# 物理学报 Acta Physica Sinica



#### 锥形二维光子晶体太阳电池数值模拟

陈培专 于莉媛 牛萍娟 付贤松 杨广华 张建军 侯国付

Numerical study on conical two-dimensional photonic crystal in silicon thin-film solar cells Chen Pei-Zhuan Yu Li-Yuan Niu Ping-Juan Fu Xian-Song Yang Guang-Hua Zhang Jian-Jun Hou Guo-Fu

引用信息 Citation: Acta Physica Sinica, 67, 028802 (2018) DOI: 10.7498/aps.20171689 在线阅读 View online: http://dx.doi.org/10.7498/aps.20171689 当期内容 View table of contents: http://wulixb.iphy.ac.cn/CN/Y2018/V67/I2

您可能感兴趣的其他文章 Articles you may be interested in

#### 空间用倒装三结太阳能电池及其抗辐射性能研究

Inverted metamorphic triple-junction solar cell and its radiation hardness for space applications 物理学报.2017, 66(18): 188801 http://dx.doi.org/10.7498/aps.66.188801

#### 掺杂非晶氧化硅薄膜中三元化合态与电子结构的第一性原理计算

First principle study of ternary combined-state and electronic structure in amorphous silica 物理学报.2017, 66(18): 188802 http://dx.doi.org/10.7498/aps.66.188802

#### 硅片及其太阳电池的光衰规律研究

Study on light-induced degradation of silicon wafers and solar cells 物理学报.2014, 63(2): 028803 http://dx.doi.org/10.7498/aps.63.028803

#### 非晶硅锗电池性能的调控研究

Modification to the performance of hydrogenated amorphous silicon germanium thin film solar cell 物理学报.2013, 62(20): 208801 http://dx.doi.org/10.7498/aps.62.208801

#### 碲化镉薄膜太阳能电池电学特性参数分析

Analysis of electrical property parameters of CdS/CdTe solar cells fabricated by close space-sublimation 物理学报.2013, 62(18): 188801 http://dx.doi.org/10.7498/aps.62.188801

# 锥形二维光子晶体太阳电池数值模拟<sup>\*</sup>

陈培专<sup>1)2)</sup> 于莉媛<sup>1)†</sup> 牛萍娟<sup>1)‡</sup> 付贤松<sup>1)</sup> 杨广华<sup>1)</sup> 张建军<sup>2)</sup> 侯国付<sup>2)</sup>

 (天津工业大学电气工程与自动化学院,大功率半导体照明应用系统教育部工程中心,天津 300387)
(南开大学,光电子薄膜器件与技术研究所,光电子薄膜器件与技术天津市重点实验室,光学信息技术科学教育部重点实验室, 天津 300071)

(2017年7月24日收到;2017年10月3日收到修改稿)

采用时域有限差分方法,模拟研究在本征吸收层引入锥形二维光子晶体 (2D PC) 后,其结构参数变化对 单结微晶硅电池各膜层吸收的影响规律.研究表明, 2D PC 的纵横比 (高度与周期之比) 对电池本征吸收具有 决定性影响.周期小于1 μm 时,本征吸收随着纵横比的增大先上升后下降,纵横比为1时达到最大值;周期 大于1 μm 时,本征吸收达到最大值的纵横比小于1,且周期越大,实现本征吸收最大化的纵横比越小.当周期 为0.5 μm,纵横比为1时,锥形 2D PC 电池的本征吸收达到峰值,短路电流密度为 27.8 mA/cm<sup>2</sup>;与平面结构 相比,短路电流密度提升 5.8 mA/cm<sup>2</sup>,相对增加 27%.该研究突破了以往认为绒面陷光效果主要取决于绒面 形貌横向特征尺寸的观点,对实验获取最佳的周期或随机绒面陷光结构具有指导意义.

关键词: 硅基薄膜太阳电池, 二维光子晶体, 陷光, 光学吸收提升 PACS: 88.40.hj, 73.61.Jc, 68.65.Ac, 68.55.jm DOI: 10.7498/aps.67.20171689

#### 1引言

相比于晶硅太阳电池, 硅基薄膜太阳电池吸收 层较薄, 原材料使用量少, 因此在成本下降空间上 具有很大的优势<sup>[1,2]</sup>. 但是所有类型的硅基薄膜太 阳电池普遍存在一个问题, 即随着波长的增大, 吸 收层材料的吸收系数迅速下降, 导致电池的长波吸 收不断减小<sup>[3,4]</sup>. 对于单结硅基薄膜太阳电池, 要 将光谱吸收范围内的光充分吸收, 吸收层厚度要达 到毫米量级<sup>[5]</sup>. 但是由于制备工艺的原因, 硅基薄 膜太阳电池的吸收层晶格结构无法达到晶硅电池 水平, 因此存在较多的缺陷态, 载流子扩散长度较 小. 为了充分收集光生载流子, 吸收层厚度必须控 制在几百纳米至几微米的范围内, 这会导致光学吸 收和载流子收集之间的矛盾.为了解决这一矛盾, 需要在电池中引入陷光结构,在不增加甚至减小吸 收层厚度的情况下,使更多的光进入电池内部并延 长光在电池内部的吸收光程,实现光厚电薄<sup>[4,6-8]</sup>.

硅基薄膜太阳电池的陷光结构包含两种类型:随机绒面结构<sup>[3,9,10]</sup>和周期性绒面结构<sup>[11-13]</sup>. 周期性绒面结构在两个方向上具有周期性,实质上属于微米或亚微米级的二维光子晶体(twodimensional photonic crystal, 2D PC)<sup>[14,15]</sup>.在之前的研究中,通常采用散射光占总反射光或透射 光的比率即绒度来表征绒面形貌陷光能力的优 劣<sup>[9,16-18]</sup>. 绒度越高,则绒面形貌的陷光能力越 强,电池吸收越好.同时研究认为,长波陷光需要 大特征尺寸的绒面形貌,而短波陷光需要小特征尺 寸的绒面形貌<sup>[16-18]</sup>.以上结论来自于实验中获取

<sup>\*</sup> 高等学校学科创新引智计划(批准号: B16027)、国家自然科学基金(批准号: 61176060, 61404074, 61504069, 61377031, 61605145)、天津市自然科学基金(批准号: 14JCQNJC02100)和光学信息技术科学教育部重点实验室(南开大学)开放基金(批准号: 2017KFKT015)资助的课题.

<sup>†</sup>通信作者. E-mail: Yuliyuan@tjpu.edu.cn

<sup>‡</sup>通信作者. E-mail: Pjniu@outlook.com

<sup>© 2018</sup> 中国物理学会 Chinese Physical Society

的经验,但实际上并不能完全适用于所有的随机绒 面结构,尤其是不能适用于周期性结构<sup>[19]</sup>.原因在 于这些研究通常只关注绒面的横向特征尺寸.但 是绒度的大小不仅与绒面形貌的横向特征尺寸(周 期)相关,还与绒面形貌的高度直接相关<sup>[20]</sup>.不同 的绒面特征尺寸和绒面高度相结合可以形成相同 的绒度,但对于电池的陷光效果是完全不同的.由 此也导致到目前为止仍然无法了解何种绒面形貌 具有最佳的陷光效果.

相比于随机绒面结构,采用周期绒面即 2D PC 的陷光结构有一个优势,即易于采用波动光学模拟 的办法,通过严格求解麦克斯韦方程组,探索结构 参数变化对电池吸收的影响规律,从而获得电池最 佳的陷光形貌. 事实上, 随机绒面结构可以看作一 系列正弦型周期性结构经空间傅里叶变换叠加形 成<sup>[21]</sup>.因此,获悉最佳的周期结构对后续研究并设 计最佳的随机绒面结构也有很大的帮助. 随机绒面 结构的特征尺寸与太阳电池的光谱吸收范围属于 同一个量级,本质上讲也属于波动光学的范畴.但 在目前对周期绒面结构即2D PC的模拟研究中通 常不考虑背电极、前电极、p型层和n型层等支持层 的影响,只是简单研究绒面形貌结构参数变化对电 池本征吸收的影响<sup>[22-25]</sup>.实际上周期陷光形貌在 提升电池总吸收的同时,也会显著提升支持层的寄 生吸收,由此导致所得的最佳形貌未必能显著提升 本征吸收.此外,对于周期结构而言,其陷光效果 主要取决于衍射角和对应的衍射效率,这二者又主 要取决于周期尺寸和高度. 在先前的研究中通常将 周期尺寸和高度对电池短路电流密度的影响进行 分立研究,因此获得的结论具有片面性,无法真正 洞悉绒面形貌对电池光学吸收的影响规律<sup>[26,27]</sup>.

本文基于波动光学理论,采用时域有限差分 (finite-difference time-domain, FDTD)方法,模拟 研究锥形 2D PC结构参数对单结微晶硅太阳电池 各膜层吸收的影响规律.通过引入纵横比(高度与 周期的比值)的概念,将周期和高度对电池各膜层 吸收的影响有机结合,提出新的陷光思路,为实验 获取优异的周期或随机绒面陷光结构提供指导.首 先研究在不同波长范围内,周期和纵横比(≤1)变 化对电池各膜层吸收和总吸收的影响规律;而后研 究占空比变化对各膜层吸收和总吸收的影响;最后 基于优化的周期和占空比,探讨纵横比大于1时电 池吸收随纵横比的变化规律.

#### 2 模拟及验证

#### 2.1 模拟方法

基于Lumerical 公司的商业化FDTD 计算软件 (FDTD Solutions),模拟研究计算锥形 2D PC 结构参数变化对电池各膜层吸收和总吸收的影响规律.随着计算机技术的飞速进步,FDTD 数值计算方法得到了迅猛发展,应用范围几乎涉及所有电磁领域,是目前计算电磁学界公认的、最受关注的算法<sup>[28]</sup>.应用FDTD 算法求解太阳电池问题时,算法在模拟区域自动划分网格 (Yee 元胞),而后电磁场便从激励源处开始随时间逐步推进,待电磁场稳定后自动停止运算,此时便可获得太阳电池任何位置的电磁场信息.各膜层吸收 Pabs 的计算公式为<sup>[29]</sup>

$$P_{\rm abs} = -0.5\omega |E|^2 {\rm Im}(\varepsilon), \qquad (1)$$

式中 $|E|^2$ 为电场强度,  $Im(\varepsilon)$ 为材料介电常数 $\varepsilon$ 的 虚部, 和消光系数直接相关,  $\omega$ 为频率. 获得电池的 空间电场分布|E|后即可计算得到各膜层的吸收. 为了探讨 2D PC结构参数变化对各膜层吸收的影 响规律, 将各膜层吸收转化为短路电流密度 $(J_{sc})$ , 即一个结构参数下的每一膜层吸收只对应一个 $J_{sc}$ . 具体方法如下.

假设各膜层吸收的光子都能产生电子空穴对, 且一个光子产生一个电子空穴对,即电子空穴产生 率 $\eta_0 = 1$ ,则电池各膜层的量子效率曲线 $E_Q(\lambda)$ 可 表示为

$$E_{\rm Q}(\lambda) = \frac{\frac{P_{\rm abs}(\lambda)\lambda}{hc} \cdot \eta_0}{\frac{P_{\rm in}(\lambda)\lambda}{hc}} = \frac{P_{\rm abs}(\lambda)}{P_{\rm in}(\lambda)},\qquad(2)$$

式中 $P_{in}(\lambda)$ 和 $P_{abs}(\lambda)$ 分别为波长 $\lambda$ 时的入射光光 场强度和被各膜层吸收的光场强度,h为普朗克常 数,c为真空中的光速.将 $E_Q(\lambda)$ 和AM1.5标准太 阳光谱进行积分,即可获得各膜层产生的短路电流 密度 $J_{sc}$ ,表达式为

$$J_{\rm sc} = e \int \frac{\lambda}{hc} E_{\rm Q}(\lambda) I_{\rm AM1.5}(\lambda) d\lambda, \qquad (3)$$

式中*e*为电子电量, *I*AM1.5 为AM1.5 标准太阳光谱 (来自ASTM G173-03, 由美国可再生能源实验室 NREL测试获得).

#### 2.2 模拟结构

选择具有宽谱域光谱吸收范围(300— 1100 nm)的n-i-p型单结微晶硅(μc-Si:H)太阳电 池作为研究对象,其本征层厚度通常约为2 μm. 当衬底引入绒面陷光形貌时,银(Ag)背反射电极 会产生等离子激元共振吸收,并且随着粗糙度的 增大,等离子激元共振吸收也会增强<sup>[30]</sup>.此外, 在绒面形貌上沉积微晶硅电池时,由于本征层厚 度较厚和晶粒生长方向的影响,基底形貌并不能 得以保持.为了充分了解陷光机理,减少寄生吸 收的影响,并考虑到要对实验有一定的指导性, 选择在本征吸收层引入锥形二维光子晶体,以膜 层后缀名添加\_PC表示,如i-μc-Si\_PC.电池具 体结构为平面衬底/Ag (100 nm)/ZnO:Al (AZO, 100 nm)/n-a-Si (20 nm)/i-μc-Si\_base (100 nm)/iμc-Si\_PC (2 μm)/p-nc-Si (20 nm) /ITO (80 nm). 模拟制备流程如图1所示. 首先在平面基底上 顺序沉积Ag/AZO复合背反射电极、n型层、本 征层(i-μc-Si\_base和i-μc-Si\_PC),如图1(a)所示; 然后假设采用光刻等方法在i-μc-Si\_PC上刻蚀形 成锥形光子晶体(图1(b));最后再沉积p型层和 ITO(图1(c)). 图中的i-μc-Si分为两部分: 一部 分是i-μc-Si\_PC,厚度固定为2 μm,只在该层上 刻蚀制备光子晶体形貌,也即光子晶体的最大高 度为2 μm;另一部分是i-μc-Si\_base,厚度固定为 100 nm (不做刻蚀),该部分主要起阻挡层作用,即 当i-μc-Si\_PC 的刻蚀高度达到2 μm时,防止前后 电极相接触而发生短路.





Fig. 1. Schematic of fabricating microcrystalline silicon thin film solar cells based on conical 2D PC: (a) Intrinsic layer (i-µc-Si\_PC) without 2D PC; (b) intrinsic layer with 2D PC; (c) complete cell with 2D PC intrinsic layer.



图 2 锥形 i-µc-Si\_PC 结构示意图 Fig. 2. Structure schematic of conical i-µc-Si\_PC.

图 2为i-μc-Si\_PC的结构示意图, 其总高度保持 2 μm 不变, 实验中可以通过刻蚀等方法在该层 上形成不同的锥形 2D PC 结构. 两个相邻的锥体 并不直接接触形成V型底,而是留出一定的距离 形成U型底结构,即底宽(W)小于周期(P),二者 的比值为占空比 $f_f(f_f = W/P)$ . 锥体的高度(H) 最大值为2  $\mu$ m,其与周期的比值定义为纵横比  $r_{HP}(r_{HP} = H/P)$ .

#### 2.3 模拟验证

为了提升模拟的准确性及可指导性,模拟计 算时所用到的随波长变化的各材料均由南开大 学光电子所实际制备,而后采用商用光谱椭偏仪 WVASE32测试得到材料的椭偏量Ψ和Δ,并运用 Tauc-Lorentz模型进行拟合获得材料光学常数,如 图3所示.所有硅基膜层均采用等离子体增强化学 气相沉积(RF-PECVD)系统制备,Ag,AZO采用 磁控溅射方法沉积,ITO则用热蒸发法制备.





Fig. 3. Optical constants as a function of wavelength for each thin film layer: (a) Refractive index n; (b) extinction coefficient k.

为了验证模拟的准确性,在图4(a)所示锥 形光子晶体基底上( $P = 3 \mu m$ ,  $H = 1 \mu m$ ,  $f_f = 13/15$ )沉积单结非晶硅锗电池,电池结构为 Ag (100 nm)/AZO (100 nm)/n-a-Si (20 nm)/i-a-SiGe: H (200 nm)/p-nc-Si (15 nm)/ITO (80 nm), 而后用 FDTD 模拟计算对应结构电池的量子效率, 并与实验值进行比较,如图4(b)所示.之所以选 择在上述基底上沉积非晶硅锗而非微晶硅,主要 原因是前者吸收层较薄,可以实现保形生长,易 于设计模拟结构并和实验结果进行有效比较.从 图4(a)也可以看出沉积电池后基底形貌得以较好 保持.为了减少数据量,所做的模拟计算都是基于 二维模拟. 图4(b)中*E*Q曲线实验值是在-0.3 V 偏压下测试获得的,主要目的是减小p/i界面对载 流子输运的影响以及电极欧姆接触对载流子收集 的影响,使实验值更接近理想状况. 从图中可以看 出,模拟值和实验值符合较好,积分电流值分别为 19.5 mA/cm<sup>2</sup>(模拟)和19.2 mA/cm<sup>2</sup>(实验),说明 模拟结果可靠性较高. 二者的差别主要在于短波范 围,很重要的一个原因是沉积时厚度不能完全精确 控制,会和模拟时设置的厚度有所偏差,尤其是对 于厚度只有几十纳米的p型层和ITO而言更容易 引起偏离,而这二者厚度稍微有所偏差就会对短波 吸收造成重要影响.



图 4 (a) 锥形光子晶体衬底及在衬底上沉积背反射电极和电池时扫描电子显微镜俯视图 (45°角); (b) 模拟和实验的 *E*<sub>Q</sub> 结 果比较

Fig. 4. (a) Scanning electron microscopic image of conical 2D PC substrate and conical 2D PC substrates with back reflector and cells deposited on it, respectively; (b)  $E_{\rm Q}$  curves for simulation and experiment.

3 结果与讨论

#### 3.1 周期和纵横比对电池各膜层吸收和总 吸收的影响

锥形2D PC吸收层主要有三个结构参数:周期P、高度H和占空比f<sub>f</sub>,如图2所示.如果分立研究各膜层吸收随P或H的变化,或者采用三维坐标研究吸收随P和H的变化,都无法探究其中内在

的规律.为此,将周期和高度相结合,引入纵横比 r<sub>HP</sub>,着重研究各膜层光学吸收随 P 和 r<sub>HP</sub> 的变化 规律.在研究二者对电池吸收的影响时,将 f<sub>f</sub> 暂时 固定为13/15,周期 P 在 0.25—2.00 μm 区间变化, 步长为0.25 μm;纵横比 r<sub>HP</sub> 选择为1/6, 1/3, 1/2, 2/3, 5/6, 1/1 这6个值,步长为1/6.

图 5 所 示 为 光 谱 积 分 波 长 范 围 为 300— 1100 nm 时,在不同的纵横比下周期变化对微晶 硅电池各膜层吸收 (*J*<sub>sc</sub>) 的影响.其中图 5 (a) 为总



图 5 光谱积分波长范围为 300—1100 nm 时, 在不同的纵横比 *r<sub>HP</sub>*下, 周期 *P*变化对微晶硅电池各膜层吸收 (*J*<sub>sc</sub>) 的影响 (a) 总吸收; (b) i-µc-Si(包含 i-µc-Si\_base 和 i-µc-Si\_PC 两部分); (c) ITO; (d) p-nc-Si; (e) Ag

Fig. 5. Influence of period P on each layer absorption of the microcrystalline solar cells at different aspect ratio  $r_{HP}$  with integral wavelength region of 300–1100 nm: (a) Total absorption; (b) i-µc-Si (both i-µc-Si\_base and i-µc-Si\_PC); (c) ITO; (d) p-nc-Si; (e) Ag.

吸收,图5(b)为i-μc-Si吸收(包含i-μc-Si\_base和 i-μc-Si\_PC两部分),图5(c)为ITO吸收,图5(d) 为p-nc-Si吸收,图5(e)为Ag吸收.没有给出AZO 和n-a-Si的吸收曲线,因为无论采用何种结构参 数,AZO和n-a-Si的寄生吸收都非常小,可以忽略 不计.

当纵横比不变时,本征层吸收随着周期增大呈 正弦变化.其余膜层吸收和电池总吸收也有类似 的变化趋势,说明衍射效果随着周期增大呈正弦变 化,而且会作用在各个膜层上.随着纵横比的增大, 图 5 (a)中的总吸收曲线和图 5 (b)中的本征吸收曲 线变化趋势非常相似.当  $P \leq 1.0 \mu m$ 时,电池的 本征吸收随着纵横比的增大不断上升,在 $r_{HP} = 1$ 时实现最大化;当1.0  $\mu m < P \leq 1.5 \mu m$ 时,本征 吸收随着纵横比的增大先不断上升而后减小,在  $r_{HP} = 5/6$ 时实现最大化;当1.5  $\mu m$  <  $P \leq 2.0 \mu m$ 时,本征吸收随纵横比的增大仍然先上升后下降, 但实现最大化的纵横比减小为1/2.这说明要实现 本征吸收最大化,小周期应采用大纵横比,大周期 则应减小纵横比.

当纵横比和周期发生变化时,ITO的寄生吸 收介于2.5—4.0 mA/cm<sup>2</sup>之间.对于p-nc-Si,当纵 横比不变时,周期变化对其寄生吸收基本没有影 响;纵横比增大时,寄生吸收总体呈逐渐下降趋 势,贡献的寄生电流为0.6—1.0 mA/cm<sup>2</sup>.由此可 见,周期和纵横比变化对p-nc-Si的寄生吸收影响 很小.从图5(e)可以看出,纵横比变化包括周期变 化对Ag的寄生吸收影响都很小,损耗电流不超过 0.7 mA/cm<sup>2</sup>.这说明采用平面基底,使吸收和陷光 同时在本征层中进行,可以显著减小Ag的寄生吸 收.综上可以看出,对于锥形2D PC吸收层电池, 寄生吸收主要由ITO 引起.要减小ITO的寄生吸 收,关键是减小ITO 的吸收系数.

根据图 5 (b) 可知, 当  $P = 0.5 \mu m$ ,  $r_{HP} = 1$  时, 电池的本征吸收达到峰值,  $J_{sc}$ 为27.8 mA/cm<sup>2</sup>; 与平面结构相比 (吸收层厚度为2.1  $\mu m$ ,  $J_{sc}$ 为 21.9 mA/cm<sup>2</sup>),  $J_{sc}$ 提升5.8 mA/cm<sup>2</sup>, 相对增加 27%. 图 6 为以上 2D PC 结构电池和平面结构电 池的本征吸收对比曲线. 从图中可以看出, 在吸收 层中引入上述结构的 2D PC, 本征吸收获得显著 提升. 在 300—550 nm 波长范围内, 到达电池底部 的光很少, 因此电池的吸收变化主要由电池的前表 面反射变化引起. 当波长大于 550 nm 时, 大部分 入射光能到达电池底部, 此时背反射电极的反射 和本征层的陷光特性对电池吸收起主要作用.在 此波长范围内,本征吸收曲线出现很多吸收增强 峰,主要是由锥形PC吸收层的振动模引起.为了 进一步探寻锥形2DPC吸收层的陷光规律,分别 研究300—550 nm (短波),550—800 nm (中波)和 800—1100 nm (长波)这三个波长范围内锥形2D PC的周期和纵横比变化对电池本征吸收的影响, 如图7所示.



图 6 锥形 2D PC 结构 ( $P = 0.5 \mu m, r_{HP} = 1$ ) 和平面 结构本征吸收比较

Fig. 6. Intrinsic absorptions of cells with and without 2D PC (flat).

在 300—550 nm 波长范围内, Ag 的寄生吸收 为0, 因为没有光到达电池底部.从图7(a)可以看 出,随着纵横比的增大,本征吸收先迅速上升; 当纵 横比达到并超过1/2时,本征吸收上升幅度不断减 小.此外,在上述波长范围内,当纵横比不变时,本 征吸收受周期变化的影响很小.因此,为了使电池 的短波吸收达到最大化,锥形 2D PC 吸收层可以采 用任意周期,同时设定 *r*<sub>HP</sub> > 1/2 即可.该结论也 表明,为了使更多的光进入电池内部而在电池表面 引入绒面减反膜时,重点在于优化绒面形貌的纵横 比,使之超过1/2.

在 550—800 nm 波长范围内, 从图 7 (b) 可以 看出, 当 0.25  $\mu$ m  $\leq P < 0.75 \mu$ m,  $r_{HP} \geq 5/6$ 时, 电池的本征吸收明显高于其他周期和纵横 比的电池对应吸收. 说明在上述参数范围内, 锥形 2D PC 的波动效果最强, 电池陷光效果最 好. 在 800—1100 nm 波长范围内, 本征吸收主 要受周期大小的影响, 受纵横比的影响较小, 当 0.50  $\mu$ m  $\leq P \leq 0.75 \mu$ m 时本征吸收最高.

综合波长范围550—800 nm 和800—1100 nm 的本征吸收可以得出,当锥形2D PC吸收层的周期在0.5 µm左右,且纵横比较大时,在中长波范围内电池的陷光效果最好.而当波长为300—550 nm

时,本征吸收受周期的影响很小,但随纵横比的增 大先上升而后逐渐趋于稳定.故对于锥形 2D PC 本征微晶硅电池,最佳的锥形 2D PC 结构应设置周 期约为0.5 μm,并选择大纵横比(由于在前述研究 中纵横比最大只为1,纵横比超过1时是否会继续 提升吸收将于后续讨论).





Fig. 7. Effect of period and aspect ratio on the cell intrinsic absorptions in the wavelength range of (a) 300-550 nm, (b) 550-800 nm, and (c) 800-1100 nm.

### 3.2 占空比对电池各膜层吸收和总吸收 的影响

根据前述研究,在占空比为13/15(≈ 0.87)的 条件下,周期和纵横比分别选择0.5 μm和1时电池 的本征吸收最大化.研究占空比变化对电池总吸 收、本征吸收的影响 ( $P = 0.5 \mu m$ ,  $r_{HP} = 1$ ),结果如图 8 所示. 从图中可以看出,总吸收和本征吸收随着占空比增大总体呈上升趋势,当占空比接近 0.9 时吸收达到最大值.



图 8 占空比变化对电池总吸收和本征吸收的影响 Fig. 8. Influence of the fill factor on total absorption and intrinsic absorption of the cells.

#### 3.3 周期和占空比不变时继续增大纵横比 对电池吸收的影响

在前述研究中发现当 $P \leq 1 \mu m$ 时, 电池的本 征吸收随纵横比的增大而逐渐增大, 当 $r_{HP} = 1$ 时 吸收实现最大化 ( $0 \leq r_{HP} \leq 1$ ), 如图 5 (b) 所示. 存在一个问题, 前述研究中 $r_{HP}$ 最大值只取到1, 那么对于 $P \leq 1 \mu m$ 的锥形PC吸收层, 继续增大  $r_{HP}$ 是否会继续提升本征吸收? 为此, 对周期分别 为0.25, 0.50, 0.75, 1.00  $\mu m$ , 高度从0增加到2  $\mu m$ 时电池本征吸收的变化规律进行研究, 如图 9 所示, 对应的 $r_{HP}$ 分别从0增加到8.0, 4.0, 2.7, 2.0.



图 9 P ≤ 1 μm 时锥形 PC 吸收层高度变化 (0-2 μm) 对电池本征吸收的影响

Fig. 9. Intrinsic absorption versus height of the conical 2D PC (0–2  $\mu m)$  when  $P\leqslant 1~\mu m.$ 

从图 9 可以看出,随着纵横比的增大,本征吸 收先上升而后呈总体下降趋势. 当周期分别为 0.25, 0.50, 0.75, 1.00  $\mu$ m时,获得本征吸收最大化 的对应高度值分别约为0.25, 0.50, 0.75, 1.00  $\mu$ m. 由此可以看出,当 $P \leq 1 \mu$ m时,实现本征吸收最大 化的 $r_{HP}$ 均为1,继续增大 $r_{HP}$ 并不会提升电池本 征吸收.

在引言中指出,随机绒面结构可以看作一系列 周期性结构经空间傅里叶变换叠加形成.因此在设 计优异的随机绒面结构时,重点在于优化绒面形貌 的纵横比,当其横向特征尺寸较小时(≤1μm),使 其纵横比达到1;而当周期较大时,根据3.1节获得 的结论,则应相应减小纵横比.

#### 4 结 论

基于FDTD 算法模拟研究了锥形 2D PC 结构 参数对单结微晶硅电池各膜层光学吸收的影响规 律.研究表明,引入锥形2D PC吸收层后,电池的 本征吸收和寄生吸收都获得提升.寄生吸收主要 由ITO引起,本征吸收则随着周期变化呈正弦波 动,并且随着纵横比的增大先上升后下降. 当周 期分别为 P ≤ 1.0 μm, 1.0 μm < P ≤ 1.5 μm 和 1.5 µm < P ≤ 2.0 µm时,本征吸收分别在纵横比 为1,5/6和1/2时实现最大化,即小周期应采用大 纵横比, 而大周期应减小纵横比. 同时研究发现, 为 了使更多的光进入电池内部而在电池表面引入绒 面减反膜时,重点在于优化绒面形貌的纵横比,使 之超过1/2. 此外,本征吸收随着占空比增大总体 呈上升趋势,当占空比接近0.9时达到最大值.当 引入结构参数为 $P = 0.5 \mu m, r_{HP} = 1, f_f \approx 0.9 h$ 锥形 2D PC 吸收层时, 微晶硅电池短路电流密度从 平面结构的21.9 mA/cm<sup>2</sup>提升到27.8 mA/cm<sup>2</sup>,相 对增加27%. 以上结论为实验制备优异的周期或随 机绒面陷光形貌提供了重要指导.

#### 参考文献

- Shah A V, Schade H, Vanecek M, Meier J, Vallat-Sauvain E, Wyrsch N, Kroll U, Droz C, Bailat J 2004 *Prog. Photovoltaics* 12 113
- [2] Moulin E, Bittkau K, Ghosh M, Bugnon G, Stuckelberger M, Meier M, Haug F J, Hupkes J, Ballif C 2016 Sol. Energ. Mat. Sol. C 145 185
- [3] Muller J, Rech B, Springer J, Vanecek M 2004 Sol. Energy 77 917

- [4] Andreani L C, Bozzola A, Kowalczewski P, Liscidini M 2015 Sol. Energ. Mat. Sol. C 135 78
- [5] Isabella O 2013 Ph. D. Dissertation (Delft: Delft University of Technology)
- [6] Hsu C M, Battaglia C, Pahud C, Ruan Z C, Haug F J, Fan S H, Ballif C, Cui Y 2012 Adv. Energy. Mater. 2 628
- [7] Tan H, Santbergen R, Smets A H M, Zeman M 2012 Nano Lett. 12 4070
- [8] Chen P Z, Hou G F, Fan Q H, Ni J, Zhang J J, Huang Q, Zhang X D, Zhao Y 2015 Sol. Energ. Mat. Sol. C 143 435
- [9] Yan B, Yue G, Sivec L, Owens-Mawson J, Yang J, Guha S 2012 Sol. Energ. Mat. Sol. C 104 13
- [10] Yan B, Yue G, Sivec L, Yang J, Guha S 2011 Appl. Phys. Lett. 99 113512
- [11] Sai H, Matsui T, Matsubara K, Kondo M, Yoshida I 2014 IEEE J. Photovolt. 4 1349
- [12] Sai H, Matsui T, Saito K, Kondo M, Yoshida I 2015 Prog. Photovoltaics 23 1572
- [13] Lin Y Y, Xu Z, Yu D L, Lu L F, Yin M, Tavakoli M M, Chen X Y, Hao Y Y, Fan Z Y, Cui Y X 2016 ACS Appl. Mater. Interfaces 8 10929
- [14] Tanaka Y, Ishizaki K, Zoysa M D, Umeda T, Kawamoto Y, Fujita S, Noda S 2015 Prog. Photovoltaics 23 1475
- [15] Ishizaki K, de Zoysa M, Tanaka Y, Umeda T, Kawamoto Y, Noda S 2015 Opt. Express 23 1040
- [16] Wang Y, Zhang X, Bai L, Huang Q, Wei C, Zhao Y 2012 Appl. Phys. Lett. 100 263508
- [17] Tan H R, Psomadaki E, Isabella O, Fischer M, Babal P, Vasudevan R, Zeman M, Smets A H M 2013 Appl. Phys. Lett. 103 173905
- [18] Tan H, Moulin E, Si F T, Schuttauf J W, Stuckelberger M, Isabella O, Haug F J, Ballif C, Zeman M, Smets A H M 2015 Prog. Photovoltaics 23 949
- [19] Sai H, Saito K, Kondo M 2013 IEEE J. Photovolt. 3 5
- [20] Moulin E, Steltenpool M, Boccard M, Garcia L, Bugnon G, Stuckelberger M, Feuser E, Niesen B, van Erven R, Schuttauf J W 2014 *IEEE J. Photovolt.* 4 1177
- [21] Dewan R, Shrestha S, Jovanov V, Hupkes J, Bittkau K, Knipp D 2015 Sol. Energ. Mat. Sol. C 143 183
- [22] Soh H J, Yoo J, Kim D 2012 Sol. Energy 86 2095
- [23] Kawamoto Y, Tanaka Y, Ishizaki K, de Zoysa M, Asano T, Noda S 2015 Opt. Express 23 896
- [24] Kawamoto Y, Tanaka Y, Ishizaki K, de Zoysa M, Asano T, Noda S 2014 IEEE J. Photovolt. 6 4700110
- [25] Gomard G, Peretti R, Callard S, Meng X, Artinyan R, Deschamps T, Roca I, Cabarrocas P, Drouard E, Seassal C 2014 Appl. Phys. Lett. 104 051119
- [26] Tamang A, Sai H, Jovanov V, Hossain M I, Matsubara K, Knipp D 2016 Prog. Photovoltaics 24 379
- [27] Shi Y, Wang X, Liu W, Yang T, Ma J, Yang F 2014 Opt. Express 22 20473
- [28] Fisker C, Pedersen T G 2013 Opt. Express 21 208
- [29] Chen P Z, Hou G F, Zhang J J, Zhang X D, Zhao Y 2014 J. Appl. Phys. 116 064508
- [30] Curtin B, Biswas R, Dalal V 2009 Appl. Phys. Lett. 95 231102

### Numerical study on conical two-dimensional photonic crystal in silicon thin-film solar cells<sup>\*</sup>

Chen Pei-Zhuan<sup>1)2)</sup> Yu Li-Yuan<sup>1)†</sup> Niu Ping-Juan<sup>1)‡</sup> Fu Xian-Song<sup>1)</sup> Yang Guang-Hua<sup>1)</sup> Zhang Jian-Jun<sup>2)</sup> Hou Guo-Fu<sup>2)</sup>

 (Engineering Research Center of High Power Solid State Lighting Application System, Ministry of Education, School of Electrical Engineering and Automation, Tianjin Polytechnic University, Tianjin 300387, China)

Electrical Engineering and Automation, Tianjin Polytechnic University, Tianjin 500587, China)

 (Tianjin Key Laboratory of Photoelectronic Thin-Film Devices and Technique, Key Laboratory of Optical Information Science & Technology, Ministry of Education, Institute of Photoelectronic Thin-Film Devices and Technique, Nankai University,

Tianjin 300071, China)

(Received 24 July 2017; revised manuscript received 3 October 2017)

#### Abstract

To further improve the absorption of thin-film silicon solar cells (TFSSCs), it is essential to understand what kind of texture morphology could present the best light trapping effect, or rather, which structural parameter plays the most important role, and offers the required lateral feature size, height or others. In this paper, the influences of structural parameters of conical two-dimensional photonic crystal (2D PC) on each-layer absorption of the microcrystalline silicon thin film solar cells are numerically studied by using the finite-difference time-domain method when 2D PC is introduced into the intrinsic layer. The results show that both the intrinsic absorption and parasitic absorption are significantly enhanced via introduction of 2D PC into the intrinsic layer. The parasitic absorption is mainly caused by the ITO layer, and the intrinsic absorption shows a sinusoidal fluctuation with the increase of period. It is found that the aspect ratio (height/period) of the 2D PC has a decisive influence on the cell intrinsic absorption. When the period of the 2D PC is less than 1 µm, the intrinsic absorption first increases and then decreases with the increase of the aspect ratio, and reaches a maximum value with an aspect ratio of 1. For the case of period larger than 1 µm, the aspect ratio needed to obtain the maximum result is smaller than 1. What is more, the larger the period, the smaller the aspect ratio for maximizing the intrinsic absorption will be. The peak intrinsic absorption can be obtained when a 2D PC with a period of 0.5 µm and an aspect ratio of 1 is introduced. Compared with that of the flat cell, the short-circuited current density of the above optimized 2D PC cell can be significantly enhanced by 5.8 mA/cm<sup>2</sup> (from 21.9 to 27.8 mA/cm<sup>2</sup>), corresponding to a relative enhancement of 27%. In order to improve antireflection performance, it is critical to adopt a textured front-surface morphology where the aspect ratio is higher than 1/2. In addition, the intrinsic absorption increases with the increasing fill factor, and reaches a maximum value when the fill factor of the 2D PC is close to 0.9. The research results of this paper break through the traditional viewpoint of light trapping mechanism which points out that the light trapping effect is mainly dependent on the lateral feature size of the texture, and provide an important guide for obtaining optimized random or periodic texture via experiment.

**Keywords:** thin-film silicon solar cells, two-dimensional photonic crystal, light trapping, optical absorption enhancement

PACS: 88.40.hj, 73.61.Jc, 68.65.Ac, 68.55.jm

**DOI:** 10.7498/aps.67.20171689

<sup>\*</sup> Project supported by the Program of Introducing Talents of Discipline to Universities, China (Grant No. B16027), the National Natural Science Foundation of China (Grant Nos. 61176060, 61404074, 61504069, 61377031, 61605145), the Natural Science Foundation of Tianjin, China (Grant No. 14JCQNJC02100), and the Open Fund of the Key Laboratory of Optical Information Science & Technology (Nankai University), Ministry of Education, China (Grant No. 2017KFKT015).

 $<sup>\</sup>dagger~$  Corresponding author. E-mail: Yuliyuan@tjpu.edu.cn

<sup>‡</sup> Corresponding author. E-mail: Pjniu@outlook.com