# InGaAs/GaAs 量子点阵列中的能级计算\*

杨晓杰节王青马文全陈良惠

(中国科学院半导体研究所纳米光电子实验室,北京 100083) (2006年12月11日收到 2007年1月10日收到修改稿)

根据八带  $k \cdot p$  理论,在三维 InGaAs/GaAs 量子点阵列中求解  $k_x = k_y = k_z = 0$ 处的有效质量哈密顿  $H_0$  的本征 值,得到 InGaAs 量子点中导带中电子基态  $E_{C1}$ ,第一激发态  $E_{C2}$ 和重空穴态  $E_{HH1}$ 的能级.随着 In 组分从 30%增加 100% JnGaAs 量子点中  $E_{C2}$ 到  $E_{C1}$ 的带内跃迁波长从 18.50  $\mu$ m 蓝移到 11.87  $\mu$ m ,而  $E_{C1}$ 到  $E_{HH1}$ 的跃迁波长则从 1.04  $\mu$ m 红移到 1.73  $\mu$ m 随着量子点高度从 1.0 nm 增加到 5.0 nm Jn<sub>0.5</sub>Ga<sub>0.5</sub> As 和 InAs 量子点中  $E_{C1}$ 到  $E_{C2}$ 的带内跃迁都 从束缚态-连续态型转换到束缚态-束缚态型 对应于两种量子点的带内跃迁波长分别从 8.12  $\mu$ m (5.90  $\mu$ m )红移到 53.47  $\mu$ m (31.87  $\mu$ m ),两种量子点中  $E_{C1}$ 到  $E_{HH1}$ 的跃迁波长分别从 1.13  $\mu$ m (1.60  $\mu$ m )红移到 1.27  $\mu$ m (2.01  $\mu$ m ).

关键词:InGaAs,量子点,带内跃迁,八带 k·p 理论 PACC:7320D,7280E,7115T

## 1.引 言

自组织生长的应变 InGaAs 量子点中的载流子 受到三维量子限制,而且晶格失配产生的应力显著 地影响了电子限制势,使 InGaAs 量子点形成独特的 电子和光学性质<sup>1-4]</sup>.这些性质使得 InGaAs 量子点 激光器具有低阈值电流、低功耗和高 T<sub>0</sub> 值等优 点<sup>[1]</sup> InGaAs 量子点红外探测器具有对垂直入射红 外辐射敏感、暗电流低、光电流增益高等优点[5]因 此自组织 InGaAs 量子点的实验和理论研究都备受 关注<sup>[1-16]</sup>. 虽然通过解一带(one-band)和四带(fourband Schrödinger 方程可以分别计算出自组织 InGaAs 量子点中电子和空穴态能级[28] 但是导带和价带之 间的强耦合的存在,需要利用八带(eight-band) $k \cdot p$ 理论精确地研究应变自组织 InGaAs 量子点的能级 结构<sup>[4]</sup>,因为八带 k·p 理论考虑了自旋-轨道分裂 效应和导带-价带耦合效应<sup>[11]</sup>.八带 k·p 理论计算 结果表明 InGaAs 量子点中的带间跃迁和子带间跃 迁能量与量子点中的 In 组分及其结构参数密切相 关<sup>[11,12]</sup> 这些结果对优化 InGaAs 量子点激光器和量 子点探测器都有重要参考价值.

本文在 Park 的八带 k·p 理论<sup>[11,12]</sup>基础上,选择

InGaAs 量子点的高度、直径和中心间距等结构参数 之间的依赖关系来分析应变 InGaAs/GaAs 量子点阵 列的能级结构随 In 组分和量子点结构参数的变化 规律.

## 2. 理论模型

扁平透镜形状的自组织 InGaAs 量子点可以被 看作微型圆盘<sup>[8,10]</sup>,InGaAs/GaAs 量子点多层结构则 被看作埋在 GaAs 中的三维 InGaAs 微型圆盘阵列. 本文分析对象是生长在 GaAs (100)上的三维 InGaAs/GaAs 量子点阵列,图1(a)和(b)分别是该 阵列沿生长方向(z轴)和量子点面(x-y面)的结构 示意图.InGaAs量子点的高度和半径分别用l和R



图 1 InGaAs/GaAs 量子点阵列沿(a) 生长方向和(b) 量子点面内的结构示意图

<sup>\*</sup> 中国航天科工集团三院科技创新基金(批准号:HT3Y83582005)资助的课题.

<sup>†</sup> E-mail :yangxj@semi.ac.cn

表示 JnGaAs 量子点面内中心间距和 GaAs 间隔层厚 度分别表示为 L 和 d.

八带 k·p 理论考虑了应力作用、自旋-轨道分

裂效应及导带-价带耦合等因素对量子点能级结构 的影响 相应的有效质量哈密顿(Hamiltonian, H<sub>0</sub>)表 示为<sup>[11,17]</sup>

	( A	0	$-\sqrt{3} (V^{\dagger} - \nu^{\dagger})$	$\sqrt{2}(U-u)$	( <i>V</i> – <i>v</i> )	0	<b>(</b> <i>U</i> – <i>u</i> <b>)</b>	√ <b>1</b> (V − ν)	
	0	A	0	–( $V^{\dagger} - \nu^{\dagger}$ )	$\sqrt{a} (U - u)$	$\sqrt{3} (V - \nu)$	$-\sqrt{\mathcal{I}} V^{\dagger} - \nu^{\dagger}$ )	-( <i>U</i> - <i>u</i> )	
	$-\sqrt{3} (V - v)$	0	-(P+Q)	$S_{-}$	– <i>R</i>	0	$rac{1}{\sqrt{2}}S_{-}$	$-\sqrt{2}R$	
	$\sqrt{2}(U-u)$	-(V – ν)	$S_{-}^{\dagger}$	-(P - Q)	- <i>C</i>	– <i>R</i>	$\sqrt{2}Q$	$\frac{\sqrt{3}}{2}\Sigma_{-}$	
$H_0 =$	( $V^{\dagger} - \nu^{\dagger}$ )	$\sqrt{2} (U - u)$	$-R^{\dagger}$	$-C^{\dagger}$	-(P - Q)	$-S_{+}^{\dagger}$	$\frac{\sqrt{3}}{2}\Sigma_{+}$	$-\sqrt{2}Q$	,
	0	$\sqrt{3} V^{\dagger} - v^{\dagger}$ )	0	$-R^{\dagger}$	- S <sub>+</sub>	-(P+Q)	$\sqrt{2}R^{\dagger}$	$\frac{1}{\sqrt{2}}S_+$	
	( U – u )	$\sqrt{2} (V - v)$	${1\over \sqrt{2}}S_{-}^{\dagger}$	$\sqrt{2}Q$	$\frac{\sqrt{3}}{2}\varSigma_{\scriptscriptstyle +}^{\dagger}$	$\sqrt{2}R$	$-(P + \Delta)$	- C	
	$\left(\sqrt{\mathcal{I}} V^{\dagger} - v^{\dagger}\right)$	-( U - u )	$-\sqrt{2}R^{\dagger}$	$rac{\sqrt{3}}{2}\Sigma_{-}^{\dagger}$	$-\sqrt{2}Q$	$\frac{1}{\sqrt{2}}S_{*}^{\dagger}$	$-C^{\dagger}$	$-(P + \Delta)$	
								(1)	)

其中

$$\begin{split} A &= E_{\rm g} + \left[ \hat{p}_x \frac{1}{2m_{\rm c}} \hat{p}_x + \hat{p}_y \frac{1}{2m_{\rm c}} \hat{p}_y + \hat{p}_z \frac{1}{2m_{\rm c}} \hat{p}_z \right] + a_{\rm c} \left( \varepsilon_{xx} + \varepsilon_{yy} + \varepsilon_z \right) + V_{\rm co} \,, \\ V &= \frac{1}{\sqrt{6}} \frac{P_0}{\hbar} \left( \hat{p}_x - {\rm i} \hat{p}_y \right) , \nu = \frac{1}{\sqrt{6}} \frac{P_0}{\hbar} \left( \varepsilon_{xx} \hat{p}_x - {\rm i} \varepsilon_{yy} \hat{p}_y \right) , \\ U &= \frac{1}{\sqrt{6}} \frac{P_0}{\hbar} \hat{p}_z \,, u = \frac{1}{\sqrt{3}} \frac{P_0}{\hbar} \hat{\varepsilon}_z \hat{p}_z \,, \\ P &= \frac{1}{2m_0} \left[ \hat{p}_x \gamma_1 \hat{p}_x + \hat{p}_y \gamma_1 \hat{p}_y + \hat{p}_z \gamma_1 \hat{p}_z \right] + P_\varepsilon + V_{\rm ho} \,, \\ Q &= \frac{1}{2m_0} \left[ \hat{p}_x \gamma_2 \hat{p}_x + \hat{p}_y \gamma_2 \hat{p}_y + \hat{p}_z (-2\gamma_2) \hat{p}_z \right] + Q_\varepsilon \,, \\ S_z &= \frac{1}{2m_0} 2\sqrt{3} \left( \hat{p}_x \pm {\rm i} \hat{p}_y \right) \left( \sigma - \delta \right) \hat{p}_z + \hat{p}_z \pi \left( \hat{p}_x \pm {\rm i} \hat{p}_y \right) \right) , \\ R &= \frac{1}{2m_0} \sqrt{3} \left( \hat{p}_x \pm {\rm i} \hat{p}_y \right) \mu \left( \hat{p}_x - {\rm i} \hat{p}_y \right) - \left( \hat{p}_x - {\rm i} \hat{p}_y \right) \overline{\gamma} \left( \hat{p}_z - {\rm i} \hat{p}_y \right) \right] , \\ C &= \frac{1}{2m_0} 2\sqrt{3} \left( \hat{p}_x \pm {\rm i} \hat{p}_y \right) \left( \frac{1}{3} \left( \sigma - \delta \right) + \frac{2}{3} \pi \right) \hat{p}_z + \hat{p}_z \left[ \frac{2}{3} \left( \sigma - \delta \right) + \frac{1}{3} \pi \right] \left( \hat{p}_x \pm {\rm i} \hat{p}_y \right) \right\} \,, \\ \sigma - \delta &= \frac{1}{6} \left( -1 - \gamma_1 + 2\gamma_2 + 6\gamma_3 \right) \pi = \frac{1}{6} \left( 1 + \gamma_1 - 2\gamma_2 \right) , \\ \mu &= -\frac{1}{2} \left( \gamma_2 - \gamma_3 \right) , \overline{\gamma} = \frac{1}{2} \left( \gamma_2 - \gamma_3 \right) , \\ E_y &= \frac{2m_0}{\hbar^2} P_0^2 \,. \end{split}$$

这里的应力张量参量  $\epsilon_{xx}$ ,  $\epsilon_{yy}$ 和  $\epsilon_{z}$ 分别定义为  $\epsilon_{xx}$  =  $\epsilon_{yy} = \frac{a_0 - a_{InGaAs}}{a_{InGaAs}}$ 和  $\epsilon_{z} = -2 \frac{C_{12}}{C_{11}} \epsilon_{xx}$ ,其中  $a_{InGaAs} = xa$ +(1 - x) $a_0$ 是 InGaAs 的晶格常数, x 是 InGaAs 量 子点中的 In 组分,  $a_0$ 和 a分别是 GaAs 和 InAs 体 材料的晶格常数,  $C_{11}$ 和  $C_{12}$ 是 InGaAs 的弹性模量参 数.Luttinger 有效质量参数  $\gamma_1$ ,  $\gamma_2$ 和  $\gamma_3$ 在图 1 所示 的单元晶胞中表示为

$$\begin{array}{l} \gamma_{1} , \gamma_{2} , \gamma_{3}(x, y, z) \\ = \begin{cases} \gamma_{11} , \gamma_{12} , \gamma_{13} & x^{2} + y^{2} \leq R^{2} \ 0 < z \leq l \\ \gamma_{21} , \gamma_{22} , \gamma_{23} , & \ddagger \text{total} \end{cases}$$

这里的  $\gamma_{11}$ ,  $\gamma_{12}$ ,  $\gamma_{13}$ 和  $\gamma_{21}$ ,  $\gamma_{22}$ ,  $\gamma_{23}$ 分别是 InGaAs 和 GaAs 的 Luttinger 有效质量参数.  $m_0$  是自由电子有 效质量  $\Delta$  是自旋-轨道分裂.静力学形变能  $P_e$ 和剪 切形变能  $Q_e$ 分别表示为

$$P_{\varepsilon} = \begin{cases} P_{0} , x^{2} + y^{2} \leq R^{2} , & 0 < z \leq l , \\ 0 , & \ddagger \mathbb{E} \mathbb{E} ] \\ Q_{\varepsilon} = \begin{cases} Q_{0} , x^{2} + y^{2} \leq R^{2} , & 0 < z \leq l , \\ 0 , & \ddagger \mathbb{E} \mathbb{E} ] \end{cases}$$
(4)

这里的 
$$P_0 = -2a_v \left(1 - \frac{C_{12}}{C_{11}}\right) \epsilon_{xx}$$
,  
 $Q_0 = -b \left(1 + 2\frac{C_{12}}{C_{11}}\right) \epsilon_{xx}$ ,

 $a_v$ 和 b 分别是价带中的静力学形变势和剪切形变势. InGaAs 量子点中的电子限制势  $V_{a}(x, y, z)$ 和空穴限制势  $V_{b}(x, y, z)$ 分别表示为

$$V_{e}(x, y, z) = \begin{cases} 0 x^{2} + y^{2} \leq R^{2}, & 0 < z \leq l \\ V_{e0}, & \text{Id} \mathbb{E} \mathbb{E} \mathbb{E} \\ \end{cases}$$

$$V_{h}(x,y,z) = \{V_{h0},$$
其他区域.  
假设三维 InCoAs/CoAs 量子占阵列中的电子波

假设二维 InGaAs/GaAs 重于点阵列中的电子波函数为<sup>[11]</sup>

$$\psi(r_{e}, r_{h}) = \frac{1}{L\sqrt{l+d}} \sum_{n_{x}, n_{y}, n_{z}} \begin{pmatrix} a_{n_{x}, n_{y}, n_{z}} \\ b_{n_{x}, n_{y}, n_{z}} \\ c_{n_{x}, n_{y}, n_{z}} \\ d_{n_{x}, n_{y}, n_{z}} \\ e_{n_{x}, n_{y}, n_{z}} \\ f_{n_{x}, n_{y}, n_{z}} \\ f_{n_{x}, n_{y}, n_{z}} \\ h_{n_{x}, n_{y}, n_{z}} \end{pmatrix} e^{\left(k_{n_{x}} x + k_{n_{y}} y + k_{n_{z}} z\right)},$$
(8)

把 ( r<sub>e</sub>, r<sub>h</sub>) 滞入 Schrödinger 方程

 $H_0 \not(r_{e_1}, r_{h_1}) = E \not(r_{e_1}, r_{h_1})$  (9) 中求解 即可得到有效质量哈密顿  $H_0$  矩阵中的各 个矩阵元 再求哈密顿  $H_0$  的本征值得到  $k_x = k_y = k_z = 0$  处的导带和价带中子带的能量.

## 3. 结果与分析

电子波函数  $\psi(r_e, r_h)$ 中的平面波数目  $n_x$ ,  $n_y$  $\pi_n$ 取值为 0, ±1, ±2 和 ±3 即在 7×7×7 的三 维 InGaAs/GaAs 量子点阵列中利用平面波函数展开 法求解  $k_x = k_y = k_z = 0$  处的有效质量哈密顿  $H_0$ ,得 到 InGaAs 量子点导带中电子基态 Ect ,第一激发态 E<sub>C2</sub>和电子限制势 V<sub>e</sub>以及重空穴能级 E<sub>HH1</sub>. 计算中 所用的 InGaAs 量子点的晶格常数 a InGaAs ,电子有效 质量  $m_e$  静力学形变势  $a_c$ ,  $a_v$ , 剪切形变势 b, 弹 性模量参数  $C_{11}$ 和  $C_{12}$ 和 Luttinger 有效质量参数  $\gamma_{11}$ , γ12, γ13都可以近似为文献 18 中的 InAs 和 GaAs 相 应物理参数的线性组合,而  $In_x Ga_{(1-x)} As$  的带隙表 示为  $E_{\text{slnGaAs}} = 1.424 - 1.5x + 0.4x^{2[14]}$ . 计算过程中 的能量参考点选在无应变情况下的价带顶,导带中 子能级的参考点选在导带底  $E_c$ ,即  $E_c = E_{glnGaAs}$  + [ $xa_{Cl}$  + (1 - x) $a_{C2}$  【 $\epsilon_{xx}$  +  $\epsilon_{yy}$  +  $\epsilon_z$  ), 这里的  $a_{Cl}$  和  $a_{\alpha}$ 分别是 InAs 和 GaAs 导带中的静力学形变势.在  $k_x = k_y = k_z = 0$ 处的电子限制势  $V_e(x, y, z)$ 和空穴 限制势  $V_{h}(x, y, z)$ 分别定义为  $V_{a0} = 0.7 \times (E_{gGaAs} -$  $E_{\text{glnGaAs}}$ )和  $V_{\text{h0}} = -0.3 \times (E_{\text{gGaAs}} - E_{\text{glnGaAs}})$ . InGaAs 量 子点结构参数 R 和 L 与 l 的关联关系为 R = 3l 和 L = 2.5R = 7.5l.

#### 3.1. InGaAs/GaAs 量子点能级与 In 组分的关系

我们选择 InGaAs/GaAs 量子点的结构参数为 l= 2.5 nm , R = 7.5 nm , L = 18.75 nm 和 d = 2 nm.如 图 2 ( a ) 和 ( b ) 所示 ,当 In 组分从 30% 增加到 100% JnGaAs 量子点导带中的子带  $E_{Cl}$  和  $E_{C2}$  ,电子 限制势  $V_{a0}$  ,重空穴带  $E_{HHI}$  ,  $E_{C2}$  到  $E_{Cl}$ 的带内跃迁 波长以及  $E_{Cl}$  到  $E_{HHI}$ 的带间跃迁波长都是 In 组分的 函数 ,即随着 In 组分的增加 , $E_{Cl}$  , $E_{C2}$  , $V_{a0}$ 和  $E_{HHI}$ 都 线性地增大.如图 2( c )所示 , $E_{C2}$  到  $E_{Cl}$ 的带内跃迁 波长从 18.50  $\mu$ m 蓝移到 11.87  $\mu$ m ,这是因为  $E_{glnGaAs}$ 随着 In 组分的增加而迅速减小 , $V_{a0}$ 迅速增大 ,即子 带  $E_{c1}$ 和  $E_{c2}$ 上的电子受到的量子限制增强  $,E_{c1}$ 和  $E_{c2}$ 的能级间隔增大 ,导致  $E_{c2}$ 到  $E_{c1}$ 的跃迁波长蓝 移 ;虽然  $E_{c1}$ 和形变能  $xa_{c1} + (1 - x)a_{c2}$   $\epsilon_{xx} + \epsilon_{yy}$ +  $\epsilon_{z}$  )都随着 In 组分 x 的增加而增大 ,但是  $E_{ghGAs}$ 迅速减小导致  $E_{c}$  迅速降低 ,而且  $E_{HH}$ 随着 In 组分 增加而增大 ,因此  $E_{c1}$ 到  $E_{HH}$ 的跃迁能量逐渐减小 ,

如图 2( d )中相应的电子基态  $E_{cr}$ 到重空穴态  $E_{HH}$ 的 带间跃迁波长则从 1.04 µm 红移到 1.73 µm ,这个波 段涵盖了两个重要的光通讯波长 1.31 µm 和 1.55 µm ,由此可见调节 InGaAs 量子点中的 In 组分是实现 1.31 µm 和 1.55 µm 的量子点激光器的有效方法.



图 2 InGaAs/GaAs 量子点中(a)子带  $E_{Cl}$ ,  $E_{C2}$ 和电子限制势  $V_{e0}$ , (b)重空穴带  $E_{HH1}$ , (c)  $E_{C2}$ 到  $E_{Cl}$ 的带内跃迁波长  $\lambda_{C2-Cl}$  以及(d)  $E_{Cl}$ 到  $E_{HH1}$ 的跃迁波长  $\lambda_{C1-HH1}$ 与 In 组分的关系(量子点的结构参数为 l = 2.5 nm, R = 7.5 nm, L = 18.75 nm, d = 2.0 nm)

#### 3.2. InGaAs/GaAs 量子点能级与其尺寸的关系

如果设定 GaAs 间隔层厚度为 d = 2.0 nm ,当 InAs 量子点高度  $l \downarrow 1.0$  nm 增加到 5.0 nm ,其半径 和中心间距分别按照 R = 3l 和 L = 7.5l 增加 ,因此 量子点的高度 l 的增加反映了量子点尺寸的增加 , 即量子点高度 l 的变化代表了量子点尺寸的变化 . 如图 3( a )和 b )所示 ,In<sub>0.5</sub> Ga<sub>0.5</sub> As/GaAs 和 InAs/GaAs 量子点导带中的子带  $E_{Cl}$ 和  $E_{C2}$ ,重空穴带  $E_{HH}$  ,  $E_{C2}$ 到  $E_{Cl}$ 的带内跃迁波长以及  $E_{Cl}$ 到  $E_{HH}$ 的带间跃 迁波长都是量子点高度 l 的函数 .在量子点高度 l增加过程中 , $E_{Cl}$ 一直是缓慢地减小 , $E_{C2}$ 的变化趋势 则从急剧减小转变为缓慢减小.由于  $In_{0.5}Ga_{0.5}As$ 和 InAs 量子点中的 In 组分不变,它们的形变能和  $V_{a0}$ 都保持不变.对于  $In_{0.5}Ga_{0.5}As$ (InAs)量子点,当量子 点高度 l小于 1.7 nm(1.6 nm)时,量子点对载流子 的量子限制很强,能级间隔很大,计算得到的  $E_{C2}$ 上 的电子能量远高于电子限制势  $V_{a0}$ ,处于势阱之外 的连续态,相应的导带内电子跃迁发生在  $E_{C1}$ 和连 续态之间(我们近似地取连续态的能量约为  $V_{a0}$ ). 相应地,当 l从 1.0 nm 增加到 1.7 nm 时,图  $\mathfrak{X}(c)$ 中 对应于  $In_{0.5}Ga_{0.5}As$ 量子点的  $E_{C2}$ 到  $E_{C1}$ 的带内跃迁 能量近似为  $V_{a0}$ 和  $E_{C1}$ 的能量差,带内跃迁波长从 9.26  $\mu$ m 蓝移到 8.12  $\mu$ m ;当 l 大于 1.7 nm 时 ,In<sub>0.5</sub> Ga<sub>0.5</sub>As 量子点的  $E_{c2}$ 和  $E_{c1}$ 能级上的电子都处于束 缚态 ,电子从  $E_{c2}$ 到  $E_{c1}$ 的跃迁对应的波长随着量子 点的高度 l 增加而逐渐从 8.12  $\mu$ m 红移到 53.47  $\mu$ m. In<sub>0.5</sub>Ga<sub>0.5</sub>As 量子点的高度 l 从 1 nm 增加到 2.25 nm 对应的  $E_{c2}$ 到  $E_{c1}$ 的跃迁从束缚态到连续态型过 渡到束缚态到束缚态型 ,其波长处于 8—14  $\mu$ m 的大 气窗口波段 ,适合于长波红外探测器 .同样 ,当 l 从 1.0 nm 增加到 1.6 nm 时 ,图 3(c)中相应于 InAs 量 子点的  $E_{c2}$ 到  $E_{c1}$ 的带内跃迁波长从 7.02  $\mu$ m 线性 蓝移到 5.90  $\mu$ m ;高度 l 大于 1.6 nm 时 , $E_{c2}$ 到  $E_{c1}$ 的 跃迁波长随着量子点的高度 l 增加而逐渐从 5.90  $\mu$ m 红移到 31.87  $\mu$ m. InAs 量子点的高度 l 从 2.0 nm 增加到 2.8 nm ,对应的  $E_{c2}$ 到  $E_{c1}$ 的跃迁波长处于 8—14  $\mu$ m 的大气窗口波段,适合于基于束缚态到束 缚态型带内跃迁的长波红外探测器.如图 3(d)所 示,  $In_{0.5}Ga_{0.5}As$  量子点中  $E_{CI}$  到  $E_{HHI}$  的跃迁波长随 着高度 l 增加而逐渐从 1.13  $\mu$ m 红移到 1.27  $\mu$ m. 对 于 InAs 量子点, 当 l 小于 1.3 nm 时,  $E_{CI}$  到  $E_{HHI}$  的跃 迁波长从 1.62  $\mu$ m 轻微地蓝移到 1.60  $\mu$ m, 这是因为  $E_{HHI}$ 减小的速率大于  $E_{CI}$ 减小的速率; 当 l 大于 1.3 nm 时,  $E_{CI}$ 能量继续减小, 而  $E_{HHI}$ 减小趋势变缓并在 l 大于 1.7 nm 之后缓慢增大, 因此  $E_{CI}$  到  $E_{HHI}$  的跃 迁波长从 1.60  $\mu$ m 逐渐红移到 2.01  $\mu$ m.这些结果表 明,  $In_{0.5}Ga_{0.5}$ As 和 InAs 量子点的尺寸变化对其导带 中带内跃迁波长的影响更加显著, 调节  $In_{0.5}Ga_{0.5}$ As 和 InAs 量子点的尺寸可以优化 8—14  $\mu$ m 长波量子 点红外探测器的性能.



图 3  $In_{0.5}Ga_{0.5}As/GaAs$  量子点的 (a) 子带  $E_{C1}$ ,  $E_{C2}$ 和电子限制势  $V_{c0}$ , InAs/GaAs 量子点的 (b) 子带  $E_{C1}$ ,  $E_{C2}$ 和电子限制势  $V_{c0}$ , (c)  $E_{C2}$ 到  $E_{C1}$ 的带内跃迁波长  $\lambda_{C2-C1}$ 以及(d)  $E_{C1}$ 到  $E_{H1}$ 的带间跃迁波长  $\lambda_{C1-H1}$ 与量子点高度 (结构参数)的关系( $In_{0.5}Ga_{0.5}As/GaAs$ 和 InAs/GaAs 量子点的结构参数一样,即 l 从 1.0 nm 增加到 5.0 nm, R = 3l, L = 7.5l, d = 2.0 nm)

## 4.结 论

八带  $k \cdot p$  理论计算结果表明, InGaAs/GaAs 量 子点导带中子能级  $E_{CI}$ 和  $E_{C2}$  重空穴带  $E_{HHI}$ ,  $E_{C2}$ 到  $E_{CI}$ 的带内跃迁波长,以及  $E_{CI}$ 到  $E_{HHI}$ 的跃迁波长是 In 组分和量子点尺寸的函数. 调节 In 组分或者通过

- Masumoto Y , Takagahara T 2002 Semiconductor Quantum Dots : Physics , Spectroscopy and Applications (Berlin : Springer-Verlag ) p457
- [2] Cusack M A ,Briddon P R , Jaros M 1996 Phys. Rev. B 54 R2300
- [3] Jiang H , Singh J 1998 IEEE J. Quantum Electron. 34 1188
- [4] Pryor C 1998 Phys. Rev. B 57 7190
- [5] Ryzhii V 1996 Semicond Sci. Technol. 11 759
- [6] Chakrabarti S, Stiff-Roberts A D, Su X H, Bhattacharya P, Ariyawansa G, Perera A G U 2005 J. Phys. D: Appl. Phys. 38 2135
- [7] Krishna S, Forman D, Annamalai S, Dowd P, Varangis P, Tumolillo T Jr, Gray A, Zilko J, Sun K, Liu M, Campbell J, Carothers D 2005 Appl. Phys. Lett. 86 193501
- [8] Li S S , Xia J B , Xu Z Y , Ge W K , Wang X R , Wang Y , Wang J , Chang L L 1996 Phys. Rev. B 54 11575
- [9] Li S S, Xia J B 1997 Phys. Rev. B 55 15434
- [10] Jiang X , Li S S , Tidrow M Z 1999 Physica E 5 27

选择生长过程中的实验参数来调节量子点尺寸而改 变 InGaAs/GaAs 量子点的  $E_{CI}$ , $E_{C2}$ 和  $E_{HHI}$ 等子带的 能量,从而得到合适的  $E_{CI}$ 到  $E_{C2}$ 的带内跃迁波长或 者  $E_{CI}$ 到  $E_{HHI}$ 的带间跃迁波长,这有益于利用导带 带内跃迁的 InGaAs/GaAs 量子点红外探测器和基于 带间跃迁的 InGaAs/GaAs 量子点激光器的研究.

- [11] Park S H , Ahn D , Lee Y T , Zhuang S L 2003 Jpn J Appl. Phys.
  42 144
- [12] Park S H , Kim J J , Kim H M 2003 J. Kor . Phys. Soc. 42 706
- [13] Fonseca L R C , Jimenez J L , Leburton J P , Martin R M 1998 Phys. Rev. B 57 4017
- [14] Sun Y W, Ma W Q, Yang X J Qu Y H, Hou S H, Jiang D S, Sun B Q, Chen L H 2005 Chinese J. Semiconductors 26 2092 (in Chinese)[孙永伟、马文全、杨晓杰、屈玉华、侯识华、江德生、 孙宝权、陈良惠 2005 半导体学报 26 2092 ]
- [15] Liu Y M, Yu C Y, Yang H B, Huang Y Z 2006 Acta Phys. Sin.
  55 5023 (in Chinese) [刘玉敏、俞重远、杨红波、黄永箴 2006 物理学报 55 5023]
- [16] Liang S , Zhu H L , Pan J Q , Wang W 2006 Chin . Phys. 15 1114
- [17] Bahder T B 1990 Phys. Rev. B 41 11992
- [18] Chuang S L 1995 Physics of Optoelectronics Devices (New York: Wiley)p150

## Calculation of energy levels in InGaAs/GaAs quantum dot array \*

Yang Xiao-Jie<sup>†</sup> Wang Qing Ma Wen-Quan Chen Liang-Hui

( Nano-Optoelectronics Laboratory, Institute of Semiconductors, Chinese Academy of Sciences, Beijing 100083, China)
 ( Received 11 December 2006; revised manuscript received 10 January 2007)

#### Abstract

The subbands of the ground state  $E_{C1}$ , the first excited state  $E_{C2}$  and heavy hole state  $E_{HH1}$  are calculated by solving the eigenvalues of effective-mass Hamiltonian  $H_0$  which is derived from eight-band  $k \cdot p$  theory and the calculations are performed at  $k_x = k_y = k_z = 0$  for the three-dimensional array of InGaAs/GaAs quantum dots ( QDs ). With indium content in InGaAs QDs gradually increasing from 30% to 100%, the intersubband transition wavelength of  $E_{C2}$  to  $E_{C1}$  blue-shifts from 18.50 to 11.87  $\mu$ m while the transition wavelength of  $E_{C1}$  to  $E_{HH1}$  red-shifts from 1.04 to 1.73  $\mu$ m. With the sizes of In<sub>0.5</sub> Ga<sub>0.5</sub> As and InAs QDs increasing from 1.0 to 5.0 nm, the intersubband transition from  $E_{C1}$  to  $E_{C2}$  transforms from bound-state-to-continuum-state to bound-state-to-bound-state , and the corresponding intersubband transition wavelengths red-shift from 1.13  $\mu$ m ( 1.60  $\mu$ m ) to 1.27  $\mu$ m ( 2.01  $\mu$ m ), respectively.

**Keywords**: InGaAs , quantum dot , intersubband transition eight-band  $k \cdot p$  theory **PACC**: 7320D , 7280E , 7115T

<sup>\*</sup> Project supported by the Third Academy of China Aerospace Science & Industry Corp. for Scientific Innovation Research (Grant No. HT3Y83582005).

<sup>†</sup> E-mail :yangxj@semi.ac.cn