# 初始温度和冷却速率对金属团簇凝固行为的影响\*

李国建 王 强<sup>†</sup> 曹永泽 吕 逍 李东刚 赫冀成 (东北大学材料电磁过程研究教育部重点实验室,沈阳 110004)

(2010年10月18日收到;2010年11月3日收到修改稿)

用分子动力学结合嵌入原子势研究了含有 531 个原子的 Co<sub>531</sub>, Cu<sub>531</sub>和 Ni<sub>531</sub>团簇从不同初始温度以不同冷却 速率凝固到 200 K 时的凝固行为.结果表明初始温度和冷却速率对团簇的凝固点有很大影响.初始温度越高,冷 却速率越小,团簇的凝固点越高.凝固条件的改变会对三种团簇的凝固结构产生不同的影响.Cu<sub>531</sub>和 Ni<sub>531</sub>团簇尽 管在不同条件下的凝固点不同,但凝固结构都是二十面体.而 Co<sub>531</sub>从高温以低冷却速率凝固时会形成与其块体相 同的 hcp 结构,其他条件下的凝固成二十面体结构.

关键词:金属团簇,凝固,分子动力学模拟 PACS: 36.40.-c,61.46.Bc

# 1. 引 言

金属团簇随着尺寸的减小,其表面积会急剧增 加,从而诱导团簇展现出许多有别于块体的奇异的 物理化学特性[1]. 这些具有稳定物理和化学特性团 簇的产生大多会经历一个凝固过程,因此近年来有 关团簇凝固过程的研究成为热点. 相关研究有利于 揭示团簇微观结构与凝固行为的关系, 这将为团簇 在催化, 传感, 微电子和光电子等领域的应用奠定 理论基础<sup>[2]</sup>.由于纳米团簇凝固行为的复杂性,直 接从实验上进行研究非常困难. 计算机模拟. 尤其 是分子动力学模拟成为揭示该过程的关键途径[3]. 通过对团簇凝固过程的研究,人们发现了与尺寸, 成分等相关的不同的微观结构演化情况[4-6]. 而对于不同的元素由于其表面能不同<sup>[7]</sup>,会导致原 子在热力学过程中对团簇产生不同的影响,这是团 簇结构产生变化的重要因素[8].因此选择具有不同 物性参数的金属团簇,研究不同初始温度和冷却速 率对它们凝固行为的影响,并通过分析它们凝固行 为的异同,可以确定出对团簇凝固过程控制的 方法.

本文选择具有不同表面能和熔点的三种典型

的金属团簇 Co(2197 mJ/m<sup>2</sup>, 1768 K), Cu(1592 mJ/m<sup>2</sup>, 1357.6 K)和 Ni(2104 mJ/m<sup>2</sup>, 1726 K)<sup>[7]</sup>. 团簇中含有 531 个原子, 分别用 Co<sub>531</sub>, Cu<sub>531</sub>和 Ni<sub>531</sub> 表示. 然后采用分子动力学结合嵌入原子势的方法 来研究它们从不同初始温度以不同冷却速率冷却 到 200 K 时的凝固行为. 用温度势能曲线考察团簇 凝固过程中的能量变化和不同凝固条件下的三种 团簇的凝固点. 用凝固快照和键序参数<sup>[9,10]</sup>考察团 簇的结构变化. 通过对比三种团簇能量, 凝固点和 结构演化的不同,确定出初始温度和冷却速率对不 同金属团簇凝固过程的影响规律.

### 2. 模拟细节

本文模拟所用的分子动力学结合嵌入原子方 法的细节及其在模拟纳米团簇时的有效性已在先 前的研究中有过论述<sup>[11-14]</sup>.本文所用的时间步长 为1 fs,凝固过程研究所用的初始团簇获得方法如 下:首先获得升温过程的 Co<sub>531</sub>, Cu<sub>531</sub>和 Ni<sub>531</sub>初始团 簇是从 30a<sub>0</sub>×30a<sub>0</sub>×30a<sub>0</sub>(a<sub>0</sub>是它们块体的晶格常 数)的 fcc 块体中截取出来,具有 fcc 初始结构.然 后将这些团簇在 200 K 弛豫 1 ns 获得相对稳定的结 构作为升温过程的团簇.再将这些团簇以 0.2 K/ps 的升温速率连续升温到高于团簇熔点的 1500 K 和

©2011 中国物理学会 Chinese Physical Society

<sup>\*</sup> 中央高校基本科研业务费资助(批准号: N090309003, N090209001),新世纪优秀人才支持计划(批准号: NCET-06-0289)和111 计划 (批准号: B07015)资助的课题.

<sup>†</sup>通讯联系人. E-mail:wangq@mail.neu.edu.cn

远高于团簇熔点的 2000 K. 本文选择 1500 K 和 2000 K 作为凝固的初始温度, 是因为团簇原子在两 种温度下获得的能量有一个明显的差别,在凝固时 向平衡态演化时所具有的驱动力不同. 而且用处于 液态的团簇作为考察凝固过程的初始团簇,是由于 团簇原子都处于短程有序长程无序状态,可以排除 初始结构对团簇凝固过程的影响.本文选取了三种 不同的冷却速率,分别是0.1 K/ps, 0.167 K/ps 和 0.5 K/ps, 三种情况下团簇原子获得的向平衡态弛豫 的时间不同.团簇的主要凝固过程是:将从升温过 程得到的液态团簇从 2000 K 或者 1500 K 分别以 0.1 K/ps, 0.167 K/ps 和 0.5 K/ps 的速率冷却到 200 K. 在接近凝固点时的150 K 的范围内,温度步长变为 10 K,相应的时间步长也减小,以保证凝固速率恒 定. 然后用能量随温度的变化来确定团簇的凝固点, 用键序参数和凝固快照考察凝固后的结构.

## 3. 结果与讨论

图1给出了 Co<sub>531</sub>, Cu<sub>531</sub>和 Ni<sub>531</sub>三种团簇升温 到 2000 K 和从 2000 K 以 0.1 K/ps 冷却速率降温的 势能与温度的关系曲线. 从图 1 中可以看出, 对于 三种团簇,在它们的熔点和凝固点附近的热力学曲 线并不重合,而是凝固曲线相对升温曲线有一个滞 后过程,这是由于团簇熔化和凝固时表面和内部原 子的热力学行为不同造成的,这在先前的研究中也 有所发现<sup>[15]</sup>.另外,无论是升温还是降温过程,液 态原子的能量在相同温度时相同,但在团簇凝固后 的能量都明显低于团簇升温时相同温度的能量. 这 说明,团簇凝固后处于低能态,凝固过程可以得到 相对稳定的团簇. 从降温曲线中能量的突变点可以 获得团簇的凝固点. 将凝固点与凝固初始温度和冷 却速率相结合,可以得到凝固点与初始温度和冷却 速率的关系,如图2所示.可以看出,随着初始温 度的降低它们的凝固点都降低. 这是因为从高温凝 固时,原子可以获得较高的能量,具有较大的向平 衡态弛豫的能力,在降温时也就容易达到稳态,所 以只要较少的温度降低就可以凝固. 而低温时凝固 时原子能量较低,要达到稳态需要在较大的温度降 低才能凝固. 从冷却速率与凝固点的关系可以看 出,随着冷却速率的升高,其凝固点是逐渐降低 的. 这是因为原子能量相同时, 弛豫时间越长, 也 就是冷却速率越小,团簇原子向平衡态运动的越

#### 多, 越容易达到稳态从而凝固.



图 1 团簇升温到 2000 K 和从 2000 K 以 0.1 K/ps 的冷却速率 降温的势能温度曲线 (a) Co<sub>531</sub>; (b) Cu<sub>531</sub>; (c) Ni<sub>531</sub>



图 2 不同凝固条件下团簇的凝固点

然后,用如图 3 所示的冷却到 200 K 时的快照 考察了团簇凝固后的结构.从图中可以看出,Cu<sub>531</sub> 和 Ni<sub>531</sub>凝固后的形貌大致相同,就是中心有一个 轴,周围有十个棱边的二十面体.也就是说尽管在 不同凝固条件下团簇的凝固点不同,但其凝固的结 构却是相同的.而从团簇凝固后的球形轮廓和外层 原子的有序度上可以看出,冷却速率越小,团簇凝 固成的二十面体结构越规整.Co<sub>531</sub>与 Cu<sub>531</sub>和 Ni<sub>531</sub> 的凝固有所不同.从 2000 K 以 0.1 K/ps 和 0.167 K/ps 的冷却速率凝固后的团簇由密排面的(111)面 堆积而成.通过与先前的研究对比<sup>[11]</sup>可以发现,它 们形成了一种由(111)面以 AB 堆积的类 hcp 结构, 而这与 Co 块体的结构相同.Co<sub>531</sub>在其他条件下均 凝固成二十面体.对于 Cu<sub>531</sub>和 Ni<sub>531</sub>未发现凝固成 与它们块体相同的 fcc 结构.由于本文所选的 2000 K 的初始温度可以使具有最高熔点的 Co<sub>531</sub>在低冷 却速率下凝固成与其块体相同的结构.但对于具有 低熔点的 Cu<sub>531</sub>和 Ni<sub>531</sub>并未凝固成与其块体相同的 结构.因此可以推断对于 Cu<sub>531</sub>和 Ni<sub>531</sub>,初始温度和 冷却速率不是其未能形成与其块体具有相同结构 的主要原因.结合课题组先前的研究<sup>[16]</sup>发现,三种 团簇只有过剩能量相差较大.在相同凝固条件下, Co<sub>531</sub>的凝固过程中释放的过程能量最大,其次是 Cu<sub>531</sub>和 Ni<sub>531</sub>.由此可以确定释放的较大的过剩能量 是造成 Co<sub>531</sub>在 2000 K 以低冷却速率凝固时凝固成 hcp 结构的主要原因.





为了确定团簇凝固过程中结构的演化情况,本 文用键序参数的 W<sub>6</sub> 来考察了团簇凝固结构与凝固 条件的关系,如图 4 所示.从图 4(a)中可以看出, 在液态时由于原子不稳定,Co<sub>531</sub>的 W<sub>6</sub> 值在 0 值附 近剧烈波动.随着温度的降低,W<sub>6</sub> 值会随着团簇的 凝固发生突变,之后随着温度的降低几乎不再发生 改变.这说明团簇的最终结构是团簇在凝固时形成 的,不存在凝固后的相变过程.将稳定后的 W<sub>6</sub> 值 进行平均并与标准值进行对比发现,如图 4(b)所 示,Co<sub>531</sub>从 2000 K 以 0.1 K/ps 和 0.167 K/ps 的速 率凝固后的值与 hcp 结构的值近似,其他条件下与 二十面体结构的值近似.这个结果与从凝固快照得 到的结果相同.Ni<sub>531</sub>和 Cu<sub>531</sub>凝固后的值均与二十面 体结构的值近似,这也与凝固快照的结果一致,说 明它们均凝固成二十面体.

# 4. 结 论

本文选取了含有 531 个原子的三种不同的团簇 Co<sub>531</sub>, Cu<sub>531</sub>和 Ni<sub>531</sub>, 用分子动力学结合嵌入原子方 法研究了它们冷却到 200 K 时的凝固行为. 用势能 温度曲线, 凝固结构快照和键序参数考察了初始温 度和冷却速率对凝固的影响. 通过对比三种不同团 簇的凝固结果发现, 初始温度和冷却速率对团簇的 凝固点有很大影响. 初始温度越高, 冷却速率越 小, 团簇的凝固点越高. 尽管凝固条件会对团簇的 凝固点产生影响, 但对凝固结构的影响却不相同. 其中 Co<sub>531</sub>由于在凝固时释放较大的过剩能量, 团簇



图4 (a) Co<sub>531</sub>以不同冷却速率凝固时的键序参数 W<sub>6</sub>; (b) 不同凝固条件下团簇的 W<sub>6</sub> 值

在高温低冷却速率时会凝固成与其块体相同的 HCP 结构,其他的凝固成二十面体结构.而对于 Cu<sub>531</sub>和 Ni<sub>531</sub>尽管在不同条件下的凝固点不同,但凝固结构都是二十面体.

- [1] Wilcoxon J P, Abrams B L 2006 Chem. Soc. Rev. 35 1162
- [2] Wang G H 2003 Cluster Physics (Shanghai: Shanghai Science & Technology Press) (in Chinese) [王广厚 2003 团簇物理学 (上海:上海科学技术出版社)]
- [3] Wang W C 2002 Understanding Molecular Simulation-From Algorithms to Applications (Beijing: Chemical Industry Press) (in Chinese) [汪文川 2002 分子模拟—从算法到应用(北 京:化学工业出版社)]
- [4] Chushak Y G, Bartell L S 2003 J. Phys. Chem. B 107 3747
- [5] Yang Q W, Zhu R Z 2005 Acta Phys. Sin. 54 4245 (in Chinese) [杨全文、朱如曾 2005 物理学报 54 4245]
- [6] Zhou L L, Liu R S, Hou Z Y, Tian Z A, Lin Y, Liu Q H 2008
  Acta Phys. Sin. 57 3653 (in Chinese) [周丽丽、刘让苏、侯
  兆阳、田泽安、林 艳、刘全慧 2008 物理学报 57 3653]
- [7] Nanda K K, Sahu S N, Behera S N 2002 Phys. Rev. A 66 013208

- [8] Nam H S, Hwang N M, Yu B D, Yoon J K 2002 Phys. Rev. Lett. 89 275502
- [9] Cheng D J, Cao D P 2008 Chem. Phys. Lett. 461 71
- [10] Sankaranarayanan S K R S, Bhethanabotla V R, Joseph B 2005 Phys. Rev. B 71 195415
- [11] Li G J, Wang Q, Li D G, Lü X, He J C 2008 Phys. Lett. A 372 6764
- [12] Li G J, Wang Q, Li D G, Lü X, He J C 2009 Mater. Chem. Phys. 114 746
- [13] Li G J, Wang Q, Li H T, Wang K, He J C 2008 Chin. Phys. B 17 3343
- [14] Wang Q, Li G J, Li D G, Lü X, He J C 2009 Chin. Phys. B 18 1843
- [15] Lewis L J, Jensen P, Barrat J L 1997 Phys. Rev. B 56 2248
- [16] Li G J, Wang Q, Wang K, Liu T, Li D G, He J C 2009 Model. Simul. Mater. Sc. 17 055005

# Effects of initial temperature and cooling rate on freezing behaviors of metallic clusters \*

Li Guo-Jian Wang Qiang<sup>†</sup> Cao Yong-Ze Lü Xiao Li Dong-Gang He Ji-Cheng

(Key Laboratory of Electromagnetic Processing of Materials (Ministry of Education), Northeastern University, Shenyang 110004, China)

(Received 18 October 2010; revised manuscript received 3 November 2010)

#### Abstract

The effects of initial temperature and cooling rate on the freezing behaviors of clusters  $Co_{531}$ ,  $Cu_{531}$ , and  $Ni_{531}$  are studied by the molecular dynamics with a general embedded atom method. The results show that their freezing points are obviously influenced by initial temperature and cooling rate. Higher initial temperature or smaller cooling rate results in a higher freezing point. The variations of freezing structures for all clusters with the change of freezing condition are different. The icosahedron is formed for  $Cu_{531}$  and  $Ni_{531}$  in spite of their different freezing points. The HCP structure similar to the Co bulk is formed for  $Co_{531}$  under higher initial temperature and smaller cooling rate, the icosahedron is formed for other conditions.

Keywords: cluster, freezing, molecular dynamics **PACS**: 36.40.-c, 61.46. Bc

<sup>\*</sup> Project supported by the Fundamental Research Funds for the Central Universities (Grant Nos. N090309003, N090209001), the Program for New Century Excellent Talents in University (Grant No. NCET-06-0289) and the 111 project (Grant No. B07015).

<sup>†</sup> Corresponding author. E-mail: wangq@ mail. neu. edu. cn