# 物理学报 Acta Physica Sinica



#### 厚度剪切模式铌酸锂基复合材料的磁电性能优化

辛成舟 马健男 马静 南策文

Optimization of magnetoelectricity in thickness shear mode LiNbO<sub>3</sub>/magnetostrictive laminated composite

Xin Cheng-Zhou Ma Jian-Nan Ma Jing Nan Ce-Wen

引用信息 Citation: Acta Physica Sinica, 66, 067502 (2017) DOI: 10.7498/aps.66.067502 在线阅读 View online: http://dx.doi.org/10.7498/aps.66.067502 当期内容 View table of contents: http://wulixb.iphy.ac.cn/CN/Y2017/V66/I6

您可能感兴趣的其他文章 Articles you may be interested in

#### 磁铁/压电双晶片复合材料磁电耦合性能的优化设计

Optimization design for magnetoelectric coupling property of the magnet/bimorph composite 物理学报.2016, 65(16): 167501 http://dx.doi.org/10.7498/aps.65.167501

 $Tb_{0.3}Dy_{0.7}Fe_2$ 合金磁畴偏转的滞回特性研究

Study on hysteresis characteristics of magnetic domain rotation in Tb<sub>0.3</sub>Dy<sub>0.7</sub>Fe<sub>2</sub> alloy 物理学报.2016, 65(6): 067501 http://dx.doi.org/10.7498/aps.65.067501

Tb<sub>0.3</sub>Dy<sub>0.7</sub>Fe<sub>2</sub>合金的本构参数辨识方法研究

Method of identifying consitutive parameter in Tb<sub>0.3</sub>Dy<sub>0.7</sub>Fe<sub>2</sub> Alloy 物理学报.2015, 64(2): 027501 http://dx.doi.org/10.7498/aps.64.027501

压电材料全矩阵材料常数超声谐振谱反演技术中的变温模式识别

Mode identification via temperature variation in resonant ultrasonic spectroscopy technique for piezoelectric material

物理学报.2017, 66(2): 027703 http://dx.doi.org/10.7498/aps.66.027703

基于介质与铁氧体的通阻捷变磁可调频率选择表面设计研究

Design and research of magnetic tunable frequency selective surface based on dielectric and ferrite 物理学报.2016, 65(19): 197701 http://dx.doi.org/10.7498/aps.65.197701

## 厚度剪切模式铌酸锂基复合材料的磁电性能优化\*

辛成舟 马健男 马静† 南策文

(清华大学材料学院,新型陶瓷与精细工艺国家重点实验室,北京 100084)

(2016年11月8日收到;2016年12月21日收到修改稿)

通过弹性力学方法计算了基于厚度剪切模式的铌酸锂(LiNbO<sub>3</sub>)基磁电复合材料磁电系数与铌酸锂晶体切型、磁致伸缩材料种类、材料尺寸的关系,并讨论了两种不同复合结构边界条件对剪切磁电性能的影响. 计算结果表明: (*xzt*) 30°切型铌酸锂单晶具有最大剪切压电系数 *d*<sub>p15</sub>,制作成的复合材料具有最大剪切磁电系数 *α*<sub>E15</sub>;通过两相尺寸优化,伸缩-剪切模式 Terfenol-D/LiNbO<sub>3</sub> 复合材料最大剪切磁电系数为 24.13 V/(cm·Oe),剪切-剪切模式 Metglas/LiNbO<sub>3</sub> 复合材料最大剪切磁电系数为 11.46 V/(cm·Oe). 实验结果与理论计算规律相符,研究结果为剪切磁电复合结构的设计、剪切模式铌酸锂切型的选择优化提供了指导,有望利用高机械品质因数 *Q*<sub>m</sub> 值的铌酸锂单晶设计高频谐振磁场探测器.

关键词:厚度剪切模式,铌酸锂,磁电复合结构 PACS: 75.80.+q, 75.85.+t, 77.84.-s, 77.84.Lf

#### 1引言

磁电耦合效应是指施加磁场诱发电极化, 或 者电场调控磁性能. 磁致伸缩和压电材料通过应 力应变耦合,能够实现比单相材料更大的磁电响 应<sup>[1-5]</sup>.近年来,通过材料和振动模式选择、复合 结构设计,复合材料的磁电系数获得了进一步提 高<sup>[6-13]</sup>. 在压电材料方面, 锆钛酸铅陶瓷、铌镁酸 铅-钛酸铅(PMN-PT)单晶成为常用材料,然而它 们的居里温度较低,并且含铅,不利于高温使用和 环境保护. 无铅的铌酸锂 LiNbO3 单晶<sup>[14]</sup> 由于具 有1210°C的居里温度、高达104—10<sup>5</sup>的机械品质 因数Q<sub>m</sub>、大的压电系数和小的介电常数,逐渐成为 设计磁电复合材料的一种新的选择,并且铌酸锂具 有四个独立的压电系数分量 $d_{p31}, d_{p33}, d_{p15}, d_{p22},$ 同时具有伸缩和剪切两种振动模式,通过晶体切型 变化,还可以获得不同的压电系数,尤其是较大的 剪切压电系数,为磁电器件的各向异性设计带来便 利. Wang和Jiang<sup>[15]</sup>计算了不同切型铌酸锂的伸 缩压电性能, Kuo等<sup>[16]</sup>通过切型变化优化了铌酸

#### **DOI:** 10.7498/aps.66.067502

锂/磁致伸缩双层复合材料的伸缩模式磁电系数, 使铌酸锂基磁电复合材料的制备成为可能. 在磁致 伸缩材料方面,先前的研究主要关注巨磁致伸缩材 料 Terfenol-D<sup>[17-19]</sup>, 然而, Terfenol-D在实际应用 中需要大的直流偏置磁场,并且价格较高,不利于 制作小型化和低成本的磁传感器件,其替代品铁基 非晶合金 Metglas 更为便宜, 需要的直流偏置场低 且具有更大的压磁系数,在磁电器件的小型化和低 成本化方面展现出更广泛的应用前景. 在振动模 式方面,厚度剪切模式<sup>[20-24]</sup>具有更高的谐振频率, 制成的磁电复合材料在高频磁场探测方面有潜在 的应用前景,成为近年来的研究热点.然而,剪切 模式复合结构设计需要的边界条件要求较苛刻,复 合结构设计差异、铌酸锂切型变化、材料种类和尺 寸对于剪切磁电系数的影响目前尚不清楚,深入系 统地研究剪切磁电系数的影响因素,对于实现大的 剪切磁电系数 $\alpha_{\text{E15}}$ ,进而将高 $Q_{\text{m}}$ 值铌酸锂用于高 频磁场探测具有重要意义.

本文利用弹性力学方法探究了伸缩-剪切和剪 切-剪切两种模式铌酸锂基复合材料磁电系数的影

<sup>\*</sup> 国家自然科学基金(批准号: 51402164)资助的课题.

<sup>†</sup>通信作者. E-mail: ma-jing@mail.tsinghua.edu.cn

<sup>© 2017</sup> 中国物理学会 Chinese Physical Society

响因素,优化了剪切模式铌酸锂切型和材料尺寸,研究了Terfenol-D和Metglas两种磁致伸缩相对磁电系数的影响差异,并设计了一种可以输出均匀纯净剪切磁电信号的伸缩-剪切复合结构.结果表明,在优化的铌酸锂切型和材料尺寸时获得了大的剪切磁电系数输出,刚性边界条件有利于实现复合结构的剪切振动,并通过实验初步验证了理论计算给出的规律.

### 2 模型计算

图1(a)为伸缩-剪切磁电复合结构示意图<sup>[21]</sup>, 压电相在受到剪切应力的同时会发生伸缩变形,如 图1(b)所示. 当单独研究复合结构一侧与磁致伸 缩相黏接的压电相时,其下表面的变形被边界条件 抑制,而上表面在与其黏接的磁致伸缩相作用下产 生了向两边的伸缩变形,从而使这一侧压电相整体 发生了上下表面不均匀的梯形形变,类似于受到两 边对称的单面剪切应力,但其产生的对称剪切信号 会相互抵消,实际上受到的是单面纯伸缩变形,引 发了厚度的变化,输出了长度伸缩磁电信号.显然, 是中间未黏接部分磁致伸缩相在磁场作用下的形 变才使两侧压电相的上表面均受到单方向的剪切 力.因此,伸缩-剪切结构输出的磁电信号为伸缩和 剪切信号的叠加,因其在剪切形变同时发生的单面 伸缩变形仍能带来大的磁电信号,并且这两种信号 无法在同一结构中分离开,只能另外制作仅有一边 的单面伸缩结构才能单独测量其长度伸缩磁电信 号,且两个结构制作过程中的偶然差异会给测量、 计算复合结构的真实纯剪切信号带来误差.图1(c) 为在图1(a)基础上提出的新的剪切结构设计,可 以利用伸缩-剪切复合结构输出纯净的剪切磁电信 号,不会发生伸缩变形,其中的刚性层应为理想状 态下弹性模量极高的材料,其自身不会发生变形, 又能有效传递磁致伸缩相带来的剪切应力和应变, 可使压电相产生均匀的平行四边形形变,如图1(d) 所示.

上述结构中,剪切模式压电相和伸缩模式的磁 致伸缩相材料满足下列等式:

$$S_{\rm p5} = s_{55}^E T_{\rm p5} + d_{\rm p15} E_1, \tag{1}$$

$$D_{\rm p1} = d_{\rm p15} T_{\rm p5} + \varepsilon_{11}^T E_1, \qquad (2)$$

$$S_{\rm m3} = s_{33}^H T_{\rm m3} + d_{\rm m33} H_3, \tag{3}$$

$$B_{\rm m3} = d_{\rm m33}T_{\rm m3} + \mu_{33}^T H_3, \tag{4}$$

其中 $d_{p15}$ 和 $d_{m33}$ 分别是剪切压电系数和伸缩压磁 系数; $s_{55}^E$ 和 $s_{33}^H$ 分别是处在电场和磁场中的弹性柔 顺系数, $\varepsilon_{11}^T$ 为介电常数, $\mu_{33}^T$ 是磁导率.等式中的p和m分别代表压电相和磁致伸缩相,T,S,E,D分 别代表应力、应变、电场和电位移.当压电相处于短 路状态时E = 0,满足等式:

$$S_{\rm p5} = s_{55}^E T_{\rm p5},\tag{5}$$

$$D_{\rm p1} = d_{\rm p15} T_{\rm p5} = \frac{S_{\rm p5}}{s_{55}^E} d_{\rm p15}.$$
 (6)



图 1 (网刊彩色) 伸缩 -剪切模式磁电复合结构及形变分析 (a) 示意图; (b) 伸缩变形分析; (c) 改进设计图; (d) 改进设计伸缩变形分析

Fig. 1. (color online) Stretch-shear magnetoelectric (ME) composite: (a) Schematic diagram; (b) stretching deformation analysis; (c) optimized design; (d) stretching deformation analysis of the optimized design.

在伸缩-剪切模式复合结构中,磁致伸缩相的 伸缩应力*T*<sub>m3</sub>被转换为了*T*<sub>m5</sub>,成为施加在压电相 表面上的剪切应力,如下式所示:

$$T_{\rm m3}A_{\rm m} = T_{\rm m5}A_{\rm p},\tag{7}$$

其中 $A_m$ 和 $A_p$ 分别是磁致伸缩相的横截面积 (图1(a)中"3"方向作为其法向量的平面)和压电 相的上表面面积(图1(a)中"1"方向作为其法向量 的平面).由于两相的宽度相同,则 $A_m$ , $A_p$ 分别和 磁致伸缩相厚度、压电相长度相关,得到

$$T_{\rm m3}t_{\rm m} = T_{\rm m5}l_{\rm p},\tag{8}$$

其中 t<sub>m</sub> 和 l<sub>p</sub> 分别为磁致伸缩相的厚度和压电相的 长度, 磁致伸缩相提供的剪切应力全部变为压电相 受到的剪切应力, 从而得到

$$T_{\rm p5} = -T_{\rm m5}.$$
 (9)

然后有

$$S_{\rm m3} = -s_{33}^H \frac{S_{\rm p5}}{s_{55}^E} \cdot \frac{l_{\rm p}}{t_{\rm m}} + d_{\rm m33}H_3.$$
(10)

在伸缩-剪切模式磁电复合结构中,磁致伸缩 相的长度方向伸缩应变转换为压电相的厚度方向 剪切应变,因而两相的应变耦合公式如下:

$$S_{\rm m3}l_{\rm m} = S_{\rm p5}t_{\rm p},$$
 (11)

其中*l*<sub>m</sub>和*t*<sub>p</sub>分别为提供伸缩应变的磁致伸缩相长度和压电相的厚度,在该结构中*l*<sub>m</sub>为中间部分磁致伸缩相长度的一半.然后,

$$S_{p5} = \frac{d_{m33}H_3}{\frac{t_p}{l_m} + \frac{s_{33}^H}{s_{55}^E} \cdot \frac{l_p}{t_m}},$$
(12)  
$$Q_p = \left(\frac{d_{p15}S_{p5}}{s_{55}^E}\right)A_p$$
$$= \left(\frac{d_{p15}}{s_{55}^E}\right) \left(\frac{d_{m33}H_3}{\frac{t_p}{l_m} + \frac{s_{33}^H}{s_{55}^E} \cdot \frac{l_p}{t_m}}\right)A_p,$$
(13)

$$\frac{V_{\text{out}}}{H_3} = \frac{Q_{\text{p}}}{C_{\text{f}}H_3} = \frac{d_{\text{p15}}d_{\text{m33}}A_{\text{p}}}{C_{\text{f}}s_{44}^E \left(\frac{t_{\text{p}}}{l_{\text{m}}} + \frac{s_{33}^H}{s_{55}^E} \cdot \frac{l_{\text{p}}}{t_{\text{m}}}\right)},$$
(14)

$$C_{\rm f} = \frac{\varepsilon_0 \varepsilon_{11}^* A_{\rm p}}{t_{\rm p}},\tag{15}$$

$$\frac{V_{\rm out}}{H_3} = \frac{Q_{\rm p}}{C_{\rm f}H_3}$$

$$= \frac{d_{p15}d_{m33}}{\varepsilon_0 \varepsilon_{11}^T \left(\frac{s_{55}^E}{l_m} + \frac{s_{33}^H}{t_p} \cdot \frac{l_p}{t_m}\right)},$$
(16)  
$$\alpha_{E15} = \frac{V_{out}}{t_p H_3} = \frac{Q_p}{t_p C_f H_3}$$
$$= \frac{d_{p15}d_{m33}}{\varepsilon_0 \varepsilon_{11}^T \left(\frac{t_p}{l_m} s_{55}^E + \frac{l_p}{t_m} s_{33}^H\right)}.$$
(17)

因此,在伸缩-剪切模式磁电复合结构中,磁电 耦合系数大小和两相材料的长度、厚度均有关系. 由于 $t_p/l_m$ 的数值比 $l_p/t_m$ 小很多,则 $t_p/l_m s_{55}^E$ 的变 化对剪切磁电耦合系数的影响很小,因此在铌酸锂 基剪切磁电复合材料中,可以不考虑弹性柔顺系数  $s_{55}^E$ 随切型变化而变化带来的影响,在材料尺寸固 定时满足 $\alpha_{E15} \propto d_{p15}/\varepsilon_{11}^T$ ;当用于(*xzt*)系列铌酸 锂切型时,晶体坐标系只是沿其*x*轴方向(厚度方 向)进行了旋转,由于铌酸锂晶片坐标系绕*x*轴旋 转后介电常数 $\varepsilon_{11}^T$ 的数值是不变的,因此该系列切 型满足 $\alpha_{E15} \propto d_{p15}$ ,即剪切磁电耦合系数与剪切 压电系数有相同的变化规律.

对于剪切-剪切模式磁电复合结构<sup>[23]</sup>,如 图2(a)所示,以磁致伸缩相的剪切振动带动压电 相的剪切振动,相应磁电耦合系数计算公式为<sup>[24]</sup>

$$\alpha_{\rm E15} = \frac{V_{\rm out}}{t_{\rm p}H_1} = \frac{Q_{\rm p}}{t_{\rm p}C_{\rm f}H_1} = \frac{d_{\rm p15}d_{\rm m15}}{\varepsilon_0\varepsilon_{11}^T \left(s_{44}^E \frac{t_{\rm p}}{2t_{\rm m}} + s_{44}^H\right)}.$$
 (18)

在铌酸锂基磁电复合材料中,  $\alpha_{E15} \propto \frac{d_{p15}}{\varepsilon_{11}^T}$ 在 剪切-剪切结构的公式中则不能严格成立, 因为  $s_{44}^E \frac{t_p}{2t_m}$ 数值较大, 剪切磁电系数受弹性柔顺系数  $s_{44}^E$ 随切型变化而变化带来的影响则不能忽略. 不 难发现, 实现磁电复合结构的剪切-剪切振动需要 设计较复杂的边界条件, 如图 2 (b) 所示, 边界条件 需使复合结构在长度方向上不能产生任何相对位 移, 而在厚度方向上又有一定的自由度, 从而满足 剪切变形时可能发生的材料厚度变化, 可行的边 界条件设计如图 2 (c) 和图 2 (d) 所示, 其中使用弹 性模量极高的外壳作为边界条件, 需要强调的是, 刚性边界条件应严格限制复合结构在长度方向上 的相对位移, 这是该结构能实现剪切-剪切振动的 关键.



图 2 (网刊彩色)剪切-剪切模式磁电复合结构及边界条件设计 (a)示意图; (b)剪切变形分析; (c)边界条件设计 1; (d)边界条件设计 2

Fig. 2. (color online) Shear-shear ME composite: (a) Schematic diagram; (b) shearing deformation analysis;(c) boundary conditions design 1; (d) boundary conditions design 2.

对于铌酸锂切型变化和压电系数的关系, 本文所用切型转角计算公式来自参考文献[15], 新切型转角的压电应变系数 (C/N) 张量为 $d' = A_z \cdot A_y \cdot A_x \cdot d \cdot N_x^t \cdot N_y^t \cdot N_z^t$ ,其中A为旋转转角矩 阵,N为相应的邦德应变变换矩阵,新切型的介电 常数张量为 $\varepsilon_{ij}^{T'} = A \cdot \varepsilon_{ij}^T \cdot A^t$ .计算所需的其他材 料参数见表1.

Table 1. Material constants of LiNbO<sub>3</sub>, Metglas and Terfenol-D (Units:  $s, 10^{-12} \text{ m}^2/\text{N}; d_{\text{p}}, 10^{-12} \text{ C/N}; d_{\text{m}}, 10^{-6} \text{ Oe}^{-1}; t, 10^{-6} \text{ m}; \varepsilon_0 = 8.854 \times 10^{-12} \text{ F/m})^{[16,25]}.$ 

性能	铌酸锂	性能	Metglas	性能	Terfenol-D
$s_{11}^{E}$	5.55	$s^H_{11}$	10	$s_{11}^H$	38.4
$s^E_{33}$	4.8	$s^H_{33}$	6	$s^H_{33}$	45.4
$s^E_{44}$	20.6	$s^H_{44}$	15	$s^H_{44}$	73.5
$\varepsilon_{11}^T$	85	$d_{\rm m33}$	0.3	$d_{\mathrm{m}33}$	0.7
$\varepsilon_{33}^T$	30	$d_{m15}$	0.3	$d_{\rm m15}$	0.634
$d_{\rm p31}$	0.86	$t_{ m m}$	25		
$d_{\mathrm{p33}}$	6.2	$l_{ m m}$	$8\times 10^3$		
$d_{\rm p15}$	74				
$d_{\rm p22}$	20.8				
$t_{\rm p}$	500				
$l_{\rm p}$	$6  imes 10^3$				

### 3 结果与讨论

基于图1中的伸缩-剪切磁电复合结构,首先 在正常X切铌酸锂单晶基础上进行切型变化,对

于伸缩-剪切模式 Metglas/LiNbO<sub>3</sub> [(xzlw) x°/y°], 图 3(a) 显示当x = 30, y = -11.25时,最大的 剪切磁电系数 α<sub>E15</sub> 为 214.1 mV/(cm·Oe); 对于 Metglas/LiNbO<sub>3</sub>[(xzlt)  $x^{\circ}/y^{\circ}$ ], 图 3 (b) 显示最大  $\alpha_{E15}$ 为235.1 mV/(cm·Oe), 出现在x = 0, y = 30时;而对于 Metglas/LiNbO<sub>3</sub>[(xztw) $x^{\circ}/y^{\circ}$ ], 图 3(c) 显示最大α<sub>E15</sub>同样为235.1 mV/(cm·Oe),此时 x = 30, y = 0. 上述计算结果表明(xzt) 30°是 铌酸锂获得最大剪切磁电系数α<sub>E15</sub>的最优切 型,这是由于(xzt) 30° 铌酸锂具有最大的剪切 压电系数 $d_{p15} = 84.89 \text{ pC/N}$ , 计算中 $\alpha_{E15}$ 的数 值明显小于伸缩磁电系数 $\alpha_{E31}$ 和 $\alpha_{E33}$ ,原因是 该结构使用 Metglas 的  $t_{\rm m}$  和  $d_{\rm m33}$  数值较小. 当 在正常Y切铌酸锂基础上进行切型变化的计 算时,对于伸缩-剪切模式Metglas/LiNbO<sub>3</sub>[(yzlt)  $x^{\circ}/y^{\circ}$ ],图4(a)显示当x = 30, y = 30时,最大 的剪切磁电系数 $\alpha_{E24}$ 为235.1 mV/(cm·Oe); 对于 Metglas/LiNbO<sub>3</sub> [(yzlw) x°/y°], 图 4 (b) 显示最大  $\alpha_{E24}$ 为218.6 mV/(cm·Oe), 出现在x = 37.5, y =11.25 时; 而对于 Metglas/LiNbO<sub>3</sub> [(yzwt)  $x^{\circ}/y^{\circ}$ ], 图 4 (c) 显示最大  $\alpha_{E24}$  为 214.1 mV/(cm·Oe), 此时 x = -11.25, y = 0, 上述计算结果表明(yzlt)  $30^{\circ}/30^{\circ}$ 是铌酸锂获得最大剪切磁电系数 $\alpha_{E24}$ 的 最优切型,且该切型能获得的最大剪切磁电系数与 (xzt) 30° 切型相同,由于晶体旋转次数与加工难度 成正比,建议使用铌酸锂(xzt) 30°切型制作剪切 磁电复合材料.



图 3 (网刊彩色) 剪切磁电系数  $\alpha_{E15}$  与铌酸锂 (LiNbO<sub>3</sub>) 切型的关系 (a) LiNbO<sub>3</sub> [(*xzlw*)  $x^{\circ}/y^{\circ}$ ]; (b) LiNbO<sub>3</sub> [(*xzlt*)  $x^{\circ}/y^{\circ}$ ]; (c) LiNbO<sub>3</sub> [(*xztw*)  $x^{\circ}/y^{\circ}$ ] Fig. 3. (color online) ME coefficient  $\alpha_{E15}$  as a function of orientations of (a) LiNbO<sub>3</sub> [(*xzlw*)  $x^{\circ}/y^{\circ}$ ], (b) LiNbO<sub>3</sub> [(*xzlt*)  $x^{\circ}/y^{\circ}$ ], (c) LiNbO<sub>3</sub> [(*xztw*)  $x^{\circ}/y^{\circ}$ ].

图 5 是对伸缩-剪切 Metglas/铌酸锂磁电复合 结构材料尺寸进行计算优化的结果,表明剪切磁电 系数大小与磁致伸缩相和压电相的长度、厚度均有 关系, $\alpha_{E15}$ 随着磁致伸缩相厚度 $t_m$ 的上升而上升, 这是因为磁致伸缩相提供的应力与其横截面积成 正比,当压电相长度 $l_p$ 值下降时,磁电耦合系数提 高,是因为 $T_{m3}t_m = T_{m5}l_p$ ,应力 $T_{m5} 与 l_p$ 成反比; 在伸缩-剪切结构中, $t_p/l_m$ 数值相对较小,因此剪 切磁电系数受 $t_p$ 和 $l_m$ 影响较小.需要说明的是,由



图 4 (网刊彩色) 剪切磁电系数  $\alpha_{E24}$  与铌酸锂 (LiNbO<sub>3</sub>) 切型的关系 (a) LiNbO<sub>3</sub> [(yzlt)  $x^{\circ}/y^{\circ}$ ]; (b) LiNbO<sub>3</sub> [(yzlw)  $x^{\circ}/y^{\circ}$ ]; (c) LiNbO<sub>3</sub> [(yzwt)  $x^{\circ}/y^{\circ}$ ] Fig. 4. (color online) ME coefficient  $\alpha_{E24}$  as a function of orientations of (a) LiNbO<sub>3</sub> [(yzlt)  $x^{\circ}/y^{\circ}$ ], (b) LiNbO<sub>3</sub> [(yzlw)  $x^{\circ}/y^{\circ}$ ], (c) LiNbO<sub>3</sub> [(yzwt)  $x^{\circ}/y^{\circ}$ ].

于复合结构中的 Metglas 是由单层 Metglas 薄片通 过环氧树脂胶黏接成的叠层,因此其厚度很难提高 到1 mm,并且黏接多层树脂会显著地降低其压磁 系数 d<sub>m33</sub>,所以计算结果中假设 d<sub>m33</sub>不随 t<sub>m</sub> 的上 升而下降只是一种理想情况,因此将能够做得很厚 的 Terfenol-D代入计算公式中会更加符合实际条 件,图 6显示了剪切磁电系数随 Terfenol-D/铌酸锂 复合材料中 Terfenol-D厚度变化而变化的情况,表 明较厚的 Terfenol-D 会显著提高其剪切磁电耦合系



图 5 伸缩 -剪切结构磁电系数  $\alpha_{E15}$  随 Metglas 和铌酸锂尺寸的变化,其中  $d_{p15} = 74 \times 10^{-12}$  C/N,  $d_{m33} = 0.3 \times 10^{-6}$  Oe<sup>-1</sup> (a)  $\alpha_{E15}$  随铌酸锂厚度变化  $\alpha_{E15}$  [mV/(cm·Oe)]- $t_p$  (mm); (b)  $\alpha_{E15}$  随铌酸锂长度变化  $\alpha_{E15}$  [mV/(cm·Oe)]- $l_p$  (cm); (c)  $\alpha_{E15}$  随 Metglas 厚度变化  $\alpha_{E15}$  [V/(cm·Oe)]- $t_m$  (mm); (d)  $\alpha_{E15}$  随 Metglas 长度 变化  $\alpha_{E15}$  [mV/(cm·Oe)]- $l_m$  (cm)

Fig. 5. ME coefficient  $\alpha_{E15}$  as a function of sizes of stretch-shear Metglas/LiNbO<sub>3</sub> composite. From which  $d_{p15} = 74 \times 10^{-12} \text{ C/N}, d_{m33} = 0.3 \times 10^{-6} \text{ Oe}^{-1}$ , (a)  $\alpha_{E15} \text{ [mV/(cm \cdot Oe)]} \cdot t_p$  (mm), (b)  $\alpha_{E15} \text{ [mV/(cm \cdot Oe)]} \cdot t_p$  (cm), (c)  $\alpha_{E15} \text{ [V/(cm \cdot Oe)]} \cdot t_m$  (mm), (d)  $\alpha_{E15} \text{ [mV/(cm \cdot Oe)]} \cdot t_m$  (cm).



图 6 伸缩-剪切结构磁电系数  $\alpha_{\rm E15}$  随 Terfenol-D 厚度的变化, 其中  $d_{\rm p15} = 74 \times 10^{-12}$  C/N,  $d_{\rm m33} = 0.7 \times 10^{-6}$  Oe<sup>-1</sup> Fig. 6. ME coefficient  $\alpha_{\rm E15}$  as a function of sizes of stretch-shear Terfenol-D/LiNbO<sub>3</sub> composite. From which  $\alpha_{\rm E15}$  [V/(cm·Oe)]- $t_{\rm m}$  (mm),  $d_{\rm p15} = 74 \times 10^{-12}$  C/N,  $d_{\rm m33} = 0.7 \times 10^{-6}$  Oe<sup>-1</sup>.

数, 当 $t_m$ 为1 cm时, Terfenol-D能保持其原有的压 磁系数 $d_{m33}$ , 而此时理论磁电系数 $\alpha_{E15}$ 可以达到 24.13 V/(cm·Oe).

图 7 是对剪切-剪切磁电复合结构尺寸进行计 算优化的结果,剪切磁电系数大小只与两相材料的 厚度有关,表明剪切磁电系数与磁致伸缩相厚度 呈正相关、与压电相厚度呈负相关,是因为磁致伸 缩相为激发振动的主动相,而压电相为被动相.当  $t_{\rm m} = 0.48 \text{ mm}, t_{\rm p} = 0.5 \text{ mm}$ 时, Metglas/铌酸锂复 合材料最大的 $\alpha_{\rm E15}$ 为11.46 V/(cm·Oe), Terfenol-D/铌酸锂复合材料最大的 $\alpha_{\rm E15}$ 为7.40 V/(cm·Oe), 剪切-剪切结构中的Terfenol-D比 Metglas有相对 更大的弹性柔顺系数 $s_{44}^H$ ,因此其 $\alpha_{\rm E15}$ 相对较小, 然而,获得厚度较大且压磁系数保持不变的Metglas叠层仍是材料制备中的难题.值得一提的是, 由于磁致伸缩材料厚度方向上的退磁场大于长度 方向上的退磁场,因此剪切-剪切磁电复合结构需 要大的直流偏置磁场来激发大的 $\alpha_{\rm E15}$ ,这限制了该 结构在小型化磁传感器领域的应用.

为了初步验证理论结果的可靠性,利用最 优铌酸锂切型 (*xzt*) 30°( $d_{p15} = 84.89 \text{ pC/N}$ ) 制 作成如图1(a)所示的伸缩-剪切复合结构,其中 将5片 Metglas 黏接成单层磁致伸缩相以提供更 大的应力,并选用常规切型 (*xzt*) 0° ( $d_{p15} =$ 74 pC/N)进行对比实验,其剪切磁电系数如图8所 示,Metglas/铌酸锂 (*xzt*) 0° 复合材料的 $\alpha_{E15}$ 为 404.6 mV/(cm·Oe),而Metglas/铌酸锂 (*xzt*) 30° 的 $\alpha_{E15}$ 为680.3 mV/(cm·Oe),同时利用仅黏接1 片铌酸锂的结构对比其单面伸缩磁电信号.结果表明(*xzt*) 30°铌酸锂基复合材料能比常规切型获得更大的剪切磁电系数,且该切型的伸缩磁电信号为零,证实了图3中的切型计算结果.

对材料尺寸进行计算优化的结果显示, 剪切磁电系数与Terfenol-D的厚度呈显著的正 相关,因此在实验上利用Terfenol-D/铌酸锂制 成复合结构,其剪切磁电系数如图9所示,当  $t_{\rm m} = 1 \text{ mm时, Terfenol-D/铌酸锂复合材料的}$   $\alpha_{E15}$ 为431.4 mV/(cm·Oe),当 $t_m = 2$  mm时 $\alpha_{E15}$ 为626.8 mV/(cm·Oe),表明剪切磁电系数随着 Terfenol-D厚度上升而上升,与图6中计算结论一 致.但是实验测得的剪切磁电系数仅为计算值的 15%左右,这是因为计算中没有考虑树脂黏接层 对应变传递的损耗并假设完全刚性的力学受夹边 界条件,剪切磁电系数的进一步优化需要更厚的 Terfenol-D和更高弹性模量的底部边界条件.



图 7 剪切-剪切结构磁电系数  $\alpha_{E15}$  随两相材料厚度的变化 (a)  $\alpha_{E15}$  [V/(cm·Oe)]- $t_p$  (mm),  $t_m = 25 \mu m$ , Metglas/铌 酸锂复合材料; (b)  $\alpha_{E15}$  [V/(cm·Oe)]- $t_m$  (mm),  $t_p = 0.5$  mm, Metglas/铌酸锂复合材料; (c)  $\alpha_{E15}$  [V/(cm·Oe)]- $t_p$  (mm),  $t_m = 0.5$  mm, Terfenol-D/ 铌酸锂复合材料; (d)  $\alpha_{E15}$  [V/(cm·Oe)]- $t_m$  (mm),  $t_p = 0.5$  mm, Terfenol-D/ 铌酸锂复合材料; (d)  $\alpha_{E15}$  [V/(cm·Oe)]- $t_m$  (mm),  $t_p = 0.5$  mm, Terfenol-D/ 铌酸 锂复合材料

Fig. 7. ME coefficient  $\alpha_{E15}$  as a function of sizes of shear-shear ME composite: (a)  $\alpha_{E15}$  [V/(cm·Oe)]- $t_p$  (mm),  $t_m = 25 \ \mu$ m, Metglas/LiNbO<sub>3</sub> composite; (b)  $\alpha_{E15}$  [V/(cm·Oe)]- $t_m$  (mm),  $t_p = 0.5 \ \text{mm}$ , Metglas/LiNbO<sub>3</sub> composite; (c)  $\alpha_{E15}$  [V/(cm·Oe)]- $t_p$  (mm),  $t_m = 0.5 \ \text{mm}$ , Terfenol-D/LiNbO<sub>3</sub> composite; (d)  $\alpha_{E15}$  [V/(cm·Oe)]- $t_m$  (mm),  $t_p = 0.5 \ \text{mm}$ , Terfenol-D/LiNbO<sub>3</sub> composite.



图 8 (网刊彩色)伸缩-剪切 Metglas/ 铌酸锂复合结构的实测剪切磁电系数与铌酸锂切型的关系

Fig. 8. (color online)  $\alpha_{E15}$  of stretch-shear Metglas/LiNbO<sub>3</sub> ME laminate composite in experiment with different crystal orientations of LiNbO<sub>3</sub>.



图 9 伸缩-剪切 Terfenol-D/铌酸锂复合结构的实测剪切 磁电系数与 Terfenol-D 厚度的关系

Fig. 9.  $\alpha_{E15}$  of stretch-shear Terfenol-D/LiNbO<sub>3</sub> ME laminate composite in experiment with different thickness of Terfenol-D.

## 4 结 论

本文研究了基于剪切振动模式的铌酸锂基磁 电复合材料,通过弹性力学方法计算了铌酸锂单晶 切型、磁致伸缩材料种类、材料尺寸、复合结构边 界条件对剪切磁电系数的影响.结果表明,铌酸锂 (xzt) 30°切型是实现最优剪切磁电系数 $\alpha_{E15}$ 的切 型,剪切磁电系数与磁致伸缩材料的厚度呈明显正 相关,计算得到的伸缩-剪切模式Terfenol-D/铌酸 锂复合材料最大剪切磁电系数为24.13 V/(cm·Oe), 剪切-剪切模式Metglas/铌酸锂复合材料最大剪切 磁电系数为11.46 V/(cm·Oe).本研究将铌酸锂单 晶和Metglas引入剪切磁电复合材料,为设计剪切 磁电复合结构、优化剪切模式铌酸锂单晶切型选择 提供了指导,有望应用于高 $Q_m$ 值高频谐振条件的 交流磁场探测.

#### 参考文献

- Nan C W, Bichurin M I, Dong S X, Viehland D, Srinivasan G 2008 J. Appl. Phys. 103 031101
- [2] Ma J, Hu J M, Li Z, Nan C W 2011 Adv. Mater. 23 1062
- [3] Ma J, Shi Z, Lin Y H, Nan C W 2009 Acta Phys. Sin. 58 5852 (in Chinese) [马静, 施展, 林元华, 南策文 2009 物 理学报 58 5852]

- [4] Zhou J P, Shi Z, Liu G, He H C, Nan C W 2006 Acta Phys. Sin. 55 3766 (in Chinese) [周剑平, 施展, 刘刚, 何 泓材, 南策文 2006 物理学报 55 3766]
- [5] Shi Z, Nan C W 2004 Acta Phys. Sin. 53 2766 (in Chinese) [施展, 南策文 2004 物理学报 53 2766]
- [6] Jia Y M, Luo H S, Zhao X Y, Wang F F 2008 Adv. Mater. 20 4776
- [7] Li P, Wen Y M, Bian L X 2007 Appl. Phys. Lett. 90 022503
- [8] Bi K, Wang Y G, Pan D A, Wu W 2011 J. Mater. Res. 26 2707
- [9] Li L, Chen X M, Zhu H Y 2012 J. Alloys Compd. 526 116
- [10] Zeng L Y, Zhou M H, Bi K, Lei M 2016 J. Appl. Phys. 119 034102
- [11] Zhai J Y, Xing Z P, Dong S X, Li J F, Viehland D 2008 J. Am. Ceram. Soc. 91 351
- [12] Chashin D V, Fetisov Y K, Tafintseva E V, Srinivasan G 2008 Solid State Commun. 148 55
- [13] Wen Y M, Wang D, Li P, Chen L, Wu Z Y 2011 Acta Phys. Sin. 60 097506 (in Chinese) [文玉梅, 王东, 李平, 陈蕾, 吴治峄 2011 物理学报 60 097506]
- [14] Weis R S, Gaylord T K 1985 Appl. Phys. A 37 191
- [15] Wang Y, Jiang Y J 2003 Opt. Mater. 23 403
- [16] Kuo H Y, Slinger A, Bhattacharya K 2010 Smart Mater. Struct. 19 125010
- [17] Ma J, Shi Z, Nan C W 2007 Adv. Mater. 19 2571
- [18] Bi K, Ai Q W, Yang L, Wu W, Wang Y G 2011 Acta Phys. Sin. 60 057503 (in Chinese) [毕科, 艾迁伟, 杨路, 吴玮, 王寅岗 2011 物理学报 60 057503]
- [19] Wan H, Xie L Q, Wu X Z, Liu X C 2005 Acta Phys. Sin.
  54 3872 (in Chinese) [万红, 谢立强, 吴学忠, 刘希从 2005 物理学报 54 3872]
- [20] Bichurin M I, Petrov R V, Petrov V M 2013 Appl. Phys. Lett. 103 092902
- [21] Wang Y J, Hasanyan D, Li J F, Viehland D, Luo H S 2012 Appl. Phys. Lett. 100 202903
- [22] Zhang J T, Li P, Wen Y M, He W, Yang A C, Lu C J 2014 Sens. Actuator A: Phys. 214 149
- [23] Liu G X, Zhang C L, Dong S X 2014 J. Appl. Phys. 116 074104
- [24] Lu M C, Mei L, Jeong D Y, Xiang J, Xie H Q, Zhang Q M 2015 Appl. Phys. Lett. 106 112905
- [25] Meeks S W, Hill J C 1983 J. Appl. Phys. 54 6584

## Optimization of magnetoelectricity in thickness shear mode $LiNbO_3$ /magnetostrictive laminated composite<sup>\*</sup>

Xin Cheng-Zhou Ma Jian-Nan Ma Jing<sup>†</sup> Nan Ce-Wen

(State Key Laboratory of New Ceramics and Fine Processing, School of Materials Science and Engineering, Tsinghua University, Beijing 100084, China)

(Received 8 November 2016; revised manuscript received 21 December 2016)

#### Abstract

Magnetoelectric (ME) composites have recently attracted much attention and triggered a great number of research activities, owing to their potential applications in sensors and transducers. Many researches have focused on the enhancement of ME coefficient by choosing suitable composite material and vibration mode based on the coupling between stress and strain. Besides normal stress, another vibration mode, shear mode, is further discussed as a potential high-frequency resonant device for a high frequency magnetic field detector, and it is useful to optimize the shear ME coefficient to broaden the application scope of the compositions. In this paper, an elasticity method is used to calculate ME coefficients of thickness shear mode LiNbO<sub>3</sub>/magnetostrictive laminated composites for various crystal orientations of LiNbO<sub>3</sub>, magnetostrictive materials and material sizes. The stretch-shear structure and shear-shear modes of the composite with considering the boundary condition are both discussed and further optimized. According to the structure design of stretch-shear mode composite from the literature, we design a new structure to achieve the uniform and pure shear ME effect, which changes the magnetostrictive phase on the bonding part into rigid material to avoid stretch deformation. We find that in the shear-shear ME composite, the structure should not move in the in-plane direction in order to realize the parallelogram deformation under shear stress, but should be free in the thickness direction to meet the change of thickness with shear deformation. For the stretch-shear mode Metglas/LiNbO<sub>3</sub> [(xzlt)  $x^{\circ}/y^{\circ}$ ], the shear ME coefficient  $\alpha_{E15}$  as a function of orientation of LiNbO<sub>3</sub> shows that the maximum  $\alpha_{E15}$  is 235.1 mV/(cm·Oe) when x = 0 and y = 30. The results indicate that optimal shear ME coefficient is obtained at (xzt) 30° LiNbO<sub>3</sub>, resulting from the maximum shear piezoelectric coefficient  $d_{p15}$ . By changing the material size in stretch-shear composite, the shear ME coefficient increases with the increase of thickness of magnetostrictive phase, because the stretch force increases with the increase of the cross-sectional area of magnetostrictive phase. The maximum values of  $\alpha_{E15}$  are, respectively, 24.13 V/(cm·Oe) in the stretch-shear mode Terfenol-D/LiNbO<sub>3</sub> and  $11.46 \text{ V/(cm \cdot Oe)}$  in the shear-shear mode Metglas/LiNbO<sub>3</sub> by the optimization of material sizes. Experimental results are in accordance with calculation results. It is confirmed that  $LiNbO_3$  (xzt) 30° is the best choice for achieving the largest shear ME effect, and thicker Terfenol-D can help to achieve a larger ME coefficient in this stretch-shear composite. This work provides a design method to choose the structure and crystal orientation of shear LiNbO<sub>3</sub>-based ME laminated composite, which shows a prospect of applications in high-mechanical-quality factor  $Q_{\rm m}$  and high-frequency magnetic detectors with shear resonant devices.

Keywords: thickness shear mode, LiNbO<sub>3</sub>, magnetoelectric composite structure **DOI:** 10.7498/aps.66.067502

**PACS:** 75.80.+q, 75.85.+t, 77.84.-s, 77.84.Lf

<sup>\*</sup> Project supported by the National Natural Science Foundation of China (Grant No. 51402164).

<sup>†</sup> Corresponding author. E-mail: ma-jing@mail.tsinghua.edu.cn