一种抑制合成孔径雷达图像相干斑的各向异性 扩散滤波方法^{*}

朱磊1)2)[†] 韩天琪¹) 水鹏朗²) 卫建华¹) 顾梅花¹)

1) (西安工程大学电子信息学院,西安 710048)

2) (西安电子科技大学雷达信号处理国家重点实验室, 西安 710071)

(2014年2月11日收到;2014年5月11日收到修改稿)

本文提出了一种抑制合成孔径雷达图像乘性相干斑噪声的各向异性扩散滤波新方法.该方法将受自适应 耦合函数控制的平均曲率运动嵌入到传统相干斑抑制的各向异性扩散方程中,形成了一种可有效抑制边缘区 域相干斑与同质区块效应现象的各向异性扩散新方程,同时在新建的扩散方程中,引入了由改进Frost滤波与 局部方向比率联合构建的一种带方向约束的新扩散函数,进一步削弱了块效应现象且明显改善了抑斑图像的 边缘抖动扭曲问题.实验结果表明该方法在有效保护图像边缘的同时,能充分平滑同质区与边缘区域的相干 斑,明显削弱块效应现象,有效改善抑斑图像边缘抖动扭曲问题,而抑斑图像无论视觉效果还是参数指标均比 多种传统抑斑方法更具优势.

关键词:相干斑抑制,各向异性扩散,方向约束,平均曲率运动 PACS: 95.75.Mn, 42.30.Va, 42.30.Sy DOI:

DOI: 10.7498/aps.63.179502

1引言

可全天时全天候进行远距离成像的合成孔径 雷达 (synthetic aperture radar, SAR),与医学领域 广泛应用的光学相干断层成像系统和超声波成像 系统一样^[1,2],是典型的相干成像系统,因此,SAR 图像中不可避免地存在一种称为相干斑的随机乘 性噪声.相干斑的存在严重妨碍了SAR 图像解译 处理技术的有效性与可靠性,因此,与SAR 图像成 像方法研究一样^[3],相干斑抑制方法研究也是SAR 图像领域的重要研究方向.

当前, SAR 图像抑斑方法主有三类: 空域滤波 方法^[4-12]、变换域滤波方法^[13-20] 与偏微分各向 异性扩散滤波方法^[21-28], 其中各向异性扩散作为 一种自适应迭代滤波过程, 可以较好地兼顾SAR 图像的相干斑抑制与边缘保护, 同时偏微分方程完 善的理论与数值求解方法, 还使得各向异性扩散抑 斑方法的推演与计算处理更具理论性与实用性.

1990年, Perona与Malik^[29]首次提出利用基 于偏微分方程的各向异性扩散(常被称为P-M扩 散)来抑制光学图像中的加性噪声并取得了不错的 效果,从而为图像噪声抑制研究开辟了一个新方 向. 然而, P-M扩散直接用于抑制SAR 图像中的 乘性相干斑,效果却并不理想. 2002年, Yu等^[21] 首次揭示了经典的Lee滤波^[4]与Frost滤波^[6]同 P-M扩散^[29]之间的内在联系,并在SAR图像乘 性相干斑模型基础上,发展了相干斑抑制的各向 异性扩散(speckle reducing anisotropic diffusion, SRAD).SRAD可以理解为一种受瞬时变差系数 (instantaneous coefficients of variation, ICV) 控制 的迭代Lee滤波,具有良好的相干斑抑制效果与边 缘敏感性. 此后, 一系列以SRAD为基础的改进抑 斑方法^[22-28]先后被提出.Aja-Femandez等^[22]利 用Kuan滤波代替Lee滤波并用更大尺度的局域窗 来改进SRAD扩散的ICV估计方法,提出了具有

* 国家自然科学基金(批准号: 61271295)和陕西省教育厅自然科学基金(批准号: 14JK1303)资助的课题.

© 2014 中国物理学会 Chinese Physical Society

[†]通讯作者. E-mail: zhulei791014@163.ccom

更好抑斑性能的细节保持的各向异性扩散 (detail preserving anisotropic diffusion, DPAD).Krissian 等^[23]通过将 SRAD 扩散嵌入矢量扩散方程中,发展了一种具有方向性的各向异性扩散。韦海军等^[24]提出利用 Turkey's Biweight 范数来改进边界停止函数,可使各向异性扩散能较好地保持边缘并有利于扩散的自动中止.Liu 等^[25]提出利用自适应变化的局域窗来改进 ICV 的估计方法,获得了更精确的边缘定位信息.Yu 等^[26]提出利用邻域相似性判别将边缘检测方法与各向异性扩散结合,可在抑斑的同时较好的保护边缘.张琼等^[27]提出了欧拉弹性能量的扩散模型与自适应变步长去噪算法,可在抑斑时保护图像细节并减少迭代时间.李金才等^[28]提出利用图像熵来改进边缘检测算子,提高了各向异性扩散对图像结构的保持能力.

以SRAD与DPAD为代表的各向异性扩散抑 斑方法在相干斑抑制与边缘保护上均表现出了好 的性能,但还存在下列不足:不能在保护边缘的 同时有效抑制边缘区域相干斑噪声,容易在同质 区产生块效应现象,边缘容易出现扭曲变形问题, 为此,本文提出了一种基于平均曲率运动(mean curvature motion, MCM)^[30] 与方向约束的各向异 性扩散抑斑新方法. 该方法的主要改进如下: 其一, 提出了一种自适应耦合函数并将受该函数控制的 MCM嵌入到传统各向异性扩散方程中,形成了一 种可有效抑制边缘区域相干斑与同质区块效应现 象的各向异性扩散新方程;其二,对传统各向异性 扩散中无方向性的静态自适应扩散函数进行了改 进,提出利用改进Frost滤波与局部方向比率联合 构建一种带方向约束的新扩散函数,从而进一步削 弱块效应现象并明显改善抑斑图像的边缘扭曲变 形问题.

2 经典的SRAD与DPAD及其抑斑性 能分析

2.1 SRAD与DPAD

设空域n = (x, y)位置处SAR图像的乘性观 测模型为I(n) = s(n)w(n),其中,I(n)表示SAR 图像观测值,s(n)表示场景信号,w(n)表示相干斑 噪声.若用t表示时间参量.那么SRAD的扩散方 程可描述为^[21]

$$\frac{\partial I(\boldsymbol{n},t)}{\partial t} = \operatorname{div}[\mu(\boldsymbol{n},t)\nabla I(\boldsymbol{n},t)],$$

$$I(\boldsymbol{n},0) = I(\boldsymbol{n}),\tag{1}$$

其中, div 为散度算子, ∇ 为梯度算子, $\mu(n,t)$ 为扩 散函数.SRAD 的扩散函数由 Lee 滤波系数估计 ^[21]:

$$\mu_{\text{Lee}}(\boldsymbol{n},t) = \frac{C_w^4(\boldsymbol{n},t) + C_w^2(\boldsymbol{n},t)}{C_w^4(\boldsymbol{n},t) + C_I^2(\boldsymbol{n},t)}, \qquad (2)$$

其中, $C_I(\boldsymbol{n},t)$ 与 $C_w(\boldsymbol{n},t)$ 分别为I与w的ICV, 而

$$C_I^2(\boldsymbol{n},t) = \operatorname{Var}(I(\boldsymbol{n},t))/E^2(I(\boldsymbol{n},t)), \qquad (3)$$

$$C_w^2(\boldsymbol{n},t) = \operatorname{Var}(w(\boldsymbol{n},t))/E^2(w(\boldsymbol{n},t)), \quad (4)$$

其中, E与 Var 分别表示均值与方差算子.由于边缘区域像素相对于同质区像素具有更大的局域方差,故边缘区域像素常具有更高的 ICV 值,因此 ICV 常被用于度量局域窗内中心像素与边缘的距离.另外,考虑到在每次迭代滤波中,相干斑w 的 ICV 常被假设为与位置n无关的固定常量^[21],即 满足 $C_w(n,t) = C_w(t)$,故(2)式可简化为

$$\mu_{\text{Lee}}(\boldsymbol{n},t) = \frac{C_w^4(t) + C_w^2(t)}{C_w^4(t) + C_I^2(\boldsymbol{n},t)}.$$
 (5)

DPAD采用了与SRAD相同的扩散方程,但其 扩散函数由Kuan滤波系数估计^[22]:

$$\mu_{\text{Kuan}}(\boldsymbol{n},t) = \frac{1 + 1/C_I^2(\boldsymbol{n},t)}{1 + 1/C_w^2(\boldsymbol{n},t)} \\ = \frac{1 + 1/C_I^2(\boldsymbol{n},t)}{1 + 1/C_w^2(t)}.$$
 (6)

2.2 SRAD与DPAD的抑斑性能分析

SRAD与DPAD扩散都是边缘敏感的, 能在 抑斑时较好的保护边缘, 图1可解释SRAD与 DPAD所具有的这种特性.由图1可知:在SRAD 与DPAD的一次迭代扩散过程中, 对于每一个给定 的 C_w , 当 C_I 从0开始逐渐增大时, μ 的取值则由最 大值开始减小并迅速趋近于0.由于边缘区域像素 较大的ICV数值会造成 μ 取值较小甚至趋近于0, 因此, SRAD与DPAD对高ICV数值的边缘区域总 是具有较小的扩散强度, 甚至不扩散, 从而可以有 效保护SAR图像的边缘不会被过度平滑.另外, 由 于DPAD的扩散函数 μ 随 C_I 增大而减小的速度远 快于SRAD, 因此, DPAD具有比SRAD更好的边 缘保护性能.

然而, SRAD与DPAD扩散函数μ的分布特性 与估计方法也导致了三个不足.其一,由于边缘区 域像素具有较高的*C*_I值,故这些像素的μ通常较 小,甚至趋近于0,从而导致扩散滤波在这些像素上 趋于停止.因此,传统SRAD与DPAD扩散难以抑 制边缘区域相干斑.其二,由图1容易发现,SRAD 与DPAD的扩散函数 μ 随 C_I 值变化呈现出过于敏 感的非均匀陡峭变化,造成同质区内不同 C_I 值的 局部邻域的扩散强度呈现出明显的差异,而这种差 异会由于扩散的迭代积累效应而被持续放大增强, 并最终导致同质区高 C_I 值的局部邻域出现严重的 块效应现象.其三,SRAD与DPAD分别采用Lee 滤波与Kuan滤波系数估计扩散函数,而由局域窗 估计生成的Lee滤波与Kuan滤波系数本身是一种 没有方向性的静态自适应参量,从而导致SRAD与 DPAD的扩散滤波过程也缺乏方向性,不能很好地 匹配SAR 图像的局部几何特征,并容易引起抑斑 图像边缘出现扭曲变形问题.



图1 SRAD与DPAD扩散函数 μ 的波形图 (a) SRAD 扩散函数 μ 的波形图; (b) DPAD扩散函数 μ 的波形图

3 基于MCM与方向约束的各向异性 扩散抑斑新方法

针对传统SRAD与DPAD存在的上述三点不足,本文提出了一种基于MCM与方向约束的各向异性扩散新方法.

3.1 耦合 MCM 的各向异性扩散新方程

为了在保护SAR图像边缘的基础上,改善传 统各向异性扩散方法难以抑制边缘区域相干斑与 同质区高*C*_I值局部邻域的块效应现象的不足,一 个自然的想法是:在原有各向异性扩散基础上,沿 边缘方向加强对边缘区域与高*C*_I值局部邻域的扩 散强度.

经典的MCM能仅沿图像边缘扩散滤波^[30], 若设 ξ 为垂直于图像I(n,t)梯度方向的单位矢 量(即与边缘方向平行的矢量),则MCM可表 示为^[30]

$$\frac{\partial I(\boldsymbol{n},t)}{\partial t} = \frac{\partial^2 I(\boldsymbol{n},t)}{\partial \xi^2}$$
$$= \operatorname{div}\left(\frac{\nabla I(\boldsymbol{n},t)}{|\nabla I(\boldsymbol{n},t)|}\right) |\nabla I(\boldsymbol{n},t)|.$$
(7)

可见, MCM可在保护边缘条件下, 加强 SAR 图像 边缘区域与高*C*_I 值局部邻域的扩散强度.于是 本文提出将 MCM 耦合入(1)式所示的传统各向异 性扩散方程, 形成如(8)式所示的各向异性扩散新 方程

$$\frac{\partial I(\boldsymbol{n},t)}{\partial t} = \operatorname{div}[\mu(\boldsymbol{n},t)\nabla I(\boldsymbol{n},t)] + \beta(\boldsymbol{n},t)\operatorname{div}\left(\frac{\nabla I(\boldsymbol{n},t)}{|\nabla I(\boldsymbol{n},t)|}\right) \times |\nabla I(\boldsymbol{n},t)|, \quad (8)$$

其中, $\beta(\mathbf{n}, t)$ 是耦合函数, 用于控制 MCM 在整个 扩散方程中的扩散强度.为避免手动设置 $\beta(\mathbf{n}, t)$ 给抑斑性能带来不利影响,本文提出了一种自适应 于 C_I 参量的 $\beta(\mathbf{n}, t)$ 设置方法.

2.2节的分析指出, 对高 C_I 值的边缘区域与同 质区局部邻域, SRAD与DPAD存在难以抑制边 缘区域相干斑与同质区块效应现象的问题, 但在 低 C_I 值区域则表现出了良好的抑斑性能, 因此, $\beta(n,t)$ 只需控制MCM加强对高 C_I 值区域的扩散 强度.基于这个思路, 本文提出了一种自适应于 C_I 的 $\beta(n,t)$ 设置方法:

$$\beta(\boldsymbol{n},t) = \exp(-\mu(\boldsymbol{n},t)). \tag{9}$$

由 (9) 式易知: 当扩散处于高 C_I 值的局部邻域或 边缘区域时,由于 $\mu(n,t)$ 趋近于0, $\beta(n,t)$ 会趋近 于最大值1;而当扩散处于低 C_I 值区域时,由于 $\mu(n,t)$ 远大于1,耦合函数 $\beta(n,t)$ 会趋近于最小值 0.可见,当传统各向异性扩散方程在高 C_I 值局部 邻域或边缘区域趋向于停止扩散滤波时,本文提出 的各向异性扩散新方程,由于MCM的引入,会继续沿边缘方向扩散滤波.因此,耦合MCM的扩散 新方程能在保护边缘的同时,克服传统各向异性扩 散方程不能有效抑制边缘区域相干斑的不足,同时 可缓解同质区块效应现象.

3.2 构建带方向约束的新扩散函数

2.2节的分析指出,SRAD与DPAD利用Lee 滤波与Kuan滤波系数来估计扩散函数 μ ,会由于 μ 呈现非均衡的陡峭衰减分布,而导致同质区块效应 现象;同时,由于 μ 是没有方向性的静态自适应参 量,不能很好地匹配SAR图像局部几何特征,因此, 容易导致边缘扭曲变形.为此,本文提出利用改进 Frost滤波与局部方向比率来联合估计带方向约束 的新扩散函数,以有效改善采用传统方法估计扩散 函数 μ 而导致的上述不足.

3.2.1 改进的 Frost 滤波

文献 [21] 指出 Lee 滤波与 Frost 滤波均可用于 估计扩散函数 μ . 利用传统 Frost 滤波系数估计扩 散函数 μ 可表示为 ^[21]

$$\mu_{\text{Frost}}(\boldsymbol{n}, t) = \exp(-\alpha(\boldsymbol{n}, t)C_I(\boldsymbol{n}, t)), \qquad (10)$$

其中, $\alpha(\mathbf{n},t)$ 为调节衰减速度的固定常数, $C_I(\mathbf{n},t)$ 为SAR图像I的ICV.

然而, 传统Frost 滤波系数直接用于估计扩 散函数μ既有好处也有明显弊端. 图2(a)展示了 $\alpha(n,t) = 2$ 的传统 Frost 滤波系数估计的扩散函数 μ 的波形图. 将图2(a)与图1对比容易发现, 传统 Frost 滤波系数估计的扩散函数 μ ,其值仅随 C_I 值 变化在(0,1]区间呈现连续且光滑的衰减,而μ这 种连续光滑的衰减分布特点,将有利于消除同质 区各邻域之间由于相干斑随机起伏而产生扩散强 度的巨大反差,并促进迭代扩散滤波过程对块效应 现象的抑制. 但图 2(a) 所展示的扩散函数 μ 的波 形也存在两个明显不足. 其一, 随着 C_I 值从0开始 增大, μ的衰减虽然足够连续光滑但下降速度缓慢, 从而导致扩散滤波过程对边缘的敏感度下降,并容 易引起边缘细节损失.其二,μ的衰减与C_w无关, 而这容易在扩散迭代滤波的中后期,造成大量边缘 细节被持续平滑. 在一般情况下, 随着扩散迭代滤 波的进行, SAR 图像大部分相干斑被反复平滑, C_w 值会迅速减小,此时,常常需要扩散函数 μ 随 C_w 值 减小而整体降低,以避免边缘等细节被过度平滑. 显然, 传统 Frost 滤波系数不宜直接用于估计扩散 函数, 需进行改良, 即加快扩散函数 μ 随 C_I 值增大的衰减速度, 同时建立 μ 随 C_w 值减小而降低的有效关联.



图 2 Frost 滤波系数估计的 μ 波形图 (a) 传统 Frost 滤 波系数 ($\alpha(\mathbf{n}, t) = 2$) 估计的 μ 波形图; (b) 改进 Frost 滤 波系数估计的 μ 波形图

为此,本文提出了一种改进的 Frost 滤波,其主 要改进是利用 Kuan 滤波系数来估计 $\alpha(n,t)$,即令 $\alpha(n,t) = (1 + 1/C_w^2(n,t))/(1 + 1/C_I^2(n,t))$,则由 (10) 式容易得出由改进 Frost 滤波估计扩散函数 μ 的表达式:

$$\mu_{\rm iFrost}(\boldsymbol{n},t) = \exp\left(-\frac{(1+1/C_w^2(\boldsymbol{n},t))C_I(\boldsymbol{n},t)}{1+1/C_I^2(\boldsymbol{n},t)}\right).$$
(11)

图 2 (b) 展示的由改进 Frost 滤波系数估计的扩散 函数 μ 波形,不仅具有图 2 (a) 波形所呈现的连续光 滑的衰减分布特点,而且随 C_I 值增大时的衰减速 度较图 2 (a) 明显加快,同时,建立了 μ 随 C_w 值减 小而降低的直接关联.

3.2.2 基于三矩形平行窗的局部方向比率

下面,先以图3为例,简单分析当待扩散像素 处于边缘区域的不同位置时,怎样扩散才能既防止 边缘细节损失又能最大限度地抑制相干斑.图3 是一幅具有A与B两个同质区及一个垂直边缘的 仿真SAR图像,其阶跃型边缘的灰度值与A区域 像素一致,而在a---e五个圆圈所表示的4-邻域像 素结构中, a 像素为待扩散像素.4-邻域像素结构在 SAR 图像边缘区域附近存在三种可能的位置分布, 分别如图3(a)--(c)所示. 在保护边缘的前提下, 对图3中的像素a进行扩散滤波最理想的情况是: 图3(a)中沿b---d像素方向的扩散系数较大,而沿 e像素方向的扩散系数较小;图3(b)中沿b—e像素 方向的扩散系数均较大;图3(c)中沿b,d,e像素方 向的扩散系数较大,而沿c像素方向的扩散系数较 小. 但在实际扩散滤波时,由于利用矩形窗估计的 b—e像素的变差系数 C_I 没有任何方向性,且四个 像素位置邻近, 故其CI估计值也常常十分接近, 从 而无论a像素处于边缘区域的哪个位置,都容易造 成沿4-邻域各个方向的扩散系数要么一样大,要么 一样小.显然,在对边缘区域像素进行扩散滤波时, 若沿各个方向的扩散系数都较大,则容易导致边缘 的过度平滑, 而沿各个方向的扩散系数都较小, 则

容易造成边缘区域相干斑抑制不彻底.为此,需要 对传统扩散函数施加方向约束,以使得与像素a处 于相同同质区的像素方向获得较大扩散系数,而与 像素a处于不同同质区的像素方向获得较小扩散 系数.

Jesper等^[31]提出利用带方向双矩形平行窗通 过比率运算估计边缘强度映射 (edge strength map, ESM),以获取SAR 图像局部几何结构与方向信息, 实现对乘性相干斑具有较强鲁棒性的恒虚警边缘 检测. 然而,文献[31] 中提出的双矩形平行窗所估 计的局部比率ESM,只能获得一个像素方向的ES-M数值,从而造成在扩散时无法对四邻域像素分别 独立地进行扩散强度约束.为此,本文提出利用如 图4所示的三矩形平行窗估计局部方向比率,并由 局部方向比率最终形成局部方向约束函数.下面, 先给出局部方向比率能匹配SAR 图像的局部几何结构.



图 3 各向异性扩散 4-邻域像素结构在边缘区域位置关系示意图 (a)a 像素位于边缘上; (b) a 像素位于 A 同质区; (c) a 像素位于 B 同质区

利用图4所示的三矩形平行窗估计中心像素 a 沿 b—e 四个像素方向的局部方向比率的步骤如下: 先分别估计图4中A₁—C₂六个矩形窗内像素的局 部均值(假设 \overline{A}_1 — \overline{C}_2 分别表示A₁—C₂矩形窗的局 域均值估计),然后利用(12)式估计图4中的a 像素 沿 b—e 四个像素方向的局部方向比率.

$$\begin{split} & \text{ESM}_{ab} = \frac{1}{\Sigma} \min\left(\frac{A_2}{\bar{B}_2}, \frac{B_2}{\bar{A}_2}\right), \\ & \text{ESM}_{ac} = \frac{1}{\Sigma} \min\left(\frac{\bar{A}_1}{\bar{C}_1}, \frac{\bar{C}_1}{\bar{A}_1}\right), \\ & \text{ESM}_{ad} = \frac{1}{\Sigma} \min\left(\frac{\bar{A}_2}{\bar{C}_2}, \frac{\bar{C}_2}{\bar{A}_2}\right), \\ & \text{ESM}_{ae} = \frac{1}{\Sigma} \min\left(\frac{A_1}{B_1}, \frac{B_1}{A_1}\right), \end{split}$$
(12)

其中, ESM_{ab} — ESM_{ae} 分别表示中心像素 a 沿 b—e 四个像素方向的局部方向比率, Σ 为归一化参量,

可用公式表示为

$$\Sigma = \min\left(\frac{\bar{A}_2}{\bar{B}_2}, \frac{\bar{B}_2}{\bar{A}_2}\right) + \min\left(\frac{\bar{A}_1}{\bar{C}_1}, \frac{\bar{C}_1}{\bar{A}_1}\right) + \min\left(\frac{\bar{A}_2}{\bar{C}_2}, \frac{\bar{C}_2}{\bar{A}_2}\right) + \min\left(\frac{\bar{A}_1}{\bar{B}_1}, \frac{\bar{B}_1}{\bar{A}_1}\right). \quad (13)$$

可见,与传统比率 ESM 估计方法 a 像素只对应一个 ESM 值不同,由 (12) 式估计的局部方向比率,可获 得 a 像素沿 4 个不同像素方向的比率 ESM 值.

下面,再以图3(a)为例,简要说明上述局部方向比率如何匹配SAR图像的局部几何结构.若用图4所示的水平与垂直两个方向的三矩形平行窗分别估计图3(a)中a像素的局部方向比率,那么显然可以得到ESM_{ab}—ESM_{ad}值较大,而ESM_{ae}值较小的结论.若将局部方向比ESM_{ab}—ESM_{ae}直接与各方向对应像素原有的扩散函数直接相乘,那

么显然可以实现: b—d像素扩散系数较大而e像素 扩散系数较小的最优化扩散系数配置. 从上述示例 可以看出, 用图4所示的三矩形平行窗估计形成的 局部方向比率, 来约束待扩散像素 a 沿 b—e 四个像 素方向的扩散函数, 可实现各向异性扩散函数的方 向性, 从而可有效防止传统各向异性扩散容易出现 的边缘抖动变形问题.



图 4 用于估计局部方向比率的三矩形平行窗示意图 (a) 垂直方向三矩形平行窗;(b)水平方向三矩形平行窗

3.2.3 带方向约束的新扩散函数

根据前面两节的讨论,本文提出将(12) 式估计的局部方向比率作为方向约束函数 ESM(n,t),并通过同(11)式估计的改进Frost滤 波系数 $\mu_{iFrost}(n,t)$ 直接相乘,形成带方向约束的 新扩散函数:

$$\mu(\boldsymbol{n}, t) = \text{ESM}(\boldsymbol{n}, t)\mu_{\text{iFrost}}(\boldsymbol{n}, t).$$
(14)

3.3 基于 MCM 与方向约束的各向异性扩 散抑斑新方法

基于(8)式所示的耦合MCM的各向异性扩散 新方程与(14)式所示的带方向约束的新扩散函数, 本文抑斑方法完整的扩散方程定义如下:

$$\frac{\partial I(\boldsymbol{n},t)}{\partial t} = \operatorname{div}(\operatorname{ESM}(\boldsymbol{n},t)\mu_{\mathrm{iFrost}}(\boldsymbol{n},t)\nabla I(\boldsymbol{n},t)) + \beta(\boldsymbol{n},t)\operatorname{div}\frac{\nabla I(\boldsymbol{n},t)}{|\nabla I(\boldsymbol{n},t)|} \times |\nabla I|(\boldsymbol{n},t)|.$$
(15)

3.3.1 各向异性扩散抑斑新方法的数值计算 下面,利用偏微分方程常用的显示求解方案来 实现(15)式的数值计算.

为简化描述, 先将 (15) 式右边第一项简记为 $D_{(n)}^{t}$ 且将 ESM $(n, t)\mu_{iFrost}(n, t)$ 简记为 $C_{(n)}^{t}$, 再将 (15) 式右边第二项简记为 $F_{(n)}^{t}$, 同时, 设x = y分别 表示水平与垂直方向的距离参量, *t* 时刻 SAR 图像 4-邻域中心像素 $I(\mathbf{n},t) = I(x,y,t)$ 为当前待扩散 像素且简记为 $I_{(x,y)}^t$, 时间参量 *t* 离散化为 $t = m\Delta t$, $m = 0, 1, 2, \dots, \Delta t$ 为时间步长, 那么, 对 (15) 式左 边项采用前向差分离散化可到

$$\left(I_{(x,y)}^{(m+1)\Delta t} - I_{(x,y)}^{m\Delta t}\right) / \Delta t.$$
(16)

由于(15)式右边第一项与SRAD的扩散方程形 式上完全一致,则按文献[21]中(5),(8)式所给出 的SRAD的数值计算方法来计算(15)式右边第一 项,可得

$$D_{(x,y)}^{m\Delta t} = C_{(x+1,y)}^{m\Delta t} \left[I_{(x+1,y)}^{m\Delta t} - I_{(x,y)}^{m\Delta t} \right] + C_{(x,y)}^{m\Delta t} \left[I_{(x-1,y)}^{m\Delta t} - I_{(x,y)}^{m\Delta t} \right] + C_{(x,y+1)}^{m\Delta t} \left[I_{(x,y+1)}^{m\Delta t} - I_{(x,y)}^{m\Delta t} \right] + C_{(x,y)}^{m\Delta t} \left[I_{(x,y-1)}^{m\Delta t} - I_{(x,y)}^{m\Delta t} \right].$$
(17)

(15) 式右边第二项为经典的 MCM 扩散, 对其 采用中心差分离散化可得

$$F_{(x,y)}^{m\Delta t} = \beta_{(x,y)}^{m\Delta t} \left[\frac{\partial^2 I_{(x,y)}^{m\Delta t}}{\partial x^2} \left(\frac{\partial I_{(x,y)}^{m\Delta t}}{\partial y} \right)^2 - 2 \frac{\partial I_{(x,y)}^{m\Delta t}}{\partial x} \frac{\partial I_{(x,y)}^{m\Delta t}}{\partial y} \frac{\partial^2 I_{(x,y)}^{m\Delta t}}{\partial xy} + \frac{\partial^2 I_{(x,y)}^{m\Delta t}}{\partial y^2} \left(\frac{\partial I_{(x,y)}^{m\Delta t}}{\partial x} \right)^2 \right] \times \left[\left(\frac{\partial I_{(x,y)}^{m\Delta t}}{\partial y} \right)^2 + \left(\frac{\partial I_{(x,y)}^{m\Delta t}}{\partial x} \right)^2 \right]^{-1}, \quad (18)$$

其中,

$$\begin{split} \frac{\partial I^{m\Delta t}_{(x,y)}}{\partial x} &= \left(I^{m\Delta t}_{(x+1,y)} - I^{m\Delta t}_{(x-1,y)}\right) \Big/ 2, \\ \frac{\partial I^{m\Delta t}_{(x,y)}}{\partial y} &= \left(I^{m\Delta t}_{(x,y+1)} - I^{m\Delta t}_{(x,y-1)}\right) \Big/ 2, \\ \frac{\partial^2 I^{m\Delta t}_{(x,y)}}{\partial x^2} &= I^{m\Delta t}_{(x+1,y)} + I^{m\Delta t}_{(x-1,y)} - 2I^{m\Delta t}_{(x,y)}, \\ \frac{\partial^2 I^{m\Delta t}_{(x,y)}}{\partial y^2} &= I^{m\Delta t}_{(x,y+1)} + I^{m\Delta t}_{(x,y-1)} - 2I^{m\Delta t}_{(x,y)}, \\ \frac{\partial^2 I^{m\Delta t}_{(x,y)}}{\partial xy} &= \left(I^{m\Delta t}_{(x+1,y+1)} + I^{m\Delta t}_{(x-1,y-1)} - I^{m\Delta t}_{(x+1,y-1)} - I^{m\Delta t}_{(x-1,y+1)}\right) \Big/ 4. \end{split}$$

利用(16)式—(18)式即可获得对(15)式进行数值 计算的迭代更新方程:

$$I_{(x,y)}^{(m+1)\Delta t} = I_{(x,y)}^{m\Delta t} + \Delta t D_{(x,y)}^{m\Delta t} + \Delta t F_{(x,y)}^{m\Delta t}.$$
 (19)

3.3.2 各向异性扩散抑斑新方法的计算量 分析

下面,通过对一个像素的一次扩散计算量分 析,来对比说明本文扩散方法与DPAD方法的计算 效率.

由于DPAD扩散方程的求解形式与本文方法 求解需要用到的(16)式和(17)式完全一致,在暂 不考虑DPAD方法与本文方法扩散函数计算量的 条件下, 由(16)式和(17)式易知, DPAD方法计算 一个像素的一次扩散需8次加法与5次乘法,而由 (16) 式—(19) 式易知, 本文方法需19 次加法与15 次乘法. 可见, 在不考虑扩散函数计算量的条件下, 本文方法计算量接近DPAD扩散的3倍. 另外,考 虑到本文方法扩散函数在传统局部统计量估计基 础上又引入了基于三矩形平行窗的局部方向比率, 因此,本文方法计算量大约是DPAD方法的3倍以 上. 本文方法虽然计算量相比DPAD扩散有了较 大增长,但仍优于变换域滤波方法且相干斑抑制与 边缘保护效果却有了较为明显的提升,而这一点可 从本文实验部分表1和表2 中各抑斑方法运算时 间、等效视数与边缘保持指数等指标的对比实验得 到验证.

4 实验结果

为评估本文方法在SAR图像相干斑抑制与 边缘保护方面的性能,分别利用基于区域划分的 空域滤波^[9](简记为DABRS)、非下采样Contourlet 变换滤波^[19](简记为NSCT)、DPAD扩散^[22](简记 为DPAD)、基于图像熵的各向异性扩散^[28](简记为 IEAD)及本文方法对幅度格式的2视仿真SAR图 像与5视真实SAR图像进行抑斑处理,然后再利 用Canny 算子^[32]对各方法抑斑图像进行边缘检 测,实验结果如表1和表2及图5和图6所示.实验 中使用的评价指标如下: 1)等效视数(记为VENL): 用于反映抑斑方法对相干斑的抑制程度, 若用E 和D分别表示抑斑图像选定均匀场景的均值和方 差, 则 $V_{\text{ENL}} = E^2/D$, V_{ENL} 值越大表明抑斑效果 越好. 2) 由原始SAR图像与其对应的抑斑图像 形成的比值图像的均值与方差(记为V_E与V_v):分 别反映了抑斑方法对原始图像辐射特性的保持程 度(理想值为1)与对相干斑的抑制程度(对L视幅 度格式 SAR 图像其理想值为 $(4-\pi)/L$). 3) 边缘保 持指数(记为V_{EKI}):用于衡量抑斑方法对图像边 缘的保持能力, 若l属于图像边缘像素位置集合 Ω , P(l) 和 Q(l) 分别表示在抑斑图像与原始图像中, 与 边缘像素位置1垂直的两侧像素的梯度模值,则 $V_{\text{EKI}} = \sum_{l \in \Omega} P(l) / \sum_{l \in \Omega} Q(l),$ 其理想值为1.4) 算法运算时间(记为T):用于衡量抑斑方法的计算 量(CPU: 2.4 GHz, 单位: s), 其值越小说明算法计 算量越低,时间效率越高.实验中各算法主要参 数设置如下: 1) DABRS迭代3次,边缘区域滤波 采用 5×5 的局域窗; 2) DPAD 与 IEAD 均采用 5×5 的局域窗,时间步长0.1,迭代扩散70次;3) NSCT 抑斑方法采用3级分解,各层子带数为3,3,4;4) 本文方法采用5×5的局域窗,时间步长1,迭代扩 散70次,三矩形平行窗中,矩形窗A1与A2的尺度 为 1×5 , 矩形窗 B_1 , B_2 , C_1 与 C_2 的尺度为 2×5 ; 5) Canny 边缘检测算子的阈值为0.1; 6) VENL 的计算 区域为白色虚线框选定的3块同质区,而R_E与R_V 的计算区域为整个图像; VEKI 计算需要用到的边缘 与方向信息由文献 [31] 中的检测算法提取.

表1 各抑斑方	法对仿真 SAR	图像的抑斑参数对比

输入图像抑斑方法	$V_{ m ENL}$		$V_{\rm E}$	$V_{\rm V}$	$V_{\rm EKI}$	T	
	$1 \boxtimes$	$2 \overline{\times}$	$3 \boxtimes$	Ľ	•	Litti	
仿真 SAR 图像	1.9	2.0	2.1	_	_	_	_
理想值	_	_	_	1.000	0.137	1.000	_
DABRS	2345.4	1409.4	1033.1	0.996	0.134	0.727	0.3
NSCT	205.1	128.9	107.7	1.076	0.154	0.662	112.3
DPAD	398.3	137.6	204.2	0.997	0.131	0.771	3.2
IEAD	185.7	130.0	174.6	0.994	0.134	0.605	24.1
本文方法	3327.4	2726.9	1460.4	0.999	0.137	0.794	10.5

物理学报 Acta Phys. Sin. Vol. 63, No. 17 (2014) 179502

输入图像抑斑方法	$V_{ m ENL}$		VE	Va	VELL	T	
	$1 \boxtimes$	$2 \boxtimes$	3区	٧E	* V	' EKI	1
真实 SAR 图像	5.5	4.7	5.4	_	_	_	_
理想值	-	_	_	1.000	0.055	1.000	_
DABRS	227.1	284.1	404.9	0.996	0.053	0.835	0.5
NSCT	148.0	123.7	180.0	1.026	0.054	0.780	149.5
DPAD	240.4	153.1	305.7	0.994	0.045	0.842	4.4
IEAD	164.4	158.1	297.3	0.991	0.055	0.652	35.3
本文方法	299.9	349.9	595.7	0.998	0.055	0.876	15.7

表 2 各抑斑方法对真实 SAR 图像的抑斑参数对比

从表1与表2所示的参数对比实验结果可以看 出:与其他抑斑方法相比,本文方法对于仿真SAR 图像与真实SAR图像,无论是在表征相干斑抑制 能力的V_{ENL}与V_V指标上,还是在表征边缘细节保 持的V_E与V_{EKI}指标上均有更好的表现.特别地, 与SRAD与IEAD方法相比,本文方法不仅保持了 其良好的边缘保持性能,而且在相干斑抑制性能 上还有较大提高.然而,从算法运算时间T参量 角度衡量,本文方法的运算时间指标虽优于NSCT 与IEAD,但却明显高于DABRS与DPAD方法,因 此,本文方法优异抑斑性能的取得是以算法计算量 增大为代价的.

从图5与图6所示的抑斑图像对比可以发现:

DABRS 抑斑图像同质区相干斑抑制比较彻底,但 边缘区域与同质区过度不平滑,视觉效果不自然; NSCT 抑斑图像存在明显的虚假条纹; DPAD 抑斑 图像边缘区域残留着大量相干斑噪声,局部同质区 的块效应现象明显; IEAD 抑斑图像整体结构保持 较好,同质区与边缘区域抑斑均衡,但相干斑整体 抑制不充分;本文方法抑斑图像边缘区域相干斑 抑制比较彻底,同质区更平滑,块效应现象得到更 好抑制.从图5与图6所示的抑斑图像边缘检测检 测结果对比可以发现:在本文方法抑斑图像的边 缘检测图中,边缘区域与同质区检测出的虚假边缘 最少,边缘扭曲变形少,连续性与光滑性最好,与 SAR 图像的真实边缘最接近.



图 5 (网刊色彩) 各抑斑方法对 2 视仿真 SAR 图像的抑斑图像及其边缘检测图 (a) 仿真 SAR 图像; (b)DABRS 抑斑图 像; (c) NSCT 抑斑图像; (d)DPAD 抑斑图像; (e)IEAD 抑斑图像; (f) 本文方法抑斑图像; (g) 仿真 SAR 图像真实边缘; (h)DABRS 边缘检测图; (i)NSCT 边缘检测图; (j) DPAD 边缘检测图; (k)IEAD 边缘检测图; (l) 本文方法边缘检测图



图 6 各抑斑方法对 5 视真实 SAR 图像的抑斑图像及其边缘检测图 (a) 真实 SAR 图像; (b) DABRS 抑斑图像; (c) NSCT 抑斑图像; (d) DPAD 抑斑图像; (e) IEAD 抑斑图像; (f) 本文方法抑斑图像; (g) DABRS 边缘检测图; (h) NSCT 边缘检测图; (i) DPAD 边缘检测图; (j) IEAD 边缘检测图; (k) 本文方法边缘检测图



图 7 本文方法对图 5 (a) SAR 图像采用不同迭代次数抑斑处理获得的抑斑图像 (a) 20 次迭代; (b) 50 次迭代; (c) 100 次迭代; (d) 200 次迭代

下面,评估扩散迭代次数设置对本文方法抑 斑效果产生的影响利用本文方法(局域窗为5×5 与时间步长为1)分别对图5(a)仿真SAR图像进行 20—200次不等的迭代扩散,获得的抑斑图像如 图7所示.图7中,本文方法在不同迭代次数下获 得的抑斑图像均展示出了较好的抑斑效果,特别是 当迭代次数在50—100次之间时(如图7(b)与(c)), 相干斑抑制与边缘保护效果均获得最佳,但当迭代 次数偏少时(如图7(a)),虽实时性高且边缘保持较 好,但图像仍残留较为明显的噪声,而当迭代次数 偏多时(如图7(d)),虽然相干斑抑制更彻底,但实 时性差且会出现一定程度的边缘收缩现象.

5 结 论

以经典的SRAD与DPAD为代表的传统各向 异性扩散抑斑方法都是边缘敏感的,在抑制相干斑 时可有效保护边缘,然而却存在边缘区域相干斑抑 制不彻底,同质区存在块效应现象,边缘容易出现 抖动变形问题.为此,本文提出了一种基于MCM 与方向约束的各向异性扩散抑斑新方法.该方法 提出了一种自适应耦合函数,并将受该函数控制的 MCM嵌入到传统各向异性扩散方程中,形成了一 种可有效抑制边缘区域相干斑与同质区块效应现 象的各向异性扩散新方程;同时,提出了一种改进 的Frost 滤波与基于三矩形平行窗的局部方向比率, 并利用改进Frost 滤波系数与局部方向比率来联合 形成新的扩散函数,不仅进一步加强了对块效应现 象的抑制,而且还有效改善了抑斑图像的边缘扭曲 变形问题.通过抑斑对比实验,显示了该方法能有 效改善传统各向异性扩散抑斑方法存在的三点不 足,并可以获得比多种传统方法更好的相干斑抑制 与边缘保护性能.

参考文献

- Wang C, Mao Y X, Tang Z, Fang C, Yu Y J, Qi B 2011 Chin. Phys. B 20 332
- [2] Yuan Y, Yang S H 2012 Chin. Phys. B **21** 287
- [3] Ji W J, Tong C M 2013 Chin. Phys. B 22 68
- [4] Lee J S 1980 IEEE Trans. Pattern Anal. Mach. Intell.
 PAMI-2 165
- [5] Kuan D T, Sawchuk A A, Strand T C, Chavel P 1985 IEEE Trans. Pattern Anal. Mach. Intell. PAMI- 7 165
- [6] Frost V S, Stiles J A, Shanmugan K S, Holtzman J C 1982 IEEE Trans. Pattern Anal. Mach. Intell. PAMI-4 157
- [7] Touzi R 2002 IEEE Trans. Geosci. Remote Sensing 40 2392
- [8] Sun Z G, Han C Z 2010 Acta Phys. Sin. 59 3210 (in Chinese) [孙增国, 韩崇昭 2010 物理学报 59 3210]
- [9] Zhu L, Shui P L, Zhang W C 2012 J. Xi'an Jiaotong Univ. 46 83 (in Chinese) [朱磊, 水鹏朗, 章为川 2012 西 安交通大学学报 46 83]
- [10] Li J C, Huang S X, Peng Y H, Zhang W M 2012 Acta Phys. Sin. 61 119501 (in Chinese) [李金才, 黄思训, 彭宇 行, 张卫民 2012 物理学报 61 119501]
- [11] Li J C, Huang B, Peng Y H 2012 Acta Phys. Sin. 61 189501 (in Chinese) [李金才, 黄斌, 彭字行 2012 物理学报 61 189501]
- [12] Zhu L, Shui P L, Zhang W C 2014 J. Electron. Inf. Tech.
 36 220 (in Chinese) [朱磊, 水鹏朗, 章为川 2014 电子与信息学报 36 220]
- [13] Xie H, Pierce L E, Ulaby F T 2002 IEEE Trans. Geosci. Remote Sensing 40 2196

- [14] Achim A, Tsakalides P, Bezerianos A 2003 IEEE Trans. Geosci. Remote Sensing 41 1773
- [15] Argenti F, Bianchi T, Alparone L 2006 IEEE Trans. Image Process 15 3385
- [16] Bhuiyanr M, Ahmad M, Swamy M 2007 IEEE Trans. Geosci. Remote Sensing 17 500
- [17] Bianchi T, Argenti F, Alparone L 2008 IEEE Trans. Geosci. Remote Sensing 46 2728
- [18] Argenti F, Bianchi T, Lapini A, Alparone L 2012 IEEE Geosci. Remote Sensing Lett. 9 13
- [19] Chang X, Jiao L C, Liu F, Sha Y H 2010 Acta Electron.
 Sin. 38 1 (in Chinese) [常霞, 焦李成, 刘芳, 沙宇恒 2010
 电子学报 38 1]
- [20] Jia J, Chen L 2011 J. Electron. Inf. Tech. 33 1088 (in Chinese) [贾建, 陈莉 2011 电子与信息学报 33 1088]
- [21] Yu Y J, Acton S T 2002 IEEE Trans. Image Process.
 11 1260
- [22] Aja-Fernandez S, Alberola-Lopez C 2006 IEEE Trans. Image Process 15 2694
- [23] Krissian K, Westin C F, Kikinis R, Vosburgh K G 2007 IEEE Trans. Image Process 16 1412
- [24] Wei H J, Xie H Y, Zhu J B 2005 Syst. Eng. Electr. 2005
 27 619 (in Chinese) [韦海军, 谢华英, 朱炬波 2005 系统工程与电子技术 27 619]
- [25] Liu G J, Zeng X P, Tian F C, Li Z Z, Chaibou K 2009 Signal Process 89 2233
- [26] Yu J H, Tan J L, Wang Y Y 2010 Pattern Recogn. 43 3083
- [27] Zhang Q, Shen M F, Chang C Q 2011 Syst. Eng. Electr.
 33 1420 (in Chinese) [张琼, 沈民奋, 常春起 2011 系统工程与电子技术 33 1420]
- [28] Li J C, Ma Z H, Peng Y H, Huang B 2013 Acta Phys. Sin. 62 099501 (in Chinese) [李金才, 马自辉, 彭宇行, 黄 斌 2013 物理学报 62 099501]
- [29] Perona P, Malik J 1990 IEEE Trans. Pattern Anal. Mach. Intell. 12 629
- [30] Alvarez L, Lions P L, Morel J M 1992 SIAM J. Numer. Anal. 29 845
- [31] Jesper S, Henning S Allan A 2003 IEEE Trans. Geosci. Remote Sensing 41 20
- [32] Canny J 1986 IEEE Trans. Pattern Anal. Mach. Intell. PAMI-8 679

An anisotropic diffusion filtering method for speckle reduction of synthetic aperture radar images^{*}

Zhu Lei^{1)2)†} Han Tian-Qi¹⁾ Shui Peng-Lang²⁾ Wei Jian-Hua¹⁾ Gu Mei-Hua¹⁾

1) (Electronics and Information College, Xi'an Polytechnic University, Xi'an 710048, China)

2) (National Lab of Radar Signal Processing, Xidian University, Xi'an 710071, China)

(Received 11 February 2014; revised manuscript received 11 May 2014)

Abstract

An anisotropic diffusion filtering method is proposed to reduce multiplicative speckle noise in synthetic aperture radar images. A new anisotropic diffusion equation , which can effectively smooth speckles near the edges and reduce blocking artifacts in homogeneous regions, is established by embedding the mean curvature motion controlled by an adaptive coupling function into a traditional speckle reducing anisotropic diffusion equation. Moreover, a new directionconstrained diffusion function formed by combining the local directional ratios with the improved Frost filtering is introduced into the new anisotropic diffusion equation, so that it can further reduce blocking artifacts and obviously improve the edge distortion problem in the despeckled synthetic aperture radar images. Experimental results show that the proposed method can obviously reduce blocking artifacts, sufficiently smooth speckle noise in homogeneous regions and near the edges while preserving edges, and effectively improve the edge distortion problem. Visual quality and performance indexes of the despeckled images show that the proposed method outperforms several despeckling methods.

Keywords: speckle reduction, anisotropic diffusion, direction constraint, mean curvature motion

PACS: 95.75.Mn, 42.30.Va, 42.30.Sy

DOI: 10.7498/aps.63.179502

^{*} Project supported by the National Natural Science Foundation of China(Grant No. 61271295), and the Natural Science Foundation of Shaanxi Province Department of Education (Grand No. 14JK1303).

[†] Corresponding author. E-mail: zhulei791014@163.ccom