能之和.该模型表明谐波辐射的时频特性是由电子 在电场中的运动情况决定的. 高次谐波辐射的这种 性质暗示了:可以通过在谐波辐射过程中独立地或 者同时地控制不同步骤的电子动力学过程,从而达 到产生超连续谱的目的.有报道指出,波形可控的 双色场可以控制电子在电场中的加速过程,并加大 了半个光周期内辐射的光子的最大能量与次大能 量之差,从而获得带宽为几十个电子伏特的超连续 谱^[7-9].但这种方式产生的超连续谱的强度比谐波 谱平台区的强度要低很多^[10]. Lan 等^[11]发现利用 双色场也可以控制电子的电离过程,将之称为"电 离门":电离率的峰值可以约束在半个光周期内, 峰值强度得到了增加,并有效地提高了超连续谱 的强度.另外一种可以有效控制谐波辐射过程中 的电子动力学的方法是偏振态门技术^[12].这种技 术是基于"谐波的效率强烈依赖于驱动电场的椭 偏率"这一原理的[13].利用椭偏率随时间变化的 偏振态激光场,可以将电子的回复限制在半个光 周期内并在平台区产生超连续谱[14-17].最近. Mashiko 等提出了一种新技术,称为"双光门"技 术.他们结合了电离门和偏振态门技术,同时控制 电子的电离过程和复合过程,从而直接产生高效

电子与原子核复合的时候,将会辐射出一个光子,

^{*}国家自然科学基金(批准号:10904045)资助的课题.

[†]通讯联系人. E-mail: lupeixiang@ mail. hust. edu. cn

的宽带超连续谱^[18].

由于有质动力能与驱动场的波长平方成正比, 所以采用中红外的驱动脉冲有利于拓展谐波的截 止区和增加超连续谱的带宽[19].但是,谐波的转换 效率与驱动光波长的 5-6 次方成反比(相同强度 下)^[20],波长较长的驱动光很不利于产生高强度的 超连续谱,进而降低了通过超连续谱所对应的阿秒 脉冲的强度. 低强度的阿秒脉冲将会大大限制它在 实验研究中的应用.有报道指出,在驱动场中加入 紫外控制脉冲可以触发电离过程,增加电子波包的 产生效率,从而提高了谐波的强度^[10,21].在中红外 驱动场的作用下,由于电离率很低[22],在加入紫外 控制脉冲之后,谐波的强度将会更加显著地提高. 本文研究了中红外偏振态门驱动下的紫外脉冲辅 助的高次谐波辐射过程.利用紫外脉冲和偏振态门 分别对电子的电离步骤和回复步骤进行控制. 通过 对谐波辐射过程进行经典分析,选择恰当的时刻加 入紫外脉冲,使超连续谱的效率的提高达到最佳效 果,最终获得了带宽为 240 eV 的超连续谱,并且超 连续谱的强度提高了4-5个数量级.在傅里叶变换 极限下,该超连续谱对应了脉宽仅为 16 as 的单脉 冲.通过过滤该超连续谱上不同阶次的谐波,可以 得到一系列波长可调的高强度的110 as 单脉冲.

2. 计算结果和讨论

本文中的偏振态门是通过两束波长为 2000 nm、脉宽为 20 fs、相对延迟同为 20 fs 的左旋和右旋 的圆偏振高斯脉冲叠加产生的^[23,24].两个脉冲的强 度均为 1 × 10¹⁴ W/cm²,载波包络相位均为 $\pi/2$. 假 设脉冲是沿着 z 方向传播,那么这两个脉冲的合成 脉冲在 x 方向和 y 方向的电场强度分别为

$$E_{x,\omega_0}(t) = E_0 \left(e^{-2\ln(2)(t-T_d/2)^{2/\tau_p}} + e^{-2\ln(2)(t+T_d/2)^{2/\tau_p}} \right) \\ \times \cos(\omega_0 t + \varphi_{CE}) \mathbf{x}.$$
(1)
$$E_{y,\omega_0}(t) = E_0 \left(e^{-2\ln(2)(t-T_d/2)^{2/\tau_p}} - 2\ln(2)(t+T_d/2)^{2/\tau_p} \right)$$

$$\times \sin(\omega_0 t + \phi_{\rm CE}) \mathbf{y} \,. \tag{2}$$

其中, E_0 为脉冲电场强度, ω_0 为圆频率, τ_p 为脉冲 宽度, ϕ_{CE} 为载波包络相位. T_d 是两个脉冲的相对延 时. 这里我们把激光场的周期 $T_0 = 2\pi/\omega_0$ 定义为一 个光周期. 为了研究偏振态门驱动的紫外脉冲辅助 的高次谐波辐射过程, 我们采用了一个波长 100 nm、脉宽 0.5 fs、强度为 3 × 10^{13} W/cm² 的紫外控制脉冲. 该脉冲的电场表示为

$$\boldsymbol{E}_{uv}(t) = E_{uv} e^{-2\ln(2)(t-T_{duv})^2/\tau_{puv}^2}$$

$$\times \cos(\boldsymbol{\omega}_{uv}(t-T_{duv}))\boldsymbol{x}.$$
 (3)

其中, E_{uv} , ω_{uv} , τ_{puv} 分别为紫外脉冲的强度、频率和脉宽, T_{duv} 是紫外脉冲与偏振态门之间的相对延时.



图 1 经典分析得到的电子回复能量与电子的电离时间和谐波 的发射时间之间的关系 其中实线表示激光场的椭偏率随时间 的变化

为了清楚地展现本文的电子动力学控制方案, 首先对中红外偏振态门驱动下的经典电子动力学 过程进行分析.图1给出了用"三步模型"计算得到 的电子回到原子核附近时的回复能量与电子的电 离时间t_i和回复时间t_e(也就是谐波的发射时间) 之间的关系.图1中的实线表示激光场的椭偏率随 时间 T₀ 的变化. 从图 1 中可以看出, 电子只有在椭 偏率很低的时候才能与原子核复合.这是由于当椭 偏率较大的时候,电子受横向(γ方向)电场的作用 而作横向漂移,导致不能与母离子复合;而当椭偏 率较小的时候,激光场接近线偏振光,此时电子在 电场作用下加速后能够与母离子复合并发射谐波. 由于电子的回复被限制在半个光周期内,从图1中 可以看到电子回复时所发射的谐波将会产生一个 超连续谱,并且超连续谱的谱宽可以达到 240 eV. 不过对于该超连续谱,每次谐波对应了两个发射时 间,分别来自长轨道和短轨道的贡献,如图1的标记 所示.长短轨道之间的干涉会导致超连续谱中出现 调制结构.这种干涉对于用超连续谱来产生超短的 单阿秒脉冲是很不利的.从图1还可以得到一个重 要信息.那就是长短轨道电子的电离时刻分别发生 在 $t = 7.8T_0$ 之前和之后.

如图 2(a) 所示, 在 t = 7.8T₀ 时刻, 我们在偏振态门激光场中加入一个紫外短脉冲.图 2(b) 给出了偏振态门中加入紫外脉冲后的电离概率随时间的



图 2 激光电场及电离概率曲线 (a)中红外偏振态门在 x 方向和 y 电场,以及紫外控制脉冲电场;(b)在偏振态门中加入紫 外脉冲后的电子电离概率随时间的变化

变化,可见在加入紫外脉冲之前电离率非常低,而 加入之后电离率迅速增加.因此,在 t = 7.8T₀之后 电离的短轨道电子的电离率得到了很大提高,从而 大大增加了这部分电子所对应的谐波强度.相对而 言,长轨道电子对应的谐波强度要弱很多.此外,由 于长轨道电子的渡越时间比短轨道电子要长,考虑 到电子波包的扩散效应,长轨道电子所贡献的谐波 强度将会更低.因此短轨道电子的回复将在谐波的 辐射过程中起主导作用,并导致一个光滑的超连续 谱的产生.总体而言,在我们方案中,利用中红外的 偏振态门很好地把电子的回复限制在半个光周期 之内,并在适当时刻加入紫外脉冲,不仅可以提高 谐波的强度,还可以选择量子轨道,从而产生支持 单个阿秒脉冲的极宽的宽带超连续谱.

为了验证上述方案,我们接下来通过求解二维 含时薛定谔方程来研究在单电子近似下的原子与 激光场的相互作用,其理论模型见文献[25].图 3 (a)给出了氦原子在激光场驱动下产生的谐波谱, 其中深色粗线表示偏振态门加紫外脉冲作用下的 谐波谱,浅色细线则表示只在偏振态门作用下的谐 波谱.从图 3 中可以看出,在加入紫外脉冲之前,平 台区上的谐波强度 I 相对很低,这是由于电离率很 低而导致的;平台区上的超连续谱有很深的调制结 构,这正是前面提到过的长短轨道的相互干涉的结 果. 当在偏振态门中的适当时刻(t = 7.8T₀)加入 紫外控制脉冲之后,谐波的强度提高了4—5个数量 级.超连续谱从50次谐波一直延伸到截止区的440 次谐波,整个谱宽达到 240 eV.并且整个平台区变



图 3 谐波谱及时频结构图 (a)中红外偏振态门驱动氦原子 产生的谐波谱,粗线和细线分别表示加入紫外脉冲和没加紫外 脉冲的情况;(b),(c)分别是加入紫外脉冲情况下和不加紫外 脉冲情况下谐波信号的时频结构

得很光滑和规则,调制结构也大大地减小了.结合 前文的经典分析可以知道,这是由于在加入紫外脉 冲之后,短轨道电子的电离率大大地提高了.通常 在电离率很低的情况下,谐波的强度主要由电离率 来决定.因此短轨道电子对应的谐波强度得到了很 大的提高,对超连续谱的产生起主导作用,而相对 而言长轨道电子则贡献很少.值得注意的是,由于 紫外脉冲的边缘效应,截止区附近的长轨道谐波也 得到一定程度的增强,长短轨道发生干涉从而使得 超连续谱在截止区附近产生了较小的调制结构.

为了更深入地理解我们这个方案中的超连续 谱的时间频率特性,我们通过时频分析的方法给出 了谐波信号的辐射时间与谐波阶次的关系,如图 3 (b)所示.作为对比,图3(c)给出了没加紫外脉冲 情况下谐波信号的时频结构.对比图3(b)和(c)可 以明显看到,在加入紫外脉冲后,只有在 *t* = 8.3*T*₀ 附近有一个很高的峰,并且从 50 次到 440 次谐波辐 射都主要源于该峰的贡献;对于这个峰,短轨道对 应的谐波强度很明显比长轨道的要强很多,也就是 说,短轨道电子对谐波辐射起主导作用.从图3(b) 和(c)中还可以看到,在谐波截止区附近,长轨道对 应的谐波确实得到了一定的增强,但相对短轨道谐 波而言,长轨道谐波的强度仍然是比较低的.因此, 根据时频分析图,我们可以得到这样的结论:从50 次到440次谐波是连续的,形成一个谱宽为240 eV 的极宽的超连续谱,而在截止区附近存在较小的调 制结构.这些结论与图3(a)中所给出的谐波谱是一 致的.



图 4 傅里叶变换极限下 240 eV 超连续谱所对应单阿秒脉冲 (假设相位一致)



图 5 以不同中心频率过滤出超连续谱中 37 eV 的谐波进行叠 加得到的一系列波长可变的阿秒脉冲

超连续谱的时域特性是更加让人关注的问题. 我们得到的超连续谱的谱宽达到 240 eV,但由于高 次谐波的产生过程决定了辐射信号必定存在啁啾,

因此直接选择整个连续谱并不能得到一个很窄的 阿秒脉冲,必须通过选择适当的色散材料来补偿啁 啾才能选择更宽的带宽,如 Sansone 等^[14]成功地利 用薄铝片的负色散性质补偿了短轨道产生谐波时 所伴随的正啁啾,获得了130 as 的单个脉冲输出. 根据 Zheng 等^[26]最近提出的啁啾补偿的新技术,通 过在驱动场中加入倍频场,并适当调节两者之间的 延时,可以对超宽带连续谱进行啁啾补偿. 啁啾补 偿后选择整个 240 eV 的超连续谱,并假设谐波的相 位一致,所得到的单阿秒脉冲如图4所示.阿秒脉冲 的脉宽仅为16 as,低于一个原子单位(约24 as).在 没有啁啾补偿的情况下,也可以通过过滤该超连续 谱上不同阶次的谐波,产生一系列波长可调的单阿 秒脉冲. 如图 5 所示,以不同的中心频率过滤出超连 续谱中带宽为 37 eV 的谐波进行叠加,得到了中心 波长为5.7-13.3 nm 的110 as 的单脉冲.对于所得 到的波长较短的阿秒脉冲,在主脉冲旁边出现一个 子脉冲,这是由于长轨道电子引起的,但子脉冲的 强度不到主峰的1/5,因此相对来说可以忽略不计. 波长可调的单阿秒脉冲在毫微光刻、高分辨率的层 析 X 射线摄影以及远紫外干涉测量等领域都有重 要的应用.

3. 结 论

研究了中红外偏振态门驱动下紫外脉冲辅助 的高次谐波辐射过程.利用了高次谐波产生效率对 激光场椭偏率的依赖性以及紫外脉冲对电离的可 触发性这两个性质,对谐波辐射过程中的电子电离 及其回复过程进行控制.中红外驱动光拓展了谐波 谱的截止区,而紫外脉冲提高了谐波的效率,并且 选择了短轨道,获得了平滑的、调制很小的 240 eV 超连续谱,对应的傅里叶极限脉冲宽度为 16 as. 通 过过滤超连续谱上不同中心频率的部分谐波,可得 到波长可调的 110 as 的高强度单脉冲.

- [1] Kienberger R, Goulielmakis E, Uiberacker M, Baltuska A, Yakovlev V, Bammer F, Scrinzi A, Westerwalbesloh Th, Kleineberg U, Heinzmann U, Drescher M, Krausz F 2007 Nature 427 817
- [2] Drescher M, Hentschel M, Kienberger R, Tempea G, Spielmann C, Reider G A, Corkum P B, Krausz F 2001 Science 291 1923
- Paul P M, Toma E S, Breger P, Mullot G, Auge F, Balcou Ph, Muller H G, Agostini P 2001 Science 292 1689
- [4] Zeng Z N, Li R X, Xie X H, Xu Z Z 2004 Acta Phys. Sin. 53
 2316 (in Chinese) [曾志男、李儒新、谢新华、徐志展 2004 物 理学报 53 2316]
- [5] Goulielmakis E, Schultze M, Hofstetter M, Yakovlev V S, Gagnon J, Uiberacker M, Aquila A L, Gullikson E M, Attwood

D T, Kienberger R, Krausz F, Kleineberg U 2008 Science 320 1614

- [6] Corkum P 1993 Phys. Rev. Lett. 71 1994
- [7] Cao W, Lu P X, Lan P F, Wang X L, Yang G 2007 Opt. Express 15 530
- [8] Lan P F, Lu P X, Li Q G, Li F, Hong W Y, Zhang Q B 2009 Phys. Rev. A 79 043413
- [9] Zheng Y H, Zeng Z N, Li X F, Chen X W, Liu P, Xiong H, Lu H, Zhao S T, Wei P F, Zhang L, Wang Z G, Liu J, Cheng Y, Li R X, Xu Z Z 2008 Opt. Lett. 33 234
- [10] Hong W Y, Li Y H, Lu P X, Lan P F, Zhang Q B, Wang X B 2008 J. Opt. Soc. Am. B 25 1684
- [11] Lan P F, Lu P X, Cao W, Li Y H, Wang X L 2007 Phys. Rev. A 76 021801
- [12] Chang Z 2004 Phys. Rev. A 70 043802
- [13] Zhang Q B, Hong W Y, Lan P F, Yang Z Y, Lu P X 2008 Acta Phys. Sin. 57 7848 (in Chinese) [张庆斌、洪伟毅、兰鹏飞、 杨振宇、陆培祥 2008 物理学报 57 7848]
- [14] Sansone G, Benedetti E, Calegari F, Vozzi C, Avaldi L, Flammini R, Poletto L, Villoresi P, Altucci C, Velotta R, Stagira S, De Silvestri S, Nisoli M 2006 Science **314** 433
- [15] Sola I J, Mével E, Elouga L, Constant E, Strelkov V, Poletto

L, Villoresi P, Benedetti E, Caumes J P, Stagira S, Vozzi C, Sansone G, Nisoli M 2006 Nat. Phys. 2 319

- [16] Tzallas P, Skantzakis E, Kalpouzos C, Benis E P, Tsakiris G
 D, Charalambidis D 2007 Nat. Phys. 3 846
- [17] Oron D, Silberberg Y 2006 Phys. Rev. A 72 063816
- [18] Mashiko H, Gilbertson S, Li C, Khan S D, Shakya M M, Moon E, Chang Z 2008 Phys. Rev. Lett. 100 103906
- [19] Hong W, Lu P, Li Q, Zhang Q 2009 Opt. Lett. 34 2102
- [20] Tate J, Auguste T, Muller H G, Saliéres P, Agostini P, DiMauro L F 2007 Phys. Rev. Lett. 98 013901
- [21] Lan P F, Lu P X, Cao W, Wang X L 2007 Phys. Rev. A 76 043808
- [22] Takahashi E, Kanai T, Ishikawa K, Nabekawa Y, Midorikawa K 2008 Phys. Rev. Lett. 101 253901
- [23] Tcherbakoff Q, Mével E, Descamps D, Plumridge J, Constant E 2003 Phys. Rev. A 68 043804
- [24] Shan B, Ghimire S, Chang Z 2005 J. Mod. Opt. 52 277
- [25] Hong W Y, Yang Z Y, Lan P F, Zhang Q B, Li Q G, Lu P
 2009 Acta Phys. Sin. 58 4914 (in Chinese) [洪伟毅、杨振宇、
 兰鹏飞、张庆斌、李钱光、陆培祥 2009 物理学报 58 4914]
- [26] Zheng Y H, Zeng Z N, Zou P, Zhang L, Li X F, Liu P, Li R
 X, Xu Z Z 2009 Phys. Rev. Lett. 103 043904

Efficient generation of ultra-broadband supercontinuum in the mid-infrared polarization gating*

Liu Kun-Long Hong Wei-Yi Wang Shao-Yi Zhang Qing-Bin Lu Pei-Xiang[†]

(Wuhan National Laboratory for Optoelectronics, Huazhong University of Science and Technology, Wuhan 430074, China) (Received 13 July 2010; revised manuscript received 14 September 2010)

Abstract

We theoretically investigate the process of the efficient ultra-broadband supercontinuum generation in the mid-infrared polarization gating. The polarization gating at 2000 nm is adopted to restrict the recombination of the electron into one-half optical cycle and extend the spectrum cut-off to 270 eV. And a 0.5 fs ultraviolet pulse is synthesized to the polarization gating to control the ionization process. Then the harmonic intensity is enhanced by 4—5 orders, and a 240eV supercontinuum is obtained, supporting a 16 as pulse generation. By filtering out different ranges of the supercontinuum, isolated 110 as pulses with tunable central wavelengths are efficiently generated.

Keywords: high harmonic generation, attosecond, polarization gating, supercontinuum PACS: 32. 80. Rm, 42. 65. Ky, 42. 65. Re

^{*} Project supported by the National Natural Science Foundation of China (Grant No. 10904045).

[†] Corresponding author. E-mail: lupeixiang@ mail. hust. edu. cn