混沌映射和神经网络互扰的新型复合流密码*

陈铁明1)† 蒋融融2)

(浙江工业大学计算机科学与技术学院,杭州 310023)
 (浙江广播电视大学信息与工程学院,杭州 310013)
 (2012年3月31日收到;2012年9月28日收到修改稿)

提出了一种将新型的神经网络互学习模型和常见的多混沌系统融合互扰的复合流密码方案.首先利用三个 Logistics 混沌映射产生的随机序列作为神经网络互学习模型中三个隐含层神经元的随机输入,神经网络交互学习达 到内部权值同步后,再将同步权值映射为随机序列并与三个 Logistics 序列复合产生最终的密钥流.实验表明,产生 的密钥流具有更好的随机性,混沌流加密应用效果好.

关键词: 混沌映射, 神经网络, 权值同步, 随机密钥流 PACS: 03.67.Dd, 05.45.Gg, 05.45.Vx, 07.05.Mh

DOI: 10.7498/aps.62.040301

1 引 言

混沌是物理、数学、非线性动力学等多学科 交叉的一种新理论, 混沌系统的"蝴蝶效应"和"不 确定性"已在密码学领域引起广泛关注, 混沌系统 所具有的基本特性可满足保密通信及密码学的基 本要求: 混沌动力学方程的确定性保证了通信双 方在收发过程或加解密过程中的可靠性; 混沌轨 道的遍历性正好满足密码系统设计的扩散原则;混 沌参数和初值敏感性正好满足密码系统设计的混 乱原则[1]. 与传统密码相比, 混沌密码具有结构简 单、容易实现、安全高效等特点^[2].可构建随机数 发生器^[3]、流密码^[4]、分组加密^[5]、公钥加密^[6] 等方案,其中以流密码的研究与应用最为普遍^[7,8]. 当前对混沌流密码的研究主要集中在多混沌系统 互扰复合的方法^[9],但最近有国内学者提出了混 沌流的随机性和混沌映射弱密钥的随机性测量等 问题^[10,11],说明多混沌的复合未必能构建随机性 更好的混沌密钥流.因此,寻求传统混沌与其他随 机模型互扰的复合方案或将成为流密码研究突破 的新方向.

神经网络也是一种高度非线性的动力学系统, 因此将混沌和神经网络相结合的研究也受到人们 关注,形成了混沌神经网络的研究分支^[12],但目前 尚未出现将神经网络与混沌系统互扰构建流密码 的研究成果.最近的研究表明,两个权值不同、输 入同步的神经网络模型通过输出位交互学习,最终 可实现两个权值向量的同步状态^[13],该权值同步 可被利用在公开信道上构建密钥协商方案,即双方 预先共享输入向量且保持同步的随机变化,则通过 输出位不断更新各自的权值向量,最终可在有限步 交互后实现权值向量的同步,将同步的权向量映射 为会话密钥即可完成通信双方的密钥协商^[14].

我们称上述的权值同步神经网络模型为奇偶 树型机 (tree parity machine, TPM). 由分析知, 两个 TPM 输入的动态随机性是实现两个权值同步的基 本保障^[15], 因此可将混沌系统产生的随机序列引 入作为 TPM 的输入; 另外, TPM 在权值同步后, 只 要两边的输入保持动态变化, 两边的权值也将动态 保持同步状态, 因此已有研究提出了基于 TPM 同 步权值映射的流密码方案^[16].

综上所述,本文将研究一种 TPM 和混沌系统

*国家重点基础研究发展计划(批准号: 2010CB328106-3)、国家自然科学基金(批准号: 61103044)、国家高技术研究发展计划(批准号: 2009AA043303)、浙江省自然科学基金(批准号: Y1110567)、浙江省科技计划(批准号: 2010C31126, 2011C21046)和软件开发环境国家重点 实验室(批准号: SKLSDE-2011KF-07)资助的课题.

© 2013 中国物理学会 Chinese Physical Society

http://wulixb.iphy.ac.cn

[†]通讯作者. E-mail: tmchen@zjut.edu.cn

融合互扰的新型复合流密码方案,即首先利用混 沌映射产生的随机序列作为 TPM 的输入,当实现 TPM 权值同步后,将同步权值映射为随机序列与多 个混沌系统复合,最终产生混合随机的密钥流.

2 新型复合流密码方案

2.1 理论基础知识

2.1.1 混沌映射模型

这里考虑一种常见的 Logistics 混沌系统, 其映 射函数如下:

$$x_{n+1} = \mu x_n (1 - x_n),$$
(1)

当参数 μ 落在区间 [3.56999456…, 4] 时, Logistics 映射的迭代值 x_n 可进入混沌态. 已有的研究已从理论和实验角度充分论证了 Logistics 映射用作随机数发生器的可行性及较线性反馈移位寄存器 (LFSR) 等传统随机数发生器的优点. Logistics 映射 通常将初始状态 x_0 作为密钥,由于对初始值的敏感性,即使解密密钥 x'_0 只是与 x_0 存在微小差异,迭代后产生的混沌序列也会明显不同,从而保障流加密 应用的安全性.

Logistics 映射只包括乘法和减法运算, 易于计 算机程序实现. 但由于计算机数据处理的精度有限, 可能造成系统的混沌特性退化, 因此多混沌复合是 一种有效抵抗数字混沌特性退化的有效方法. 例如, 用两个混沌系统作为随机数发生器, 通过两个系统 的输出决定最终的密钥流输出, 或引入线性同余序 列 (LCS) 与三个 Logistics 映射的组合方式, 延长混 沌序列的周期等.

2.1.2 神经网络互学习模型

记一个基本的单层神经元的输入向量 **X** 为在 区间 [0,1] 上服从高斯分布的 N 维输入向量, **W** 为 正交规范化的 N 维权向量, **σ** 代表取值仅为 +1 或 -1 的神经元输出值.

记两个交互学习的神经元分别为 A 和 B,则 X_A, X_B 和 W_A, W_B 分别代表 A 和 B 的输入向量 和权值向量.进一步将权值的取值离散化在整数区 间 [-L, L] 上 (权值边界 L 为一正整数)、输入向量 的元素取值为 +1 或 -1,并满足每次交互学习后输 入向量都随机变化但始终保持 $X_A = X_B$,即保持 同步随机变化.两个神经元通过交换各自的输出值 实现交互学习,目的是更新各自的权值向量 (初始 权向量由双方各自随机产生). 权值更新规则如下:

$$\boldsymbol{W}_{\mathrm{A}}(t+1) = \boldsymbol{W}_{\mathrm{A}}(t) - \boldsymbol{X}_{\mathrm{A}}(t+1)\boldsymbol{\sigma}_{\mathrm{B}}(t), \quad (2)$$

$$\boldsymbol{W}_{\mathrm{B}}(t+1) = \boldsymbol{W}_{\mathrm{B}}(t) - \boldsymbol{X}_{\mathrm{B}}(t+1)\boldsymbol{\sigma}_{\mathrm{A}}(t). \quad (3)$$

权值更新的条件为: $\sigma_A(t) = \sigma_B(t)$, 且满足: w = L(w > L) 或 w = -L (w < -L), 其中 $w \in W_{A(B)}$.

其中,输出值为 +1 或 -1,依赖于权值 向量和输入向量内积的符号函数,即 $\sigma_{A(B)} =$ sign $\left(\sum_{i=1}^{N} w_{Ai(Bi)} \cdot x_{Ai(Bi)}\right)$,这里的 sign()函数定义 为

$$\operatorname{sign}(X) = \begin{cases} +1 \ X \ge 0 \\ -1 \ X < 0 \end{cases}$$

下面给出 TPM 模型. TPM 是在上述单层 神经元基础上含多个隐藏单元的多层树型神 经元复合网络, 网络的最终输出值由一个关 于所有隐含层输出值的函数确定, 记 $\tau_{A(B)} = f(\sigma^1_{A(B)}, \sigma^2_{A(B)}, \dots, \sigma^K_{A(B)}), K$ 为隐含层个数.

由于隐含层的输出值只能取 +1 或 -1, 为了 使 TPM 的输出值也取 +1 或 -1, 可将输出累积函 数 f 设置为所有隐含层输出值的乘积. 因此, 若假 设 TPM 包含 K 个隐含单元, 每个隐含单元拥有 N维随机输入向量, 记第 k 个单元的输出为 $\sigma^k(t)$, 则 TPM 最终的输出值可表示如下:

$$\tau_{A(B)}(t) = \prod_{k=1}^{K} \sigma_{A(B)}^{k}(t) = \prod_{j=1}^{K} \operatorname{sign}\left(\sum_{i=1}^{N} w_{A_{i}^{j}(B_{i}^{j})} x_{A_{i}^{j}(B_{i}^{j})}\right)$$
(4)

进一步,对 K 个隐含层神经网络的一种权值更 新规则设置如下:

 $W_{A(B)}^{k}(t+1) = W_{A(B)}^{k}(t) + \rho_{A(B)}^{k}(t) X_{A(B)}^{k}(t), \quad (5)$ 其中,

$$\boldsymbol{\rho}_{A(B)}^{k}(t) = \begin{cases} \boldsymbol{\sigma}_{A(B)}^{k}(t) & \boldsymbol{\sigma}_{A(B)}^{k}(t) = \boldsymbol{\tau}_{A}(t) = \boldsymbol{\tau}_{B}(t) \\ 0 & \nexists \& \\ k \in \{1, 2, \cdots, K\}. \end{cases}$$

我们在文献 [15] 中详细阐述了一种 TPM 交互学习 权值同步模型.

2.2 TPM 与混沌系统的互扰复合模型

考虑 TPM 工作时需要一个输入随机数发生器,可采用混沌映射产生的序列作为 TPM 输入流,且

混沌系统的轨道确定性可保证双方随机输入的同步.更进一步,为确保 TPM 输入的随机性,可采用 具有多个不同初值的混沌映射分别作为 TPM 中 多个隐含层的输入序列发生器.因此,若采用参数 为 K, N, L 的 TPM,则需使用 K 个初始状态不同的 Logistics 映射分别作为 K 个隐含层神经元节点的 输入源,两个 TPM 交互学习达到权值同步后,将 K 个混沌映射复合后与 TPM 同步的权值互扰,最终 形成随机的混沌密钥流.根据文献 [15] 的分析结 果,采取常用的 K = 3 的 TPM 模型,则上述的流密 码系统整体结构如图 1 所示.

系统初始化时,流密码系统两端分别为同参数 结构的 TPM 随机生成两个权值向量,两边分别利 用同结构的混沌映射为 TPM 产生相同的随机输入 序列,同时执行 TPM 交互学习过程,最终可实现双 方的权值同步.整个过程仅需交互传输 TPM 的若 干输出值, TPM 的内部输入和内部权值均不会在 公开的网络信道中传输.利用系统两边同步的 TPM 权值,还可实现对两边各个混沌映射初始值的更新, 以便产生新的动态输入序列,而基于动态的 TPM 同步输入序列, TPM 也将保持同步权值的动态更 新.因此,图1所示的混沌流密码系统具备了密钥 管理功能,其中 XOR 表示随机序列的异或操作.在 实际应用中,混沌映射的参数更新方式较为灵活, 可根据定时间或定流量等方式具体确定.



图 1 基于 TPM 和多混沌映射互扰复合的流密码系统基本结构



图 2 三个 Logistics 映射和一个 TPM 复合的密钥流生成器

三个 Logistics 映射和一个 TPM 同步权值向量 的互扰复合密钥流结构如图 2 所示.显然, *K* = 3 的 TPM 模型的权值向量元素个数为 3*N*,则通过 对各个权值的累积和施行 sign()函数后,与三个 Logistics 映射产生的迭代值 *x_i* 在异或作用下生成 密钥流序列 *K_i*.对于每个 Logistics 映射每次产生一 个新的迭代值,两边同步的 TPM 权值将相应更新, 最终在互扰复合的方式下将不断产生新的密钥序 列.

3 性能测试与效果分析

3.1 TPM 权值同步的性能测试

TPM 交互学习达到权值同步依赖于输入的随机性,下面分析 TPM 输入的随机数发生器采用混 沌序列和常见的 LFSR 两种情况下的权值同步性 能.选定 TPM 参数 N = 100, K = 3, L = 3, 分别用LSFR 和 Logistics 映射作为输入向量的随机数发生 器 (分别记为 TPM_LFSR 和 TPM_Chaos).考察两种 情况下实现 TPM 权值同步所需的平均交互次数, 每次权值同步的实验执行 1000 次取平均值, 15 次 独立实验的权值同步平均交互次数如图 3 所示.

由图 3 知,采用本文提出的 TPM_Chaos 与 TPM_LFSR 均在 100 次左右达到权值同步,说明 采用混沌映射作为 TPM 的输入随机数发生器不会 降低权值同步的学习性能.



图 3 基于不同随机数发生器的 TPM 权值同步所需的平均交 互次数

3.2 互扰复合序列的随机性测试

在由图 2 结构产生的 TPM 混沌序列中随机选 取长度为 10000 bit 的若干不同子序列, 统计子序列 中所有比特位上 1 的个数, 24 次独立实验的统计结 果如表 1 所示.可以看到, 序列中每个比特位上 0 和 1 出现的概率均接近 50%, 满足伪随机序列的最 基本要求.

序号	1	2	3	4	5	6	7	8	
次数	5016	5013	5006	4991	4999	4911	4954	5085	
序号	9	10	11	12	13	14	15	16	
次数	5036	4910	5014	4977	4981	5037	5056	5053	
序号	17	18	19	20	21	22	23	24	
次数	5000	4932	4989	5014	5059	4960	4977	5039	

表1 混沌随机子序列中1出现的次数统计表

美国国家标准技术研究所 (NIST) 制定了一整 套序列随机性检测标准^[17],其中的测试从不同角 度对待测序列与理想随机序列的偏离程度做出评 估.本文选取如下几项测试指标.

1) 单比特频度测试 (frequency monobit test): 测试整个序列中 0 和 1 各自的比例, 判断其与理想随 机序列的偏差.

2) 累积和测试 (cumulative sums test):测试子 序列的累积和的最大值与理想随机序列的偏离程 度.子序列的累积和通过修正后的 (-1, 1) 序列计 算得到,测试分为前向 (forward) 和后向 (backward) 两种.

3) 游程测试 (runs test): 测试序列中的游程 (连续的 0 和 1 的长度) 的总数, 判断其与理想随机序 列的偏差.

4) 离散傅里叶变化测试 (discrete fourier transform spectral test): 测试序列傅里叶变化的峰值, 检 测其周期特性与理想随机序列的偏离程度.

5) 近似熵测试 (approximate entropy test):测试 两个相邻长度的子序列发生重叠的概率,近似熵是 一种判断序列复杂度大小的准则.

所有测试从待测序列中抽取一段子序列, 根据 不同测试计算出一个相应的 p 值, 当 $p \ge \alpha$ 时, 认 为序列通过随机性检测, 其中 α 为显著水平, NIST 测试套件中的默认值为 0.01.

本文选取了单个的 Logistics 映射 (记为 Log), 三个 Logistics 映射的异或叠加 (记为 3Log), 文献 [18] 提出的三个 Logistics 映射与一个线性同余式 的组合 (记为 LCS3Log), 以及本文提出的三个 Logistics 映射和一个 TPM 的组合 (记为 TPM3Log), 分别产生一段 100 Mbit 的序列作为测试源. 测试选 取的随机子序列长度为 1 Mbit. 测试结果如表 2 所 示.

表 2 各种混沌密钥流的随机子序列 p 值检测结果对比

	Log	3Log	LCS3Log	TPM3Log
单比特频度	0.350485	0.699313	0.708404	0.437274
前向累积和	0.145326	0.964295	0.982343	0.383827
后向累积和	0.013569	0.350485	0.751454	0.955835
游程	0.000000*	0.678686	0.692208	0.115387
离散傅里叶变化	0.153763	0.037566	0.142033	0.924076
近似熵	0.000000*	0.437274	0.846584	0.946308

注:* 表示未通过检测的数据

测试结果表明,使用单个 Logistics 映射所产生的序列难以满足较高的随机性要求,而本文提出的 TPM3Log 方案通过了所有测试,产生的序列具有 较好的随机性,另外两种方案同样通过了测试.

对通过上述测试的三种方案,进一步随机选取 100 段子序列重复测试,测试结果如表 3. 表中的 p 值表征子序列的 p 值分布,通过测试的下限值为 0.0001,通过比率是指 100 个子序列中通过 p 值检 验的序列个数,理想值大于 96.

	3Log		LCS	LCS3Log		TPM3Log	
	平均 p 值	通过比率	平均 p 值	通过比率	平均 p 值	通过比率	
单比特频度	0.699313	98/100	0.304126	100/100	0.437274	99/100	
前向累积和	0.964295	99/100	0.595549	100/100	0.383827	99/100	
后向累积和	0.350485	99/100	0.455937	100/100	0.955835	99/100	
游程	0.678686	99/100	0.437274	97/100	0.115387	100/100	
离散傅里叶变化	0.037566	96/100	0.851383	99/100	0.924076	100/100	
近似熵	0.437274	98/100	0.834308	100/100	0.946308	97/100	

表 3 各种混沌密钥流中 100 段子序列 p 值分布检测结果对比

根据文献 [17] 提出的两种经验主义判断准则, 对于一个理想随机序列,其子序列测得的 p 值除 了应满足一定的通过率外,还要在 [0,1] 区间内呈 现均匀分布.由表 3 的测试结果表明, LCS3Log 与 TPM3Log 两种方案下的序列随机性明显优于简单 的 Logistics 叠加 (3Log),而在大多数情况下,本文 提出的 TPM3Log 所产生的序列具有更好的 p 值分 布特性.

3.3 图像流加密应用效果

下面给出用 TPM3Log 产生的密钥流对图像加 解密的应用实例分析. 系统结构如图 4 所示, 密钥 流发生器根据密钥 K 产生随机序列 Keystream, 原 始图像 P 通过 Keystream 序列加密后产生密文 C, 接收端首先由 K' 产生随机序列 Keystream', 并对收 到的密文 C' 进行解密. 其中的加解密过程均为异或 操作, 当且仅当双方的密钥相等, 即 K = K' 时, 图像 才能被正确解密恢复.



图 4 基于混沌流密码的图像加密应用系统示意图

加密选取的原始图像如图 5(a) 所示.为消除 初始混沌过渡态的影响,选取迭代 10000 次后的 TPM3Log 序列值作为图像加解密的密钥流序列, 得到加解密结果如图 5(b) 和 (c) 所示.此外,将解密 密钥最低比特位取反,即对密钥进行微小变动,得 到错误解密结果如图 5(d)所示,体现了流密码应用 系统对初始密钥的极端敏感性,即任何微小错误的 密钥都会导致图像的大规模恢复失败,且攻击者无 法从错误图像中获取原始图像的必要信息.

通过比对原始图像及加密后图像的灰度直方 图 (图 6(a) 和 (b))发现,经过 TPM3Log 序列加密后, 图像的各像素点在灰度值上分布更为均匀,说明该 流加密应用系统可极好地掩盖原始图像的灰度统 计信息.

4 结 论

在实际应用领域,多混沌系统的互扰复合流密 码是一种加强流密钥安全性的常用方法.本文将 TPM 新型神经网络互学习模型引入到多混沌复合 的流密码系统中,具体将三个 Logistics 映射产生的 混沌序列分别作为包含三个隐含层神经元的 TPM 的随机输入,两边的 TPM 根据输出值经若干次交 互学习且不断更新权值后,可实现两个内部权值 向量的同步,将同步的权值做映射处理后即可形 成一个新型的随机序列发生器,最终将上述一个 TPM 同步权值产生的随机序列和三个 Logistics 映 射产生的混沌序列复合,构成一个新的流密钥发 生器.实验分析表明,新的流密钥比一般的多混沌 复合流密钥具有更好的随机性,应用于数字图像 加密^[19-22]效果好.

事实上, 混沌同步保密通讯系统还面临相空间 重构、混沌信号流回归分析、同构混沌系统广义 同步等攻击^[23-25].本文提出的混沌流密码通过两 个操作增强了安全性: 1) 采用多混沌序列和神经 网络同步序列的混合; 2) 支持混沌初始参数的动态 更新. 多个 Logistics 映射序列与 TPM 混合产生的 混沌密钥流可有效抵抗相空间重构等方法对同步 混沌信号的直接提取攻击,同时可消除混沌特性的 数字退化问题;利用 TPM 同步的权值实现对多个 Logistics 映射的参数更新则可有效增强对混沌系 统初始参数的猜测攻击难度,据此还可进一步研究 动态的密钥管理方案,使新型的混沌流密码更具有 实用价值.



图 5 图像加解密结果 (a) 原始图像; (b) 加密后图像; (c) 正确解密图像; (d) 错误解密图像



图 6 图像灰度值统计特性 (a) 原始图像灰度直方图; (b) 加密后图像灰度直方图

- [1] Alvarez G, Li S 2006 Int. J. Bifurcat. Chaos 16 2129
- [2] Dachselt F, Schwarz W 2001 IEEE Trans. Circ. Syst. I 48 14
- [3] Stojanovski T, Kocarev L 2001 IEEE Trans. Circ. Syst. I 48 281
- [4] Li S, Mou X, Cai Y 2001 Second International Conference on Cryptology in India, Chennai, India, December 16–20, 2001 p316
- [5] Xu S J, Wang J Z 2008 Acta Phys. Sin. 57 37 (in Chinese) [徐淑奖, 王 继志 2008 物理学报 57 37]
- [6] Ariffin M, Abu N 2009 Int. J. Crypt. Res. 1 1490163
- [7] Li W, Hao J H, Qi B 2008 Acta Phys. Sin. 57 1398 (in Chinese) [李伟, 郝建红, 祁兵 2008 物理学报 57 1398]
- [8] David A, Gonzalo A, Li S 2011 Commun. Nonlinear Sci. 16 805
- [9] Xiang F, Qiu S S 2008 Acta Phys. Sin. 57 6132 (in Chinese) [向菲, 丘水生 2008 物理学报 57 6132]
- [10] Chen X J, Li Z, Cai J P, Bai B M 2011 Acta Phys. Sin. 60 064215 (in Chinese) [陈小军, 李赞, 蔡觉平, 白宝明 2011 物理学报 60 064215]
- [11] Yin R M, Yuan J, Shan X M 2011 Sci. China Informat. 41 777 (in Chinese) [尹汝明, 袁坚, 山秀明 2011 中国科学: 信息科学 41 777]
- [12] Aihara1 K, Takabe T, Toyoda M 1990 Phys. Lett. A 144 333

- [13] Wolfgang K, Kanter I 2002 Solid State Phys. 42 383
- [14] Chen T M, Cai J M, Ma S L 2011 China Commun. 8 118
- [15] Chen T M, Huang S H, Liu D, Cai J M 2009 J. Comput. Res. Develop.
 46 1316 (in Chinese) [陈铁明, Samuel H Huang, 刘多, 蔡家楣 2009 计算机研究与发展 46 1316]
- [16] Markus V, Sebastian W 2005 IACR Cryptology ePrint Archive 2005 232
- [17] Rukhin A, Soto J, Nechvatal J 2001 NIST Special Publication 800-2213
- [18] Chen S, Zhong X, Wu Z 2008 Sci. China F Informat. Sci. 51 1055
- [19] Wang Z, Huang X, Li N, Song X N 2012 Chin. Phys. B 21 050506
- [20] Yuen C H, Wong K W 2012 Chin. Phys. B 21 010502
- [21] Sun F, Lü Z W 2011 Chin. Phys. B 20 040506
- [22] Zhu C X, Sun K H 2012 Acta Phys. Sin. 61 120503 (in Chinese) [朱 从旭, 孙克辉 2012 物理学报 61 120503]
- [23] Perez G, Cerdeira H 1995 Phys. Rev. Lett. 74 1970
- [24] Wang X, Zhan M, Lai C H, Gang H 2004 Chaos 14 128
- [25] Wang X Y, Xie Y X, Qin X 2012 Chin. Phys. B 21 040504

New hybrid stream cipher based on chaos and neural networks*

Chen Tie-Ming^{1)†} Jiang Rong-Rong²⁾

(College of Computer Science and Technology, Zhejiang University of Technology, Hangzhou 310023, China)
 (College of Information and Engineering, Zhejiang Radio and TV University, Hangzhou 310013, China)

(Received 31 March 2012; revised manuscript received 28 September 2012)

Abstract

A hybrid stream cipher scheme is proposed based on the novel interacting neural networks and the multiple chaotic systems. At first, random sequences generated by 3 independent logistics functions respectively are taken as dynamic inputs to 3 hidden layers of the interacting neural networks model. Then two inner weights of the two structures of neural networks will be synchronized through some steps of interacting learning, and the random key stream can be finally identified by combining the random sequence extracted from the aforementioned synchronized weight and 3 Logistics sequences. The comparison shows that the generated key stream performs the better randomness than others. As a good example, the proposed novel chaos-based stream cipher works perfectly on digital image encryption.

Keywords: chaos, neural networks, weight synchronization, random key stream

PACS: 03.67.Dd, 05.45.Gg, 05.45.Vx, 07.05.Mh

DOI: 10.7498/aps.62.040301

^{*} Project supported by the National Basic Research Program of China (Grant No. 2010CB328106-3), the National Natural Science Foundation of China (Grant No. 61103044), the National High Technology Research and Development Program of China (Grant No. 2009AA043303), the Zhejiang Natural Science Foundation of China (Grant No. Y1110567), the Zhejiang Science and Technology Research Program of China (Grant Nos. 2010C31126, 2011C21046), and the Open Fund of the State Key Laboratory of Software Development and Environment, China (Grant No. SKLSDE-2011KF-07).

[†] Corresponding author. E-mail: tmchen@zjut.edu.cn