# 物理学报 Acta Physica Sinica



#### 远程多光束激光相干场成像拍频误差校正研究

张羽 罗秀娟 刘辉 陈明徕 兰富洋 贾辉 曹蓓

Beat frequency error rectifying in multi-beam laser coherent remote tmaging

Zhang Yu Luo Xiu-Juan Liu Hui Chen Ming-Lai Lan Fu-Yang Jia Hui Cao Bei

引用信息 Citation: Acta Physica Sinica, 67, 044201 (2018) DOI: 10.7498/aps.20172125 在线阅读 View online: http://dx.doi.org/10.7498/aps.20172125 当期内容 View table of contents: http://wulixb.iphy.ac.cn/CN/Y2018/V67/I4

您可能感兴趣的其他文章 Articles you may be interested in

#### 利用衍射光栅探测涡旋光束轨道角动量态的研究进展

Progress of detecting orbital angular momentum states of optical vortices through diffraction gratings 物理学报.2018, 67(3): 034201 http://dx.doi.org/10.7498/aps.67.20171899

#### 光学元件波前畸变对驱动器光路设计的影响

Influence of phase error of optical elements on optical path design of laser facilities 物理学报.2018, 67(2): 024201 http://dx.doi.org/10.7498/aps.67.20171877

#### 剪切光束成像技术对纵深目标的成像

Sheared-beam imaging of object with depth information 物理学报.2017, 66(20): 204202 http://dx.doi.org/10.7498/aps.66.204202

#### 基于杂散光抑制要求的光学表面粗糙度控制方法研究

Method of controlling optical surface roughness based on stray light requirements 物理学报.2017, 66(19): 194201 http://dx.doi.org/10.7498/aps.66.194201

#### 矢量基尔霍夫公式经典证明的漏洞与新的严格证明

Flaws in classical proofs of vector Kirchhoff integral theorem and its new strict proof 物理学报.2017, 66(16): 164201 http://dx.doi.org/10.7498/aps.66.164201

# 远程多光束激光相干场成像拍频误差校正研究<sup>\*</sup>

张羽† 罗秀娟 刘辉 陈明徕 兰富洋 贾辉 曹蓓

(中国科学院西安光学精密机械研究所,西安 710119)

(2017年9月26日收到;2017年12月9日收到修改稿)

多光束激光相干成像技术是地基观测空间目标的重要方式,各光束的稳定性和性能一致性直接决定着系统成像质量,目前针对系统频率稳定性对成像质量的影响以及激光源频漂的补偿已有一定研究,然而针对多光束发射系统,由驱动放大噪声及声光移频噪声引起的各光束间独立的频漂还需进一步抑制.基于此,本文提出了动态解调和置信区间解调两种抑制方法,理论仿真了动态解调对缓慢频漂抑制的可行性,同时实验证明了置信区间解调法对成像效果的提升,并在200 m 和1.2 km的湍流环境中对该解调方法进行了验证.研究表明,置信区间解调法对于各拍频间独立漂移有较好的实时补偿效果,能够有效抑制发射阵列中由声光调制及驱动放大引入的频率噪声,对水平距离1.2 km外的25 mm目标成像角分辨率达到4 μrad.本研究为未来远程大功率发射阵列成像中的频率噪声抑制提供了较好的技术方案.

关键词:相干场成像,多光束,拍频漂移,置信区间 PACS: 42.25.Fx, 42.30.Kq, 42.30.Rx

#### **DOI:** 10.7498/aps.67.20172125

### 1引言

多光束激光相干场成像已成为地基对空目标 高分辨率观测的重要手段,它结合主动照明的优 势,利用各同源光束间的干涉信息获取远距离目标 的空间分布特征,通过对目标回波信号的接收与解 调重构目标图像.尽管多光束构成干涉信息的方式 随成像原理不同而各有差异,如基于多组干涉条纹 的傅里叶望远技术<sup>[1-5]</sup>和基于散斑场干涉的剪切 光束干涉望远技术<sup>[6-9]</sup>等,但其中都涉及到多光束 频率调制这一关键技术.尤其是基于多光束的傅里 叶望远术,频率调制的精度直接决定着成像质量. 该技术采用声光调制对各个光束加载不同的微小 频移得到不同的外差干涉拍频量,用以携带目标不 同空间频率的信息.

真实成像系统中存在着更为复杂的频率偏移 因素,如大气湍流扰动、高功率声光移频和光放大 器件等.近些年国内外一些学者主要针对成像稳 定性以及频率调制特性进行了专项研究,如西班 牙Astrofisica研究所的Montilla团队<sup>[10]</sup>进行了阵 列波前特性及相应控制算法的研究.美国Florida Atlantic University的William团队<sup>[11]</sup>开展了水平 湍流路径中采用时域平均方法使傅里叶望远清晰 成像的研究, Andes大学的Gares团队<sup>[12]</sup>采用了层 析法对空间目标进行了3D成像, Stephen团队<sup>[13]</sup> 在原有傅里叶望远镜的基础上研制了4m阵列发 射系统,针对空间目标展开成像实验.中国科学院 光电研究院的孔新新对傅里叶望远镜中频率误差 对成像质量的影响进行了分析<sup>[14,15]</sup>;中国科学院 西安光学精密机械研究所的曹蓓等<sup>[16]</sup>以及国防科 技大学的陈卫等<sup>[17]</sup>利用全相位法修正了由于激光 频率稳定性差而造成的频率偏差等.

在分析频差对成像影响的基础上,仍需要进一步提出有效抑制频漂的方法.尽管全相位法抑制了 激光源的频率抖动,但对于高功率多光束干涉成像 而言,尚不能分别对各光束进行独立校正.考虑到 设计成本,系统会采用先分束、再放大的输出方式.

\* 国家自然科学基金(批准号: 61505248)和总装备部预研基金(批准号: 9140A21020115ZK18001)资助的课题.

© 2018 中国物理学会 Chinese Physical Society

<sup>†</sup>通信作者. E-mail: yuzhang16@opt.ac.cn

每束光在声光调制、传输路径上也具有独立性,故 需要研究一种针对各个光束独立校正的方法.本文 以傅里叶望远技术为基础,光束拍频量作为研究对 象,提出并比较了"动态解调"和"置信区间解调" 两种拍频校正方法,理论分析了"动态解调"可行性 和适用范围,实验验证了"置信区间解调"对重构过 程的优化,在系统数据处理端对各组傅里叶分量的 拍频漂移进行了修正.

## 2 傅里叶望远技术及拍频漂移分析

多光束相干场望远技术中最为典型的即为傅 里叶望远技术,其成像原理如图1所示,阵列中各 光束根据 Golumb ruler 设定不同的量频移<sup>[18]</sup>,输 出后进行外差干涉,各基线位置处的光束组在目标 表面形成了不同空间频率和方向的干涉条纹来提 取目标空间信息,在信号被接收后,根据每组拍频 信号所携带的信息将目标图像解调重构.



图 1 傅里叶望远技术成像系统示意 Fig. 1. Concept of Fourier telescopy.

为了保证基本的光束相位闭合运算,本文以T 型阵列三光束成像系统进行分析. 假设激光束场强 用指数信号表示为 $E_i = \exp(i\omega_i t)$ . 若三束同源激 光信号表示为 $E_1, E_2, E_3$ . 它们在目标表面干涉条 纹的能量分布为

$$I(t) = \exp(i(\omega_1 - \omega_2)t + (k_1 - k_2) \cdot x + (\phi_1 - \phi_2)) + \exp(i(\omega_2 - \omega_3)t + (k_2 - k_3) \cdot x + (\phi_2 - \phi_3)) + \exp(i(\omega_3 - \omega_1)t + (k_3 - k_1) \cdot x + (\phi_3 - \phi_1)) + c.c,$$
(1)

式中,  $k_1 = k_0 \Delta x_1 / R$ ,  $k_0 = 2\pi / \lambda$ 为波数;  $\Delta x_1$ ,  $\Delta x_2$ ,  $\Delta x_3$ 分别为发射基线上三个发射孔径两两

之间的距离; *R*是目标的观测距离.  $\phi_1$ ,  $\phi_2$ ,  $\phi_3$  是 光束的初始相位; 其中, c.c =  $(\exp(i(\omega_1 - \omega_2)t) + \exp(i(\omega_2 - \omega_3)t) + \exp(i(\omega_3 - \omega_1)t))^*$ , 此时三个拍 频量已经形成, 光束照射目标后到达探测器阵列, 回波信号的三组傅里叶变换表示为

$$M(k_1) = M_{1,0}c''O(k_1 - k_0)$$

$$\times \exp(i\Delta\omega t + i\phi_1 - i\phi_0),$$

$$M(k_2) = M_{m,1}c''O(k_m - k_1)$$

$$\times \exp(i\Delta\omega_2 t + i\phi_m - i\phi_1),$$

$$M(k_3) = M_{m,0}c''O(k_m - k_0)$$

$$\times \exp(i\Delta\omega_3 t + i\phi_m - i\phi_0), \quad (2)$$

即三光束外差干涉构成的拍频量,其中  $M_{i,j}$  为在 T 型阵列中某两束光的干涉幅值,其中  $c'' = N_{c.c.}$ , N为数据采样点数,  $O(k_i - k_j)$  为在阵列 i, j 两处光束 干涉采集的目标空间频谱. 探测器接收到的时域序 列及其拍频如图 2 所示.



图 2 目标回波信号 (a) 时域信号; (b) 频域拍频信号 Fig. 2. Returning signal from target: (a) Time domain; (b) beat signal in frequency domain.

由于射频驱动误差、功率放大噪声以及湍流扰 动等因素的存在,均会使提取目标信息的拍频出现 漂移,特别是系统声光调制的频率漂移.这是由于 射频驱动及频率合成器件的频率稳定性,以及在信 号驱动放大过程中温度稳定度对频率漂移存在影响,其声光调制过程如图3所示.

研究发现在这一过程中使得 kHz 级的调制频 率会出现 100 Hz 左右的漂移,尽管漂移量相对 kHz 较小,但作为多光束干涉系统而言,往往会产生干 涉混乱现象,例如利用图 4 中的目标进行频漂仿真.



图3 傅里叶望远镜光束声光调制过程





图 4 仿真目标 Fig. 4. Simulation target.

三光束拍频设定在 30,60 和 90 kHz, 给三束光 同时加上频率的影响,在 RMS 都为 1000 的情况下, 分别使频率的变化范围为 100,200,300 和 400 Hz, 得到的重构图像如图 5 (a)—(d). 从图 5 可以看出, 当三束光都加上频率抖动后,不管频率变化范围多 少,在没有频率混叠的情况下,其重构出的图像质 量很低,与目标图像比较,基本上完全失真.

在真实的T型发射阵列中,参与的光束不仅仅 只有三束,光束间一旦独立夹杂了频漂噪声,会更 加影响系统成像质量.因此,本文从两种优化解调 方法入手,分析其可行性与适用性.



图5 三光束加载频差抖动后的重构图 (a) 100 Hz; (b) 200 Hz; (c) 300 Hz; (d) 400 Hz

Fig. 5. Reconstruction after applying beat frequency fluctuation simultaneously on three beams:(a) 100 Hz; (b) 200 Hz; (c) 300 Hz; (d) 400 Hz.

3 两种优化解调方法模型分析

#### 3.1 动态解调模型仿真分析

所谓动态解调,是将拍频量视为携带目标信息的载波,当拍频在某一范围内漂移时,所达到的位置即被认为是信号载波所在的位置,在该位置处进行频率解调,即在一定范围内解调的频率随拍频漂移量动态变化.其解调过程如图6所示.



图 6 动态解调法流程图 Fig. 6. Procedure of dynamic demodulation.

044201-3

在某一基线处,任意两光束间的拍频漂移为  $\Delta f_{\text{error}}$ ,其角频率漂移为 $\Delta \omega_{\text{error}} = 2\pi \Delta f_{\text{error}}$ ,则 由目标返回的时域信号如(3)式所示:

$$S(\mathbf{k}_{nm}, t) = 2cITO(\mathbf{k} = 0) + cITO(\mathbf{k}_{nm}) \times \exp\left\{i\left[\left(\omega_{nm} + \Delta\omega_{error}\right)\left(t - \frac{T}{2}\right) + \phi_{nm}\right]\right\},$$
(3)

其中T为数据采样周期, I为光强, fnm 为拍频.则 在该基线处的频谱为

$$M(k) = \sum_{j=0}^{N-1} S\left[k, \left(j - \frac{1}{2}\right)T\right]$$

$$\times \exp(-ij(\omega_{nm} + \Delta\omega_{error})T)$$

$$= N \exp[i(\omega_{nm} + \Delta\omega_{error})T + i\phi(k)]O(k)$$

$$+ 2O(0)\frac{1 - \exp(-Ni(\omega_{nm} + \Delta\omega_{error})T)}{1 - \exp(-i(\omega_{nm} + \Delta\omega_{error})T)}$$

$$+ \exp[-i(\omega_{nm} + \Delta\omega_{error})T - i\phi(k)]$$

$$\times O^{*}(k)\frac{1 - \exp(-2Ni(\omega_{nm} + \Delta\omega_{error})T)}{1 - \exp(-2i(\omega_{nm} + \Delta\omega_{error})T)}$$
(4)

此时, 需要调节采样周期T使得 $N(\omega_{nm} + \Delta\omega_{error})T = 2m\pi$ 方使得回波信号的傅里叶变换为

$$M(k) = O(k) \exp(i(\omega_{nm} + \Delta\omega_{error})t + i\phi(k)).$$
(5)

此时,若三个拍频的偏移量分别为 $\Delta\omega_{\text{error1}}$ ,  $\Delta\omega_{\text{error2}}$ , $\Delta\omega$ 则三光束构成的频谱为

$$M_{12}(k) = O(k) \exp(i(\omega_{12} + \Delta \omega_{\text{error1}})t + i\phi(k)),$$

 $M_{23}(k) = O(k) \exp(i(\omega_{23} + \Delta\omega_{\text{error2}})t + i\phi(k)),$  $M_{13}(k) = O(k) \exp(i(\omega_{13} + \Delta\omega_{\text{error3}})t + i\phi(k)).$ (6)

不同基线的相位闭合以及频谱迭代<sup>[19-21]</sup>时均按照已偏离的拍频进行,以90 kHz的拍频为例,当其发生200 Hz的偏移时,将信号在该处的解调频率 定为90 kHz+200 Hz. 随后在对应的拍频处解调.

然而在实际成像系统中,每个基线均存在着不同程度的瞬时频率漂移.这对硬件系统的响应速度 是个极大的挑战.为了从原理上验证该解调方法, 本部分仿真中频率变化设计为阶跃式的缓慢变化, 即认为三光束在基线遍历时在低、中、高频各产生 一次变化,以模拟真实环境中极端温度等因素造成 的缓慢频率变化:将发射基线构成的频谱面分为低 频、中频、高频三部分,T型阵列三光束干涉所构成 的干涉谱分布如图7所示,红色亮点部分为划分的 基线空间谱,每一部分给三光束加载随机的频率漂 移(通常频率的随机漂移在100 Hz 左右).

采样点数设为12000,基线遍历到10×10的成像结果与未校正的图像对比如图8所示.

通过对该方法的研究,可以看出动态解调法在 一定程度上对拍频漂移有抑制作用,然而该方法更 适合抑制频率漂移较为缓慢的因素,在实际成像系 统中需要实时调整系统的解调频率,若频率变化较 快,监测与变频程序速度无法与频率变化匹配,经 常会导致图像中出现条纹状噪声,匹配不好时没有 任何目标信息,因此该方法对系统解调硬件的要求 较高,若硬件的采样率、响应率具有更高的性能,该 方法的频漂抑制作用会显著提升.



图 7 在不同频谱区域引入误差 (a)低频区; (b)中频区; (c) 高频区

Fig. 7. Random beat frequency drift induced in different spatial region: (a) Low frequency; (b) medium frequency; (c) high frequency.

S



图 8 阵列 10 × 10 基线处的矫正效果对比 (a) 传统解 调方法; (b) 动态解调法

Fig. 8. Comparison of two demodulations on transmitter array of  $10 \times 10$  baseline: (a) Traditional demodulation; (b) dynamic demodulation.

#### 3.2 置信区间叠加解调模型分析

上节在理论上仿真了动态解调法的重构过程, 其时效性上仍有待于进一步提升.本节分析的置信 区间叠加法是将拍频漂移范围取一个有用信号区 间,认为在这个区间内的信号均为有用信号,将此 区间内所有信号能量均叠加在设定频率处,在原设 定频率点解调.此解调方法的流程如图9所示.

由成像原理可知,傅里叶望远技术的信号接收 和频谱迭代主要依靠回波信号的能量迭代来完成, 因此当拍频信号发生漂移或者展宽时可将一定范 围内的漂移信号能量进行加权,之后在预定拍频处 解调来达到增强信号的效果.以T型发射阵列中两 光束干涉照射目标为例,

$$(k,t) = \int_{t}^{t+T} d\tau \iint dx dy O(x,y) |E$$
  
 
$$\times \exp(i\omega_{1}\tau + i\omega_{err1}\tau + \phi_{1})$$
  
 
$$+ E \cdot \exp(i\omega_{2}\tau + i\omega_{err2}\tau + \phi_{2})|^{2}$$
  
 
$$= \int_{t}^{t+T} d\tau \iint dx dy O(x,y)$$
  
 
$$\times \{E^{2}[1 + 2\exp(i\omega_{1}\tau + i\omega_{err1}\tau + \phi_{1})]$$
  
 
$$\times \exp(i\omega_{2}\tau + i\omega_{err2}\tau + \phi_{2})] + c.c\}. (7)$$





(7)式描述了两光束干涉并照射目标时回波信号的组成,其中*O*(*x*, *y*)为目标表面形态空间分布, *E*为两光束的复振幅,ω<sub>1</sub>和ω<sub>err1</sub>分别为第一束光的调制频率和频率漂移,同样ω<sub>2</sub>和ω<sub>err2</sub>分别为第 二束光的频率和漂移量, c.c 为复指数项的共轭.由 数学表达式可知经过积化和差运算得到

$$S(k,t) = E \int_{t}^{t+T} d\tau \iint dx dy O(x,y)$$

$$\times \{1 + \exp(i(\omega_{1} - \omega_{2})\tau) + i(\omega_{err1} - \omega_{err2})\tau + \phi_{1} - \phi_{2})\} + c.c\}$$

$$= 2O(0) + O(x,y) \cdot \exp(i\Delta\omega t)$$

$$\times \exp(i\Delta\omega' t) \cdot \exp(\Delta\phi), \qquad (8)$$

其中 $\Delta\omega$ 为两光束的频率差即拍频量,而 $\Delta\omega'$ 为拍频漂移量.此时回波信号的傅里叶形式为

$$M(k) = \sum_{j=0}^{N-1} S(kt + (j+1/2)T) \times \exp(-ij(\Delta\omega + \Delta\omega')t), \qquad (9)$$

即  $M(k) = Nc'O(k) \exp[i\Delta\omega t + i\Delta\omega' t + i\Delta\phi]$ , 其 中 N 为采样点数,  $c' = cE^2T \sin(\Delta\omega T/2)$ .

考虑到傅里叶相干场成像是能量迭代运算,回 波信号相位无关.当拍频漂移范围在(-Δω',Δω') 之间,出现*m*个漂移位置时,将这一区间内*m*个拍 频的能量按照(10)式进行加权,得到加权后的拍频 模值同样体现了被测目标的模值,

$$|M_{\rm add}(k)| = \left(\frac{1}{m}\sum_{i=1}^{m}|M_i(k)|\right)^{1/2} = |O(k)|.$$
(10)

此时通过积分叠加的新频谱信号依然参与各基线 处的相位闭合与频谱迭代运算,进而获得目标的频 谱函数*O*(*k*),最终通过傅里叶反变化得到目标的 空间分布.下面通过实验验证该模型的可行性.

图 10 为验证置信区间解调法的成像实验装置, 采用 532 nm 激光器, 光束经分光镜后分为三束同 源光,同时被声光调制器 AOM<sub>(1-3)</sub> 调制,光束布 拉格一级衍射光通过扩束准直装置后进行外差干 涉,得到50,100,150 kHz的"拍频"光信号,CCD 与计算机1负责标定三光束的基线遍历位置,计 算机2利用 NI-PCI-6115 采集卡对光电倍增管接收 的光信号进行 *I/O*转换,同时,拍频信号的随机漂 移通过计算机2中的 NI-PCI-6509 控制频率合成器 (acoustic-optic frequency shifter)来实现.设定置 信区间为 [-100—100 Hz].基于 labview 的数据采 集程序中,置信区间设置如图 11 所示.



图 10 置信区间解调实验装置图 Fig. 10. Experimental setup of dependence range demodulation.



图 11 Labview 实现置信区间设置 Fig. 11. Setup of dependence range in labview.

044201-6



图 12 实验目标照片 Fig. 12. Photograph of experimental target.





图 13 不同置信区间设置的重构效果 (a) 传统方法重构 图; (b) 置信区间 100 Hz; (c) 置信区间 200 Hz Fig. 13. Image reconstruction of different dependence range setup: (a) Traditional reconstruction; (b) 100 Hz dependence range; (c) 200 Hz dependence range.

此时,数据的采样率固定为4 MHz,采样点数 为12000,实验用透射式目标的制作是利用硫酸纸 打印而成,以保证回波信号的均匀漫反射.实验目 标照片如图 12 所示.

设定三个拍频漂移范围为100 Hz,在置信区间

为100 Hz 和200 Hz, 基线遍历到10×10个点时的 重构图像如图13 所示.

从图像重构结果可以看出,在一定的置信区间 范围内有效地抑制了拍频漂移对成像质量的影响, 但需要注意的是置信区间的设置应与拍频漂移的 范围相匹配,特别是当更多光束同时参与干涉,各 拍频相距非常近时,置信区间不宜取值过大,以免 影响图像的正确重构.

## 4 置信区间解调法在湍流环境的成像 应用

为了验证置信区间解调法在实际湍流环境中 的成像质量, 开展了 200 m 室外实验和 1.2 km 湍流 环境实验, 实验现场如图 14 所示.

在200 m实验中同样采用图12中的目标,利用传统解调方法和置信区间解调方法对比如图15所示.

同时,为了验证目标重构多样性,在200 m对 以下四种目标(图16)进行置信区间叠加重构,得 到的结果如图17所示.

水平路径1.2 km的实验中,通过对温度、大 气相干长度等参数的测量与计算,认为在该地区 (海拔400 m)时的大气湍流强度等效于垂直距离 30 km的湍流强度,该强度基本覆盖了大气平流 层的主要湍流范围,实验采用25 mm目标,放置于 发射阵列1.2 km处,实验现场如图14(b)所示,原 始目标和重构图像如图18所示,目标细节尺寸为 5 mm,由此可计算出成像的角分辨率达到4 µrad.





图 14 湍流环境中外场成像实验 (a) 200 m 路径; (b) 1.2 km 路径 Fig. 14. Field experiments in turbulence: (a) 200 m range; (b) 1.2 km range.



图 15 两种重构方法 200 m 实验对比 (a) 传统解调方法; (b) 置信区间解调方法 Fig. 15. Comparison of two demodulations in 200 m field: (a) Traditional demodulation; (b) dependence

range demodulation.



图 16 200 m 室外实验透射式目标尺寸 (上) 与实物照片 (下) Fig. 16. Different target calibrations used in 200 m field (up) and the photos (down).



图 17 200 m 置信区间解调法对四种目标重构

Fig. 17. Image reconstruction in 200 m field by dependence range demodulation.



图 18 1.2 km 置信区间解调法对目标重构

Fig. 18. Image reconstruction in  $1.2~{\rm km}$  field by dependence range demodulation.

044201-8

### 5 结 论

本文以三光束傅里叶激光干涉望远技术,分析 了多光束激光相干场成像中的拍频漂移校正方法, 提出了动态解调和置信区间解调法,仿真分析和实 验表明动态解调法可在系统拍频变化缓慢时起到 优化重构作用,频率变化较快时其效果取决于更高 的系统硬件性能.置信区间解调并无频率变化速度 的限制,在合适的置信区间内可有效提升图像重构 质量.在后续的研究中,需要进一步对其在中强湍 流中的成像稳定性进行研究.

#### 参考文献

- Holmes R B, Ma S, Bhowmik A, Greninger C 1996 J. Opt. Soc. Am. A 13 351
- [2] Lu C M, Gao X, Tang J, Wang J J 2012 Proc. SPIE 8551 855110
- [3] Zhang W X, Xiang L B, Kong X X, Li Y, Wu Z, Zhou Z S 2013 Acta Phys. Sin. 62 164203 (in Chinese) [张文 喜, 相里斌, 孔新新, 李扬, 伍州, 周志盛 2013 物理学报 62 164203]
- [4] Zhang Y, Luo X J, Cao B, Chen M L, Liu H, Xia A L, Lan F Y 2016 Acta Phys. Sin. 65 114201 (in Chinese)
  [张羽, 罗秀娟, 曹蓓, 陈明徕, 刘辉, 夏爱利, 兰富洋 2016 物 理学报 65 114201]
- [5] Dong L, Wang B, Liu X Y 2010 Chin. J. Opt. Appl. Opt.
  3 440 (in Chinese) [董磊, 王斌, 刘欣悦 2010 中国光学与 应用光学 3 440]
- [6]~ Hutchin R A 2012 US Patent 0292481 A1
- [7] Chen M L, Luo X J, Zhang Y, Lan F Y, Liu H, Cao B, Xia A L 2017 Acta Phys. Sin. 66 024203 (in Chinese)

[陈明徕, 罗秀娟, 张羽, 兰富洋, 刘辉, 曹蓓, 夏爱利 2017 物 理学报 66 024203]

- [8] Lu C M, Chen M L, Luo X J, Zhang Y, Liu H, Lan F Y, Cao B 2017 Acta Phys. Sin. 66 114201 (in Chinese) [陆长明, 陈明徕, 罗秀娟, 张羽, 刘辉, 兰富洋, 曹蓓 2017 物 理学报 66 114201]
- [9] Lan F Y, Luo X J, Chen M L, Zhang Y, Liu H 2017 Acta Phys. Sin. 66 204202 (in Chinese) [兰富洋, 罗秀娟, 陈明徕, 张羽, 刘辉 2017 物理学报 66 204202]
- [10] Montilla I, Bechet C, Louarn L, Reyes M 2010 J. Opt. Soc. Am. 27 A9
- [11] William T 2012 Appl. Opt. **51** A11
- [12] Daissy H, Garces, William T 2010 Digital Holography and Three-Dimensional Imaging (Miami) DTuB8
- [13] Stephen T, Ridgway, Kenneth H 2010 Proc. SPIE 7735 77356Z-1
- [14] Kong X X, Huang M, Zhang W X 2012 Acta Opt. Sin.
  32 1211001 (in Chinese) [孔新新, 黄旻, 张文喜 2012 光学 学报 32 1211001]
- [15] Kong X X, Huang M, Zhang W X, Wu Z, Li Y, Zhou Z S 2013 Laser Optoelectron. Prog. 50 011102 (in Chinese)
  [孔新新, 黄旻, 张文喜, 伍洲, 李扬, 周志盛 2013 激光与光 电子学进展 50 011102]
- [16] Cao B, Luo X J, Chen M L, Zhang Y 2015 Acta Phys. Sin. 64 124205 (in Chinese) [曹蓓, 罗秀娟, 陈明徕, 张羽 2015 物理学报 64 124205]
- [17] Chen W, Li Q, Wang Y G 2010 Acta Opt. Sin. 30 3441
   (in Chinese) [陈卫, 黎全, 王雁桂 2010 光学学报 30 3441]
- [18]~ Holmes R B, Brinkley T 1996  $Proc.~SPIE~{\bf 3815}$ 11
- [19] Cuellar E L, Cooper J, Mathis J, Fairchild P 2008 Proc. SPIE 7094 70940G
- [20] Matwyschuk A 2017 Appl. Opt. 56 7766
- [21] Mansmann R, Thomson K, Smallwood G, Dreier T, Schulz C 2017 Opt. Express 25 2413

## Beat frequency error rectifying in multi-beam laser coherent remote tmaging<sup>\*</sup>

Zhang Yu<sup>†</sup> Luo Xiu-Juan Liu Hui Chen Ming-Lai Lan Fu-Yang Jia Hui Cao Bei

(Xi'an Institute of Optics and Precision Mechanics of Chinese Academy of Sciences, Xi'an 710119, China)
 (Received 26 September 2017; revised manuscript received 9 December 2017)

#### Abstract

Coherent imaging with a multi-beam laser is considered as a key technique in ground based imaging. The image quality is directly determined by stability and consistency of each beam in transmitter. Although the stabilities of laser frequency and the drifting compensation methods have been studied previously, they mostly focused on the laser source. In most cases, especially in large transmitter array, however, transmitted beams are always disturbed by different influential factors, such as frequency drift induced by acoustic-optical modulation (AOM) and high power driven amplification. Therefore this kind of frequency drifting needs further rectification. Aiming at this problem, in this paper we propose two new methods called dynamic demodulation and dependence range demodulation. Firstly, the dynamic demodulation takes the whole drifting frequency drift as a changing procedure. It is believed that the beat frequency drifted at any position still carries the target information, so the system demodulates the signal at that drifted position. According to this method, the response speed of the demodulation system should be very high. But in a real system this acquisition is too high to be satisfied. It cannot work as quickly as expected. In computer simulation some slow varying drifts are induced at the beat frequency and the variation is distributed only in three parts of spatial frequency of transmitter interfering array. Simulation results show that this method may well compensate for slow drifting beat frequency. While its response speed is often limited by hardware system. On the other hand, for the dependence range demodulation, the beat drifting range is considered as a useful district, in which all the beat energy is added and demodulated at a preset position. An experiment is carried out to verify this method. The result demonstrates that it can well restrict the beat frequency drift within 100 Hz, which often happens in the procedure of AOM and driving amplification. Besides the laboratory setup research, the field experiments in 200 m and 1.5 km range are also carried out. The dependence range demodulation is proved to be well performed as well. The resolution of the 25 cm simulated target in 1.5 km reaches 0.008 rad. In the consideration of real system, the imaging range is further expanded and the amplifier power is stronger. The field experiments reveal that this demodulation method is applicable in such a condition. Therefore the research in this article provides some new techniques for the remote high resolution imaging in multi-beam laser interfering imaging.

Keywords: coherent imaging, multi-beam, beat frequency drift, dependence range

**PACS:** 42.25.Fx, 42.30.Kq, 42.30.Rx

**DOI:** 10.7498/aps.67.20172125

<sup>\*</sup> Project supported by the National Natural Science Foundation of China (Grant No. 61505248) and Research Foundation of General Equipment Department, China (Grant No. 9140A21020115ZK18001).

<sup>†</sup> Corresponding author. E-mail: <a href="yuzhang16@opt.ac.cn">yuzhang16@opt.ac.cn</a>