物理学报 Acta Physica Sinica





磁涡旋极性翻转的局域能量

吕刚 曹学成 张红 秦羽丰 王林辉 厉桂华 高峰 孙丰伟

Local energy of magnetic vortex core reversal

Lü Gang Cao Xue-Cheng Zhang Hong Qin Yu-Feng Wang Lin-Hui Li Gui-Hua Gao Feng Sun Feng-Wei

引用信息 Citation: Acta Physica Sinica, 65, 217503 (2016) DOI: 10.7498/aps.65.217503 在线阅读 View online: http://dx.doi.org/10.7498/aps.65.217503 当期内容 View table of contents: http://wulixb.iphy.ac.cn/CN/Y2016/V65/I21

您可能感兴趣的其他文章 Articles you may be interested in

电流调控磁涡旋的极性和旋性

Controlling of magnetic vortex chirality and polarity by spin-polarized current 物理学报.2015, 64(24): 247505 http://dx.doi.org/10.7498/aps.64.247505

非均匀弱直流偏置磁场中 CoFe-基非晶态合金丝的静磁化分布和退磁场分布

Static magnetization and demagnetizing field distribution of the amorphous wire in non-uniform applied field

物理学报.2014, 63(24): 247502 http://dx.doi.org/10.7498/aps.63.247502

不同易轴取向下对Nd₂Fe₁₄B/Fe₆₅Co₃₅磁性双层膜的微磁学模拟

Micromagnetic simulation and analysis of $Nd_2Fe_{14}B/Fe_{65}Co_{35}$ magnetic bilayered thin films with different orientations of the easy axis

物理学报.2014, 63(16): 167505 http://dx.doi.org/10.7498/aps.63.167505

易轴取向对 $Nd_2Fe_{14}B/\alpha$ -Fe双层膜退磁过程影响的微磁学分析

Micromagnetic analysis of the effect of the easy axis orientation on demagnetization process in Nd₂Fe₁₄B/ α -Fe bilayers

物理学报.2013, 62(22): 227502 http://dx.doi.org/10.7498/aps.62.227502

利用扫描透射X射线显微镜观测磁涡旋结构

STXM observation and quantitative study of magnetic vortex structure 物理学报.2015, 64(19): 197502 http://dx.doi.org/10.7498/aps.64.197502

磁涡旋极性翻转的局域能量^{*}

吕刚 曹学成 张红* 秦羽丰 王林辉 厉桂华 高峰 孙丰伟

(山东农业大学信息科学与工程学院,泰安 271018)

(2016年6月14日收到; 2016年7月31日收到修改稿)

针对坡莫合金纳米圆盘中的单个磁涡旋结构,采用微磁学模拟研究了磁涡旋极性翻转过程中的局域能量 密度.磁涡旋的极性翻转通过与初始涡旋极性相反的涡旋与反涡旋对的生成,以及随后发生的反涡旋与初始 涡旋的湮没来实现.模拟结果显示当纳米圆盘样品中局域能量密度的最大值达到一临界值时,磁涡旋将会实 现极性翻转,其中交换能起主导作用.基于涡旋极性翻转过程中出现的三涡旋态结构,应用刚性磁涡旋模型 对局域交换能量密度进行了理论分析.通过刚性磁涡旋模型得到的磁涡旋极性翻转所需的局域交换能量密度 的临界值与模拟结果符合得较好.

关键词: 微磁学模拟, 磁涡旋结构, 自旋转移力矩效应 **PACS:** 75.78.Cd, 75.70.Kw, 85.75.-d

DOI: 10.7498/aps.65.217503

1引言

在微米或纳米级尺寸的铁磁薄膜单元器件 中,有效场之间的竞争会导致磁涡旋态(magnetic vortex)的形成. 磁涡旋态是一种磁矩非均匀分 布的稳定磁结构, 该结构中心处直径约为10 nm 的区域称为涡核区域. 交换能与退磁能之间的 竞争使得涡核区域中心处的磁矩垂直膜面向上 (p = 1)或向下(p = -1),用涡核极性p(polarity) 来表征; 涡核区域之外的磁矩则倒向面内并围绕 涡核顺时针(C = -1)或逆时针(C = 1)方向旋 转,可通过旋性C (chirality)来表征. 磁涡旋极性 p或旋性C翻转的特性可用来进行二进制数据存 储^[1-6]. 通常可通过施加一垂直样品膜面的磁场来 实现涡核极性的翻转,但是应用磁场高达2.5 kOe (1 Oe=79.5775 A/m)^[1]. 研究发现涡核极性翻转 可通过应用谐振短脉冲^[2]或者脉冲磁场^[4,5]来实 现. 而基于自旋转移力矩效应, 磁涡旋极性翻转可 通过施加面内^[3,7,8] 或垂直膜面^[9,10] 的自旋极化电 流来实现. 最近的研究表明, 两个正交场脉冲也可 驱动磁涡旋极性完成翻转^[11].应用电流驱动磁涡 旋极性翻转机理制作的自旋电子器件具有结构简 单、无须外加磁场、容易集成等特点,在现代信息 存储领域具有广阔的应用前景.与施加磁场相比, 该方法比较容易控制高密度阵列中单个纳米盘中 磁涡旋的极化翻转.近几年来,人们开始将研究目 标转移到如何同时双重控制磁涡旋旋性*C*与极性*p* 的翻转^[12-14].

已有研究结果表明,磁涡旋的极性翻转机理在 本质上是相同的,与驱动方式、样品几何尺寸以及 单涡旋还是磁涡旋对等因素无关^[7,15,16].磁涡旋极 性翻转需通过与初始涡旋极性相反的涡旋与反涡 旋对的生成,以及随后发生的反涡旋与初始涡旋的 湮没来实现.有些研究工作已经得到了磁涡旋极性 翻转的某些临界参数,比如涡核的速度^[17]、应用电 流^[3]以及平均能量密度等^[18].基于铁磁薄膜椭圆 盘样品中的磁涡旋对结构,我们已经研究了磁涡旋 极性翻转对应的局域能量密度临界值^[19,20].为了 进一步理解磁涡核翻转的能量起源,基于铁磁薄膜 纳米圆盘样品中的单个磁涡旋结构,本文研究了涡 旋极性翻转的局域能量密度演化.微磁模拟研究展

^{*} 国家自然科学基金青年科学基金 (批准号: 51302157) 资助的课题.

[†]通信作者. E-mail: zhanghong@sdau.edu.cn

^{© 2016} 中国物理学会 Chinese Physical Society

示了磁涡旋极性翻转过程中最大局域交换能量密度的演化,而刚性磁涡旋模型则给出了相应的理论分析结果.

2 微磁学模型

模拟中,采用了单个磁涡旋结构 (p = +1)作为研究模型,该结构被限制在直径为200 nm 的坡 莫合金铁磁材料的薄膜圆盘中,样品厚度为20 nm. 磁矩的动力学行为通过包含绝热项与非绝热项 的Landau-Lifshitz-Gilbert 方程来研究,方程形式 为^[3]

$$\frac{\mathrm{d}\boldsymbol{m}}{\mathrm{d}t} = -\gamma \boldsymbol{m} \times \boldsymbol{H}_{\mathrm{eff}} + \alpha \boldsymbol{m} \times \frac{\mathrm{d}\boldsymbol{m}}{\mathrm{d}t} - (\boldsymbol{u}\nabla)\boldsymbol{m} + \beta \boldsymbol{m} \times [(\boldsymbol{u}\nabla)\boldsymbol{m}], \qquad (1)$$

式中, $m = M/M_s$ 为归一化的局域磁矩单位矢量 (M_s 为饱和磁化强度); H_{eff} 表示包含交换场与偶 极场的有效场; β 为描述非绝热项强度的无维参 数, α 表示吉尔伯特阻尼常数; 矢量u平行于电流 方向, 幅度为 $u = JPg\mu_B/(2eM_s)$, 其中J为电流 密度, P为电子极化率, g代表 Landé分裂因子, μ_B 为玻尔磁子, e代表电荷. 模拟中所用参数设置为: 交换常数A = 13 pJ/m, $\mu_0 M_s = 1.0$ T, P = 0.7, 各向异性常数K = 0, 阻尼参数 $\alpha = 0.03$, 旋磁比 $\gamma = 2.21 \times 10^5$ m/As. 模拟中采用有限元法对样品 进行单元划分, 单元长度约为4 nm.

3 模拟结果与刚性磁涡旋模型

为了驱动磁涡旋实现极性翻转, 模拟中沿样品 膜面方向施加一高斯形状的电流脉冲 (σ = 100 ps), 该电流脉冲在 t = 300 ps时刻达到最大值.在电流 脉冲的作用下, 磁涡旋偏离初始平衡位置, 涡旋磁 矩的对称性被打破.涡旋磁矩构图的形变将导致 样品中静磁能与交换能发生显著变化.已有研究 表明, 样品空间内的平均能量密度在磁涡旋极性翻 转前会增强, 翻转完成后会迅速下降, 对应一临界 能量值^[3].涡旋极性翻转过程中, 涡核的位置将会 随时间发生变化, 因此可用系统局域能量密度的最 大值 (*E*_{max})来表征能量的演化.磁涡旋进动过程 中, 应用微磁模拟技术可计算并记录下样品中的最 大局域能量密度.考虑到翻转过程中交换能量占 主导地位, 而且磁涡旋极性的翻转机理需要通过涡 旋-反涡旋对的形成来实现, 因此局域能量密度临 界值可对应于新的涡旋-反涡旋对初始形成时刻的 最大局域交换能量密度.

基于直径为200 nm,厚度为20 nm的圆盘样 品,图1展示了不同幅度电流脉冲作用下,伴随着 磁涡旋态的进动,样品中最大局域交换能量密度 随时间的演化. 圆盘样品中涡核极性翻转的临界 电流为6.54×10¹² A/m²;最大局域能量密度也存 在一临界值,该临界值按图1中水平虚线位置取 为3.0×10⁶ J/m³, 与涡旋对系统下所得临界值相 同^[19]. 在新的磁涡旋-反涡旋对形成之前, 磁矩垂 直于样品膜面方向的分量在靠近初始涡旋核心位 置处形成一"凹陷", 使得交换能量增加. 一旦局域 交换能量密度达到临界值,新的磁涡旋-反涡旋对 将会形成,进而可实现涡旋极性的翻转.反涡旋形 成后,随着反涡旋靠近初始涡旋,最大局域交换能 量密度迅速增加. 在反涡旋与初始涡旋湮没的时 刻,最大局域交换能量密度达到最大,湮没后(翻转 完成)该能量密度值急剧减小. 增加电流脉冲强度, 涡旋极性完成一次翻转后系统能量将得到补充. 最 大局域交换能量密度若能够再次达到翻转临界值, 则可实现涡旋极性的二次翻转. 如图1所示, 当施 加的电流脉冲强度为8.6×10¹² A/m²时,最大局 域能量密度两次超过临界值,实现了极性的两次翻 转. 微磁模拟研究中, 最大局域交换能量密度数据 存储的时间步长为2 ps, 这将导致磁涡旋极性翻转 过程中样品内最大局域交换能量密度的最大值被 略过无法记录.因此,在图1中对应磁涡旋极性翻 转的各个能量密度峰值处添加了一条竖直虚线,以 表明该时刻的能量密度值远大于微磁模拟得出的 峰值结果.



图 1 (网刊彩色)不同电流脉冲下最大局域交换能量密度 随时间的演化

Fig. 1. (color online) The dynamic evolution of maximum exchange energy density as a function of time for different drive current pulse. 针对涡核极性翻转过程中最大局域交换能量 密度的演化,我们采用刚性磁涡旋理论(涡旋磁矩 分布构图随涡旋的偏离保持不变)建立了局域交 换能量密度的解析模型.对于被局限在铁磁薄膜 纳米圆盘中的磁涡旋,磁矩分布沿厚度方向保持 不变,因而,当样品厚度较小或者与交换长度同数 量级时可以看作两维模型.通过引入一复值函数 $w(\zeta, \overline{\zeta})$,铁磁薄膜圆盘内涡旋磁矩的矢量构成可以 表示为^[21–23]

$$m_x = \frac{w + \bar{w}}{1 + w\bar{w}},$$

$$m_y = \frac{1}{i} \frac{w - \bar{w}}{1 + w\bar{w}},$$

$$m_z = \frac{1 - w\bar{w}}{1 + w\bar{w}}.$$
(2)

复值函数 $w(\zeta, \bar{\zeta})$ 的具体形式为

$$w = \begin{cases} f(\zeta), & |f(\zeta)| < 1, \\ f(\zeta)/|f(\zeta)|, & |f(\zeta)| \ge 1. \end{cases}$$
(3)

关系式中 $f(\zeta)$ 是一解析函数,其中 $\zeta = X - X_0$, $X = x + iy 与 X_0 = x_0 + iy_0$ 对应于涡旋核的位置 坐标.对于涡旋结构 $V \uparrow 以 Q V \downarrow$ (箭头表示极化 方向向上或向下): $f_{V\uparrow}(\zeta) = i\frac{c}{r}\zeta$, $f_{V\downarrow}(\bar{\zeta}) = i\frac{r}{c\bar{\zeta}}$; 对 于反涡旋 $\bar{V} \uparrow n\bar{V} \downarrow$: $\bar{f}_{\bar{V}\uparrow}(\zeta) = f_{V\uparrow}(\zeta)$, $\bar{f}_{\bar{V}\downarrow}(\zeta) = f_{V\downarrow}(\zeta)$, 式中 $c = \pm 1$ 表示涡旋的手征. 涡核半径 $r = 0.68l_{ex}(t/l_{ex})^{1/3} \approx 5.9$ nm,其中t表示样品厚 度, l_{ex} 表示交换长度 $l_{ex} = (2A/\mu M_s^2)^{1/2}$.

图 2 (a) 展示了模拟中涡旋-反涡旋对形成初始 的多涡旋态截图.为了确定涡核的位置,应用了等 值面做图手法^[4],黄色的带子表示 $m_x = 0$,蓝色 带子表示 $m_y = 0$,两条带子的交叉点则表示涡核 的位置.图中左侧交叉点即为初始磁涡旋核心位 置,中间交叉点与右侧交叉点则分别表示新形成的 反涡旋与涡旋的位置.色标表示局部磁矩沿 z 轴方 向的分量值.对应于该时刻的多涡旋态,图 2 (b)给 出了平面直角坐标系中涡旋核的分布.基于刚性 磁涡旋模型,涡旋极性翻转过程中出现的多涡旋态 $V \uparrow - \overline{V} \downarrow - V \downarrow$ 的矢量分布所满足的复值函数可 简化为: $w = w_{V\uparrow}w_{\overline{V}\downarrow}w_{V\downarrow}$.为了便于计算,我们将 坐标原点设在反涡旋核心位置处.由于涡旋之间有 重叠部分,复值函数可表示为 $w = i \frac{X+d}{X(\overline{X}-f)} \cdot r$,则局域交换能量密度为

$$W_{\text{ex}} = \frac{1}{2}A \sum_{j=x,y,z} (\nabla m_j)^2$$

$$=\frac{4Ar^2\{(x^2+y^2+dx)^2+d^2[(x-f)^2+2y^2]\}}{\{r^2[(x+d)^2+y^2]+(x^2+y^2)[(x-f)^2+y^2]\}^2}.$$
(4)



图 2 (网刊彩色) (a) 磁涡旋极性翻转过程中的三涡旋态 暂态图; (b) 平面直角坐标系中三涡旋态的分布; (c) 局域 交换能量密度等高图

Fig. 2. (color online) (a) Temporal state of currentinduced vortex core reversal with the trivortex state; (b) the distribution of vortex cores in the orthogonal plane coordinate system; (c) the corresponding contour map of local exchange energy density in the interaction region of vortexes.

翻转过程中能量的变化主要发生在涡核附近的区域. 依据图2(a)中涡核的位置分布,将 $d \approx 11 \text{ nm}, f \approx 7 \text{ nm}, A = 13 \text{ pJ/m}, r = 5.9 \text{ nm}$ 代入(4)式,即可得出多涡旋态 $V \uparrow -\bar{V} \downarrow -V \downarrow \text{附}$ 近区域内局域交换能量密度的分布情况,如图2(c) 所示. 通过等高图(图2(c))可以发现,交换能量的 分布主要集中在初始涡旋与反涡旋之间的区域内, 该结果与文献[19]中图3(b)所展示的模拟结果相 符合. 刚性涡旋理论中磁矩分布构图随涡旋位置的 偏离保持不变, 因此能量分布关于*x*轴对称, 最大 交换能量密度出现在*x*轴上初始涡旋与反涡旋之 间的位置. 在微磁模拟研究中, 磁涡旋磁矩分布在 面内电流脉冲的作用下会发生一定程度的形变, 这 将导致交换能量密度的增加. 因此, 等高图中显示 的局域最大交换能量密度值约为2.3×10⁶ J/m³, 与微磁模拟中所取的临界值3.0×10⁶ J/m³相比要 小一些. 这表明, 解析结果与模拟结果是相符的, 在微磁模拟中选择涡核极性翻转的临界值为3.0× 10⁶ J/m³是比较合理的.

在磁涡旋极性翻转过程中,新形成的反涡旋与 初始涡旋之间由于相互作用,反涡旋将会逐渐靠近 初始涡旋^[24],直到湮没.模拟结果显示在磁涡旋 极性翻转过程中,新生磁涡旋与初始磁涡旋之间的 相对距离变化很小. 若假定翻转过程中初始涡旋 与新生涡旋的相对位置保持不变, 当反涡旋靠近初 始涡旋时,交换能量密度表达式Wex中的d将减小, f将增大. 通过对交换能量密度Wex 的理论计算发 现,局域交换能量密度的最大值随着d的减小迅速 增加. 图 3 给出了 $d \approx 5$ nm, $f \approx 13$ nm 时的局域 交换能量密度等高图,图中最大能量密度已达到 15.6×10⁶ J/m³. 因此, 在图1 所展示的模拟结果 中初始磁涡旋与反涡旋湮没后, d = 0, 此时 W_{ex} 表 $\overline{\left[r^2 + (x-f)^2 + y^2\right]^2}$, 对应剩余磁涡旋局 达式为 域交换能量密度的表达式[21].



图 3 (网刊彩色) $d \approx 5$ nm, $f \approx 13$ nm 时的局域交换能 量密度等高图

Fig. 3. (color online) The contour map of local exchange energy density for $d\approx 5$ nm, $f\approx 13$ nm.

为了验证纳米盘尺寸对涡核极性翻转的局域 临界交换能量值的影响,在保持厚度不变(20 nm) 的前提下,通过改变纳米盘的直径,进行了相关的 微磁模拟研究.图4展示了磁涡旋核极性翻转的临 界电流密度与局域临界交换能量密度随纳米盘直 径的变化.模拟结果显示:临界翻转电流密度(实 心圆)随着样品直径的增加而增加,而局域临界交 换能量密度几乎不变(实心方块)且数值与解析结 果符合得较好.由此可见,磁涡旋极性翻转的最大 局域交换能量密度的临界值不受样品尺寸以及电 流强度的影响.此外,该临界值也不受样品模型中 磁涡旋数目的影响^[19].



图 4 (网刊彩色)涡旋核极性翻转的临界电流密度与临界 交换能量密度随纳米盘直径的变化

Fig. 4. (color online) Critical current density (solid circles) and exchange energy density (solid squares) as a function of diameter of nanodisk.

4 结 论

通过微磁研究发现,为实现涡核极性翻转,局 域交换能量密度的最大值必须达到一临界值.该临 界值与施加的电流强度、涡核极性、样品尺寸等无 关.基于磁涡旋极性翻转过程中出现的三涡旋态, 应用刚性磁涡旋模型可分析得出磁涡核附近区域 内的局域交换能量密度分布,所得到的局域交换能 量密度的最大值与微磁模拟结果相符.因此,基于 刚性磁涡旋这一简单的解析模型可以合理地计算 出磁涡旋翻转过程中局域交换能量密度的分布,有 助于更好地理解磁涡旋极性翻转的能量起源.

参考文献

- Kikuchi N, Okamoto S, Kitakami O, Shimada Y, Kim S
 G, Otani Y, Fukamichi K 2001 J. Appl. Phys. 90 6548
- [2] Van-Waeyenberge B, Puzic A, Stoll H, Chou K W, Tyliszczak T, Hertel R, Fahnle M, Bruckl H, Rott K, Reiss G, Neudecker I, Weiss D, Back C H, Schutz G 2006 Nature 444 461

- [3] Liu Y W, Gliga S, Hertel R, Schneider C M 2007 Appl Phys. Lett. 91 112501
- [4] Hertel R, Gliga S, Fahnle M, Schneider C M 2007 *Phys. Rev. Lett.* 98 117201
- [5] Weigand M, Van-Waeyenberge B, Vansteenkiste A, Curcic M, Sackmann V, Stoll H, Tyliszczak T, Kaznatcheev K, Bertwistle D, Woltersdorf G, Back C H, Schutz G 2009 Phys. Rev. Lett. **102** 077201
- [6] Vansteenkiste A, Chou K W, Weigand M, Curcic M, Sackmann V, Stoll H, Tyliszczak T, Woltersdorf G, Back C H, Schutz G, Van-Waeyenberge B 2009 Nat. Phys. 5 332
- [7] Yamada K, Kasai S, Nakatani Y, Kobayashi K, Kohno H, Thiaville A, Ono T 2007 *Nat. Mater.* 6 270
- [8] Sheka D D, Gaididei Y, Mertens F G 2007 Appl. Phys. Lett. 91 082509
- [9] Liu Y W, He H, Zhang Z Z 2007 Appl. Phys. Lett. 91 242501
- [10] Guslienko K Y, Lee K S, Kim S K 2008 Phys. Rev. Lett. 100 027203
- [11] Noske M, Stoll H, Fähnle M, Gangwar A, Woltersdorf G, Slavin A, Weigand M, Dieterle G, Förster J, Back H C, Schütz G 2016 J. Appl. Phys. 119 173901
- [12] Agramunt-Puig S, Del-Valle N, Navau C, Sanchez A 2014 Appl. Phys. Lett. 104 012407

- [13] Jenkins A S, Grimaldi E, Bortolotti P, Lebrun R, Kubota H, Yakushiji K, Fukushima A, de Loubens G, Klein O, Yuasa S, Cros V 2014 Appl. Phys. Lett. 105 172403
- [14] Sun M J, Liu Y W 2015 Acta Phys. Sin. 64 247505 (in Chinese) [孙明娟, 刘要稳 2015 物理学报 64 247505]
- [15] Xiao Q F, Rudge J, Choi B C, Hong Y K, Donohoe G 2006 Appl. Phys. Lett. 89 262507
- [16] Lee K S, Guslienko K Y, Lee J Y, Kim S K 2007 *Phys. Rev. B* 76 174410
- [17] Kim S K, Choi Y S, Lee K S, Guslienko K Y, Jeong D E 2007 Appl. Phys. Lett. **91** 082506
- [18] Hertel R, Schneider C M 2006 Phys. Rev. Lett. 97 177202
- [19] Zhang H, Liu Y W 2012 J. Nanosci. Nanotechnol. 12 1063
- [20] Lü G, Cao X C, Qin Y F, Wang L H, Li G H, Gao F, Sun F W, Zhang H 2015 Acta Phys. Sin. 64 217501 (in Chinese) [吕刚, 曹学成, 秦羽丰, 王林辉, 厉桂华, 高峰, 孙 丰伟, 张红 2015 物理学报 64 217501]
- [21] Papanicolaou N, Zakrzewski W J 1995 Physica D 80 225
- [22] Guslienko K Y, Novosad V, Otani Y, Shima Y, Fukamichi K 2001 Phys. Rev. B 65 024414
- [23] Jubert P O, Allenspach R 2004 Phys. Rev. B 70 144402
- [24] Lee K S, Choi Y S, Kim S K 2005 Appl. Phys. Lett. 87 192502

Local energy of magnetic vortex core reversal^{*}

Lü Gang Cao Xue-Cheng Zhang Hong[†] Qin Yu-Feng Wang Lin-Hui Li Gui-Hua Gao Feng Sun Feng-Wei

(Information Science and Engineering School, Shandong Agricultural University, Tai'an 271018, China) (Received 14 June 2016; revised manuscript received 31 July 2016)

Abstract

The polarity of magnetic vortex core can be switched by current or magnetic field through a vortex-antivortex pair creation and annihilation process, in which the significant change of the exchange energy during the switching takes an important role. To further unveil the energetic origin of magnetic vortex switching, we investigate the evolution of the maximum exchange energy density of the sample by using micromagnetic finite-element simulations based on the Landau-Lifshitz-Gilbert equation including the adiabatic and the nonadiabatic spin torque terms. Our micromagnetic calculations indicate that maximum exchange energy density for the considered sample must exceed a critical value of $\sim 3.0 \times 10^6$ J/m³ in order to achieve the magnetic vortex switching. The threshold value corresponds to the maximum exchange energy density at the time of creation of new vortex-antivortex pair. Following the nucleation of antivortex, the maximum exchange energy density increases rapidly with the antivortex approaching the original vortex. The maximum exchange energy density can become large at the time of annihilation of two vortexes. To explain well the critical value of the local maximum exchange energy density, we use the rigid vortex model (in which the spin distribution is unchangeable while vortex is displaced) to develop an analytical model. For a magnetic vortex confined in a thin ferromagnetic nanodisk, the magnetization distribution is unchanged along the thickness and can be seen as a twodimensional model when the thickness is less than or on the order of the exchange length. The components of vortex magnetization vector in a ferromagnetic dot can be expressed by using a complex function $w(\zeta, \bar{\zeta})$. Corresponding to the trivortex state appearing in vortex core reversal process, the local exchange energy density $W_{\rm ex}$ around the vortexes cores is obtained. Simultaneously, we obtain the maximum exchange energy density: $W_{\text{ex}} \approx 2.3 \times 10^6 \text{ J/m}^3$. In a realistic system, the shape of vortexes will deform during the vortex core reversal, which leads to the analytical result lower than the simulation value. Based on this reason, the analytical result matches well with our simulation value.

Keywords: micromagnetic simulation, magnetic vortex, spin-transfer torque

PACS: 75.78.Cd, 75.70.Kw, 85.75.-d

DOI: 10.7498/aps.65.217503

^{*} Project supported by the Young Scientists Fund of the National Natural Science Foundation of China (Grant No. 51302157).

[†] Corresponding author. E-mail: zhanghong@sdau.edu.cn