## 高斯-谢尔模光束在大气湍流中传输的相干特性研究\*

李成强1)2)† 张合勇1) 王挺峰1) 刘立生1)2) 郭劲1)

1)(中国科学院长春光学精密机械与物理研究所,激光与物质相互作用国家重点实验室,长春 130033)

2)(中国科学院大学,北京 100049)

(2013年6月29日收到; 2013年8月23日收到修改稿)

文章分析了高斯-谢尔光束在大气湍流中传输时相干长度的变化,并与真空传输做比较,真空传输相干长度的 变化只与光源参数有关,大气湍流中传输相干长度的变化受光源参数和湍流的共同影响.真空传输光束扩展造成相 干长度增大;大气湍流中,传输距离较短时,相干长度由于光源扩展而增加,当传输距离较大时,湍流效应增强引起 相干长度下降.因此,单纯从相干长度方面分析大气湍流带来的影响不够完备.为排除光源扩展影响,利用相干长度 与光斑尺度的比值进行分析,发现大气湍流会造成比值的下降.在数值仿真的基础上对上述结果给出了解释.

关键词:部分相干,大气湍流,高斯-谢尔模,光束扩展
 PACS: 42.25.Kb, 42.68.Bz, 94.20.Bb
 DOI: 10.7498/aps.62.224203

### 1 引 言

长久以来,激光相干特性和激光束的方向性被 认为是直接关联的. 然而, 在 1970 年前后, 理论和 实验证明激光束方向性好并不意味着空间相干性 高,这一发现引起了对部分相干光源的研究热潮<sup>[1]</sup>. 在部分相干光源中,有一种比较特殊的光源被称为 高斯-谢尔源,因为该光源产生的光束远场光场强 度分布和完全相干高斯光束一样<sup>[2]</sup>.相干光在湍流 介质中传输时, 湍流会增加波前的随机性, 使相干 光以部分相干光的形式存在<sup>[3]</sup>. 另外, 激光器自身 因素往往造成激光束以多模的形式存在,多模激光 辐射以部分相干的高斯 - 谢尔模型 (GSM) 光束形 式存在<sup>[4]</sup>.因此,对部分相干光的研究具有一定的 实际意义.鉴于激光的应用需求,有必要阐明部分 相干光源在湍流介质中的传输特性.目前的研究工 作侧重于分析湍流介质对激光强度分布、空间相 干性和偏振特性的影响 [5-14]. 横向相干长度 (相关 长度)是空间相干性的直接反映,因此,对相干长度 变化的研究有助于理解激光传输时空间相干特性 及偏振特性的变化. Wu 和 Boardman<sup>[15]</sup> 分析了相 干长度、光源尺度同量级的 GSM 光束的传输特性, 研究结果表明,光束在真空中传输时,其横向相干 长度会缓慢增加,而在湍流中的传输会造成横向相 干长度的减小. Friberg 和 Sudol<sup>[9]</sup> 讨论了 GSM 光 束在真空中传输时空间相干特性的变化,研究发现 对于 GSM 光束,在真空中传输时横向相干长度与 光斑尺度比值恒定不变.为保证部分相干光源的部 分相干性,通常相干长度比光源尺度具有更小数量 级<sup>[16]</sup>,且研究大气湍流对相干长度的影响有必要 排除光源扩展的影响. Friberg 在讨论相干长度的变 化时,虽排除了光源扩展的影响,但文章只讨论了 光束的真空传输.出于应用需求考虑,有必要对湍 流中部分相干光的传输做进一步分析.

本文以 GSM 光束为对象, 根据广义惠更斯 -菲涅耳原理推导出该光束传输时的交叉谱密度函 数表达式, 并根据该表达式分析了 GSM 光束传输 时横向相干长度的变化情况, 讨论了光源参数和湍 流介质对横向相干长度变化所起的作用. 在研究大 气湍流对相干长度的影响时, 为排除光源扩展的影 响, 分析了 GSM 光束在湍流介质中传输时横向相 干长度与光斑尺度的比值, 由此得出有助于部分相 干光大气传输理论分析和实验的一些推论.

© 2013 中国物理学会 Chinese Physical Society

<sup>\*</sup>国家自然科学基金(批准号:61205143)资助的课题.

<sup>+</sup>通讯作者. E-mail: hitwhfeixiang@msn.cn

2 理论分析

将光场视为随机场  $u(r,\omega)$ , 该随机场可以用 平稳随机过程理论进行分析,其交叉谱密度函数定 义为 [5]

$$W(\boldsymbol{r}_1, \boldsymbol{r}_2, \boldsymbol{\omega}) = \langle u^*(\boldsymbol{r}_1, \boldsymbol{\omega}) u(\boldsymbol{r}_2, \boldsymbol{\omega}) \rangle, \qquad (1)$$

式中星号表示复共轭,尖括号表示系宗平均.对于 给定的光源交叉谱密度  $W^{(0)}(\rho_1, \rho_2; \omega)$ , 根据广义 惠更斯 - 菲涅尔原理可以得到任意平面 (z = const) 上 $T_1 = (r_1, z > 0), T_2 = (r_2, z > 0)$ 两点处的交叉谱 密度函数 [5]:

$$W(\mathbf{r}_{1},\mathbf{r}_{2},z;\boldsymbol{\omega})$$

$$= \langle \boldsymbol{u}^{*}(\mathbf{r}_{1};\boldsymbol{\omega})\boldsymbol{u}(\mathbf{r}_{2};\boldsymbol{\omega})\rangle$$

$$= \left(\frac{k}{2\pi z}\right)^{2} \iint d^{2}\boldsymbol{\rho}_{1} \iint d^{2}\boldsymbol{\rho}_{2}W^{(0)}(\boldsymbol{\rho}_{1},\boldsymbol{\rho}_{2};\boldsymbol{\omega})$$

$$\times \exp\left[-ik\frac{(\mathbf{r}_{1}-\boldsymbol{\rho}_{1})^{2}-(\mathbf{r}_{2}-\boldsymbol{\rho}_{2})^{2}}{2z}\right]$$

$$\times \langle \exp[\boldsymbol{\psi}^{*}(\mathbf{r}_{1},\boldsymbol{\rho}_{1},z;\boldsymbol{\omega})+\boldsymbol{\psi}(\mathbf{r}_{2},\boldsymbol{\rho}_{2},z;\boldsymbol{\omega})]\rangle_{\mathrm{m}}, \quad (2)$$

上式中, (…)<sub>m</sub> 记为湍流介质的统计平均, 并对其做 如下近似<sup>[17]</sup>:

$$\langle \exp[\psi^{*}(\mathbf{r}_{1}, \boldsymbol{\rho}_{1}, z; \boldsymbol{\omega}) + \psi(\mathbf{r}_{2}, \boldsymbol{\rho}_{2}, z; \boldsymbol{\omega})] \rangle_{\mathrm{m}}$$
  
 $\approx \exp\{-M[(\boldsymbol{\rho}_{1} - \boldsymbol{\rho}_{2})^{2} + (\boldsymbol{\rho}_{1} - \boldsymbol{\rho}_{2})(\mathbf{r}_{1} - \mathbf{r}_{2}) + (\mathbf{r}_{1} - \mathbf{r}_{2})^{2}]\},$  (3)

其中 M 为

$$M = \frac{1}{3}\pi^2 k^2 z \int_0^\infty \kappa^3 \Phi_n(\kappa) \,\mathrm{d}\kappa, \qquad (4)$$

式中  $\Phi_n(\kappa)$  为折射率波动的功率谱,本文选用 Tatarski 谱<sup>[5]</sup>:

$$\Phi_n(\kappa) = 0.033 C_n^2 \kappa^{-11/3} \exp\left(-\frac{\kappa^2}{\kappa_m^2}\right),$$
$$(\kappa \ge 1/L_0, \kappa_m = 5.92/l_0)$$

其中 *l*<sub>0</sub>, *L*<sub>0</sub> 分别表示湍流内尺度和外尺度, *C*<sup>2</sup><sub>n</sub> 为折 复相干度的表达式<sup>[19]</sup>: 射率结构常数.

现在考虑具有高斯型光强分布和相干性分布 的高斯-谢尔源产生的随机光场.光源面处交叉谱 密度可表示为 [18]

$$W^{(0)}(\rho_{1},\rho_{2},0;\omega) = I_{0} \exp\left(-\frac{\rho_{1}^{2}+\rho_{2}^{2}}{4\sigma_{0}^{2}}\right) \exp\left[-\frac{|\rho_{1}-\rho_{2}|^{2}}{2\delta_{0}^{2}}\right], \quad (5)$$

上式中,参数  $I_0$  及  $\sigma_0$ ,  $\delta_0$  分别为光源的光强、光斑 尺度和相干长度.一般来说,为了保证光束具有部 分相干特性,相干长度  $\delta_0$  的值要比光斑尺度  $\sigma_0$  小 得多,通常它们不在一个数量级上<sup>[16]</sup>.

将(5)式及(3)式代入(2)式,可得

$$W(\mathbf{r}_{1}, \mathbf{r}_{2}, z; \boldsymbol{\omega}) = \left(\frac{k}{2\pi z}\right)^{2} \iint d^{2}\boldsymbol{\rho}_{1} \iint d^{2}\boldsymbol{\rho}_{2}I_{0} \\ \times \exp\left(-\frac{\boldsymbol{\rho}_{1}^{2} + \boldsymbol{\rho}_{2}^{2}}{4\sigma_{0}^{2}}\right) \exp\left[-\frac{|\boldsymbol{\rho}_{1} - \boldsymbol{\rho}_{2}|^{2}}{2\delta_{0}^{2}}\right] \\ \times \exp\left[-ik\frac{(\mathbf{r}_{1} - \boldsymbol{\rho}_{1})^{2} - (\mathbf{r}_{2} - \boldsymbol{\rho}_{2})^{2}}{2z}\right] \\ \times \exp\{-M[(\boldsymbol{\rho}_{1} - \boldsymbol{\rho}_{2})^{2} + (\boldsymbol{\rho}_{1} - \boldsymbol{\rho}_{2})(\mathbf{r}_{1} - \mathbf{r}_{2}) \\ + (\mathbf{r}_{1} - \mathbf{r}_{2})^{2}]\}.$$
(6)

对上式进行冗长的积分运算,可得高斯-谢尔光束 传输时交叉谱密度函数  $W(r_1, r_2, z; \omega)$  的表达式:

$$W(\mathbf{r}_{1}, \mathbf{r}_{2}, z; \boldsymbol{\omega}) = \frac{I_{0}}{L(z)} \exp\left\{-\left[\frac{1}{2\theta_{s}^{2}L(z)} + M\left(1 + \frac{2}{L(z)}\right) - \frac{M^{2}z^{2}}{2k^{2}\sigma_{0}^{2}L(z)}\right](\mathbf{r}_{1} - \mathbf{r}_{2})^{2}\right\} \times \exp\left[-\frac{(\mathbf{r}_{1} + \mathbf{r}_{2})^{2}}{8\sigma_{0}^{2}L(z)}\right] \exp\left[\frac{\mathrm{i}k(\mathbf{r}_{2}^{2} - \mathbf{r}_{1}^{2})}{2T(z)}\right].$$
(7)

上述表达式在交叉谱密度定义及湍流理论的基础 上,经过相应数学自主运算而获得,其中相应参数 如下:

$$L(z) = 1 + \left(\frac{z}{k\sigma_0\theta_s}\right)^2 + \frac{2Mz^2}{k^2\sigma_0^2},$$
  
$$\frac{1}{\theta_s^2} = \frac{1}{4\sigma_0^2} + \frac{1}{\delta_0^2},$$
  
$$T(z) = \frac{zk^2\sigma_0^2L(z)}{k^2\sigma_0^2L(z) + Mz^2 - k^2\sigma_0^2},$$
  
$$M = \frac{1}{3}\pi^2k^2z\int_0^\infty \kappa^3\Phi_n(\kappa)d\kappa.$$

将(7)式代入(8)式整理可得:

$$\mu(\mathbf{r}_1, \mathbf{r}_2, z; \boldsymbol{\omega}) = \exp\left\{-\left[\frac{1}{2\theta_s^2 L(z)} + M\left(1 + \frac{2}{L(z)}\right)\right]\right\}$$

224203-2

$$-\frac{M^{2}z^{2}}{2k^{2}\sigma_{0}^{2}L(z)} - \frac{1}{8\sigma_{0}^{2}L(z)}\Big](\boldsymbol{r}_{1} - \boldsymbol{r}_{2})^{2}\Big\}$$

$$\times \exp\left[\frac{ik(\boldsymbol{r}_{2}^{2} - \boldsymbol{r}_{1}^{2})}{2T(z)}\right].$$
(9)

考虑复相干度的幅值, 令

$$g(\rho, z; \omega) = \exp\left\{-\left[\frac{1}{2\theta_{s}^{2}L(z)} + M\left(1 + \frac{2}{L(z)}\right) - \frac{M^{2}z^{2}}{2k^{2}\sigma_{0}^{2}L(z)} - \frac{1}{8\sigma_{0}^{2}L(z)}\right]\rho^{2}\right\}.$$
 (10)

为了确定有效的相干长度, 定义相干长度为量  $l_g^2(z)$  的均方根 <sup>[20]</sup>:

$$l_g^2(z) = \frac{\iint_{-\infty}^{\infty} \rho^2 g(\rho, z) \,\mathrm{d}^2 \rho}{\iint_{-\infty}^{\infty} g(\rho, z) \,\mathrm{d}^2 \rho}.$$
 (11)

为了确定有效的光斑尺度, 定义光斑尺度为量  $l_I^2(z)$ 的均方根 [20,21]:

$$l_I^2(z) = \frac{\iint_{-\infty}^{\infty} \rho^2 I(\rho, z) \,\mathrm{d}^2 \rho}{\iint_{-\infty}^{\infty} I(\rho, z) \,\mathrm{d}^2 \rho}.$$
 (12)

传输路径上,平面 z≥0 处的光强度为

$$I(\boldsymbol{\rho}, z) = W(\boldsymbol{\rho}, \boldsymbol{\rho}, z)$$

据此,可得

$$I(\boldsymbol{\rho}, z) = \frac{I_0}{L(z)} \exp\left[-\frac{\boldsymbol{\rho}^2}{2\sigma_0^2 L(z)}\right].$$

通过自主推导的交叉谱密度函数表达式,可得相干 长度和光斑尺度的平方,计算得相干长度的平方为

$$l_g^2(z) = \frac{1}{\left[\frac{1}{2\delta_0^2 L(z)} + M\left(1 + \frac{2}{L(z)}\right) - \frac{M^2 z^2}{2k^2 \sigma_0^2 L(z)}\right]},$$
(13)

光斑尺度的平方为

$$l_{I}^{2}(z) = 2\sigma_{0}^{2}L(z), \qquad (14)$$

光束在真空中传输时,光斑尺度为

$$egin{aligned} & l_I^2\left(z
ight) = 2\sigma_0^2\left[1+\left(rac{z}{k\sigma_0 heta_s}
ight)^2
ight] \ & rac{1}{ heta_s^2} = rac{1}{4\sigma_0^2}+rac{1}{\delta_0^2}. \end{aligned}$$

由上式可以看出,真空传输时光束扩展与 $\sigma_0, \delta_0$ 有关,光束扩展快慢主要由 $\delta_0$ 决定.相干长度与光斑大小的比值 $\alpha^{2[9]}$ :

$$\alpha^2 = \frac{l_g^2(z)}{l_I^2(z)}$$

$$=\frac{1}{2\sigma_0^2 \left[\frac{1}{2\delta_0^2} + ML(z) + 2M - \frac{M^2 z^2}{2k^2 \sigma_0^2}\right]}.$$
 (15)

由 (15) 式可以看出, 相干长度与光斑尺度的比值 α 与光源参数、湍流强度及传输距离有关, 真空传 输时, 比值 α 为一确定值, 这与 Friberg 研究 GSM 光束真空传输所得结果一致. 但 Friberg 未对湍 流中的光传输予以讨论, 本文将对这一传输问题 进行分析.

#### 3 数值计算结果与分析

通过表达式 (13) 可以看出, 光源参数和湍流 因素同时影响光传输时相干长度的变化.本文 将对具有不同光源参数的光束在不同湍流条件 下的传输进行数值计算, 并给出理论分析.数值 计算时参数的选取: 湍流内尺度  $l_0 = 5$  mm, 波数  $k = 2\pi/\lambda = 10^7$ .

图 1 为光束在真空中传输时相干长度和光斑 尺度的变化.图 1(a), (c) 表明真空中传输时,对确 定光源,相干长度和光斑大小随传输距离线性增加; 图 1(a), (b)反映了真空中光源参数对相干长度的影 响,相干长度随传输距离变化的快慢与光源大小有 关,光源尺度  $\sigma_0$ 越大,相干长度增加越慢;图 1(c), (d)则反映了光源参数对光源扩展的影响,光源扩 展的快慢主要由光源相干长度  $\delta_0$ 决定,相干长度 小的光源扩展快.

图 2 为光束在湍流中传输时,相干长度和光斑 尺度随传输距离的变化. 在湍流中,光源尺度及湍 流强度对相干长度的影响较大,而光源相干性影响 较小. 由图 2(a), (e) 可以看出,湍流中相干长度在传 输距离较短时基本为线性增加,当传输距离较大时, 相干长度随着传输距离的增加而缓慢减小. 对光束 扩展的分析表明,湍流和光源相干性影响较大,而 光源尺度对湍流中光束扩展影响较小. 图 2(d), (f) 表明光源相干性越差、湍流越强,传输过程中光束 扩展越严重. 通过以上分析可知,相干长度的变化 受到光源参数和湍流强度的共同影响,其中光源参 数的影响体现在光束扩展上. 因此单纯地分析相干 长度的变化不足以反映光源参数和大气湍流对光 传输的影响. 为排除光束扩展的影响,将利用相干 长度和光斑尺度的比值进行分析.



图 1 真空中相干长度及光斑大小的变化 ( $C_n^2 = 0$ ) (a)  $\delta_0 = 1$  mm; (b)  $\sigma_0 = 4$  cm; (c)  $\sigma_0 = 4$  cm; (d)  $\delta_0 = 1$  mm

图 3 为光束在湍流中传输时相干长度与光斑 尺度的比值随传输距离的变化,结果表明:光束在 湍流中传输时,对参数不同的光源,相干长度和光 斑大小的比值均会减小;真空传输时,相干长度与 光斑尺度比值为确定值,而当湍流存在时,相干长 度与光斑尺度的比值同时受到光源参数和湍流强 度的影响,该比值不再是一个确定的值;传输距离 较小时,由于湍流影响小,此时与真空传输类似,比 值 α 变化很小, 当传输距离较大时, 湍流影响明 显,比值 α 随传输距离的增加而下降.图 3(a) 中  $C_n^2 = 10^{-14} \text{ m}^{-2/3}, \, \delta_0 = 1 \text{ mm},$ 通过改变比值  $\beta$  改 变光源尺度大小,发现α的值在光传输一段距离后 趋于一致;图 3(b) 中  $C_n^2 = 10^{-14} \text{ m}^{-2/3}$ ,  $\sigma_0 = 4 \text{ cm}$ , 通过改变比值 $\beta$ 改变光源相干长度大小,发现只有 当光传输距离很远时 α 的值才有可能趋于一致;图 3(c) 中光斑尺度与相干长度比值不变, 光传输一段 距离后,相同位置处 $\alpha$ 的值会随着光源尺度和相干 长度的增加而增大.如果将传输过程中α的值发生 较大变化的位置记为 zc, 通过图 3(d) 可以发现, 对 确定的光源, zc 的值会随着湍流强度的增加而减小.

产生以上结果的主要物理原因是光束在湍流 介质中传输时,光束波前会受到湍流影响,使波前 随机性增大,湍流越强,光束的波前受到的影响也 将越明显,波前随机性将削弱原有波前相位的关 联性, 而光波前相位的关联性直接影响光束的相 干性.因此,光束在湍流介质中传输时会因为湍流 的作用而引起相干性下降. 具有部分相干性的光 束,其原有波前即具有一定的随机性,但这种随机 性并不能减小湍流对光束现有波前的影响,因为湍 流效应由湍流强度和传输距离共同决定,湍流引起 的波前变化与光束原有波前相互独立. 光束在真空 中传输时,自由衍射引起光束扩展,相干长度的变 化受光束扩展影响而增加,这一点可以通过图1看 出. 光束在大气湍流中传输时相干属性的变化由光 源参数和湍流强度共同决定. 当光束在湍流介质 中传输距离较短时,湍流作用很小,以至于对光束 引起的波前随机性可以忽略. 光源参数对光传输的 影响占有主要地位,在这一距离内以自由衍射作用

为主, 光束扩展引起相干长度的增加, 此时与自由 空间传输类似, 这一点可以由图 2(a), (e) 看出. 但 随着传输距离的增加, 湍流效应增强并造成相干长度下降.



图 2 湍流中相干长度及光斑大小的变化 (a), (b)  $C_n^2 = 10^{-14} \text{ m}^{-2/3}$ ,  $\delta_0 = 1 \text{ mm}$ ; (c), (d)  $C_n^2 = 10^{-14} \text{ m}^{-2/3}$ ,  $\sigma_0 = 3 \text{ cm}$ ; (e), (f)  $\delta_0 = 1 \text{ mm}$ ,  $\sigma_0 = 4 \text{ cm}$ 

4 结论

本文以部分相干的 GSM 光束为对象, 根据广 义惠更斯 - 菲涅耳原理推导出 GSM 光束传输时交 叉谱密度函数的解析表达式. 基于该表达式数值分 析了大气湍流对相干长度的影响, 并与真空中传输 相干长度的变化做了对比,发现 GSM 光束在真空 中传输时,影响相干长度变化的因素为光源参数, 光束扩展造成相干长度增加,自由空间中光束扩展 是光束自由衍射的结果;而在大气湍流中传输时, 相干长度的变化受光源参数和湍流的共同影响,结 果表明,在传输距离较短时,光束传输特性与真空 传输类似,相干长度因为光束扩展而增加,当传输 距离较大时,湍流效应增强引起相干长度下降.因此,单纯从相干长度方面分析大气湍流带来的影响 不够完备.为排除光源扩展的影响,本文利用相干 长度与光斑尺寸的比值进行分析,发现对参数不同 的光源,大气湍流均会造成比值的下降,但比值下降的快慢与光源参数和湍流强度有关.上述结论不仅可以用于分析激光传输时的相干度问题,还可以用于普通的电磁光束传输领域.



图 3 相干长度与光斑大小的比值 ( $\beta = \sigma_0/\delta_0$ ) (a)  $C_n^2 = 10^{-14} \text{ m}^{-2/3}$ ,  $\delta_0 = 1 \text{ mm}$ ; (b)  $C_n^2 = 10^{-14} \text{ m}^{-2/3}$ ,  $\sigma_0 = 4 \text{ cm}$ ; (c)  $C_n^2 = 10^{-14} \text{ m}^{-2/3}$ ,  $\beta = 30$ ; (d)  $\sigma_0 = 4 \text{ cm}$ ,  $\beta = 40$ 

- [1] Shirai T, Wolf E 2002 Opt. Commun. 204 25
- [2] Deschamps J, Courjon D, Bulabois J 1983 J. Opt. Soc. Am. 73 256
- [3] Jian W 1990 J. Mod. Opt. 37 671
- [4] Gase R 1991 J. Mod. Opt. 38 1107
- [5] Andrews L C 2005 Laser Beam Propagation through Random Media (Washington: SPIE) p67, pp500–510
- [6] Clifford S E, Gracheva M E, Ishimaru A 1978 Laser Beam Propagation in the Atmosphere (New York: Springer) pp129–168
- [7] Andrews L C 2001 Laser Beam Scintillation with Applications (Washington: SPIE) pp1–60
- [8] Collett E, Wolf E 1978 Opt. Lett. 2 27
- [9] Friberg A T, Sudol R J 1983 Opt. Acta: Int. J. Opt. 30 1075
- [10] Salem M, Korotkova O, Dogariu A, Wolf E 2004 Waves in Random Media 14 513

- [11] Korotkova O, Salem M, Wolf E 2004 Opt. Commun. 233 225
- [12] Cheng K, Lü B D 2009 Acta Phys. Sin. 58 250 (in Chinese) [程科, 吕 百达 2009 物理学报 58 250]
- [13] Ji X L, Li X Q 2009 Acta Phys. Sin. 58 4624 (in Chinese) [季小玲, 李 晓庆 2009 物理学报 58 4624]
- [14] Lü S Y, Lü B D 2009 Chin. Phys. B 18 3883
- [15] Wu J, Boardman A D 1991 J. Mod. Opt. 38 1355
- [16] Mandel L, Wolf E 1995 Optical Coherence and Quantum Optics (Cambridge: Cambridge University Press) p279
- [17] Roychowdhury H, Ponomarenko S A, Wolf E 2005 J. Mod. Opt. 52 1611
- [18] Lü B D 2003 Laser Optics: Beam Characterization, Propagation and Transformation, Resonator Technology and Physics (Beijing: Higher Education Press) p203 (in Chinese) [日百达 2003 激光光学: 光束描

述, 传输变换与光腔技术物理(北京:高等教育出版社)第203页] [19] Born M, Wolf E 2005 Principles of Optics (Cambridge: Cambridge University Press) p564 [20] Collett E, Wolf E 1980 *Opt. Commun.* **32** 27
[21] Foley J T, Zubairy M S 1978 *Opt. Commun.* **26** 297

# Investigation on coherence characteristics of Gauss-Schell model beam propagating in atmospheric turbulence\*

Li Cheng-Qiang<sup>1)2)†</sup> Zhang He-Yong<sup>1)</sup> Wang Ting-Feng<sup>1)</sup> Liu Li-Sheng<sup>1)2)</sup> Guo Jin<sup>1)</sup>

1) (State Key Laboratory of Laser Interaction with Matter, Changchun Institute of Optics, Fine Mechanics and Physics, Chinese Academy of Science,

Changchun 130033, China)

2) (Graduate University of Chinese Academy of Sciences, Beijing 100049, China)

(Received 29 June 2013; revised manuscript received 23 August 2013)

#### Abstract

The change in coherence length of Gauss-Schell model beam propagating in atmospheric turbulence is studied by comparing with propagation in free space. The coherence length change only depends on source parameters in free space while its change in turbulence is governed by source parameters and turbulence. Beam spreading results in an increase in the coherence length in vacuum. For propagation in turbulence, the coherence length increases due to beam spreading over relatively short distance while decreases on account of the enhancement of turbulence over a sufficiently long distance. Thus, the simple analysis of the influence of turbulence on the coherence length is not mature enough. In order to exclude the effect of beam spreading, the ratio of coherence length to beam size is employed. It is found that atmospheric turbulence always leads to the decline of ratio. The explanations, based on numerical simulation, of above-mentioned results are given in this paper.

Keywords: partial coherence, atmospheric turbulence, Gauss-Schell model, beam spreading

PACS: 42.25.Kb, 42.68.Bz, 94.20.Bb

DOI: 10.7498/aps.62.224203

<sup>\*</sup> Project supported by the National Natural Science Foundation of China (Grant No. 61205143).

<sup>†</sup> Corresponding author. E-mail: hitwhfeixiang@msn.cn