

随机两体耗散诱导的非厄米多体局域化*

刘敬鹄¹⁾ 徐志浩^{1)2)†}

1) (山西大学理论物理研究所, 量子光学与光量子器件国家重点实验室, 太原 030006)

2) (山西大学极端光学协同创新中心, 太原 030006)

(2023年12月19日收到; 2024年1月11日收到修改稿)

本文数值研究了在一维非厄米的硬核玻色模型中由随机两体耗散诱导的非厄米多体局域化现象. 随着无序强度的增强, 系统的能谱统计分布从 AI^\dagger 对称类向二维泊松系过渡, 多体本征态的归一化参与率展示了从有限值到接近零的转变, 半链纠缠熵从体积律到面积律的转变, 动力学半链纠缠熵表现为从线性增长到对数增长. 数值结果表明, 在该模型中由随机两体耗散诱导的非厄米多体局域化现象的鲁棒性. 该研究结果为非厄米系统中多体局域化的研究提供了新的视角.

关键词: 无序, 非厄米, 随机矩阵理论, 多体局域化**PACS:** 72.80.Ng, 72.15.Rn, 03.65.Vf**DOI:** 10.7498/aps.73.20231987

1 引言

多体局域化揭示了多体无序系统中存在稳定的局域态, 彻底改变了人们对量子系统的理解^[1-11]. 作为安德森局域化^[12,13]的重要延伸, 多体局域化提供了量子多体系统保持非热平衡态的例子^[14-18], 它可以由许多序参量来表征. 例如, 呈泊松分布的能级统计分布^[19,20]、随时间对数增长的纠缠熵^[21,22]、本征态纠缠熵的面积定律^[23,24]、有限的非平衡占据数^[25,26]、可积性的出现^[27,28]等. 因为其在量子存储和可控动力学等领域存在潜在的应用前景, 在实验和理论方面引起了广泛的关注^[25,29-33]. 目前, 已经在很多平台上实现了多体局域相关的实验, 包括超冷原子^[29,30]、离子阱^[32]和超导电路^[25,33]等.

传统的量子力学是基于厄米性的假设, 即厄米算符代表物理可观测量. 这个假设保证了这些算符的本征值是实数, 相应的本征矢满足正交归一性^[34,35].

然而, 近年来, 理论和实验的研究已从厄米系统推广到非厄米系统, 并涌现出一系列新奇的非厄米现象及其应用, 如非厄米趋肤效应^[36,37]、边界依赖的能谱^[38]、体-边对应关系的失效^[39,40]和非布洛赫能带理论^[41-43]. 最近在非厄米系统中引入无序, 为局域化现象的研究开辟了新的视角. 最早由 Hatano 和 Nelson^[44-46]把在位无序势和非互易跃迁引入到单粒子格点模型中, 揭示了非互易会诱导出安德森局域化转变, 同时伴随着单粒子谱的实-复转变和拓扑相转变的独特现象. Hamazaki 等^[47]将这一问题扩展到了多体系统中, 在具有时间反演对称性的非互易晶格模型中存在非厄米多体局域化, 并且发现了局域化转变和谱的实-复转变一致. 另外在时间反演对称性破缺的非厄米无序和准周期系统也发现存在多体局域化现象^[48-50]. 非厄米效应可以在许多实验平台实现, 特别是最近通过可控的两体非弹性散射, 在玻色哈伯德模型中实现了复相互作用^[51,52]. Wang 等^[53]讨论了利用光学 Feshbach 共

* 国家自然科学基金 (批准号: 12375016)、山西省基础研究计划 (批准号: 20210302123442)、北京凝聚态物理国家研究中心开放课题和山西“1331工程”重点学科建设计划资助的课题.

† 通信作者. E-mail: xuzhihao@sxu.edu.cn

振实现复散射长度的可行方案. 本文考虑一个具有随机两体耗散的一维非厄米的硬核玻色模型, 发现在强无序区域系统存在非厄米多体局域化现象. 该研究对理解非厄米多体局域化有重要意义.

2 理论模型

本文考虑一个具有随机两体耗散的硬核玻色子模型, 其哈密顿量为

$$\hat{H} = \sum_j^{L-1} \left[-J \left(\hat{b}_j^\dagger \hat{b}_{j+1} + \hat{b}_{j+1}^\dagger \hat{b}_j \right) + \frac{1}{2} (U - i\gamma_j) \hat{n}_j \hat{n}_{j+1} \right], \quad (1)$$

其中 \hat{b}_j^\dagger 表示格点 j 上的玻色子产生算符; $\hat{n}_j = \hat{b}_j^\dagger \hat{b}_j$ 是粒子数算符; J 是跃迁强度; L 是总格点数; U 是最近邻的相互作用强度; $\gamma_j = R_j + W/2$ 表示随机的两体的耗散强度, 其中 R_j 为 $[-W/2, W/2]$ 的随机数, W 表示无序强度. 由于在实验中无法实现两体增益过程, 所以引入 $W/2$ 项进行平移, 保证了非厄米系统耗散的特性, 即 $\gamma_j \in [0, W]$ 之间的随机数. 复的相互作用在冷原子系统中已经被实现^[51]. 通过控制 ^{174}Yb 原子光缔合诱导可控两体的耗散, 即非弹性散射, 实现具有复的相互作用的玻色模型. 文献^[53]中也讨论了利用光学 Feshbach 共振调节复散射长度从而诱导复的短程相互作用的可行方案.

本文考虑半填充的情况, 即总粒子数 $N = L/2$, 相应的希尔伯特空间维度为 $D = \binom{L}{L/2}$. 选取 J 为能量单位, 即 $J = 1$, 且 $U = 0.25$ 为例进行讨论. 本文中, 对于序参量的平均需要考虑两重平均, 标记为 $\overline{\langle \dots \rangle}$, 其中上横线表示无序的平均, 选取无序的样本数为 $N_{\text{sample}} = 1000$ ($L = 6, 8, 10$), $N_{\text{sample}} = 500$ ($L = 12$) 和 $N_{\text{sample}} = 100$ ($L = 14$), $\langle \dots \rangle$ 表示对能级的统计平均, 这里仅考虑能谱中心处 $1/5$ 范围内的能级.

3 数值结果

能谱统计行为作为研究多体局域化的主要手段之一被广泛应用. 厄米情况下, 随机矩阵理论^[3,54-57]指出, 当系统处于混沌或遍历相时, 能谱统计呈现高斯分布. 根据系统的对称性, 分为高斯酉系综

(Gaussian unitary ensemble, GUE)、高斯正交系综 (Gaussian orthogonal ensemble, GOE) 和高斯辛系综 (Gaussian symplectic ensemble, GSE), 分别对应于 A 对称类、AI 对称类和 AII 对称类的系统. 然而, 当系统处于可积或多体局域相时, 能谱的统计分布遵循泊松统计. 在非厄米情况下, 混沌或遍历相也存在 3 种普适类: A 对称类、AI[†] 对称类和 AII[†] 对称类^[58-60], 而可积或多体局域相的泊松统计推广为二维泊松统计.

为了研究非厄米系统复能谱的统计行为, 复平面上的最近邻能级间距定义为 $d_{1,i} = \min_j |E_i - E_j|$, 其中 E_i 是系统的本征能量^[58]. 由于不同系统具体性质不同, 导致局域平均密度存在差异, 使得直接对 $d_{1,i}$ 的统计并不具备普适性. 为了消除这种由局域平均密度差异带来的影响, 对 $d_{1,i}$ 进行重整化处理, 即 $s_i = d_{1,i} \sqrt{\tilde{\rho}_i}$, 其中 $\tilde{\rho}_i = \tilde{n}/(\pi d_{n,i}^2)$ 是局部平均密度, 要求 \tilde{n} 足够大且远小于 D , 这里选取 $\tilde{n} \approx 30$, 并且 $d_{n,i}$ 表示 E_i 和其第 n 级近邻能级的距离. 然后对能级间距 s_i 进行归一化, 其满足 $\int_0^\infty p(s) ds = 1$. 通过将分布函数 $p(s)$ 与相应对称类的非厄米随机矩阵进行对比, 可以直观地反映出非厄米多体局域化转变的发生. 根据非厄米系统的对称性分类, 哈密顿量 (1) 满足 $H = H^T$, 属于 AI[†] 对称类, 系统的统计行为可由相应的非厄米随机矩阵来刻画^[58-62]. 对于最简单的 A 对称类系统, 最近邻能级间距的统计分布遵循 Ginibre 酉系综 (Ginibre unitary ensemble) 分布:

$$p(s) = \lim_{N \rightarrow \infty} \left[\prod_{n=1}^{N-1} e_n(s^2) e^{-s^2} \right] \sum_{n=1}^{N-1} \frac{2s^{2n+1}}{n! e_n(s^2)},$$

$$e_n(x) = \sum_{m=0}^n \frac{x^m}{m!}, \quad c = \int_0^\infty sp(s) ds = 1.1429,$$

如图 1 中黑色虚线所示. 相比之下, AI[†] (AII[†]) 对称类的分布与 A 类不同, 即峰值低于 (高于) $P_A(s)$. 虽然目前对于任意尺寸的 AI[†] 和 AII[†] 对称类分布没有解析表达式, 而小尺寸情况下 AI[†] 对称类具有确定的表达式^[58]:

$$P_{\text{AI}^\dagger}^\dagger(s) = 2C_2^4 s^3 \text{K}_0(C_2^2 s^2), \quad (2)$$

其中 $\text{K}_\nu(x) = \int_0^\infty dz e^{-x \cosh z} \cosh(\nu z)$ 是修正的贝塞尔函数, $C_2 = \frac{1}{8\sqrt{2}} \Gamma\left(\frac{1}{4}\right)^2 = 1.16187\dots$ 是一个常数, 如图 1 中红实线所示, Γ 表示伽玛函数.

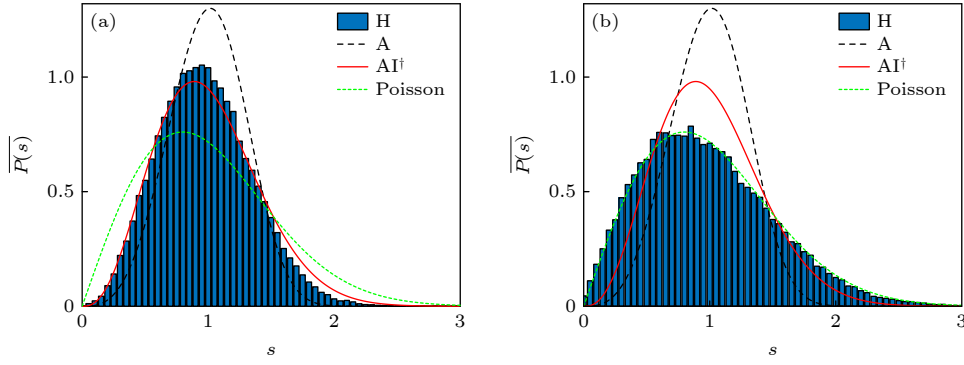


图 1 当 $L = 14$ 时, 哈密顿量 (1) 式平均的最近邻能级间距 s 的统计分布 (a) $W = 2$; (b) $W = 20$. 黑色虚线、红色实线和绿色点线分别表示 A, AI^\dagger 类和二维泊松分布

Fig. 1. Mean unfolded nearest-level-spacing distributions of the Hamiltonian Eq. (1) with $L = 14$: (a) $W = 2$; (b) $W = 20$. Black dash, red solid, and green dotted lines represent A, AI^\dagger classes, and two dimensional (2D)-Poisson distributions, respectively.

当无序强度 $W = 2$ 时, 平均的最近邻能级间距 s 的分布满足 AI^\dagger 对称类 (图 1(a)). 当无序强度 $W = 20$ 时, 其与二维泊松分布 (绿色点线) 一致 (图 1(b)). 二维泊松分布数学形式如下:

$$P_{\text{Pois}}(s) = \frac{\pi s}{2} \exp(-\pi s^2/4). \quad (3)$$

本文对能谱的统计考虑能谱中心 $1/5$ 的范围内的能级. 图 1 的结果表明, 在强随机两体耗散时, 系统进入非厄米多体局域相.

为了进一步验证非厄米多体局域化的转变, 可计算复能级差比率 (complex spacing ratio, CSR), 其定义为 [59,60,63,64]

$$\xi_i = \frac{E_i^{NN} - E_i}{E_i^{NNN} - E_i} = r_i e^{i\theta_i}, \quad (4)$$

其中 E_i^{NN} 和 E_i^{NNN} 分别表示在复平面上距离能级 E_i 的最近邻和次近邻能级的能量, r_i 和 θ_i 是径向强度和相应的幅角. 这里 (4) 式中 E_i 选取能谱中间的 $1/5$ 范围的能级. 任意能级 E_i 对应的径向强度和相应的幅角分别满足 $r_i \in [0, 1]$, $\theta_i \in (-\pi, \pi]$. 通过分布函数 $\mathcal{P}(r)$ 和 $\mathcal{P}(\theta)$ 可以检测多体局域化转变. 图 2 展示了 $L = 14$ 时, 对于不同的无序强度 W 下 $\overline{\mathcal{P}(r)}$ 和 $\overline{\mathcal{P}(\theta)}$ 的分布. 当 $W = 2$ 时, 系统处于遍历相, CSR 遵循 AI^\dagger 对称类系综分布. 此时系统的能级表现是互相排斥的, $\overline{\mathcal{P}(r)}$ 在较小的 r 处几乎为零 (图 2(a)), 并且 $\overline{\mathcal{P}(\theta)}$ 呈现不均匀性的分布 (图 2(b)). 图 2(c) 和图 2(d) 展示当 $W = 20$ 时, 系统处于非厄米多体局域相, CSR 遵循二维泊松分布. 由于在多体局域相中能级 ξ_i 的均匀分布, 相应的 $\overline{\mathcal{P}(r)}$ 展现了线性的特点, 而 $\overline{\mathcal{P}(\theta)}$ 均匀分布. 图 2(a)—(d) 中的红色实线是通过统计相应的对称

类随机矩阵 (1000×1000) 得到的结果, 其无序次数选取 1000 次. 由此可见, 随着无序的增强, 系统发生非厄米遍历相到多体局域相的转变.

为了更加直观地描述非厄米多体局域化转变, 可以用单值 $\overline{\langle r \rangle}$ 和 $-\overline{\langle \cos \theta \rangle}$ 来标记, 其中

$$\langle r \rangle = \int_0^1 dr r \mathcal{P}(r), \quad -\langle \cos \theta \rangle = -\int_{-\pi}^{\pi} d\theta \cos \theta \mathcal{P}(\theta).$$

图 2(e), (f) 分别展示了不同尺寸 ($L = 12, 14$) 下 $\overline{\langle r \rangle}$ 和 $-\overline{\langle \cos \theta \rangle}$ 随无序强度的变化情况. 随无序的增强, CSR 展示了从 AI^\dagger 对称类统计分布到二维泊松分布的转变 [64], 即 $\overline{\langle r \rangle}$ 和 $-\overline{\langle \cos \theta \rangle}$ 在弱无序时, 趋向于 AI^\dagger 对称类统计的极限值 $\overline{\langle r \rangle} \rightarrow \overline{\langle r \rangle}_{\text{AI}^\dagger} \approx 0.722$, $-\overline{\langle \cos \theta \rangle} \rightarrow -\overline{\langle \cos \theta \rangle}_{\text{AI}^\dagger} \approx 0.193$, 在强无序时, 趋向二维泊松分布统计的极限值 $\overline{\langle r \rangle} \rightarrow \overline{\langle r \rangle}_{\text{Pois}} = 2/3$, $-\overline{\langle \cos \theta \rangle} \rightarrow -\overline{\langle \cos \theta \rangle}_{\text{Pois}} = 0$. 以上能谱的数值结果也验证了相同的对称类的非厄米随机矩阵和非厄米无序系统统计行为的一一对应关系 [63-65].

归一化的参与率 (normalized participation ratio, NPR) 也可以用来衡量多体局域化的发生, 其定义为 [66]

$$\eta = \frac{1}{\sum_{\{n_j\}} |\langle n_1, n_2, \dots, n_L | \psi_i \rangle|^4 D}, \quad (5)$$

其中 $|\psi_i\rangle$ 是本征值 E_i 对应的本征态, $|n_1, n_2, \dots, n_L\rangle$ 表示在粒子数表象中的 Fock 基矢. 在热力学极限下, 如果本征态是遍历态, η 为有限值. 如果本征态是多体局域态, 则 η 趋近于 0. 为了便于讨论, 这里考虑一次无序构型下, 系统所有本征态的 η , 并且把系统的本征能量进行重整化处理:

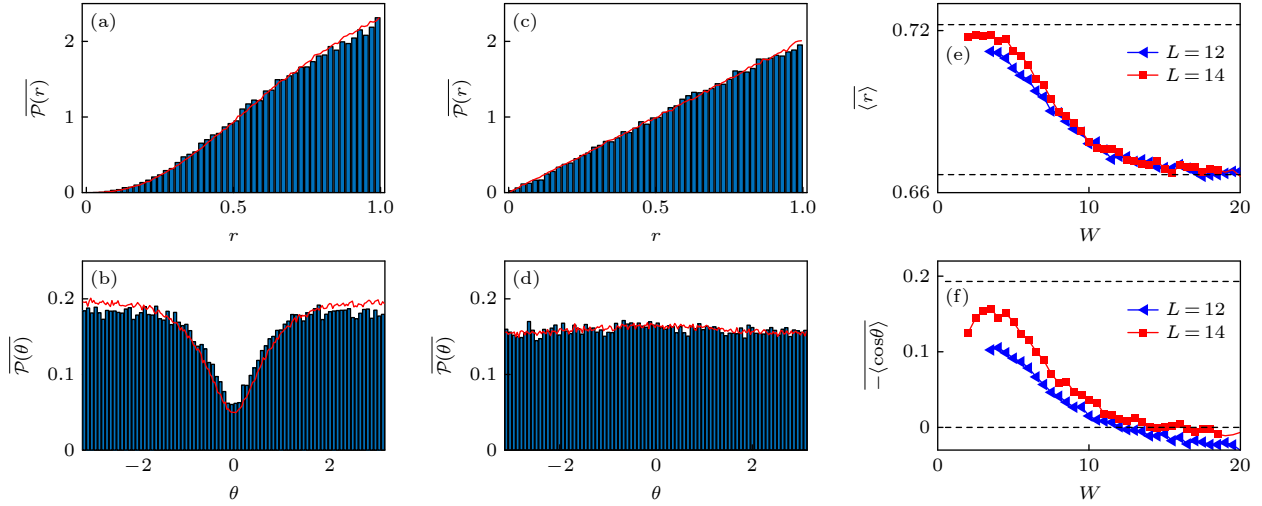


图 2 当 $L = 14$ 时, 平均的径向强度分布 $\overline{\mathcal{P}(r)}$ 和相应的幅角分布 $\overline{\mathcal{P}(\theta)}$ (a), (b) $W = 2$; (c), (d) $W = 20$. 红色实线是通过统计对应的随机矩阵 (1000×1000) 的结果, 其无序次数选取为 1000. (e), (f) 径向强度的平均值 $\overline{\langle r \rangle}$ 和相应的幅角的平均值 $-\overline{\langle \cos \theta \rangle}$ 随无序强度变化曲线. 上 (下) 虚线对应于 AI^\dagger 对称类 (2D-Poisson) 统计极限值, $\overline{\langle r \rangle}_{\text{AI}^\dagger} \approx 0.722$, $-\overline{\langle \cos \theta \rangle}_{\text{AI}^\dagger} \approx 0.193$ ($\overline{\langle r \rangle}_{\text{Pois}} = 2/3$, $-\overline{\langle \cos \theta \rangle}_{\text{Pois}} = 0$)

Fig. 2. (a), (b) Mean marginal distributions $\overline{\mathcal{P}(r)}$ and $\overline{\mathcal{P}(\theta)}$ with $W = 2$ for the complex energy spectrum for $L = 14$; (c), (d) the marginal distributions $\overline{\mathcal{P}(r)}$ and $\overline{\mathcal{P}(\theta)}$ with $W = 20$ for the complex energy spectrum. The red solid lines are obtained by calculating $\overline{\mathcal{P}(r)}$ and $\overline{\mathcal{P}(\theta)}$ of the 1000×1000 random matrices with the corresponding random matrix ensembles averaged 1000 realizations. (e), (f) The averages $\overline{\langle r \rangle}$ and $-\overline{\langle \cos \theta \rangle}$ as a function of the disorder strength W . The upper (lower) dash line corresponds to the AI^\dagger symmetry class (2D-Poisson) expectation, $\overline{\langle r \rangle}_{\text{AI}^\dagger} \approx 0.722$, $-\overline{\langle \cos \theta \rangle}_{\text{AI}^\dagger} \approx 0.193$ ($\overline{\langle r \rangle}_{\text{Pois}} = 2/3$, $-\overline{\langle \cos \theta \rangle}_{\text{Pois}} = 0$).

$$\varepsilon_i = \frac{\text{Re}E_i - \text{Re}E_{\min}^R}{|\text{Re}E_{\max}^R - \text{Re}E_{\min}^R|} + i \frac{\text{Im}E_{\max}^I - \text{Im}E_i}{|\text{Im}E_{\max}^I - \text{Im}E_{\min}^I|}, \quad (6)$$

其中 E_{\min}^R (E_{\min}^I) 和 E_{\max}^R (E_{\max}^I) 分别表示实部 (虚部) 最小和最大的本征值. 当 $W = 2$ 时, 如图 3(a) 所示, 大部分的本征态聚集在能谱的中心 (红点) 附近, 并且对应的 η 是有限值. 而在强无序极限下 ($W = 20$, 图 3(c)), 几乎所有的 $\eta \rightarrow 0$. 对归一化的参与率进行直方统计, 结果表明, 对于弱无序的情况 (图 3(b)), 有限大小的 η 占主导, 表明此时系统处在遍历相. 而在强无序时 ($W = 20$), 如图 3(d) 所示, 接近 0 的 η 占主导, 表明此时系统处于多体局域相.

此外, 还计算了多体本征态的半链纠缠熵 (half-chain entanglement entropy), 定义为 $S = -\text{Tr}[\rho_{L/2} \ln \rho_{L/2}] = -\sum_m \lambda_m \ln \lambda_m$, 其中, λ_m 是约化密度矩阵 $\rho_{L/2}$ 的第 m 个本征值. $\rho_{L/2}$ 可以通过对系统半链的自由度求迹获得, 即 $\rho_{L/2} = \text{Tr}_{L/2} [|\psi_i\rangle \langle \psi_i|]$. 图 4(a) 展示了不同的系统尺寸 ($L = 10, 12, 14$) 下平均的半链纠缠熵 $\overline{\langle S \rangle}$ 随无序强度的变化. 在弱无序时, 系统尺寸越大, $\overline{\langle S \rangle}$ 越大. 随无序强度增强, 不同尺寸的 $\overline{\langle S \rangle}$ 均减小, 最终趋于重合. 该结果表明, 在弱无序时, $\overline{\langle S \rangle}$ 正比于系统

尺寸, 而强无序情况下, 其对系统的尺寸变化不敏感. 平均的半链纠缠熵展现了从体积律到面积律的转变行为.

平均的半链纠缠熵的动力学演化也可以表征系统多体局域化的发生, 其定义为

$$\overline{S(t)} = -\overline{\text{Tr}[\rho_{L/2}(t) \ln \rho_{L/2}(t)]}, \quad (7)$$

其中 $\rho_{L/2}(t) = \text{Tr}_{L/2} [|\psi(t)\rangle \langle \psi(t)|]$ 是 t 时刻半链的约化密度矩阵. 这里的 $|\psi(t)\rangle$ 是任意时刻的波函数, 其表示为

$$|\psi(t)\rangle = \frac{1}{\mathcal{N}(t)} e^{-iHt} |\psi(0)\rangle, \quad (8)$$

其中, $|\psi(0)\rangle = |1010\dots\rangle$ 是初态, 归一化系数为 $\mathcal{N}(t) = \sqrt{\langle \psi(0) | e^{iH^\dagger t} e^{-iHt} | \psi(0) \rangle}$.

图 4(b) 展示了不同的无序强度 W 下系统的半链纠缠熵 $\overline{S(t)}$ 随时间的演化. 在短时极限, 当系统处于遍历相 ($W = 2$) 时, $\overline{S(t)}$ 随时间线性增长, 而当系统处于非厄米多体局域相 ($W = 20$) 时, $\overline{S(t)}$ 随时间呈对数增长. 通过短时下动力学纠缠熵的增长行为可以明确地区分遍历相和多体局域相 [67]. 而长时间极限下的演化行为是由系统的稳态所决定的, 在 $t \geq 10^2$ 时, $W = 2$ 和 20 的半链

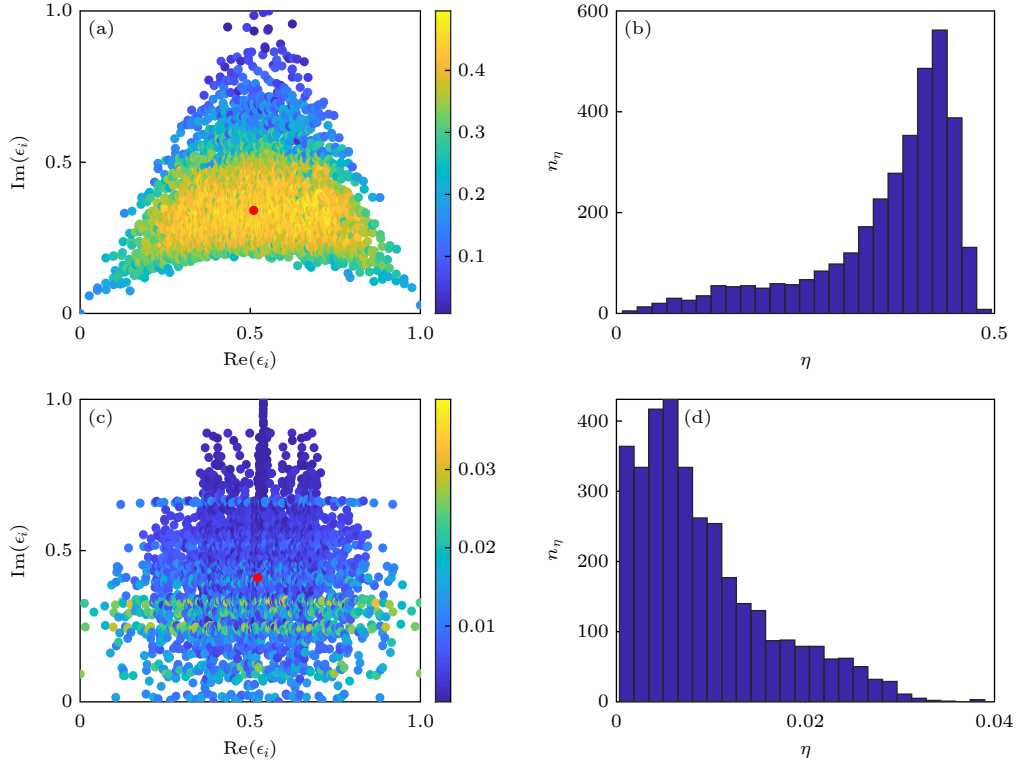


图 3 当 $L = 14$ 时, 在复平面上, 系统所有本征态的 η 随重整后能谱 ε_i 的分布情况 (红点表示能谱的中心) (a) $W = 2$; (c) $W = 20$. 归一化的参与率 η 统计直方图 (b) $W = 2$; (d) $W = 20$

Fig. 3. Distribution of η for all eigenstates versus the rescaled spectrum ε_i with $L = 14$ (Red dots represent the center of the energy spectrum): (a) $W = 2$; (c) $W = 20$. Histogram of the normalized participation ratio η : (b) $W = 2$; (d) $W = 20$.

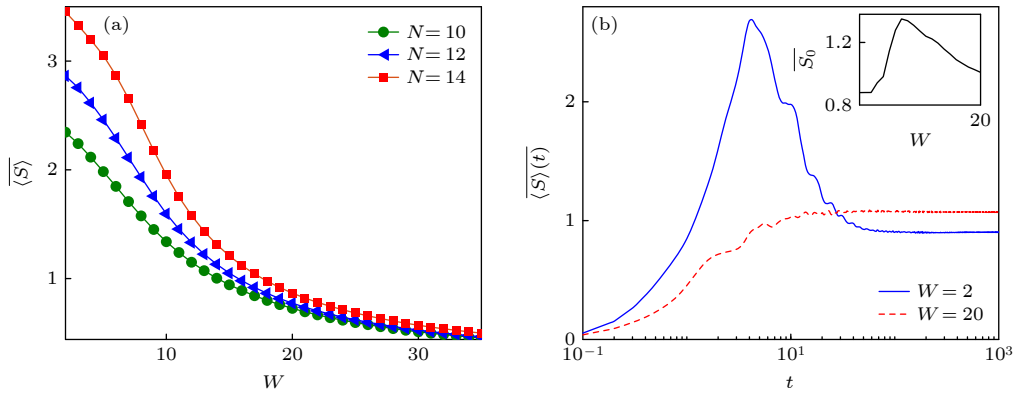


图 4 (a) 不同尺寸下, 平均半链纠缠熵 \overline{S} 随无序强度的变化; (b) 当 $L = 14$ 时, 不同无序强度 W 对应的 $\overline{S}(t)$ 随时间的演化. 初态为 $|\psi_0\rangle = |1010\dots\rangle$. 插图展示了平均稳态熵 \overline{S}_0 随无序强度的变化

Fig. 4. (a) Mean half-chain entanglement entropy \overline{S} as a function of the disorder strength W for different L ; (b) the dynamics of the mean half-chain entanglement entropy $\overline{S}(t)$ for different W with $L = 14$. The initial state is taken as $|\psi_0\rangle = |1010\dots\rangle$. The inset displays the mean steady-state entanglement entropy \overline{S}_0 as a function of W .

纠缠熵分别趋向于稳定值, 即 $\lim_{t \rightarrow \infty} \overline{S}(t) \approx 0.90$ 和 1.07. 此时 $W = 2$ 的稳定值小于 $W = 20$ 的稳定值. 图 4(b) 的插图展示了平均的稳态纠缠熵 \overline{S}_0 随无序强度的变化. 系统的 \overline{S}_0 随无序强度增强而增加, 在 $W \approx 8$ 时达到极大值, 进一步增大 W 平均的稳态纠缠熵相应地减小. 通过比较 \overline{S}_0 和平均半

链纠缠熵的稳定值, 发现它们趋于一致.

4 总结

本文研究了随机两体耗散诱导非厄米多体局域化现象. 在弱无序时, 系统处在遍历相, 能谱统计满足 AI^\dagger 对称类分布, 与系统所满足的对称类一

致,而在强无序情况下,系统处在多体局域相,其能谱统计满足二维泊松分布.通过计算归一化的参与率,发现在遍历相中,大部分本征态的归一化的参与率是有限值,而在多体局域相中,大部分归一化的参与率接近于零,并且系统平均的半链纠缠熵随无序的增强从体积律到面积律转变.短时下动力学半链纠缠熵的线性和对数增长的演化行为,进一步验证了系统遍历相和非厄米多体局域相的存在.长时极限下,动力学半链纠缠熵趋向于系统稳态的半链纠缠熵.本文的研究为非厄米系统多体局域化现象的研究提供了参考.

参考文献

- [1] Basko D M, Aleiner I L, Altshuler B L 2006 *Ann. Phys.* **321** 1126
- [2] Laumann C R, Pal A, Scardicchio A 2014 *Phys. Rev. Lett.* **113** 200405
- [3] Nandkishore R, Huse D A 2015 *Annu. Rev. Condens. Matter Phys.* **6** 15
- [4] Kjäll J A, Bardarson J H, Pollmann F 2014 *Phys. Rev. Lett.* **113** 107204
- [5] Bera S, Schomerus H, Heidrich-Meisner F, Bardarson J H 2015 *Phys. Rev. Lett.* **115** 046603
- [6] Rademaker L, Ortuño M 2016 *Phys. Rev. Lett.* **116** 010404
- [7] Khemani V, Sheng D N, Huse D A 2017 *Phys. Rev. Lett.* **119** 075702
- [8] Macé N, Alet F, Laflorencie N 2019 *Phys. Rev. Lett.* **123** 180601
- [9] Bar Lev Y, Cohen G, Reichman D R 2015 *Phys. Rev. Lett.* **114** 100601
- [10] Bairey E, Refael G, Lindner N H 2017 *Phys. Rev. B* **96** 020201
- [11] Decker K S C, Karrasch C, Eisert J, Kennes D M 2020 *Phys. Rev. Lett.* **124** 190601
- [12] Giamarchi T, Schulz H J 1988 *Phys. Rev. B* **37** 325
- [13] De Luca A, Altshuler B L, Kravtsov V E, Scardicchio A 2014 *Phys. Rev. Lett.* **113** 046806
- [14] Deutsch J M 2018 *Rep. Prog. Phys.* **81** 082001
- [15] De Luca A, Scardicchio A 2013 *EPL* **101** 37003
- [16] Bar Lev Y, Reichman D R 2014 *Phys. Rev. B* **89** 220201
- [17] Luitz D J, Laflorencie N, Alet F 2016 *Phys. Rev. B* **93** 060201
- [18] Abanin D A, Altman E, Bloch I, Serbyn M 2019 *Rev. Mod. Phys.* **91** 021001
- [19] Guhr T, Müller-Groeling A, Weidenmüller H A 1998 *Phys. Rep.* **299** 189
- [20] Atas Y Y, Bogomolny E, Giraud O, Roux G 2013 *Phys. Rev. Lett.* **110** 084101
- [21] Bardarson J H, Pollmann F, Moore J E 2012 *Phys. Rev. Lett.* **109** 017202
- [22] Serbyn M, Papić Z, Abanin D A 2013 *Phys. Rev. Lett.* **110** 260601
- [23] Bauer B, Nayak C 2013 *J. Stat. Mech.* **2013** P09005
- [24] Serbyn M, Michailidis A A, Abanin D A, Papić Z 2016 *Phys. Rev. Lett.* **117** 160601
- [25] Guo Q, Cheng C, Sun Z H, et al. 2021 *Nat. Phys.* **17** 234
- [26] Guo Q, Cheng C, Li H, et al. 2021 *Phys. Rev. Lett.* **127** 240502
- [27] Ros V, Müller M, Scardicchio A 2015 *Nucl. Phys. B* **891** 420
- [28] Bertoni C, Eisert J, Kshetrimayum A, Nietner A, Thomson S J 2023 *arXiv: 2208.14432 v4 [cond-mat.dis-nn]*
- [29] Schreiber M, Hodgman S S, Bordia P, Lüschen H P, Fischer M H, Vosk R, Altman E, Schneider U, Bloch I 2015 *Science* **349** 842
- [30] Bordia P, Lüschen H P, Hodgman S S, Schreiber M, Bloch I, Schneider U 2016 *Phys. Rev. Lett.* **116** 140401
- [31] Kohler T, Scherg S, Li X, Lüschen H P, Das Sarma S, Bloch I, Aidelburger M 2019 *Phys. Rev. Lett.* **122** 170403
- [32] Smith J, Lee A, Richerme P, Neyenhuis B, Hess P W, Hauke P, Heyl M, Huse D A, Monroe C 2016 *Nat. Phys.* **12** 907
- [33] Roushan P, Neill C, Tangpanitanon J, et al. 2017 *Science* **358** 1175
- [34] Bender C M 2007 *Rep. Prog. Phys.* **70** 947
- [35] Ashida Y, Gong Z, Ueda M 2020 *Adv. Phys.* **69** 249
- [36] Zhang K, Yang Z, Fang C 2020 *Phys. Rev. Lett.* **125** 126402
- [37] Zhang K, Yang Z, Fang C 2022 *Nat. Commun.* **13** 2496
- [38] Ou Z, Wang Y, Li L 2023 *Phys. Rev. B* **107** L161404
- [39] Yao S, Wang Z 2018 *Phys. Rev. Lett.* **121** 086803
- [40] Borgnia D S, Kruchkov A J, Slager R J 2020 *Phys. Rev. Lett.* **124** 056802
- [41] Yokomizo K, Murakami S 2019 *Phys. Rev. Lett.* **123** 066404
- [42] Wang Y C, You J S, Jen H H 2022 *Nat. Commun.* **13** 4598
- [43] Xu Z, Chen S 2020 *Phys. Rev. B* **102** 035153
- [44] Hatano N, Nelson D R 1996 *Phys. Rev. Lett.* **77** 570
- [45] Hatano N, Nelson D R 1997 *Phys. Rev. B* **56** 8651
- [46] Hatano N, Nelson D R 1998 *Phys. Rev. B* **58** 8384
- [47] Hamazaki R, Kawabata K, Ueda M 2019 *Phys. Rev. Lett.* **123** 090603
- [48] Tang L Z, Zhang G Q, Zhang L F, Zhang D W 2021 *Phys. Rev. A* **103** 033325
- [49] Zhai L J, Yin S, Huang G Y 2020 *Phys. Rev. B* **102** 064206
- [50] Gong Z, Ashida Y, Kawabata K, Takasan K, Higashikawa S, Ueda M 2018 *Phys. Rev. X* **8** 031079
- [51] Tomita T, Nakajima S, Danshita I, Takasu Y, Takahashi Y 2017 *Sci. Adv.* **3** e1701513
- [52] Sponselee K, Freystatzky L, Abeln B, et al. 2018 *Quantum Sci. Technol.* **4** 014002
- [53] Wang C, Liu C, Shi Z Y 2022 *Phys. Rev. Lett.* **129** 203401
- [54] Berry M V, Tabor M 1977 *Proc. R. Soc. London, Ser. A* **256** 375
- [55] Bohigas O, Giannoni M J, Schmit C 1984 *Phys. Rev. Lett.* **52** 1
- [56] Casati G, Valz-Gris F, Guarneri I 1980 *Lett. Nuovo Cimento* **28** 279
- [57] Rigol M, Dunjko V, Olshanii M 2008 *Nature* **452** 854
- [58] Hamazaki R, Kawabata K, Kura N, Ueda M 2020 *Phys. Rev. Res.* **2** 023286
- [59] Sá L, Ribeiro P, Prosen T 2020 *Phys. Rev. X* **10** 021019
- [60] García-García A M, Sá L, Verbaarschot J J M 2022 *Phys. Rev. X* **12** 021040
- [61] Ginibre J 1965 *J. Math. Phys.* **6** 440
- [62] Peron T, De Resende B M F, Rodrigues F A, Costa L D F, Méndez-Bermúdez J A 2020 *Phys. Rev. E* **102** 062305
- [63] Liu J, Xu Z 2023 *Phys. Rev. B* **108** 184205
- [64] Oganesyan V, Huse D A 2007 *Phys. Rev. B* **75** 155111
- [65] Ghosh S, Gupta S, Kulkarni M 2022 *Phys. Rev. B* **106** 134202
- [66] Li X, Ganeshan S, Pixley J H, Das Sarma S 2015 *Phys. Rev. Lett.* **115** 186601
- [67] Suthar K, Wang Y C, Huang Y P, Jen H H, You J S 2022 *Phys. Rev. B* **106** 064208

Random two-body dissipation induced non-Hermitian many-body localization*

Liu Jing-Hu¹⁾ Xu Zhi-Hao^{1)2)†}

1) (*State Key Laboratory of Quantum Optics and Quantum Optics Devices, Institute of Theoretical Physics, Shanxi University, Taiyuan 030006, China*)

2) (*Collaborative Innovation Center of Extreme Optics, Shanxi University, Taiyuan 030006, China*)

(Received 19 December 2023; revised manuscript received 11 January 2024)

Abstract

Recent researches on disorder-driven many-body localization (MBL) in non-Hermitian quantum systems have aroused great interest. In this work, we investigate the non-Hermitian MBL in a one-dimensional hard-core Bose model induced by random two-body dissipation, which is described by

$$\hat{H} = \sum_j^{L-1} \left[-J \left(\hat{b}_j^\dagger \hat{b}_{j+1} + \hat{b}_{j+1}^\dagger \hat{b}_j \right) + \frac{1}{2} (U - i\gamma_j) \hat{n}_j \hat{n}_{j+1} \right],$$

with the random two-body loss $\gamma_j \in [0, W]$. By the level statistics, the system undergoes a transition from the AI^\dagger symmetry class to a two-dimensional Poisson ensemble with the increase of disorder strength. This transition is accompanied by the changing of the average magnitude (argument) $\overline{\langle r \rangle}$ ($-\overline{\langle \cos \theta \rangle}$) of the complex spacing ratio, shifting from approximately 0.722 (0.193) to about 2/3 (0). The normalized participation ratios of the majority of eigenstates exhibit finite values in the ergodic phase, gradually approaching zero in the non-Hermitian MBL phase, which quantifies the degree of localization for the eigenstates. For weak disorder, one can see that average half-chain entanglement entropy $\overline{\langle S \rangle}$ follows a volume law in the ergodic phase. However, it decreases to a constant independent of L in the deep non-Hermitian MBL phase, adhering to an area law. These results indicate that the ergodic phase and non-Hermitian MBL phase can be distinguished by the half-chain entanglement entropy, even in non-Hermitian system, which is similar to the scenario in Hermitian system. Finally, for a short time, the dynamic evolution of the entanglement entropy exhibits linear growth with the weak disorder. In strong disorder case, the short-time evolution of $\overline{S(t)}$ shows logarithmic growth. However, when $t \geq 10^2$, $\overline{S(t)}$ can stabilize and tend to the steady-state half-chain entanglement entropy $\overline{S_0}$. The results of the dynamical evolution of $\overline{S(t)}$ imply that one can detect the occurrence of the non-Hermitian MBL by the short-time evolution of $\overline{S(t)}$, and the long-time behavior of $\overline{S(t)}$ signifies the steady-state information.

Keywords: disorder, non-Hermitian, random-matrix theory, many-body localization

PACS: 72.80.Ng, 72.15.Rn, 03.65.Vf

DOI: 10.7498/aps.73.20231987

* Project supported by the National Natural Science Foundation of China (Grant No. 12375016), the Fundamental Research Program of Shanxi Province, China (Grant No. 20210302123442), the Beijing National Laboratory for Condensed Matter Physics, China, and the Fund for Shanxi "1331Project" Key Subjects, China.

† Corresponding author. E-mail: xuzhihao@sxu.edu.cn



随机两体耗散诱导的非厄米多体局域化

刘敬鹤 徐志浩

Random two-body dissipation induced non-Hermitian many-body localization

Liu Jing-Hu Xu Zhi-Hao

引用信息 Citation: *Acta Physica Sinica*, 73, 077202 (2024) DOI: 10.7498/aps.73.20231987

在线阅读 View online: <https://doi.org/10.7498/aps.73.20231987>

当期内容 View table of contents: <http://wulixb.iphy.ac.cn>

您可能感兴趣的其他文章

Articles you may be interested in

无序非厄米Su-Schrieffer-Heeger中的趋肤效应

Skin effect in disordered non-Hermitian Su-Schrieffer-Heeger

物理学报. 2022, 71(22): 227402 <https://doi.org/10.7498/aps.71.20221151>

非厄米临界动力学及其在量子多体系统中的应用

Non-Hermitian critical dynamics and its application to quantum many-body systems

物理学报. 2022, 71(17): 174501 <https://doi.org/10.7498/aps.71.20220914>

非厄米线性响应理论及其应用

Non-Hermitian linear response theory and its applications

物理学报. 2022, 71(17): 170305 <https://doi.org/10.7498/aps.71.20220862>

非厄米镶嵌型二聚化晶格

Non-Hermitian mosaic dimerized lattices

物理学报. 2022, 71(13): 130302 <https://doi.org/10.7498/aps.71.20220890>

非厄米局域拓扑指标的动力学特性

Dynamics of non-Hermitian local topological marker

物理学报. 2021, 70(23): 230309 <https://doi.org/10.7498/aps.70.20211576>

广义布里渊区与非厄米能带理论

Generalized Brillouin zone and non-Hermitian band theory

物理学报. 2021, 70(23): 230307 <https://doi.org/10.7498/aps.70.20211908>