四能级原子介质中 Goos-Hänchen 位移的相干控制*

苏家妮1) 邓文武1)2)† 李高翔1)

(华中师范大学物理科学与技术学院,武汉 430079)
 (咸宁学院光子学与光子技术研究所,咸宁 437100)
 (2011 年 7 月 14 日收到; 2011 年 11 月 15 日收到修改稿)

通过外加驱动光场的调控改变腔中四能级原子介质的色散 - 吸收关系,从而来调控反射光和透射光的 Goos-Hänchen 位移.研究表明介质可同时对探测光场进行放大和吸收,在介质对探测光的吸收和放大相互抵消(即介质呈现透明特性)的区域附近,对 Goos-Hänchen 位移的控制比强吸收或强放大特性下要灵敏,可以实现位移的突变和增强.

关键词:四能级原子, Goos-Hänchen 位移, 相干控制

PACS: 42.50.-P

1引言

1947年, Goos 和 Hänchen^[1,2] 通过实验观察到 光束在两种介质表面发生全反射时, 反射点相对 于入射点在空间上有一个侧向距离, 这个距离被 称为 Goos-Hänchen 位移.由于 Goos-Hänchen 位移 有着深刻的物理内涵和潜在的应用, 自发现以来备 受物理界的关注, 被广泛应用于声学^[3]、薄膜光 学^[4]、量子力学^[5]和波导^[6,7]等领域中.

迄今为止,理论和实验对 Goos-Hänchen 位移 进行了广泛的研究,人们一直通过各种手段来提高 和控制 Goos-Hänchen 位移.例如: Berman^[8] 在负 折射率介质中,发现负的 Goos-Hänchen 位移; Chen 和 Li^[9] 将介质更换为放大的电介质板结构,研究表 明负的 Goos-Hänchen 位移的最大值几乎都出现在 临界角的附近,尤其是在弱吸收介质中^[10],会出现 很大的负向 Goos-Hänchen 位移.然而,这些研究都 是通过改变介质的结构或种类来实现的.事实上, 对一个固定结构或种类的 Goos-Hänchen 位移的操 控更具有实际的应用.

近些年来,随着腔量子电动力学 (QED) 发展, 原子介质的吸收 - 色散特性可以通过外加光场来 进行调控.基于此,人们又提出了利用原子介质 的吸收 - 色散特性, 进而来控制 Goos-Hänchen 位 移的方案成为新的研究热点,各种不同的方案被 提出. Wang 等^[11] 将二能级原子系统作为腔内介 质,利用外加控制场来改变原子的吸收-色散特 性,并指出当介质对探测光有弱吸收时,透射光 的 Goos-Hänchen 位移是正向的, 然而当介质对探 测光有较大的增益作用时, 探测光 (反射光或透射 光)的 Goos-Hänchen 位移会出现很大的负向位移; 最近, Ziauddin 等^[12]同样利用外加控制场来调控 介质的吸收-色散特性,分别讨论了以三能级电 磁诱导透明 (EIT) 结构和四能级 EIT 介质作为腔 内介质时, Goos-Hänchen 位移随入射角度的变化, 并指出当介质呈现透明状态时,反射光和透射光 的 Goos-Hänchen 位移完全重合,实现了四能级原 子介质极弱吸收情况下大的正、负 Goos-Hänchen 位移.因此,利用外加控制场对固定结构介质的吸 收 - 色散特性的改变来实现对 Goos-Hänchen 位移 的控制和增强,成为这一课题研究的重要方法.

^{*}国家自然科学基金(批准号:11074087)资助的课题.

[†] E-mail: dwwnu@126.com

^{© 2012} 中国物理学会 Chinese Physical Society

然而,并不是只有 EIT 结构的介质才能实现介 质的透明特性, 2005年, Yavuz^[13]在理论上提出了 实现无吸收增大折射率的方案,在此方案中运用四 能级原子系统作为研究介质,用两束激光来调控双 光子 Raman 干涉过程,从而达到增大折射率、减 少吸收的目的. 随后, Yavuz 等^[14] 在实验上成功 实现了 Rb 原子蒸气在无吸收情况下折射率的增 强. 最近, Yavuz 和 Sikes^[15] 又讨论了通过三阶非线 性 Kerr 效应的增益来实现弱耦合作用下无吸收折 射率的增强. 在实际应用中, 人们关注的是如何在 极弱吸收情况下实现大的 Goos-Hänchen 位移的调 控. 本文是在 Yavuz 等提出的这些理论和实验的基 础上,通过外加驱动光场的调控改变腔中四能级原 子介质的色散-吸收关系,考虑无吸收折射率的增 强对反射光和透射光的 Goos-Hänchen 位移的影响. 研究表明在透明区域附近对 Goos-Hänchen 位移的 控制比强吸收或强放大特性下要灵敏,可以实现位 移的突变和增强,调节系统的失谐量的正负,能够 改变 Goos-Hänchen 位移的正负.

2 Goos-Hänchen 位移的测量模型及其 腔内介质的极化率

如图 1 所示, 测量 Goos-Hänchen 位移的光学 模型包括三层介质, 第一、三层的绝缘介质透明板 构成腔的表面, 两层透明板的厚度均为 d_1 , 介电系 数均为 ε_1 ; 腔内介质是如图 2 所示的原子气体, 厚 度为 d_2 , 介电系数为 ε_2 . 弱入射探测光 E_p 以 θ 角 入射到透明腔板, θ 角表示入射光线与 z 轴的夹角. 弱入射探测光经过第一层透明腔板、腔内原子气 体和第三层透明腔板后透射出来, 对应的侧向位移 为 S_t ; S_r 表示反射光的侧向位移. 原子气体被 y 轴 方向加入的强驱动场 E_{c1} , E_{c2} 驱动.

图 2 是腔内原子气体的能级结构 ^[13], 其四个 能级分别是上激发态 $|e\rangle$, 基态 $|g\rangle$, 以及两个亚稳 态 $|1\rangle$ 和 $|2\rangle$; 弱探测光 E_p 驱动 $|g\rangle \leftrightarrow |e\rangle$ 跃迁; 两个外加强驱动场 E_{c1} , E_{c2} 分别驱动 $|e\rangle \leftrightarrow |1\rangle$ 和 $|e\rangle \leftrightarrow |2\rangle$ 跃迁. 假设从态 $|g\rangle$, $|1\rangle$, $|2\rangle$ 到态 $|e\rangle$ 的 三个单光子跃迁过程均是大失谐的. Γ_{e} , γ_{1} , γ_{2} 分别 表示态 $|e\rangle$, $|1\rangle$ 及 $|2\rangle$ 的衰减率; 虽然三个单光子过 程的失谐量均很大, 但可发生近共振的 $|g\rangle \leftrightarrow |e\rangle \leftrightarrow$ $|1\rangle$ 和 $|g\rangle \leftrightarrow |e\rangle \leftrightarrow |2\rangle$ Raman 双光子跃迁; 且 Raman 双光子失谐量 $\delta\omega_1 = (\omega_1 - \omega_g) - (\omega_{c1} - \omega_p)$, $\delta\omega_2 = (\omega_2 - \omega_g) - (\omega_p - \omega_{c2})$. 对于实际四能级原 子气体中的双光子 Raman 干涉过程可以通过两个 铷原子同位素 ⁸⁷Rb 和 ⁸⁵Rb 来实现 ^[14].





在偶极和旋波近似下,体系在相互作用绘景中 的哈密顿量为 (*ħ* = 1)

$$H^{(I)} = -\frac{1}{2} \Omega_{\rm pg} |g\rangle \langle e| e^{i(\omega_{\rm g} - \omega_{\rm e} + \omega_{\rm p})t} -\frac{1}{2} \Omega_{\rm c2} |2\rangle \langle e| e^{i(\omega_{\rm 2} - \omega_{\rm e} + \omega_{\rm c2})t} -\frac{1}{2} \Omega_{\rm p1} |1\rangle \langle e| e^{i(\omega_{\rm 1} - \omega_{\rm e} + \omega_{\rm p})t} -\frac{1}{2} \Omega_{\rm c1} |g\rangle \langle e| e^{i(\omega_{\rm g} - \omega_{\rm e} + \omega_{\rm c1})t} + \text{H.c.}$$
(1)

 Ω_{pg} , Ω_{p1} 是探测光与原子的耦合强度; Ω_{c1} , Ω_{c2} 分别是两个驱动场与原子的耦合强度; ω_{p} , ω_{c1} , ω_{c2} 分别是探测场 E_{p} 和两个驱动场 E_{c1} , E_{c2} 的频率.

假定体系在任意时刻的态函数为 $|\psi(t)\rangle = c_e|e\rangle + c_g|g\rangle + c_1|1\rangle + c_2|2\rangle$,利用相互作用绘景中的薛定谔方程 ^[16],得到原子各个能态几率幅随时

间的演化方程为

ъ

$$\begin{aligned} \frac{\mathrm{d}c_{\mathrm{g}}}{\mathrm{d}t} &= \frac{\mathrm{i}}{2} \Omega_{\mathrm{pg}} \mathrm{e}^{\mathrm{i}[(\omega_{\mathrm{g}}-\omega_{\mathrm{e}})+\omega_{\mathrm{p}}]t} c_{\mathrm{e}} \\ &+ \frac{\mathrm{i}}{2} \Omega_{\mathrm{c1}} \mathrm{e}^{\mathrm{i}[(\omega_{\mathrm{g}}-\omega_{\mathrm{e}})+\omega_{\mathrm{c1}}]t} c_{\mathrm{e}}, \end{aligned}$$
(2a)

$$\frac{\mathrm{d}c_1}{\mathrm{d}t} = -\gamma_1 c_1 + \frac{\mathrm{i}}{2} \Omega_{\mathrm{p}1} \mathrm{e}^{\mathrm{i}[(\omega_1 - \omega_{\mathrm{e}}) + \omega_{\mathrm{p}}]t} c_{\mathrm{e}}, \qquad (2\mathrm{b})$$

$$\frac{\mathrm{d}c_2}{\mathrm{d}t} = -\gamma_2 c_2 + \frac{\mathrm{i}}{2} \Omega_{\mathrm{c2}} \mathrm{e}^{\mathrm{i}[(\omega_2 - \omega_\mathrm{e}) + \omega_{\mathrm{c2}}]t} c_\mathrm{e}, \qquad (2\mathrm{c})$$
$$\frac{\mathrm{d}c_\mathrm{e}}{\mathrm{d}c_\mathrm{e}} = -\frac{\mathrm{i}}{2} \Omega_{\mathrm{c2}} \mathrm{e}^{\mathrm{i}[(\omega_2 - \omega_\mathrm{e}) + \omega_{\mathrm{c2}}]t} \mathrm{d}c_\mathrm{e}, \qquad (2\mathrm{c})$$

$$\frac{\mathrm{d} c_{\mathrm{e}}}{\mathrm{d} t} = -\Gamma_{\mathrm{e}} c_{\mathrm{e}} + \frac{1}{2} \Omega_{\mathrm{pg}} \mathrm{e}^{\mathrm{i} [(\omega_{\mathrm{e}} - \omega_{\mathrm{g}}) - \omega_{\mathrm{p}}] t} c_{\mathrm{g}} + \frac{\mathrm{i}}{2} \Omega_{\mathrm{c1}} \mathrm{e}^{\mathrm{i} [(\omega_{\mathrm{e}} - \omega_{\mathrm{g}}) - \omega_{\mathrm{c1}}] t} c_{\mathrm{g}} + \frac{\mathrm{i}}{2} \Omega_{\mathrm{c2}} \mathrm{e}^{\mathrm{i} [(\omega_{\mathrm{e}} - \omega_{2}) - \omega_{\mathrm{c2}}] t} c_{2} + \frac{\mathrm{i}}{2} \Omega_{\mathrm{p1}} \mathrm{e}^{\mathrm{i} [(\omega_{\mathrm{e}} - \omega_{1}) - \omega_{\mathrm{p}}] t} c_{1}, \qquad (2d)$$

(2) 式中已唯象地引入了原子的衰变效应. 这里考虑到光场与原子的大失谐,因此原子在激光场作用下跃迁到激发态 $|e\rangle$ 的概率很小,从而可以绝热消除激发态 $|e\rangle$,即: $dc_e/dt = 0$.同时由于探测光足够弱,原子几乎始终在基态 $|g\rangle$ 上,即: $c_g \approx 1$.利用原子的极化率公式 $P_p = \rho_{eg}\mu_{ge} + \rho_{1e}\mu_{e1} + H.c.$,得到介质的线性极化强度为

$$P_{\rm p} = 2NE_{\rm p} \times \left(a_{\rm p} + \frac{|B_1|^2 |E_{\rm c1}|^2}{2 \left\{ \delta \omega_1 - i \left[\gamma_1 - \frac{1}{2} {\rm Im} \left(D_1 |E_{\rm c1}|^2 \right) \right] \right\}} + \frac{|B_2|^2 |E_{\rm c2}|^2}{2 \left\{ \delta \omega_2 + i \left[\gamma_2 + \frac{1}{2} {\rm Im} \left(D_2 |E_{\rm c2}|^2 \right) \right] \right\}} \right), \quad (3)$$

其中, $a_{\rm p} = \frac{1}{2} \left[\frac{|\mu_{\rm ge}|^2}{(\omega_{\rm e} - \omega_{\rm g}) - \omega_{\rm p} - \mathrm{i}\Gamma_{\rm e}} \right]$. 根据极化率 和极化强度的关系: $P_{\rm p} = \varepsilon_0 \chi E_{\rm p}$,得到在探测场的 相干影响下介质的线性极化率为^[13]

$$\chi = \chi' + i\chi''$$

$$= \frac{2N}{\varepsilon_0}$$

$$\times \left(a_p + \frac{|B_1|^2 |E_{c1}|^2}{2\left\{ \delta\omega_1 - i\left[\gamma_1 - \frac{1}{2} \operatorname{Im}\left(D_1 |E_{c1}|^2\right)\right] \right\}} \right)$$

$$+\frac{|B_{2}|^{2}|E_{c2}|^{2}}{2\left\{\delta\omega_{2}+i\left[\gamma_{2}+\frac{1}{2}\mathrm{Im}\left(D_{2}|E_{c2}|^{2}\right)\right]\right\}}\right),$$
(4)

这里

$$\begin{split} B_1 &= \frac{1}{2} \left[\frac{\mu_{\rm ge} \mu_{\rm 1e}^*}{(\omega_{\rm e} - \omega_{\rm g}) - \omega_{\rm c1} - \mathrm{i}\Gamma_{\rm e}} \right], \\ B_2 &= \frac{1}{2} \left[\frac{\mu_{\rm ge} \mu_{\rm 2e}^*}{(\omega_{\rm e} - \omega_{\rm g}) - \omega_{\rm p} - \mathrm{i}\Gamma_{\rm e}} \right], \\ D_1 &= \frac{1}{2} \left[\frac{\mu_{\rm ge} \mu_{\rm ge}^*}{(\omega_{\rm e} - \omega_{\rm 1}) - \omega_{\rm p} - \mathrm{i}\Gamma_{\rm e}} \right], \\ D_2 &= \frac{1}{2} \left[\frac{\mu_{\rm 2e} \mu_{\rm 2e}^*}{(\omega_{\rm e} - \omega_{\rm 2}) - \omega_{\rm c2} - \mathrm{i}\Gamma_{\rm e}} \right], \end{split}$$

其中, μ_{ij} 表示从 $|i\rangle$ 态到 $|j\rangle$ 态跃迁的电偶极矩, N 是单位体积内的原子数, ε_0 是真空中的介电常数. (4) 式表明, 在弱探测光的作用下, 介质的线性极化 率包括三项: 第一项表示在没有外加强驱动场时, 探测光 E_p 的极化率; 第二项是引起增益的项, 是由 基态 $|g\rangle$ 吸收一个驱动场 E_{c1} 的光子到 $|e\rangle$ 态, 再 由 $|e\rangle$ 态发射一个探测光光子到 $|1\rangle$ 态的过程, 从 而导致介质对探测光的放大; 第三项表征引起吸收 的项, 处在基态 $|g\rangle$ 的原子吸收一个探测光子, 通 过 $|g\rangle \leftrightarrow |e\rangle \leftrightarrow |2\rangle$ Raman 过程跃迁到 $|2\rangle$ 态, 从而 导致介质对探测光的吸收. 如果介质对探测光的吸 收和放大相互抵消, 那么介质将呈现透明的性质.

3 Goos-Hänchen 位移的数值分析

根据特征矩阵法 ^[17,18], 光在第 *j* 层介质中的 传播矩阵为: $M = \begin{bmatrix} \cos(k_z^j d_j) & i\sin(k_z^j d_j)/q_j \\ iq_j \sin(k_z^j d_j) & \cos(k_z^j d_j) \end{bmatrix}$, 其中, $k_z^j = \sqrt{\varepsilon_j k^2 - k_y^2}$ 表示第 *j* 层介质中波数 *k* 的 *z* 分量; $\varepsilon_2 = 1 + \chi$; $q_j = k_z^j/k$; d_j 表示第 *j* 层介质的厚度; k_y 表示真空中波数 *k* 的 *y* 分量; $k = \omega_p/c$ (*c* 是真空中的光速). 探测光通过三层介 质后总的传播矩阵 $Q = M_1 M_2 M_3$. 根据光在多层 膜中的反射和透射理论 ^[19,20], 探测光的反射和透 射系数分别为

$$R(k_y, \omega_{\rm p}) = \frac{q_0(Q_{22} - Q_{11}) + (q_0^2 Q_{12} - Q_{21})}{q_0(Q_{22} + Q_{11}) + (q_0^2 Q_{12} + Q_{21})},$$
(5a)

$$T(k_y, \omega_{\rm p}) = \frac{2q_0}{q_0(Q_{22} + Q_{11}) + (q_0^2 Q_{12} + Q_{21})}, \tag{5b}$$

其中, $q_0 = k_z/k$, k_z 表示真空中波数 k的 z 分量; Q_{ij} 为总传播矩阵 Q 的矩阵元. 令 $R(d,k_y) = |R(d,k_y)| \exp[i\phi_r(d,k_y)]$, $T(d,k_y) =$ $|T(d,k_y)| \exp[i\phi_t(d,k_y)]$, 其中, ϕ_r , ϕ_t 分别为反射系 数和透射系数的相位. 则有:

$$\frac{\mathrm{d}\phi_{\mathrm{r}}(d,k_{y})}{\mathrm{d}k_{y}} = \mathrm{i} \left[\frac{1}{|R(d,k_{y})|} \frac{\mathrm{d} |R(d,k_{y})|}{\mathrm{d}k_{y}} - \frac{1}{R(d,k_{y})} \frac{\mathrm{d}R(d,k_{y})}{\mathrm{d}k_{y}} \right], \quad (6a)$$

$$\frac{\mathrm{d}\varphi_{t}(u, hy)}{\mathrm{d}k_{y}} = \mathrm{i} \left[\frac{1}{|T(d, k_{y})|} \frac{\mathrm{d}\left[T(d, h_{y})\right]}{\mathrm{d}k_{y}} - \frac{1}{T(d, k_{y})} \frac{\mathrm{d}T(d, k_{y})}{\mathrm{d}k_{y}} \right].$$
(6b)



 $\begin{array}{c}
-0.01 \\
-0.02 \\
-15 \\
-15 \\
-10 \\
-5 \\
\delta\omega_1
\end{array}$

图 3 介质极化率的实部 χ' (实线) 和虚部 χ'' (虚线) 随失谐 量 $\delta\omega_1$ 的变化规律 (a) $\Delta = 10$ kHz; (b) $\Delta = 5$ kHz; (c) $\Delta = -5$ kHz

利用稳态相位法 ^[21-23], Goos-Hänchen 位移公 式满足 $S_{\mathrm{r,t}} = -\frac{\lambda}{2\pi} \frac{\mathrm{d}\phi_{\mathrm{r,t}}}{\mathrm{d}k_y}$,将 (6a) 和 (6b) 式代到位 移公式中,得到反射光和透射光的侧向位移分别为 $S_{\mathrm{r}} = -\frac{\lambda}{2\pi} \frac{\mathrm{d}\phi_{\mathrm{r}}}{\mathrm{d}k_y}$ $= -\frac{\lambda}{2\pi} \frac{1}{|R|^2} \left\{ \operatorname{Re}[R] \frac{\mathrm{dIm}[R]}{\mathrm{d}k_y} - \operatorname{Im}[R] \frac{\mathrm{dRe}[R]}{\mathrm{d}k_y} \right\},$ $S_{\mathrm{t}} = -\frac{\lambda}{2\pi} \frac{\mathrm{d}\phi_{\mathrm{t}}}{\mathrm{d}k_y}$ $= -\frac{\lambda}{2\pi} \frac{1}{|T|^2} \left\{ \operatorname{Re}[T] \frac{\mathrm{dIm}[T]}{\mathrm{d}k_y} - \operatorname{Im}[T] \frac{\mathrm{dRe}[T]}{\mathrm{d}k_y} \right\}.$ (7)





0.8

1.2

1.6

0.4

0

图 4 介质处于透明区域附近, 反射光 *S*_r 和透射光 *S*_t 的 Goos-Hänchen 位移随入射角的变化规律 (a) $\delta\omega_1 = 5$ kHz, *S*_r (实 线), *S*_r (虛线); (b), (c) $\delta\omega_1 = 5$ kHz (实线), $\delta\omega_1 = 4.9$ kHz (点 线), $\delta\omega_1 = 5.1$ kHz (虛线). $\Delta = 10$ kHz

下面来分析在不同的条件下,极化率的不同 特性对探测场的 Goos-Hänchen 位移的影响.为 了便于计算, 定义失谐量 $\Delta = \delta\omega_1 + \delta\omega_2$. 同 时选定参数: 探测光的波长 $\lambda_p = 800$ nm; 偶极 距 $\mu_{eg} = \mu_{1e} = \mu_{2e} = 1$ a.u.; 原子密度 $N = 10^{13}$ /cm³; 衰变率 $\Gamma_e = 2\pi \times 3$ MHz; $a_p = B_1 = B_2 = 1.08 \times 10^{-4}$ mks; $\gamma_1 = \gamma_2 = 1$ kHz; 驱动光场 强度 $I_{c1} = I_{c2} = 10^9$ W/cm³. 假定 $d_1 = 0.2$ µm, $d_2 = 5$ µm, $\varepsilon_1 = 2.22$.

图 3 给出了失谐量 △ 取不同值时, 介质的极 化率随 Raman 双光子失谐量 $\delta\omega_1$ 的变化. 原子 在外加控制场的作用下,发生 $|q\rangle$ ↔ $|e\rangle$ ↔ $|1\rangle$ $\pi | g \rangle \leftrightarrow | e \rangle \leftrightarrow | 2 \rangle$ 两个 Raman 双光子跃迁, $|g\rangle \leftrightarrow |e\rangle \leftrightarrow |1\rangle$ 跃迁通道对应介质吸收一个强 驱动场 E_{c1} 的光子从基态 $|g\rangle$ 跃迁到 $|e\rangle$ 态, 同 时从 |e> 态发射出一个探测光光子到 |1> 态的过 程, 而 $|q\rangle$ ↔ $|e\rangle$ ↔ $|2\rangle$ 通道则是反映基态 $|g\rangle$ 吸 收一个探测光光子到 |e> 态, 再由 |e> 态发射一个 驱动场 Ec2 光子到 |2) 态的过程. 如果选择适当 的参数,即 $\delta\omega_1 = \delta\omega_2 = \Delta/2$ 时,介质对探测光 的吸收和发射相互抵消,介质对探测光的吸收为 零,此时介质为透明介质,如图 3 所示. 当 $\Delta > 0$, $\delta\omega_1 < \Delta/2$ 时,在 $\delta\omega_1 = \Delta/2$ 的透明点附近,介质 通过通道 $|g\rangle \leftrightarrow |e\rangle \leftrightarrow |1\rangle$ 发射出的探测光光子数 比通道 $|g\rangle \leftrightarrow |e\rangle \leftrightarrow |2\rangle$ 吸收的探测光光子数要少, 介质表现为对探测光的吸收特性; 而 $\delta\omega_1 > \Delta/2$ 时, 介质发射的探测光光子数比吸收的探测光光 子数要强, 此时, 介质表现为对探测光的放大特 性, 如图 3(a) 和 (b) 所示. 图 3(c) 为 $\Delta < 0$ 的情 况, 在 $\delta\omega_1 = \Delta/2$ 的透明点附近, 吸收性质刚好 与 $\Delta > 0$ 相反. 当 $\delta\omega_1 < \Delta/2$ 时, 介质表现为增益 介质; 当 $\delta\omega_1 > \Delta/2$ 时, 介质为吸收介质.

下面分别考察 $\Delta > 0$ 和 $\Delta < 0$ 的情况下, 介质 不同的吸收性质对 Goos-Hänchen 位移的影响.

图 4 分别给出了图 3(a) 所对应的介质在透 明点 $\delta\omega_1 = 5$ kHz, 弱吸收点 $\delta\omega_1 = 4.9$ kHz, 弱 放大点 $\delta\omega_1 = 5.1$ kHz 时, Goos-Hänchen 位移随 探测光入射角的变化. 从图 4(a) 可知介质呈现透 明状态时, 反射光和透射光的 Goos-Hänchen 位移 完全重合, 这一结果与 EIT 介质中透明点处探测 光的 Goos-Hänchen 位移的变化规律相同^[11]. 然 而, 当 $\delta\omega_1$ 的取值偏离透明点时, 反射光和透射光 的 Goos-Hänchen 位移不再重合, 如图 4(b), (c). 当 介质处在弱吸收状态时, 反射光的 Goos-Hänchen 位移由透明点较小幅度的正值转变为幅度很大的 负值, 而透射光的 Goos-Hänchen 位移在某些角度 处要小于透明点时的位移. 然而, 当探测光处于介 质的弱放大作用下, 反射光的正向 Goos-Hänchen



图 5 介质有明显吸收或放大特性时,反射光 S_r 和透射光 S_t 的 Goos-Hänchen 位移随入射角的变化规律 (a), (b) $\delta\omega_1 = 2 \text{ kHz}$ (实线), $\delta\omega_1 = 3 \text{ kHz}$ (点线); (c), (d) $\delta\omega_1 = 7 \text{ kHz}$ (实线), $\delta\omega_1 = 8 \text{ kHz}$ (点线). $\Delta = 10 \text{ kHz}$

位移比在透明点时明显增大了很多,可以通过对失 谐量的微调实现反射光的 Goos-Hänchen 位移的突 变;透射光的位移在某些取值处要比透明点时的位 移大 2—3 个波长,而且 θ 在 1.2 rad—1.3 rad 的角 度范围内, Goos-Hänchen 位移对于入射角的改变更 加敏感.



图 6 介质处于透明区域附近, 反射光 S_r 和透射光 S_t 的 Goos-Hänchen 位移随入射角的变化 (a) $\delta\omega_1 = 2.5$ kHz, S_r (实线), S_r (虚线); (b), (c) $\delta\omega_1 = 2.5$ kHz (实线), $\delta\omega_1 = 2.45$ kHz (点线), $\delta\omega_1 = 2.55$ kHz (虚线). $\Delta = 5$ kHz

图 5 同样给出了图 3(a) 所对应的介质有明显 吸收或放大的情况下, 探测光的 Goos-Hänchen 位 移随入射角的变化. 从图中很明显地看到, 当介 质对探测光有明显吸收或放大作用时, 反射光和 透射光的 Goos-Hänchen 位移较介质有弱吸收或 弱放大时的 Goos-Hänchen 位移有非常明显的减 小. 从图 3(a) 中可以看出, 介质的吸收强度在失谐 量 $\delta\omega_1 = 2$ kHz 时比失谐量 $\delta\omega_1 = 3$ kHz 时要强, 然而,反射光的 Goos-Hänchen 位移在 $\delta\omega_1 = 3$ kHz 时比在 $\delta\omega_1 = 2$ kHz 时对入射角的变化幅度大,透 射光的正向 Goos-Hänchen 位移随着吸收的减弱而 增大,如图 5(a) 和 (b) 所示. 当介质有明显放大性 质时,如图 5(c) 和 (d),失谐量分别为 $\delta\omega_1 = 7$ kHz 和 $\delta\omega_1 = 8$ kHz,介质的放大强度在失谐量 $\delta\omega_1 =$ 7 kHz 时比失谐量 $\delta\omega_1 = 8$ kHz 时要弱,随着放大 作用的增强,反射光的 Goos-Hänchen 位移对入射 角的变化表现得越来越迟缓,而且反射光的侧向位 移出现负值;同时,随着放大作用的增强,透射光 的 Goos-Hänchen 位移也对入射角的变化表现得越 来越迟缓,并且位移的幅度也变小了.因此,介质的



图 7 介质处于透明区域附近, 反射光 S_r 和透射光 S_t 的 Goos-Hänchen 位移随入射角的变化规律 (a) $\delta\omega_1 = -2.5$ kHz, S_r (实 线), S_r (虚线); (b), (c) $\delta\omega_1 = -2.45$ kHz (实线), $\delta\omega_1 = -2.55$ kHz (虚线). $\Delta = -5$ kHz

吸收、放大特性不仅影响 Goos-Hänchen 位移的正 负、大小变化,同时也对 Goos-Hänchen 位移变化 的灵敏度有一定的影响.

图 6 给出了图 3(b) 所对应的介质在透明 点 $\delta\omega_1 = 2.5$ kHz,弱吸收点 $\delta\omega_1 = 2.45$ kHz,弱放 大点 $\delta\omega_1 = 2.55$ kHz 时,探测光的 Goos-Hänchen 位移随入射的变化. 在透明点,反射光和透射 光的 Goos-Hänchen 位移完全重合,如图 6(a),但 是 Goos-Hänchen 位移的幅度比 $\Delta = 10$ kHz 时 的 Goos-Hänchen 位移减小了几个波长. 当失谐量 分别取 2.45, 2.5 和 2.55 kHz 时 (对应图 6(b) 和 (c) 中的点线、实线和虚线), Goos-Hänchen 位移的变 化与 $\Delta = 10$ kHz 时的弱吸收、弱放大情况下的变 化规律相同,由于失谐量 Δ 的取值不同,导致 Goos-Hänchen 位移的幅度明显地减小了.

图 7 给出了图 3(c) 所对应的介质在透明 点 $\delta\omega_1 = -2.5$ kHz,弱吸收点 $\delta\omega_1 = -2.45$ kHz,弱放 大点 $\delta\omega_1 = -2.55$ kHz 时,探测光的 Goos-Hänchen 位移随入射角的变化. 介质的极化率在这种情况 下仍然具有很强的对称性,但是,在所选取的失谐 量范围内,极化率的实部始终小于 0,与 $\Delta > 0$ 时 的情况完全相反. 当取失谐量 $\delta\omega_1 = -2.5$ kHz 的 透明点时,如图 7(*a*),反射光和透射光的侧向位移 仍然完全重合,但是比较失谐量 $\Delta > 0$ 的情况, 在入射角较小时 Goos-Hänchen 位移的峰值得到 极大的增强. 图 7(b) 和 (c) 中,当失谐量取 $\delta\omega_1 =$ -2.45 kHz 和 $\delta\omega_1 = -2.55$ kHz 时,介质分别处于弱 吸收状态和弱放大状态, 对比 $\Delta = 5$ kHz 时透明 点附近的 Goos-Hänchen 位移, 曲线的形状及幅度 明显不同; 介质在处于增益和吸收完全相反的特性 下, 反射光和透射光的侧向位移刚好相反 (图 7(c)), 当 $\theta > 0.2$ rad 时, 反射光和透射光的 Goos-Hänchen 位移重合 (图 7(b)). 通过对 $\Delta < 0$ 的情况分析, 可 以通过调节系统失谐量的正负, 在小角度入射时, 使 Goos-Hänchen 位移出现峰值; 也可以在固定入 射角的前提下, 改变 Goos-Hänchen 位移的正负.

4 结 论

采用两个外加驱动场作用于四能级原子介质, 在失谐量变化时,探测光的 Goos-Hänchen 位移有 极大的变化.分析得出:当分别满足系统的两个 共振条件时,介质分别呈现出吸收和放大特性,透 射光的侧向位移几乎相反,而在取其他值时,介质 的特性将呈现出特殊的对称性;当吸收为零时,反 射光和透射光的侧向位移完全相同;同时,在透明 区域附近对 Goos-Hänchen 位移的控制比强吸收或 强放大特性下要灵敏,可以实现位移的突变;当系 统失谐量为负值时,较小的入射角就能使 Goos-Hänchen 位移达到很大的值.通过调节系统失谐量 的正负,在固定入射角时就可以改变位移的正负, 同时也可以通过 Goos-Hänchen 位移的正负来判断 介质的特性,因此在光学传感器和光学调制器等领 域有着潜在的应用.

- [1] Goos F, Hänchen H 1947 Ann. Phys. 1 333
- [2] Goos F, Hänchen H 1949 Ann. Phys. 5 251
- [3] Briers R, Leroy O, Shkerdin G 2000 J. Acoust. Soc. Am. 108 1622
- [4] Harrick N J 1960 Phys. Rev. Lett. 4 224
- [5] Igneovich V K 2004 Phys. Lett. A 322 32
- [6] Chen F, Hao J, Li H G, Cao Z J 2011 Acta Phys. Sin. 60 074223 (in Chinese) [陈凡, 郝军, 李红根, 曹庄琪 2011 物理学报 60 074223]
- [7] Li G X, Evers J, Keitel C H 2009 Phys. Rev. B 80 045102
- [8] Berman P R 2002 Phys. Rev. E 66 067603
- [9] Chen Y X, Li C F 2007 Phys. Lett. A 361 178
- [10] Wang L G, Chen H, Zhu S Y 2005 Opt. Lett. 30 2936
- [11] Wang L G, Ikram M, Zubairy M S 2008 Phys. Rev. A 77 023811
- [12] Ziauddin, Qamar S, Zubairy M S 2010 Phys. Rev. A 81 023821
- [13] Yavuz D D 2005 Phys. Rev. Lett. 95 223601
- [14] Proite N A, Unks B E, Green J T, Yavuz D D 2008 Phys. Rev. Lett.

101 147401

- [15] Yavuz D D, Sikes D E 2010 Phys. Rev. A 81 035804
- [16] Peng J S, Li G X 1998 Introduction to Modern Quantum Optics (Singapore: Word Scientific)
- [17] Liu N H, Zhu S Y, Chen H, Wu X 2002 Phys. Rev. E 65 046607
- [18] Zheng H X, Ge D B 2000 Acta Phys. Sin. 49 1702 (in Chinese) [郑宏兴, 葛德彪 2011 物理学报 49 1702]
- [19] Yu H, Jiang X Q, Yang J Y, Qi W, Wang M H 2008 Acta Phys. Sin. 57 4208 (in Chinese) [余辉, 江晓清, 杨建义, 戚伟, 王明华 2008 物理学报 57 4208]
- [20] Born M, Wolf E 1999 Principles of Optics (7th Ed.) (Cambridge: Cambridge University Press)
- [21] Li C F 2003 Phys. Rev. Lett. 91 133903
- [22] Artmann K 1948 Ann. Phys. 2 87
- [23] Steinberg A M, Chiao R Y 1994 Phys. Rev. A 49 3283

Coherent control of the Goos-Hänchen shift in four-level atomic medium*

Su Jia-Ni¹⁾ Deng Wen-Wu¹⁾²⁾ Li Gao-Xiang¹⁾

(College of Physical Science and Technology, Huazhong Normal University, Wuhan 430079, China)
 (Institute of Photonics and Photo-Technology, Xianning University, Xianning 437100, China)

(Received 14 July 2011; revised manuscript received 15 November 2011)

Abstract

The manipulation of the Goos-Hänchen shifts in the reflected and transmitted light beam through a cavity containing four-level atomic medium is investigated by modifying the dispersion-absorption properties of the intracavity medium. Via two external coherent control fields, the Goos-Hänchen shifts of the reflected and transmitted beam can be easily controlled. It is found that around the transparent region of the medium, the Goos-Hänchen shifts are very sensitive and can be enhanced as compared with strong absorption and amplification.

Keywords: four-level atom, Goos-Hänchen shift, coherent control **PACS:** 42.50.–P

^{*} Project supported by the National Natural Science Foundation of China (Grant No. 11074087).

[†] E-mail: dwwnu@126.com