# $La(Fe,Si)_{13}$ 化合物的居里温度机制<sup>\*</sup>

王芳 汪金芝 冯唐福 孙仁兵 余盛

(宁波工程学院,宁波 315211)

(2013年12月4日收到; 2014年3月4日收到修改稿)

NaZn<sub>13</sub>型La(Fe,Si)<sub>13</sub>化合物随Si含量增加,相变性质由一级过渡为二级,化合物晶胞体积收缩,饱和磁化强度降低,居里温度升高.其居里温度与晶胞体积之间的关系不能用Bethe-Slater曲线给出合理的解释.本 文利用添加间隙原子碳调节La(Fe,Si)<sub>13</sub>化合物晶胞体积和居里温度的方法,系统研究了该化合物居里温度 与晶胞体积之间的关系.结果发现二者之间的变化规律遵循Jaccarino-Walker模型,即仅有5%甚至更少的 3d电子被认为是真正的巡游电子,其余的3d电子仍是局域的.以极化的巡游电子为媒介,局域电子之间产生 类似于Ruderman-Kittel-Kasuya-Yosida的长程相互作用,相互作用的符号和大小与距离呈周期性震荡.随 Si含量的增加,La(Fe,Si)<sub>13</sub>化合物巡游电子数目增加,化合物的居里温度由晶胞体积和巡游电子的浓度共同 决定.

关键词:磁性,居里温度 PACS: 75.47.Np

## 1引言

稀土(R)-过渡族(T)化合物中存在三种不同 类型的相互作用,即:R-R相互作用,R-T相互作 用和T-T相互作用,居里温度主要由最强的T-T 相互作用决定<sup>[1]</sup>.添加间隙原子或过渡族原子替 代可导致R-T化合物的居里温度显著变化,通常 采用平均场理论来解释间隙原子 [2-4] 或者元素替 代<sup>[5-6]</sup> 对化合物居里温度 ( $T_{\rm C}$ ) 的影响, 提出交换 作用依赖于原子间的距离,即满足Bethe-Slater曲 线. Bethe-Slater 曲线是从直接交换作用出发,为 反映交换作用与相邻原子的电子波函数的交迭程 度之间的关系提出的交换作用与原子间距关系的 假想曲线.3d过渡族金属元素在周期表中从左到 右,随原子序数的增加,巡游性逐渐减弱.由其构 成的合金和化合物的磁性强烈依赖于巡游电子和 局域电子的数目. T-T交换作用性质决定于能带 结构,原子间距只是影响能带结构的因素之一,因

#### **DOI:** 10.7498/aps.63.127501

此, 把居里温度的变化仅仅归因于与原子间距离 相关的交换作用强弱的变化是一种过于简单的模型<sup>[7]</sup>. 实验上也观察到, 某些稀土-铁基化合物的 居里温度与原子间距之间的关系与Bethe-Slater 曲线描述的现象矛盾. 如YFe<sub>12-x</sub>Mo<sub>x</sub><sup>[8]</sup>的晶格 常数随 x 增加而变大, 而居里温度随 x 增加降低; Ce<sub>2</sub>Fe<sub>17-x</sub>Si<sub>x</sub><sup>[9]</sup>化合物则相反, 晶格常数随 x 增大 而减小, 但其居里温度反而升高.因此, 需重新考 虑稀土-铁基化合物的居里温度机制.

Moran 等<sup>[10]</sup> 在海森堡模型中引入了随机相 位近似 (random-phase approximation, RPA) 理论, 认为交换作用常数是长程近似的,其符号和大小随 距离呈周期性近似,距离很远时可忽略;借用第一 性原理计算得到的居里温度数值接近实验值.但 是,不能解释实验中观察到的化合物的居里温度对 压力 (*p*) 的微分  $\partial T_C / \partial p$  几乎为零的现象.

Brouha 和 Buschow<sup>[11]</sup> 研究了压力对  $R_x Fe_y$  和  $R_x Co_y$  化合物居里温度的影响, 从巡游电子铁磁材

© 2014 中国物理学会 Chinese Physical Society

<sup>\*</sup> 国家自然科学基金 (批准号: 11204147, 51371185)、浙江省自然科学基金 (批准号: LY13A040002)、宁波市自然科学基金 (批准号: 2013A610130) 和宁波工程学院校基金资助的课题.

<sup>†</sup>通讯作者. E-mail: jfzw2001@163.com

料的Stoner-Wohlfarth理论出发,提出居里温度随 体积(V)的变化 $(\Gamma)$ 可以表示为

$$\Gamma = \frac{\mathrm{d}\ln T_{\mathrm{C}}}{\mathrm{d}\ln V} 
= \left(-\frac{1}{KT_{\mathrm{C}}}\right) \frac{\mathrm{d}T_{\mathrm{C}}}{\mathrm{d}p},$$
(1)

其中,K为压缩系数,压强为零时 $\Gamma$ 与居里温度的 关系由(2)式给出:

$$\Gamma = \frac{d \ln T_{\rm C}}{d \ln V} = -\frac{5}{3} + BT_{\rm C}^{-2},$$
 (2)

其中, B是依赖于3d过渡金属的常数, 而与稀土 元素种类和成分无关<sup>[12]</sup>, R<sub>x</sub>Co<sub>y</sub> 体系中, B取  $2.9 \times 10^6 K^2$ , R<sub>x</sub>Fe<sub>y</sub>体系中, B取  $1.25 \times 10^6 K^2$ . 该 模型认为, 3d 电子基本是巡游的, 仅 3d 带宽和 Stoner 增强因子依赖于体积.

Stearns<sup>[13-18]</sup> 在解释稀土-过渡族化合物的磁 性时提出另外一种模型,认为Fe,Co,Ni中仅有5% 甚至更少的3d电子被认为是真正的巡游电子(di), 其余的3d电子仍是局域的(dl).由于库仑作用, di 电子被极化,以极化的巡游电子为媒介,dl电子 之间产生类似于 Ruderman-Kittel-Kasuya-Yosida (RKKY)的长程相互作用,相互作用的符号和大小 与距离呈周期性震荡.一些实验和理论计算结果 都验证了该假设的合理性. Jaccarino-Walker<sup>[19]</sup>提 出,局域自旋S1和巡游自旋o;之间的相互作用为  $-2J_{eff}\sigma_i \cdot S_l$ ,不考虑 dl-dl之间的直接重叠,居里温 度可以由下式给出[19,20]:

$$T_{\rm C} = \frac{4S(S+1)}{3k_{\rm B}N_0 g^2 \mu_{\rm B}^2} J_{\rm eff}^2 \chi(T_{\rm C}), \qquad (3)$$

其中, $\chi$ 为巡游电子的顺磁磁化率, $k_{\rm B}$ 为玻尔兹曼 常数,  $N_0$ 是 Avogadro 常数, g 是 朗道因子,  $J_{\text{eff}}$ 表 征局域自旋和巡游自旋之间的耦合程度. 巡游电子 的顺磁磁化率可表示为

$$\chi = 2N(E_{\rm F})\mu_{\rm B}^2\alpha,\tag{4}$$

其中 $\alpha$ 为Stoner增强因子.则居里温度与体积之间 的关系可表示为

$$\Gamma = \frac{d \ln T_{\rm C}}{d \ln V} 
= 2 \frac{d \ln J_{\rm eff}}{d \ln V} + \frac{d \ln \chi(T_{\rm C})}{d \ln V}, \quad (5) 
\Gamma = \frac{5}{3} + \frac{2 d \ln J_{\rm eff}}{d \ln V} 
(5/8) k_{\rm E} N_{\rm e} c^2 I^2$$

$$\frac{d \ln V}{(5/8)k_{\rm B}N_0q^2I^2}$$

$$\overline{S(S+1)J_{\text{eff}}^2I_{\text{b}}}^2$$

其中I是原子间有效相互作用积分, Ib是考虑到多 体关联效应后的原子间有效相互作用积分.

NaZn13型La(Fe,Si)13化合物由于其优良的磁 制冷能力而备受关注,随Si含量增加,相变性质由 一级过渡为二级, 化合物晶胞体积收缩, 饱和磁化 强度降低,居里温度升高<sup>[21-24]</sup>.其居里温度与晶 胞体积之间的关系不能用 Bethe-Slater 曲线给出合 理的解释.本文通过添加间隙原子碳,研究体积变 化对La(Fe,Si)13化合物磁性的影响,从而进一步解 释该化合物的居里温度机制.

## 2 样品制备及测量手段

LaFe<sub>13-z</sub>Si<sub>z</sub>C<sub> $\delta$ </sub> (z = 1.2, 1.4, 1.6, 1.8, 2.0, 2.2;  $\delta = 0-1.0$ )合金锭用纯度大于 99.9% 以上的 La, Fe, Si, Fe-C 合金组分按所需的化学配比配料, 在氩 气气氛保护下,电弧反复熔炼3次,1050°C真空退 火30d再经液氮快冷至室温.采用Cu靶X射线衍 射仪检测粉末样品的单相性和晶体结构,所有样品 的磁性测量均使用 MPMS-7型超导量子磁强计.

## 3 实验结果

图1为LaFe<sub>11.4</sub>Si<sub>1.6</sub>C<sub> $\delta$ </sub>化合物室温粉末X射 线衍射图(XRD). C含量较低时化合物保持立方 NaZn13型晶体结构, 衍射峰随碳含量的增加向小 角度方向平移,表明C的引入导致化合物晶胞体 积膨胀. 实验还发现, 随Si含量的降低, 为保持 NaZn13 型面心立方结构, 间隙原子C的含量也随 之降低.



图 1 LaFe<sub>11.4</sub>Si<sub>1.6</sub>C<sub> $\delta$ </sub> (0  $\leq \delta \leq$  0.6) 化合物在室温下 的 XRD 图

127501-2

(6)

图 2为LaFe<sub>11.4</sub>Si<sub>1.6</sub>C<sub> $\delta$ </sub>化合物在0.01 T磁场 下的热磁曲线,居里温度由磁化强度对温度求导 数的极小值来确定.其他LaFe<sub>13-z</sub>Si<sub>z</sub>C<sub> $\delta$ </sub> (z = 1.2, 1.4, 1.8, 2.0, 2.2)化合物的居里温度由同样方法 确定.



图 2 LaFe<sub>11.4</sub>Si<sub>1.6</sub>C<sub> $\delta$ </sub>(0  $\leq \delta \leq$  0.4) 化合物在 0.01 T 磁场下的热磁曲线

图 3 为 LaFe<sub>13-z</sub>Si<sub>z</sub> 化合物晶格常数  $a \to T_C$  与 Si 含量 z 的关系. Si 的原子半径 (1.46 Å) 小于 Fe (1.72 Å), 晶格常数 a 随 Si 含量的增加线性降低,  $T_C$  却近似线性升高.由于 La 是非磁性原子, 化合 物居里温度由 Fe-Fe 原子间的交换作用决定, 平均 场理论为

$$3k_{\rm B}T_{\rm C} = 2Z_{\rm TT}J_{\rm TT}S_{\rm T}(S_{\rm T}+1),$$
 (7)

其中ZTT为Fe原子的最近邻同类原子的平均数, J<sub>TT</sub>为过渡族金属原子间的交换作用常数. 根据 (7)式,可以利用实验测量得到的居里温度及饱和 磁化强度来计算 Fe-Fe 间的交换作用常数  $J_{TT}$ . Si 原子替代Fe,不仅引起晶胞体积的收缩,还将引入 Si 3s<sup>2</sup>3p<sup>2</sup>电子与Fe 3d 电子之间的轨道杂化, 使Fe 3d 电子交换劈裂变弱, Fe 原子磁矩降低, 如图 4 所 示. 插图为Fe原子的最近邻数n与Si含量z之间的 关系. 由图 3 和图 4 可见, LaFe<sub>13-z</sub>Si<sub>z</sub> 化合物的晶 格常数a, Fe 原子磁矩 $\mu_{Fe}$ 和Fe的最近邻数n三者 都随Si含量的增加而降低,而Fe-Fe原子间的交换 作用却增强,这与Bethe-Stater曲线所预言的结果 是完全不同的.因此,从直接交换相互作用出发不 能合理解释LaFe13-zSiz化合物的居里温度随晶格 常数的减小而增大的现象, 需要考虑 3d 电子的巡 游特性.

图 5 为 LaFe<sub>13-z</sub>Si<sub>z</sub>C<sub> $\delta$ </sub> (z = 1.2, 1.4, 1.6, 1.8, 2.0 和 2.2) 间隙化合物的居里温度与晶格常数的关

系,由图可见居里温度随晶格常数近线性增加.随 Si含量的增加,虽然居里温度显著升高,但饱和磁 化强度基本保持不变.



图 3 LaFe<sub>13-z</sub>Si<sub>z</sub> 化合物的居里温度 T<sub>C</sub> 和室温晶格常 数 a 及 Si 含量 z 的关系



图 4 LaFe<sub>13-z</sub>Si<sub>z</sub> (1.2  $\leq z \leq$  2.0) 化合物的 Fe 原子磁 矩  $\mu_{\text{Fe}}$  和交换作用常数  $J_{\text{Fe-Fe}}$  与 Si 含量 z 的关系, 插图 为 Fe 原子的最近邻数 n 与 Si 含量 z 的关系



图 5  $LaFe_{13-z}Si_zC_{\delta}$ 居里温度与晶格常数之间的关系

图6为 $\Gamma = \frac{d \ln T_{C}}{d \ln V}$ 与居里温度的关系.可以 看到,  $\Gamma$ 与居里温度之间呈线性关系:

$$\Gamma = 57.06 - 0.2T_{\rm C},$$
 (8)

而远偏离

$$\Gamma = \frac{\mathrm{d}\ln T_{\mathrm{C}}}{\mathrm{d}\ln V} = -\frac{5}{3} + BT_{\mathrm{C}}^{-2}$$

曲线(其中B取1.25×10<sup>6</sup>)<sup>[12]</sup>.将(6)式代入(8)式 得到  $\frac{d \ln J_{\text{eff}}}{d \ln V} = 27$ ,表明 dl 电子和 di 电子之间的相 互作用随体积增大而增大.把上述结果代入(5)式, 得到  $\frac{d \ln \chi(T_{\rm C})}{d \ln V}$  值在  $-6 \, \pi - 34$  之间. 在其他一些 稀土-铁基化合物中也曾观察到Γ与居里温度之间 的这种线性关系, 如 $R_2Fe_{17}C_x$ 化合物的居里温度 随体积变化也表现出类似的行为<sup>[25,26]</sup>.由此可见, 在LaFe13-zSiz化合物中, Fe 3d 电子既不是完全 局域的(dl),也不完全是巡游的(di);而是以局域电 子为主,存在一小部分的巡游电子 (约5%). Fujita 等<sup>[27]</sup>通过对La(Fe,Si)13化合物有效磁矩的分析也 得出类似结论.加入间隙原子后,饱和磁化强度对 体积变化不敏感也表明, Fe 3d 电子基本是局域的. 巡游电子di由于dl和di电子间的库仑作用被极化, 以极化的di电子为媒介,dl电子之间产生一类似于 RKKY作用的长程相互作用,相互作用的大小及符 号随距离呈周期性震荡变化;此外di电子与dl电 子之间还存在较弱的轨道杂化. 磁性质由巡游电子 di的数目决定,并且di电子数目可通过与具有不同 巡游和局域电子性质的其他元素合金化来控制.因 此,在LaFe<sub>13-z</sub>Si<sub>z</sub>化合物中,Si 原子替代Fe后,不 仅引起晶胞体积的收缩,还会引入Si 3s3p电子与 Fe3d电子间的轨道杂化,从而调整巡游电子和局域 电子之间的数目,影响其磁性质的变化.

从上面的讨论可以看出,随Si含量z增加, LaFe<sub>13-z</sub>Si<sub>z</sub>化合物的晶胞体积收缩,但巡游电子 浓度也随之升高,可能会减弱单纯由晶胞体积收缩 引起的居里温度下降,因此,居里温度最终由晶胞 体积的大小和巡游电子的浓度来决定.



图 6 LaFe<sub>13-z</sub>Si<sub>z</sub>C<sub> $\delta$ </sub>化合物的  $\Gamma$  与居里温度的关系

### 4 结 论

通 过 添 加 间 隙 原 子 C 的 方 法, 研 究 了 La(Fe,Si)<sub>13</sub> 化合物的居里温度与晶胞体积之间的 关系,发现居里温度与晶胞体积的变化规律遵循 Jaccarino-Walker 模型,即

$$\Gamma = \frac{5}{3} + \frac{2 \mathrm{d} \ln J_{\mathrm{eff}}}{\mathrm{d} \ln V} + \frac{(5/8)k_{\mathrm{B}}N_{0}g^{2}I^{2}}{S(S+1)J_{\mathrm{cr}}^{2}I_{\mathrm{b}}}T_{\mathrm{C}}$$

实验结果表明, 仅有5% 甚至更少的3d 电子被认为 是真正的巡游电子, 其余的3d 电子仍是局域的.由 于库仑作用, di 电子被极化, 以极化的巡游电子为 媒介, dl 电子之间产生类似于 RKKY 的长程相互 作用, 相互作用的符号和大小与距离呈周期性震 荡.在La(Fe,Si)<sub>13</sub> 化合物中, 随着 Si 含量的增加, 巡游电子数目增加, 因此化合物的居里温度由晶胞 体积的变化和巡游电子的浓度共同决定.

感谢中国科学院物理研究所磁学国家重点实验室在磁 性测试上的支持.

#### 参考文献

- Wohlfarth E P 1980 Ferromagnetic Materials (Vol. 1) (North Holland: North Holland Publishing Company) p227
- [2] Sun H, Coey J M D, Otani Y, Hurley D P F 1990 J. Phys. Condens. Matter 2 6465
- [3] Qi Q N, Sun H, Skomski R, Coey J M D 1992 *Phys. Rev.* B 45 12278
- [4] Katter M, Wecker J, Schultz L, Grossinger R 1990 J. Magn. Magn. Mater. 92 L14
- [5] Jacobs T H, Buschow K H J, Zhou G F, Li X, de Boer F R 1992 J. Magn. Magn. Mater. 116 220
- [6] Sun H, Akayama M, Tatami K, Fujii H 1993 *Physica B* 183 33
- [7] Herbst J F 1991 Rev. Mod. Phys. 63 819
- [8] Sun H, Akayama M, Tatami K, Fujii H 1993 *Physica B* 183 33
- [9] Middleton D P, Buschow K H J 1994 J. Alloy. Compounds 206 L1
- [10] Moran S, Ederer C, Fahnle M 2003 Phys. Rev. B 67 012407
- [11] Brouha M, Buschow K H J 1973 J. Appl. Phys. 44 1813
- [12] Brouha M, Buschow K H J, Miedema A R 1974 IEEE Trans. Magn. MAG 10 182
- [13]~ Beth Stearns M 1971 Phys. Rev. B 4 4081
- [14] Beth Stearns M 1972 Phys. Rev. B 6 3326
- [15] Beth Stearns M 1973 Phys. Rev. B 8 4383
- [16] Beth Stearns M 1976 *Phys. Rev. B* **13** 1183
- [17] Beth Stearns M 1978 J. Appl. Phys. 49 1555
- [18]~ Beth Stearns M 1978  $Phys.\ Rev.\ B$  17 2809
- [19] Jaakkola S, Parviainen S, Penttila 1983 J. Phys. F 13 491

- [20] Takahashi T, Shimizu M 1965 J. Phys. Soc. Japan 20 26
- [21] Hu F X, Shen B G, Sun J R, Zhang X X 2000 Chin. Phys. 9 550
- [22] Wang F, Chen Y F, Wang G J, Sun J R, Shen B G 2004 Chin. Phys. 13 393
- [23] Shen J, Li Y X, Wang F, Wang G J, Zhang S Y 2004 Chin. Phys. 13 1134
- [24] Wang F, Chen Y F, Wang G J, Sun J R, Shen B G 2004 *Chin. Phys.* 13 1344
- [25] Valeanu M, Plugaru N, Burzo E 1994 Phys. Status Solidi B 184 K77
- [26] Plugaru N, Valeanu M 1994 IEEE Trans. Magn. MAG 30 663
- [27] Fujita A, Yako H, Kano M 2013 J. Appl. Phys. 113 17A924

## Curie temperature mechanism in $La(Fe,Si)_{13}$ compound<sup>\*</sup>

Wang Fang<sup>†</sup> Wang Jin-Zhi

Feng Tang-Fu Sun Ren-Bing Yu Sheng

(Ningbo University of Technology, Ningbo 315211, China)

( Received 4 December 2013; revised manuscript received 4 March 2014 )

#### Abstract

In NaZn<sub>13</sub> type La(Fe,Si)<sub>13</sub> compound, the phase transition nature varies from the first order to the second order, the cell volume contracts, the saturated magnetization decreases and the Curie temperature increases with increasing Si content. In this paper, the relation between the Curie temperature and the cell volume is investigated systematically by introducing the interstitial carbon atoms, which is an efficient method to control the cell volume and the Curie temperature. It is found that the relation between the Curie temperature and the cell volume is consistent with the Jaccarino-Walker model, in which only 5% or less 3d electrons are considered as the itinerant electrons and the others are regarded as the localized ones. With the polarized itinerant electrons used as a medium, the interaction between the 3d localized electrons is similar to Ruderman-Kittel-Kasuya-Yosida interaction, whose sign and magnitude oscillate periodically with distance. The number of the itinerant electrons of the La (Fe,Si)<sub>13</sub> increases with the increase of Si content. The Curie temperature is dependent on both the cell volume and the number of itinerant electrons.

Keywords: magnetic properties, Curie temperature

**PACS:** 75.47.Np

**DOI:** 10.7498/aps.63.127501

<sup>\*</sup> Project supported by the National Natural Science Foundation of China (Grant Nos. 11204147, 51371185), the Natural Science Foundation of Zhejiang Province, China (Grant No. LY13A040002), the Ningbo Natural Science Foundation, China (Grant No. 2013A610130), and the Research Foundation from Ningbo University of Technology, China.

<sup>†</sup> Corresponding author. E-mail: jfzw2001@163.com