物理学报 Acta Physica Sinica



基于迭代重建算法的X射线光栅相位CT成像

戚俊成 陈荣昌 刘宾 陈平 杜国浩 肖体乔

Grating based X-ray phase contrast CT imaging with iterative reconstruction algorithm

Qi Jun-Cheng Chen Rong-Chang Liu Bin Chen Ping Du Guo-Hao Xiao Ti-Qiao

引用信息 Citation: Acta Physica Sinica, 66, 054202 (2017) DOI: 10.7498/aps.66.054202 在线阅读 View online: http://dx.doi.org/10.7498/aps.66.054202 当期内容 View table of contents: http://wulixb.iphy.ac.cn/CN/Y2017/V66/I5

您可能感兴趣的其他文章 Articles you may be interested in

非均匀拉盖尔-高斯关联光束及其传输特性

Nonuniform Laguerre-Gaussian correlated beam and its propagation properties 物理学报.2016, 65(21): 214202 http://dx.doi.org/10.7498/aps.65.214202

傅里叶望远镜重构图像虚像分析

Analysis on reconstruction of virtual images of Fourier telescopy 物理学报.2015, 64(18): 184205 http://dx.doi.org/10.7498/aps.64.184205

部分相干径向偏振光束传输中相干性研究

Research on the coherence of partially coherent radially polarized beam during propagation 物理学报.2015, 64(13): 134201 http://dx.doi.org/10.7498/aps.64.134201

抑制孔径间距误差影响的相干场成像质量提升方法研究

Improving coherent field imaging quality by suppressing the influence of transmitting aperture spacing error

物理学报.2015, 64(12): 124203 http://dx.doi.org/10.7498/aps.64.124203

利用 Sagnac 干涉仪实现光子轨道角动量分束器

Realisation of orbital angular momentum sorter of photons based on sagnac interferometer 物理学报.2015, 64(13): 130704 http://dx.doi.org/10.7498/aps.64.130704

基于迭代重建算法的X射线光栅相位CT成像*

戚俊成^{1)†} 陈荣昌²⁾ 刘宾¹⁾ 陈平¹⁾ 杜国浩²⁾ 肖体乔^{2)‡}

(中北大学信息与通信工程学院,太原 030051)
 (中国科学院上海应用物理研究所,上海 201800)
 (2016年8月18日收到; 2016年12月5日收到修改稿)

基于光栅干涉仪的X射线成像技术可以同时获得样品内部的吸收信息、相位信息和散射信息,既保持了 传统X射线衰减成像的优点,又拥有相衬成像和散射成像的优势.然而基于传统CT重建算法的X射线光栅 成像需要采集大量完整的原始投影数据,数据采集时间过长从而使得物体接受很大的辐射剂量,难以在实际 中应用.提出基于传统代数迭代重建算法的光栅成像技术.该方法利用现有X射线光栅成像系统采集少量原 始投影数据,基于传统代数迭代重建算法,对旋转变化的相位数据进行CT重构,同时基于傅里叶变换的方法 对微分相位数据进行相位恢复.模拟和实验结果表明,基于少量或不完备的原始投影数据,该方法能够准确 重构成像对象的吸收、相位和散射三维信息,同时还能对微分相位切片进行高信噪比的相位恢复,得到样品折 射率实部衰减率,为X射线光栅成像技术在工业、生物和医学诊断等领域的应用提供理论和技术支撑.

关键词: X射线光栅成像, 迭代重建算法, 相位恢复 **PACS:** 42.25.Kb, 41.60.Ap, 07.60.Ly, 87.59.-e

DOI: 10.7498/aps.66.054202

1引言

自从X射线发现至今,X射线成像一直受到广 泛的关注.X射线光栅成像技术对X射线源的相干 性要求较低,并可以同时获得样品的吸收、散射和 相位信息^[1].更重要的是,基于光栅的X射线相衬 成像方法不受视场限制,可以实现大视场成像.因 此,该方法被视为最有潜力从实验室走向实际应用 的X射线相衬成像方法,受到了广泛的的关注,也 具有广阔的实际应用前景.

传统光栅成像技术的重建算法是以希尔伯特 变换为核心的反投影算法,是一种解析重建算法, 要求具有完整的投影数据.在数据采集过程中, 以步进扫描的方式采集数据需要花费大量时间采 集大量投影作为原始数据,使得样品接收大量的 辐射.针对这个问题,国内外科学家采取了很多 办法来减少投影数,从而降低样品所受辐射剂量. Momose 等^[2]和Wen等^[3]采用一次曝光的方法采 集数据,即样品每旋转一个角度,采集一张叠栅条 纹图像,然后将叠栅条纹图像进行傅里叶变换,对 比有样品和没有样品情况下经傅里叶变换后的各 个参数, 就可以得到样品的各种信息. 这种方法的 优点是不需要相位步进扫描,时间分辨率较高,但 是成像的空间分辨率受到叠栅条纹周期限制,并且 对光栅和探测器的要求也很高,要求相位光栅和 吸收光栅完全匹配. Zhu等^[4]采用反投影的方法, 在样品0°-360°旋转的同时采集数据,然后对比样 品旋转角度差为180°时的两幅图像,从而得到样 品信息. 这种方法在CT过程中省去了步进扫描, 使得实验效率大大提升,但是无法获得散射信息. Jensen 等^[5]采用交错光栅步进的方法采集数据,在 样品旋转的同时进行光栅扫描. Zanette 等^[6,7]提 出了交错相位步进扫描法,即在样品旋转的同时进

© 2017 中国物理学会 Chinese Physical Society

^{*} 国家自然科学基金(批准号: 11375257, 61301259, U1232205)、中北大学校学科研究基金(批准号: 2015110246)和山西省自然科学基金(批准号: 2015021099)资助的课题.

[†]通信作者. E-mail: qijuncheng@nuc.edu.cn

[‡]通信作者. E-mail: tqxiao@sinap.ac.cn

行相位步进扫描,从多个样品旋转角度中获取样品的信息.在同等辐射剂量下,此方法可以获得较好的结果,但是也存在投影角度不精确的问题,当投影数较少时,远离旋转中心的样品高频信息会丢失,而且此方法较难实现.

此外, 光栅成像在实际应用中经常无法获得 完整的投影数据, 主要原因是辐射剂量、经济成 本、无法检测或很难检测到完全的投影数据等. 对 于很大的样品, 要求探测器和光栅面积足够大才 能重建, 难以实现; 有时投影不是均匀地分布在 180°或360°范围内, 这时滤波反投影 (filtered back projection, FBP) 方法受到了限制.

综上所述,本文针对X射线光栅成像技术存 在的问题,通过传统代数迭代重建算法(algebraic reconstruction technique, ART),利用少量或者非 完整的投影数据,对快速、低剂量光栅成像技术的 CT重建和相位恢复算法展开了研究.利用传统 ART对由光栅成像所获得的吸收、散射和旋转变化 的一阶微分相位信息进行了高精度重建.对一阶微 分相位切片进行了高信噪比的相位恢复,为X射线 光栅成像技术在生物医学、材料和工业等领域的研 究应用提供技术支持.

2 原 理

2.1 光栅成像技术

基于准平行光束的X射线光栅成像系统主要由相位光栅G₁、吸收光栅G₂和探测器组成 (图1)^[8].当X射线光束穿过相位光栅G₁后,由 于泰伯效应(光栅自成像效应)^[9],在G₁后的泰伯 距离处,将会得到光栅G₁的自成像.在此像面上放 置一个周期与自成像条纹对应的吸收光栅G₂,即 可得到叠栅干涉条纹.当X射线透过放置于相位光 栅前的样品后,X射线被物体吸收、折射和散射,相 位光栅的入射X射线波前发生变化,从而导致相位 光栅的泰伯像条纹发生强度变化和形状扭曲.光栅 成像系统的作用之一就是定量测出此泰伯像条纹 的扭曲度和光强度的变化,最终得到X射线穿过样 品的吸收、相位和散射信息.

为了从探测器所得到的信息中分离出相位信息和其他信息,采用相位步进技术使一块光栅以步进的方式扫描另外一块光栅,获得每一个像素点上随着步进数变化的光强位移曲线^[10].在忽略高次

项的情况下, 位移曲线方程可以傅里叶变换展开为^[1,11,12]

$$I(m, n, y_{g}) = \sum_{i} a_{i}(m, n) \cos[iky_{g} + \phi_{1}(m, n)]$$

$$\approx a_{0}(m, n) + a_{1}(m, n) \cos[ky_{g} + \phi_{1}(m, n)], \quad (1)$$

式中(m,n)为像素点的坐标, $k = 2\pi/d$, d为光栅 G₂的周期, y_g 为相位步进扫描过程中相位光栅所 处的位置, a_i 为振幅系数, ϕ_i 为相对应的相位系数.



图1 X射线光栅成像系统基本布局图

Fig. 1. Layout for the X-ray grating imaging system.

样品的吸收信息与每一像素点位移曲线的0 阶振幅系数 a_0 有关;微分相位信息由位移曲线的 相位系数 ϕ_1 表征^[11];散射信息主要反映了样品的 局部散射能力,样品的散射信息可由条纹的可见度 $V = a_1/a_0$ 表征^[1].

2.2 光栅成像的物理模型分析

X射线光栅成像技术的一大优点就是通过一 组原始数据可以同时获得样品的吸收、相位和散射 信息,而这三种信息的表征形式是不同的.吸收信 息和散射信息的表征形式是样品的吸收系数或者 散射因子的线积分,而在整个CT扫描过程中,吸 收系数的整体分布随着样品一起转动,即吸收系数 都是旋转不变的;对于大部分成像样品来讲,也可 以认为散射因子是旋转不变的或者近似旋转不变 的.所以,对于吸收信息和旋转不变的散射信息, 只需要通过实验获得相应的CT投影数据,利用传 统迭代重建算法就可以对其进行CT重建.

相位信息的数据采集过程如图 2 所示, o'x'y'z' 为样品所在坐标系,随着样品一起转动, oxyz 是光 栅和X射线光源所在坐标系,是静止不动的.在 CT数据采集过程中,样品折射率实部衰减率δ的 整体分布随着样品一起转动,即δ的分布是旋转不 变的.但是光栅所在坐标系相对于样品坐标系不是 静止的,所以δ沿光栅坐标系y方向的一阶偏导的 分布是旋转变化的.因此, 微分相位信息不能像吸 收信息或者散射信息一样, 直接应用传统迭代 CT 重建算法进行 CT 重构.



图 2 相位信息数据采集过程示意图 Fig. 2. Schematic of phase acquisition.

通过对X射线在样品中传播过程的分析可知, 样品的相位信息取决于X射线穿过样品后的折射 角,而折射角为 $\partial\delta/\partial y$ 沿着X射线传播方向的积 分.在CT数据采集过程中,随着投影角度 ϕ 的变 化,投影数据、投影角度和 δ 一阶偏导数之间的关 系为^[13]

$$\begin{cases} \Psi \sin \phi = \int_{\text{sample}} \frac{\partial \delta}{\partial z'} dz, \\ \Psi \cos \phi = \int_{\text{sample}} \frac{\partial \delta}{\partial y'} dz, \end{cases}$$
(2)

式中

$$\Psi = \int_{\text{sample}} \frac{\partial \delta}{\partial y} dz = \frac{\partial}{\partial y} \int_{\text{sample}} \delta dz = \frac{\partial \Phi}{\partial y}$$

代表投影角度为 ϕ 时恢复得到的相位导数 $\frac{\partial \Phi}{\partial y}$, $\frac{\partial \delta}{\partial z'}$ 和 $\frac{\partial \delta}{\partial y'}$ 分别代表初始 δ 分布沿着垂直于X射线的传 播方向和平行于X射线的传播方向上的一阶偏导 数.通过(2)式可以将旋转变化的 $\frac{\partial \delta}{\partial y}$ 的投影信息 转变为旋转不变的 $\frac{\partial \delta}{\partial z'}$ 和 $\frac{\partial \delta}{\partial y'}$ 的投影信息,即将旋 转变化的微分相位信息转变成旋转不变的微分相 位信息.

2.3 代数迭代CT重建

对于滤波反投影CT重建算法而言,需要完整 并且角度分布均匀的投影数据,而迭代重建适合投 影数据不完全或投影间隔不均匀等场合的图像重 建^[14]. 传统代数迭代 CT 重建方法的基本思想是: 首先将图像离散地分解为 $N = n \times m$ 的矩形区域, 每一个区域代表一个像素,同时给定一个初始图像 估计值 f(0),然后计算 f(0)的投影数据,并用该投 影数据与实际投影数据的差来校正图像,得到一次 近似图像 f(1). 按照同样的方法再由 f(1)求得二 次近似图像 f(2),当投影到最后,得到 f(N),即完 成一次迭代过程. 第二次迭代时,以f(N)为初始 值并再次投影,如此继续,直到满足预定条件为止, 其迭代公式为

$$x_{j}^{b+1} = x_{j}^{b} + \lambda \frac{p_{i} - \sum_{j=1}^{N} a_{ij} x_{j}^{b}}{\sum_{j=1}^{N} a_{ij}^{2}} a_{ij}, \qquad (3)$$

式中b为迭代次数, a_{ij} 为投影矩阵系数, p_i 为投影 数据向量, x_j 为重建后的图像的第j个像素值, λ 为 松弛因子, 取值范围为(0,2).

2.4 相位恢复

利用迭代算法重建得到的微分切片数据,构建新的二维函数 f(y', z')^[15]:

$$f(y',z') = \frac{\partial \delta}{\partial y'} + i\frac{\partial \delta}{\partial z'}.$$
 (4)

由傅里叶变换的微分特性可得

$$\mathcal{F}[f(y',z')](k,l)$$

$$= \int_{-\infty}^{\infty} \int_{-\infty}^{\infty} \{f(y',z') \exp\left[-2\pi i(ky'+lz')\right] dy' dz'\}$$

$$= 2\pi i(k+il) \mathcal{F}[\delta(y',z')](k,l), \qquad (5)$$

訳 [<mark>16</mark>]

$$\mathcal{F}[\delta(y',z')](k,l) = \begin{cases} 0, & k = l = 0, \\ \frac{\mathcal{F}\left(\frac{\partial\delta}{\partial y'} + i\frac{\partial\delta}{\partial z'}\right)(k,l)}{2\pi i(k+il)}, & \ddagger \mathbb{H}, \end{cases}$$
(6)

式中*F*[*f*(*y*',*z*')](*k*,*l*) 是*f*(*y*',*z*')的傅里叶变换, (*k*,*l*) 是傅里叶变换后的坐标,因此相位切片数 据可以表示为

$$\delta(y', z') = \mathcal{F}^{-1} \left\{ \mathcal{F}[\delta(y', z')](k, l) \right\}, \qquad (7)$$

式中*F*和*F*⁻¹分别为傅里叶变换和傅里叶逆变换. 因此,利用*δ*沿着*y*′和*z*′方向的一阶偏导数切片数 据可以准确恢复得到*δ*. 综合以上分析, 通过ART可实现光栅成像技 术与迭代重建算法的完美结合, 并对δ进行高信噪 比的相位恢复.

3 结果分析

3.1 模拟结果

在对光栅成像数据进行 CT 重构时, 最需要解 决的问题是微分相位数据的 CT 重建和相位信息 的恢复.为了验证本文算法的准确性, 对理想相 位模型进行光栅成像模拟并对其进行相应重构和 恢复.改进 Shepp-Logan 模型, 得到理想相位模型 (图3(a)和图3(b)).基于同步辐射 X 射线光源模 型,按照表1所示的参数,模拟光栅成像过程及其 相应的相位步进扫描,得到每一个像素点有样品和 无样品时的位移曲线,通过光栅成像信息恢复算 法公式((1)式),得到折射率实部衰减率导数 $\partial\delta/\partial y$ 的投影正弦图(图3(c)).通过(2)式得到投影正弦 图在垂直和平行于X射线传播方向上的微分投影 信息,即 $\frac{\partial\delta}{\partial y'}$ 和 $\frac{\partial\delta}{\partial z'}$ 的投影信息,利用(3)式对其进 行CT重构后,得到 $\frac{\partial\delta}{\partial y'}$ 和 $\frac{\partial\delta}{\partial z'}$ 的切片(图4).最后 结合两个方向上的一阶微分信息进行相位恢复,得 到图5所示相位恢复结果.

表 1 模拟参数 Table 1. Simulation parameters.

能量/keV	20
原始数据尺寸/pixel × pixel	256×256
相位步进扫描次数	32
CT 扫描范围/(°)	180
CT 投影数	45



图 3 (a) Shepp-Logan 模型; (b) (a) 中白线位置处的 δ 分布图; (c) 微分相位正弦图 Fig. 3. (a) Shepp-Logan phantom; (b) the profile at the position marked with white line in (a); (c) the sinogram of the differential phase information.



图 4 微分相位信息重建结果 (a) δ沿着 y' 方向微分切片; (b) δ沿着 z' 方向微分切片

Fig. 4. Reconstruction result with iterative reconstruction algorithm: (a) Differential phase image of phantom along y' direction; (b) differential phase image of phantom along z' direction.





Fig. 5. Reconstruction result of the refractive index with iterative reconstruction algorithm: (a) The slice of δ ; (b) the profile at the position marked with white line in (a).



图 6 折射率滤波反投影重建结果 (a) δ 切片图; (b) (a) 中白线位置处的 δ 分布图 Fig. 6. Reconstruction result of the refractive index with FBP: (a) The slice of δ ; (b) the profile at the position marked with white line in (a).

利用旋转不变的折射率实部衰减率的一阶偏 导数投影信息,通过传统迭代重建算法,可以得到 图4 所示的微分相位信息的切片数据.由图4(a) 和图4(b)所示切片信息可以很明显地看到样品的 边界信息,且求导方向互相垂直.最后恢复得到的 δ 信息切片如图5所示.滤波反投影的重建结果如 图6所示.对比图5(a)和图6(a)所示切片可以发 现,由于投影数量较少,两种方法均会出现一定量 的伪影,均可依据图像灰度区分不同 δ 所对应的区 域,但迭代重建算法的图像质量明显高于滤波反投 影的重建结果.从图5(b)和图6(b)所示对应切片 中相同位置处的 δ 分布图可以看出,迭代重建算法 得到切片的定量信息更加准确,信噪比更高,具有 重要的实际应用意义.

3.2 实验结果

实验在上海光源(SSRF) X射线成像及生物 医学应用光束线站(BL13W1)上进行,该线站采用 1.9T的Wiggler光源和液氮冷却双晶单色器,能提 供8—70 keV的单色 X射线^[17].成像系统由旋转 样品台、相位光栅、吸收光栅、纳米位移台和探测 器组成,如图7所示.光栅成像系统距离光源点约 34 m,在此处 X射线光束基本可看作准平行光,具 有较好的空间相干性^[18].相位光栅安装在 PI 公司 的 P-611.ZS型纳米精度压电陶瓷位移平台上,用以 实现纳米精度相位步进扫描.吸收光栅安装在一个 精密转台上,可根据实验情况实时同步调整两光栅 刻线之间的夹角以改变叠栅条纹的周期.两光栅之 间的水平距离和垂直高度可分别通过安装在其底 座上的精密位移台远程自动控制.在采集图像过程 中,使用 Photonic Science 公司生产的9 μm X射线 CCD 记录叠栅条纹变化.

为突出验证光栅成像和迭代重建算法的优势,实验中采用能量为20 keV的X射线对样品在0°—180°范围内作CT旋转扫描,CT扫描间隔为3°;移动吸收光栅,在每一个CT投影角度利用多步相移法对相位光栅进行相位步进扫描,相位步进

扫描的步长为0.6 µm,即每周期扫描4次,具体实 验参数如表2所示,成像样品为尼龙6(PA6)包裹的 聚甲基丙烯酸甲酯(PMMA)棒材,样品在20 keV 光束能量时,折射率等信息如表3所示.



图 7 上海光源光栅成像装置图 Fig. 7. Grating based X-ray imaging system at SSRF.

通过多步相移法,利用光栅成像系统采集得到 原始投影信息,按照(1)式所示的方法进行信息提 取后,可以分别得到样品的吸收、相位和散射信息. 吸收和散射信息直接通过传统代数迭代重构算法



重构后,可得到样品的吸收和散射信息切片(图8); 将旋转变化的微分相位信息进行变换后,利用迭 代重建算法重建,可得到δ的微分切片如图9(a)和 图9(b)所示.再对图9(a)和图9(b)所示微分切片 进行相位恢复,最后得到图9(c)所示的样品折射率 实部衰减信息.

表 2 实验参数列表 Table 2. Experiment parameters.

能量/keV	20
光栅周期/μm	2.4
两光栅间距/cm	4.64
相位步进扫描步长/µm	0.6
CT扫描范围/(°)	180
CT投影数	60

表 3 样品信息列表 Table 3. Information of samples.

样品	密度/g·cm ⁻³	吸收系数	δ
PA6	1.14	$2.97{ imes}10^{-10}$	6.55×10^{-7}
PMMA	1.19	$3.37{\times}10^{-10}$	6.67×10^{-7}



图 8 重建结果 (a) 吸收切片; (b) 散射切片

Fig. 8. Experimental results of reconstruction: (a) Slice of absorption information; (b) slice of scattering information.



图9 相位信息重建结果 (a) δ 沿着 y' 方向微分切片; (b) δ 沿着 z' 方向微分切片; (c) 恢复后的 δ 信息

Fig. 9. Reconstructed results of phase information: (a) Differential phase image of the sample along y' direction; (b) differential phase image of the sample along z' direction; (c) the slice after phase retrieval.

由以上重构结果可以看出,在少量投影的情 况下,通过传统代数迭代重建算法可以获得样品 各种衬度的准确信息. 在图8(a)所示的吸收切片 中,样品为低Z材料,吸收系数很小,只能看到由 于同步辐射X射线成像边缘效应而形成的边界信 息,样品的内部信息与空气很难通过图像予以区 别. 图8(b)所示的散射信息中只有各种样品的边 界信息,这是因为样品是均匀材料,只有在不同材 料的交界处才会对X射线形成散射.因此,通过吸 收和散射信息很难将PA6, PMMA和空气等区分 开来. 而对于相位信息, 虽然两种材料的 δ 差别 很小(表3),但是相位恢复后由图9(c)可准确区分 PA6和PMMA两种高分子材料.实验样品的成分 和结构更加复杂时,不同衬度的切片将会突出展示 样品的不同信息,使得成像结果更加丰富,最终形 成吸收、相位、散射三位一体的成像模式.

4 结 论

本文基于上海光源同步辐射平行光模型,利用 传统的代数迭代重建算法系统地研究了少量投影 情况下X射线光栅成像的信息重建算法,重点研究 了一阶微分相位信息的CT重建和样品折射率实部 衰减率 δ 的恢复问题.通过变换的方式,将随着投 影角度变化而变化的一阶微分相位信息转变为旋 转不变的信息,即沿着光线和垂直于光线两个方向 的微分信息,通过传统的ART,对其直接进行重建 得到了 δ 的一阶微分切片,最后再通过傅里叶变换 恢复得到 δ 的实际分布信息.

理论分析和实验结果表明,该方法不仅可以获 得样品的吸收切片、沿着两个不同方向的微分相位 切片和散射切片数据,还可以获得高信噪比的相位 数据,在X射线光栅成像中具有可行性.相对于传 统的反投影相位重建算法,基于ART的相位重建 算法在少量投影情况下,在光栅成像物理模型和降 低辐射剂量等方面都有所改善;与传统积分对一阶 微分信息的恢复算法相比,该方法不需要考虑微分 数据的边界条件,也没有误差累积效应,可以恢复 得到信噪比非常好的相位数据;由于相位恢复时, 使用的两个方向的微分数据均为同一次实验结果, 也不存在图像配准等问题.因此,本文提出的快速 光栅成像方法既保留了光栅成像和ART重建算法 的优点,又可以实现在缺角度或者光束不完全覆盖 样品等条件下的X射线光栅CT成像,在生物医学、 材料和工业等要求低辐射剂量、快速和高精度的领域具有很好的应用前景.

感谢上海光源 BL13W1 线站工作人员在实验工作中的帮助.

参考文献

- Pfeiffer F, Bech M, Bunk O, Kraft P, Eikenberry E F, Brönnimann C, Grünzweig C, David C 2008 Nat. Mat. 7 134
- Momose A, Yashiro W, Maikusa H, Takeda Y 2009 Opt. Express 17 12540
- [3] Wen H H, Bennett E E, Kopace R, Stein A F, Pai V 2010 Opt. Express 35 1932
- [4] Zhu P P, Zhang K, Wang Z L, Liu Y J, Liu X S, Wu Z Y, McDonald S A, Marone F, Stampanoni M 2010 Proc. Natl. Acad. Sci. 107 13576
- [5] Jensen T H, Bech M, Zanette I, Weitkamp T, David C, Deyhle H, Rutishauser S, Reznikova E, Mohr J, Feidenhans'l R, Pfeiffer F 2010 *Phys. Rev. B* 82 214103
- [6] Zanette I, Bech M, Pfeiffer F, Weitkamp T 2011 Appl. Phys. Lett. 98 094101
- [7] Zanette I, Bech M, Rack A, Le Duc G, Tafforeau P, David C, Mohr J, Pfeiffer F, Weitkamp T 2012 Proc. Natl. Acad. Sci. 109 10199
- [8] Chen B, Zhu P P, Liu Y J, Wang J Y, Yuan Q X, Huang W X, Ming H, Wu Z Y 2008 Acta Phys. Sin. 57 1576 (in Chinese) [陈博, 朱佩平, 刘宜晋, 王寓越, 袁清习, 黄万 霞, 明海, 吴自玉 2008 物理学报 57 1576]
- [9] Talbot H F 1936 Philos. Mag **9** 401
- [10] Qi J C, Ren Y Q, Du G H, Chen R C, Wang Y D, He Y, Xiao T Q 2013 Acta Opt. Sin. 33 1034001 (in Chinese)
 [威俊成, 任玉琦, 杜国浩, 陈荣昌, 王玉丹, 和友, 肖体乔 2013 光学学报 33 1034001]
- [11] Bech M, Jensen T H, Bunk O, Donath T, David C, Weitkamp T, Le Duc G, Bravin A, Cloetens P, Pfeiffer F 2010 Zeitschrift Fur Medizinische Physik 20 7
- [12] Momose A, Kawamoto S, Koyama I, Suzuki Y 2004 Developments in X-Ray Tomography IV 5535 352
- [13] Zhu P P, Wang J Y, Yuan Q X, Huang W X, Shu H, Gao
 B, Hu T D, Wu Z Y 2005 *Appl. Phys. Lett.* 87 264101
- [14] Yang F Q, Zhang D H, Huang K D Wang K, Xu Z 2014
 Acta Phys. Sin. 63 058701 (in Chinese) [杨富强, 张定华, 黄魁东, 王鹍, 徐哲 2014 物理学报 63 058701]
- [15] Kottler C, David C, Pfeiffer F, Bunk O 2007 Opt. Express 15 1175
- [16] Arnison M R, Larkin K G, Sheppard C J R, Smith N I, Cogswell C J 2004 J Microsc. 214 7
- [17] Xiao T Q, Xie H L, Deng B, Du G H, Chen R C 2014
 Acta Opt. Sin. 34 0100001 (in Chinese) [肖体乔, 谢红兰,
 邓彪, 杜国浩, 陈荣昌 2014 光学学报 34 0100001]
- [18] Qi J C, Ye L L, Chen R C, Xie H L, Ren Y Q, Du G H, Deng B, Xiao T Q 2014 Acta Phys. Sin. 63 104202 (in Chinese) [戚俊成, 叶琳琳, 陈荣昌, 谢红兰, 任玉琦, 杜国 浩, 邓彪, 肖体乔 2014 物理学报 63 104202]

Grating based X-ray phase contrast CT imaging with iterative reconstruction algorithm^{*}

Qi Jun-Cheng^{1)†} Chen Rong-Chang²⁾ Liu Bin¹⁾ Chen Ping¹⁾ Du Guo-Hao²⁾ Xiao Ti-Qiao^{2)‡}

(School of Information and Communication Engineering, North University of China, Taiyuan 030051, China)
 (Shanghai Institute of Applied Physics, Chinese Academy of Sciences, Shanghai 201800, China)

(Received 18 August 2016; revised manuscript received 5 December 2016)

Abstract

Grating based X-ray imaging technology is a coherent imaging technique that bears tremendous potential in threedimensional tomographic imaging of weak absorption contrast specimens. Three kinds of contrast information including absorption, phase and scattering can be retrieved separately based on a single set of raw projections. However, the grating based X-ray imaging with the conventional phase-retrieval method using the conventional phase-stepping approach and filtered back projection (FBP) reconstruction algorithm require large amounts of raw data, so that long exposure time and large amounts of radiation dose is accepted by the sample. According to the traditional grating based X-ray imaging system, we propose a low dose, fast, multi-contrast CT reconstruction approach based on the iterative reconstruction algorithm that optimizes dose efficiency but does not share the main limitations of other reported methods. Prior to reconstruction, firstly, the projections are acquired with the phase stepping approach and multi-contrast projections are retrieved from the raw data by conventional retrieval algorithm. Then the rotational variable differential phase projections are converted to rotational invariable projections by means of decomposing the differential phase projections into the rotational invariable projections in two mutually perpendicular derivative directions via the transformation of coordinates. Finally, the absorption, phase and scattering information are reconstructed with the iterative reconstruction algorithm and the phase is retrieved based on the fast Fourier transform (FFT). We validated and assessed the phase reconstruction approach with a numerical simulation on a phase Shepp-Logan phantom. The experiment was performed at the X-ray imaging and biomedical application beam line (BL-13W) in the Shanghai Synchrotron Radiation Facility (SSRF) where 20 keV X-ray from a Si(111) monochromator is emitted. The X-ray interferometer was positioned at 34 m from the Wiggler source. The images were recorded with a scintillator/lens-coupled CCD camera with 2048 pixel \times 2048 pixel resolution and an effective pixel size of 9 μ m. The numerical tests and the experimental results demonstrate that, for the small radiation dose deposited in the sample, the iterative reconstruction algorithm provides phase reconstructions of better quality and higher signal to noise ratio than the conventional FBP reconstruction algorithm, and also provides the multi-contrast 3D images, including absorption image, phase image and scattering image. This development is of particular interest for applications where the samples need inspecting under low dose and high speed conditions, and will play an important role in the nondestructive and quantitative imaging in the industry, biomedical and medical diagnosis fields.

Keywords: grating based X-ray imaging, iterative reconstruction algorithm, phase retrieval **PACS:** 42.25.Kb, 41.60.Ap, 07.60.Ly, 87.59.–e **DOI:** 10.7498/aps.66.054202

^{*} Project supported by the National Natural Science Foundation of China (Grant Nos. 11375257, 61301259, U1232205), the Foundation of North University of China (Grant No. 2015110246), and the Natural Science Foundation of Shanxi Province, China (Grant No. 2015021099).

[†] Corresponding author. E-mail: qijuncheng@nuc.edu.cn

[‡] Corresponding author. E-mail: tqxiao@sinap.ac.cn