原子簇 $La_{8-x}Ba_x CuO_6$ 的原子磁矩和 自旋极化的电子结构研究*

陈 $m^{1,2}$ 李 4^{1} ; 董建敏¹) 潘凤春¹) 梅良模¹)

¹(山东大学物理与微电子学院,济南 250100)
²(临沂师范学院物理系,临沂 276005)
(2002年11月29日收到,2003年6月22日收到修改稿)

利用 MS-X_a方法研究了化合物 La₂₋, Ba, CuO₄ 的原子磁矩和自旋极化的电子结构.理论计算得到母相氧化物 La₂CuO₄ 的 Cu 原子磁矩为 0.37 $\mu_{\rm B}$,与实验值 0.48 ± 0.15 $\mu_{\rm B}$ 基本一致.研究结果显示,由于 Ba 原子对部分 La 的替 代,使构成化合物的基本原子簇 La_{8-x}Ba_xCuO₆ 的点群对称性降低,分子轨道简并度解除,轨道杂化效应增强,减弱 了氧化物的(准)二维特性,导致 Cu-O 层与其近邻原子层的耦合增强,因此影响了原子层间的电荷迁移方向,对 Cu-O 层中载流子的性质有重要影响.由于 Ba 掺杂在化合物中产生的空穴,不仅进入 O 格点,也同时进入 Cu 格点,对 Cu-O 层上 Cu 和 O 原子价态、磁矩以及电子态密度分布有重要影响.研究结果认为,由于掺杂产生的空穴对化合物 超导电性的影响具有两面性:初期掺杂有利于产生超导电性;当掺杂较多时抑制超导电性.这是导致 La214 体系的 超导转变温度 T_{c} 随掺杂量 y 的变化(即 T_{c-y} 拱形曲线)的一个重要原因.

关键词:电子结构,自旋极化,磁矩,态密度,超导电性 PACC:7425,7470,7472

1.引 言

氧化物 La₂CuO₄^[1]是反铁磁绝缘体,当用二价元 素 M(M = Ba, Sr 等)替代少量 La 时,形成化合物 La_{2-y}M_yCuO₄(简称 La214 体系),其物理性质对掺杂 原子 M 的含量非常敏感.随着掺杂原子 M 组分含 量的增加,化合物表现出丰富、多样的物理性质,其 中有些表现出反常性,引起了人们的极大兴趣.当 用少量 M 原子掺杂($y \sim 0.02$),氧化物的反铁磁长 程序即消失,出现自旋玻璃相;当 $y \sim 0.05$ 时,化合 物发生绝缘体—金属相变,成为导体;当y继续增 大,则化合物出现高温超导电性. 然后,超导转变温 度(T_e)随y增加而上升,在某个y 值($y \approx 0.15$ — 0.2)达到极大值;此后, T_e 随y增加而下降,直至最 终超导电性消失,但化合物仍保留其金属态.这种 T_e 随掺杂量y的变化行为(简称 T_e -y拱形曲线), 过去的关于这类化合物电子结构的理论研究, 大多为基于自旋限制的能带理论,较少考虑自旋极 化的相关问题⁵⁻⁹¹.这类化合物的主要物理性质(不 管是其绝缘体母相、高温超导态还是正常态)都和它 们的物质磁结构有密切关系,因此,我们用 MS-Xa 方法,对化合物 La₂₋, Ba,CuO4</sub>做了自旋极化的电子 结构研究.本文所得的一些结果,对于理解这类化 合物的高温超导态和正常态的许多物理性质的微观 机理提供了有益的帮助.

^{*} 国家 863 计划项目(批准号 2002AA324050),国家自然科学基金(批准号 59971026)资助的课题.

[†] Email :huali@sdu.edu.cn

2. 研究模型

分析氧化物 La, CuO₄ 的晶体结构^[1], La, CuO₄ 晶 体具有 I4/mmm(D¹⁷4h)对称的四方结构. 不难看 出 La₈CuO₆ 原子簇是氧化物 La₂CuO₄ 的基本构成单 元.在LagCuO6原子簇中,Cu原子位于(0,0,0)晶 位 与晶位 $\frac{1}{2}a$, $\frac{1}{2}a$,0.138c)等价的八个晶位 La 原子构成立方体的八个顶角,六个氧原子近似处于 该六面体的面心上;在 xy 平面上, La-La 相距 0.3780nm,在z方向La-La相距0.3379nm.原子簇中 位于(0,± $\frac{1}{2}a$,0)(± $\frac{1}{2}a$,0,0)晶位的四个0原子 是等价的,它们处在同一平面内,本文定义为O_{xx}原 子·位于六面体顶面和底面上的 0 原子是另一类等 价原子 本文定义为 0, 原子. 在实际晶体结构中, O_{c} 原子和 La 原子沿 c 轴方向的晶位对称位置有一 个很小的偏差, 若以 La-La 平面作为参考时, O. 原子 沿c 轴稍稍偏离平面大约0.05nm,由于它们的原子 半径相差较多,对于 0,原子沿 c 轴的这种微小偏 离,仍近似认为 O, 原子在 La-La 平面内, 位于 La-O,-La平面正方形的面心,对于这种近似处理,我们认 为可能不会造成过大的误差,但能给计算带来极大 的方便. Cu 原子的价电子取为 $3d^{10}4s^1$, O 原子价电 子取为 $2s^2 2p^4$;La 是 La 系的第一个元素 具有 $4f^0$ 壳 层结构,考虑到这种特殊性,取La原子的价电子为 $4f^{0}5s^{2}5p^{6}5d^{1}6s^{2}$,其余电子均作为芯电子近似处理.

当用 Ba 原子部分取代 La 原子形成化合物 La₂₋, Ba, CuO₄ 则化合物中与 La₈CuO₆ 相应的原子簇 是 La_{8-x}Ba_xCuO₆. 我们研究了 x = 0 和 x = 2 的情 况. 对于后者,就是用两个 Ba 原子取代 La₈CuO₆ 原 子簇顶面对角线上的两个 La 原子. 这样选择替代 原子的位置,是由于两方面的原因:1)这样可使顶面 (La-Ba-O 层)与底面(La-O 层)中的氧原子成为不等 价的原子,分别称为 O₂₁ 与 O₂₂,这就使研究 Ba 对 O 原子态密度的影响和层间轨道杂化效应成为可能. 2)在计算中我们发现,均匀掺杂情况不是原子簇的 基态,Ba 原子在化合物中有自发聚集的趋势. 考虑 到电荷平衡,在计算中取 La₈CuO₆ 为带正电荷的原 子簇. 由于 Ba 原子位于 5d 族之首,具有 5d⁰ 壳层结 构,因此,在化合物中没有把它简单地视为二价离子 处理,取 Ba 原子的价电子为 5s²5p⁶5d⁶6s². La 离子的 半径取为 0.115nm ,Cu 离子的半径取为 0.096nm ,O 离子的半径取为 0.140nm ,Ba 离子的半径取为 0. 198 nm^[10].采用 Schwarz 确定的 α 值^[11],关于最大分 波数 对于 La ,Ba ,L_{max} = 3 对于 Cu ,O ,L_{max} = 2.

3. 结果与讨论

Ba 原子对部分 La 原子的替代,使原子簇 La。 $Ba_x CuO_6$ 的空间点群由原来(x = 0)的 D4h 变为 C2i(当x = 2时). 由于对称性降低,分子轨道简并 度解除,导致轨道杂化效应增强,计算发现,Ba掺 杂使氧化物的(准)二维特性减弱,Cu-O层与其近邻 原子层的耦合增强. Cu-O 层上的原子价态与磁矩 的计算结果和实验值列在表 1 中. 显然 1)在 x = 0时 化合物母相 La₂CuO₄ 中 Cu-O 层上的原子键合主 要是离子键形式 同时含有共价键成分 具有绝缘体 特征. Cu 原子磁矩的理论计算值为 $0.37 \mu_{\rm B}$, 与 11K 时的实验值^[12], $0.48 \pm 0.15 \mu_{\rm B}$ 十分接近. 理论计算 结果显示 , O, , 原子具有 0.28 μ 的磁矩 ,这好像不好 理解. 考虑到 La, CuO4 体系的(准)二维性质,当在 低温下计入量子零点振动后 利用 s = 1/2 的二维海 森伯模型,其自旋磁矩将被减小0.5µg左右.另外, 还有人猜测,由于 Cu-O 间的共价效应,Cu 离子的一 个未被抵消的自旋中大约0.2µ_B左右的自旋磁矩有 可能再分配到 0 原子上^[12].这与我们的计算结果基 本一致 这一结果较好地印证了上述猜测的合理性. 2)在x = 2时,化合物中 Cu-O 层上的原子键合主要 形式成为金属键特征.表1中的数据说明,由于 Ba 掺杂产生的空穴不仅进入 O_{xx}格点 ,同时也进入 Cu 格点.因此,不仅Cu和Ox的离子状态发生了变化, 而且其原子磁矩也分别增大到 $0.61 \mu_{\rm B}$ 和 $0.87 \mu_{\rm B}$.

由于 Ba 进入晶格 ,原子层间轨道耦合效应增 强 ,导致层间电荷迁移方向发生了改变.在母相 $La_2 CuO_4$ 中,电子由近邻层向 Cu-O 层迁移 ,致使 Cu-O 层成为 n型 ;在化合物 $La_{2-}, Ba_y CuO_4$ 中($y \neq 0$), 电子由 Cu-O 层向其近邻层迁移 ,因此 Cu-O 层成为 p型.这是化合物 $La_{2-}, Ba_y CuO_4$ 由反铁磁绝缘体转 变为导体 ,进而出现超导电性的一个重要因素.计 算结果给出 ,在原子簇 $La_8 CuO_6$ 中 , 迁移到 Cu-O 层 上的电子数为 4.95 ;而在原子簇 $La_6 Ba_2 CuO_6$ 中迁移 出 Cu-O 层的电子数为 12.44.

表 1 原子簇 $La_{8-x}Ba_x CuO_6$ 中 Cu和 O_{xy} 原子价态、磁矩及其价电子对态密度 $N(E_F)$ 的贡献

	点群	原子	价态	磁矩(µ _B)		$N(E_{\rm F})$,	
				理论	实验[12]	(states/eV)		s	р	d	增加倍效
<i>x</i> = 0	D4h	Cu	+ 2.85	0.37	0.48 ± 0.15	↑	0.001	0.000	0.000	0.001	
						\checkmark	0.001	0.000	0.000	0.001	
		O _{xy}	- 1.95	0.28		Ť	0.113	0.000	0.000	0.113	
						¥	0.018	0.000	0.011	0.007	
<i>x</i> = 2	C2v	Cu	+ 4.32	0.61		↑	0.468	0.000	0.013	0.455	468
						\checkmark	0.016	0.000	0.003	0.013	16
		O_{xy}	+ 2.03	0.87		¢	0.326	0.000	0.063	0.263	2.9
						\checkmark	0.064	0.004	0.010	0.050	3.6

在图 1 中画出了 $La_{6}Ba_{2}CuO_{6}$ 原子簇在费米面 附近的自旋能级交换劈裂的计算结果(↑ ,↓表示自 旋取向). 我们发现 C2v 点群中 ,属于一维表示的 ¹B₁, ¹A₁, ¹A₂ 和²B₁ 能级均有较大正交换耦合(即 ΔE = E(↓) - E(↑)>0),随着向 E_{F} 靠近 ,能级的正 交换耦合强度逐渐减弱 ,在较靠近 E_{F} 的地方 ,开始 出现负交换耦合(即 $\Delta E < 0$),其中 ,³A₁ 和⁵B₁ 两个 能级表现出较强的负耦合.在 E_{F} 附近大约 ± 2.7eV 范围内 ,能级的正、负交换耦合无规律分布.这可能 反映出化合物 $La_{2-y}Ba_{y}CuO_{4}$ 中($y \neq 0$)的反铁磁自 旋相关的特征.



图 1 La₆Ba₂CuO₆原子簇的自旋能级交换劈裂

图 2 是原子簇 La₈ CuO₆ 中位于 Cu-O 层上的 Cu 和 O₃,原子的电子态密度(DOS)曲线,其态密度分布 的一个明显特点是,在费米面处态密度很小,其主要 成分位于费米面以下的深层,在约 – 1.5— – 3.5eV 处存在一个明显的能隙,表现出 Cu – O 层上价电子 较强的局域性.这是因为 Cu-O 层上形成的 Cu-O-Cu 网格链,通过 d-p-d 电子间的交换耦合产生的反铁 磁长程序把每个 Cu O 格点上的磁电子局域在格点上 整个体系表现为反铁磁绝缘体。



图 2 原子簇 Las CuO6 中 Cu-O 层上的 Cu 和 Oxv原子的 DOS 曲线

当用 Ba 原子替代原子簇 La₈CuO₆ 顶面上的两 个 La 后, 形成原子簇 La₆Ba₂CuO₆.图 3 和图 4 分别 为该原子簇中 Cu-O 层上的 Cu 和 O_m原子的态密度 分布曲线.分析此两图中态密度曲线的结构,可以发 现,当与图2相比时,它们有一个类似的特点,就是 它们的态密度分布均由原来(未掺杂时)深层向费米 面移动 在 E_F 附近的态密度明显增大 ,在费米面处 的总态密度 N(E_F) 增大了几乎一个量级. 但是,与 一般金属相比,该系统的 N(E_F)仍然很小.此两图 还显示,在费米面附近,Cu-O 层的态密度主要是 d 电子的贡献,其次是 p 电子,s 电子几乎没有贡献. 由于轨道杂化(或共价)效应,在 O, 格点周围出现 了较多的 d 轨道成分.在 Cu 和 O_{xx}原子的态密度中, d和 p 电子明显地分为属性不同的两部分,在大约 - 6eV处有一小能隙将其分开;其中一部分由于轨道 杂化效应上升至费米面附近 表现出较强的扩展性;

其中

另一部分则下降到更深层 表现出较强的局域性.



图 3 La₆Ba₂CuO₆ 原子簇中 Cu-O 层上的 Cu 原子的态密度分布 曲线



图 4 La₆ Ba₂ CuO₆ 原子簇中 Cu-O 层上的 O_{xy} 原子的态密度分布 曲线

在计算过程中我们发现,尽管 Cu-O 层中 Cu 和 O_{xy}原子对费米面附近的态密度贡献较小,但整个原 子簇 La_{8-x} Ba_xCuO₆ 的态密度在费米面附近大约 ± 3eV范围内的值却非常大,不管是 x = 0 还是 x = 2都是这样,这种贡献来自 4f 和 5d(将在另文中详细 讨论).其原因有可能是,因为 La 具有 4f⁰ 壳层结构, Ba 是 5d⁰ 壳层结构,由于轨道杂化效应导致在 E_F 附近出现了这两种轨道成分.4f 和 5d 的本质属于局 域电子,由于轨道杂化而具有了一定的巡游性质,并 在费米面附近形成了连续窄能带.这类铜氧化物的 拉曼光散射谱中,在费米面附近的较宽范围内存在 无特征峰的较强背景连续谱,是否与此连续窄能带 有关,是一个值得进一步探讨的问题.

由于 Ba 原子掺杂在晶格内产生了"空穴",它们 不仅进入 O_{av}格点,同时也进入 Cu 格点周围,这种 空穴改变了 $O_{xy}(2p)$ 和 Cu(3d)电子组态,从而减弱 或破坏 Cu-O-Cu 的反铁磁交换耦合,并可能引起局 域自旋平行位相. 尽管这种局域平行自旋位相破坏 了原来的反铁磁长程序,但整个系统仍具有反铁磁 自旋相关. 这一过程可以等效于两个相邻 Cu 格点 上的自旋 S_1 和 S_2 与氧空穴自旋 σ 之间的相互作 用,即

 $H = -J(S_1 + S_2) \cdot \sigma,$ (1)这里 J > 0 ,是此处的局域交换积分. 从能量观点 看,显然 σ 趋向于与 S_1 和 S_2 平行取向,产生局域净 自旋矩 S. 自旋矩 S 与其周围价电子或巡游电子自 bc_s 的耦合作用($S \cdot s$)将导致其周围产生较大的局 域空间净磁矩,并且,这种效应随着空穴的增加而增 强. 这等效于铁磁元素(Fe,Co,Ni)的掺杂效应,在 其周围诱生空间净磁矩^[13]. La214 化合物属于 [] 类 超导体系,界面能 $\sigma_{ns} < 0$,所以只要 $H \leq H_{cs}$ (上临界 场) La214 体系的正常态就成为不稳定态,任何微 小扰动就导致超导态在样品内部成核、出现超导区 域,显然,局域空间磁矩的产生,在能量上有利于出 现超导相变.La214 体系满足条件 $K(=\lambda/\xi) \gg 1$,在 下临界场(H_{el})附近,只要 $H \ge H_{el}$,系统的吉布斯自 由能可表示为

$$G_{\rm s}(H) = G_{\rm s}(H_{c1}) + G_{\rm H} + G_{\rm int}$$
, (2a)

 $G_{\rm int} = (B/\mu_0 (\phi_0 2\pi\lambda^2) \pi\lambda/2a)^{1/2} e^{-a/\lambda} \propto Ba^{-1/2} e^{-a/\lambda} ,$ (2b)

 $G_{\rm H} = -B(H - H_{\rm cl}) = -n\phi_0(H - H_{\rm cl})$, (2c) 在 $H_{\gtrsim} H_{cl}$ 时 , G_{int} →0 ,因为 a(磁通线间距) 较大 ,而 $B = n\phi_0$ 小. 式 2a) 中第二项 $G_{\rm H}$ 是与磁性有关的自 由能,只要 $H \neq H_{cl}$,其绝对值就一定大于 G_{int} .因 此 系统中任何局域空间净磁矩的产生 都将使系统 自由能 G(H)降低 所以在能量上有利于产生超导 电性. 随着 Ba 含量增加 , G_H 的绝对值也必然增加 , 但同时,由于 B 的增大导致 a 减小,因此 G "将以比 $|G_{\rm H}|$ 更快的速度迅速增大. 所以 , $G_{\rm int}$ 将逐渐与 $G_{\rm H}$ 达到平衡,并最终超过 G_H的绝对值,成为抑制超导 电性的一个重要因素.对于 [] 类超导体,由于界面 能 $\sigma_{ns} < 0$,所以 ,增加磁通线(从而增加界面能),能 降低系统自由能 这在能量上有利于系统更稳定(即 有利于系统取较高 T_). 如果假设磁通是三角格子 (简化模型),由(2b)式可以得到

$$\mu_0 M = \frac{2\phi_0}{\sqrt{3}\lambda^2} \left\{ \ln \left[\frac{3\phi_0}{4\mu_0 \lambda^2 (H - H_{cl})\pi} \right] \right\}^{-2} - \mu_0 H , \qquad (2d)$$

由(2d)式可得磁化曲线 $\frac{\partial M}{\partial H}$ (H = H_{cl+}) = +∞,而

 $\frac{\partial M}{\partial H}$ ($H = H_{el-}$)= -1,这里 $H = H_{el+}$ 分别表示右极 限(足标 +)和左极限(足标 -),可见,在 $H = H_{el}$,磁 化曲线不连续,前者位于苏伯尼柯夫态范围,表现为 铁磁性,后者为抗磁性,位于迈斯纳态.显然,当 H略大于 H_{el} 时,样品中会有较多磁通线突然出现(这 是一种非平衡现象),因为这样在能量上有利.但磁 通线之间有排斥力,当磁通密度达到一定程度,由于 排斥力的增大而增加的自由能会平衡界面能使自由 能减小,若继续增加磁通,则会抑制超导电性.可见,在掺杂初期,系统位于 $G_{int} < |G_{H}|$ 阶段,所以,空 穴进入 La214 系统,是促进超导电性的有利因素,但 当掺杂较多时,系统进入 $G_{int} > |G_{H}|$ 阶段,则空穴的 增加又成为抑制超导电性的一个不利因素.这就可 以比较好地解释 La214 体系的超导转变温度 T_{e} 随 掺杂量 y 的变化行为(即 $T_{e} - y$ 拱形曲线).

4.结 论

根据以上分析可得如下结论:

1.La214 化合物中,Ba,Sr 等掺杂原子降低了构成化合物的基本原子簇的点群对称性,使分子轨道简并度解除,轨道杂化效应增强,减弱了氧化物的(准)二维特性,导致Cu-O 层与其近邻原子层的耦合增强,影响了原子层间的电荷迁移方向,为 Cu-O 层提供了p型载流子.这种对 Cu-O 层中载流子性质的重要影响,是化合物出现绝缘体—金属转变以及超导电性的一个重要因素.因此,根据能带理论研究这类化合物的物理性质时,波函数 Cu(d_)和 Q(p,)的影响不能忽略.

2. 由于掺杂在化合物中产生空穴,影响了原子的价态和磁矩. 因此,空穴对化合物超导电性的影响具有两面性. 初期掺杂有利于产生超导电性;当掺杂较多时抑制超导电性.这是导致 La214 体系的超导转变温度 *T*。随掺杂量 *y* 的变化的一个重要原因.

- [1] Yu J , Freeman A J and Xu J H 1987 Phys. Rev. Lett. 58 1035
- [2] Ginsbergeds D M 1989 Physical Properties of High Temperature Superconductors(Singapore, World Scientific) Vol. 1[韩汝珊著 1998 高温超导物理(北京大学出版社)第 50 页
- [3] Chen Z P et al 2002 Acta Phys. Sin. 51 2150(in Chinese] 陈镇 平等 2002 物理学报 51 2150]
- [4] Yang H S et al 2002 Acta Phys. Sin. 51 2155(in Chinese] 杨宏顺等 2002 物理学报 51 2155]
- [5] Svane A 1992 Phys. Rev. Lett. 68 1900
- [6] Temmerman W M, Szotek Z and Winter H 1993 Phys. Rev. B 47 11533

- [7] Anisimov V I, Korotin M A, Zaanen J and Andersen O K 1992 Phys. Rev. Lett. 68 345
- [8] Czyzyk M T and Sawatsky G A 1994 Phys. Rev. B 49 14211
- [9] Jason K P and Jamil T K 2002 Phys. Rev. B 65 144501
- [10] Melamud M, Bennett L H and Watson R E 1988 Phys. Rev. B 38 4624
- [11] Schwarz K 1972 Phys. Rev. B 5 2466
- [12] Ginsbergeds D M 1989 Physical Properties of High Temperature Superconductors(Singapore, World Scientific) Vol. I p151[韩汝珊著 1998 高温超导物理(北京大学出版社)第83页]
- [13] Gang X et al 1990 Phys. Rev. B 42 8752

Study on the spin-polarized electronic structures and atomic magnetic moments of cluster La_{8-x}Ba_xCuO₆ *

Chen Li^{1,2}) Li Hua¹) Dong Jian-Min¹) Pan Feng-Chun¹) Mei Liang-Mo¹)

¹⁾(Physics and Microelectronic School, Shandong University, Jinan 250100, China)

² (Department of Physics , Linyi Teachers University , Linyi 276005 , China)

(Received 29 November 2002; revised manuscript received 23 June 2003)

Abstract

The $X\alpha$ method is applied to study the spin-polarized electronic structures and atomic magnetic moments of clusters La_{8-x} Ba_xCuO₆ in the compound $La_{2-y}Ba_yCuO_4$. This paper shows that Cu magnetic moment in La_2CuO_4 is $0.37\mu_B$, which is in better agreement with the experimental value $(0.48 \pm 0.15\mu_B)$. Ba substitution lowers the structure symmetry, removes molecular orbital degeneracy, and hence strengthens orbital hybridization and weakens quasi-two-dimensional feature, which enhance the coupling between Cu-O layer and the neighborng layers and influence the charge transfer. These changes strongly affect the properties of carriers. Holes are introduced due to Ba substitution and they mainly enter into O sites, a few d-electronic holes enter into Cu sites, which causes important effects on the density of states, atomic magnetic moment and valence states of Cu and O in Cu-O layers. The results confirm that the holes are not always beneficial to the superconductivity. At the beginning the holes are beneficial to the superconductivity; they can decrease the superconductivity when more holes are introduced. This paper can explain that the transition temperature of high-temperature superconductive oxides changes with the variation of the doping level.

Keywords : electronic structure , spin polarization , magnetic moment , density of states , superconductivity PACC : 7425 , 7470 , 7472

^{*} Project supported by the National High Technology Research and Development Programme of China (Grant No. 2002AA324050), and the National Natural Science Foundation of China (Grant No. 59971026).