# 物理学报 Acta Physica Sinica



Institute of Physics, CAS

#### 医用回旋加速器回旋频率与磁场的调谐

吴永存 杨兴林 石金水 赵良超 何小中

Tuning of cyclotron resonant frequency and magnetic field of medical cyclotron Wu Yong-Cun Yang Xing-Lin Shi Jin-Shui Zhao Liang-Chao He Xiao-Zhong 引用信息 Citation: Acta Physica Sinica, 68, 122901 (2019) DOI: 10.7498/aps.68.20190116 在线阅读 View online: https://doi.org/10.7498/aps.68.20190116 当期内容 View table of contents: http://wulixb.iphy.ac.cn

#### 您可能感兴趣的其他文章

#### Articles you may be interested in

#### 左手介质对谐振腔谐振频率的影响

Influence of left-handed material on the resonant frequency of resonant cavity 物理学报. 2015, 64(12): 124103 https://doi.org/10.7498/aps.64.124103

Helmholtz水声换能器弹性壁液腔谐振频率研究

Study on elastic-wall fluid cavity resonant frequency of Helmholtz underwater acoustic transducer 物理学报. 2016, 65(2): 024301 https://doi.org/10.7498/aps.65.024301

光纤环形谐振腔的频率锁定及其特性

Characteristics and control of fiber ring resonator 物理学报. 2019, 68(7): 074204 https://doi.org/10.7498/aps.68.20182296

#### 高效频率转换下双波长外腔共振和频技术研究

Double resonant sum-frequency generation in an external-cavity under high-efficiency frequency conversion 物理学报. 2016, 65(7): 074202 https://doi.org/10.7498/aps.65.074202

#### 掺杂硅纳米梁谐振频率的理论模型及分子动力学模拟

Study on resonance frequency of doping silicon nano-beam by theoretical model and molecular dynamics simulation 物理学报. 2017, 66(10): 106103 https://doi.org/10.7498/aps.66.106103

基于双环混频光电振荡器的可调谐微波频率梳产生

Tunable microwave frequency comb generation based on double-loop mixing-frequency optoelectronic oscillator 物理学报. 2018, 67(23): 238401 https://doi.org/10.7498/aps.67.20181582

## 医用回旋加速器回旋频率与磁场的调谐\*

吴永存†杨兴林 石金水 赵良超 何小中

(中国工程物理研究院流体物理研究所, 绵阳 621900)

(2019年1月22日收到; 2019年3月18日收到修改稿)

高频谐振腔在回旋加速器实际运行过程中受束流负载、重力和热损耗引起的腔体变形等因素的影响,其 谐振频率会发生一定的偏移,导致高频工作频率会随着谐振腔的谐振频率而变化.为满足等时性加速的要求, 当高频工作频率发生改变时磁场强度也应进行相应的变化,即励磁电流的大小需要相应改变,使得粒子回旋 频率与高频谐振频率相匹配以克服滑相.首先通过有限元仿真软件建立静磁场模型模拟不同励磁电流下回 旋加速器的平均磁场,然后理论分析磁场与谐振频率的关系,最后得到励磁电流在小区间变化时与谐振频率 的关系;根据计算的不同谐振频率对应的最佳励磁电流,完成励磁电流的自动跟频.在保证最大碳膜束流的 情况下,实验得到不同谐振频率对应的最佳励磁电流,使理论得以验证.根据其关系实现了励磁电流自动调 节,克服了滑相,保证了法拉第束流的稳定输出.该方法使得励磁电流能够快速、准确地寻找并跟踪谐振腔频 率,克服了频率偏移导致的滑相,完成束流的稳定输出.

关键词: 高频谐振腔,谐振频率,频率跟踪,稳定出束 **PACS**: 29.20.dg, 87.56.bd, 88.80.hp, 87.57.uk

**DOI:** 10.7498/aps.68.20190116

#### 1 引 言

正电子发射断层显像 (positron emission tomography, PET) 是一种先进的核医学影像技术.在 美国、欧洲和日本,<sup>18</sup>F-FDG (氟代脱氧葡萄糖) PET 已被纳入医疗保险范围<sup>[1,2]</sup>,其实现方法是将 正电子核素标记到某种参与体内代谢的物质上,形 成放射性药物 (也称显像剂、放射性示踪剂),其具 有很高的灵敏度和分辨率<sup>[3,4]</sup>.然而只有 PET 是完 不成成像工作的,它需要配套回旋加速器.在我国, 生产用于 PET 诊断的放射性同位素的回旋加速器 几乎都是从国外进口的<sup>[5]</sup>.

回旋加速器正常工作时,高频腔应处于谐振状态.然而,由于高频功率的大小、温度的升降、热损 耗的差异、束流的强弱都是随时间而不停地变化 的,这导致腔体频率偏移,不能有效地发挥加速器 的性能<sup>[6,7]</sup>.因此,必须采取相应的措施来消除这些 不确定因素带来的影响,以保持高频谐振腔与高频 功率源始终处于稳定的匹配状态<sup>[8]</sup>.

目前,针对射频腔体会由于腔的热不稳定性产 生微小形变,从而导致谐振腔的固有谐振频率发生 变化的问题,张天爵等<sup>[9]</sup>、雷钰<sup>[10]</sup>、答嘉曦等<sup>[11,12]</sup>、 刘毅<sup>[13]</sup>、田瑞霞等<sup>[14]</sup>、郝焕锋<sup>[15]</sup>以及美国通用电 气公司 (GE) MINItrace 医用回旋加速器等都是通 过控制器驱动频率微调马达,带动微调电容片前后 动作,调整腔体的谐振频率,使其固有谐振频率与 高频功率源产生的信号频率一致.

中国工程物理研究院流体物理研究所建造的 紧凑型医用回旋加速器商业样机,其引出能量为 11 MeV,引出束流为50μA,工作频率为72.12 MHz, 平均磁感应强度为1.18 T,占空比可调节<sup>[16]</sup>.其高 频结构采用非对称的半波长腔,高频腔用于产生高 频加速电场,高频腔主要设计参数有加速电压、频

© 2019 中国物理学会 Chinese Physical Society

<sup>\*</sup> 核能开发科研项目(批准号:科工二司 2017-1341)资助的课题.

<sup>†</sup> 通信作者. E-mail: yiranguwol@sina.cn

率、腔壁损耗功率、品质因数等,回旋加速器没有 为谐振腔设置自动稳频装置,从结构上简化了腔体 设计,降低了成本.针对回旋加速器运行过程中谐 振腔频率会逐渐变化的问题,高频系统采用高频功 率源的频率实时与高频腔中加速电场的频率匹配 的方案.磁铁系统为带电粒子作回旋运动提供磁 场,同时实现粒子的聚焦<sup>[17]</sup>.为了保证粒子的共振 加速,磁场需根据实际的高频运行频率进行调节, 即励磁电流需根据高频频率实时调节.磁铁产生的 轴向磁场须是等时性磁场,使得被加速的离子在不 同半径处的回旋频率相等,最终在某一高频频率下 得到共振加速.

本文采用数值仿真、理论分析、实验研究等方法,对回旋加速器谐振频移的问题使用新方法得以 解决.

2 高频系统的控制

为了实现高频功率源对谐振频率的寻找和跟踪,在加速器启动之前,应调节高频谐振腔处于合适的谐振频率点.对于高频功率源工作频率与变化的腔体频率实时匹配的方法,采用了锁相型自动频率控制 (automatic frequency control, AFC)系统,该系统高频腔的入射波信号与反射波信号之间的相位差 $\Delta \varphi$ 是功率源输出频率f与高频腔谐振频率 $f_0$ 之差 $\Delta f$ 的函数:

$$\label{eq:alpha} \tan\!\varphi\left(\omega\right) = 2 Q_{\rm L} \frac{\Delta f}{f_0}, \qquad (1)$$

其中,  $Q_L$ 是有载品质因数,  $\omega$ 是谐振角频率. 驻波 锁相型 AFC 系统通过检测  $\Delta \varphi$  来控制  $\Delta f$ , 使其频 率一致, 即达到加速器正常工作的要求.

在加速器运行过程中,高频功率源不断改变信 号源的输出频率并实时检测前向功率  $P_1$ 和反射功 率  $P_2$ 的反馈信号,  $P_1 与 P_2$ 的比值大小直接反映 频率的匹配情况,当  $0.5P_1 \le P_2 \le 0.8P_1$ 时,视为 严重失谐;当  $P_2 < 0.5P_1$ ,视为轻度失谐;当  $P_2 >$  $0.8P_1$ 时,判断为打火;从而寻找高频谐振腔的谐 振频率.如果在加速器运行过程中谐振腔发生轻度 失谐,控制系统则会根据相位以寻找具有最小驻波 比的频率<sup>[18]</sup>;如果在加速器运行过程中谐振腔发 生严重失谐,则降低占空比至 10%,升高频率,频 率升高步长为 ( $f_1 - f_0$ ) × 0.1 ( $f_1$ 为当前频率, $f_0$ 为 初始频率),若频率调节到  $f_0$ 时,还处于严重失谐 (相位变正常,但反射未降低),则将占空比降低为 1%,并重新启动扫描程序以确定频率;如果在加 速器运行过程中谐振腔发生打火,那么高频功率源 的控制模块将会切断高频功率源的输出,一段时间 之后,高频功率源会以最终的工作频率再次运行. 图 1—图 3 分别为回旋加速器开机并连续工作 2 h 时高频相位、高频腔压、谐振频率的实时变化曲线.



图 1 高频相位随时间的变化





图 2 高频腔压随时间的变化

Fig. 2. High frequency cavity voltage variation with time.



Fig. 3. Resonant frequency variation with time.

从图 1 可以看出, 在打靶的初始阶段, 由于占 空比的迅速提升, 加速器内部分部件的温度发生显 著变化,导致高频谐振频率发生变化,控制系统会自动调整高频信号源的频率以保证谐振关系<sup>[19]</sup>,此时相位也会发生变化,而随着高频工作频率趋于稳定,相位也稳定在208°左右.从图2可以看出,在占空比提升的初始阶段,由于谐振频率发生偏移,高频功率源工作频率还没稳定跟频,而为了保证腔压,需要强制提升激励电压,待工作频率与谐振频率一致时,激励电压还没下调,因此出现短时间的波动,之后腔压一直稳定在48 kV 左右.从图3可以看出,当高频功率源开机,占空比增加时,谐振频率急剧下降,约下降50 kHz、10 min 后,频率会基本稳定在72.52 MHz,之后变化的范围约为10 kHz.

#### 3 磁场计算

对于电流产生静磁场,导体磁场强度可直接由 积分得到<sup>[20]</sup>:

$$H = \int_{\Omega_J} \frac{J \times R}{\left|R\right|^3} \mathrm{d}\Omega_J,\tag{2}$$

其中, H为磁场强度, J为 $\Omega_J$ 域内的体分布电流, R为从源点到场点的矢径,  $\Omega_J$ 表示分布区域.

根据设计好的回旋加速器,采用有限元软件, 建立静磁场的 1/8 模型,如图 4 所示,得到的后处 理模型如图 5 所示.



Fig. 4. Model of static magnetic field.

计算得到不同半径的平均磁场变化曲线如图 6, 励磁电流与磁感应强度的曲线见图 7. 由图 7 可知,  $\Delta I 与 \Delta B 成正比, 当 \Delta I = [\sum_{i=0}^{n} (I_i - I_{i-1})]/n = 1$  A 时,  $\Delta B = [\sum_{i=0}^{n} (B_i - B_{i-1})]/n = 0.0025$  T.



图 5 后处理模型 Fig. 5. Post-processing model.



图 6 不同半径的平均磁场变化曲线





图 7 励磁电流与磁感应强度的关系

Fig. 7. Relation between the excitation current and the magnetic induction intensity.

$$H = \frac{N \times I}{L_{\rm e}},\tag{3}$$

而

$$B = \mu H, \tag{4}$$

所以由 (3) 和 (4) 式有

$$B = \mu H = \frac{N \times I}{L_{\rm e}},\tag{5}$$

其中, H为磁场强度 (A/m), B为磁感应强度 (T),  $\mu$ 为介质的绝对磁导率 (H/m),  $L_e$ 为有效磁路长 度(m), N为线圈数, I为励磁电流(A).

由 (5) 式可得, 线圈圈数确定, 有效磁路长度 确定, 则

$$\frac{\Delta I}{I} \propto \frac{\Delta B}{B},$$
 (6)

在励磁电流很小的变化范围内,  $\frac{\Delta I}{I}$ 与 $\frac{\Delta B}{B}$ 呈近线性关系, 因此可得到

$$\frac{\Delta I}{I} = \frac{1}{199} = k \frac{\Delta B}{B} = k \frac{0.0025}{1.1874},\tag{7}$$

计算得 k = 2.3867.

一个电荷量为 q (C)、质量为 m (kg) 的粒子, 在恒定磁场以一定的速度 v (m/s) 在与磁场相垂 直的平面上运动,将受到磁场洛伦兹力的作用而做 圆周运动,圆周运动的曲率半径为 r (m),由下式 可求得回旋加速器的回旋频率 f (Hz):

$$f = \frac{\omega}{2\pi} = \frac{qB}{2\pi m}.$$
(8)

由(8)式可得,粒子确定,在频率小变化时,则

$$\frac{\Delta f}{f} \propto \frac{\Delta B}{B}.$$
(9)

磁场发生变化必然引起相位的变化 (°), 而磁 感应强度 B需要励磁电流 I来体现. 由于由磁场引 起的相移为

$$\Delta \Phi_B = N \frac{\Delta f}{f} 360^\circ, \tag{10}$$

那么,

$$\Delta \Phi_B \propto \frac{\Delta f}{f} \propto \frac{\Delta B}{B} \propto \frac{\Delta I}{I}, \ \frac{\Delta I}{I} = k \frac{\Delta f}{f}.$$
 (11)

根据励磁电流得到束流的相移曲线如图 8 所 示,得到的谐振频率变化曲线如图 9 所示.





从图 8 可以看出, 励磁电流增加 0.5 A, 相移 度数增大了 37.8985°, 那么励磁电流增加 0.01 A,





Fig. 9. Relation between resonant frequency and magnet current.

相移度数增大 0.7580°; 励磁电流减少 0.01 A, 相移度数减小 0.7580°.

从图 9 可以看出, 励磁电流增加 0.5 A, 谐振频率增加了 76.429 kHz, 那么谐振频率每增大 1.529 kHz, 励磁电流需要增大 0.01 A; 谐振频率每 减少 1.529 kHz, 励磁电流需要减小 0.01 A.

#### 4 实验结果

在高频功率源启动的初始阶段,占空比提升, 谐振频率减小,通过手动调节励磁电流,以期得到 最大碳膜束流.通过 30 余次的可靠性打靶实验, 每次在保证最大束流的条件下,记录不同谐振频率 对应的励磁电流,比较了每次的拟合曲线,其斜率 都是在 1.55 kHz 附近稍有浮动,选取其中的一条 实验结果,得到的关系曲线如图 10 所示.



图 10 谐振频率与励磁电流的对应关系 Fig. 10. Corresponding relation between resonant frequency and magnet current.

此前,为了保证靶上束流的稳定性,通过手动 调节磁场大小.整个打靶过程中,虽然励磁电流的 变化范围约只有 0.3 A,但是对束流的影响是巨大 的,如果不去调节,可能只产生极小的束流,甚至 可能无法产生束流;即使励磁电流的变化范围是 0.02 A, 束流也会降低约 10%; 而且在束流调节过 程中, 经常性的调大或调小, 导致束流不够稳定. 基于此, 为了保证束流的足够稳定, 理论分析了励 磁电流与谐振频率的关系, 设计了稳定靶流下关于 励磁电流与谐振频率的实验, 并设计了励磁电流跟 踪谐振频率变化的稳流算法, 在连续 2 h 的打靶实 验中, 得到了如图 11 所示的靶流变化曲线.



图 11 靶流随时间的变化 Fig. 11. Variation of target beam current with time.

从图 10 可以看出, 当励磁电流变化很小时, 励磁电流与高频谐振频率呈近线性关系: *y* = 0.1587*x* + 40.94, 吻合度 *R*<sup>2</sup> = 0.9686. 在此条件下, 励磁电流每变化 0.01 A, 谐振频率变化 0.001587 MHz (1.587 kHz), 与理论计算结果符合 得很好, 验证了计算的正确性.

图 11 中曲线在开始上升时, 靶流有一个下降, 这是由于占空比迅速上升, 虽然励磁电流能够实现 对谐振频率的跟踪, 但是磁场响应偏慢. 在第1次 到达目标束流值时, 靶流有小量的下降过程, 这是 由于过快的占空比调整, 控制系统通过相位不断的 调整谐振频率, 虽然励磁电流能够实现与谐振频率 的匹配, 但是工作频率却并不是最佳频率, 此时最 大偏差也不到稳态值的 7%. 约7 min 后, 腔压、相 位、谐振频率、励磁电流、前向功率、反射功率等参 数将稳定下来, 靶流能够很好地保持在 24.2 μA 左 右, 误差值小于 ± 0.2 μA.

高频功率源从开机到打靶结束,谐振频率总变 化约为50 kHz,因此励磁电流最大约需调节0.33 A, 也就是说,在加速器实际过程中进行磁场调节时, 能量从最大值11 MeV 会减小为10.985 MeV,减 小量为0.015 MeV,变化率为0.1379%.显然,这是 可以忍受的,基本保证了输出能量的稳定性,保证 了束流的稳定性,输出能量的变化曲线如图12 所示.



#### 5 结 论

本文通过高频功率源工作频率与变化的腔体 频率实时匹配的方法,实现了加速器的稳定运行, 简化了加速器的腔体结构,节约了医用回旋加速器 的建造成本;通过仿真模拟得到了励磁电流与磁场 的匹配关系;通过实验验证了理论计算的励磁电流 变化对谐振频率影响的正确性;通过改进自动控 制算法,使得励磁电流自动调节匹配高频功率源工 作频率的方法实现了回旋加速器的自动出束、自动 稳束.

非常感谢回旋加速器研究组与其他参与者在问题讨论 方面的帮助.

#### 参考文献

- Gambhir S S, Czernin J, Schwimmer J 2001 J. Nucl. Med. 42 1S
- [2] Reske S N, Kotzerke J 2001 Eur. J. Nucl. Med. Mol. I. 28 1707
- [3] Fan M W 2000 Engineering 2 9 (in Chinese) [樊明武 2000 中 国工程科学 2 9]
- Bertrand S, Vaneycken I, Lahoutte T, Covens P, Caveliers V, Kral E, Geets J M, Nactergal B, Ghyoot M, Devillet F 2018 J. Nucl. Med. 59 2106
- [5] Zhang J M, Tian J H 2006 Journal of Isotopes 19 241 (in Chinese) [张锦明, 田嘉禾 2006 同位素 19 241]
- [6] Zhao J J, Yin Z S 2006 Particle Accelerator Technology (Beijing: Higher Education Press) p236 (in Chinese) [赵籍九, 尹兆升 2006 粒子加速器技术 (北京:高等教育出版社) 第 236页]
- [7] Chen J E 1993 Basics of Accelerator Physics (Beijing: Atomic Energy Press) pp20, 21 (in Chinese) [陈佳洱 1993 加速器物理 基础 (北京:原子能出版社) 第20, 21页]
- [8] Zhao K, Mu Z X, Zhang J L 2014 Acta Phys. Sin. 63 185208 (in Chinese) [赵凯, 牟宗信, 张家良 2014 物理学报 63 185208]
- [9] Zhang T J, Li Z G, Chu C J 2010 Science Bulletin 35 3351 (in Chinese) [张天爵, 李振国, 储诚节 2010 科学通报 35 3351]

- [10] Lei Yu 2012 M. S. Thesis (Chengdu: Chengdu University of Technology) (in Chinese) [雷钰 2012 硕士学位论文 (成都: 成 都理工大学)]
- [11] Da J X, Hong Y M, Dong T L 2006 2005' National Microwave and Millimeter Wave Conference Papers Collection (Vol.3) Shenzhen, China, February 27-March 2, 2006 pp64-67 (in Chinese) [答嘉曦, 洪越明, 董天临 2006 2005'全国微波毫米波会议论文集 (第三册) 中国 深圳, 2月27 日—3月2日, 2006 pp64—67]
- [12] Da J X 2006 M. S. Thesis (Wuhan: Huazhong University of Science and Technology) (in Chinese) [答嘉曦 2006 硕士学位 论文 (武汉: 华中科技大学)]
- [13] Liu Yi 2008 M. S. Thesis (Wuhan: Huazhong University of Science and Technology) (in Chinese) [刘毅 2008 硕士学位论 文 (武汉: 华中科技大学)]
- [14] Tian R X, Wang X W, Jin P 2014 High Power Laser and Particle Beam 26 26105101 (in Chinese) [田瑞霞, 王贤武, 金

鹏 2014 强激光与粒子束 26 26105101]

- [15] Hao H F 2014 Ph.D. Dissertation (Beijing: University of Chinese Academy of Sciences) (in Chinese) [郝焕锋 2014 博士 学位论文 (北京: 中国科学院大学)]
- [16] He X Z, Yang G J, Long J D 2014 Nuclear Technol. 37 10201 (in Chinese) [何小中, 杨国君, 龙继东 2014 核技术 37 10201]
- [17] Bhandari S, Lee G H, Klales A, Watanabe K, Taniguchi T, Heller E, Kim P, Westervelt R M 2016 Nano Lett. 16 1690
- [18] Xia W L, Wang Z, Lu Y R 2014 IEEE Trans. Nucl. Sci. 61 2345
- [19] Li P, Huang X, Wen YM 2012 Acta Phys. Sin. 61 137504 (in Chinese) [李平, 黄娴, 文玉梅 2012 物理学报 61 137504]
- [20] Li Y, Wang Q L 2016 Electromagnetic Field Calculation and Multi-field Coupling Analysis of Opera 3D Project (Beijing: Tsinghua University Press) p3 (in Chinese) [李毅, 王秋良 2016 Opera3D工程电磁场计算及多场耦合分析 (北京:清华大 学出版社) 第3页]

### Tuning of cyclotron resonant frequency and magnetic field of medical cyclotron<sup>\*</sup>

Wu Yong-Cun<sup>†</sup> Yang Xing-Lin Shi Jin-Shui

Zhao Liang-Chao He Xiao-Zhong

(Institute of Fluid Physics, China Academy of Engineering Physics, Mianyang 621900, China)
 (Received 22 January 2019; revised manuscript received 18 March 2019)

#### Abstract

The high-frequency resonant cavity is affected by factors such as beam load, gravity and heat loss caused by cavity deformation during the actual operation of the medical cyclotron. The resonant frequency will shift to a certain extent, resulting in the high-frequency operation frequency varying with the resonant frequency of the resonator cavity. In order to meet the requirements for isochronous acceleration, the magnetic field strength should also be changed correspondingly when the high-frequency operation frequency changes, that is, the magnitude of the magnet current needs changing accordingly, so that the particle cyclotron frequency matches the high-frequency resonant frequency to overcome the sliding phase. Firstly, the static magnetic field model is established by finite element simulation software to simulate the average magnetic field of cyclotron under different magnet currents. Then the relationship between the magnetic field and the resonant frequency is theoretically analyzed. Finally, the relationship between the magnet current and the resonant frequency is obtained when the magnet current varies in a small interval. According to the optimal magnet current corresponding to different resonance frequencies, the automatic frequency tracking of magnet current is completed. In the case of ensuring the maximum carbon film beam, the optimal magnet current corresponding to different resonance frequencies is obtained, which makes the theory validated. According to the relationship, the magnet current is automatically adjusted, which overcomes the slip phase and ensures the stable output of the Faraday beam. The method enables the magnet current to be quickly and accurately find and track the cavity frequency, overcomes the slip phase caused by the frequency offset, and completes the stable output of the beam.

Keywords: high frequency cavity, resonant frequency, frequency tracking, stable beam output

PACS: 29.20.dg, 87.56.bd, 88.80.hp, 87.57.uk

**DOI:** 10.7498/aps.68.20190116

<sup>\*</sup> Project supported by the Nuclear Development Research Projects, China (Grant No. kegongersi2017-1341).

<sup>†</sup> Corresponding author. E-mail: yiranguwol@sina.cn