# 非球形包膜微泡近场局部高压研究\*

邵纬航 陈伟中\*

(南京大学声学研究所,近代声学教育部重点实验室,南京 210093)

(2014年4月18日收到; 2014年5月5日收到修改稿)

基于流体力学,导出了超声驱动下的非球形包膜微泡的外部流体压强的解析表达式.数值模拟表明,虽 然包膜微泡的非球形状对远场流体压强没有明显影响,但会造成近场局部位置有极大的流体压强,其明显高 于同等条件下的球形包膜微泡周围相应位置上的流体压强.这一现象对包膜微泡的实际应用,如强超声治疗、 靶向给药和细胞微穿孔等有着重要的意义.随着驱动频率向包膜微泡本征频率的靠近或微泡偏离球形程度的 增大,所产生的近场局部高压也越大.

关键词: 非球形, 包膜微泡, 近场局部高压 PACS: 47.55.dd, 43.25.Yw

## 1引言

包膜微泡是以脂质、清蛋白或者聚合物作为包 膜层,包裹有大分子气体的人造微米级气泡,其在 生物医学领域有着广泛和重要的用途. 包膜微泡 问世以来,多作为组织成像的造影剂来增强诊断 超声中的血液/组织成像对比度[1],近年来其在超 声治疗领域亦展示出诱人的应用前景,例如聚焦 超声肿瘤治疗、靶向药物传递以及细胞微穿孔技术 等<sup>[2,3]</sup>.理论上讲,引进包膜层会减弱微泡的散射 回波信号并且限制微泡的振动,因而包膜微泡的医 疗效果不如无包膜的自由微气泡好. 然而包膜层 的存在使得微泡不至于在人体血液和组织中快速 溶解,从而保证了微泡起作用的有效时间.为指导 包膜微泡的临床应用,学者们积极探索包膜微泡在 超声驱动下的动力学特性.目前实验上已成功应用 高速相机<sup>[4]</sup> 或锁相积分法<sup>[5]</sup> 拍摄到微泡在超声驱 动下的高速脉动过程. 而在理论方面, 学者们为不 同包膜结构的微泡建立了相应的颇有实际意义的 动力学模型. 比较著名的有: Church 模型 ——适用 于大多数包膜层为蛋白或脂质的微泡<sup>[6]</sup>, Marmot-

#### **DOI:** 10.7498/aps.63.204702

tant 模型——适用于包膜层为表面活性剂的微泡<sup>[7]</sup>, 还有 Maxwell 模型——适用于包膜层有明显 流变性质的微泡<sup>[8]</sup>等.

包膜微泡动力学承继于传统Rayleigh自由 气泡动力学.以往的包膜微泡模型大都沿用了 Rayleigh 自由气泡模型中的"微泡(或说包膜层) 是球对称的"这一理想假设. 对于单个自由气泡 而言,不考虑诸如气泡与气泡、气泡与壁面相互作 用<sup>[9-11]</sup>等因素,球对称假设确是合理的.而事实上 对于单个包膜微泡,由于实际制造出的包膜微泡并 非严格球形,包膜层的厚度亦不能保证空间处处相 同. 包膜微泡这种固有的非球对称结构对微泡本身 的动力学特性带来何种影响, 是应该引起注意的现 实问题. 对此, 作者曾经专门为非球形包膜微泡建 立了动力学模型<sup>[12]</sup>,总结出其在超声场作用下的 振动规律,结果显示球形和非球形包膜微泡的动力 学特性有着显著的差异. 这启示我们包膜微泡的形 状对其自身品质和医学效果有重要影响.因此,本 文在之前工作<sup>[12]</sup>的基础上,探索非球形包膜微泡 对其外部流体环境的作用,从而分析包膜微泡的非 球形状对超声成像、强超声治疗效果以及微泡给药 效率的影响.本文第2部分介绍非球形包膜微泡的

<sup>\*</sup> 国家自然科学基金(批准号: 11174145, 11334005)资助的课题.

<sup>†</sup>通讯作者. E-mail: wzchen@nju.edu.cn

<sup>© 2014</sup> 中国物理学会 Chinese Physical Society

背景模型,并导出微泡外界流体压强场分布公式; 第3部分给出理论分析和模拟,并着重计算了非球 形包膜微泡的近场流体压强;最后是小结和讨论.

2 非球形包膜微泡背景模型和微泡 外部流体压强公式

考虑一个悬浮于液体环境中的非球形包膜微 泡,其在超声驱动下振动,物理模型如图1所示.



图1 非球形包膜微泡模型示意图

对于包膜微泡的内外界面函数 $r_1$ 和 $r_2$ ,我们将其用球谐函数做微扰展开<sup>[13]</sup> ( $\varepsilon$ 为微扰因子):

$$r_{1} = f_{1}(\theta, \varphi, t)$$
  
=  $R_{1}(t) + \varepsilon \sum_{n \ge 1, m} a_{nm}(t) Y_{n}^{m}(\theta, \varphi),$   
 $r_{2} = f_{2}(\theta, \varphi, t)$   
=  $R_{2}(t) + \varepsilon \sum_{n \ge 1, m} b_{nm}(t) Y_{n}^{m}(\theta, \varphi),$  (1)

其中 t 为时间. 我们只要导出其中展开系数 R<sub>1</sub>, R<sub>2</sub>, a<sub>nm</sub> 和 b<sub>nm</sub> 所满足的方程,即可由之模拟非球形包 膜微泡的振动情形. 因此我们尝试求解包膜层和包 膜微泡外部液体所满足的纳维-斯托克斯方程

$$\rho \left[ \frac{\partial \boldsymbol{u}}{\partial t} + (\boldsymbol{u} \cdot \nabla) \boldsymbol{u} \right] = \nabla \cdot \boldsymbol{T}, \qquad (2)$$

其中**u**, **T**和ρ分别为包膜层(或者液体)的速度、应 力张量及密度. 假设包膜层为一般黏弹材料(可以 是脂质、蛋白和聚合体), 其应力张量为

$$\boldsymbol{T}^{\mathrm{S}} = \left(\boldsymbol{\mu} + \boldsymbol{I}\frac{\lambda}{2}\mathrm{Tr}\right) \left[\nabla \boldsymbol{A}^{\mathrm{S}} + (\nabla \boldsymbol{A}^{\mathrm{S}})^{\mathrm{T}}\right] + \eta_{\mathrm{S}} \left[\nabla \boldsymbol{u}^{\mathrm{S}} + (\nabla \boldsymbol{u}^{\mathrm{S}})^{\mathrm{T}}\right], \qquad (3)$$

其中 $A^{S}$ 和 $u^{S}$ 分别为包膜层空间某点的位移和速度,  $\lambda$  和 $\mu$ 为材料Lamé常数,  $\eta_{S}$ 为材料黏滞系数, Tr 为矩阵求迹符号.同时假设包膜微泡外部流体为牛顿流体,应力张量为

$$\boldsymbol{T}^{\mathrm{L}} = -p^{\mathrm{L}}\boldsymbol{I} + \eta_{\mathrm{L}} \big[ \nabla \boldsymbol{u}^{\mathrm{L}} + (\nabla \boldsymbol{u}^{\mathrm{L}})^{\mathrm{T}} \big], \qquad (4)$$

其中 $p^{L}$ 和 $u^{L}$ 分别为流体空间某点的压强和流速,  $\eta_{L}$ 为流体黏滞系数.根据流体和弹性力学相关理 论,我们可以推导出 $R_{1}$ , $R_{2}$ , $a_{nm}$ 和 $b_{nm}$ 所满足的 方程<sup>[12]</sup>.其中 $R_{1}$ 和 $R_{2}$ 即是球形包膜微泡的内外 半径,而 $a_{nm}$ 和 $b_{nm}$ 是非球形修正.当微扰因子  $\varepsilon = 0$ 时,模型即退化为球对称包膜微泡的动力学 模型.

接下来推导包膜微泡外部流体压强场 $p^{L}$ . 假设流体满足不可压缩条件,并且忽略流体有旋运动,从而引入流体速度势 $\phi$  ( $u^{L} = \nabla \phi$ ),  $\phi$  满足

$$\nabla^2 \phi = 0. \tag{5}$$

另外, 引入*φ*可将流体的纳维-斯托克斯方程(2)转 变为伯努利方程

$$\frac{\partial\phi}{\partial t} + \frac{1}{2} \left(\frac{\partial\phi}{\partial r}\right)^2 + \frac{p^{\rm L}}{\rho^{\rm L}} = C(t), \qquad (6)$$

 $\rho^{L}$ 为外部流体密度. 对应(1)式的形式, 将 $p^{L}$ 以及  $\phi$ 写成

$$p^{\mathrm{L}} = p_0^{\mathrm{L}} + \varepsilon \sum_{n \ge 1, m} p_{nm}^{\mathrm{L}} \mathbf{Y}_n^m(\theta, \varphi),$$
  
$$\phi = \phi_0 + \varepsilon \sum_{n \ge 1, m} \phi_{nm} \mathbf{Y}_n^m(\theta, \varphi).$$
(7)

以下推导过程只保留ε的0次和1次项. 记无穷远 处速度势为0,不难得到方程(5)的解的形式为

$$\phi_0 = \frac{B_0(t)}{r}, \quad \phi_{nm} = \frac{B_{nm}(t)}{r^{n+1}}.$$
 (8)

将(7),(8)两式代入(6)式,得

$$\varepsilon^{0}: p_{0}^{L} = -\rho^{L} \left( \frac{1}{r} \frac{\mathrm{d}B_{0}}{\mathrm{d}t} + \frac{1}{2} \frac{B_{0}^{2}}{r^{4}} \right) + C_{0}(t),$$
  

$$\varepsilon^{1}: p_{nm}^{L} = -\rho^{L} \left( \frac{1}{r^{n+1}} \frac{\mathrm{d}B_{nm}}{\mathrm{d}t} + \frac{(n+1)B_{0}B_{nm}}{r^{n+4}} \right) + C_{nm}(t).$$
(9)

考虑包膜层与外部液体交界面 $G_2$ ,因为 包膜层和外部液体间没有间断或互融,故而  $G_2$ 上任意一点 $P(r, \theta, \varphi)$ 在任意时刻t皆应满足  $r - r_2(\theta, \varphi, t) = 0$ .即

$$\frac{\mathrm{D}}{\mathrm{D}t}[r - r_2(\theta, \varphi, t)] = 0, \qquad (10)$$

204702-2

其中  $\frac{\mathrm{D}}{\mathrm{D}t} = \frac{\partial}{\partial t} + (\boldsymbol{u} \cdot \nabla)$ 为时间全导数. 由 (10) 式 可得

$$\varepsilon^{0}: B_{0} = -R_{2}^{2}\dot{R}_{2},$$
  

$$\varepsilon^{1}: B_{nm} = -\frac{R_{2}^{n+2}}{(n+1)} \left(\dot{b}_{nm} + 2\frac{\dot{R}_{2}}{R_{2}}b_{nm}\right). \quad (11)$$

另一方面,考虑无穷远处液体压强应等于环境 压强 $p_0$  (= 1 atm)和驱动声压 $p_d$ 之和,因此

$$\varepsilon^{0}: C_{0} = p_{0} + p_{d},$$
  

$$\varepsilon^{1}: C_{nm} = 0,$$
(12)

其中假设驱动声压为球对称分布,即与角度无关. 将(11)和(12)两式代入(9)式,即求得包膜微泡外 部压强场 $p^{L}$  (=  $p_{0}^{L} + \epsilon \sum p_{nm}^{L} Y_{nm}$ )的表达式

$$p_{0}^{L} = \rho^{L} \left( \frac{R_{2}^{2} \ddot{R}_{2}}{r} + \frac{2R_{2}\dot{R}_{2}^{2}}{r} - \frac{1}{2} \frac{R_{2}^{4}\dot{R}_{2}^{2}}{r^{4}} \right) + p_{0} + p_{d},$$

$$p_{nm}^{L} = \rho^{L} \left[ \left( \frac{n+2}{n+1} \frac{R_{2}^{n+1}}{r^{n+1}} - \frac{R_{2}^{n+4}}{r^{n+4}} \right) \right]$$

$$\times \dot{R}_{2} \left( \dot{b}_{nm} + 2 \frac{\dot{R}_{2}}{R_{2}} b_{nm} \right) + \frac{R_{2}^{n+2}}{(n+1)r^{n+1}}$$

$$\times \frac{d}{dt} \left( \dot{b}_{nm} + 2 \frac{\dot{R}_{2}}{R_{2}} b_{nm} \right) \right].$$
(13)

由此得以计算在一定声压驱动下,非球形包膜微泡 振动对流体环境压强分布的影响,从而分析包膜微 泡的实用效果.

### 3 非球形包膜微泡的近场压强

观察 (13) 式不难发现,  $p_0^L$  随距离r的 -1次方 衰减,而 $p_{nm}^L$  却是随距离r的 -(n+1)次方衰减, 故而包膜微泡的非球形状对远场流体压强几乎没 有影响.也就是说,超声成像的回波信号不会因为 包膜微泡的形状而有所不同.但值得注意的是,理 论计算表明,微泡形状将很大程度地影响近场流体 压强的分布,甚至会出现近场局部高压.下面做具 体讨论.

为方便描述和简约参数,本文讨论的非球形 包膜微泡如图2所示. 初始时刻,其包膜层内 外表面为两个非同心球面. 两球心距离E满足  $E < R_{out} - R_{in}$ 和 $E \ll R_{in}$ .取内表面球心为坐标 原点,有

$$r_1(\theta, \varphi, t = 0) = R_{\text{in}},$$
  

$$r_2(\theta, \varphi, t = 0)$$
  

$$= E \cos \theta + (R_{\text{out}}^2 - E^2 \sin^2 \theta)^{1/2}$$

$$\approx R_{\rm out} - \frac{E^2}{3R_{\rm out}} + EY_1^0(\theta, \varphi).$$
(14)

本文取模型参数如下: 单频正弦驱动声 压  $p_{\rm d}(t) = p_{\rm a} \sin(2\pi f t)$  (振幅  $p_{\rm a} = 1$  atm, 频率 f = 3.5 MHz); 参考商用包膜微泡 Optison<sup>TM[14]</sup>, 故取液体和包膜层密度为  $\rho_{\rm L} = 1000 \text{ kg/m}^3, \rho_{\rm S} =$ 1100 kg/m<sup>3</sup>;液体和包膜层黏滞  $\eta_{L} = 0.001$  Pa·s,  $\eta_{\rm S} = 0.05 \, {\rm Pa·s};$ 边界 $G_1 \, \pi G_2$ 的表面张力系数 (本文之前没有提到, 但对具体计算有用)  $\sigma_1 =$  $0.040 \text{ N/m}, \sigma_2 = 0.005 \text{ N/m};$ 包膜材料 Lamé 常数  $\lambda = 15$  MPa,  $\mu = 15$  MPa; 包膜层内外球面初始 半径  $R_{in} = 2 \mu m$ ,  $R_{out} = 2.02 \mu m$ . 另外我们记  $e = E/(R_{out} - R_{in})$ 为微泡的离心率,用于表征微 泡偏离球形的程度 (e = 0即正球形). 在已知微泡 初始结构(由(14)式给出),并记微泡初始时刻处于 静止状态条件下,由我们先前的工作[12],可以数值 求解出 R<sub>1</sub>, R<sub>2</sub>, a<sub>nm</sub>和 b<sub>nm</sub>. 针对微泡的非同心球 结构,可以保留有效的近似而仅计算R1,R2,a10和  $b_{10}$ , 进而求解近场  $p^{L}$ .



图 2 非同心球结构包膜微泡示意图

理论计算表明, 微泡在经过开始十几个声周 期的暂态过程后, 便进入稳定的非球形振动阶段. 图 3 给出了 e = 0.2 的微泡在做稳定非球形振动期 间, 在一个驱动周期内的最大压缩和膨胀形状. 从 图 3 中可以看出, 微泡左半球比起右半球振动明 显要剧烈得多. 这同时反映了微泡左侧流体较右 侧的有更为激烈的物理变化. 我们给出图 3 微泡 0°和180°方向微泡边缘以及距微泡一个半径距 离的近场声压  $p^{L}(r_{2}(\theta = 0, t)), p^{L}(r_{2}(\theta = \pi, t)),$  $p^{L}(2r_{2}(\theta = 0, t)) 和 p^{L}(2r_{2}(\theta = \pi, t))$ 在两个驱动周 期内的值, 并与同等参数条件下 e = 0的球形包膜 微泡的相应位置的近场声压值做比较, 结果如图4







图4 微泡半径及近场部分位置上的流体压强随时间演化 (a), (b) 和 (c) 分别记录了  $e = 0.2 \pm 0.2 \pm 0.0 \pm$ 

所示.由图可见,在微泡压缩到最小半径时,近场流体压强达到极大值;对于球形微泡,流体压强自然与空间角度无关;对于图2非同心球结构微泡,流体压强在 $\theta = 0$ 方向最弱,而在 $\theta = \pi$ 方向最强.比较图4(b)和(e),或(c)和(f)可知,虽然非同心球微泡在 $\theta = 0$ 方向的近场流体压强低于球形微泡相应位置上的压强,但在 $\theta = \pi$ 方向的压强却是球形微泡对应位置上压强的近两倍.在临床应用中,更强的压强意味着更好的治疗效果.包膜微泡的非球形结构实现了在一定声压驱动下局部位置获得更大的近场压强,恰恰可能是我们所需要的.比如在微泡靶向给药或细胞微穿孔过程中,我们可以用更小的驱动声压、更小的声功率达到足够大的近场压强,导致微泡破裂,泡内药物从而以射流形式击入靶细胞;或者在局部位置戳破细胞膜实现细胞穿孔.



图5 不同驱动频率下,非同心结构包膜微泡近场180° 方向若干位置上的流体压强在一个驱动周期内的极值 (a)—(c)分别记录的是微泡边缘、距微泡一个半径距离以 及距微泡两个半径距离位置上的压强极值;驱动声压幅值 为1 atm

我们知道,当驱动频率趋向包膜微泡本征频率 时,微泡振幅会明显增大<sup>[5]</sup>.本文的理论计算表明, 这个效果对非球形包膜微泡更为明显.相应地,非 球形包膜微泡的近场流体压强也将在驱动频率靠 近微泡本征频率时急剧增强.为研究频率对微泡 近场压强的影响,我们选择包含微泡本征频率的 驱动频带范围,计算每个驱动频率下非球形包膜微 泡180°方向近场若干位置上压强的极值,结果如 图5所示.需要说明的是,在微扰条件下,微泡非 球形状对微泡本征频率没有影响.由我们之前的工 作可以算出,本文的模型参数下微泡的线性本征频 率约为3.8 MHz,由于微泡做有限振幅运动,非线 性效应将导致本征频率左移,这也是图5中曲线的 峰点对应的横坐标在3.2而非3.8 MHz的原因.由 图5可看出,当驱动频率靠近本征频率时,非球形 包膜微泡的近场压强远大于相应球形微泡的近场 压强,且随着非球形程度的增大(e的增大),差距更 为显著.虽然随着外部流体与微泡距离的增大,压 强明显衰减,但是差距依然清晰可见.另一方面也 可看到在驱动频率远离本征频率时,包膜微泡的形 状对近场压强的影响很微弱.这些结果启示我们, 在现实应用中应尽量找准微泡的本征频率,才能更 好地发挥微泡的实用效果.

## 4 结 论

本文给出了非球形包膜微泡在超声驱动下其 外部流体压强的解析表达式.理论计算表明,包膜 微泡的非球形状对远场流体压强几乎无影响,也就 是说在实际超声成像应用中非球形状不至于改变 回波信号.然而,非球形包膜微泡近场流体的局部 位置上却存在极高的压强,其强度是同等条件下的 球形包膜微泡的外部流体压强所不能达到的.这一 结论对包膜微泡的外部流体压强所不能达到的.这一 结论对包膜微泡的实际应用,如强超声治疗、靶向 给药以及细胞微穿孔等有着重要的意义,理论上提 示我们可以用更低的声压(声功率)实现同样的治 疗效果.同时我们也总结出,随着驱动频率向微泡 本征频率靠近以及微泡偏离球形程度的增大,这种 近场局部高压效应也将显著增强.

#### 参考文献

- van der Meer S M, Dollet B, Voormolen M M, Chin C T, Bouakaz A, de Jong N, Versluis M, Lohse D 2007 J. Acoust. Soc. Am. 121 648
- [2] Wu J R, Ross J R, Chiu J F 2002 J. Acoust. Soc. Am. 111 1460
- [3] Unger E C, Porter T, Culp W, Labell R, Matsunaga T, Zutshi R 2004 Adv. Drug. Del. Rev. 56 1291
- [4] Chetty K, Stride E, Sennoga C A, Hajnal J V, Eckersley R J 2008 IEEE Trans. Ultrason. Ferroelectr. Frequency Control 55 1333
- [5] Liang J F, Chen W Z, Shao W H, Zhou C, Du L F, Jin L F 2013 *Acta Phys. Sin.* 62 084708 (in Chinese) [梁金 福,陈伟中,邵纬航,周超,杜联芳,金利芳 2013 物理学报 62 084708]
- $[6]\$  Church C C 1995 J. Acoust. Soc. Am. 97 1510
- [7] Marmottant P, van der Meer S M, Versluis M, de Jong
   N, Hilgenfeldt, Lohse D 2005 J. Acoust. Soc. Am. 118 3499

- [8] Doinikov A A, Dayton P A 2007 J. Acoust. Soc. Am. 121 3331
- [9] Zhang A M, Yao X L, Li J 2008 Acta Phys. Sin. 57
   1672 (in Chinese) [张阿漫, 姚熊亮, 李佳 2008 物理学报
   57 1672]
- [10] Zhang A M, Yao X L 2008 Acta Phys. Sin. 57 1662 (in Chinese) [张阿漫, 姚熊亮 2008 物理学报 57 1662]
- [11] Zhang A M, Yao X L 2008 Chin. Phys. B 17 927
- [12] Shao W H, Chen W Z 2013 J. Acoust. Soc. Am. 133 119
- [13] Wang W J, Chen W Z, Lu M J, Wei R J 2003 J. Acoust. Soc. Am. 114 1898
- [14] Krasovitski B, Kimmel E 2006 Ultrasonics 44 216

## Localized high pressure near an aspheric encapsulated microbubble<sup>\*</sup>

Shao Wei-Hang Chen Wei-Zhong<sup>†</sup>

(Key Laboratory of Modern Acoustics, Ministry of Education, Institution of Acoustics, Nanjing University, Nanjing 210093, China)

(Received 18 April 2014; revised manuscript received 5 May 2014)

#### Abstract

Based on hydrodynamics, the pressure of the liquid outside an aspheric encapsulated bubble driven by ultrasound is studied, and its analytical expression is derived. Numerical simulation shows that 1) the aspheric shape of an encapsulated bubble makes little influence on the pressure of the liquid far away from the bubble; 2) the pressure is extremely high at some local places of the liquid near an aspheric encapsulated bubble, and the pressure values at these places are apparently larger than those for a spherical encapsulated bubble at the same conditions. This phenomenon is of significance in the applications such as high intensity ultrasound therapy, drug delivery, cell membrane perforation, etc. As the ultrasound frequency shifts to the resonance frequency of an encapsulated bubble, or bubble shape deviates from sphericity, the localized high pressure becomes even greater.

Keywords: aspheric, encapsulated microbubble, localized high pressure at near field PACS: 47.55.dd, 43.25.Yw DOI: 10.7498/aps.63.204702

<sup>\*</sup> Project supported by the National Natural Science Foundation of China (Grant Nos. 11174145, 11334005).

<sup>†</sup> Corresponding author. E-mail: wzchen@nju.edu.cn