# 物理学报 Acta Physica Sinica



#### 锯齿型碳纳米管的结构衍生及电子特性

刘雅楠 路俊哲 祝恒江 唐宇超 林响 刘晶 王婷

Structural derivative and electronic properties of zigzag carbon nanotubes

Liu Ya-Nan Lu Jun-Zhe Zhu Heng-Jiang Tang Yu-Chao Lin Xiang Liu Jing Wang Ting

引用信息 Citation: Acta Physica Sinica, 66, 093601 (2017) DOI: 10.7498/aps.66.093601 在线阅读 View online: http://dx.doi.org/10.7498/aps.66.093601 当期内容 View table of contents: http://wulixb.iphy.ac.cn/CN/Y2017/V66/I9

您可能感兴趣的其他文章 Articles you may be interested in

基于改进 Basin-Hopping Monte Carlo 算法的  $Fe_n$ -Pt<sub>m</sub>(5 = n+m = 24)合金团簇结构优化 Structural optimization of  $Fe_n$ -Pt<sub>m</sub> (5 = n+m = 24) alloy clusters based on an improved Basin-Hopping Monte Carlo algorithm

物理学报.2017, 66(5): 053601 http://dx.doi.org/10.7498/aps.66.053601

#### Cu偏析诱导 Co团簇结构及性质异常的动力学模拟

Dynamics simulation on the segregations of Cu induced Co-based cluster structures and their properties 物理学报.2016, 65(12): 123601 http://dx.doi.org/10.7498/aps.65.123601

电场诱导(MgO)12储氢的从头计算研究

The electric field effect on the hydrogen storage of (MgO)<sub>12</sub> by ab intio calculations 物理学报.2015, 64(19): 193601 http://dx.doi.org/10.7498/aps.64.193601

氢团簇在飞秒强激光场中的动力学行为

Dynamic behavior of hydrogen clusters under intense femtosecond laser 物理学报.2015, 64(16): 163601 http://dx.doi.org/10.7498/aps.64.163601

基于遗传算法的 Au-Cu-Pt 三元合金纳米粒子的稳定结构研究

Stable structure optimization of Au-Cu-Pt trimetallic nanoparticles based on genetic algorithm 物理学报.2015, 64(15): 153601 http://dx.doi.org/10.7498/aps.64.153601

# 锯齿型碳纳米管的结构衍生及电子特性\*

刘雅楠 路俊哲 祝恒江 唐宇超 林响 刘晶 王婷

(新疆师范大学物理与电子工程学院,新疆 830054)

(2017年1月13日收到; 2017年2月18日收到修改稿)

利用密度泛函理论研究锯齿型单、双壁碳纳米管从核到管状团簇直至纳米管的逐层结构衍生.研究结 果表明五边形结构在管状团簇生长中发挥关键作用.此外,基于管状团簇的研究,运用周期性边界条件得到 锯齿型单、双壁碳纳米管,并通过计算能带和态密度研究其电子特性.对单壁 (n,0) 和双壁 (n,0)@(2n,0) 碳 纳米管,当n = 3q (q为整数)时,具有金属或窄带隙半导体特性; $n \neq 3q$ 时,具有较宽带隙半导体特性,且 带隙随管径的增加而减小.然而,小管径碳纳米管受曲率效应的明显影响, $n \neq 3q$ 的 (4,0), (4,0)@(8,0)和 (5,0)@(10,0) 均呈现金属性;n = 3q的 (6,0)@(12,0)则表现出明显的半导体特性.

关键词: 锯齿型碳纳米管, 结构衍生, 电子特性 **PACS:** 36.40.-c, 78.67.Ch, 73.22.-f

# 1引言

1991年,日本科学家 Ijima<sup>[1]</sup>在电子显微镜下 发现碳纳米管 (carbon nanotube, CNTs),它是一 种以C—C键结合形成六边形蜂窝状骨架结构的 管状碳分子<sup>[2-4]</sup>. CNTs 极高的长径比使其具有 优越的物理、化学、电磁学等性能<sup>[5-8]</sup>,这使它在 高强度复合材料<sup>[9,10]</sup>、太阳能电池<sup>[11,12]</sup>、光学器 件<sup>[13,14]</sup>等领域得到广泛应用.另外, CNTs 在碳基 电子学<sup>[15–19]</sup>等新兴领域也有着巨大的潜在应用 前景. 己有的研究结果表明<sup>[20–25]</sup>: CNTs 的电子 特性对其结构具有很大的依赖性. 因此, CNTs 批 量、高纯度结构可控制备是实现其广泛实际应用的 前提条件.

迄今为止,制备CNTs的常用方法包括激光蒸 发法<sup>[26]</sup>、催化热解法<sup>[27]</sup>、电弧放电法<sup>[28]</sup>、化学气 相沉积(CVD)法<sup>[29,30]</sup>和模板法<sup>[31]</sup>等,其中CVD 方法因具有生产条件可控、易于批量生产等优点 成为CNTs合成的重要方法之一.然而,CVD方法 制备CNTs存在均一性不好、结构可控性不强等缺

#### **DOI:** 10.7498/aps.66.093601

点.因此,在CVD方法的基础上发展了一些能够 弥补这些缺陷的方法.如Yang等<sup>[32-34]</sup>使用CVD 方法实现了两种单壁碳纳米管(SWCNTs)(12,6) 和(16,0)的高纯度制备,其纯度分别高达92%和 80%.Yang等的研究表明:通过CVD方法,可由特 定催化剂得到特定SWCNTs的核(又称种子),并 由核在一定条件下生长为相应的SWCNTs.

理论上,对于 CNTs 核生长的研究鲜有报道. Kiang<sup>[35]</sup>提出以碳环或碳笼作为 SWCNTs 核进行 生长的模型;Yao等<sup>[31]</sup>提出以特定碳纳米短管 为核进行克隆生长的模型;Yu等<sup>[36]</sup>提出以开口的 C<sub>60</sub>作为 SWCNTs 核进行生长的方式.总之,CNTs 结构均一可控的批量制备还远远没有实现,这也正 是目前 CNTs 广泛实际应用所面临的巨大挑战之 一,同时对理论和实验研究人员也是一个机遇.

本文通过选取特定结构的碳团簇来构造特定 CNTs的核,研究了单、双壁锯齿型碳纳米管核的结 构及从核到管状团簇直至CNTs的结构衍生和电子 特性,可为实现CNTs结构均一可控的批量制备提 供有益参考.

© 2017 中国物理学会 Chinese Physical Society

<sup>\*</sup> 国家自然科学基金(批准号: 11464044)和"新疆矿物发光材料及其微结构"自治区教育厅普通本科高校重点实验室(批准号: KWFG1506)资助的课题.

<sup>†</sup>通信作者. E-mail: zhj@xjnu.edu.cn

2 计算方法及细节

本文利用密度泛函理论 (DFT) 的 B3LYP 方 法,选取 6-31g 基组对 CNTs 的核及管状团簇结构 进行优化和频率计算;为提高效率,选取 3-21g 基 组研究 CNTs 的能带结构和态密度 (DOS);所有计 算由 Gaussian 03 程序包完成.通过对石墨烯的 键长计算,分别为 0.1425 nm (6-31g) 和 0.1424 nm (3-21g),与实验测量<sup>[37]</sup>结果 0.1421 nm 符合较好, 可以认为我们选取的方法和基组是合理的.

计算细节方面:首先,在10<sup>-6</sup> a.u.的收敛标准下,对管状团簇进行结构优化和频率计算,得到无虚频的稳定构型;其次,用周期性边界条件(PBC),取240个*K*点和半高宽0.3 eV,分别计算CNTs的能带结构和DOS.

在本文中, 锯齿型单、双壁管状团簇分别用 [*p*,*k*]和[*p*,*k* + 1]@[2*p*,*k*]表示; *k*表示沿轴向的六 边形数量即层数(确定长度), *p*表示每层所包含 的六边形个数(确定管径). 相应的锯齿型SWC-NTs 和双壁CNTs(DWCNTs)分别表示为(n,0)和(n,0)@(2n,0)(n = p).

An 等<sup>[38]</sup>、Jensen 等<sup>[39,40]</sup>研究了 C<sub>24</sub> 团簇的 笼状、环状和层状构型,结果表明C<sub>24</sub> 笼状团簇具 有较高的稳定性; Wu 等<sup>[41]</sup>、Galli 等<sup>[42]</sup>研究了 4 种 C<sub>24</sub> 笼状团簇的异构体,结果表明由 12 个五边形和 2 个六边形组成的具有  $D_6$  对称性的 C<sub>24</sub> 笼状团簇 具有最高的稳定性; 另外, Chen 等<sup>[43]</sup>指出由 12 个 五边形组成的笼状团簇 C<sub>20</sub> 有稳定的能量与结构; Lu 和 Chen<sup>[44]</sup> 以及 Jin 和 Hao<sup>[45]</sup> 给出了小富勒烯 (<C<sub>60</sub>) 中具有较高稳定性的相应笼状团簇.

根据上述研究结论,本文选取由 2p个五边形 和 2 个 p 边形组成的笼状团簇作为锯齿型 SWCNTs 的核.其中(6,0)的核(见图1)正是 C<sub>24</sub> 笼状团簇 中由 12 个五边形和 2 个六边形组成的具有 D<sub>6d</sub> 对 称性的笼状团簇;而(5,0)的核正是由 12 个五边形 组成的具有 *Ih* 对称性的笼状团簇 C<sub>20</sub>.



图 1 锯齿型 SWCNTs, DWCNTs 核结构 Fig. 1. Nuclear structure of zigzag carbon nanotubes [6,0] and [6,2]@[12,1].

对于锯齿型双壁碳纳米管 (DWCNTs)的核, 选取单壁管状团簇,外壁每层原子数是内壁的两 倍,且外壁比内壁少一层原子,并去掉外壁两端的 2p多边形和内壁两端的p多边形后,通过口口相接 的方法嵌套组装得到.其内外壁相接处各形成2p 个五边形(如图1所示).

3 结果与讨论

# 3.1 CNTs 的结构衍生

图 2 (a) 展示了  $[8, k](k = 0, 1, \dots, 5)$  锯齿型单 壁管状团簇的衍生过程和相应的 CNTs, 图 2 (b) 展 示了 [6, k + 1]@[12, k]  $(k = 1, 2, \dots, 6)$  锯齿型双壁 管状团簇的衍生过程和相应的 CNTs. 也可以表示 其他不同管径p的CNTs结构衍生过程.

同时图 2 呈现了密立根电子密度分布情况,其 颜色越亮表明原子得失电子的能力越强.可以看 出:对单壁管状团簇,组成五边形-六边形的碳原 子层亮度较高,说明该层碳原子活性较强,与其他 碳原子结合的可能性较大,可使五边形转化为六边 形;对于双壁管状团簇,其管壁末端五边形相接处 的碳原子亮度高于其他各部分,说明管口内外壁相 接碳原子活性较强,易得失电子,成为生长点,利于 团簇的生长.即管状团簇包含五边形缺陷,其可以 作为气相外延法的生长点,说明五边形在管状团簇 的生长过程中起关键作用.在实验生长中需要找到 一些与其结构匹配的有效的模板或催化剂体,通过 弥补缺陷使得团簇外延生长.



图 2 (网刊彩色) 锯齿型单、双壁 CNTs 的结构衍生过程及密立根电子密度分布 (a) 锯齿型单壁管状团簇 [8, k] ( $k = 0, 1, \dots, 5$ ) 和相应的 SWCNTs (8, 0); (b) 锯齿型双壁管状团簇 [6, k + 1] @[12, k] ( $k = 1, 2, \dots, 6$ ) 和 DWCNTs(6, 0) @(12, 0) Fig. 2. (color online) Structural derivation and electron density distribution of Millikan for zigzag CNTs: (a) Zigzag singlewalled tubular clusters [8, k] ( $k = 0, 1, \dots, 5$ ) and corresponding SWCNTs (8, 0); (b) zgzag double-walled tubular clusters [6, k + 1] @[12, k] ( $k = 1, 2, \dots, 6$ ) and corresponding DWCNTs (6, 0) @(12, 0).

图 3 (a) 表明由 SWCNTs 的核 [6, 0] 生长为管 状团簇 [6, 1] 的结构衍生过程,即在 [6, 0] 核结构 上,添加 12 个碳原子使端口处的 6 个五边形重构 为 6 个六边形和一个新的端口,然后通过结构优 化得到稳定的管状团簇 [6, 1] (生长细节见补充材 料, ③ ).同理,图 3 (b) 表示锯齿型 DWCNTs 的 核 [6, 1]@[12, 2] 生长为管状团簇 [6, 2]@[12, 3] 的结 构衍生过程,即在 [6, 1]@[12, 2] 的基础上,内层添 加 12 个碳原子,外层添加 24 个碳原子,通过结构优 化,得到稳定的管状团簇 [6, 1]@[12, 2] (生长细节 见补充材料, ④ ).结构衍生的过程表明,从核 到锯齿型管状团簇的衍生是可以实现的.

为了进一步研究锯齿型单、双壁 CNTs 逐层 生长的衍生规律,本文计算了锯齿型单壁管状团 簇[6,k]末端五边形的键长和键角(如图4(a)所示),



图 3 锯齿型单、双壁管状团簇的衍生过程 (a)锯齿型 单壁团簇 [6, 0] 生长为 [6, 1] 的过程; (b) 锯齿型双壁团簇 [6, 2]@[12, 1] 生长为 [6, 3]@[12, 2] 的过程

Fig. 3. The derivative process of zigzag single- and doublewalled tubular clusters: (a) Zigzag single-walled clusters [6, 0] grown into [6, 1]; (b) double-walled clusters [6, 2]@[12, 1] grow into [6, 3]@[12, 2].



图 4 (网刊彩色) 锯齿型单壁管状团簇 [6, *k*] 的端口结构与参数 (a) 团簇端口结构; (b) 键角随长度 *k* 的变化; (c) 键长随长度 *k* 的变化 Fig. 4. (color online) The structure and parameters of zigzag single-walled tubular clusters [6, *k*]: (a) The cluster port structure; (b) the change of the bond angle with the length *k*; (c) the change of the bond length with the length *k*.

图 4 (b) 和图 4 (c) 分别给出了五边形的键角和 键长随 k 的变化.结果表明,端口处五边形的键长 趋近于 0.148 nm,比管壁上六边形的键长 0.142 nm 略长,键角的变化说明部分原子形成 sp<sup>3</sup>杂化,且 当 $k \leq 2$ 时,管状团簇通过全局重构的方式逐层生 长;当k > 2时,管状团簇是通过局部重构方式逐 层生长.

## 3.2 稳定性

### 3.2.1 能量稳定性

基于单、双壁管状团簇的结构优化,通过计 算平均结合能(*E*<sub>b</sub>)研究管状团簇的稳定性随长度 (*k*)、管径(*p*)变化的趋势.其中*E*<sub>b</sub>定义为碳原子结 合成碳团簇时放出能量的平均值,其公式为

$$E_{\rm b} = \left(mE\left(C\right) - E\left(C_m\right)\right)/m,\tag{1}$$

其中m表示碳原子数, E(C)表示碳原子能量, E(C<sub>m</sub>)表示碳管状团簇总能量.

图 5 呈现锯齿型单、双壁管状团簇的  $E_b$  随长 度 k 和管径 p 的变化趋势.可以看出:当 $k \leq 2$ 时, 单、双壁管状团簇的  $E_b$  随管径 p 的增大呈现先增加 后减小的趋势,当 $k \geq 3$ 时,单、双壁管状团簇的  $E_b$ 则随管径 p 的增大而增大;而一定管径 p 的单、双 壁管状团簇的  $E_b$  随长度 k 的增加而增加,当 $k \geq 5$ 时,  $E_b$  的增加趋势逐渐稳定,其结构也愈加稳定.

此外,图5同时给出了利用PBC得到的锯齿型CNTs的 $E_b$ .从图5还可以看出,CNTs的 $E_b$ 比相应管状团簇的 $E_b$ 稍大.例如,[6,11]管状团簇的 $E_b$  常.61 eV,(6,0)锯齿型SWCNT的 $E_b$  = 8.88 eV;[6,7]@[12,6]管状团簇的 $E_b$  = 8.52 eV,(6,0)@(12,0)锯齿型DWCNT的 $E_b$  = 8.74 eV.这一结果表明,锯齿型单、双壁CNTs比相应的管状团簇更稳定,管状团簇的 $E_b$ 随长度k的增长逐渐接近于CNTs的 $E_b$ ,因此管状团簇可能衍生为相应的CNTs.此外,随着管径p增大,CNTs的 $E_b$ 增加并逐渐趋于稳定,即管径越大,CNTs越稳定.

#### 3.2.2 热力学稳定性

为进一步探究单、双壁碳管状团簇的稳定性,我们研究了管状团簇的热力学性质,图6(a)和图6(b)分别显示了在1个标准大气压下,T = 300K时,[6,k]以及[5,k+1]@[10,k]管状团簇内能

 $E_T$ 、定容热容 $C_V$ 、熵S随长度k的变化规律.各个热力学量随着长度k的增加均呈线性增大,说明在一定尺寸范围内,热力学增量与长度增量呈正比.表明管状团簇逐层生长过程中各管状团簇的几何结构是热力学稳定的.图6(c)和图6(d)分别显示了[6, 6]和[5, 3]@[10, 2]管状团簇在1个标准大气压,T = 300—1500 K情况下热力学量的比较.可以看出随温度的增加, $E_T$ 和S一直增加,符合客观的热力学规律,而 $C_V$ 在T = 900 K时到达500 cal/(mol·K),之后随温度T有微小变化,这种情况符合 Dulong-Petit定律[46]:当T达到某临界温度时, $C_V$ 达到 Dulong-Petit极限, $C_V$ 与T无关,不随温度的变化而变化.说明其结构是热力学稳定的.



图 5 (网刊彩色) 锯齿型管状团簇和 CNTs 的  $E_{b}$  (a) [p,k]单壁管状团簇的  $E_{b}$  随长度 k、管径 p 的变化及相应 (n,0)锯齿型 SWCNTs 的  $E_{b}$ ; (b) [p, k + 1]@[2p, k] 双壁管状团簇 的  $E_{b}$  随长度 k、管径 p 的变化及相应 (n, 0)@(2n, 0) 锯齿型 DWCNTs 的  $E_{b}$ , 其中 n = p

Fig. 5. (color online) The  $E_{\rm b}$  of zigzag tubular clusters and CNTs: (a) The change of  $E_{\rm b}$  for single-walled tubular clusters [p, k] with the length k and diameter p and the corresponding (n, 0) zigzag SWCNTs; (b) the change of  $E_{\rm b}$  for the [p, k+1]@[2p, k] double-walled tubular clusters with the length k and the diameter p and the corresponding (n, 0)@(2n, 0) zigzag DWCNTs where n = p.



图 6 (网刊彩色) (a) [6, k] 单壁管状团簇各热力学量随长度 k 的变化; (b) [5, k + 1] @[10, k] 双壁管状团簇各热力学量随 k 的变化; (c) [6, 6] 单壁管状团簇在不同温度下热力学量的变化; (d) [5, 3] @[10, 2] 双壁管状团簇在不同温度下热力学量的变化 Fig. 6. (color online) The change of thermodynamics for (a) single-walled tubular clusters [6, k], and (b) double-wall tubular clusters [5, k + 1] @[10, k] with the length k increasing; the change of thermodynamic at different temperatures for (c) single-walled tubular clusters [6, 6] and (d) double-walled tubular clusters [5, 3] @[10, 2].

# 3.3 电子特性

### 3.3.1 团簇的电子特性

为了研究管状团簇的电子特性,本文计算了 能隙 ( $E_g$ )和费米能级 ( $E_F$ ),其中  $E_g$  和  $E_F$  分别被 定义为

$$E_{\rm g} = E_{\rm LUMO} - E_{\rm HOMO}, \qquad (2)$$

$$E_{\rm F} = \left( E_{\rm HOMO} + E_{\rm LUMO} \right) / 2, \tag{3}$$

式中 $E_{HOMO}$ ,  $E_{LUMO}$ 分别为最高占据分子轨道 (HOMO)、最低未占据分子轨道(LUMO)的能 量<sup>[47]</sup>. 如图7所示, [6, k]和[5, k + 1]@[10, k]费 米能级附近轨道的能量都随长度k的增加逐渐 收敛,接近 $E_{HOMO}$ 或 $E_{LUMO}$ 的值;同时 $E_F$ ,  $E_g$ 也随着长度k的增加达到相对稳定状态,其中 [5, k + 1]@[10, k]的 $E_F$ ,  $E_g$ 表现为振荡收敛. 例 如, [6, k]的 $E_F$ 逐渐稳定在 -4.6 eV接近于(8, 0) 的 $E_F$ 值 -4. 533 eV,  $E_g$ 逐渐稳定在 0.1 eV,趋近 于(6, 0)的 $E_g$ ; [5, k + 1]@[10, k]的 $E_F$ 逐渐稳定在 -4.2 eV,接近于(5, 0)@(10, 0)的 $E_F$ 值 -4.445 eV, [5, k + 1]@[10, k]的 $E_g$ 振荡下降到0.7 eV,接近于 (5,0)@(10,0)的 $E_g$ .从计算结果可发现,其余[p,k]和[p,k+1]@[2p,k]( $p=3,\cdots,10$ )同样遵循上述团簇的电子特性的变化规律.

#### 3.3.2 CNTs的电子特性

图 8 显示了锯齿型 SWCNTs, DWCNTs 的能 带图,费米能级  $E_F$  在 0 eV 处.结果表明,对 SWC-NTs,当n = 3,4,6时,在布里渊区中,价带与导 带在费米能级附近相交,且交点逐渐由 $\Gamma$ 点向X点移动,并向费米能级处移动,呈现金属性;当 n = 5,7,8,9,10时,价带与导带之间存在带隙,其 中n = 9时,带隙较小,表现为窄带隙半导体.对 (n,0)@(2n,0)锯齿型 DWCNTs,当管径较小时,在 沿 $\Gamma$ -X方向的布里渊区中,价带或导带越过费米能 级,电子活动较自由,呈现金属性,如(4,0)@(8,0) 和(5,0)@(10,0);当管径较大时,价带、导带分居费 米能级两侧,有明显带隙.分析能带结构的整体趋 势,发现价带与导带有不同程度的简并,同时,随着 管径的增大,费米能级上下的价带和导带逐渐向费 米能级聚拢.



图 7 (网刊彩色) 锯齿型单、双壁管状团簇的能隙,费米能级和其能级附近的轨道能量 (HOMO-5,..., HOMO, LUMO, ..., LUMO + 5) 随长度 k 的变化 (a) 单壁团簇 [6, k]; (b) 双壁团簇 [5, k + 1]@[10, k] Fig. 7. (color online) Energy gaps, Fermi energies, and energy levels nearby frontier orbital (HOMO-5,..., HOMO,



Fig. 8. (color online) Energy band structure (dispersion along  $\Gamma - X$  directions of Brillion zone) of the zigzag SWCNTs (n, 0) and DWCNTs (n, 0)@(2n, 0).

表1给出了锯齿型单、双壁 CNTs 的最高占据 晶体轨道 (HOCO)、最低未占据晶体轨道 (LUCO) 及带隙值,图9(a)给出锯齿型 SWCNTs, DWCNTs 的 HOCO, LUCO 和最小直接带隙随纳米管手性指 数n 的变化. 由图9与表1结合可以发现: SWC-NTs 的带隙在 3q, 3q+1 和3q+2 (q=2, 3, 4, 5, 6) 的重复区间振荡;且在 3q + 2具有最大带隙, 3q具 有最小带隙,例如(8,0),(11,0),(14,0),(17,0), (20,0)的带隙分别为1.687,1.488,1.179,0.975, 0.835 eV;而(6,0),(9,0),(12,0),(15,0),(18,0) 的带隙分别为0.012,0.433,0.245,0.151,0.112 eV. 即锯齿型 SWCNTs,当n = 3q时,其存在一个较小 的带隙,具有金属性或窄带隙半导体特性;当  $n \neq 3q$ 时,其存在较大的带隙,具有半导体特性,且 在区间中带隙大小的顺序为3q + 2 > 3q + 1 > 3q, 与实验测量<sup>[48]</sup>结果非常接近.特别的,由于曲率 效应<sup>[22,23]</sup>的影响,小管径(4,0)锯齿型SWCNTs 呈现较强的金属性.

表 1 锯齿型单、双壁碳纳米管的电子特性 Table 1. The electronic characteristics of zigzag SWC-NTs and DWCNTs.

CNTs	HOCO	LUCO	Max direct	Min direct
	$/\mathrm{eV}$	$/\mathrm{eV}$	$\mathrm{gap/eV}$	$\mathrm{gap/eV}$
(3,0)	-5.231	-6.519	2.948	0.004
(4,0)	-5.016	-6.195	3.937	0.00004
(5,0)	-5.740	-5.012	5.897	0.728
(6,0)	-4.533	-4.905	5.889	0.012
(7,0)	-5.191	-3.993	6.580	1.198
(8,0)	-5.312	-3.625	6.066	1.687
(9,0)	-4.560	-4.162	6.354	0.433
(10,0)	-5.081	-3.828	5.937	1.253
(11,0)	-5.127	-3.639	6.172	1.488
(12,0)	-4.551	-4.306	5.922	0.245
(13,0)	-4.991	-3.937	6.048	1.054
(14,0)	-5.022	-3.843	5.884	1.179
(15,0)	-4.531	-4.380	5.999	0.151
(16,0)	-4.927	-4.025	5.844	0.902
(17,0)	-4.947	-3.972	5.955	0.975
(18,0)	-4.528	-4.416	5.845	0.112
(19,0)	-4.875	-4.091	5.910	0.784
(20,0)	-4.891	-4.056	5.834	0.835
(4,0)@ $(8,0)$	-4.301	-5.365	1.199	0.003
(5,0)@ $(10,0)$	-4.061	-4.828	2.757	0.049
(6,0)@(12,0)	-4.591	-3.781	3.786	0.986
(7,0)@(14,0)	-5.258	-3.950	4.999	1.308
(8,0)@(16,0)	-4.895	-4.091	5.249	0.804
(9,0)@(18,0)	-4.551	-4.343	4.952	0.210
(10,0)@(20,0)	-4.925	-4.183	5.278	0.742
(11,0)@(22,0)	-4.756	-4.102	4.725	0.654
(12,0)@(24,0)	-4.728	-4.510	3.956	0.218
(13,0)@(26,0)	-4.679	-4.296	5.358	0.383

对由 (n,0) 和 (2n,0) 锯齿型 SWCNTs 嵌套得 到的 (n,0)@(2n,0) 锯齿型 DWCNTs, 带隙具有 3q-2, 3q-1和 3q的振荡重复区间,其中 q=3, 4,可以看出在每个区间中, 3q-2具有最大的带隙, 而 3q具有最小带隙,如(7,0)@(14,0),(10,0)@(20,0) 的带隙分别为1.308和0.742 eV; 而(9,0)@(18,0), (12, 0)@(24, 0)的带隙分别0.210和0.217 eV,与 SWCNTs 不同. 对 (n,0)@(2n,0) 锯齿型 DWCNTs, 我们发现它不仅保留了SWCNTs的性质,而且当 n = 3q时具有金属性且为间接带隙; 当 $n \neq 3q$ 时 具有半导体特性且为直接带隙,且带隙随管径的增 加而减小. 当管径较大时, 两个金属性 SWCNTs 嵌 套得到金属性的 DWCNTs, 两个半导体性的 SWC-NTs 得到半导体性的DWCNTs. 由于曲率效应对 CNTs(特别是锯齿型)的影响, 当管径较小时, 电子 特性与之相反,如(4,0)@(8,0)和(5,0)@(10,0)呈 现金属性, 而(6,0)@(12,0)的带隙为0.986 eV, 表 现出明显的半导体特性. 根据这一特性, 人们可以 有选择地对锯齿型 CNTs 进行组装, 使其具有不同 电子特性,以满足其实际需求.





Fig. 9. (color online) The change of HOCO, LUCO and band gap of zigzag (a) SWCNTs and (b) DWCNTs as n increase.

为深入研究锯齿型单、双壁CNTs的电子特性,计算了CNTs的总态密度(TDOS)和分态密度(PDOS).图10中列出了(6,0),(8,0),(18,0)锯齿型SWCNTs和(9,0)@(18,0)锯齿型DWCNTs的DOS分布,其中费米能级位于0 eV处.从图10可以看出,较大管径CNTs的DOS在费米能级附近的分布比较小管径CNTs的DOS在费米能级附近的

分布更加密集,如(6,0),(8,0)和(18,0)锯齿型 SWCNTs,随着管径的增大,DOS分布向费米能级 靠拢.同时,在费米能级附近s轨道的PDOS几乎 为0,只有在-5 eV以下和5 eV以上才出现一些峰 值,这表示费米能级附近的能带中基本不含s轨道 成分.





Fig. 10. (color online) The TDOS and PDOS of the (6, 0), (8, 0), (18, 0) SWCNTs and (9, 0)@(18, 0) DWCNTs. The Fermi level is set as zero.

通过分析锯齿型单、双壁碳纳米管的DOS图和PDOS图,进一步研究其能带分布和成分,可以看出管径越大费米能级附近的能带分布越密集,但是费米能级附近能带的成分与管径无关.作为能带的可视化结果,DOS进一步说明由于DWC-NTs层间存在的耦合效应<sup>[49,50]</sup>使能带分裂,导致DWCNTs的能级简并度降低,因而DWCNTs的带隙变小.这就是(18,0)和(9,0)@(18,0)的能隙要比(9,0)的能隙要小的原因.

# 4 结 论

本文通过DFT方法研究了锯齿型SWCNTs, DWCNTs的结构衍生和电子特性,结论如下. 1)由于管状团簇的核包含有五边形缺陷,可 以作为CVD方法的生长点,因而控制这种缺陷的 形成是锯齿型CNTs生长的关键因素.在实验中 CNTs生长需要找到有效的模板或催化剂得到相应 的配体,通过弥补缺陷使得团簇外延生长.

2) 当 $k \leq 2$ 时,管状团簇通过全局重构的方 式逐层生长;当k > 2时,管状团簇通过局部重构 方式逐层生长.管状团簇的内能 $E_T$ 、熵S和定容 热容 $C_V$ 随k的增加均呈线性增大;随着温度T的 增加内能 $E_T$ 和熵S呈非线性增加,而 $C_V$ 则符合 Dulong-Petit定律.管状团簇平均结合能 $E_b$ 随k增加并逐渐趋近于相应CNTs的 $E_b$ .

3) 当n = 3q (q 为整数)时,具有金属性或窄带 隙半导体性质; 当 $n \neq 3q$ 时,具有半导体性质,且 带隙随管径的增大而减小.而对于(n,0)@(2n,0) 锯齿型DWCNTs,管径较大时,两个金属性SWC-NTs嵌套,得到金属性的DWCNTs,而两个半导体 性的SWCNTs嵌套得到半导体性的DWCNTs;当 管径较小时,与之相反.

#### 参考文献

- [1] Iijima S 1991 *Nature* **354** 56
- [2] Iijima S, Ichihashi T 1993 Nature **364** 603
- [3] Peng L M, Zhang Z L, Xue Z Q, Wu Q D, Gu Z N, Pettifor D G 2000 Phys. Rev. Lett. 85 3249
- [4] Rao A M, Richter E, Bandow S, Chase B, Eklund P C, Williams K A, Fang S, Subbaswamy K R, Menon M, Thess A, Smalley R E, Dresselhaus G, Dresselhaus M S 1997 Science 275 187
- [5] Alvarez L, Righi A, Guillard T, Rolsa S, Anglareta E, Laplazea D, Sauvajolaet J L 2000 Chem. Phys. Lett. 316 186
- [6] Burda C, Chen X B, Narayanan R, El-Sayed M A 2005 *Chem. Rev.* **105** 1025
- [7] Che J, Cagin T, Goddard W 2000 Nat. Nanotech. 11 2083
- [8] Gong X F, Wang Y, Ning X J 2008 Chin. Phys. Lett. 25 468
- [9] Wang X, Zheng F, Lu J, Bai J M, Wang Y, Wei F L
  2011 Acta Phys. Sin. 60 017505 (in Chinese) [王璇, 郑 富, 芦佳, 白建民, 王颖, 魏福林 2011 物理学报 60 017505]
- [10] Fan J, Wan M, Zhu D, Chang B, Pan Z, Xie S 1999 J. Appl. Polym. Sci. 74 2605
- [11] Kuzumaki T, Ujiie O, Ichinose H, Ito K 2000 Adv. Eng. Mater. 2 416
- [12] Service R F 1999 Science 285 682
- [13] Collins P G 1997 Science 278 100
- [14] Tans S J, Verschueren A R M, Dekker C 1998 Nature 393 49
- [15] Ma W, Liu L, Yang R, Zhang T, Zhang Z, Song L, Ren Y, Shen J, Niu Z, Zhou W, Xie S 2009 Adv. Mater. 21 603
- [16] Lin Y M, Appenzeller J, Chen Z, Chen Z G 2005 IEEE Electr. Dev. Lett. 26 823
- [17] Ding L, Tselev A, Wang J, Yuan D, Chu H, McNicholas T P, Li Y, Liu J 2009 Nano Lett. 9 800
- [18] de Volder M F, Tawfick S H, Baughman R H, Hart A J 2013 Science 339 535
- [19] Shulaker M M, Hills G, Patil N, Wei H, Chen H Y, Wong H S, Mitra S 2013 Nature 501 526
- [20] Hatta N, Murata K 1994 Chem. Phys. Lett. 217 393
- [21] Morales A M, Lieber C M 1998 Science 279 208

- [22] Ajayan P M 1999 Chem. Rev. 99 1787
- [23] Popov V N 2004 New J. Phys. 6 279
- [24] Odom T W, Huang J L, Kim P, Lieber C M 2000 J. Phys. Chem. B 104 2794
- [25] Zhao J, Park H, Han J, Lu J P 2004 J. Phys. Chem. B 108 4227
- [26] Ding J W, Yan X H, Cao J X, Yang B Q 2003 J. Phys.:-Condens. Matter 15 L439
- [27] Fischer J E, Johnson A T 1999 Curr. Opin. Solid St. M.
  4 28
- [28] Luo J H, Zhang X B, Yu L, Cheng J P, Mi Y H, Liu F 2006 J. Mater. Sci.-Eng. 24 561 (in Chinese) [罗君航, 张孝彬, 李昱, 程继鹏, 糜裕宏, 刘芙 2005 材料科学与工程 学报 24 561]
- [29] Liu B C, Lyu S C, Jung S I, Kang H K, Yang C W, Park J W, Park C Y, Lee C J 2004 Chem. Phys. Lett. 383 104
- [30] Cheng H M, Li F, Su G, Pan H Y, He L L, Sun X, Dresselhaus M S 1998 Appl. Phys. Lett. 72 3282
- [31] Yao Y, Feng C, Zhang J, Yao Y G, Feng C Q, Zhang J, Liu Z F 2009 Nano Lett. 9 1673
- [32] Yang F, Wang X, Zhang D, Yang J, Luo D, Xu Z, Wei J, Wang J Q, Xu Z, Peng F, Li X, Li R, Li Y, Li M, Bai X, Ding F, Li Y 2014 Nature 510 522
- [33] Yang F, Wang X, Zhang D, Qi K, Yang J, Xu Z, Li M, Zhao X, Bai X, Li Y 2015 J. Am. Chem. Soc. 137 8688
- [34] Yang F, Wang X, Li M, Liu X, Zhao X, Zhang D, Zhang Y, Yang J, Li Y 2016 Acc. Chem. Res. 49 606
- [35] Kiang C H 2000 J. Chem. Phys. 113 4763
- [36] Yu X, Zhang J, Choi W, Choi J Y, Kim J M, Gan L, Liu Z 2010 Nano Lett. 10 3343
- [37] Lu X X, Hu Z 2012 Compos. Part B: Eng. 43 1902
- [38] An W, Shao N, Bulusu S, Zeng X C 2008 J. Chem. Phys. 128 084301
- [39] Jensen F, Toftlund H 1993 Chem. Phys. Lett. 201 89
- [40] Jensen F, Koch H 1998 J. Chem. Phys. 108 3213
- [41] Wu H S, Jia J F, Xu X H 2004 Acta Chim. Sin. 62 105
- [42] Galli G, Gygi F, Golaz J C 1998 Phys. Rev. B 57 1860
- [43] Chen Z, Heine T, Jiao H, Hirsch A, Thiel W, Schleyer P 2004 Chem.-Eur. J. 10 963
- [44] Lu X, Chen Z 2006 Chem. Rev. 105 3643
- [45] Jin Y F, Hao C 2005 J. Phys. Chem. A 109 2875
- [46] Nose S 1991 Prog. Theor. Phys. Supp. 103 1
- [47] Liu Z F, Zhu H J, Chen H, Liu L R 2011 Acta Phys.-Chim. Sin. 27 2079
- [48] Ouyang M, Huang J L, Cheung C L, Lieber C M 2001 Science 292 702
- [49] Ding J W, Yan X H, Cao J X 2002 Phys. Rev. B 66 429
- [50] Liu X H, Zhu C C, Zeng F G, He Y N, Bao W X 2006 Acta Phys. Sin. 55 2830 (in Chinese) [刘兴辉, 朱长纯, 曾凡光, 贺永宁, 保文星 2006 物理学报 55 2830]

# Structural derivative and electronic properties of zigzag carbon nanotubes<sup>\*</sup>

Liu Ya-Nan Lu Jun-Zhe Zhu Heng-Jiang<sup>†</sup> Tang Yu-Chao Lin Xiang Liu Jing Wang Ting

(College of Physics and Electronic Engineering, Xinjiang Normal University, Urumuchi 830054, China) ( Received 13 January 2017; revised manuscript received 18 February 2017 )

#### Abstract

It is well known that carbon nanotubes (CNTs) have received much attention since they were discovered. With the rapid development of carbon-based electronics and quantum computers, CNTs are required to have their unique physical and chemical properties in many fields. However, due to their uncertain mechanism of growth, it is difficult to achieve high production of CNTs with certain controlled structures. In this paper, we construct the nuclei of specific single-and double-walled zigzag CNTs and study their structural derivatives and electronic properties by using the density functional theory. According to the study of carbon clusters, we find some stable cage-like clusters containing zigzag structure which can be used as the nucleus of the corresponding single-walled CNTs. The nucleus of the double-walled CNTs is composed of the corresponding nucleus of single-walled CNTs.

It is possible to obtain a tubular cluster by optimizing the structure of the nucleus with accumulating carbon atoms at one end. The results show that the pentagonal structure plays a key role in the growing of tubular clusters. We find that the tubular clusters are grown in the form of global reconstruction when the clusters are short, but grown by local reconstruction when the clusters are longer. It can provide a theoretical reference to realize numerous CNTs with certain structures. Furthermore, the average binding energy  $(E_b)$  of tubular clusters is studied, and we find that their  $E_b$  is more and more stable and then close to the corresponding CNTs. At the same time, the study of the thermodynamic quantities of tubular clusters shows that their structures are thermodynamically stable.

In addition, the infinite zigzag CNTs can be obtained by using the periodic boundary conditions. Furthermore, the energy bands and density of states are calculated to study their electronic properties. The results show that the energy band structures of zigzag CNTs are closely related to the chiral index n. For zigzag CNTs (n, 0) and (n, 0)@(2n, 0), they show a metal property or narrow band gap semiconductor when n = 3q (q is an integer); when  $n \neq 3q$ , they show a wide band gap semiconductor, and the band gap decreases with the diameter increasing. It is interesting that the two metallic single-walled CNTs (SWCNTs) are nested to obtain metallic double-walled (CNTs) DWCNTs, while the two semiconducting SWCNTs are nested to obtain semiconducting DWCNTs. However, due to the obvious curvature effect, small-diameter CNTs (4, 0), (4, 0)@(8, 0) and (5, 0)@(10, 0) show the metal properties but CNT (6, 0)@(12, 0) shows the obvious semiconductor property.

Keywords: zigzag carbon nanotubes, structural derivative, electronic properties PACS: 36.40.-c, 78.67.Ch, 73.22.-f DOI: 10.7498/aps.66.093601

<sup>\*</sup> Project supported by the National Natural Science Foundation of China (Grant No. 11464044) and the "Mineral Luminescence Materials and their microstructures of Xinjiang" Key Laboratory at University of Education Department of Xinjiang Uygur Autonomous Region of China (Grant No. KWFG1506).

<sup>†</sup> Corresponding author. E-mail: zhj@xjnu.edu.cn