# 物理学报 Acta Physica Sinica



#### 神经元模型对比分析

徐泠凤 李传东 陈玲

Contrastive analysis of neuron model

Xu Ling-Feng Li Chuan-Dong Chen Ling

引用信息 Citation: Acta Physica Sinica, 65, 240701 (2016) DOI: 10.7498/aps.65.240701 在线阅读 View online: http://dx.doi.org/10.7498/aps.65.240701 当期内容 View table of contents: http://wulixb.iphy.ac.cn/CN/Y2016/V65/I24

您可能感兴趣的其他文章 Articles you may be interested in

#### 基于混沌神经网络的盲检测改进新算法

Novel improved blind detection algorithms based on chaotic neural networks 物理学报.2014, 63(6): 060701 http://dx.doi.org/10.7498/aps.63.060701

基于幅值相位型离散 Hopfield 神经网络的多进制振幅键控盲检测 Blind detection of M-ary quaternary phase shift keying signals by a complex Hopfield neural network with amplitude-phase-type hard-multistate-activation-function 物理学报.2012, 61(14): 140701 http://dx.doi.org/10.7498/aps.61.140701

一种具有正弦基函数权值的反馈型神经网络模型

A feedback neural network with weights of sinusoidal functions 物理学报.2012, 61(7): 070701 http://dx.doi.org/10.7498/aps.61.070701

复数多值离散 Hopfield 神经网络的稳定性研究 Blind detection algorithm of complex multi-valued discrete Hopfield network 物理学报.2011, 60(9): 090703 http://dx.doi.org/10.7498/aps.60.090703

一类不确定离散混沌系统的自抗扰控制器与小脑神经网络并行优化控制 ADRC and CMAC combined optimization and control for a class of discrete-time uncertain chaotic systems 物理学报.2011, 60(3): 030701 http://dx.doi.org/10.7498/aps.60.030701 综 述

## 神经元模型对比分析\*

徐泠风<sup>1)2)</sup> 李传东<sup>1)†</sup> 陈玲<sup>1)</sup>

(西南大学电子信息工程学院,重庆 400715)
 (中国科学技术大学信息科学技术学院,合肥 230027)
 (2016年7月23日收到;2016年8月30日收到修改稿)

近年来, 生物神经元模型的建立与应用已经获得了越来越多的关注, 逐渐成为神经科学的一个重要分支. 神经元模型不仅在仿生学、存储器设计、逻辑运算、信号处理等方面有重大应用, 对分析研究神经系统的动力学特性也具有重要意义. 本文总结了自1907年第一个神经元模型建立以来的发展历程, 归纳出17种最具代表性的数学模型, 分为电导依赖模型和非电导依赖模型进行比较分析, 重点展示包括最新神经芯片TrueNorth上的神经元在内的5种经典模型, 分析其仿真特性, 以及电路实现的需求, 方便研究者根据具体需求选择和改进神经元模型.

关键词:神经元模型,电导依赖模型,非电导依赖模型,TrueNorth
 PACS: 07.05.Mh, 87.19.ll, 87.85.dq
 DOI: 10.7498/aps.65.240701

## 1引言

生物神经网络历来是人工智能模拟的重点对 象,通过对其基本结构的探究,人们可以构建高效 率、低功耗的神经网络,从而有力推动相关领域的 进步.近年来,由于忆阻器和深度学习等的发现, 类脑学习和神经形态计算成为了研究的热点.忆阻 器作为一种天然的突触,引领着神经形态电路向着 纳米级发展.而相较于突触的单一结构和功能,神 经元的结构和功能则复杂得多.由于神经网络功 能和结构的多样化,研究者对神经元的要求越来越 高.一方面,神经元模型必须尽可能逼近生物神经 元的行为模式,以便人们构建大型神经网络,探索 生物神经系统的反应机制和工作原理.另一方面, 根据电路和算法上的需求,神经元模型必须以尽可 能简单的结构实现相应的功能,从而使大规模集成 与生产成为可能. 神经元模型的发展与神经科学的 发展息息相关. 随着生物神经元研究的深入和神经 网络研究的推进, 神经元模型的数学表达和物理实 现在不断完善和丰富.

神经元的发展历程贯穿整个神经网络的发展 史,百年来经历了"电导依赖模型"—"非电导依赖 模型"—"电导依赖模型与非电导依赖模型结合" 这三个阶段.

前期,人们对神经元的认识还不完善,遵循 Hodgkin-Huxley (H-H)模型的模式,期望提出能完 整模拟神经元结构的电导依赖模型,这一研究风潮 一直持续到20世纪70,80年代.随着研究的深入, 人们渐渐意识到,用电导依赖模型实现神经元模拟 是低效且具有局限性的,非电导依赖模型的地位因 而逐渐增高.从20世纪80年代起至21世纪初,多 种非电导依赖模型被提出,而电导依赖模型的发展 则有所放缓.近十年来,研究者对于神经元的行为

<sup>\*</sup> 国家自然科学基金(批准号: 61374078, 61503307)、重庆市基础与前沿技术研究项目(批准号: cstc2015jcyjBX0052, cstc2016jcyjA0261)、中央高校基本科研业务费专项资金(批准号: XDJK2015C079)和博士后科学基金(批准号: 2016M590854) 资助的课题.

<sup>†</sup>通信作者. E-mail: licdswu@163.com

<sup>© 2016</sup> 中国物理学会 Chinese Physical Society

方式已经有了较为完善的认识,以Izhikevich为首的科学家开始探索建立既具有丰富的生理学特性、 又具有极高的运算效率的综合模型,并取得了一系 列突破.

TrueNorth 类脑芯片的推出则将神经科学推向 了又一个高峰.本文对神经元模型进行了归纳总 结,以帮助研究人员快速了解和掌握经典的神经元 模型,并将其改进应用到传统神经行为研究、存储 器设计<sup>[1]</sup>、逻辑运算<sup>[2]</sup>、信号处理<sup>[3,4]</sup>等领域中.

### 2 神经元模型发展历程

神经元模型可以分为两类.其一是现象级 (phenomenological)或非电导依赖(conductanceindependent)的模型,旨在使用抽象的数学语言 描述神经元的输入输出行为,而不在意神经元的具 体生理结构.其二是生物物理级(biophysical),或 电导依赖(conductance-dependent)的模型,旨在通 过模拟神经元细胞膜的具体电生理学特性,重构其 导电通道,达到模拟神经元行为的目的.

在过去的一百多年中,这两类模型的研究交替 进步、共同发展,可以将其分为三个时间段:1900 年代到1940年代,1950年代到1990年代,2000年 至今.

1900年代到1940年代是神经元建模研究的

草创时期,代表人物有法国生理学家Lapicque<sup>[5]</sup> (Abbott<sup>[6]</sup>及Brunel等<sup>[7]</sup>对其工作进行了详细介 绍),神经学家McCulloch和逻辑学家Pitts<sup>[8]</sup>等. 这一时代的多位科学家对神经元的行为进行了细 致的研究,只是碍于缺乏实验积累和实验条件,人 们还不能提出具有概括性的模型,描述神经元的诸 多行为.但他们的研究<sup>[9-14]</sup>为下一时代多种经典 神经元模型的建立奠定了基础.

1950年代到1990年代这半个世纪中,随着对神经元的研究进一步深入,人们终于有能力提出具有生物物理基础的模型,对复杂的神经元行为进行模拟<sup>[15-26]</sup>.这一时代前半段主要围绕Hodgkin和Huxley<sup>[27]</sup>于1952年提出的H-H模型.在该模型提出之后的几十年中,一部分研究者一直致力于在保留其模拟特性的同时,对其进行简化<sup>[28-33]</sup>.另一方面,非电导依赖模型的理论也在进步,如1961年Fitzhugh<sup>[34]</sup>提出了著名的Fitzhugh-Nagumo模型.

到了20世纪70,80年代,神经元模型进入飞速 发展时期,多种经典的非电导依赖模型、电导依赖 模型被提出<sup>[35-48]</sup>.在这段时间里,研究者一方面 逐渐发现H-H模型的局限性,并着手对其进行修 改,一方面困扰于神经元模型在持续电流刺激下产 生的各种重复放电行为(repetitive spiking),试图 建立模型描述其复杂动态特性<sup>[49-58]</sup>.



#### 图1 神经元模型发展史

Fig. 1. History of neuron model.

240701-2

20世纪90年代以来,研究者们对神经元的行为已经有了较为清晰的认识<sup>[59-82]</sup>.一方面,研究 者开始细致考察神经元的其他复杂行为,如对频率、 幅度不停变化的刺激的反应,而不仅仅限于恒定 直流电流刺激下的重复放电.另一方面,人们已经 不再满足于修改H-H模型,而是着手于将其与IF 模型统一,从而得到既具有IF (Integrate-and-Fire) 模型特点(简单易用)又具有H-H模型特点(模拟 准确、拥有丰富生理学含义)的模型.最后,神经元 模型的建模对象开始精细化,出现了多种针对特定 一类神经细胞的精确模型.

具体每一时代的主要成就列于表1,各神经元 模型之间的时间关系如图1所示.

表 1 各时代主要成就 Table 1. Major contribution of each generation.

时间阶段	主要成就					
	1902	Bernstein <sup>[9]</sup> 提出膜学说				
	1907	Lapicque 模型被提出 <sup>[5]</sup>				
1900年代到1940年代	1939	Hodgkin <sup>[10]</sup> 测定神经元静息细胞膜两侧电位差				
	1943	McCulloch-Pitts 模型被提出 <sup>[8]</sup>				
	1949	Hodgkin和 Katz <sup>[11]</sup> 做了"钠离子对枪乌贼大纤维中产生的动作				
		电位的作用"实验,首次使用电压钳技术				
	1952	Hodgkin-Huxley 模型被提出 <sup>[27]</sup> , Hodgkin 等 <sup>[15]</sup> 提出钠学说				
	1961	Fitzhugh-Nagumo 模型被提出 <sup>[34]</sup>				
	1972	Lapicque 模型被命名为 Integrate-and-Fire 模型 <sup>[25]</sup>				
	1977	Connor 模型于 1971 年被提出 <sup>[35]</sup> , 1977 年被进一步改进 <sup>[36]</sup>				
1950年代到 1990年代	1981	Morris-Lecar 模型被提出 <sup>[37]</sup>				
1000     (131000     (	1985	Chay 模型被提出 <sup>[39]</sup>				
	1986	Quadratic IF 模型被提出 <sup>[41]</sup>				
	1989	Hindmarsh 等分别在 1982, 1984, 1985 提出三个非电导依赖				
		模型 <sup>[42-44]</sup> , 综合后于 1989 年提出第四个模型 <sup>[45]</sup>				
	1999	Wilson Polynomial 模型被提出 <sup>[67]</sup>				
	2000	Integrate-and-Fire-or-Burst(IFB) 模型被提出 <sup>[3]</sup>				
	2001	Izhikevich <sup>[93]</sup> 提出了 Resonate-and-Fire(RF) 模型				
	2003	Izhikevich <sup>[95]</sup> 总结对比己有模型,并提出 Izhikevich 模型,				
2000年至今		Exponential IF 模型被提出 <sup>[4]</sup>				
	2005	Adaptive Exponential Integrate-and-Fire(aEIF) 模型被提出 <sup>[97]</sup>				
	2009	Mihalas-Neibur 模型被提出 <sup>[98]</sup>				
	2013	IBM 公布 TrueNorth 芯片 <sup>[2]</sup>				

### 3 模型对比分析

本节对上文提出的17个经典神经元模型从模型的复杂度、建模对象和模型特点三个方面进行比较分析,如表2所列,其对应的典型重复放电波形

如图2所示. 从图2可见, 不同模型虽然都具有"整 合-放电-复位"的神经元激活过程, 但具体每一过 程所需的时间各有不同, 这导致其激发曲线呈现不 同的形态. 由此, 不同神经元对神经网络在特定时 间的行为和演变会产生不同影响, 从而导致不同的 输出结果.

表 2		17个经典神经元模型			
Table 2	. 17	Canonical neuron models.			

模型	类型	模型名称	模型维数	参量个数	建模对象	模型特点
电		Hodgkin-Huxley <sup>[27]</sup>	4	7	枪乌贼巨大 神经纤维	可模拟大量行为,参数有明确生 理学含义.但动态变量过多,仿 真实现困难.不适于网络仿真
导		Connor <sup>[36]</sup>	6	9	软体动物神 经元、甲壳纲 生物神经元	引入A电流验证重复放电频率与 外电流幅度关系.但极为复杂且 对K通道和A通道描述有失误
依		Morris-Lecar <sup>[37]</sup>	3(原模型) 2(简化模型)	13(原模型) 12(简化模型)	藤壶巨大肌 肉神经纤维	较简化,但不能模拟簇放电.模型包含双曲正切和双曲余弦,复 杂度降低有限,不适于网络仿真
赖		Chay <sup>[39]</sup>	3	11	心肌细胞、神 经元、胰岛β 细胞	可模拟神经元和分泌细胞行为, 及多种簇放电,首个能简单描述 自发混沌的模型.仿真较为困难
模		Rose-Hindmarsh <sup>[45]</sup>	6(原模型) 2(简化模型)	15(原模型) 13(简化模型)	蜗牛神经元、 丘脑神经元	可精简到二维,具有独特狭窄通 道特性.复杂度低,但仅适用于 具有A电流的神经元
型	ī	Wilson-Polynomial <sup>[67]</sup>	4	7	哺乳动物新 皮质神经元	模拟新皮质神经元行为,表达简 单,仿真时长短,适于网络仿真 但参数难调整,Ca电流描述有误
非 IF	Leaky IF $^{[21]}$	1	5	青蛙坐骨神 经对电压的 反应	仿真时间短,适于低真实度要求 的仿真. 仅能模拟极少神经行为, 缺乏对复位和恢复过程的模拟	
	Quadratic IF <sup>[41]</sup>	1	3	Canonical Type I 模型的 特例	简单易用,适用于大型网络仿真 阈值可变,因而可以模拟丰富的 神经元行为	
电	类	Time-varying IF <sup>[66]</sup>	1	4	修改 Leaky IF 得到	修正 Leaky IF 无法预测重复放电 频率的缺陷.不能模拟频率适应 性,且仍具有固定阈值
导		IFB <mark>[3</mark> ]	1	11	丘脑传递神 经元	使用双阈值模拟丘脑传递神经元 的行为.结构简单,适于网络仿 真.但对真实输入有效性待考
	模	RF <sup>[93]</sup>	2	2	有频率选择 性的神经元	直观解释频率选择性,运算高效, 可网络仿真.缺乏生理含义, 无法模拟簇放电和频率适应性
依		Izhikevich <sup>[95</sup> ]	2	5	皮层和丘脑 神经元	可模拟皮层神经元所有已知神经 行为,结构简单,生理含义丰富, 运算效率高,适于网络仿真
赖	型	Exponential IF $^{[4]}$	1	7	皮层神经元	指数函数描述 Na 通道活化,结构 简单,能力接近电导依赖模型 能力接近电导依赖模型
_		a EIF <sup>[97]</sup>	2	9	不 Exponential IF 的改进	能力接近电导机频候望, 参数笏 提取且抗噪能力较强, 结构较简 单, 适合模拟皮层神经元行为
模 其	其	Fitzhugh-Nagumo <sup>[34]</sup>	2	4	出于对 H-H 的简化	电路实现简单且没有固定阈值, 可模拟多种神经元行为. 但不能 模拟自发混沌和簇放电
型 他		Mihalas-Neibur <sup>[98</sup> ]	4	14	皮层神经元	引入电压依赖的阈值.系数能组 成三角矩阵的形式,方便对角化 求解.但无法模拟可变阈值
	他	TrueNorth <sup>[2]</sup>	1	14	皮层神经元	可模拟多种行为,平衡了模拟能 力和物理实现成本,低耗能、高 效率、占地小



图 2 17 种神经元模型的重复放电波形

Fig. 2. Repetitive spiking of 17 neuron models.

240701-5

## 4 经典神经元模型

经过总结筛选,本节重点介绍影响力比较 大的五个经典模型:H-H模型、IF模型、Fitzhugh-Nagumo模型、Izhikevich模型以及TrueNorth模型.

#### 4.1 Hodgkin-Huxley 模型

1952年, Hodgkin和Huxley<sup>[27]</sup>发表了重要的 论文,其中,他们提出了一种根据其在枪乌贼巨 大神经纤维上的实验结果推导而来的经验模型, 也就是H-H模型.神经元的电导依赖模型,大都 仿照H-H模型,因此也可以将其称为H-H类模型 (Hodgkin-Huxley-type model). H-H 模型的表达 式如下:

$$I = C_{\rm M} \frac{{\rm d}V}{{\rm d}t} + \bar{g}_{\rm K} n^4 (V - V_{\rm K}) + \bar{g}_{\rm Na} m^3 (V - V_{\rm Na}) + \bar{g}_{\rm l} m^3 (V - V_{\rm l}), \quad (1)$$

$$\frac{\mathrm{d}n}{\mathrm{d}t} = \alpha_n (1-n) - \beta_n n, \qquad (2)$$

$$\frac{\mathrm{d}m}{\mathrm{d}t} = \alpha_m (1-m) - \beta_m m, \qquad (3)$$

$$\frac{\mathrm{d}h}{\mathrm{d}t} = \alpha_h (1-h) - \beta_h h, \tag{4}$$

其中, *I* 是膜电流的总和; *V* 是膜电位; *V*<sub>K</sub>, *V*<sub>Na</sub>, *V*<sub>I</sub> 分别代表K 电导、Na 电导、漏电导的平衡电位; *C*<sub>M</sub> 是单位面积的膜电容; 对于K通道,  $\bar{g}_{K}$  为K电导的 最大值; *n* 为一个在[0, 1]之间的变量, 代表K离子 在打开K通道的正确位置的概率;  $\alpha_n$  决定离子从 外向内运动的速度, 即K通道从关闭到开放的速 度;  $\beta_n$  代表从内向外的速度, 即K通道从开放到关 闭的速度.

类似地, 对于 Na 通道,  $\bar{g}_{Na}$  为 Na 电导的最大 值. *m* 是 Na 通道活化参数, 代表活化的 Na 离子在 膜内部占的比例, 1 – *m* 则代表膜外活化 Na 离子占 的比例. *h* 是 Na 通道失活化参数, 代表失活化 Na 离子在膜外占的比例, 1 – *h* 代表失活化 Na 离子在 膜内的比例. *m* 和 *h* 都在 [0, 1] 之间变化, 当 *h* = 0 时, 通道完全失活化, 当 *h* = 1 时, 通道不失活.  $\alpha_m$ ,  $\alpha_h$ ,  $\beta_m$ ,  $\beta_h$  都是速度参数,  $\bar{g}_l$  为漏电导的最大值.

各个速度参数可由下式求得:

$$\alpha_n = 0.01(V+10)/[(V+10)/10-1], \quad (5)$$

$$\beta_n = 0.125 \exp(V/80),$$

$$\alpha_m = \frac{0.1(V+25)}{\exp\left(\frac{V+25}{10}\right) - 1},\tag{7}$$

$$\beta_m = 4 \exp(V/18),\tag{8}$$

$$\alpha_h = 0.07 \exp(V/20),\tag{9}$$

$$\beta_h = \frac{1}{\exp\left(\frac{V+30}{10}+1\right)}.$$
 (10)

通过修改参数, H-H 模型可以模拟大量神经元 行为, 它所包含的参数既具有明确的生理学含义, 又可以通过实验测量获得.不只是神经元行为模拟 方面, 在研究突触整合、树突结构以及其他与单个 神经元的动态特性相关的问题时, H-H 模型都是有 力的研究工具. H-H 模型还为后人建立电导依赖模 型指出了一条明路.

然而, H-H 模型的缺点亦非常明显, 那就是它 太过复杂. 动态变量过多, 意味着难以分析各变量 的行为以及变量之间的关系. 尤其是当人们想要具 体研究某一特定行为时, H-H 模型繁复的参数设置 和过于丰富的动态行为反而可能模糊化单一的行 为, 从而对研究造成阻碍<sup>[93]</sup>.

Izhikevich 通过实际仿真表明, 要模拟H-H模型在1ms内的行为, 需要进行1200次浮点运算, 这是其他电导依赖模型的2到7倍, 是其他非电导依赖模型的几十倍.因此, H-H模型仅能胜任少量神经元的仿真, 完全不适合大型网络仿真<sup>[82]</sup>.

#### 4.2 原始 IF 模型及 Leaky IF 模型

以Lapicque于1907年提出的模型<sup>[5]</sup>为蓝本, 具有"整合-放电"(integrate-fire)特性的模型,都 可以被称为IF类模型<sup>[96]</sup> (IF-type model),它是非 电导依赖模型的一大分支.

几十年来,人们主要从三个方面设计IF类模型.第一,如Quadratic IF模型和Exponential IF 模型等,将Leaky IF中固定的电压阈值变成更加符 合实际的一片阈值空间.第二,如RF模型和aEIF 模型,在IF中增加新变量,由此扩展IF模型可以模 拟的范围.第三,将实验中普通的电流刺激变成更 符合实际的导电通道刺激,使建模依照的数据更加 可靠,由此建立的IF模型自然更加符合实际.

最初的IF模型还并不完整,它仅仅只是指出可以用一个电容和一个电阻构成电路模拟神经元的细胞膜,如图3所示.

(6)

显然,这个模型既不能产生动作电位,也不能 完成复位. 其表达式为

$$I(t) = C \frac{\mathrm{d}V(t)}{\mathrm{d}t}.$$
 (11)

第一个真正可以在一定程度上模拟神经元行 为的IF模型是Leaky IF模型. 它的表达式为

$$\tau \frac{\mathrm{d}V(t)}{\mathrm{d}t} = V_{\mathrm{eq}} - V(t) + RI(t), \qquad (12)$$

其中,时间常数 $\tau = RC$ ,且V(t)必须减去平衡电  $\dot{U}_{eq}$ ; R为等效电阻, I为外加电流.



Fig. 3. Original IF model.

Leaky IF可以模拟神经元的紧张性峰放电 (tonic spiking)、第一类可激活性(class 1 excitability),作为一个积分器神经元模型,外来刺激频率越 高,它的激活概率越大.因其简单性,Leaky IF模 型所需仿真时间最短,因而适用于大型网络仿真及 对模型真实度要求较低的仿真.然而,正是由于过 分简单,除了以上提到的三种神经元行为外,Leaky IF 几乎无法模拟任何其他行为,包括紧张性簇放 电(tonic bursting)、反跳峰放电(rebound spiking)、 双稳态(bistability)等,由于阈值固定,它也无法模 拟神经元的次阈值振荡(subthreshold oscillation)、 可变阈值(threshold variability)、延迟放电(spike latency)等行为<sup>[82]</sup>.

Stevens和Zador<sup>[66]</sup>的实验指出,相同参数下, Leaky IF对于重复放电的预测放电频率比真实神 经元足足高了三倍.仔细检查模型的工作方式就能 发现,实际的神经元在产生动作电位后,膜电位会 以一个较为光滑的凹轨迹下降和上升,而Leaky IF 模型中的膜电位则是在动作电位产生后立刻降低 到重置电位,并以一个凸轨迹上升靠近阈值电位. 显然,由于缺乏对神经元充电过程和复位过程的模 拟,Leaky IF 模型成为所有生物神经元模型中效果 较差的一种. 尽管如此, 作为刻画大脑皮层神经元 放电活动的重要模型, Leaky IF 模型依然被广泛用 于如今的大脑皮层动力学研究中.

#### 4.3 Fitzhugh-Nagumo 模型

自从H-H模型被提出后,人们一直困扰于其 复杂性.为了仿真H-H模型,研究者不得不建立 占据四层楼的电子管计算机以完成运算.1961 年,Fitzhugh<sup>[34]</sup>结合Bonhoeffer<sup>[12]</sup>的研究成果和 范德波尔方程(van der Pol equation),提出了一个 简易的非电导依赖模型,并将其命名为Bonhoeffervan der Pol模型(BVP模型).1962年,日本工程 师Nagumo等<sup>[19]</sup>利用隧道二极管建立了BVP模 型的等效电路.自此以后,该模型就被人们称为 Fitzhugh-Nagumo 模型(图4).



图 4 Fitzhugh-Nagumo 模型的等效电路

Fig. 4. Equivalent circuit of Fitzhugh-Nagumo model.

相比于H-H模型, Fitzhugh-Nagumo模型结构 更为简单,即使以20世纪60年代的技术,仅需要 建造两个乘法器电路即可完成仿真. 它的表达式 如下:

$$\frac{\mathrm{d}V}{\mathrm{d}t} = c\Big(W + V - \frac{1}{3}V^3 + z\Big),\tag{13}$$

$$\frac{\mathrm{d}W}{\mathrm{d}t} = -\left(V - a + bW\right)/c. \tag{14}$$

可见,其中包含2个动态变量,V为膜电位,它可以 通过正反馈产生动作电位;W为恢复变量,它通过 负反馈控制系统的重置;a,b,c,z为常量,每次仿 真时可取不同值.

类似H-H模型, Fitzhugh-Nagumo模型没有固定的阈值,因此可以模拟更多神经元行为.其中具有代表性的有阳极突变激活 (anode break excitation)现象和输入适应性 (accommodation). 然而,由于该模型仅由两个常微分方程构成,复杂

度有限,因而不能模拟自发混沌现象 (endogenous chaos) 或簇放电现象.根据 Izhikevich 的仿真,模拟 该模型 1 ms 的行为需要 72 次浮点运算 <sup>[82]</sup>.

#### 4.4 Izhikevich 模型

2001年, Izhikevich<sup>[93]</sup>发表了一篇短文, 提出 了一个RF模型. 在这篇文章中, Izhikevich 对神经 元的建模进行了初步分类, 将其分为积分器 (integrator)和共振器 (resonator)两种.

紧接着 RF 模型的提出, Izhikevich 对神经元的 动态特性进行了更为细致的研究, 并在接下来的几 年中发表了一系列论文, 对神经元的行为、神经元 模型的建模进行了高屋建瓴的概括<sup>[70,82]</sup>.在2003 年末, Izhikevich<sup>[95]</sup>发表了另一个神经元模型, 该 模型相比 RF 模型更为优越, 可以展现皮层神经元 所有己知的神经行为, 且结构简单, 仅需要13次浮 点运算即可完成1 ms的仿真, 因而即使使用笔记 本电脑就能对上千个神经元组成的网络进行仿真. Izhikevich 模型还具有丰富的生理学含义, 其中的 每一个参数都有对应的意义. 正如 Izhikevich 本人 所说, 长久以来神经元模型直观性与运算效率的矛 盾, 从这一模型开始便不复存在.

Izhikevich 模型的表述如下:

$$\frac{\mathrm{d}V}{\mathrm{d}t} = 0.04V^2 + 5V + 140 - u + I, \qquad (15)$$

$$\frac{\mathrm{d}u}{\mathrm{d}t} = a(bV - u),\tag{16}$$

其中, *V*代表膜电位, *u*为膜恢复变量, 包含了K 电流的活化与Na电流的失活; *I*为外加电流. 当  $V \ge 30 \text{ mV}$ 时, 令V = c, u = u + d.

模型之所以选择 $0.04V^2 + 5V + 140$ 这个表达 式是出于对皮层神经元行为特性和结果的量纲的 双重考虑.选用这一形式最能贴合皮层神经元的 行为,同时保证膜电位变量V的单位是mV,时间t的单位是ms.Izhikevich模型没有固定的阈值,根 据之前的激活情况,其阈值在-55 mV到-40 mV 之间.

(15) 式和(16) 式中的*a*, *b*, *c*和*d*都有对应的生 理学意义. *a*描述恢复变量*u*的变化速率, *a* 越小, 恢复越慢, 仿真中一般设*a* = 0.02. *b* 描述恢复变 量对膜电位在阈值附近的波动的敏感程度, *b*越大, *V*和*u*的联系越紧密, 可能导致次阈值振荡等行为, 仿真时一般取*b* = 0.2. *b* 与*a*的相对大小决定模型 是积分器模型还是共振器模型, b < a 时是积分器, b > a时是共振器. c 描述神经元激活后在K电流的 影响下膜电位的重置值, 一般为 –65 mV. d 描述激 活后K电导、Na电导对恢复变量的重置值, 通常为 d = 2.

通过调整参数, Izhikevich 模型可以模拟超过 20种神经元行为.对于皮层神经元、丘脑神经元的 行为, Izhikevich 模型具有极高的精确度.

#### 4.5 TrueNorth 模型

TrueNorth 模型是 2013 年 IBM 推出的类脑运 算芯片 TrueNorth 所使用的神经元模型<sup>[2]</sup>. 它拥有 12种模式, 4种漏电压模式 (leak mode), 2种阈值 模式 (threshold mode), 6种重置模式 (reset mode).

TrueNorth的完整表达式(包含所有模式)如下:

突触整合

$$V_{j}(t) = V_{j}(t-1) + \sum_{i=0}^{255} A_{i}(t)w_{i,j} \Big[ (1-b_{j}^{G_{i}})s_{j}^{G_{i}} + b_{j}^{G_{i}}F(s_{j}^{G_{i}},\rho_{i,j})\operatorname{sgn}(s_{j}^{G_{i}}) \Big];$$
(17)

漏电压整合

$$\Omega = (1 - \epsilon_j) + \epsilon_j \operatorname{sgn}(V_j(t)); \qquad (18)$$

$$V_j(t) = V_j(t) + \Omega[(1 - c_j^{\lambda})\lambda_j + c_i^{\lambda}F(\lambda_i, \rho_i^{\lambda})\operatorname{sgn}(\lambda_j)];$$
(19)

阈值比较,激发放电,复位

$$\eta_j = \rho_j^{\mathrm{T}} \& M_j; \qquad (20)$$

**if**  $V_j(t) \ge \alpha_j + \eta_j$ , 尖峰脉冲

$$V_j(t) = \delta(\gamma_j)R_j + \delta(\gamma_{j-1})[V_j(t) - (\alpha_j + \eta_j)] + \delta(\gamma_{j-2})V_j(t), \qquad (21)$$

elseif  $V_j(t) < -[\beta_j \kappa_j + (\beta_j + \eta_j)(1 - \kappa_j)],$ 

$$V_{j}(t) = -\beta_{j}\kappa_{j} + \{-\delta(\gamma_{j})R_{j} + \delta(\gamma_{j} - 1)[V_{j}(t) + (\beta_{j} + \eta_{j})] + \delta(\gamma_{j} - 2)V_{j}(t)\}(1 - \kappa_{j}).$$
(22)

endif.

其中各参数的意义及其格式列于表3.表中,黑线 下方的参数是可以用户自定义的.表达式中使用的 函数如下:

$$\operatorname{sgn}(x) = \begin{cases} -1, & \text{if } x < 0, \\ 0, & \text{if } x = 0, \\ 1, & \text{if } x > 0; \end{cases}$$
(23)

$$F(s,\rho) = \begin{cases} 1, & \text{if } |s| \ge \rho, \\ 0, & \text{if else;} \end{cases}$$
(24)

$$\delta(x) = \begin{cases} 1, & \text{if } x = 0, \\ 0, & \text{if else.} \end{cases}$$
(25)

#### 表 3 TrueNorth 模型参数 Table 3. Parameters of TrueNorth model.

参数	符号	格式
膜电位	$V_j(t)$	signed int
时间步长	t	unsigned int
对第 i 个轴突的输入	$A_i(t)$	$\{0,1\}$
突触权值随机数	$\rho_{i,j}$	unsigned int
漏电压随机数	$ ho_j^\lambda$	unsigned int
阈值随机数 (drawn)	$ ho_j^{ m T}$	unsigned int
阈值随机数 (masked)	$\eta_j$	unsigned int
漏电压方向变量	$\Omega$	$\{-1, 0, 1\}$
突触(第i个轴突,第j个神经元)	$w_{i,j}$	$\{0,\!1\}$
第 i 个轴突的类型	$G_i$	$\{0,1,2,3\}$
突触权值	$s_j^{G_i}$	signed int
突触权值模式	$b_j^{G_i}$	$\{0,\!1\}$
反向漏电压标志	$\epsilon_j$	$\{0,1\}$
漏电压权值	$\lambda_j$	signed int
漏电压权值模式	$c_j^\lambda$	$\{0,1\}$
正阈值	$lpha_j$	unsigned int
负阈值	$\beta_j$	unsigned int
阈值比较随机数	$M_{j}$	unsigned int
重置电压	$R_j$	signed int
阈值模式	$\kappa_j$	$\{0,1\}$
重置模式	$\gamma_j$	$\{0,1,2\}$
PRNG 随机种子初值	$\rho_j^{\rm seed}$	unsigned int

模型的表达式看似复杂,其实大多数部分可 以通过设置参数直接消去.通过设置漏电压模式 (由 $\lambda_j$ 和 $\epsilon_j$ 决定)、阈值模式(由 $\kappa_j$ 决定)、重置模 式(由 $\gamma_j$ 决定,同时与 $\kappa_j$ 的值有关),结合随机阈值 (设置 $M_j \neq 0$ )、随机突触权值(设置 $b_j^{G_i} = 1$ )、随 机漏电压整合(设置 $c_j^{\lambda} = 1$ )以及具体的电路搭建, TrueNorth模型可以模拟超过20种神经元行为.

TrueNorth 模型平衡了模拟能力和物理实现成本,在支持丰富的行为模拟的同时,还具有低耗能、高效率、占地小的优点.该模型使用1272个逻辑门即可实现(924个实现模型运算,348个用于构成随机数生成器).

### 5 结 论

20世纪以来,神经元模型的研究大多止步于纯 数学推导,许多经典的神经元模型尽管表现优秀, 却难以获得足够简洁的电路实现,因而无法投入应 用.H-H模型和IF模型是神经网络电路中应用比 较多的模型.不过H-H模型动力学过于复杂,不利 于大规模集成,而IF模型则过于简单,难以表现出 丰富的神经元行为.TureNorth神经元的实现方式 为神经元模型的电路实现提供了新的思路,即在结 合电导依赖模型和非电导依赖模型的特点的同时, 进一步向物理实现的便捷性靠拢.不过,由于神经 元和神经网络的多样性,在构建神经元模型的时 候,必须思考以下三个问题,才能构建高效有针对 性的神经元模型:

1) 针对不同的研究对象和应用目的, 神经元模型应该具备怎样的行为特性?

 神经元模型的电路实现能够支持多大规模 的神经网络集成?

3) 在神经元的特性和网络的集成度上如何平 衡从而实现网络功能的最优化?

这三个问题也是在以后的神经网络构建中,为 确定最适用的神经元模型所要重点解决的问题.

#### 参考文献

- Durstewitz D, Seamans J K, Sejnowski T J 2000 Nat. Neurosci. 3 1184
- [2] Cassidy A S, Merolla P, Arthur J V, Esser S K, Jackson B, Alvarez-Icaza R, Datta P, Sawada Jun, Wong T M, Feldman V, Amir A, Rubin D B, Akopyan F, McQuinn E, Risk W P, Modha D S 2013 *The 2013 International Joint Conference on Neural Networks (IJCNN)* Dallas, USA, August 4–9, 2013 p1
- [3] Smith G D, Cox C L, Sherman S M, Rinzel J 2000 J. Neurophysiol. 83 588
- [4] Fourcaud-Trocmé D, Hansel D, van Vreeswijk C, Brunel N 2003 J. Neurosci. 23 11628

- $[5]\ Lapicque L 1907 J. Physiol. Pathol. Gen. <math display="inline">{\bf 9}$ 620
- [6] Abbott L F 1999 Brain Res. Bull. **50** 303
- [7] Brunel N, van Rossum M C W 2007 Biol. Cybern. 97 337
- [8] McCulloch W S, Pitts W 1943 Bull. Math. Biol. 5 115
- [9] Bernstein J 1902 Pflügers Arch. 92 521
- [10] Hodgkin A L 1939 J. Physiol. 94 560
- [11] Hodgkin A L, Katz B 1949 J. Physiol. 108 37
- [12] Bonhoeffer K F 1948 J. Gen. Physiol. 32 69
- [13] Hodgkin A L 1948 J. Physiol. 107 165
- [14] Hebb D O 1949 The Organization of Behavior: A Neuropsychological Theory (1st Ed.) (London: Chapman & Hall) pp17–78
- [15] Hodgkin A L, Huxley A F, Katz B 1952 J. Physiol. 116 424
- [16] Eccles J C, Eccles R M, Lundberg A 1957 J. Physiol. 137 22
- [17] Rosenblatt F 1958 Psychol. Rev. 65 386
- [18] Fitzhugh R 1960 J. Gen. Physiol. 43 867
- [19] Nagumo J, Arimoto S, Yoshizawa S 1962 Proc. IRE 50 2061
- [20] Fuortes M G F, Mantegazzini F 1962 J. Gen. Physiol. 45 1163
- [21] Stein R B 1965 *Biophys. J.* **5** 173
- $[22]\,$  Geisler C D, Goldberg J M 1966 Biophys. J. 6 53
- [23] Rall W 1967 J. Neurophysiol. **30** 1138
- [24] Stein R B 1967 Proc. R. Soc. Lond. B: Biol. Sci. 167 64
- [25] Knight B W 1972 J. Gen. Physiol. 59 734
- [26] Kernell D, Sjöholm H 1973 Acta Physiol. Scand. 87 40
- [27]~ Hodgkin A L, Huxley A F 1952 J. Physiol. 117 500
- $[28]\,$ Shapiro B I, Lenherr F K 1972Biophys.~J.~121145
- [29]~ Krinskii V I, Iu M K 1973Biofizika<br/> ${\bf 18}$ 506
- [30]~ Krinskii V I, Iu M K 1973Biofizika<br/> ${\bf 18}$ 878
- [31] Plant R E, Kim M 1976 *Biophys. J.* 16 227
- [32] Plant R E 1976 Computer Programs Biomed. 6 85
- [33] Rinzel J 1978 Studies in Mathematical Biology (1st Ed.) (Washington: Mathematical association of America) pp1-66
- [34] Fitzhugh R 1961 Biophys. J. 1 445
- [35] Connor J A, Stevens C F 1971 J. Physiol. 213 31
- [36] Connor J A, Walter D, Mckown R 1977 *Biophys. J.* 18 81
- [37] Morris C, Lecar H 1981 *Biophys. J.* **35** 193
- [38] Rinzel J, Troy W C 1982 J. Chem. Phys. 76 1775
- [39] Chay T R 1985 *Physica D* **16** 233
- [40] Chay T R, Keizer J 1983 Biophys. J. 42 181
- [41] Ermentrout G B, Kopell N 1986 SIAM J. Appl. Math. 46 233
- [42] Hindmarsh J L, Rose R M 1982 Nature 296 162
- [43] Hindmarsh J L, Rose R M 1984 Proc. R. Soc. Lond. B: Biol. Sci. 221 87
- [44] Rose R M, Hindmarsh J L 1985 Proc. R. Soc. Lond. B: Biol. Sci. 225 161
- [45] Rose R M, Hindmarsh J L 1989 Proc. R. Soc. Lond. B: Biol. Sci. 237 267

- [46] Rose R M, Hindmarsh J L 1989 Proc. R. Soc. Lond. B: Biol. Sci. 237 289
- [47] Rose R M, Hindmarsh J L 1989 Proc. R. Soc. Lond. B: Biol. Sci. 237 313
- [48] Chay T R, Rinzel J 1985 Biophys. J. 47 357
- [49] Connor J A, Stevens C F 1971 J. Physiol. 213 1
- [50] Connor J A, Stevens C F 1971 J. Physiol. 213 21
- [51] Connor J 1975 J. Neurophysiol. 38 922
- [52] Jack J J B, Noble D, Tsien R W 1975 Electric Current Flow in Excitable Cells (1st Ed.) (Oxford: Clarendon Press) pp132–224
- [53] Connors B W, Gutnick M J, Prince D A 1982 J. Neurophysiol. 48 1302
- [54] Plant R E 1978 Biophys. J. 21 217
- [55] Rinzel J 1985 Ordinary and Partial Differential Equations (1st Ed.) (Berlin: Springer-Verlag) pp304–316
- [56] Rinzel J 1985 Fed. Proc. 44 2944
- [57] Mircea S, Jones E G, Llinás R R 1990 Thalamic Oscillations and Signaling (1st Ed.) (New York: John Wiley) pp1–43
- [58] Rinzel J 1987 Mathematical Topics in Population Biology, Morphogenesis and Neurosciences (1st Ed.) (Berlin: Springer) pp267–281
- [59] Connors B W, Gutnick M J 1990 Trends Neurosci. 13 99
- [60] Rall W 1989 Methods in Neuronal Modeling: from Ions to Networks (2nd Ed.) (Cambridge: MIT Press) pp9–62
- [61] Ermentrout B 1996 Neural Comput. 8 979
- [62] Hoppensteadt F C, Izhikevich E M 1997 Weakly Connected Neural Networks (1st Ed.) (New York: Springer-Verlag) pp25–101
- [63] Rinzel J, Ermentrout G B 1989 Methods in Neuronal Modeling (1st Ed.) (Cambridge: MIT Press) pp135–169
- [64] Roth A, Häusser M 2001 J. Physiol. 535 445
- [65] Chay T R 1991 *Biopolymers* **31** 1483
- [66] Stevens C F, Zador A M 1998 Proceedings of 5th Joint Symposium on Neural Computation San Diego, USA, May 16, 1998 p172
- [67] Wilson H R 1999 J. Theor. Biol. 200 375
- [68] Izhikevich E M 1999 IEEE Trans. Neural Netw. 10 499
- [69] Izhikevich E M 2001 SIAM Rev. 43 315
- [70] Izhikevich E M, Hoppensteadt F 2004 Int. J. Bifurcat. Chaos 14 3847
- [71] Abbott L F, van Vreeswijk C 1993 Phys. Rev. E 48 1483
- [72] Destexhe A, Rudolph M, Pare D 2003 Nat. Rev. Neurosci. 4 739
- [73] Avoli M, Hwa G G, Lacaille J C, Olivier A, Villemure J G 1994 Exp. Brain Res. 98 135
- [74] Hutcheon B, Miura R M, Puil E 1996 J. Neurophysiol.
   76 683
- [75] Mainen Z F, Sejnowski T J 1996 Nature 382 363
- [76] Bower J M, Beeman D 1998 The Book of Genesis (1st Ed.) (New York: Springer) pp51–130
- [77] Destexhe A, Mainen Z F, Sejnowski T J 1994 J. Comput. Neurosci. 1 195
- [78] Hutcheon B, Yarom Y 2000 Trends Neurosci. 23 216

- [79] Latham P E, Richmond B J, Nelson P G, Nirenberg S 2000 J. Neurophysiol. 83 808
- [80] Pike F G, Goddard R S, Suckling J M, Ganter P, Kasthuri N, Paulsen O 2000 J. Physiol. 529 205
- [81] Hansel D, Mato G 2001 Phys. Rev. Lett. 86 4175
- [82] Izhikevich E M 2004 IEEE Trans. Neural Netw. 15 1063
- [83] Segev I, Fleshman J W, Burke R E 1989 Methods in Neuronal Modeling (1st Ed.) (Cambridge: MIT Press) pp63–96
- [84] Pinsky P F, Rinzel J 1994 J. Comput. Neurosci. 1 39
- [85] Wang X J, Buzsáki G 1996 J. Neurosci. 16 6402
- [86] Hutcheon B, Miura R M, Puil E 1996 J. Neurophysiol.
   76 698
- [87] Manor Y, Rinzel J, Segev I, Yarom Y 1997 J. Neurophysiol. 77 2736
- [88] Koch C, Segev I 1998 Methods in Neuronal Modeling: From Ions to Networks (2nd Ed.) (Cambridge: MIT Press) pp93–136
- [89] Feng J, Brown D 2000 Bull. Math. Biol. 62 467
- [90] Feng J 2001 Neural Netw. 14 955
- [91] Kistler W M, Gerstner W, van Hemmen J L 1997 Neural Comput. 9 1015

- [92] Izhikevich E M 2000 Int. J. Bifurcat. Chaos 10 1171
- [93] Izhikevich E M 2001 Neural Netw. 14 883
- [94] Gerstner W, Kistler W M 2002 Spiking Neuron Models: Single Neurons, Populations, Plasticity (1st Ed.) (Cambridge: Cambridge University Press) pp31–146
- [95] Izhikevich E M 2003 IEEE Trans. Neural Netw. 14 1569
- [96] Jolivet R, Lewis T J, Gerstner W 2004 J. Neurophysiol. 92 959
- [97] Brette R, Gerstner W 2005 J. Neurophysiol. 94 3637
- [98] Mihalas S, Niebur E 2009 Neural Comput. 21 704
- [99] McCormick D A, Wang Z, Huguenard J 1993 Cereb. Cortex 3 387
- [100] Lumer E D 1998 Cereb. Cortex 8 553
- [101] Yang Z Q 2010 Acta Phys. Sin. 59 5319 (in Chinese) [杨 卓琴 2010 物理学报 59 5319]
- [102] Liang X B, Liu X S, Liu A Z, Wang B L 2009 Acta Phys. Sin. 58 5065 (in Chinese) [梁晓冰, 刘希顺, 刘安芝, 王博 亮 2009 物理学报 58 5065]
- [103] Wang H Q, Yu L C, Chen Y 2009 Acta Phys. Sin. 58
   5070 (in Chinese) [王慧巧, 俞连春, 陈勇 2009 物理学报 58 5070]

#### REVIEW

## Contrastive analysis of neuron model<sup>\*</sup>

Xu Ling-Feng<sup>1)2)</sup> Li Chuan-Dong<sup>1)†</sup> Chen Ling<sup>1)</sup>

(College of Electronic and Information Engineering, Southwest University, Chongqing 400715, China)
 (School of Information Science and Technology, University of Science and Technology of China, Hefei 230027, China)

(Received 23 July 2016; revised manuscript received 30 August 2016)

#### Abstract

In recent years, the modeling and application of biological neurons have gained more and more attention. By now, the research on neuron models has become one of the most important branches of neuroscience. Neuron models can be used in various areas, such as biomimetic applications, memory design, logical computing, and signal processing. Furthermore, it is significant to study the dynamic characteristics of neural system by using neuron models. In this paper, the historical development of neuron models is reviewed. The neuron models have experienced three development stages. In the pioneering stage, a group of scientists laid the experimental and theoretical foundation for later research. Then, the whole study started to blossom after the publication of Hodgkin-Huxley model. In the 1970s and 1980s, various models were proposed. One of the research focuses was the simulation of neural repetitive spiking. Since the 1990s, researchers have paid more attention to setting up models that are both physiologically meaningful and computationally effective. The model put forward by Izhikevich E M has been proved to solve the problem successfully. Recently, IBM presented a versatile spiking neuron model based on 1272 ASIC gates. The model, both theoretically understandable and physically implementable, has been used as a basic building block in IBM's neuro-chip TrueNorth. In the paper, seventeen neuron models worth studying are listed. To give a more explicit explanation, these models are classified as two groups, namely conductance-dependent and conductance-independent models. The former group's goal is to model the electrophysiology of neuronal membrane, while the latter group is only to seek for capturing the input-output behavior of a neuron by using simple mathematical abstractions. The complexity and features of each model are illustrated in a chart, while the prominent repetitive spiking curves of each model are also exhibited. Five of the models are further detailed, which are the Hodgkin-Huxley model, the Integrate-and-fire model, the Fitzhugh-Nagumo model, the Izhikevich model, and the most recent model used by IBM in its neuro-chip TrueNorth. Finally, three questions are put forward at the end of the paper, which are the most important problems that today's researchers must consider when setting up new neuron models. In conclusion, the feasibility of physical implementation remains to be a challenge to all researchers. Through the aforementioned work, the authors aim to provide a reference for the study that follows, helping researchers to compare those models in order to choose the properest one.

Keywords: neuron model, conductance-dependent model, conductance-independent model, TrueNorthPACS: 07.05.Mh, 87.19.ll, 87.85.dqDOI: 10.7498/aps.65.240701

<sup>\*</sup> Project supported by the National Natural Science Foundation of China (Grant Nos. 61374078, 61503307), the Chongqing Research Program of Basic Research and Frontier Technology, China (Grant Nos. cstc2015jcyjBX0052, cstc2016jcyjA0261), the Fundamental Research Funds for the Central Universities, China (Grant No. XDJK2015C079), and the China Postdoctoral Science Foundation (Grant No. 2016M590854).

<sup>†</sup> Corresponding author. E-mail: licdswu@163.com