



## 基于阻尼LSQR-LMBC的火焰三维温度场重建

单良 赵腾飞 黄荟云 洪波 孔明

## Flame 3D temperature field reconstruction based on Damped LSQR-LMBC

Shan Liang Zhao Teng-Fei Huang Hui-Yun Hong Bo Kong Ming

引用信息 Citation: *Acta Physica Sinica*, 71, 040701 (2022) DOI: 10.7498/aps.71.20211421

在线阅读 View online: <https://doi.org/10.7498/aps.71.20211421>

当期内容 View table of contents: <http://wulixb.iphy.ac.cn>

### 您可能感兴趣的其他文章

#### Articles you may be interested in

热传导系数跳跃的三维非Fourier温度场分布的奇摄动双参数解

Singularly perturbed solutions of a class of non-Fourier temperature field distribution

物理学报. 2019, 68(20): 204401 <https://doi.org/10.7498/aps.68.20190144>

基于字典学习的稠密光场重建算法

Dense light field reconstruction algorithm based on dictionary learning

物理学报. 2020, 69(6): 064201 <https://doi.org/10.7498/aps.69.20191621>

基于改进模拟退火算法的非均匀燃烧场分布重建

Distribution reconstruction of non-uniform combustion field based on improved simulated annealing algorithm

物理学报. 2021, 70(13): 134205 <https://doi.org/10.7498/aps.70.20202124>

定向红外条件下光纤布置形式及光源参数对低温靶温度场的影响

Influence of directional infrared irradiations on the temperature field in ICF cryotargets

物理学报. 2021, 70(16): 160703 <https://doi.org/10.7498/aps.70.20210029>

光声光谱仪用三维扩展光源光场整形系统设计及实验

Design and experiment of light field shaping system for three-dimensional extended light source used in photoacoustic spectrometer

物理学报. 2021, 70(20): 204201 <https://doi.org/10.7498/aps.70.20210691>

三维数值模拟射频热等离子体的物理场分布

Three-dimensional numerical simulation of physical field distribution of radio frequency thermal plasma

物理学报. 2021, 70(15): 155202 <https://doi.org/10.7498/aps.70.20202135>

## 基于阻尼 LSQR-LMBC 的火焰三维温度场重建\*

单良<sup>1)</sup> 赵腾飞<sup>1)</sup> 黄荟云<sup>1)</sup> 洪波<sup>1)</sup> 孔明<sup>2)†</sup>

1) (中国计量大学信息工程学院, 浙江省电磁波信息技术与计量检测重点实验室, 杭州 310018)

2) (中国计量大学计量测试工程学院, 杭州 310018)

(2021 年 8 月 2 日收到; 2021 年 9 月 9 日收到修改稿)

光场相机可以解决辐射测温多相机系统光路复杂、同步触发难等问题, 在辐射成像三维温度重建时有其独特优势. LSQR 是求解基于大型稀疏矩阵最小二乘问题的经典算法, 该算法用于重建三维温度场时对温度初值依赖较大, 在信噪比较低的情况下重建精度不理想. 本文提出阻尼 LSQR-LMBC 重建算法, 通过在 LSQR 方法中添加阻尼正则化项, 提高火焰三维温度场重建的抗噪性能, 并结合 LMBC 算法, 实现吸收系数和三维温度场同时求解. 在数值模拟部分, 随着信噪比逐渐降低, 阻尼 LSQR 的重建效果比 LSQR 更加稳定, 在信噪比达到 13.86 dB 时, 重建精度大约提高 30%. 阻尼 LSQR-LMBC 的平均重建误差为 6.63%. 用丁烷火焰进行了实验, 重建的丁烷火焰三维温度场分布符合辐射火焰燃烧的特征, 和热电偶的测温数据结果进行对比, 相对误差在 6.8% 左右.

**关键词:** 光场相机, 火焰, 三维温度场, 阻尼 LSQR-LMBC 重建算法

**PACS:** 07.20.Dt, 44.40.+a, 42.30.-d

**DOI:** 10.7498/aps.71.20211421

## 1 引言

温度是火焰燃烧评价的重要参数之一, 温度的研究有助于探究燃烧的本质和规律, 推进燃烧理论和技术的发展<sup>[1]</sup>. 对于三维温度场的测量, 接触式测温技术会破坏火焰的原本形状和温度分布, 要得到整个燃烧场的温度信息, 就必须合理布置测量点, 通过估算得到温度场的近似分布, 这样会大大增加测量系统的复杂度<sup>[2]</sup>. 非接触式测温最显著的特点就是不对流场造成扰动, 具有测温范围宽, 动态响应灵敏等优点. 目前的光电探测元件技术发展相当成熟, CCD 探测器可以非常好地采集火焰辐射强度信息, 反演火焰的二维和三维温度场信息, 具有非接触、准确度高、实时性好等优点, 受到国内外科研人员的青睐.

王式民等<sup>[3]</sup>结合单 CCD 相机与光学分层成

像法对火焰的三维温度场进行重建, 其通过调整相机采集不同聚焦平面的二维图像进行叠加, 最终得到烛光火焰的三维温度场, 但是在调焦过程中出现的延时误差无法实现瞬态火焰的温度重建. 黄群星等<sup>[4]</sup>将截断奇异值分解 (Truncate singular value decomposition, TSVD) 的正则化方法应用于三维火焰温度场重建中, 较好地解决了重建问题的不稳定性. Gilabert 等<sup>[5]</sup>提出一种采用多 CCD 结合光学层析技术对火焰进行三维温度重建的方法. 多相机系统虽然可以获取火焰不同方向的火焰辐射信息, 但是相机系统的复杂度会随着 CCD 数量的增加而增加, 同时也会带来相机的同步问题. Hossain 等<sup>[6]</sup>将传统 CCD 相机采用基于投影的 CT 层析方法对火焰的三维温度场进行重建, 但是层析法实现三维温度场测量时存在需求设备多、光路复杂、耗时长等常见弊端. 陆永刚等<sup>[7]</sup>通过电动机改变传统相机的拍摄位置对火焰进行移焦拍摄, 再通过光学

\* 国家自然科学基金 (批准号: 51874264, 52076200) 资助的课题.

† 通信作者. E-mail: [mkong@cjlu.edu.cn](mailto:mkong@cjlu.edu.cn)

分层技术实现了火焰的三维重建,但是火焰的形状是动态变化的,移焦拍摄会出现较大的延时误差,难以采集到同一时刻下的火焰辐射图像序列.

光场相机作为一种新型的图像采集设备,逐渐在三维重建上得到应用和发展<sup>[8-14]</sup>.光场相机是利用微透镜阵列得到图像,可以获得比传统相机更丰富的四维数据信息(光线的强度信息和方向信息),再结合成像理论和重建算法实现物体的三维重建. Fahringer 等<sup>[15]</sup>提出了一种基于单个全光相机的三维三分量粒子图像测速技术. Horstmeyer 等<sup>[16]</sup>利用光场架构,将滤光片与光场相机相结合构建出一种多模式成像方案,可以以数字的方式对特定光谱和偏振光等信息进行重建. Prevedel 等<sup>[17]</sup>将光场成像技术引入医学神经系统的研究中,并成功获得了被研究者脑中单个神经元活动图像. 聂云峰等<sup>[18,19]</sup>对光场成像技术的进展进行了探索,根据光场成像原理研制了光场成像系统,开展实验对光场相机的数字对焦能力进行验证,并对离焦对象进行了光谱复原.也有一些研究团队将光场成像技术应用于火焰的三维温度场重建.例如, Yuan 等<sup>[20,21]</sup>对火焰辐射光场的成像过程开展了深入的研究,并分析和评价了火焰图像的成像特征,奠定了火焰光场成像三维温度场重建的理论基础.东南大学的许传龙团队<sup>[22-26]</sup>将火焰传输模型与光场成像技术相结合,对半透明介质的火焰光场成像特征展开了一系列的研究,并构建了基于光场相机的火焰成像系统,对火焰进行了三维温度场的重建.

本文在光场成像的基础上,将阻尼 LSQR (Damped least squares QR decomposition, LSQR) 和 LMBC (Levenberg-Marquardt with boundary constraint, LMBC) 算法相结合,在火焰温度场的反演重建算法上进行了新的探索与尝试.利用双平面参数法对光线进行追迹,通过光场重建策略进行辐射光场的正向模拟实验,使用阻尼 LSQR-LMBC 的混合算法对模拟光场图像进行反向温度场重建.对丁烷火焰的三维温度场进行重建实验,并使用热电偶对重建结果进行对比分析.

## 2 原理与方法

### 2.1 光场成像模型

本文采用的传统一代光场相机,成像示意如

图 1 所示,其主要由主透镜、微透镜阵列以及 CCD 图像传感器组成.光源点发射出不同方向的光线,经过主透镜后再穿过微透镜阵列投射到 CCD 面成像,同一物点出发的不同方向的光线投射到同一微透镜下的不同像素点,因此光场图像传感器的像素点获取的信息包含方向信息<sup>[27]</sup>.

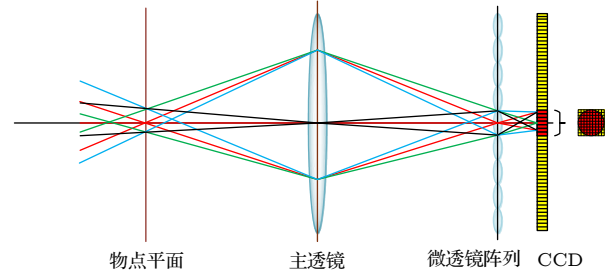


图 1 光场相机结构示意图

Fig. 1. Structure diagram of light field camera.

本文将三维火焰中的某一个体积很小的区域定义为虚拟微元体.在对火焰进行三维温度场重建时,由于虚拟微元体的体积很小,因此可以将其视为点光源,再根据双平面参数法对光线进行追迹定位.根据光场相机的内部光学器件的结构顺序可知,微元体发射出的光线到达光场相机图像传感器面的追迹过程及对应的光线追迹模型如下.

1) 从微元体出发的光线经过自由空间到达主透镜平面:

$$\begin{bmatrix} x_1 \\ y_1 \\ \tan \theta_1 \\ \tan \varphi_1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & s_0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & s_0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_0 \\ y_0 \\ \tan \theta_0 \\ \tan \varphi_0 \end{bmatrix}. \quad (1)$$

2) 光线经过主透镜:

$$\begin{bmatrix} x_2 \\ y_2 \\ \tan \theta_2 \\ \tan \varphi_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ -1/f_m & 0 & 1 & 0 \\ 0 & -1/f_m & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ y_1 \\ \tan \theta_1 \\ \tan \varphi_1 \end{bmatrix}. \quad (2)$$

3) 透过主透镜的光线经过自由空间到达微透镜平面:

$$\begin{bmatrix} x_3 \\ y_3 \\ \tan \theta_3 \\ \tan \varphi_3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & s_i & 0 \\ 0 & 1 & 0 & s_i \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_2 \\ y_2 \\ \tan \theta_2 \\ \tan \varphi_2 \end{bmatrix}. \quad (3)$$

4) 光线经过微透镜:

$$\begin{bmatrix} x_4 \\ y_4 \\ \tan \theta_4 \\ \tan \varphi_4 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ -1/f_l & 0 & 1 & 0 \\ 0 & -1/f_l & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_3 \\ y_3 \\ \tan \theta_3 \\ \tan \varphi_3 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ s_x/f_l \\ s_y/f_l \end{bmatrix}. \quad (4)$$

5) 透过微透镜的光线经过自由空间, 最终投射在图像传感器面:

$$\begin{bmatrix} x_5 \\ y_5 \\ \tan \theta_5 \\ \tan \varphi_5 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & f_l & 0 \\ 0 & 1 & 0 & f_l \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_4 \\ y_4 \\ \tan \theta_4 \\ \tan \varphi_4 \end{bmatrix}. \quad (5)$$

式中,  $x$  和  $y$  分别表示光线穿过某个平面时对应的光线交点位置坐标, 下标对应不同的平面;  $s_0$  和  $s_i$  分别对应物距和像距;  $f_m$  和  $f_l$  分别表示主透镜和微透镜的焦距;  $s_x$  和  $s_y$  表示微透镜中心与  $Z$  轴的偏移距离. 对  $\theta$  和  $\varphi$  的数值可以利用正余弦定理, 通过光场相机内部元器件的参数和器件之间的距离计算得到.

## 2.2 火焰辐射光场成像模型

火焰的辐射强度值通过图像传感器接收到的光线辐射强度进行分析, 采用稳态传输方程进行计算<sup>[28]</sup>. 在较短的曝光时间下可以忽略火焰动态变化, 直接考虑传输过程中火焰辐射能量对于介质的散射、发射和吸收特性. 根据 Mie 理论, 由于炭黑颗粒的吸收能力远大于散射能力, 因此可以忽略火焰的散射特性, 仅考虑火焰的吸收特性, 火焰的稳态传输方程可以表示为

$$\frac{dI_\lambda^L}{d\kappa_L \cdot l_L} = -I_\lambda^L + I_{b\lambda}, \quad (6)$$

式中,  $I_\lambda^L$  表示火焰辐射光线  $L$  的光谱强度值;  $\kappa_L$  表示光线  $L$  穿过微元体的吸收系数;  $l_L$  为该微元体的几何长度;  $I_{b\lambda}$  表示辐射光线对应的火焰微元体的黑体辐射强度值, 单位为  $\text{W}/(\text{m}^3 \cdot \text{sr})$ , 根据普

朗克定律,  $I_{b\lambda}$  可表示为

$$I_{b\lambda} = \frac{c_1 \lambda^{-5}}{\pi \left( e^{\frac{c_2}{\lambda T}} - 1 \right)}, \quad (7)$$

式中,  $T$  为微元体的温度, 单位为 K;  $c_1$  和  $c_2$  为辐射常数, 分别为  $3.7418 \times 10^{-16} \text{ W} \cdot \text{m}^2$  和  $1.4388 \times 10^{-2} \text{ m} \cdot \text{K}$ ;  $\lambda$  为火焰辐射光线的波长.

在进行火焰的三维重建时, 需要将被测对象划分为  $W$  个微元体, 并依次编号为  $(1, 2, w, \dots, W)$ , 光场相机的图像探测器一共有  $M$  个子像素, 依次编号为  $(1, 2, m, \dots, M)$ . 像素  $m$  的火焰辐射光线穿过  $n$  个微元体, 沿着光线的传输方向依次编号为  $(w_1, w_2, w_i, w_j, \dots, w_n)$ , 将 (6) 式离散化得到 (8) 式和 (9) 式:

$$I_\lambda^m = \sum_{i=1}^n A_m^{wi} I_{b\lambda}^{wi}, \quad (8)$$

$$\begin{cases} A_m^{wi} = \exp \left( - \sum_{j=i+1}^n \kappa_{w_j} \cdot l_{w_j} \right) \\ \quad - \exp \left( - \sum_{j=i}^n \kappa_{w_j} \cdot l_{w_j} \right), \quad i < n, \\ A_m^{wi} = 1 - \exp \left( - \sum_{j=i}^n \kappa_{w_j} \cdot l_{w_j} \right), \quad i = n, \end{cases} \quad (9)$$

所有辐射光线的光谱辐射强度计算用 (10) 式的矩阵形式表示:

$$I_\lambda = \mathbf{A} \cdot I_{b\lambda}, \quad (10)$$

式中,  $I_\lambda$  为光场相机图像传感器各像素对应的火焰辐射光线的辐射强度向量  $[I_\lambda^1, I_\lambda^2, I_\lambda^m, \dots, I_\lambda^M]$ ;  $I_{b\lambda}$  为微元体的辐射强度向量  $[I_{b\lambda}^1, I_{b\lambda}^2, I_{b\lambda}^w, \dots, I_{b\lambda}^W]$ ;  $\mathbf{A}$  为通过 (9) 式得到的系数矩阵  $[A_1^1, A_1^2, A_1^w, \dots, A_1^W; A_2^1, A_2^2, A_2^w, \dots, A_2^W; \dots; A_M^1, A_M^2, A_M^w, \dots, A_M^W]$ .

## 2.3 阻尼 LSQR-LMBC 算法

在已知吸收系数的条件下, 光场火焰图像的三维温度场重建问题属于线性反问题. 然而, 在进行实际火焰的测量时, 火焰的吸收系数等物性参数是未知的, 温度重建为线性问题和非线性问题的混合问题. 为对实际火焰进行温度场的计算, 很多研究人员将非线性算法与线性算法相结合, 如孙俊<sup>[29]</sup>提出非负最小二乘 (Non-negative least squares, NN-LS-LMBC) 的混合算法, 孙俊阳<sup>[30]</sup>提出 Tikhonov-

LMBC 的混合算法,这两种算法都可以在火焰三维温度场的重建过程中同时计算温度和吸收系数. 本文使用阻尼 LSQR-LMBC 混合算法对吸收系数未知的火焰进行三维温度场重建.

阻尼 LSQR 是在 LSQR 的基础上添加  $n$  个阻尼方程<sup>[31]</sup>, 目的是为了解决 LSQR 算法对初始值的依赖. (10) 式所示的温度重建线性问题的目标函数如式 (11) 所示:

$$\min \left\| \begin{bmatrix} A_{(m \times n)} \\ \lambda I \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} I_{\lambda(m \times n)} \\ 0 \end{bmatrix} \right\|_2, \quad (11)$$

$$\begin{bmatrix} I & A \\ A^T & -\lambda^2 I \end{bmatrix} \begin{bmatrix} r \\ x \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} I_{\lambda(m \times n)} \\ 0 \end{bmatrix}, \quad (12)$$

其中,  $m$  为像素点的个数,  $n$  为火焰划分后的微元体的数目,  $I$  为单位矩阵,  $\lambda$  表示阻尼因子, 是一个实常数. 再转换为 (12) 式, 结合 Lanczos 迭代法利用最小二乘 QR 分解算法进行求解<sup>[32]</sup>, 当  $\lambda$  为 0, 阻尼 LSQR 算法为常规标准的 LSQR 算法,  $r = I_{\lambda(m \times n)} - A_{(m \times n)} I_{b\lambda}$  为残差向量.

阻尼 LSQR-LMBC 混合算法的目标函数为

$$F(T, \kappa) = \|I'_{\lambda(G)} - I_{\lambda(G)}\|, \quad (13)$$

式中, 函数均在单色 ( $G$ ) 辐射强度的前提下进行计算,  $I_{\lambda(G)}$  为火焰辐射光线的单色辐射强度观测值,  $I'_{\lambda(G)}$  为火焰辐射光线的单色辐射强度估计值. 该算法的具体步骤如下:

1) 根据目标函数采用的单色辐射强度, 选择性地将像素点的光线辐射强度  $I_{\lambda(R)}$  或者  $I_{\lambda(G)}$  输入. 选取单位向量或者随机向量作为吸收系数的初值, 这是因为 LM 算法对初值没有依赖性. 对中间参数设置迭代次数  $k = 0$ , 最大迭代次数为  $k_{\max} = 300$ ,  $v = 2$ ,  $\eta = 2$ , 吸收系数的向量为  $\kappa = \kappa_0$ . 然后对以下各参数进行计算, 参数  $\omega$ ,  $r$ ,  $g$ ,  $S_{\text{tp}}$ ,  $\mu$  分别为对称矩阵、观测值和估计值的差值向量、目标函数的梯度向量, 循环终止指数和衰减系数. 式中参与计算的参数  $J$  和  $\omega_{ii}$  分别表示函数  $I'_{\lambda(G)}(\kappa)$  关于变量  $\kappa$  的一阶偏微分雅各比矩阵和矩阵  $\omega$  对角元素:

$$\omega = J^T J, r = I'_{\lambda(G)} - I_{\lambda(G)}, g = J^T r, \quad S_{\text{tp}} = (\|g\| \leq \varepsilon_1), \mu = \mu \cdot \max_{i=1,2,\dots,m} (\omega_{ii}). \quad (14)$$

2) 根据设置的单位向量或者随机向量的吸收系数初值  $\kappa$  对系数矩阵  $A$  进行计算. 再通过阻尼 LSQR 算法对火焰微元体的单色辐射强度  $I_{b\lambda(G)}$  进

行计算:

$$T = c_2 / \lambda \ln [c_1 / (\lambda^5 \pi I_{b\lambda}) + 1]. \quad (15)$$

3) 利用已经计算出的火焰温度  $T$  和系数矩阵  $A$ , 再通过 (15) 式对火焰光线的单色辐射强度值  $I'_{\lambda(G)}(\kappa)$  进行计算.

4) 计算一阶偏微分雅各比矩阵  $J$ , 根据步骤 1) 中 (14) 式对  $\omega$ ,  $r$ ,  $g$  进行计算, 通过计算出的参数求解得到优化步长  $\Delta(\kappa)$ :

$$(\omega + \mu I) \Delta(\kappa) = g. \quad (16)$$

5) 判断计算的结果是否满足 (17) 式所示的终止条件, 如果满足, 则将循环终止指数  $S_{\text{tp}}$  置为 1, 同时将运算进程转到步骤 8). 反之, 将  $\Delta(\kappa)$  叠加于  $\kappa$  得到新的吸收系数  $\kappa_{\text{new}}$ , 再将新的吸收系数投射到吸收系数的约束空间  $Q$ :

$$\|\Delta(\kappa)\| \leq \varepsilon_2 \|\kappa\|, \quad (17)$$

$$\begin{cases} P_Q(\kappa) = \max \{ \min \{ \kappa, u \}, l \}, \\ Q = \{ \kappa \in R^m | l_i \leq \kappa_i \leq u_i, i=1, 2, \dots, m \}, \end{cases} \quad (18)$$

其中,  $l([l_1, l_2, \dots, l_m])$  和  $u([u_1, u_2, \dots, u_m])$  分别为约束区间  $Q$  的下边界和上边界.

6) 对迭代指数  $\rho$  进行计算, 并判断  $\rho$  是否大于零, 当大于零时, 转入 (20) 式和步骤 8), 反之, 继续往下执行:

$$\rho = \frac{\|r\|^2 - \|I_{\lambda(G)} - I'_{\lambda(G)}\|^2}{\Delta(\mu\Delta + g)}, \mu = \mu v, v = 2v. \quad (19)$$

7) 根据 (20) 式对原吸收系数进行更新, 再重复对  $\omega$ ,  $r$ ,  $g$  进行计算, 对  $v$  取值 2, 继续对  $S_{\text{tp}}$  和  $\mu$  进行计算:

$$\kappa = \kappa_{\text{new}}, S_{\text{tp}} = (\|g\|_{\infty} \leq \varepsilon_1) \text{ or } (\|r\| \leq \varepsilon_1), \mu = \mu \cdot \max [1/3, 1 - (2\rho - 1)^3]. \quad (20)$$

8) 判断终止指数是否满足  $S_{\text{tp}} = 0$ , 同时判断迭代次数是否满足  $k < k_{\max}$ , 如果满足这些判断条件, 运算进程转回步骤 2), 反之, 结束循环, 进一步采用阻尼 LSQR 算法对火焰的单色辐射强度  $I_{b\lambda(R)}$  进行计算, 最后计算出火焰的温度.

### 3 火焰温度场重建实验

#### 3.1 数值仿真

根据火焰辐射光场成像模型, 利用光线追迹对火焰辐射图像进行成像模拟. 本文采用 (21) 和

(22) 式火焰分布模型, 其中,  $T$  为火焰温度大小, 单位为 K,  $z$  为火焰的轴向坐标,  $r$  为火焰的径向坐标. 该模拟火焰符合火焰温度分布特点, 火焰底面半径  $R$  和高度  $Z$  均为 40 mm, 火焰的温度分布满足旋转对称分布. 得到的火焰温度分布如图 2 所示, 温度最高能达到 2100 K. 光场相机的参数为: 主透镜焦距为 50 mm, 微透镜焦距为 0.6 mm, 微透镜阵列大小为  $60 \times 60$ , 每个微透镜直径上覆盖 6 个像素, 像素尺寸为  $8 \mu\text{m} \times 8 \mu\text{m}$ , 采用光场相机 1.0 模型, 微透镜放置在主透镜一倍焦距处, 图像探测器放置在微透镜一倍焦距处. 火焰中心与主透镜中心的距离为 505 mm. 微透镜的数量决定了记录的空间物点数, 即空间分辨率, 每个微透镜覆盖的像素数决定了记录的光线方向数, 即角度分辨率. 图像探测器与微透镜的距离决定光场相机获得的有效采样辐射信息, 一倍焦距处最低, 这个参数主要和本文使用的实验设备的相机模型一致.

$$T = 1200 \exp \left\{ - \left[ 3 \left( \frac{z^2}{Z^2} + \frac{r^2}{R^2} \right) - 0.9 \right]^2 \right\} + 900, \quad (21)$$

$$x^2 + y^2 = r^2, \quad (22)$$

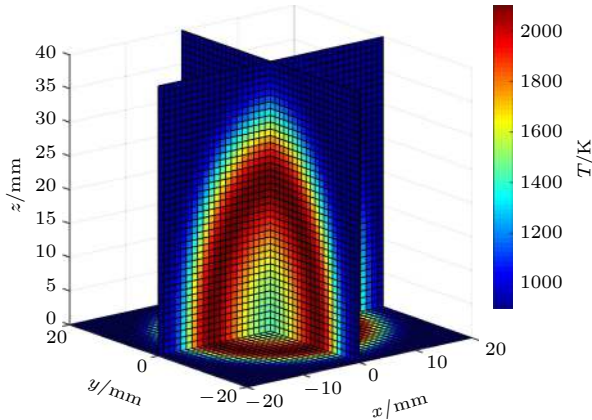


图 2 模拟火焰中心切片温度分布

Fig. 2. Temperature distribution of simulated flame center slice.

以相机主透镜中心  $O$  作为原点,  $Y$  轴垂直于图像探测器平面,  $X$  和  $Z$  轴平行于图像探测器平面. 沿  $Y$  方向对模拟火焰进行切片, 每层间隔 4 mm. 根据光场成像模型, 遍历图像探测器上像素的坐标, 逆向定位火焰切片上的微元体坐标, 将微元体坐标代入 (21) 式得到火焰不同切片的温度值. 根据 (15) 式计算得到火焰微元体的单色辐射  $I_{b\lambda}$ , 由模拟火焰的光线穿过微元体的数量和设定的吸收系

数计算得到 (8) 式中的矩阵  $A$ , 进而得到图像传感器上的火焰单色辐射强度图, 叠加 RGB 三个通道的火焰图像即可得到模拟光场火焰图, 如图 3 所示.

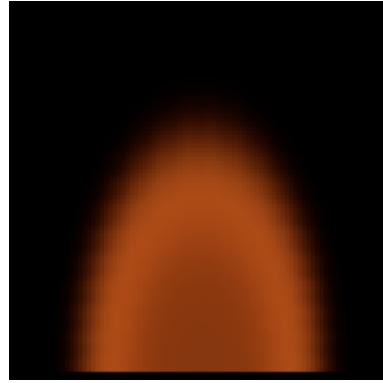


图 3 模拟火焰光场辐射图像

Fig. 3. Simulated flame light field radiation image.

分别利用 LSQR 算法和阻尼 LSQR 算法对火焰温度场进行重建. 重建结果如图 4 所示, 重建时使用原始温度叠加 20% 的白噪声作为温度初值, 一至三行分别为原始火焰分层、使用 LSQR 和阻尼 LSQR 对火焰光场辐射图像进行温度重建得到的火焰温度分布图. 从图 4 可以看出, 这两种算法均可以完成火焰的三维温度重建.

LSQR 算法是一个对初值有一定依赖的算法 [33], 初值的误差对大型稀疏矩阵的求解的影响较为显著, 使计算效率变低, 甚至无法收敛. 为了定量分析 LSQR 与阻尼 LSQR 的重建精度, 在原始温度值上叠加了 1%, 5%, 10%, 15% 和 20% 噪声作为初值, 从重建结果中提取了 120 个采样温度点, 将其与相对应的原始温度进行对比分析, 如图 5 所示.

从图 5 可以看出, 随着初值叠加噪声的增大, 求解值与原始数据之间的差值也逐渐变大. 在 1% 的噪声水平下, LSQR 与阻尼 LSQR 的重建误差差距较小, 而随着噪声的增大, 二者的重建误差差距开始变大, 阻尼 LSQR 的优点逐渐凸显. 当在 20% 的噪声水平下, LSQR 算法的重建误差在 130 K 以内, 而阻尼 LSQR 算法的重建误差在 90 K 以内.

为进一步从整体上进行算法优劣的对比, 将得到的所有重建结果通过 (23) 式进行了相对误差计算:

$$\Delta T = |T - T_{\text{set}}| / T_{\text{set}}, \quad (23)$$

式中,  $T$  为使用重建算法重建出的微元体的温度,  $T_{\text{set}}$  为使用 (21) 式设置的火焰的微元体的温度,  $\Delta T$  为相对误差. 得到的误差对比结果如表 1 所示.

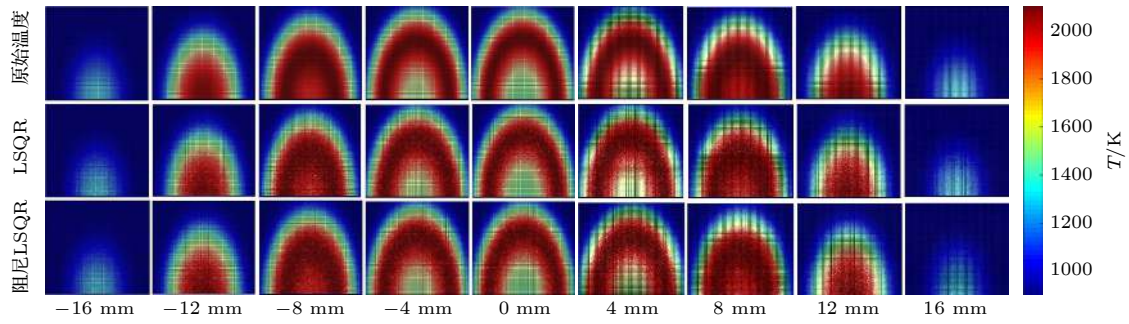


图 4 QR 和阻尼 LSQR 算法的火焰温度场重建结果

Fig. 4. Flame temperature field reconstruction results of LSQR and damped LSQR algorithms.

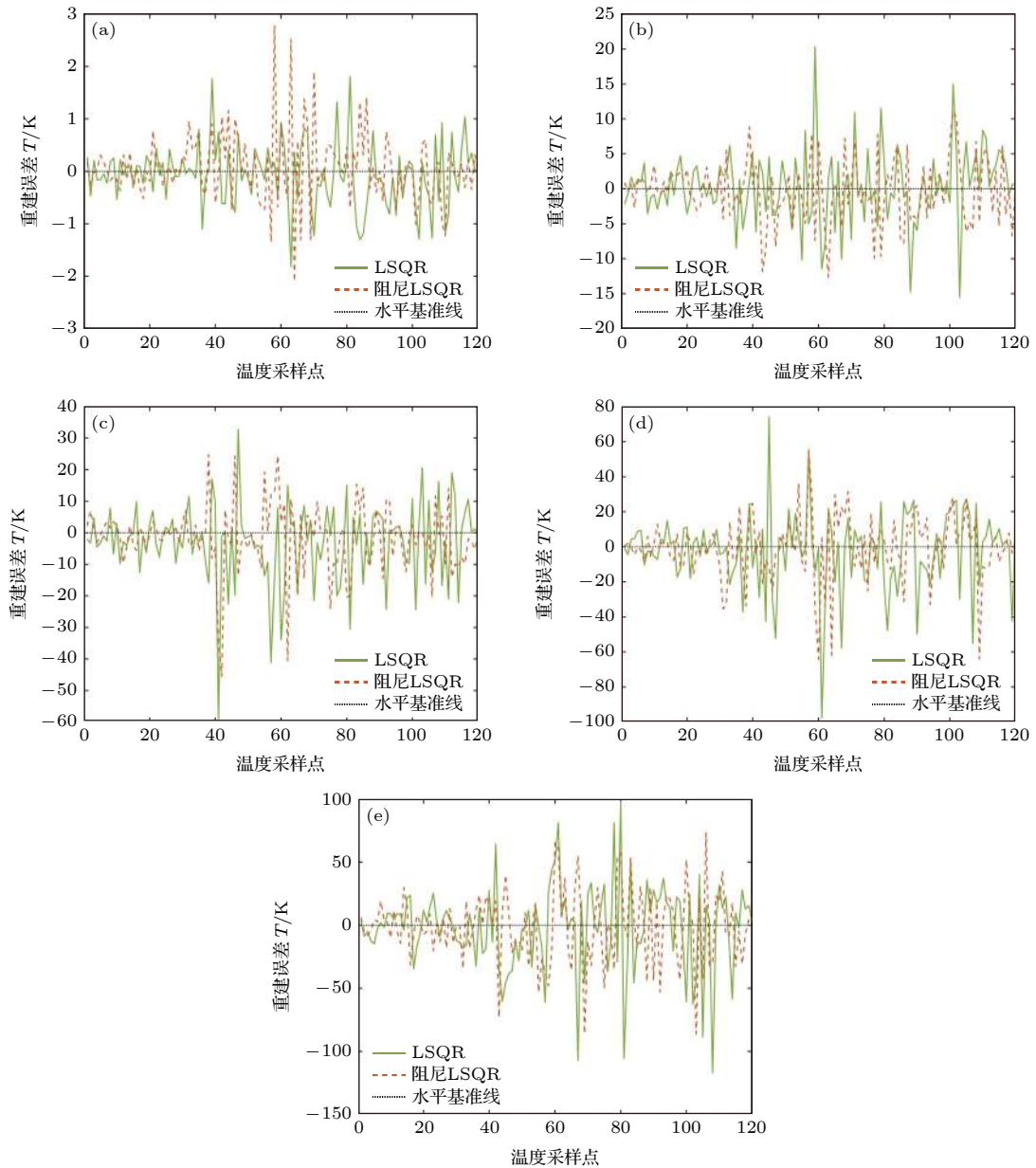


图 5 不同噪声水平下, LSQR 与阻尼 LSQR 算法重建误差对比 (a) 初值叠加 1% 噪声; (b) 初值叠加 5% 噪声; (c) 初值叠加 10% 噪声; (d) 初值叠加 15% 噪声; (e) 初值叠加 20% 噪声

Fig. 5. Comparison of reconstruction errors between LSQR and Damped LSQR algorithm under different noise levels: (a) Initial value superimposed 1% noise; (b) initial value superimposed 5% noise; (c) initial value superimposed 10% noise; (d) initial value superimposed 15% noise; (e) initial value superimposed 20% noise.

表1 LSQR 与阻尼 LSQR 温度重建结果相对误差对比表  
Table 1. Comparison of relative errors of temperature reconstruction results of LSQR and Damped LSQR.

噪声	信噪比/dB	LSQR	阻尼LSQR
1%	45.95	0.43%	0.41%
5%	29.44	2.85%	2.15%
10%	21.97	6.66%	5.10%
15%	17.35	10.26%	7.67%
20%	13.86	14.58%	10.99%

通过重建结果可以看出,当初值叠加的噪声较小时,阻尼 LSQR 的略优于 LSQR. 随着叠加的噪声逐渐增大,阻尼 LSQR 比 LSQR 算法更加稳定,而 LSQR 受初值的影响更大,因此阻尼 LSQR 更适合大型稀疏矩阵的求解. 孙俊<sup>[29]</sup>采取的 NNLS 算法和孙俊阳<sup>[30]</sup>采取的 Tikhonov 算法均与 LSQR 算法进行了对比,虽然与本文的光场相机模型不同,其相对的性能提升仍具有参考价值. 对于 NNLS 算法,随着噪声水平的提高,LSQR 求解结果中的负值越来越多,但 NNLS 未出现负值,两种算法重建结果的相对误差十分接近,信噪比为 20 dB 时,相对误差在 5% 左右;信噪比为 10 dB 时,相对误差在 20% 左右,信噪比为 5 dB 时,相对误差在 40% 左右. NNLS 相对 LSQR 提升在 5% 以内,但 NNLS 的计算时长比 LSQR 高了两个数量级. 对于 Tikhonov 算法,噪声较小时, Tikhonov 正则化算法与 LSQR 算法重建结果的最大相对误差基本一致. 当信噪比达到 10 dB 时,LSQR 算法重建结果的相对误差在 1.8% 以内, Tikhonov 正则化算法重建结果的相对误差在 1.2% 以内,相对提升了约 50%. 对于本文的阻尼 LSQR 算法,当信噪比为 13.86 dB 时,LSQR 重建结果的相对误差为 14.58%,阻尼 LSQR 重建结果的相对误差为 10.99%,相对提升了 32.7%. 从计算时间上看,本文方法和 LSQR 处于同一量级,计算的实时性对火焰来说也是一个比较重要的因素.

对于实际的火焰温度测量,火焰的吸收系数等物性参数是未知的,因此利用阻尼 LSQR-LMBC

混合算法对模拟火焰辐射光场图像的吸收系数和温度同时重建. 火焰以 4 mm 的间隔对火焰进行分层,重建温度分布如图 6 所示. 图中的火焰温度分布图可以正确的反映火焰的温度趋势特征,但是重建温度的精度有待提高.

为了进一步对重建结果进行分析,本文对重建后的前五层温度进行误差分析,将计算出的每一个微元体的温度与相对应的原始温度进行相对误差的计算,其结果如图 7 所示.

从图 7 可以看出,该算法的总体重建误差在 1.92%—17.2% 之间. 所有微元体的平均误差为 6.63%,因此该重建算法可以满足高达 2100 K 的火焰温度重建.

### 3.2 辐射强度标定

光场相机图像传感器在对火焰进行辐射信息采集时,辐射光线会先经过光电转换、模数转换等过程再以灰度值的形式展示. 因此,需要对光场相机的图像传感器进行辐射强度标定,建立灰度值与光线辐射强度之间的关系,进而保证重建温度的准确度. 实验装置如图 8 所示. 使用的黑体炉是由英国爱松特公司生产的,型号为 ISOTECH Cyclops Model 878,温度最高可以达到 1573.15 K,精度为 0.1 K,辐射率为 0.999. 相机为一代传统光场相机,型号为 Lytro-Illum<sup>[34,35]</sup>,主透镜焦距为 40.11 mm,微透镜焦距为 48.38  $\mu\text{m}$ ,角度分辨率为 15 $\times$ 15,空间分辨率为 434 $\times$ 625. 通过 Lytro-Illum 光场相机拍摄得到的光场图像为 LFR 格式,其中包含了原始光场图像和拍摄时的参数信息. 解码时首先根据相机自带的白图像标定微透镜阵列的位置坐标,微透镜下覆盖的像素记录了来自同一物点不同方向的光线,这些像素集合又被称为宏像素. 每个宏像素中相同坐标的像素点记录相同方向的光线,提取记录相同方向光线的像素,按照宏像素位置排列即可得到 2D 单视角图像. 依次提取不同方向的单视角图像,按照记录的方向排列即可得到多视角图像.

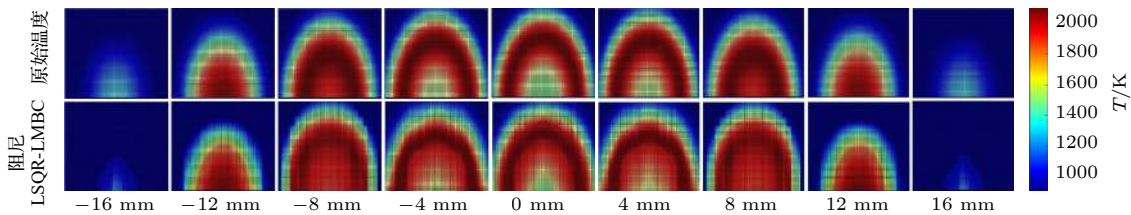


图 6 阻尼 LSQR-LMBC 算法下重建的火焰温度分布图

Fig. 6. Flame temperature distribution reconstructed by Damped LSQR-LMBC algorithm.

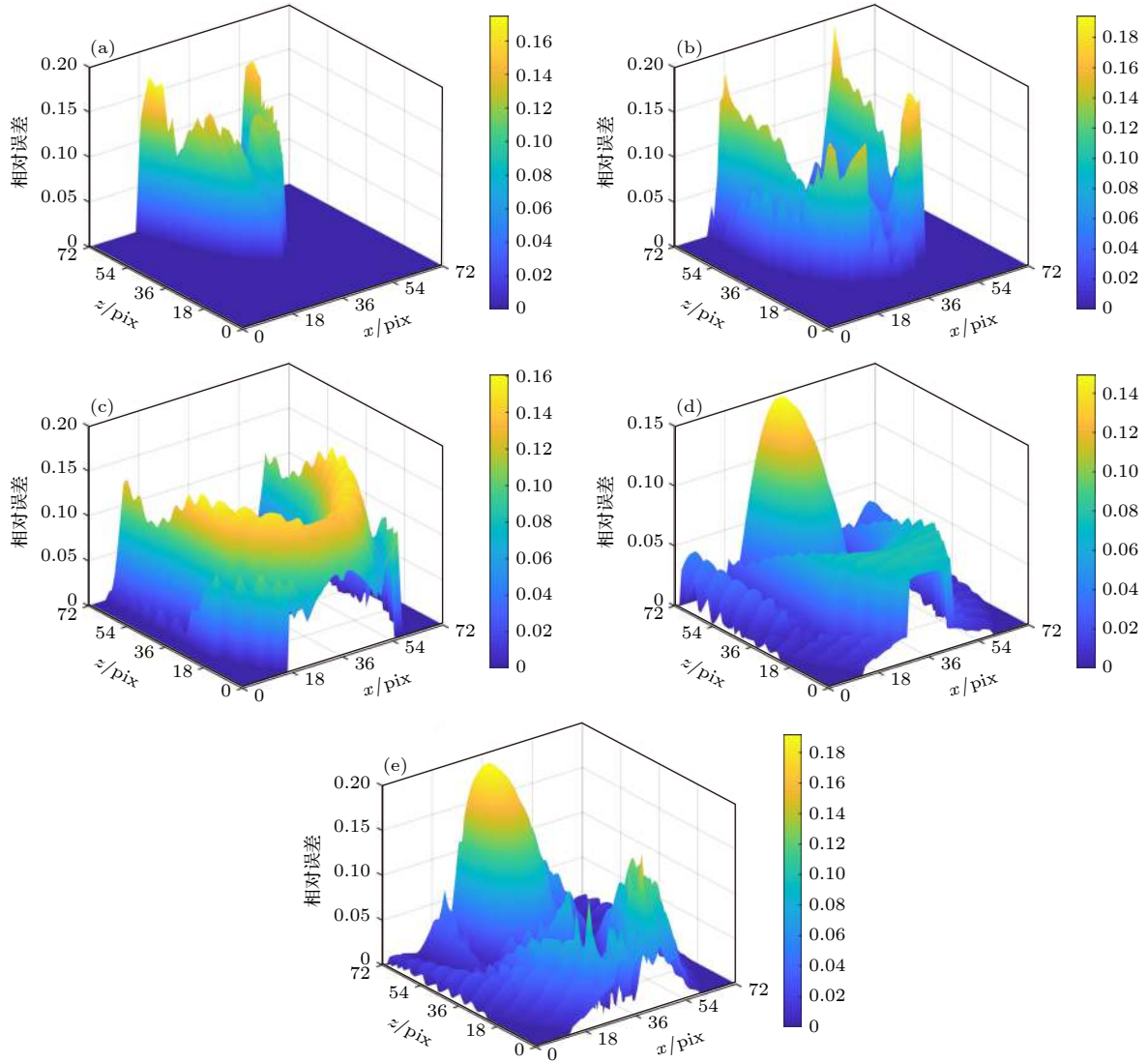


图 7 阻尼 LSQR-LMBC 算法重建的火焰温度的相对误差 (a) -16 mm 位置; (b) 火焰-12 mm 位置; (c) -8 mm 位置; (d) -4 mm 位置; (e) 0 mm 位置

Fig. 7. Relative errors of flame temperature reconstructed by Damped LSQR - LMBC algorithm: (a) -16 mm position; (b) -12 mm position; (c) -8 mm position; (d) -4 mm position; (e) 0 mm position.



图 8 光场相机辐射强度标定实验装置图

Fig. 8. Experimental device of radiation intensity calibration of light field camera.

为避免其他杂光对标定实验产生影响, 在黑暗条件下, 通过黑体炉温度从 1098.15 K 开始, 以

25 K 的温度间隔采集了 8 组黑体辐射光场图像, 如图 9 所示。

普朗克定律指出, 在黑体的条件下, 在指定温度下的辐射强度值可以通过 (24) 式计算:

$$E(\lambda, T) = \varepsilon(\lambda) \frac{c_1}{\lambda^5} \exp\left(-\frac{c_2}{\lambda T}\right), \quad (24)$$

式中,  $E(\lambda, T)$  为波长  $\lambda$  处的光谱辐射强度值,  $\varepsilon(\lambda)$  为波长  $\lambda$  处的黑体发射率, 取值为 1,  $T$  为黑体的温度值,  $c_1, c_2$  分别为第一辐射常数和第二辐射常数, 其值大小分别为  $3.74177 \times 10^{-16} \text{ W}\cdot\text{m}^2$  和  $1.4387752 \times 10^{-2} \text{ m}\cdot\text{K}$ 。

对光场图像标定区域的灰度值进行提取, 再分别将  $R, G, B$  通道的灰度值与辐射强度值进行曲

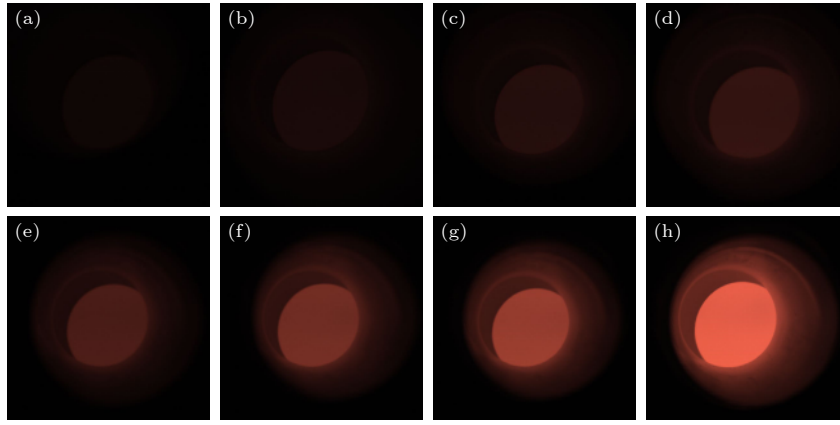


图 9 不同炉温下的黑体辐射光场图像 (a) 1098.15 K; (b) 1123.15 K; (c) 1148.15 K; (d) 1173.15 K; (e) 1198.15 K; (f) 1123.15 K; (g) 1248.15 K; (h) 1273.15 K

Fig. 9. Blackbody radiation light field images at different furnace temperatures: (a) 1098.15 K; (b) 1123.15 K; (c) 1148.15 K; (d) 1173.15 K; (e) 1198.15 K; (f) 1123.15 K; (g) 1248.15 K; (h) 1273.15 K.

线拟合, 得到的拟合结果如 (25) 式—(27) 式所示:

$$I_R = -2 \times 10^7 R^2 + 9 \times 10^7 R - 471500, \quad (25)$$

$$I_G = -2 \times 10^7 G^2 + 9 \times 10^7 G - 458904, \quad (26)$$

$$I_B = -2 \times 10^7 B^2 + 9 \times 10^7 B - 342368, \quad (27)$$

式中,  $I_R, I_G, I_B$  分别为光场图像的  $R, G, B$  通道下像素对应的光谱辐射强度值,  $R, G, B$  分别为光场图像的  $R, G, B$  通道下像素对应的灰度值. 光场辐射强度标定结果对应的拟合曲线图如图 10 所示.

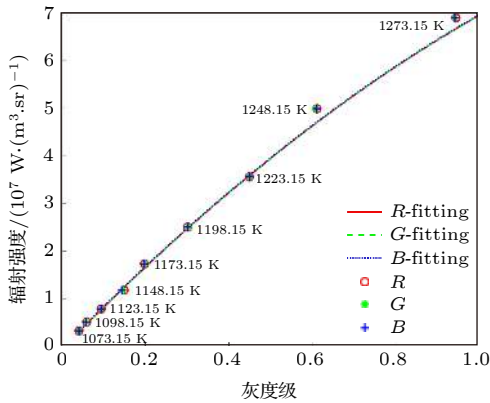


图 10 光场图像灰度值与辐射强度的标定拟合曲线图

Fig. 10. Calibration fitting curve of gray value and radiation intensity of light field image.

### 3.3 实际火焰温度重建

实际火焰的三维测温装置主要有光学平台、光场相机以及火焰发生装置等. 将实验器材固定在光学平台上, 通过光场相机对火焰进行图像的采集. 实验装置图如图 11(a) 所示, 图中的丁烷气罐的燃

烧火焰, 火焰发生器的喷嘴直径为 20 mm.

在对火焰进行图像采集时, 要记录火焰与相机之间的距离, 并且保证火焰处于空气流动很微弱的暗室实验环境中. 同时, 需要合理控制相机的曝光时间, 确保采集到的火焰图像像素灰度值不会出现曝光过度, 降低曝光不足带来的影响. 通过光场相机采集的丁烷火焰辐射光场图像如图 11(b) 所示, 火焰与光场相机之间的距离为 15 cm.



图 11 燃烧火焰实验图 (a) 实验装置; (b) 丁烷火焰辐射光场

Fig. 11. Experimental diagram of combustion flame: (a) Experimental device; (b) light field of butane flame radiation.

根据相机与火焰之间的距离以及相机内部的参数等已知数据, 利用 (1) 式—(5) 式所示的双平面参数法将光场辐射图像的方向信息转换为三维空间的火焰位置信息. 得到火焰的三维位置信息后使用微元体分割方法对火焰进行网格划分. 通过辐射标定结果将图像灰度值幻化为辐射强度值, 再利用阻尼 LSQR-LMBC 混合算法对火焰的吸收系数和温度同时重建, 结果如图 12 所示.

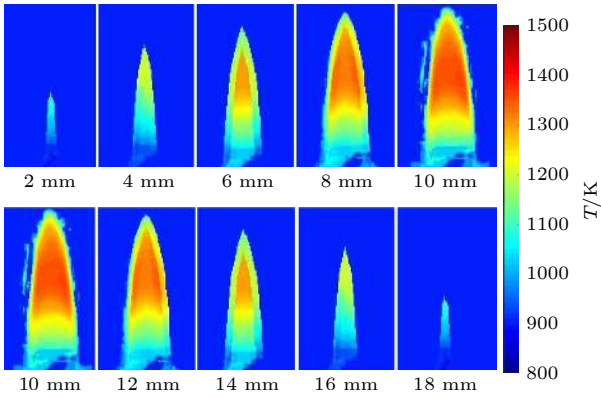


图 12 丁烷火焰三维温度重建后的不同层温度分布图  
Fig. 12. Temperature distributions of different layers after three-dimensional temperature reconstruction of butane flame.

由于丁烷发生器的喷嘴大小可知火焰的最大直径为 20 mm, 图中将火焰在 2 mm, 4 mm, 6 mm, 8 mm, 10 mm, 12 mm, 14 mm, 16 mm, 18 mm 处进行竖直切片得到的各层温度, 其中 10 mm 处的温度分布图为火焰的中心层. 由于该火焰近乎旋转对称, 因此火焰在 12 mm, 14 mm, 16 mm, 18 mm 处的温度分布图分别与 8 mm, 6 mm, 4 mm, 2 mm 处的温度分布图近乎一致. 图中重建火焰的最高温度在 1400 K 左右, 不超过 1500 K. 从 10 mm 层的温度分布图中可以看出, 火焰满足焰心、内焰和外焰的温度分布趋势. 外围的温度会出现低温度区域的原因是由于火焰的温度出现流失, 扩散到了低温的空气中, 这也是 2 mm 和 18 mm 处的温度较低的原因. 而 8 mm 与 12 mm 处的火焰切片的较大区域为内焰和外焰, 火焰较为明亮, 温度也较高. 6 mm 与 14 mm 处的火焰温度切片的面积已经明显变小, 外焰和内焰的混合使得火焰的温度较高.

4 mm 和 16 mm 处的火焰温度已经逐步扩散到空气中, 温度也有所降低. 综上, 重建的丁烷火焰的三维温度场分布符合基本辐射火焰燃烧的特征.

为进一步对重建结果进行准确度验证, 使用热电偶对火焰进行定点测温, 装置如图 13(a) 所示. 选取不同位置的特征点进行测温, 测温点的选取如图 13(b) 所示. 热电偶在测量时, 其测量点和周围环境之间存在辐射换热和对流换热, 从而导致产生热损失, 为了减小引起的测量误差, 需要使用 (28) 式对测量结果进行修正 [36]:

$$T = \varepsilon \sigma \frac{T_c^4 - T_s^4}{h_c} + T_c, \quad (28)$$

式中,  $T$  表示修正后的温度值;  $T_c$  和  $T_s$  分别为测量的原始温度和实验环境温度, 实验时室温控制在 293.15 K 左右;  $\varepsilon$  表示热电偶探头发射率, 实验中使用的是 K 型热电偶, 数值为 0.89;  $\sigma$  表示斯蒂芬-玻尔兹曼常数, 数值为  $5.67 \times 10^{-8} \text{ W}/(\text{m}^2 \cdot \text{K}^4)$ ;  $h_c$  表示对流换热系数 [29].

将重建温度和热电偶修正温度进行比对, 如表 2 所示.

从表 2 可以看出, 重建温度与热电偶的测温数据基本一致. 其中测量偏差的平均值为 76 K 左右,

表 2 阻尼 LSQR-LMBC 重建温度与热电偶修正温度对比表

Table 2. Comparison of DampedLSQR-LMBC reconstruction temperature and thermocouple correction temperature.

测量方法	A	B	C	D
	T/ K	T/ K	T/ K	T/ K
阻尼LSQR-LMBC	1121.78	1396.73	1351.81	1077.74
热电偶	1044.35	1307.5	1295.36	997.61

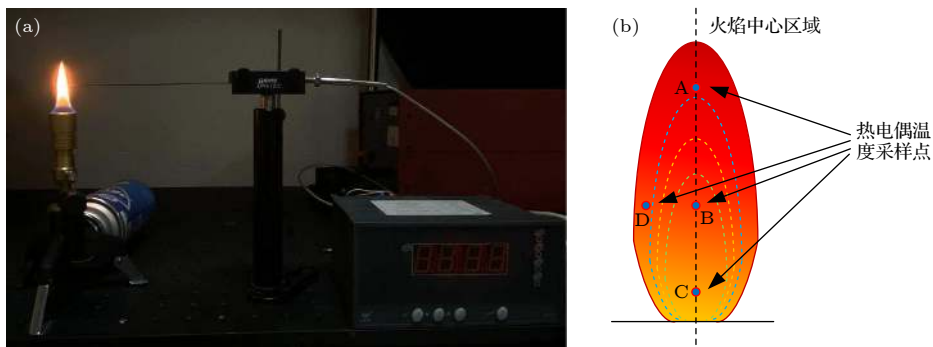


图 13 使用热电偶测量丁烷火焰温度 (a) 热电偶测温实验图; (b) 热电偶定点测温位置图

Fig. 13. Measurement of butane flame temperature using thermocouples: (a) Thermocouple temperature measurement experiment diagram; (b) location diagram of thermocouple fixed-point temperature measurement.

最大偏差约为 89 K. 测温误差控制在 6.8% 左右, 因此本研究的重建方案的测温精度满足火焰的测温标准.

## 4 结 论

1) 本文针对经典算法 LSQR 在求解火焰三维温度场时对初值依赖大的问题, 通过添加阻尼正则化项, 提高了火焰三维温度场的抗噪性能, 仿真结果表明: 在较低的噪声水平下, 这两种算法的重建误差基本一致, 当噪声较大时, 阻尼 LSQR 算法的重建精度比 LSQR 算法高 30% 左右. 鉴于实际火焰的吸收系数未知, 使用阻尼 LSQR-LMBC 算法对吸收系数该火焰进行数值计算, 实验结果表明: 火焰重建的相对误差在 1.92%—17.2% 之间, 平均误差低于 7%. 证明了阻尼 LSQR-LMBC 算法可以同时重建火焰的吸收系数和温度.

2) 开展了实际火焰温度重建实验研究. 搭建了光场成像的火焰三维温度场重建的实验平台, 标定了光场相机图像传感器的辐射强度, 对丁烷火焰的三维温度进行重建, 并将热电偶的测量结果作为参考火焰温度, 将其与重建后的结果进行对比分析和精度评价. 结果表明: 火焰重建的温度与热电偶测量的温度基本一致, 平均偏差均低于 100 K, 重建误差在 6.8% 左右,

## 参考文献

- [1] Sun X G, Dai J M, Cong D C, Chu Z X 2003 *J. Tsinghua Univ., Sci. Technol.* **43** 916 (in Chinese) [孙晓刚, 戴景民, 丛大成, 褚载祥 2003 清华大学学报: 自然科学版 **43** 916]
- [2] Huang S C 2004 *M. S. Thesis* (Shanghai: Tongji University) (in Chinese) [黄苏春 2004 硕士学位论文(上海: 同济大学)]
- [3] Zhou B, Zhang J Y, Wang S H 2011 *IET Image Process* **5** 382
- [4] Huang Q X, Liu D, Wang F, Yan J H, Chi Y, Cen K F 2007 *Acta Phys. Sin.* **56** 6472 (in Chinese) [黄群星, 刘冬, 王飞, 严建华, 池涌, 岑可法 2007 物理学报 **56** 6472]
- [5] Gilabert G, Lu G, Yan Y 2007 *IEEE Trans. Instrum. Meas.* **56** 1300
- [6] Hossain M M, Lu G, Sun D, Yan Y 2013 *Meas. Sci. Technol.* **24** 074010
- [7] Lu Y G, Wang S M, Zhu Z, Lu Y, Xu Y Q 2000 *Acta Opt. Sin.* **20** 570 (in Chinese) [陆永刚, 王式民, 朱震, 徐益谦 2000 光学学报 **20** 570]
- [8] Zhu H, Wang Q, Yu J Y 2017 *Front. Inf. Technol. Electron. Eng.* **18** 1236
- [9] Apelt F, Breuer D, Nikoloski Z, Stitt M, Kragler F 2015 *Plant J.* **82** 693
- [10] Fu W X, Yan F, Chen K, Ren Z J 2015 *Appl. Opt.* **54** 6237
- [11] Kazemzadeh F, Jin C, Molladavoodi S, Mei Y, Emelko M B, Gorbet M B, Wong A 2015 *Opt. Lett.* **40** 3862
- [12] Xiao X G, Wang Z H, Sun C D, Bai J G 2008 *Acta Photonica Sin.* **37** 2539 (in Chinese) [肖相国, 王忠厚, 孙传东, 白加光 2008 光学学报 **37** 2539]
- [13] Su L J, Zhou Z L, Yuan Y, Hu L, Zhang S Y 2015 *Optik* **126** 877
- [14] Tian L, Waller L 2015 *Optica* **2** 104
- [15] Fahringer T W, Lynch K P, Thurow B S 2015 *Meas. Sci. Technol.* **26** 115201
- [16] Horstmeyer R, Euliss G, Athale R 2009 *IEEE International Conference on Computational Photography (ICCP)* San Francisco, CA USA, April 16–17, 2009 p1
- [17] Prevedel R, Yoon Y G, Hoffmann M, Pak N, Wetzstein G, Kato S, Schrödel T, Raskar R, Zimmer M, Boyden E S, Vaziri A 2014 *Nat. Methods* **11** 727
- [18] Nie Y F, Xiang L B, Zhou Z L 2011 *J. Grad. Univ. Chin. Acad. Sci.* **28** 563 (in Chinese) [聂云峰, 相里斌, 周志良 2011 中国科学院大学学报 **28** 563]
- [19] Zhou Z L 2012 *Ph. D. Dissertation*(Hefei: University of Science and Technology of China) (in Chinese) [周志良 2012 博士学位论文(合肥: 中国科学技术大学)]
- [20] Yuan Y, Liu B, Li S, Tan H P 2016 *Int. J. Heat Mass Tran.* **102** 518
- [21] Li T J, Li S, Yuan Y, Liu Y D, Xu C L, Shuai Y, Tan H P 2017 *Opt. Express* **25** 8274
- [22] Sun J, Xu C L, Zhang B, Hossain M M, Wang S M, Qi H, Tan H P 2016 *Opt. Express* **24** 1118
- [23] Xu C L, Zhao W C, Hu J H, Zhang B, Wang S M 2017 *Fuel* **196** 550
- [24] Sun J, Hossain M M, Xu C L, Zhang B, Wang S M 2017 *Opt. Commun.* **390** 7
- [25] Sun J, Hossain M M, Xu C L, Zhang B 2018 *Int. J. Heat Mass Transfer* **121** 1281
- [26] Zhao W C, Zhang B, Xu C L, Duan L B, Wang S M 2017 *IEEE Sens. J.* **18** 528
- [27] Adelson E H, Wang J Y 1992 *IEEE Trans. Pattern Anal. Mach. Intell.* **14** 99
- [28] Cheng W S, Zhao J, Cai H G 2008 *Opt. Precis. Eng.* **16** 314 (in Chinese) [程万胜, 赵杰, 蔡鹤皋 2008 光学精密工程 **16** 314]
- [29] Sun J 2018 *Ph. D. Dissertation* (Nanjing: Southeast University) (in Chinese) [孙俊 2018 博士学位论文(南京: 东南大学)]
- [30] Sun J Y 2018 *M. S. Thesis Dissertation* (Nanjing: Southeast University) (in Chinese) [孙俊阳 2018 硕士学位论文(南京: 东南大学)]
- [31] Yang W, Liu S X, Feng Y Q 2008 *Geophys. Geochem. Explor.* **32** 199 (in Chinese) [杨薇, 刘四新, 冯彦谦 2008 物探与化探 **32** 199]
- [32] Meng X N 2012 *M. S. Thesis* (Chengdu: Chengdu University of Technology) (in Chinese) [孟祥宁 2012 硕士学位论文(成都: 成都理工大学)]
- [33] Meng X N, Zhong Z, Wang Y F 2012 *Sci. Technol. of West Chin.* **11** 33 (in Chinese) [孟祥宁, 钟峙, 王玉凤 2012 中国西部科技 **11** 33]
- [34] Chen B, Pan B 2018 *Exp. Mech.* **58** 831
- [35] Zhou P, Zhang Y T, Yu Y L, Cai W J, Zhou G Q 2020 *Math. Biosci. Eng.* **17** 654
- [36] Niu C Y 2016 *Ph. D. Dissertation* (Harbin: Harbin Institute of Technology) (in Chinese) [牛春洋 2016 博士学位论文(哈尔滨: 哈尔滨工业大学)]

# Flame 3D temperature field reconstruction based on Damped LSQR-LMBC\*

Shan Liang<sup>1)</sup> Zhao Teng-Fei<sup>1)</sup> Huang Hui-Yun<sup>1)</sup> Hong Bo<sup>1)</sup> Kong Ming<sup>2)†</sup>

1) (*Key Laboratory of Electromagnetic Wave Information Technology and Metrology of Zhejiang Province, College of Information Engineering, China Jiliang University, Hangzhou 310018, China*)

2) (*College of Metrology & Measurement Engineering, China Jiliang University, Hangzhou 310018, China*)

( Received 2 August 2021; revised manuscript received 9 September 2021 )

## Abstract

Light field camera can solve the problems of complex optical path and difficult synchronous trigger of radiation temperature measurement multi camera system, which has some unique advantages in three-dimensional temperature reconstruction of radiation imaging. The LSQR is a classical algorithm for solving the least square problem based on large sparse matrix. When the algorithm is used to reconstruct three-dimensional temperature field, it depends on the initial value of temperature, and the reconstruction accuracy is not ideal when the signal-to-noise ratio is low. In this paper, a damped LSQR-LMBC reconstruction algorithm is proposed. By adding a damped regularization term into the LSQR method, the anti noise performance of flame three-dimensional temperature field reconstruction is improved. By combining the LMBC algorithm, the absorption coefficient and three-dimensional temperature field are solved at the same time. In the numerical simulation part, with the gradual reduction of signal-to-noise ratio, the reconstruction effect of Damped LSQR turns more stable than LSQR. When the signal-to-noise ratio reaches 13.86 dB, the reconstruction accuracy is improved by about 30%. The average reconstruction error of damped LSQR-LMBC is 6.63%. The three-dimensional temperature field distribution of butane flame is consistent with the characteristic of radiation flame combustion. Compared with the temperature measurement data of thermocouple, the relative error is about 6.8%.

**Keywords:** light field camera, flame, 3 D temperature field, damped LSQR-LMBC reconstruction algorithm

**PACS:** 07.20.Dt, 44.40.+a, 42.30.-d

**DOI:** 10.7498/aps.71.20211421

---

\* Project supported by the National Natural Science Foundation of China (Grant Nos. 51874264, 52076200).

† Corresponding author. E-mail: [mkong@cjl.u.edu.cn](mailto:mkong@cjl.u.edu.cn)