# 固相硝基甲烷相变的第一性原理计算

张力 陈朗†

(北京理工大学爆炸科学与技术国家重点实验室,北京 100081)

(2013年11月19日收到;2014年1月9日收到修改稿)

研究极端条件下固相分子晶体含能材料的相变机理,对于人们认识固相含能材料的爆轰反应有着重要的 意义.采用基于校正密度泛函理论的第一性原理方法研究固相硝基甲烷在静水压下的行为.分析晶格参数*a*, *b*和*c*轴随压强的变化,发现在1 GPa到12 GPa时晶格参数出现不连续的变化,表明体系发生相变.在相变 时最大的二面角从155.3°增加到177.5°,二面角的增加限制CH3 官能团自由旋转,使得C-N和C-H键的 键长发生变化.在相变之前,体系主要存在由C-H···O组成的分子间的氢键,而在相变之后存在分子内的 H···O和分子间C-H···O组成的氢键.此外通过对硝基甲烷体系的电子结构进行计算,发现相变会影响带 隙随压强的变化,而且还会影响费米能级附近的态密度结构.

关键词:相变,硝基甲烷,校正密度泛函理论 PACS: 81.30.Hd, 61.50.Ks, 64.70.kt, 31.15.E-

# 1引言

硝基甲烷 (NM)、三硝基甲苯 (TNT), 环三亚甲 基三硝胺 (RDX)、环四亚甲基四硝胺 (HMX) 等有 机分子含能材料<sup>[1]</sup>, 被广泛应用于军事和国民生产 中. 在含能材料的固相结构中, 存在多种不同的亚 稳态晶体结构, 当受到加热或冲击等刺激下体系 发生相变<sup>[2]</sup>, 导致含能材料物理和化学性质发生变 化<sup>[3]</sup>. 因此研究极端条件下的相变现象, 不仅在含 能材料的生产、运输、存储和使用过程中安全性具 有重要作用, 而且对于深入认识固相含能材料的在 不同刺激下的反应机理.

硝基甲烷 (NM) 分子和晶体结构比其他含能 材料的分子和晶体结构简单,因此在实验和理 论上被用作研究含能材料的原型.在实验方面, Trevino等<sup>[4]</sup> 最早采用X射线衍射对低温下固相 NM 的晶体结构进行测试.随后 Comer 等<sup>[5]</sup> 通过 金刚石压腔技术 (DAC) 和拉曼散射光谱实验发现 NM 在3 GPa 时发生相变.Courtecuisse 等<sup>[6,7]</sup> 通 过相同的方法对高压下 NM 的相变进行研究,发现

#### **DOI:** 10.7498/aps.63.098105

在 3.5 GPa, 7.5 GPa, 13.2 GPa和25 GPa发生固相NM 结构相变,并且在7.5 GPa时固相NM发生化学反应,这种带化学反应的相变与NO<sub>2</sub>官能团有关. Citroni等<sup>[8]</sup>通过DAC和角分布X射线衍射技术研究NM的结构随静水压的变化,发现在高压下存在两次相变. Pinna等<sup>[9]</sup>通过测量0.3—45 GPa时CH<sub>3</sub>NO<sub>2</sub>和CD<sub>3</sub>NO<sub>2</sub>晶体的拉曼光谱,却没有观察到相变现象. 由于实验中压强的限制和样品的不同,使得人们很难直接对NM相变现象和机理进行深入的分析.

为了从理论上对高温高压下固相NM的行为 进行研究,人们通过密度泛函理论(DFT)<sup>[10-12]</sup>, 经典分子动力学<sup>[13]</sup>和第一性原理分子动力学方 法对NM的结构随压强的变化及其初始反应<sup>[14-18]</sup> 进行计算. Margetis 等<sup>[10]</sup>和Reed等<sup>[11]</sup>采用DFT 方法表明在10—30 GPa时NM 结构会发生变化, Sorescu等<sup>[13]</sup>采用经典分子动力学方法也发 现 NM 在7 GPa时发生相变,但Liu等<sup>[12]</sup>采用 DFT的计算结果表明在静水压作用下NM 晶体 没有发生相变.这是由于分子晶体之间存在着范德 华力等色散相互作用,使得采用DFT对含能材料

<sup>†</sup>通讯作者. E-mail: <u>chenlang@bit.edu.cn</u>

<sup>© 2014</sup> 中国物理学会 Chinese Physical Society

的晶体结构进行计算时,不能准确描述低压下的晶体结构<sup>[19,20]</sup>,而经典分子动力学方法则能够描述分子间的弱相互作用.

最近许多研究小组<sup>[21-27]</sup>在DFT理论基础上, 增加了对弱色散相互作用进行描述的方案.人 们<sup>[28-33]</sup>发现Grimme等<sup>[25]</sup>提出的校正密度泛函 理论,即DFT-D方法可以准确描述固相含能材料 在不同压强下的行为,因此在本文中我们也采用 Grimme等<sup>[25]</sup>提出DFT-D方法对固相NM的晶体 结构进行计算,通过分析1—30 GPa时NM的晶体 参数和分子结构,能带和态密度随静水压的变化, 研究NM晶体在高压下的相变行为.另外本文还 研究了不同赝势对NM晶体在高压下相变行为影 响,发现采用超软赝势<sup>[34]</sup>和模守恒赝势<sup>[35]</sup>均能很 好的描述NM晶体的相变行为,但超软赝势得到的 相变压强范围比模守恒赝势得到的相变压强范围 要高.

2 计算方法

#### 2.1 计算模型和方法

通过美国Accelrys公司Material Studio5.5计 算软件包程序的CASTEP<sup>[36]</sup>进行计算,电子交换 关联函数采用广义梯度近似(GGA)中的PBE形 式,采用超软赝势<sup>[34]</sup>和模守恒赝势<sup>[35]</sup>来描述离子 实与价电子之间的相互作用,采用Grimme等<sup>[25]</sup> 提出DFT-D方法修正体系的色散作用.在倒易*K* 空间中,经过优化测试,超软赝势和模守恒赝势的 平面波截断能分别取680 eV 和1030 eV.

在迭代过程,两种赝势的其他收敛精度相同. 其中总能和本征能量的收敛精度分别为 $5.0 \times 10^{-7}$  eV/atom和 $2.92 \times 10^{-7}$  eV/atom,Monkhorst-Pack的网格划分为 $5 \times 4 \times 3$ ,基态能量选用Pulay密度混合算法,整体电荷数设置为零.几何结构优化过程采用BFGS方法,在优化过程中,总能、最大粒子所受力、最大粒子的位移、外界压强的收敛精度分别为 $5 \times 10^{-6}$  eV/atom, $1 \times 10^{-2}$  ev/Å, $5 \times 10^{-4}$ Å和 $2 \times 10^{-3}$  GPa.

Trevino 等<sup>[4]</sup> 在 4.2 K 采用 X 射线衍射实验表 明 NM 的晶格结构为正交晶系的 *P*2<sub>1</sub>2<sub>1</sub>2<sub>1</sub> 空间群, 在每个晶胞中包括4个 NM 分子.在具体计算过程 中,以 Trevino 等<sup>[4]</sup> 得到的固相 NM 的晶胞参数为 初始结构,首先在常压下对单胞结构中的原子位 置和晶格参数进行优化.从优化晶胞结构开始,每 次增加1 GPa的压强,增加到30 GPa,然后对不同 压强下固相NM的晶胞体系的能带和态密度进行 计算.

## 2.2 状态方程(EOS)拟合和弹性模量的 计算

拟合EOS有两种方法,第一种是人们用来拟合固相含能材料EOS时采用Murnaghan方程<sup>[37]</sup>. 通过Murnaghan方程,人们还得到固相NM的弹性性质,即弹性模量B<sub>0</sub>和其一阶压强导数B'<sub>0</sub>. 第二种是Olinger等<sup>[38,39]</sup>和Yarger等<sup>[40]</sup>通过引入 Hugoniot关系,得到包含冲击波速度和粒子速度的 EOS.

第一种方法是采用

$$P(V) = \frac{B_0}{B'_0} \left[ \left( \frac{V_0}{v} \right)^{B'_0} - 1 \right]$$
(1)

的 Murnaghan 状态方程,通过对不同压强下静水 压 *P* 和单胞体积 *V* 进行拟合,直接得到体弹性模量 *B*<sub>0</sub> 和其初始压强导数 *B*<sub>0</sub>:

$$B_0 = -V \frac{\partial P}{\partial V}\Big|_{P \to 0} \tag{2}$$

$$B_0' = -V \frac{\partial B_0}{\partial V}\Big|_{P \to 0}.$$
 (3)

在(1),(2)和(3)式中,P0和V0,P和V分别为 常压下和静水压为P时固相NM的压强和单胞的 体积.

第二种方法是引入Hugoniot关系得到EOS. 首先根据冲击波的质量、能量和动量守恒方程, 得到

$$\frac{V}{V_0} = 1 - \frac{u_{\rm p}}{u_{\rm s}} \tag{4}$$

和

$$P = P_0 + \frac{1}{V_0} \times \frac{u_{\rm p}}{u_{\rm s}} \tag{5}$$

的Hugoniot关系.

上式中 P<sub>0</sub>和 V<sub>0</sub>, P和 V 分别为常压下和静水 压为 P 时固相 NM 的外界压强和单胞的体积, u<sub>p</sub> 是粒子速度, u<sub>s</sub> 是冲击速度.

将(4)和(5)式进行变换,得到粒子速度*u*p和 冲击速度*u*s:

$$u_{\rm p} = \sqrt{(P - P_0)(V_0 - V)},$$
 (6)

$$u_{\rm s} = V_0 \sqrt{\frac{P - P_0}{V_0 - V}}.$$
 (7)

098105-2

将(6)和(7)式的粒子速度*u*<sub>p</sub>和冲击速度*u*<sub>s</sub>代入下式:

$$u_{\rm s} = c + s u_{\rm p},\tag{8}$$

$$u_{\rm s} = c + su_{\rm p} + tu_{\rm p}^2. \tag{9}$$

得到

$$V_0 \sqrt{\frac{P - P_0}{V_0 - V}} = c + s \sqrt{(P - P_0)(V_0 - V)}, \quad (10)$$
  
$$V_0 \sqrt{\frac{P - P_0}{V_0 - V}} = c + s \sqrt{(P - P_0)(V_0 - V)}$$
  
$$+ t(P - P_0)(V_0 - V). \quad (11)$$

(8) 式为线性冲击波关系式, (9) 式为非线性冲击波 关系. 在上式中, *c*, *s*和*t*为待定参数.

将 (10) 和 (11) 式进行重新排列, 得到压强 P 和 体积 V 的关系, 即包含冲击波速度和粒子速度的 EOS, 如下:

$$P(V) = \frac{(V_0 - V) \times c^2}{[V_0 - s(V_0 - V)]^2},$$
(12)

$$P(V) = \frac{V_0 - \sqrt{[s(V_0 - V) - V_0]^2 - 4ct(V_0 - V)^2}}{[2t(V_0 - V)^{3/2}]} + \frac{s(V_0 - V)}{[2t(V_0 - V)^{3/2}]}.$$
(13)

对 Murnaghan 方程进行求导,可以得到冲击 波关系的 c 值为

$$c = \left[ -V^2 \frac{\partial P}{\partial V} \Big|_{P \to 0} \right]^{1/2}, \qquad (14)$$

而通过冲击波关系的 c 和 s 也可以得到体系弹性性质为

$$B_0 = -V \frac{\partial P}{\partial V}\Big|_{P \to 0} = \rho_0 c^2 \tag{15}$$

和

$$B_0' = -\frac{\partial B_0}{\partial V}\Big|_{P \to 0} = 4s - 1.$$
 (16)

当外界压强趋近于0 GPa时, c为体系的声速, c和 s为与体系的弹性性质有关的参量.

在具体计算时,采用 Murnaghan 方程对 EOS 进行拟合,得到固相 NM 的弹性模量 B<sub>0</sub> 和其初始 压强导数 B'<sub>0</sub> 的 EOS;采用非线性冲击波关系和线 性冲击波关系拟合 EOS,得到不同压强范围下包含 冲击速度和粒子速度的待定参数 c, s和 t,然后由 待定参数 c, s和 t 得到固相 NM 的弹性模量 B<sub>0</sub> 和 其初始压强导数 B'<sub>0</sub>.

#### 3 结果与分析

#### 3.1 常压下固相NM晶格参数

表1列出实验和本文计算得到的固相NM的 晶格参数.从表1中看出,采用超软赝势得到硝 基甲烷晶胞参数a,b和c分别为5.168Å,6.398 Å,和8.467Å,本文得到的晶格参数a,b和c与 Trevino等<sup>[4]</sup>在4.2K得到的晶格参数误差分别为 -0.289%,2.56%和-0.493%;本文采用模守恒赝 势计算得到的硝基甲烷的晶胞参数a,b和c分别 为5.168Å,6.398Å,和8.467Å,与Trevino等<sup>[4]</sup>的 低温常压下的实验结果的误差分别为-0.733%, 2.389%和-0.4%.本文得到的晶格参数与实验得 到的晶胞参数a,b和c的最大误差在3%以内,而 晶格体积与实验结果的误差在2%以内,表明采用 DFT-D方法计算得到的结果与实验的结论基本一 致,采用这种方法可以准确描述常压下固相NM的 晶体结构.

表1 常压下实验和本文计算的得到的 NM 的晶格参数 (括号中的数为本计算结果与 Trevino 等<sup>a)</sup> 实验值的误差)

作者	$a/{ m \AA}$	$b/{ m \AA}$	$c/{ m \AA}$	$V/{ m \AA}^3$
Trevino 等 <sup>a)</sup>	5.183	6.236	8.518	275.31
Trevino ${\rm \ensuremath{\overset{}{_{\!$	5.198	6.246	8.564	278.04
Cromer 等 <sup>c)</sup>	5.185	6.237	8.507	275.11
$\operatorname{Yarger} {\mathfrak S}^{ d)}$	5.197	6.292	8.747	286.023
超软赝势 <sup>e)</sup>	5.145 (-0.733%)	6.385 (2.389%)	8.484 (-0.4%)	278.728 (1.241%)
模守恒赝势 <sup>f)</sup>	5.168 (-0.289%)	6.398~(2.56%)	8.467 (-0.493%)	279.963 (1.7%)

a) 和 b) 为 Trevino 等<sup>[4]</sup> 采用中子衍射技术在 4.2 K 和 78 K 时得到的结果, c) 和 d) 为 Cromer 等<sup>[5]</sup> 和 Yarger 等<sup>[40]</sup> 在 298 K 时得到的结果, e) 和 f) 为本文采用 DFT-D 方法得到 0 K 的结果.

作者	$a/{ m \AA}$	$b/{ m \AA}$	$c/{ m \AA}$	$V/\text{\AA}^3$
Sorescu 等 a)	$5.212 \ (0.56\%)$	6.342 (1.7%)	8.646 (1.5%)	285.77 (3.8%)
Manaa 等 <sup>b)</sup>	5.279(1.85%)	6.46~(3.59%)	8.863 (4.05%)	302.27~(9.79%)
Liu 等 <sup>c)</sup>	5.317 (2.59%)	6.754 (8.31%)	8.98 (5.42%)	322.49 (17.14%)
Appalakondaiah 等 $^{d)}$	5.05 (-2.6%)	6.24~(0.1%)	8.44 (-0.9%)	266.43 (-3.2%)
Appalakondaiah 等 <sup>e)</sup>	5.21~(0.5%)	6.48 (3.9%)	8.64 (1.4%)	291.97 (6.1%)
Appalakondaiah $\Leftrightarrow^{f)}$	5.19 (0.1%)	6.29~(0.9%)	8.58~(0.7%)	280.01 (1.7%)
Sorescu 等 <sup>g)</sup>	5.1654~(0.34%)	6.2825~(0.75%)	8.5259~(0.09%)	$276.67 \ (0.50\%)$

表 2 理论方法计算得到的 NM 的晶胞参数 (括号中的数为理论计算结果与 Trevino 等的实验值的误差)

a) 为 Sorescu 等<sup>[13]</sup> 采用经典 MD, b) 为 Manaa 等<sup>[14]</sup> 采用 GGA-PW91, c) 为 Liu 等<sup>[12]</sup> 采用 GGA-PBE, d), e) 和 f) 为 Appalakondaiah 等<sup>[33]</sup> 采用 GGA-PW91-OBS<sup>[41]</sup>, GGA-PBE-TS<sup>[42]</sup> 和 GGA-PBE-G06<sup>[25]</sup>, g) 为 Sorescu 等<sup>[31]</sup> 采用 GGA-PBE-G06<sup>[25]</sup> 得到的理论结果.

为了与理论结果进行比较,表2给出不同理论 方法计算得到的NM的晶格参数.与低温常压下 Trevino 等<sup>[4]</sup>结果进行比较,采用DFT-D方法得 到的结果均高估晶格体积.本文得到的*a*和b轴的 误差趋势与Sorescu等<sup>[31]</sup>采用DFT-D<sup>[25]</sup>计算得 到的误差趋势相同,均为低估*a*值,高估*b*值,但我 们计算的*c*值的误差与Sorescu等计算得到*c*值的 误差不同,而Appalakondaiah等<sup>[33]</sup>采用三种不同 的密度泛函理论校正方法<sup>[25,41,42]</sup>对固相NM的晶 胞参数进行计算,结果表明Grimme等<sup>[25]</sup>的校正 方案与实验结果比较一致,但得到的*a*,*b*和*c*均高 估了晶格参数.这可能是由于采用不同的截断能和 收敛精度造成的差异.

在含能材料的反应过程中,存在从晶体变为分 子的过程,因此采用理论方法对含能材料的分子状 态和晶体状态的能量差值,即晶格能进行计算,具 有十分重要的意义.为了得到固相NM结构的晶格 能,需要对每个NM分子的能量进行计算,在计算 时不考虑NM分子间的相互作用,将分子放置在20 Å × 20 Å × 20 Å的盒子中,在压强为0.0001 GPa 时对NM分子体系进行几何优化,然后对固相和 气相的NM分子的能量进行计算,得到的晶格能为 52.68 kJ/mol, Soreseu 等<sup>[13]</sup> 通过采用分子堆积方 式和力场方法对建立的NM晶体结构和分子结构 进行计算,得到的晶格能为60.1 kJ/mol,实验得到 的NM的晶格能为52.3 kJ/mol, 而Liu等<sup>[12]</sup>采用 DFT计算得到的晶格能大小为25.09 kJ/mol, 这是 由于Liu等<sup>[12]</sup>在计算过程中没有考虑低压下体系 的范德华力等色散相互作用引起的误差,而本文计 算得到的晶格能与经典MD方法和实验的数据符 合得很好.

#### 3.2 固相NM晶格参数随静水压的变化

图 1 (a), (b), (c) 和 (d) 分别为实验和本文计算 得到固相 NM 单胞的体积, a, b和 c 轴随压强的变 化. 从图 1 (a) 中看出, 在 0—11 GPa 时计算得到的 固相 NM 单胞的体积与 Cromer 等<sup>[5]</sup>, Citroni 等<sup>[8]</sup> 和 Yarger 等<sup>[40]</sup> 通过实验得到结果符合得很好, 表 明固相 NM 在静水压作用下保持 P2<sub>1</sub>2<sub>1</sub>2<sub>1</sub> 的空间 群结构而没有发生结构相变. 但与实验不同的是, 在 10 GPa 和 12 GPa 时, 计算得到固相 NM 的晶格 参数出现不连续变化, 表明在此时固相体系发生 相变.

图1(b), (c)和(d)为晶格参数*a*, *b*和*c*随压强的变化,通过对相变前后的晶格参数进行比较,发现在相变之前计算得到的*a*, *b*和*c*值与压强低压11 GPa时实验<sup>[5,8,40]</sup>的结果比较接近;在10—12 GPa 时,固相NM体系的晶格参数出现突变,即*a*和*b*轴 随压强的增加而降低,而*c*轴随压强的增加而增大, 表明NM发生相变.Yarger等<sup>[40]</sup>通过实验发现*a* 轴随压强的增加出现不连续的变化,*b*轴和*c*轴随 压强的增加而出现相反的变化趋势,这与本文得到 的变化趋势基本一致.图1还表明采用模守恒赝势 得到的相变压强区间比采用超软赝势得到的相变 压强区间与实验得到的相变的压强区间更加接近.

将本文计算的结果与其他理论的数据进行 对比,如图2所示.图2(a)表明本文的结果与Appalakondaiah等<sup>[33]</sup>采用计算得到的结果比较接近.



图 1 (网刊彩色) 实验和本文计算得到固相 NM 的晶胞体积, 晶格参数随压强的变化 (图中五角星代表 Cromer 等<sup>[5]</sup> 采 用 X 射线衍射实验得到的结果, 菱形和上三角形分别代表 Citroni 等<sup>[8]</sup> 采用角度衍射仪对晶体和粉末样品的衍射结果, 左三角形代表 Yarger 等<sup>[40]</sup> 的实验结果, 黑色和红色分别代表本文采用超软赝势和模守恒赝势得到的结果)



图 2 (网刊彩色)理论计算方法得到的固相 NM 的晶胞大小,晶胞参数 *a*, *b* 和 *c* 轴随静水压的变化 (其中六边形,下三角形和右三角形分别代表 Sorescu 等分别采用力场和分子堆积方法<sup>[13]</sup>, NPT-MD<sup>[13]</sup>和 DFT-D<sup>[31]</sup>计算得到的结果,上三角形代表 Liu 等<sup>[12]</sup>采用 DFT 得到的方法,菱形代表 Appalakondaiah 等<sup>[33]</sup>采用 DFT-D 方法得到的结果)

在本文计算中,采用不同的赝势得到固相NM发生 相变,而Appalakondaiah等<sup>[33]</sup>采用超软赝势发现 NM在11 GPa 附近时也会发生相变.图2(b),(c) 和(d)为固相NM的晶胞参数*a*,*b*和*c*随压强的变 化,从图中看出本文的计算结果与其他理论计算的 结果也比较接近,特别是与Appalakondaiah等<sup>[33]</sup> 通过得到的晶胞参数变化趋势一致.

本文通过采用两种赝势对 NM 晶格参数随压 强的变化进行计算,发现固相 NM 的单胞体积和 a, b, c 轴出现不连续变化,表明相变的发生.为了 进一步对高压下固相 NM 的相变机理进行分析,在 第3.3,3.4,和3.5部分对相变过程中 NM 分子结构, EOS 和电子结构进行研究,分析在相变过程中分子 的键长和二面角,晶体的弹性性质和冲击波关系以 及晶体的带隙和态密度随压强的变化.

#### 3.3 NM分子结构随静水压的变化

由于采用模守恒赝势得到的计算结果比采用 超软赝势得到的计算结果与实验值更加接近,因 此本文仅对采用模守恒赝势方法得到的固相NM 的相变过程进行分析.图3(a)为常压下优化得到 NM分子的结构图.图3(b)为NM体系中二面角 随压强的变化,从图中看出0—11 GPa时,NM分子的三个H-C-N-O二面角随着压强的增加而单调变化,当压强增加到12 GPa时,二面角H1-C1-N1-O1,H2-C1-N1-O1,H3-C1-N1-O1出现不连续变化,特别是二面角H1-C1-N1-O1在发生相变的时候角度从155.3°增加到177.5°.

Von Dreele<sup>[44]</sup>通过中子粉末衍射实验研究压 强对CD<sub>3</sub>NO<sub>2</sub>结构的影响,发现存在D原子的紊 乱排布. 通过分析沿着C-N方向自由旋转的CD3 官能团分布,表明甲基官能团的自由旋转与压强 有关. Citroni 等<sup>[8]</sup> 通过对 CH<sub>3</sub>NO<sub>2</sub> 在 298 K 和低 于11 GPa的结构进行实验,也发现甲基自由基 的自由旋转被限制的现象. Citroni 等<sup>[8]</sup> 认为这种 相变是由于NM分子的沿着C-N方向的取向发生 混乱,导致NM分子的结构发生重排,这种变化 与NO2官能团所在的二面角有关. 本文得到的 11—12 GPa时固相NM发生相变的原因与Comer 等<sup>[5]</sup>, Courtecuisse等<sup>[6]</sup>和Citroni等<sup>[8]</sup>在低压下 的实验结论相同. Sorescu等<sup>[13]</sup>采用NPT-MD方 法也发现在7 GPa时, 二面角会发生变化. Margetis 等<sup>[10]</sup>和Reed 等<sup>[11]</sup>采用DFT方法也发现在 10-30 GPa时硝基甲烷的结构会发生变化.





图 3 (网刊彩色) (a) 为常压下, NM 的分子结构; (b) 为二面角随压强的变化 (灰色、蓝色、红色和白色原子 分别代表 C, N, O和 H 原子)

图 4 (网刊彩色) 固相 NM 的 C-N 键和 C-H 键的键长随压强的变化

为了进一步对NM分子结构进行研究,图4(a) 和(b)给出三个C—H键长以及C—N键长随压 强的变化,从图中可以看出C—N键在发生相变 之前降低率和相变之后的降低率没有明显的差 异,只是在发生相变时C—N键长增加.而三个 C—H键长随压强的变化则比较复杂,C1—H1和 C1—H2键长随压强的逐渐增加而降低,在相变时 也由于压强增加使得键长增大,只是C1—H2的 增加值远大于C1—H1,而C1—H3在相变后的变 化则与C1—H1和C1—H2的变化不同,在相变后 C1—H3的键长随着压强的增加而增大.

图 5 为计算得到 11, 12 和 15 GPa 时超晶胞结构中, NM体系中部分O原子与H原子的距离, 以 2.4 Å作为O原子和H原子形成氢键作为判据.从 图 5 (a)的11 GPa 时可以看出, 在超晶胞结构中的 3 个 NM 分子中, 存在距离为 1.958 Å和 2.342 Å的 H 和 O原子对, 表明此时在 NM 体系中存在由 C—H … O组成的分子间氢键网络.图 5 (b)的12 GPa 中, 由于体系发生相变, 使得在 NM 分子间小于 2.4 Å的 H 和 O原子对减少.但在 12 GPa 时的 NM 分

子内,存在大小为2.378 Å的H和O原子对,表明 此时在NM分子内也形成较弱的分子间氢键.从 图5(c)中可以看出与12 GPa时的体系相比,随着 压强增加,在相变后分子间和分子内H和O原子对 的距离逐渐降低,氢键的强度增加. Citroni等<sup>[8]</sup> 通过实验发现在硝基甲烷体系的第二次相变过 程中,由于分子间氢键的形成,导致第二次相变 的发生,而本文通过计算发现在相变前后均存在 氢键,只是氢键的组成发生了变化.由于甲基官 能团的旋转被限制,使得氢键从相变前分子间的 O···H—C构成的氢键变为相变后O···H构成的 分子内和O···H-C构成的分子间组成的氢键. 这 种变化表明在相变之前, NM体系会发生分子间氢 原子转移,形成CH4NO2和CH2NO2的路径,而在 相变后则存在分子间的氢键转移和分子内的氢键 转移两种反应路径,相变后通过分子间氢键转移形 成CH<sub>2</sub>NOOH的路径,这与人们通过采用第一性 原理分子动力学[14-17]和反应力场分子动力学[18] 得到的NM在高温高压下的反应路径一致.



图 5 NM 超晶胞体系的 O 原子和 H 原子的距离

#### 3.4 EOS 的拟合

表 3 为固相 NM 的弹性模量  $B_0$  和其初始压强 导数  $B'_0$ .采用 DFT<sup>[12]</sup>和 MD<sup>[13]</sup>计算得到的弹性 模量  $B_0$ 比通过实验<sup>[5,8,40]</sup>测量的弹性模量  $B_0$ 值 低,而采用校正的 DFT 方法<sup>[32,33]</sup>计算得到的弹 性模量  $B_0$ 与实验结果接近,但 MD,DFT 以及 DFT-D和实验得到的初始压强导数  $B'_0$ 的值比较 接近.在 DFT-D 方法中,本文与 Appalakondaiah 等<sup>[33]</sup>结果比较接近,而与 Landerville等<sup>[32]</sup>差异 较大,这是由于对不同压强范围进行拟合导致的 差异. 通过对相变前后的冲击速度和粒子速度进行 计算,发现在相变之前,此时粒子速度小于1 km/s, 采用非线性冲击波关系式(13)对EOS进行拟合, 得到*c*和*s*分别为2.093和1.306,此时冲击波关系 式为

$$u_{\rm s} = 2.093 + 1.306u_{\rm p} + 1.876u_{\rm p}^2.$$
(17)

在相变之后的粒子速度大于1 km/s,采用线性冲击 波关系式(12)对EOS进行拟合,得到 c和 s为2.413 和1.333,此时冲击波关系式为

$$u_{\rm s} = 2.413 + 1.333 u_{\rm p}.\tag{18}$$

Yarger 等<sup>[40]</sup> 对固相 NM 在高压下的冲击波关

系式为

$$u_{\rm s} = 2.686 + 1.651 u_{\rm p}.\tag{19}$$

将本文采用线性关系得到的(17)式与Yarger 等<sup>[40]</sup>得到的(19)式进行比较,表明本文计算结果 在高压下的结果与实验结果比较接近.

将相变前后的c和s代入(15)和(16)式,得到 相变前 $B_0$ 和 $B'_0$ 分别为6.75 GPa和6.75,相变后  $B_0$ 和 $B'_0$ 分别为8.97 GPa和4.3.这与表3中不同 方法计算得到弹性性质的大小范围一致.采用 Murnaghan方程计算得到相变前的弹性模量 $B_0$ 大 于相变后的弹性模量 $B_0$ ,而采用冲击波关系得到 的相变前后弹性模量 $B_0$ 的顺序则相反,但采用两 种方法计算得到的初始压强导数 $B'_0$ 的变化趋势一 致,均为相变前的值大于相变后的值.

表 3	实验和理论计算得到的 NM 体系的弹性模量 $B_0$ 利	П
其初如	自压强导数 $B'_0$	

	压强/ GPa	$B_0\ /\ {\rm GPa}$	$B_0'$
Cromer 等 <sup>a)</sup>	0—7	8.3	5.9
Yarger 等 <sup>b)</sup>	0—15	10.1	5.77
Citroni	0—15	9.25	5.7
Ottom 4	15 - 30	8.3	7.4
Sorescu 等 d)	0—7	6.78	5.88
I ;,, 笙 e)	0—6	5.37	5.76
Liu 🕂 🗡	0—15	6.37	5.03
Landerville $\ensuremath{\overset{\mathrm{f}}{=}}\xspace$	0—8	7.88	7.48
Appalakondaia 等 <sup>g)</sup>	0—30	11.6	6.5
<del>क</del> रू h)	0—11	12.27	5.122
平义 ,	12-30	10.2	4.95

a), b) 和 c) 分别为 Cromer 等<sup>[5]</sup>, Citroni 等<sup>[8]</sup> 和 Yarger 等<sup>[40]</sup> 在 298 K 时得到实验结果, e) 和 f) 为本文采用 DFT-D 方法得到 0 K 的结果, d) 为 Sorescu 等<sup>[13]</sup> 采用 经典 MD 得到的结论, e) 为 Liu 等<sup>[12]</sup> 采用 GGA-PBE 得到结果, f), g) 为 Landerville 等<sup>[32]</sup>, Appalakondaiah 等<sup>[33]</sup> 采用 GGA-PBE-G06<sup>[25]</sup> 得到的理论结果.

### 3.5 固相 NM 的电子结构随压强的变化

本文采用模守恒赝势得到常压下固相 NM 晶胞的带隙为3.337 eV, Liu等<sup>[12]</sup>采用 DFT 方法得到的带隙为3.61 eV, Manaa等<sup>[14]</sup>得到带隙为3.28 eV, Appalakondaiah等<sup>[33]</sup>采用 DFT-D 得到的带隙为3.8 eV.本文计算得到的结果与 Manaa等的计算结果比较接近,而与 Liu等<sup>[12]</sup>和 Appalakondaiah等<sup>[33]</sup>计算的结果相差较大. 图 6 为不同压强下固相 NM 的带隙随压强的 变化,在11 GPa时出现不连续的变化,表明体系 在11 GPa附近发生相变.对相变前后的带隙随压 强的变化用线性函数进行拟合,结果表明 NM 在 1—11 GPa时带隙随压强的变化比12—24 GPa时 带隙随压强的变化明显,这与Liu等<sup>[12]</sup>采用 DFT 方法计算得到的结论一致.



图 6 固相 NM 的带隙随压强的变化

通过图 7 中 0.0001 GPa, 6 GPa, 11 GPa时固 相 NM 的态密度进行分析,发现固相 NM 的态密度 的结构和峰值随压强的增加而变化. 当压强小于 11 GPa时,在 – 10.0 eV 到 – 5 eV, 7.5 eV 到 10 eV 的能量区间内,常压下的单峰结构分裂为高压的双 峰结构,在 – 5 eV 到 – 2.5 eV 的能量区间时形成新 的单峰结构.





在相变附近态密度随压强的变化如图8所示.

相变使得在 -7.5 eV 到 -5 eV 和 7.5 eV 到 10 eV 附近的态密度的结构发生变化. 压强超过 12 GPa 时, 在 -10 eV 附近和 -5 eV 附近的态密度的峰值向低 能方向移动, 而 10 eV 附近的峰值向高能方向移动.



图 8 11 GPa 到 24 GPa 时固相 NM 的态密度随压强的变化

通过对带隙和态密度随压强的变化分析,发现 在12 GPa时,体系的电子结构发生明显变化.当压 强低于11 GPa时,在能量区间小于0 eV的态密度 的峰值随着压强的增加而向低能移动,能量区间大 于0 eV的态密度向高能方向移动.这些变化均没 有影响在费米能级附近的态密度的结构,但在发生 相变时的12 GPa时,在费米能级附近的态密度发 生明显的变化.

#### 4 结 论

采用 DFT-D 方法, 对常压下 NM 分子的原子 位置和晶格参数进行优化.以优化后 NM 结构为 初始结构,每次增加1 GPa 到 30 GPa,得到 *a*, *b*, *c* 轴和体积 *V* 随压强的变化.在11—12 GPa 时,晶 格参数出现不连续的变化,表明在静水压下发生 相变.对 NM 的分子结构进行分析,发现最大二面 角从 155.3°增加到 177.5°,表明在 NM 体系中甲基 官能团的 C 原子和 H 原子与硝基官能团几乎共面, 甲基官能团旋转被限制.由于 NM 发生相变,使得 C—N和 C—H 键也发生变化,而且使得由相变前 的分子间氢键为主变为相变后的分子内和分子间 两种不同的氢键.

用 Murnaghan 方程对固相 NM 晶体的 EOS 进行拟合,发现在相变前后的弹性模量和其一阶导数 值不同,通过引入 Hugoniot 关系的方法对固相 NM

晶体的EOS进行拟合,发现在固相NM相变前后, 冲击速度和粒子速度之间的关系也不同.

对固相 NM 体系在相变前后的电子性质, 即带 隙和态密度随压强的变化进行计算, 表明 NM 体系 在 1 GPa 到 11 GPa 时带隙随压强的变化比 12 GPa 到 24 GPa 带隙随压强的变化大.通过对态密度进 行分析, 表明在压强低于相变压强的 11 GPa 时, 态密度在远离费米能级的时候发生了明显的变化, 而 在 11 GPa 和 12 GPa 时, 在费米能级附近的态密度 则发生了明显的变化.在静水压作用下, 能量区间 小于 0 eV 的态密度的峰值随着压强的增加而向低 能移动, 能量区间大于 0 eV 的态密度向高能方向 移动.

#### 参考文献

- Ou Y X 2006 Explosives (Beijing: Beijing Institute of Technology Press) p5 (in Chinese) [欧育湘 2006 炸药学 (北京:北京理工大学出版社)第5页]
- [2] Zhou T T, Huang FL 2012 Acta Phys. Sin. 61 246501 (in Chinese)[周婷婷, 黄风雷 2012 物理学报 61 246501]
- [3] Zhang B P, Zhang Q M, Huang F L 2009 Detonation Physics (Beijing: Weapon Industry Press) p140 (in Chinese) [张宝平, 张庆明, 黄风雷 2009 爆轰物理学(北京:兵 器工业出版社)第140页]
- [4] Trevino S F, Rymes W. H 1980 J. Chem. Phys. 73 3001
- [5] Cromer D T, Ryan R R, Schiferl D 1985 J. Phys. Chem. 89 2315
- [6] Courtecuisse S, Cansell F, Fabre D, Petitet J P 1995 J. Chem. Phys. 102 968
- [7] Courtecuisse S, Cansell F, Fabre D, Petitet J P 1998 J. Chem. Phys. 108 7350
- [8] Citroni M, Datchi F, Bini R, Di Vaira M, Pruzan P, Canny B, Schettino V 2008 J. Phys. Chem. B 112 1095
- [9] Pinan Lucarré J, Ouillon R, Canny B, Pruzan P, Ranson P 2003 J. Raman. Spectrosc. 34 819
- [10] Margetis D, Kaxiras E, Elstner M, Frauenhim Th, Manaa M R 2002 J. Chem. Phys. 117 788
- [11] Reed E J, Jannopulos J D, Fried L E 2000 *Phys. Rev. B* 62 16500
- [12] Liu H, Zhao J, Wei D, Gong Z 2006 J. Chem. Phys. 124 124501
- [13] Sorescu D C, Rice B M, Thompson D L J 2000 Phys. Chem. B 104 8406
- [14] Manaa M R, Reed E J, Fried L E, Galli G, Gygi F 2004 J. Chem. Phys. 120 10146
- [15] Reed E J, Manaa M R, Fried L E, Glaesemann K R, Joannopoulos J D 2007 Nature Physics 4 72
- [16] Xu J C, Zhao J J 2009 Acta Phys. Sin. 58 4144 (in Chinese)[徐京城, 赵纪军 2009 物理学报 58 4144]
- [17] Chang J, Lian P, Wei D, Chen X, Zhang Q, Gong Z 2010 Phys. Rev. Lett. 105 188302

- [18] Zhang L, Chen L 2013 Acta Phys. Sin. 62 138201 (in Chinese) [张力, 陈朗 2013 物理学报 62 138201]
- [19] Byrd E F, Rice B M 2007 J. Phys. Chem. C 111 2787
- [20] Conroy M W, Oleynik I I, Zybin S V, White C T 2008 *Phys. Rev. B* 77 94107
- [21] Dion M, Rydberg H, Schröder E, Langreth D C, Lundqvist B I 2004 Phys. Rev. Lett. 92 246401
- [22] Langreth D C, Lundqvist B I, Chakarova-Kack S D, Cooper V R, Dion M, Hyldgaard P, Kelkkanen A, Kleis J, Kong L Z, Li S, Moses P G, Murray E, Puzder A, Rydberg H, Schroder E, Thonhauser T 2009 J. Phys. : Condens. Matter 21 084203
- [23] Lin I C, Coutinho-Neto M D, Felsenheimer C, von Lilienfeld O A, Tavernelli I, Rothlisberger U 2007 Phys. Rev. B 75 205131
- [24] Tavernelli I, Lin I C, Rothlisberger U 2009 Phys. Rev. B 79 45106
- [25] Grimme S 2006 J. Comput. Chem. 27 1787
- [26] Neumann M A, Perrin M A 2005 J. Phys. Chem. B 109 15531
- [27] Tkatchenko A, Scheffler M 2009 Phys. Rev. Lett. 102 073005
- [28] Conroy M W, Budzevich M M, Lin Y, Oleynik I I, White C T 2009 Aip Conf. Proc. 1195 805
- [29] Budzevich M M, Landerville A C, Conroy M W, Lin Y, Oleynik I I, White C T 2010 J. Appl. Phys. 107 113524

- [30] Conroy M W, Oleynik I I, Zybin S V, White C T 2009 J. Phys. Chem. A 113 3610
- [31] Sorescu D C, Rice B M 2010 J. Phys. Chem. C 114 6734
- [32] Landerville A C, Conroy M W, Budzevich M M, Lin Y, White C T, Oleynik I I 2010 Appl. Phys. Lett. 97 251908
- [33] Appalakondaiah S, Vaitheeswaran G, Lebègue S 2013 J. Chem. Phys. 138 184705
- [34] Hamann D R, Schlüter M, Chiang C 1979 Phys, Rev. Lett. 43 1494
- [35] Vanderbilt D 1990 Phys. Rev. B **41** 7892
- [36] Clark S J, Segall M D, Pickard C J, Hasnip P J, Probert M I, Refson K, Payne M C 2005 Zeitschrift für Kristallographie 220 567
- [37] Murnaghan F D 1944 PNAS 30 244
- [38] Olinger B, Halleck P M 1975 J. Chem. Phys. 62 94
- [39] Olinger B, Halleck P M, Cady H H 1975 J. Chem. Phys.62 4480
- [40] Yarger F L, Olinger B 1986 J. Chem. Phys. 85 1534
- [41] Ortmann F, Bechstedt F, Schmidt W G 2006 Phys. Rev. B 73 205101
- [42] Tkatchenko A, Scheffler M 2009 Phys. Rev. Lett. 102 073005
- [43] Sorescu D C, Rice B M, Thompson D L 1999 J. Phys. Chem. A 103 989
- [44] Von Dreele R B 1995 High Pressure Res. 14 13

# First principles calculations of solid phase transition of nitromethane

Zhang Li Chen Lang<sup>†</sup>

(State Key Laboratory of Explosion Science and Technology, Beijing Institute of Technology, Beijing 100081, China) (Received 19 November 2013; revised manuscript received 9 January 2014)

#### Abstract

The solid phase transition in crystals prepared from molecular energetic materials under extreme conditions is important for understanding the detonation mechanisms. By applying the first principles density functional calculations, a detailed theoretical study of the lattice parameters and molecular structures, equations of state, densities of state for solid nitromethane is reported. By analyzing the pressure dependence of lattice parameters, a sudden change of the lattice parameters occurs between 10–12 GPa, implying that a transition has taken place. It is also found that the maximum dihedral angle of H-C-N-O has increased from 155.3° to 177.5°, indicating that a rotation of the methyl group from a staggered to an eclipsed conformation occurs in the pressure range 11—12 GPa. Before the phase transition, the intramolecular O  $\cdots$  H—C interactions are mainly of hydrogen bonds. After the phase transition, the intramolecular and intermolecular O  $\cdots$  H interactions are mainly of the hydrogen bonds. Phase transition also affects the reduced ratio of band gap and the density of state near the Fermi level.

Keywords: phase transition, nitromethane, DFT-D PACS: 81.30.Hd, 61.50.Ks, 64.70.kt, 31.15.E–

**DOI:** 10.7498/aps.63.098105

<sup>†</sup> Corresponding author. E-mail: chenlang@bit.edu.cn