物理学报 Acta Physica Sinica



基于压缩感知的矢量阵聚焦定位方法

时洁 杨德森 时胜国 胡博 朱中锐

Compressive focused beamforming based on vector sensor array

Shi Jie Yang De-Sen Shi Sheng-Guo Hu Bo Zhu Zhong-Rui

引用信息 Citation: Acta Physica Sinica, 65, 024302 (2016) DOI: 10.7498/aps.65.024302 在线阅读 View online: http://dx.doi.org/10.7498/aps.65.024302 当期内容 View table of contents: http://wulixb.iphy.ac.cn/CN/Y2016/V65/I2

您可能感兴趣的其他文章 Articles you may be interested in

一种高效的自适应波束域变换方法及应用研究

An efficient adaptive beam-space transformation technique and its application in array processing 物理学报.2015, 64(9): 094304 http://dx.doi.org/10.7498/aps.64.094304

声矢量阵宽带目标波束域变换广义似然比检测算法

Broadband target beam-space transformation in generalized likelihood ratio test using acoustic vector sensor array

物理学报.2015, 64(9): 094303 http://dx.doi.org/10.7498/aps.64.094303

基于信号子空间重构的鲁棒子区域 Frost 波束形成

Robust sub-regional Frost beamforming based on the signal subspace reconstruction 物理学报.2015, 64(5): 054303 http://dx.doi.org/10.7498/aps.64.054303

强多途环境下水听器阵列位置近场有源校正方法

A geometric calibration mehtod of hydrophone array with known sources in near field under strong multipath

物理学报.2015, 64(2): 024304 http://dx.doi.org/10.7498/aps.64.024304

基于赛利斯模型和分数阶微分的兰姆波信号消噪

Noise suppression for Lamb wave signals by Tsallis mode and fractional-order differential 物理学报.2014, 63(18): 184301 http://dx.doi.org/10.7498/aps.63.184301

基于压缩感知的矢量阵聚焦定位方法^{*}

时活¹⁾²⁾ 杨德森¹⁾²⁾ 时胜国^{1)2)†} 胡博¹⁾²⁾ 朱中锐¹⁾²⁾

(哈尔滨工程大学,水声技术重点实验室,哈尔滨 150001)
 2)(哈尔滨工程大学水声工程学院,哈尔滨 150001)
 (2015年7月31日收到:2015年10月13日收到修改稿)

本文针对噪声源近场定位识别问题,利用声源分布在空间域具有稀疏性,在压缩感知理论框架下建立了 新体系下的矢量阵聚焦波束形成方法,用于解决同频相干声源的定位识别问题.新方法可在小快拍下准确获 得噪声源的空间位置,且不损失对噪声源贡献相对大小的评价能力.通过详细的理论推导、仿真分析和试验验 证,证明了基于压缩感知的矢量阵聚焦定位新方法本质上实现了 l₁ 范数正则化求解下的波形恢复和空间谱估 计,因此具有较高的定位精度,较强的相干声源分辨能力、准确的声源贡献相对大小评价能力以及较高的背景 压制能力,可应用于水下复杂噪声源的定位识别.

关键词: 压缩感知, 近场, 噪声源定位, 相干源 PACS: 43.60.+d, 43.58.+z, 43.50.+y

1引言

开展水下大型结构噪声源定位研究,确定主要 噪声源的空间分布,并评价各噪声源的贡献量大 小,是有针对性开展减振降噪措施的重要环节.同 时,随着测量距离的减小、分析频段的降低以及基 阵尺度的增加,噪声源有可能位于测试基阵的近场 区域.因此,研究近场测试条件下的噪声源定位识 别方法具有重要的工程应用价值.

矢量信号处理技术为水下噪声源定位识别提 供了强有力的支撑^[1].常规聚焦波束形成通过对特 定方向入射的球面波进行相位或时延补偿来求取 声场的等效分布.矢量阵 MVDR 高分辨聚焦波束 形成方法将 MVDR 高分辨算法、矢量阵处理及近 场聚焦算法统一于 Nehorai 的经典理论框架下,通 过约束最小化问题的求解,提高聚焦空间分辨率并 降低旁瓣级^[2].但该方法的主要问题是不能直接处 理相干信号,且在存在噪声干扰与失配的情况下性

DOI: 10.7498/aps.65.024302

能严重退化,稳健性优化的最优加载量确定困难, 使其工程化应用遇到困难^[3].此外,理论意义上讲 最大似然算法 (maximum likelihood: ML)是最优 估计器,但是其估计似然函数的非线性特性使得在 求解的过程中产生巨大运算量,且ML算法仅能获 得方位估计结果,损失了目标强度信息^[4].

而压缩感知理论 (compressed sensing) 指出只要信号是可压缩或者在某个变换域是稀疏的, 就可以以远低于奈奎斯特频率的采样率获取稀疏信号的非自适应线性投影, 然后通过最优化问题可以从有限的采样值中精确重构原信号^[5]. 而在声源方位估计或定位问题中, 实际空间声源的个数相比于待扫描的空间区域往往是稀疏的, 这恰恰满足了压缩感知理论中对信号稀疏性的要求. 在该理论框架下的方位估计方法优点更为突出: 可应用于小快拍数据; 无需预先估计声源个数; 可直接处理相干信源; 可应用于阵元数少于声源数的情形等^[6].

基于此,压缩感知理论被推广应用于声学领 域,解决阵列信号处理、方位估计和声源定位等诸

© 2016 中国物理学会 Chinese Physical Society

http://wulixb.iphy.ac.cn

^{*} 长江学者和创新团队发展计划(批准号: IRT1228)、高等学校博士学科点专项科研基金(批准号: 20122304120023, 20122304120011)和国家自然科学基金青年基金(批准号: 11204050, 11204049)资助的课题.

[†]通信作者. E-mail: shishengguo@hrbeu.edu.cn

多复杂问题. Gorodnitsky 等^[7]将DOA估计问题 视为一个欠定问题,并采用迭代加权最小范数法 (focal underdetermined system solver, FOCUSS) 对该问题进行稀疏求解. Malioutov 等^[8] 通过约束 l₁范数的方法来提高解算的稀疏性,并利用奇异 值分解技术(singular value decomposition, SVD) 来改善算法在低信噪比等条件下的性能. 空气声 学领域, Simard 与 Antoni^[9] 基于麦克风阵列研究 了声源识别问题,并证明了压缩感知波束形成方 法同样适用于近场聚焦球面波模型. Chu等^[10]针 对较强背景噪声,基于压缩感知波束形成的基本 理论,通过稀疏约束实现了声源功率、方位及噪 声功率的联合估计. 在海洋声学领域, Edelmann 和Gaumond^[11]应用压缩感知波束形成技术进行 BASE07试验数据处理,表明压缩感知波束形成较 传统波束形成具有更高的空间分辨能力和背景干 扰抑制能力. Gerstoft 等^[12] 详细分析了压缩感知 波束形成在空间扫描区域网格划分以及信噪比等 因素影响下的性能.

Li 等^[13] 分别采用对角加载最小二乘法(diagonal loading least squares), l_1 范数正则约束法 (l_1 regularization),以及正交匹配跟踪法(orthogonal matching pursuit: OMP)三种方法求解基于 压缩感知的方位估计问题,并对结果进行了对比. Zhong等^[14]提出了基于采样协方差矩阵的压缩感 知波束形成方法(CSB-II),并通过空气声学实验证 明了该方法的有效性.Lei等^[15]将合成孔径技术与 压缩感知波束形成相结合,无需预先估计基阵的运 动参数即可对声源进行准确估计.梁国龙等^[16]针 对水声矢量信号处理框架中的高速运动目标低信 噪比小快拍条件下的稳健高分辨方位估计问题,将 压缩感知技术应用于水声矢量信号空间谱估计模 型中,提高水下高速运动目标方位估计的分辨率和 稳健性.

尽管压缩感知作为非常有价值的研究手段在 声学领域很多方面取得了较大进展,证明了该理论 在工程应用中具有巨大潜力,但人们对于其在水下 噪声源定位识别领域中的应用仍较为初步.本文 研究的目的是结合噪声源近场定位模型和声矢量 阵信号处理框架,利用声源分布在空间域具有稀疏 性,在压缩感知理论框架下建立新体系下的聚焦波 束形成方法,用于解决同频相干声源的近场定位问 题.新方法可在小快拍准确获得噪声源的空间位 置,且不损失对噪声源贡献相对大小的评价能力.

2 基于稀疏采样的矢量阵近场聚焦 信号模型

以垂直矢量阵近场聚焦定位问题为例 (如 图1所示), 空间 z'轴上有一M元均匀垂直矢量阵, 该垂直阵至声源平面S的距离为 y_s , 设S上分布有 N个同频相干单频声源. 垂直阵阵元z'向坐标矢 量为 $Z_A = [z'_1 \cdots z'_c \cdots z'_M]^T$ ($m = 1, 2, \cdots, M$), z'_c 为参考阵元坐标. 声源信号是自然的空间稀疏信 号, 在声源平面上可采用空间网格划分实现对其稀 疏性表示, 将信号与其空间所在位置实现一一对 应, 为从阵列接收信号重构声源发射信号进而对声 源进行定位提供基础.

2.1 声压阵信号的稀疏表示

对于 M 元均匀声压阵接收信号的稀疏表示为

$$\boldsymbol{y} = \boldsymbol{A}\boldsymbol{x} + \boldsymbol{n}. \tag{1}$$





Fig. 1. The localization model in the near field of vector sensor array.

024302-2

下面结合图2阐述该式的物理意义. 图中 实心区域表示真实的声源位置,空心区域表示 虚拟的声源位置,我们将声源所在平面S划分为 $\{\Theta_1, \Theta_2, \cdots, \Theta_k, \cdots, \Theta_K\}$,则每一个空间区域 Θ_k 与声源xk-一对应,同时因为空间中只存在N个 真实声源 $(N \ll K)$,则在 S上,只有 N个空间区域 存在信号,即构造的 K × L 维信号矩阵 x 中只有 N 行非零元素的波形数据, L 为数据快拍数. 据此(1) 式的物理意义已经十分清晰, A 为 M × K 维空间 阵列流型矩阵(即导向矢量矩阵), y 表示阵列接收 的信号波形, x 表示包含声源位置信息的空间稀疏 信号, y本质上就是x的稀疏表示. 该问题实际上 描述的就是要利用已经获知的矢量阵接收数据y 和通过超完备的A来重构稀疏信号x的过程. n为 阵列接收到的噪声信号.

进一步根据近场模型,将A表示为

$$\boldsymbol{A} = [\boldsymbol{A}_1, \boldsymbol{A}_2, \cdots, \boldsymbol{A}_k, \cdots, \boldsymbol{A}_K], \quad (2)$$

其中, 对应于空间区域 Θ_k 的导向矢量 A_k 可表示为



(网刊彩色)不同信噪比的定位结果 (a) SNR = -5 dB (δ = 20); (b) SNR = 0 dB (δ = 15); 图 2 (c) SNR = 5 dB (δ = 15); (d) SNR = 10 dB (δ = 10)

Fig. 2. (color online) The localization results versus different signal-to-noise ratio: (a) SNR = -5 dB $(\delta = 20)$; (b) SNR = 0 dB ($\delta = 15$); (c) SNR = 5 dB ($\delta = 15$); (d) SNR = 10 dB ($\delta = 10$).

$$\alpha_{km} e^{-j\frac{\omega}{c}R_{km}}, \cdots, \alpha_{kM} e^{-j\frac{\omega}{c}R_{kM}} \Big]^{\mathrm{T}}.$$
 (3)

根据近场条件下声源平面S上各个划分区域 与阵列的相对位置关系,可知rkm为第k个空间区 域至第*m*号阵元的距离:

$$r_{km} = \sqrt{x_k^2 + y_s^2 + (z_k - z'_m)^2}.$$
 (4)

Rkm为第k个空间区域至第m号阵元与参考阵元 z' 的程差:

$$R_{km} = r_{km} - r_{kc}$$

= $\sqrt{x_k^2 + y_s^2 + (z_k - z'_m)^2}$
 $- \sqrt{x_k^2 + y_s^2 + (z_k - z'_c)^2}.$ (5)

 $\alpha_{km} = 1/r_{km}$ 为第 k 个空间区域至第 m 号阵元的 幅度衰减系数.

2.2 矢量阵信号的稀疏表示

进一步可扩展得到 M 元三维均匀矢量阵接收 信号的稀疏表示为

$$\boldsymbol{y}_v = \boldsymbol{A}_v \boldsymbol{x} + \boldsymbol{n}_v. \tag{6}$$

可知, A_v 为4 $M \times K$ 维矢量阵空间阵列流型矩阵 (即矢量阵聚焦导向矢量矩阵), y_v 为4 $M \times L$ 维阵 列接收的信号波形, x仍表示 $K \times L$ 维包含声源位 置信息的空间稀疏信号. 可将 A_v 进一步表示为

$$\boldsymbol{A}^{(v)} = \begin{bmatrix} \boldsymbol{A} \\ \boldsymbol{A}^{(x)} \\ \boldsymbol{A}^{(y)} \\ \boldsymbol{A}^{(z)} \end{bmatrix}, \qquad (7)$$

其中, $A^{(x)}$, $A^{(y)}$ 和 $A^{(z)}$ 分别表示x向、y向和z向 的振速聚焦导向矢量矩阵, 有

$$\boldsymbol{A}^{(x)} = \boldsymbol{a}^{(x)} \odot \boldsymbol{D}^{(v)} \odot \boldsymbol{A}, \qquad (8a)$$

$$\boldsymbol{A}^{(y)} = \boldsymbol{a}^{(y)} \odot \boldsymbol{D}^{(v)} \odot \boldsymbol{A}, \quad (8b)$$

$$\boldsymbol{A}^{(z)} = \boldsymbol{a}^{(z)} \odot \boldsymbol{D}^{(v)} \odot \boldsymbol{A}, \qquad (8c)$$

其中, ⊙为Hadamard积, 表示对应元素相乘.

$$m{a}^{(x)} = [m{a}^{(x)}_1, m{a}^{(x)}_2, \cdots, m{a}^{(x)}_k, \cdots, m{a}^{(x)}_K], \ m{a}^{(y)} = [m{a}^{(y)}_1, m{a}^{(y)}_2, \cdots, m{a}^{(y)}_k, \cdots, m{a}^{(y)}_K]$$

和

$$\boldsymbol{a}^{(z)} = [\boldsymbol{a}_1^{(z)}, \boldsymbol{a}_2^{(z)}, \cdots, \boldsymbol{a}_k^{(z)}, \cdots, \boldsymbol{a}_K^{(z)}]$$

分别为x向、y向和z向聚焦单位矢量矩阵,有

$$\boldsymbol{a}_{k}^{(x)} = [\cos \theta_{k1} \cos \varphi_{k1}, \cdots, \cos \theta_{km} \cos \varphi_{km}, \cdots, \\ \cos \theta_{kM} \cos \varphi_{kM}]^{\mathrm{T}},$$
(9a)

$$\boldsymbol{a}_{k}^{(y)} = \left[\cos \theta_{k1} \sin \varphi_{k1}, \cdots, \cos \theta_{km} \sin \varphi_{km}, \cdots, \\ \cos \theta_{kM} \sin \varphi_{kM}\right]^{\mathrm{T}}, \tag{9b}$$

$$\boldsymbol{a}_{k}^{(z)} = [\sin \theta_{k1}, \cdots, \sin \theta_{km}, \cdots, \sin \theta_{kM}]^{\mathrm{T}}.$$
 (9c)

 $\theta_{km} \in [-\pi/2, \pi/2]$ 为第 k个空间区域对应第 m号 阵元的俯仰角, $\varphi_{km} \in [0, 2\pi]$ 为方位角.

$$\theta_{km} = \operatorname{tg}^{-1}\left(\frac{z_k - z'_m}{\sqrt{x_k^2 + y_s^2}}\right),\tag{10}$$

$$\varphi_{km} = \operatorname{tg}^{-1}\left(\frac{y_{\mathrm{s}}}{x_k - x'_m}\right). \tag{11}$$

 $D^{(v)} = [D_1^{(v)}, D_2^{(v)}, \dots, D_k^{(v)}, \dots, D_K^{(v)}]$ 为复阻抗 矩阵, $D_k^{(v)}$ 为对应于第k个空间区域的复阻抗矢量

$$\boldsymbol{D}_{k}^{(v)} = [e^{-j\phi(r_{k1})}, e^{-j\phi(r_{k2})}, \cdots, e^{-j\phi(r_{km})}, \cdots, e^{-j\phi(r_{km})}]^{\mathrm{T}}, \qquad (12)$$

其中 φ(r_{km})表示第 m 个矢量水听器对应于第 k 个 空间区域的声压、振速通道间的相位差.

3 基于空间稀疏信号重构的声源定位 方法研究

上节通过构建适当的稀疏投影测量矩阵,即具 有适当稀疏性的聚焦导向矢量矩阵 A 和 A_v,将稀 疏信号处理模型可用 (1) 式和 (6) 式描述. 该模型 对应的是一个欠定方程,可以从声压阵或矢量阵数 据中恢复源信号波形,而解决这一稀疏线性回归问 题的有效方法是使用低阶模对普通的二阶误差进 行正则化,即求解优化问题

 $\min \|\boldsymbol{x}\|_{l} \text{ s.t. } \|\boldsymbol{y} - \boldsymbol{A}\boldsymbol{x}\|_{2} \leq \delta, \quad (13a)$

$$\min \|\boldsymbol{x}\|_{l} \text{ s.t. } \|\boldsymbol{y}_{v} - \boldsymbol{A}_{v}\boldsymbol{x}\|_{2} \leq \delta, \qquad (13b)$$

其中, s.t. 表示约束条件, l表示某范数.

针对 (13) 式, 传统方法是采用最小能量约束的 思想, 即将其转化成最小 l₂ 范数的形式:

$$\min \|\boldsymbol{x}\|_2 \quad \text{s.t.} \quad \|\boldsymbol{y} - \boldsymbol{A}\boldsymbol{x}\|_2 \leqslant \delta, \tag{14a}$$

 $\min \|\boldsymbol{x}\|_2 \quad \text{s.t.} \quad \|\boldsymbol{y}_v - \boldsymbol{A}_v \boldsymbol{x}\|_2 \leq \delta, \qquad (14b)$

其中, ||||₂表示 *l*₂范数. 进一步, 问题 (14) 具有解 析解:

$$\boldsymbol{x} = \boldsymbol{A}^{\mathrm{T}} (\boldsymbol{A} \boldsymbol{A}^{\mathrm{T}})^{-1} \boldsymbol{y}, \qquad (15a)$$

$$\boldsymbol{x} = \boldsymbol{A}_v^{\mathrm{T}} (\boldsymbol{A}_v \boldsymbol{A}_v^{\mathrm{T}})^{-1} y_v.$$
(15b)

然而, *l*₂ 范数代表信号的能量而非稀疏性.因此, (15)式无法得到稀疏解.相比之下,信号稀疏性的理想测度是考察该信号中非零元素的个数,数学上即称为*l*₀ 范数.因此,为了得到稀疏解,将*l*₀ 范数取代 (14) 式中的*l*₂ 范数,可得

$$\min \|\boldsymbol{x}\|_0 \quad \text{s.t.} \quad \|\boldsymbol{y} - \boldsymbol{A}\boldsymbol{x}\|_2 \leq \delta, \tag{16a}$$

 $\min \|\boldsymbol{x}\|_0 \quad \text{s.t.} \quad \|\boldsymbol{y}_v - \boldsymbol{A}_v \boldsymbol{x}\|_2 \leq \delta. \tag{16b}$

但求解问题 (16) 却是一个难题,该式是一个组 合优化问题,其解在数值上通常是非稳定的.因此, 许多求解 (16) 式的算法应运而生,典型的包括贪婪 算法、l₁ 范数正则法以及 l_p(0 等.就 l₁ 范数正则法而言,在信号相对于感知矩阵 足够稀疏的条件下, (16) 式等价于

$$\min \|\boldsymbol{x}\|_1 \quad \text{s.t.} \quad \|\boldsymbol{y} - \boldsymbol{A}\boldsymbol{x}\|_2 \leqslant \delta, \quad (17a)$$

 $\min \|\boldsymbol{x}\|_1 \quad \text{s.t.} \quad \|\boldsymbol{y}_v - \boldsymbol{A}_v \boldsymbol{x}\|_2 \leq \delta.$ (17b)

本质上, (17)式是一个凸优化问题, 可通过线 性规划理论进行求解^[17], 具体包括*l*₁-MAGIC数 据包,SeDuMi软件以及CVX工具箱等.在本文中,我们采用CVX工具箱,该工具箱可有效求解凸优化问题,包括线性或二次规划问题(linear and quadratic programs, LPs/QPs),二阶锥规划问题(second-order cone programs, SOCPs)以及半无限规划问题(semidefinite programs).最重要的是,CVX工具箱可方便有效解决11范数优化问题^[18].

在获得包含声源位置信息的空间稀疏信号x的估计结果后,对数据进行简单的功率计算,即可获得对应于平面 $S \perp \{\Theta_1, \Theta_2, \cdots, \Theta_k, \cdots, \Theta_K\}$ 范围内的空间谱估计结果.由于该估计结果是在波形恢复的基础上进而获得能量信息,因此可以在获得定位结果的同时,获得声源强度相对大小.

4 算法性能分析

4.1 信噪比对定位误差的影响分析

声源面上的单频单声源位置坐标为 $(x_{s1}, z_{s1}) = (5, -0.5)$ m, 声源频率为1 kHz. 声 源面S距垂直阵的距离 $y_s = 4$ m, 阵元个数11个, 阵元间距为0.75 m. 常规聚焦波束形成方法的快拍 数为1024, 压缩感知聚焦波束形成的快拍数为10, 设置空间区域 Θ 在x方向的坐标为5 m, z方向的 扫描步长为0.01 m, 扫描范围为-5-5 m. 以下分 别对声压阵常规聚焦波束形成(简称 CBF_p)、矢量 阵常规聚焦波束形成(简称 CBF_v)方法、声压阵压 缩感知聚焦波束形成(简称 CS_v)以及矢量阵压缩 感知聚焦波束形成(简称 CS_v)四种方法在不同信 噪比下的定位效果进行对比, 如图 2 所示.

信噪比条件的改变对于常规方法的影响不明 显,而压缩感知聚焦波束形成方法通过改变约束参 数δ可以适应不同的信噪比情况,总体规律上,信 噪比越大,设置的约束参数越小;反之,信噪比越 小,需要的约束参数越大.在相同信噪比,相同约 束参数的条件下,矢量阵算法的谱峰更为尖锐,背 景起伏更小,定位结果也更为准确,这说明矢量阵 综合了声压和振速通道的信息,其稀疏性更优.

4.2 约束参数 δ 对定位误差的影响分析

声源面上的同频相干双声源位置坐标为 $(x_{s1}, z_{s1}) = (5, -0.5) m和(x_{s2}, z_{s2}) = (5, 0.5) m,$ 声源频率为1 kHz. 声源面S距垂直阵的距离 $y_s = 10$ m, 阵元个数9个, 阵元间距固定为0.75 m, 信噪比SNR = 20 dB, 多快拍点数为30个.以下分 析不同约束参数 δ 下同频相干双声源的定位精度, 结果如图3所示.



图 3 不同稀疏性约束下的定位精度 Fig. 3. The localization bias versus different regularization Parameter δ .

约束参数δ体现了在一定信噪比条件下, 阵列 与空间稀疏性之间的关系, 当约束参数δ的选取适 当的情况下, 双声源的定位精度较高, 同时对相干 声源的分辨能力较强; 反之, 当约束参数δ选取失 当时, 会产生明显的定位误差甚至丢失目标. 仿真 结果表明, 在近场聚焦定位情况下, 当满足较高信 噪比条件时, 约束参数δ选取越大, 对误差的约束 越弱, 越偏离真实情况, 因此会随之产生定位误差. 此外, 矢量阵的定位精度在相同约束参数下均优于 声压阵, 其原因在于矢量阵对声压和振速通道数据 的联合处理改善了欠定方程的求解条件, 可以获得 更佳的定位精度. 对于信噪比、空间稀疏性、约束参 数、阵列参数之间的优化选取问题, 另文详述.

5 试验数据分析

利用湖试试验中的7元均匀水平矢量阵数据 进行算法对比验证.基阵阵元间距0.75 m,基阵孔 径为4.5 m.测量船船尾另外装置有刚性支架,用 于吊放基阵及声源.矢量阵水平吊放于测量船尾 部,基阵中心距离支架高度为14 m,估算其入水深 度为11.3 m,试验水域水深约为30 m,由于直达声 与海面一次反射声的声程较大,可忽略湖面反射引 起的多途效应的影响.基阵入水前测量基阵中心至 刚性支架间的距离为0.85 m,此距离即为声源面距 离基阵之间的距离. 图4为水平矢量阵测量系统侧 视图, 基阵中心4号阵元位于坐标系原点.



图 4 水平矢量阵测量系统示意图

Fig. 4. The vector sensor array used in the experiment.

5.1 单声源定位结果分析

以下对单声源定位结果进行分析. 声源发射 声波频率为1 kHz, 下文对声压阵常规聚焦(简称 CBF_n)、MVDR聚焦(简称MVDR_n)、最大似然聚 焦(简称ML_p)和压缩感知聚焦(简称CS_p)算法, 以及矢量阵常规聚焦(简称CBF_v)、MVDR聚焦 (简称 MVDR_v)、最大似然聚焦(简称 ML_v) 和压缩 感知聚焦(简称CS_v)算法的定位结果进行综合对 比分析. 其中, 压缩感知算法的快拍数为30, 空 间区域为x向-2-2m,z向为-2-2m,步长为 0.1 m. 其他算法的快拍数均为1024, 空间区域为x 向-4-4 m, z向为-4-4 m, 步长为0.1 m. 声源 的真实布放位置约为(-1.4, 0.6) m. 对比结果将空 间谱进行归一化后进行显示(如图5中右侧色棒所 示),并将动态范围约束在-50-0 dB之间,这便于 对不同算法的空间谱特征及背景压制能力进行对 比分析.

声压阵处理结果均为(-1.4, 0.5) m, 矢量阵处 理结果均为(-1.4, 0.6) m, 与试验中声源的真实布 放位置(-1.4, 0.6) m基本符合.由于利用基阵的孔 径, 声压阵和矢量阵在沿*x*向的定位精度相当; 由 于矢量阵利用了三维振速信息, 在垂直于基阵不存 在实际孔径的方向上, 仍能获得较高的定位精度, 其估计结果准确度和可信度更高.

对比不同算法的定位结果可知,常规聚焦方法 受限于基阵孔径和声源频率的约束,空间谱谱峰范 围较大,且背景起伏严重;MVDR聚焦方法改善了 背景起伏的问题,同时谱峰更为尖锐,但在实际数 据处理结果中,其谱峰和背景之间的抑制比明显变 小 (<10 dB), 表现出明显的性能退化; ML聚焦算 法的定位准确度较高, 但主要缺点是仅能获得定位 结果, 无法获得声源贡献的相对大小; 压缩感知聚 焦算法利用信号在扫描空间的稀疏性, 可对空间 信号进行重构, 获得声源位置信息, 对比声压阵和 矢量阵的处理结果, 矢量阵处理对于左右舷模糊 具有明显的抑制作用, 且获得良好的空间动态范 围 (优于 50 dB). 通过不同算法声压阵和矢量阵处 理结果的对比, 均可获知矢量阵的处理结果更为 优异.

进一步对2 kHz单频声源定位结果进行对比 分析, 声源的真实布放位置约为(0.8, 0.3) m, 结果 如图6所示. 图中常规方法容易出现栅瓣引入伪 峰的影响, MVDR算法可以抑制背景起伏, 但其缺 点是容易发生性能退化, 背景抬高, 损失动态范围. 而压缩感知综合了诸多优点, 可抑制栅瓣伪峰的 影响, 定位精度高, 谱峰更加尖锐, 背景抑制能力 更强.

5.2 相干双声源定位结果分析

下文分别针对 500 Hz, 800 Hz 和 1 kHz 的相干 双声源条件, 对基于矢量阵处理的四种算法定位结 果进行综合对比分析, 结果如图 6—图 9 所示.

对于 500 Hz 相干双声源试验条件, 双声源预 设的水平位置间距约为2 m, 强度大小存在较大差 异, 约相差近 20 dB, 以此来对比和验证各个算法 的定位性能和源强度贡献评价能力. 常规方法可获 得声源位置的大概轮廓, 但由于双源之间的相互影 响, 双源位置明显偏离正确位置坐标. MVDR 聚焦 算法可获得强声源的定位结果, 但由于性能退化, 背景抬高, 导致丢失了弱目标的位置信息. 采用交 替迭代的最大似然聚焦算法, 对于弱目标的估计结 果出现明显的偏差. 而本文的压缩感知聚焦算法可 以准确估计声源位置, 且能评价声源贡献大小, 即 使声源强度相差近 20 dB, 新方法也能较为准确的 获得声源的位置和强度相对大小估计结果.

对于 800 Hz 和1 kHz 相干双声源试验条件, 双 声源预设的水平位置间距约为2 m, 强度相当. 其 定位结果的规律基本相同. 压缩感知聚焦算法的 优势表现较为明显, 除了能够准确获得声源定位结 果, 可以较为准确的还原声源贡献相对大小信息, 体现出压缩感知处理对于噪声源定位识别的巨大 优势.



图 5 (网刊彩色) 单声源 (1 kHz) 定位结果 (a) CBF_p; (b) CBF_v; (c) MVDR_p; (d) MVDR_v; (e) ML_p; (f) ML_v; (g) CS_p; (h) CS_v

Fig. 5. (color online) The localization results of single source (1 kHz): (a) CBF_p ; (b) CBF_v ; (c) $MVDR_p$; (d) $MVDR_v$; (e) MLp; (f) ML_v ; (g) CS_p ; (h) CS_v .



图 6 (网刊彩色) 单声源 (2 kHz) 定位结果对比 (a) CBF_v; (b) MVDR_v; (c) ML_v; (d) CS_v





图 7 (网刊彩色) 相干双声源 (500 Hz) 定位结果对比 (a) CBF_v; (b) MVDR_v; (c) ML_v; (d) CS_v

Fig. 7. (color online) The localization results of coherent sources (500 Hz): (a) CBF_{v} ; (b) MVDR_{v} ; (c) ML_{v} ; (d) CS_{v} .



图 8 (网刊彩色) 相干双声源 (800 Hz) 定位结果对比 (a) CBF_v; (b) MVDR_v; (c) ML_v; (d) CS_v Fig. 8. (color online) The localization results of coherent sources (800 Hz): (a) CBF_v; (b) MVDR_v; (c) ML_v; (d) CS_v.



图 9 (网刊彩色) 相干双声源 (1 kHz) 定位结果对比 (a) CBF_v; (b) MVDR_v; (c) ML_v; (d) CS_v

Fig. 9. (color online) The localization results of coherent sources (1 kHz): (a) CBF_{v} ; (b) $MVDR_{v}$; (c) ML_{v} ; (d) CS_{v} .

综合以上试验数据的分析结果可知,压缩感知 矢量阵聚焦波束形成方法的性能较为全面,具有分 辨率高、定位精度高、背景抑制能力强,相干声源贡 献评价准确等众多优点,新方法有望提高水下噪声 源定位识别的效果.

6 结 论

本文提出了一种基于压缩感知的矢量阵聚焦 定位新方法,该方法充分利用声源的空间稀疏性, 构造了矢量阵近场定位的稀疏信号模型,利用1₁范 数正则法求解,实现了小快拍下的准确声源定位. 该方法与以往方法相比,克服了相干声源分辨困 难,贡献评价不准确,实际应用中算法性能退化严 重,计算结果依赖大快拍进行数据协方差估计,算 法迭代处理计算量巨大等一系列复杂问题.具有分 辨率高、定位精度高、背景抑制能力强,相干声源贡 献评价准确等众多优点,新方法有望提高水下噪声 源定位识别的效果.

参考文献

 Shi J, Yang D S, Shi S G 2011 Acta Phys. Sin. 60 064301 (in Chinese) [时洁,杨德森,时胜国 2011 物理学报 60 064301]

- [2] Shi J, Yang D S, Shi S G 2012 Acta Phys. Sin. 61 124302
 (in Chinese) [时洁,杨德森,时胜国 2012 物理学报 61 124302]
- [3] Cho Y T, Roan M J 2009 J. Acoust. Soc. Am. 125 944
- [4] Levin D, Habets Emanuel A P, Gannot S 2012 J. Acoust. Soc. Am. 131 1240
- [5] Candes E J, Wakin M B 2008 IEEE Signal Proc. Mag. 25 21
- [6] Baraniuk R G 2007 IEEE Signal Proc. Mag. 24 118
- [7] Gorodnitsky I F, Rao B D 1997 IEEE Trans. Signal Process. 45 600
- [8] Malioutov D, Cetin M, Willsky A S 2005 IEEE Trans. Signal Process. 53 3010
- [9] Simard P, Antoni J 2013 Appl. Acoust. 74 974
- [10] Chu N, Picheral J, Mohammad-djafari A, Gac N 2014 Appl. Acoust. 76 197
- [11] Edelmann G F, Gaumond C F 2011 J. Acoust. Soc. Am. 130 232
- [12] Xenaki A, Gerstoft P 2014 J. Acoust. Soc. Am. 136 260
- [13] Li X, Ma X C, Yan S F 2013 Appl. Acoust. 74 926
- [14] Zhong S Y, Wei Q K, Huang X 2013 J. Acoust. Soc. Am. 134 445
- [15] Lei Z X, Yang K D, Duan R, Xiao P 2015 J. Acoust. Soc. Am. 137 255
- [16] Liang G L, Ma W, Fan Z, Wang Y L 2013 Acta Phys. Sin. 62 144302 (in Chinese) [梁国龙, 马巍, 范展, 王逸林 2013 物理学报 62 144302]
- [17] Boyd S, Vandenberghe L 2004 Convex Optimization (New York: Cambridge University Press) p120
- [18] CVX: Matlab software for disciplined convex programming, version 2.0 beta, Grant M, Boyd S http://cvxr. com/cvx [2015-6-31]

Compressive focused beamforming based on vector sensor array^{*}

Shi Jie¹⁾²⁾ Yang De-Sen¹⁾²⁾ Shi Sheng-Guo^{1)2)†} Hu Bo¹⁾²⁾ Zhu Zhong-Rui¹⁾²⁾

1) (Science and Technology on Underwater Acoustic Laboratory, Harbin Engineering University, Harbin 150001, China)

2) (College of Underwater Acoustic Engineering, Harbin Engineering University, Harbin 150001, China)

(Received 31 July 2015; revised manuscript received 13 October 2015)

Abstract

With the rapid development of the theory and algorithms for sparse recovery in finite dimension, compressive sensing (CS) has become an exciting field that has attracted considerable attention in signal processing, such as sub-Nyquist sampling systems, sound imaging and reconstruction, wavelet denoising, compressive sensor networks, and so on. Moreover, the broad applicability of CS framework has already inspired some notable investigation in the context of array processing. The problem of acoustic source identification can be investigated from a limited number of measurements delivered by a microphone array as a basis pursuit problem, which has been developed in the context of compressive sensing, and the CS beamforming can be proved to be better than the conventional beamforming even in its near-field focusing version based on spherical waves. Focused beamforming is a typical method used to localize the position of acoustic sound sources in the near field of the measurement array, and can be a jointly reconstructed source powers and positions. Many super-resolution focused beamforming. Especially, turning to the CS framework, we are able to exploit the inherent sparsity of the underlying signal in space domains to achieve super-resolution for the focused beamforming even in a noisy and coherent environment with few snapshots.

Prior research has established CS as a valuable tool for array signal processing, but it is mainly from a theoretical point of view, and its application to underwater acoustic sources localization has been developed only for very limited scenarios. In this paper, we present an underwater noise sound source near-field localization method based on a sparse representation of vector sensor array measurements. By utilizing the sparsity approach, the new localization methods can jointly reconstruct source powers and positions, and enforce sparsity by imposing penalties, based on the l_1 -norm, to improve the integrated performance. By comparing with other source localization methods, such as the conventional focused beamforming, MVDR focused beamforming, and the maximum likelihood focused beamforming, the performance of compressive focused beamforming and the typical focused beamforming using pressure or vector sensor array is analyzed in detail, especially under noisy conditions, and coherent sources. Simulation and experimental results demonstrate that this new approach has a number of advantages over other source localization techniques, e.g. increased resolution, improved robustness to noise, limitations in data quantity and correlation of the sources, as well as lower levels of background interference. It is feasible to apply the proposed approach for effectively localizing and identifying underwater noise sound sources.

Keywords: compressive sensing, near field, noise sound source localization, coherent source

PACS: 43.60.+d, 43.58.+z, 43.50.+y

DOI: 10.7498/aps.65.024302

^{*} Project supported by the Program for Changjiang Scholars and Innovative Research Team in University of Ministry of Education of China (Grant No. IRT1228), the Specialized Research Fund for the Doctoral Program of Higher Education of China (Grant Nos. 20122304120023, 20122304120011), and the Young Scientists Fund of the National Natural Science Foundation of China (Grant Nos. 11204050, 11204049).

[†] Corresponding author. E-mail: shishengguo@hrbeu.edu.cn