# $TiO_2/ZnO$ 纳米薄膜界面热导率的分子动力学模拟\*

杨 平<sup>†</sup> 吴勇胜 许海锋 许鲜欣 张立强 李 培 (江苏大学机械工程学院,镇江 212013)

(2010年7月5日收到;2010年9月28日收到修改稿)

采用平衡分子动力学方法及 Buckingham 势研究了金红石型 TiO<sub>2</sub> 薄膜与闪锌矿型 ZnO 薄膜构筑的纳米薄膜界 面沿晶面[0001](z 轴方向)的热导率. 通过优化分子模拟初始条件中的截断半径 r<sub>c</sub> 和时间步后,计算并分析了平 衡温度、薄膜厚度、薄膜截面大小对热导率的影响. 研究表明,薄膜热导率受薄膜温度和厚度的影响很大,当温度由 300 K 升高 600 K 时,薄膜的热导率逐渐减小;当薄膜厚度由 1.8 nm 增大到 5 nm 时,热导率会逐渐增大;并在此基 础上对更大厚度范围内 TiO<sub>2</sub>/ZnO 界面热导率可能变化性态进行了探讨.

关键词:热导率,分子动力学,TiO<sub>2</sub>/ZnO 纳米薄膜界面,数值模拟 PACS: 66.70. Df, 83.10. Rs, 68.35. - p, 02.60. - x

### 1. 引 言

近年来,纳米科学特别是纳米材料的制备和性 能研究引起研究者的广泛关注. 这是由于当材料小 到纳米尺度时,处于材料边界处的原子在组成整个 纳米材料的原子中占有很大的比例,这样的结果就 体现为纳米材料的尺寸效应.另一方面,界面作为 微纳制造中最普通的结构,对材料的力学、电学、热 传导等物理和化学特性具有非常重要的影响.在界 面附近,材料的物理和化学性质有可能发生很大的 变化,这就体现为纳米材料的界面效应.因此,界面 结构及界面效应研究的重要性是不能忽略的,界面 科学在材料和物理研究领域中已成为一个新的分 支<sup>[1]</sup>.由于尺寸效应和界面效应的影响:纳米薄膜 界面传热等相关问题甚至需要从分子/原子的层面 来进行研究<sup>[2]</sup>. 而分子动力学方法 (molecular dynamics, 简记为 MD) 就是通过求解有相互作用的 各个粒子的运动方程,得到每个粒子的空间位置、 运动状态随时间的演化状况,从而统计出材料的宏 观行为特性的方法. 前期的研究显示了 MD 在研究 微/纳尺度传热特性方面的可行性;如吴国强等[3] 采用平衡分子动力学方法(EMD)和非平衡分子动

力学方法(NEMD)模拟了氩晶体薄膜的法向热导 率,发现热导率随着薄膜厚度的增加而呈线性增 加, 贾明等[4]则采用改进分析型嵌入原子模型 (MAEAM),通过 MD 来模拟了 Mo 薄膜的热力学性 质. 侯泉文等<sup>[5]</sup>通过 NEMD 研究了碳纳米管热导率 与长度的关系,发现碳纳米管热导率随其长度的增 加而增加;并详细研究了导热中弹道运输阶段、扩 散运输阶段与碳纳米管长度的关系. Kulkarni 和 Zhou<sup>[6]</sup>利用 MD 模拟了长度从 19—41Å (1Å = 0.1 nm)的 ZnO 纳米带在温度范围为 500—1500 K, 沿[0110]方向上的热导率,研究显示 ZnO 纳米带具 有明显的尺寸效应和温度效应. Hegedus<sup>[7]</sup>应用 NEMD 讨论了异质系统界面热传导,并与基于声子 散射理论的界面热阻模型进行了比较,两者取得了 良好匹配. Liang 和 Sun<sup>[8]</sup>采用 NEMD 发现,界面热 阻在纳米界面结构热传递中非常重要,并详细讨论 了界面特性对热导率的影响. Volz 等<sup>[9]</sup>采用 NEMD 模拟研究了界面、晶格应变对整个 Si/Ge 超晶格热 导率的影响,并且模拟结果与实验数据相符;另外, Yang 等<sup>[10,11]</sup>则采用 MD 与有限元结合的方法研究 了两种材料所形成的界面对热传输的影响.

过渡金属氧化物因其具有良好的光电磁等特性而成为了当今研究的热点. ZnO 和 TiO<sub>2</sub> 作为过渡

©2011 中国物理学会 Chinese Physical Society

<sup>\*</sup>国家自然科学基金(批准号:61076098,50875115)、江苏省自然科学基金(批准号:BK2008227)和江苏省研究生创新计划(批准号: CX10B-252Z)资助的课题.

<sup>†</sup> E-mail: yangping1964@163.com

金属氧化物中很常见的两种物质,在太阳电池和光 催化剂中有着广泛的应用,但对这两种物质特别是 两者构筑的界面结构在纳米尺度上的传热特性和 机理还缺乏足够的了解.本文采用 EMD 及优化的 Buckingham 势函数来研究金红石型 TiO<sub>2</sub> 与闪锌矿 型 ZnO 构筑的纳米薄膜界面特性,研究在 xy 平面上 晶胞数目、整个薄膜系统的厚度以及系统温度与热 导率的关系.

# 2. 建模与计算

在建模时,首先必须设置原子的初始位型,原 子的初始位型包括在 t<sub>0</sub> 时刻速度以及其他运动信 息,这些运动属性可描述为

 $F_i(t) = m_i a_i(t) = m_i d^2 r_i(t) / dt^2.$  (1) 原子 *i* 上受到的合力为 MD 势函数负的梯度,即

 $F_i = -\partial V_i(r_1, r_2, \dots, r_n) / \partial r_i$ . (2) 通过数值求解牛顿方程得到一个时间序列,即可得 到任意物理量的系综平均为

$$\langle Q \rangle = \overline{Q}(t) = \lim_{t \to \infty} \frac{1}{t} \int_0^t Q(r(t')) dt',$$
 (3)

因此,从计算数学的角度来看,MD 是微分方程的数 值解问题.

对于系统温度保持不变的正则系统(NVT),采用 Nose-Hoover 热浴进行温度调节,描述该系统的运动方程为

$$\dot{r} = p_i / m_i, \qquad (4)$$

$$\dot{p} = f_i - \xi(r_i, p_i) p_i,$$
 (5)

$$f_i = - \nabla_i U(r_1, r_2, \cdots, r_n) , \qquad (6)$$

其中 $m_i, r_i, f_i, p_i$ 和 $U(r_1, r_2, \dots, r_n)$ 分别是第i个粒子的质量、坐标、所受到的合力、动量和其他粒子对其的作用势,  $\xi$ 是约束温度不变的参数.由于温度不

变,系统动能 
$$\dot{E}_k = 0$$
 的关系,所以参数  

$$\xi = \sum_i (p_i f_i) / \sum_i |p_i|^2.$$
(7)

#### 2.1. 局域温度的量子修正

在经典分子动力学中,系统温度由 Boltzmann 能量均分定理得到

$$\frac{2}{3}Nk_{\rm B}T_{\rm MD} = \frac{1}{2}\sum_{i=1}^{N}m_iv_i^2, \qquad (8)$$

其中 N 为模拟区域的粒子总数,  $k_{\rm B}$  为 Boltzmann 常数,  $T_{\rm MD}$  为系统模拟温度,  $m_i$ 和  $v_i$ 分别为粒子的质量和速度. 当温度低于材料 Debye 温度时,由于系统

的比热容与温度有关,(8)式不再成立,即系统实际 温度  $T \neq T_{MD}$ .为了获得正确的仿真结果,必须对模 拟温度  $T_{MD}$ 、模拟结果  $k_{MD}$ 进行量子化修正.采用 Debye 模型进行温度统计的量子修正,通过求解下 列积分方程进行修正

$$3N_{j}k_{\rm B}T_{j,\rm MD} = \sum_{P} \int D_{P}(\omega) \langle n_{P}(\omega,T) \rangle d\omega. \quad (9)$$

求解此方程可以得到与 MD 的局域温度  $T_{j,MD}$  相对应的真实晶格温度  $T_j$ , 而求解方程(9)须引入晶格格波谱,即格波波矢 q 与频率 $\omega$ 的关系.本文采用近似的 Debye 模型

$$\omega = vq, \qquad (10)$$

Debye 模型给出的晶格热容为

$$C_{v} = 9N_{j}k_{\rm B} \left(\frac{T}{\Theta_{\rm D}}\right)^{3} \int_{0}^{\Theta_{\rm D/T}} \frac{x^{4}{\rm e}^{x}}{\left({\rm e}^{x}-1\right)^{2}} {\rm d}x, \quad (11)$$

其中  $C'_{s}$  为质量定容热容,  $\Theta_{\rm D}$  为 Debye 温度. 在 Debye 近似下,能量方程(9)转化为

 $3N_{j}k_{\rm B}T_{j,\rm MD} = 9N_{j}k_{\rm B}T_{j}\left(\frac{T}{\Theta_{\rm D}}\right)^{3}\int_{0}^{\Theta_{\rm D/T}}\frac{x^{3}}{({\rm e}^{x}-1)}{\rm d}x \ , (12)$ 

本文通过求解方程(12),实现了对 MD 得到的局域 温度的量子修正.

### 2.2. EMD 中热导率的计算

EMD 意味着通过模拟系统的平衡态求出导热 系数. 从温度梯度加上到形成稳态的过程中, 热流 的变化有可采用如下公式描述<sup>[12]</sup>:

$$\frac{\mathrm{d}q_z}{\mathrm{d}t} = \frac{q - q_z}{\tau},\tag{13}$$

其中 $\tau$ 是声子的弛豫时间, q是稳态的热流,  $q_z$ 是到 达稳态前在z轴方向随时间变化的热流, 且

$$q_z = \sum_i v_i \varepsilon_i + \frac{1}{2} \sum_{i \neq j} r_{ij} (F_{ij}, v_i), \qquad (14)$$

其中,  $\varepsilon_i$  是包含势能和动能的总能量. (14)式只适用于两体势.

采用平衡态方法时,没有宏观的温度梯度,所 以 q = 0. 根据 G-K 公式,热导率可以由热流 q<sub>z(t)</sub> 的 自相关函数积分得到<sup>[13]</sup>

$$k_{\rm MD} = \frac{1}{3k_{\rm B}T_{\rm MD}^2 V} \int_0^\infty \langle q_{z(t)} q_{z(0)} \rangle \,\mathrm{d}t, \qquad (15)$$

其中 k<sub>MD</sub> 为热导率, T 为温度, V 为模拟区域的体积.

#### 2.3. 原子之间的作用势函数

在 MD 模拟中,材料系统内粒子间相互作用是 通过势函数来实现,势函数的选择直接关系到模拟 结果的准确性.氧化物与氧化物组成的薄膜界面原 子之间的作用力,还没有成熟的势函数来描述<sup>[14]</sup>. 本文中的 TiO<sub>2</sub>/ZnO 薄膜界面系统,原子作用对存 在 10 种类型.这里将采用 Buckingham 势函数的两 体势形式来描述 TiO<sub>2</sub> 及 ZnO 薄膜内部原子之间的 作用力,Buckingham 函数形式<sup>[15]</sup>如下:

$$E_{ij} = A \exp\left(\frac{-r_{ij}}{\rho}\right) - \frac{C}{r_{ij}^{6}} + \frac{q_i q_j}{r_{ij}} , \qquad (16)$$

其中 *E<sub>ij</sub>* 为原子 *i* 和 *j* 的相互作用能. 对于 ZnO 和 TiO<sub>2</sub> 中原子的 *A*, *C*, *ρ* 的取值见文献[15,16]; 对于 ZnO 薄膜和 TiO<sub>2</sub> 薄膜界面上的原子作用对如 Ti-Zn, Ti-O<sub>Zn</sub>, Zn-O<sub>Ti</sub>, O<sub>Zn</sub>-O<sub>Ti</sub>, 本文将采用文献[17,18] 中方法来处理.

#### 2.4. 模型的建立

本文研究的 TiO<sub>2</sub>, ZnO 的晶体类型分别为金红 石型和闪锌矿型,晶体结构如图 1 所示,它们的参数 如下:TiO<sub>2</sub> 的参数为密度 $\rho$  = 4. 25 × 10<sup>3</sup> kg/m<sup>3</sup>,晶胞 参数 a = 4. 59Å, c = 2. 96Å; ZnO 的参数为密度  $\rho$  = 5. 45 × 10<sup>3</sup> kg/m<sup>3</sup>, 晶胞参数 a = 4. 63Å.

模型建立过程如下:本文模拟的是 TiO<sub>2</sub>/ZnO 沿晶面[0001]的热导率,在 xy 平面上将采用 4 × 4 个晶胞,且 xy 平面平行于晶面[0001],在 z 方向上 对 TiO<sub>2</sub>/ZnO 薄膜界面建立了 1.8,2.9,3.9,5 nm 的 4 个厚度.建立的模型如图 2 所示.



图 1 晶体结构示意图 (a) TiO<sub>2</sub> 晶体晶胞结构;(b) ZnO 晶体 晶胞结构



#### 2.5. MD 的初始条件

在x,y方向上采用周期性边界条件,z 轴为热流 方向,采用 Nose-Hoover 热浴进行温度调节,模拟在 正则系统(NVT)中进行,采用 Gear 算法进行运动方 程积分,库仑力的计算采用 Ewald 方法,时间步长为 0.1 fs,TiO<sub>2</sub> 中原子 Ti 和 O 的价位数分别为 +2.196 和 – 1.098, ZnO 中原子 Zn 和 O 的价位数分别为 +2和 – 2.

MD 初始条件中的另外两个参数截断半径 r<sub>e</sub> 和 模拟时间步数是两个很重要的初始条件,对模拟结 果和计算时间有着直接的影响.为了保证模拟结果 的精度和尽量减少计算时间,下面通过计算来确定 这两个参数的大小.

2.5.1. 模拟时间的确定

由于文中是通过 EMD 来计算 1.8,2.9,3.9, 5 nm这4个厚度的薄膜在温度为 300,400,500,600 K下的热导率,所以可以通过系统平衡温度与模拟 时间的关系来确定 MD 模拟时间的大小,即当系统 温度平衡时所对应的时间即为我们所需要的 MD 初 始时间. 图 3 中(a)—(d)中的曲线分别表示的是 TiO<sub>2</sub>/ZnO 薄膜界面厚度为 3.9 nm 时,在模拟温度 为 300,400,500,600 K 下薄膜界面的平衡温度与模 拟时间的关系,此处分子模拟的初始条件中的 r<sub>e</sub> = 10Å,模拟时间为20 ps(时间步长为0.1 fs,步数为  $2 \times 10^5$ ). 从图 3 可以看出,不管在哪个模拟温度下, 系统温度平衡的时间大约都在  $10 \text{ ps}(1 \times 10^5 \text{ b})$ 左 右,在10ps后,系统温度基本不变,即整个薄膜系 统达到平衡.因此,温度对平衡时间没有太大影响, 我们就把10 ps(1×10<sup>5</sup> 步)当做 MD 的初始时间. 2.5.2. 截断半径 r<sub>e</sub> 的确定

在确定模拟时间为 10 ps 的情况下,再来考虑 r<sub>e</sub>大小的选择,为了消除其他因素的影响,此处选择 的薄膜系统及初始条件与上述相同,只是此时的变 量为 r<sub>e</sub>. 计算结果如图 4 所示,模拟结果显示出同一 薄膜系统不同温度下 r<sub>e</sub>的选取对模拟结果影响各不相同,如模拟温度为 300 K时,可选取 0.4 nm 及以上的长度为 r<sub>e</sub>,而 600 K时则要选取 0.6 nm 及以上的长度为 r<sub>e</sub>才能保证模拟结果的精度.但不管在哪

个模拟温度下,当r。为0.6 nm时,计算出来的热导率已具有足够的准确性.为了保证模拟结果的精度和减少计算时间以及满足不同的薄膜系统,本文将设r。=0.6 nm作为 MD 的初始条件.



图 3 薄膜界面平衡温度与时间关系曲线 (a) T = 300 K; (b) T = 400 K; (c) T = 500 K; (d) T = 600 K

由于上述两个参数在确定过程中只考虑了温度因素,而本文在模拟过程中存在4种不同厚度,因此在进行计算前先对上述确定的两个参数进行论证以确定它们的正确性.图5计算的是在系统温度为400 K,TiO<sub>2</sub>/ZnO薄膜界面厚度为1.8,2.9,3.9,



图 4 热导率随着截断半径的变化

5 nm 情况下热导率与时间的关系曲线. 从图 5 可以 看出,不管哪一个厚度下,当模拟时间大于 10 ps 时,热导率的变化已经很小. 这与上面用温度来确 定的模拟时间步是一致的,并且时间步数的选择与 薄膜界面厚度没有太大的关系. 因此,上述确定的 两个参数是可靠的.

3. 模拟结果与讨论

# 3.1.TiO<sub>2</sub>/ZnO 薄膜界面水平方向尺寸与热导率的 关系

图 6 显示的是 TiO<sub>2</sub>/ZnO 薄膜界面在厚度为 5 nm时水平方向尺寸对热导的影响. 从图 6 可以看 出,随着水平尺寸的增大(原子数的增多),薄膜界 面热导率也随之增大. 这说明薄膜在水平方向也具 有明显的尺寸效应. 可能的原因是水平尺寸越大,



图 5 不同厚度下热导率与模拟时间的关系

薄膜的热阻越小,而热导率与热阻之间存在反比关系,因而水平尺寸越大,热导率也越大.这与文献[19]的结果相符.另外,从图6还可以看出,原子数 增多时,计算结果的波动越来越小,即精度得到很大的提高.这是因为截面积的增加,模拟的原子数 相应增加,这就更接近于实际情况,因而模拟得到的结果也就更接近.由此可知,要想得到精度高的 模拟结果,选择合适的水平尺寸是必要的,这也是 本文中选择4×4个原胞进行模拟的原因.



图6 水平方向模型尺寸对热导率的影响

## 3.2. TiO<sub>2</sub>/ZnO 薄膜界面厚度及温度与热导率的 关系

图7显示了不同温度下TiO<sub>2</sub>/ZnO薄膜界面沿z 轴方向的尺寸对薄膜热导率的影响. 从图7可以看出,TiO<sub>2</sub>/ZnO薄膜界面热导率随厚度的增加而增加,并且随着厚度增加,热导率增加趋势变得平缓. 模拟得到的界面热导率处于1.95—2.78 W/mk的范围内,这不仅远小于对应的单层TiO<sub>2</sub>薄膜或ZnO 薄膜的热导率(TiO<sub>2</sub> 薄膜热导率为4 W·m<sup>-1</sup>·K<sup>-1</sup>左 右<sup>[20]</sup>,ZnO 薄膜热导率为10 W·m<sup>-1</sup>·K<sup>-1</sup>左右<sup>[6]</sup>), 而且也小于这两种薄膜材料热导平均值的一半,这 一结论与文献[21]相符.这种薄膜尺寸效应以及小 于两种薄膜热导率平均值一半的原因可作如下 解释.



图 7 薄膜界面厚度对热导率的影响

对于半导体材料而言,声子是主要的热载流 子.组成TiO<sub>2</sub>/ZnO薄膜界面的单层薄膜中,根据固 体物理理论中声子气的动力论,电介质固体的晶格 导热系数可表示为

$$k_q = \frac{1}{3}C'_v v l , \qquad (17)$$

其中 v 为声速, l 为声子的平均自由程. 经典固体物 理理论中认为:尺寸效应一般在薄膜厚度小于声子 平均自由程的情况下发生. 在本文模拟的温度范 围,声子平均自由程可近似表示为

$$l \sim \frac{20}{\gamma^2} \frac{T_{\rm m}}{T} a, \qquad (18)$$

其中  $\gamma$  为 Gruneisen 常数,通常  $\gamma \approx 2$ ,  $T_{\rm m}$  为材料熔 点温度, a 为晶格常数. 对于 TiO<sub>2</sub> 和 ZnO 两种材料 而言,通过(18)式可以估算出它们的平均声子自由 程为 10 nm 以上. 这要大于本文研究的薄膜厚度. 因 而整个薄膜界面显示出尺寸效应.

另外,在组成 TiO<sub>2</sub>/ZnO 薄膜界面中的单层薄膜内部,薄膜边界的散射对热导率也有很大影响, 根据晶格导热系数理论,可得到晶格导热系数为

$$k_{j} = 3nk_{\rm B} \left(\frac{T}{\Theta_{\rm D}}\right)^{3} v^{2} \int_{0}^{\Theta_{\rm D}/T} \frac{x^{4} {\rm e}^{x}}{\left({\rm e}^{x}-1\right)^{2}} \tau {\rm d}x, \quad (19)$$

其中 *n* 为原子的数密度, *τ* 为声子平均弛豫时间.由 于薄膜边界对声子的散射,薄膜中有效的声子平均 弛豫时间可根据 Matthiessen 法则确定,

$$\frac{1}{\tau} = \frac{1}{\tau_{\rm b}} + \frac{v}{d} \frac{4(2p^{-1} - 1)}{3}, \qquad (20)$$

其中 τ<sub>b</sub> 为块体材料中的声子平均弛豫时间, p 为薄 膜边界对声子的镜反射率, d 为薄膜的厚度. 根据 (19)和(20)式可以得出, d和p 越大, 有效弛豫时间 τ 也越大, 从而薄膜热导率就越大, 反之就越小. 这 就是热导率随着薄膜厚度的增加而变大的原因.

对于 TiO<sub>2</sub>/ZnO 薄膜界面而言,声子在传热过 程中除了在薄膜内部和边界发生散射外,界面处对 声子的影响也非常大.声失配理论认为,声子像平 面波一样是连续体,当通过两种不同的材料时声子 会在界面处发生反射、散射以及模转化,从而导致 声子传热能力的降低.因此,整个薄膜界面的热导 率不但小于单层薄膜的值,而且要小于两层薄膜热 导率平均值的一半.



图 8 TiO<sub>2</sub>/ZnO 薄膜界面热导率与温度的关系

图 8 所示为 TiO<sub>2</sub>/ZnO<sub>2</sub> 薄膜界面热导率与温度 的关系. 从图 8 可看出, 当温度由 300 K 上升到 600 K时, 热导率降低了 15% 左右, 显示出薄膜热导 率具有明显的温度效应. 这主要是由于温度升高 时, 材料的热软化以及原子振动幅度变大, 以致高 频声子在热传递中起的作用越来越大, 而高频声子 的散射更强,声子自由程更短,从而导致整个薄膜 界面热导率降低.据文献[20]中对 TiO<sub>2</sub> 单层薄膜和 文献[6]中对 ZnO 单层薄膜热导率的实验研究可 知,在一定的温度范围内,单层 TiO<sub>2</sub> 薄膜和单层 ZnO 薄膜热导率随着温度的增加而减小.本文的研 究结果也表明,TiO<sub>2</sub>/ZnO 薄膜界面热导率随温度的 变化趋势和其单层薄膜随温度的变化趋势具有相 似性.

## 4. 结论与讨论

通过计算,选择合理的截断半径 r<sub>e</sub> =0.6 nm 和 模拟时间 t = 10 ps,用 EMD 对 TiO<sub>2</sub>/ZnO 薄膜界面 热导率进行了模拟.模拟结果表明:薄膜界面热导 率在水平方向和沿晶面[0001]方向都存在明显的 尺寸效应,在水平方向上晶胞数位4×4时的热导率 几乎为1×1 晶胞热导率的2.5倍.晶面[0001]方向 上,薄膜界面厚度为5 nm 时的热导率比1.9 nm 时 高出约 20%,并且整个 TiO<sub>2</sub>/ZnO 薄膜系统热导率 值要小于这两种材料热导率还具有明显的温度效应, 热导率随着温度的升高而减小,减小幅度达 到 15%.

对于更大范围的 TiO<sub>2</sub>/ZnO 薄膜界面厚度与 热导率的的关系,用于计算容量的限制,本文未作 进一步的研究,但进行以下两种推测:1)随着 TiO<sub>2</sub>/ZnO 薄膜界面厚度的增加,其热导率也随着 增加,最终直至宏观 TiO<sub>2</sub> 与宏观 ZnO 所成界面的 热导率.2)随着薄膜厚度的增加,热导率变化有不 可预测性,如出现反向非线性等.若为第二种推 测,则说明 TiO<sub>2</sub>/ZnO 薄膜界面热导率具有特殊 性.这一特殊性是普遍存在于氧化物界面之间,还 是只有 TiO<sub>2</sub>/ZnO 薄膜界面所特有? 这有待进一 步探索.

- [1] Allara D L 2005 Nature **437** 638
- [2] Chou F C, Lukes J R, Liang X G 1999 J. Heat Transfer. 10 141
- [3] Wu G Q, Kong X R, Sun Z W, Wang Y H 2006 Acta Phys. Sin. 55 1 (in Chinese) [吴国强、孔宪仁、孙兆伟、王亚辉 2006 物理学报 55 1]
- [4] Jia M, Lai Y Q, Tian Z L, Liu Y X 2009 Acta Phys. Sin. 58 1139 (in Chinese) [贾 明、赖廷清、田忠良、刘业翔 2009 物 理学报 58 1139]
- [5] Hou Q W, Cao B Y, Guo Z Y 2009 Acta Phys. Sin. 58 7809 (in Chinese) [侯泉文、曹炳阳、过增元 2009 物理学报 58 7809]
- [6] Kulkarni A J, Zhou M 2006 Appl. Phys. Lett. 88 141921
- [7] Hegedus P J, Abramson A R 2006 Heat Mass Transfer. 49 4921
- [8] Liang X G, Sun L 2005 Microscale Thermophys. Eng. 9 295
- [9] Volz S G, Saulnier J B 2000 Microelectron. J. 31 815
- [10] Yang P, Liao N B 2008 Appl. Phys. A 92 329

- [11] Yang P, Liao N B 2008 J. Thermophys Heat Transfer 22 581
- [12] Zhong Z R, Wang X W, Xu J 2004 Numer. Heat Transfer B 45 429
- [13] Schelling P K, Phillpot S R, Keblinski P K 2002 Phys. Rev. B 65 144306
- [14] Sinnott S B, Dickey E C 2003 Mater. Sci. Eng. R 43 1
- [15] Wunderlich W 1998 Phys. Stat. Sol. A 170 99
- [16] Naicker P K, Cummings P T, Zhang H Z, Banfield J F 2005 J. Phys. Chem. B 109 15243
- [17] Sergey V D, Nobuhiro Y, Yutaka K 2004 Acta Mater. 52 1959
- [18] White A 2000 Intermolecular Potentials of Mixed System: Testing the Lorentz-Berthelot Mixing Rules With Ab Initio calculations (Melbourne Victoria : DSTO Aeronautical and Maritime Research Laboratory) p1
- [19] Stevens R J, Zhigilei L V, Norris P M 2007 Int. J. Heat Mass Transfer. 50 3977
- [20] Kim D J, Kim D S, Cho S 2004 Int. J. Thermophys. 25 281
- [21] Abramson A R, Tien C L, Majumdar A 2002 J. Heat Transfer. 124 963

# Molecular dynamics simulation of thermal conductivity for the TiO<sub>2</sub> /ZnO nano-film interface \*

Yang Ping<sup>†</sup> Wu Yong-Sheng Xu Hai-Feng Xu Xian-Xin Zhang Li-Qiang Li Pei (School of Mechanical Engineering, Jiangsu University, Zhenjiang 212013, China) (Received 5 July 2010; revised manuscript received 28 September 2010)

#### Abstract

In the paper, the equilibrium molecular dynamics and Buckingham potential function are used to investigate the thermal conductivity of  $\text{TiO}_2/\text{ZnO}$  nano-film interface along to [0001] (*z*-axis). The effects of the equilibrium temperature, the thickness and the cross section of the nano-film interface on the thermal conductivity of  $\text{TiO}_2/\text{ZnO}$  are investigated by optimizing the cut-off radius ( $r_c$ ) and the time step for initial condition of molecular dynamics. The results indicate that the thermal conductivity of  $\text{TiO}_2/\text{ZnO}$  nano-film interface decreases with temperature increasing from 300 K to 600 K, and increases with film thickness increasing from 1.8 to 5 nm. Finally, the relationship between the thermal conductivity and the thickness of  $\text{TiO}_2/\text{ZnO}$  nano-film interface is discussed.

**Keywords**: thermal conductivity, molecular dynamics, TiO<sub>2</sub>/ZnO nano-film interface, numerical simulation **PACS**: 66. 70. Df,83. 10. Rs,68. 35. - p,02. 60. - x

<sup>\*</sup> Project supported by the National Natural Science Foundation of China (Grant Nos. 61076098, 50875115), the Natural Science Foundation of Jiangsu Province, China (Grant No. BK2008227), and the Graduate Innovative Program of Jiangsu Province, China (Grant No. CX10B-252Z).

<sup>†</sup> E-mail:yangping1964@163.com