# 磁场对螺旋波等离子体波和能量吸收影响的 数值研究<sup>\*</sup>

成玉国† 程谋森 王墨戈 李小康

(国防科学技术大学航天科学与工程学院,长沙 410073)

(2013年8月22日收到;2013年9月29日收到修改稿)

本文考察在径向电子数密度呈抛物形分布的情况下,外加稳恒磁场,射频通过螺旋波天线在等离子体中 激发电磁波的传播性质.采用线性扰动波假设,数值求解 Maxwell 方程组,得到 80—800 G (1 G = 10<sup>-4</sup> T) 磁场条件下等离子体中径向电、磁场强度及能量沉积密度的分布情形.计算结果表明,磁场增大(80 → 800 G)时,螺旋波受到的阻尼较小,可深入等离子体传播; Trivelpiece-Gould (TG) 波受到的阻尼增大,在等离子体-真空边界处衰减增强;整体的能量吸收向边界集中.磁感应强度小于100 G时, TG 波可深入主等离子体 区传播,等离子体径向能量吸收相对均匀.

关键词:螺旋波,等离子体,磁场,数值模拟 PACS: 52.50.Qt, 41.20.Jb, 52.70.Ds, 02.60.-x

# 1引言

螺旋波等离子体源具有无电极腐蚀、工质选择 范围广等优点,是继霍尔推力器<sup>[1,2]</sup>,脉冲等离子体 推力器<sup>[3]</sup>之后,近年来探索的新型电磁推力器的重 要组件,如变比冲磁等离子体推力器、射频辅助法 拉第加速推力器等<sup>[4-7]</sup>.

对于螺旋波等离子体源推力器,射频加热段产 生的等离子体能量及其分布特性对推力器性能有 较大影响<sup>[4,5]</sup>.早期研究通常认为等离子体中朗道 阻尼导致能量的沉积<sup>[8,9]</sup>,但当波长较小、相速度 远大于电子热运动速度时,朗道阻尼沉积机理不再 成立. Shamrai等<sup>[10]</sup>对均匀密度等离子体分析后 认为,螺旋波天线激发等离子体过程中,除产生螺 旋波之外,在等离子体-真空边界处产生具有静电 性质的TG波,且能量沉积主要由TG波耗散引起. 这一结论逐渐成为研究人员的共识<sup>[11–14]</sup>.

螺旋波等离子体电离时,射频能量经左旋圆极

#### **DOI:** 10.7498/aps.63.035203

化 (m = -1), 右旋圆极化 (m = 1) 或双环型对称 极化 (m = 0) 射频天线激发具有电磁性质, 波长较 大, 衰减缓慢的螺旋波和具有静电性质, 波长较小, 衰减较快的 TG 波, 通过波与粒子的相互作用加热 等离子体. 等离子体中的电子为能量吸收的主要介 质, 并通过碰撞阻尼等机理将能量传递给离子和中 性气体. 无磁场约束时, 波动对介质的影响尺度由 趋势深度决定, 引入外部约束磁场, 波动能够深入 等离子体内部, 可增强能量吸收的均匀性, 同时, 在 低气压放电情形下, 由于绕磁场的回旋运动, 造成 等离子体局部电荷分离, 产生感生电场, 影响碰撞 速率的有效速率是漂移速度而非热运动速度, 等离 子体介电常数随之变化. 因此, 磁场对两种波的影 响需进一步讨论.

本文针对气体工质弱电离后被射频继续加热 的稳态过程,考察径向电子数密度非均匀分布条件 下,不同强度磁场对能量沉积过程及径向分布的 影响.

<sup>\*</sup> 国家自然科学基金(批准号: 11305265)资助的课题.

<sup>†</sup>通讯作者. E-mail: hlcyg@126.com

<sup>© 2014</sup> 中国物理学会 Chinese Physical Society

## 2 计算模型

将等离子体源段近似为无限长柱形源的一段, 图1和图2给出了等离子体源简化结构,图2中标 注电流方向的曲线表示螺旋波天线, coil1和 coil2 为 Helmholtz线圈,在电离段产生较为均匀的稳恒 磁场.根据边界条件的不同,螺旋波天线激发的 电磁场可分为三个区域:区域①为与真空舱毗邻 的真空区域,区域②为与等离子体毗邻的真空区 域,区域③为等离子体区域.图1中,等离子体半 径R = 4 cm,天线半径 $R_a = 4.5$  cm,真空舱半径  $R_c = 10$  cm,天线长度 $L_a = 20$  cm,天线为右旋圆 极化m = 1构型.



图1 等离子体放电腔横向截面



图 2 等离子体放电腔正视图

#### 2.1 等离子体区域电磁场

2.1.1 等离子体中电磁波能量沉积

等离子体中电磁波能沉积功率密度表示为

$$P_{\rm abs} = \operatorname{Re} \left| \tilde{\boldsymbol{J}}_{\rm p} \cdot \tilde{\boldsymbol{E}} \right|,$$
 (1)

式中,  $P_{abs}$  为沉积能量体密度,  $\tilde{J}_{p}$  为等离子体电流 密度,  $\tilde{E}$  为电场强度.

根据 Maxwell 方程组, 磁场与电流的关系为

$$\nabla \times \tilde{\boldsymbol{B}} = \mu_0 \left( \tilde{\boldsymbol{J}}_{\rm p} + \tilde{\boldsymbol{J}}_{\rm d} \right), \qquad (2)$$

式中, $\mu_0$ 为真空磁导率, $\hat{J}_d$ 为位移电流密度.估计 位移电流密度所占份额为

$$\frac{\left|\tilde{\boldsymbol{J}}_{\mathrm{d}}\right|}{\tilde{\boldsymbol{J}}_{\mathrm{p}}+\tilde{\boldsymbol{J}}_{\mathrm{d}}\right|} = \frac{\left|\frac{\omega}{c^{2}}\tilde{\boldsymbol{E}}\right|}{\left|\nabla \times \tilde{\boldsymbol{B}}\right|} \sim \frac{\left|\frac{\omega}{c^{2}}\tilde{\boldsymbol{E}}\right|}{\left|\frac{\tilde{\boldsymbol{k}} \times \tilde{\boldsymbol{k}} \times \tilde{\boldsymbol{E}}}{\omega}\right|} \sim \frac{k_{0}^{2}}{c^{2}} \sim 10^{-4}, \qquad (3)$$

式中, $\omega$ 为等离子体激发角频率,k为等离子体轴向 波数, $k_0$ 为真空波数, $k_0 = \omega/c$ ,c为光速.因此,位 移电流对等离子体中能量沉积功率的影响可忽略 不计. (1)式可表示为

$$P_{\rm abs} = \frac{1}{\mu_0} \operatorname{Re} \left[ \left( \nabla \times \tilde{\boldsymbol{B}} \right) \cdot \tilde{\boldsymbol{E}} \right] \\ = \frac{\omega}{c^2} \operatorname{Re} \left[ \left( \boldsymbol{\varepsilon}_{\rm p} \cdot \tilde{\boldsymbol{E}} \right) \cdot \tilde{\boldsymbol{E}} \right], \tag{4}$$

式中, $\epsilon_p$ 为介电张量

$$\boldsymbol{\varepsilon}_{\rm p} = \begin{pmatrix} S & iD & 0 \\ -iD & S & 0 \\ 0 & 0 & P \end{pmatrix}, \quad (5)$$

(5) 式中*S*, *D*, *P*表达式如下:

$$S = 1 - \frac{\omega_{\rm pe}^2}{\omega \left(\omega + i\nu\right)} \frac{\left(\omega + i\nu\right)^2}{\left(\omega + i\nu\right)^2 - \omega_{\rm ce}^2},\qquad(6)$$

$$D = -\frac{\omega_{\rm pe}^2}{(\omega + i\nu)} \frac{\omega_{\rm ce}}{(\omega + i\nu)^2 - \omega_{\rm ce}^2},\tag{7}$$

$$P = 1 - \frac{\omega_{\rm pe}^2}{\omega \left(\omega + i\nu\right)},\tag{8}$$

式中,  $\omega_{pe}$ 为等离子体频率,  $\omega_{ce}$ 为电子回旋频率,  $\nu_{ei}$ 为电子离子碰撞频率,  $\nu_{en}$ 为电子中性粒子碰撞 频率,  $\nu = \nu_{ei} + \nu_{en}$ 为总碰撞频率, 计算式为<sup>[15]</sup>

$$\nu_{\rm ei} = \frac{8}{3} \left(\frac{\pi}{m_{\rm e}}\right)^{\frac{1}{2}} n_{\rm i} \,\mathrm{e}^4 \frac{1}{\left(2\kappa T_{\rm e}\right)^{1.5}} \times \ln\left(\frac{\left(\kappa T_{\rm e}\right)^3}{\pi n_{\rm e} \,\mathrm{e}^6}\right),\tag{9}$$

$$\nu_{\rm en} = n_{\rm n} \sigma_{\rm en} \left(\frac{8\kappa T_{\rm e}}{\pi m_{\rm e}}\right)^{\frac{1}{2}},\tag{10}$$

式中,  $m_e$  为电子质量, e 为电子电量,  $\kappa$  为波尔兹曼 常数,  $n_i$  为离子数密度,  $n_e$  为电子数密度,  $n_n$  为中 性粒子数密度,  $\sigma_{en}$  为电子中性粒子碰撞截面.

本文计算中,工质气体为Ar,当 $n_{\rm n} = 10^{14}$  cm<sup>3</sup> 且弱电离时, $n_{\rm i} = 10^{12}$  cm<sup>3</sup>, $T_{\rm e}$  在3—10 eV变化,  $\sigma_{\rm en}$ —10<sup>-18</sup> cm<sup>2[16]</sup>;由(9)式,温度对电子-离子碰 撞频率量级的影响较小,故忽略截面温度分布的不 均匀性对碰撞频率的影响, 取 $T_{\rm e} = 3$  eV 计算电子 -离子碰撞频率. 由于 $\nu_{\rm ei}/\nu_{\rm en} \sim 10^2$ , 可忽略电子与 中性粒子碰撞对总碰撞频率的贡献, 计算中仅考虑 电子与正离子的碰撞.

实验测得的螺旋波等离子体中,通常中心电子数密度高而边界处低<sup>[17,18]</sup>,且分布通常符合多项式关系式,轴线处的电子数密度约为10<sup>12</sup>—10<sup>13</sup> cm<sup>3</sup>.因此文中设电子数密度呈抛物形分布:

$$n_{\rm e} = n_0 \left( 1 - \left(\frac{r}{R}\right)^2 \right), \tag{11}$$

式中,  $n_0 = 1.0 \times 10^{12} \text{ cm}^3$ 为中心轴线处电子数密度, r为距中心轴距离. 由电中性假设,  $n_i = n_e$ .

#### 2.1.2 等离子体中电磁场

在螺旋波天线激发的低温等离子体中, 扰动电磁场为线性场. 记 **V**为真实的扰动电磁场量, 其傅里叶变换为

$$\boldsymbol{V}(r,m,k) = \frac{1}{2\pi} \int_{-\infty}^{\infty} \int_{0}^{2\pi} \tilde{\boldsymbol{V}}(r,\phi,z)$$
$$\times e^{-i(m\phi+kz)} d\phi dz, \qquad (12)$$

式中,  $V = V_r + V_\phi + V_z$ . V为傅里叶变换量.

在冷等离子体近似下,各分量的计算公式如下<sup>[13]</sup>:

$$\frac{\partial}{\partial r}B_{\phi} = -\frac{m}{r}\frac{k}{k_{0}}\frac{1}{c}iE_{\phi} + \frac{1}{r}iB_{\phi} \\
-ik_{0}\left(P - \frac{m^{2}}{k_{0}^{2}r^{2}}\right)\frac{1}{c}E_{z}, \\
\frac{\partial}{\partial r}B_{z} = iD\frac{k_{0}}{c}E_{r} - i\left(k^{2} - k_{0}^{2}S\right)\frac{1}{k_{0}c}E_{\phi} \\
+ \frac{m}{r}\frac{k}{k_{0}}\frac{1}{c}iE_{z}, \\
\frac{\partial}{\partial r}E_{\phi} = \frac{m}{r}iE_{r} - \frac{1}{r}E_{\phi} + k_{0}ciB_{z}, \\
\frac{\partial}{\partial r}E_{z} = kiE_{r} - k_{0}ciB_{\phi}, \\
B_{r} = \frac{1}{k_{0}c}\left(\frac{m}{r}E_{z} - kE_{\phi}\right), \\
E_{r} = \frac{D}{S}iE_{\phi} + \frac{kc}{k_{0}S}B_{\phi} - \frac{m}{r}\frac{c}{k_{0}S}B_{z}, \quad (13)$$

式中,  $B_r$ ,  $B_\phi$ ,  $B_z$ ,  $E_r$ ,  $E_\phi$ ,  $E_z$  分别为径向、角向、轴向感生电磁场.

#### 2.2 真空区域电磁场

求解无限大真空区域Maxwell方程组,得到 TM和TE波叠加的电磁场分量表示如下:

$$B_z = \left( A_{\mathrm{TE1},n} I_m + A_{\mathrm{TE2},n} K_m \right),$$

$$B_{\phi} = \frac{m}{kr} \left( A_{\text{TE1},n} I_m + A_{\text{TE2},n} K_m \right) - \frac{i\omega}{c^2 k} \left( A_{\text{TM1},n} I'_m + A_{\text{TM2},n} \frac{I}{K} K'_m \right), B_{\text{r}} = -i \left( A_{\text{TE1},n} I'_m + A_{\text{TE2},n} K'_m \right) - \frac{\omega}{c^2 k} \frac{m}{kr} \left( A_{\text{TM1},n} I_m + A_{\text{TM2},n} K_m \right), E_z = \left( A_{\text{TM1},n} I_m + A_{\text{TM2},n} K_m \right), E_{\phi} = \frac{i\omega}{k} \left( A_{\text{TE1},n} I'_m + A_{\text{TE2},n} K'_m \right) + \frac{m}{kr} \left( A_{\text{TM1},n} I_m + A_{\text{TM2},n} K_m \right), E_{\text{r}} = \frac{\omega}{k} \frac{m}{kr} \left( A_{\text{TE1},n} I'_m + A_{\text{TE2},n} K'_m \right) - i \left( A_{\text{TM1},n} I'_m + A_{\text{TM2},n} K'_m \right),$$
(14)

式中,  $A_{\text{TE1},n}$ ,  $A_{\text{TE2},n}$ ,  $A_{\text{TM1},n}$ ,  $A_{\text{TM2},n}$  分别为 TE 模和 TM 模的待求解系数, n = 1, 2分别表示区 域①和 ②,  $I_m$  (Tr),  $K_m$  (Tr),  $I'_m$  (Tr),  $K'_m$  (Tr) 分别为第一、二类修正贝塞尔函数及其导数,  $T^2 = k^2 - k_0^2$ .

## 2.3 边界条件

区域①与金属舱壁接触,由导体切向电场边界 条件,得到

$$E_{R_{\rm c}^-,\tau} = 0,$$
 (15)

式中, $\tau$ 表示切向, $\tau = \phi$ ,z分别为角向和轴向分量. 天线处的连续性条件:

$$a_{n} \times \left( \boldsymbol{B}_{R_{a}^{+},\tau} - \boldsymbol{B}_{R_{a}^{-},\tau} \right) = \mu_{0} \boldsymbol{J}_{\tau},$$
$$\boldsymbol{E}_{R_{a}^{-},\tau} = \boldsymbol{E}_{R_{a}^{+},\tau}, \qquad (16)$$

式中, *a*<sub>n</sub>为天线法向, *J*<sub>7</sub>为天线切向傅里叶变换. 不考虑天线容性耦合的影响可得

$$\nabla \cdot \tilde{J} = 0, \tag{17}$$

式中,  $\tilde{J}$ 为天线电流.

对天线电流进行傅里叶变换得到[12]

$$J_{\phi} = -\frac{2}{\pi} I_0 \frac{kL}{2m} \frac{\sin\left(\frac{kL}{2} - m\frac{\pi}{2}\right)}{\frac{kL}{2} - m\frac{\pi}{2}},$$
  
$$J_{\rm r} = 0, \quad J_z = -\frac{m}{bk} J_{\phi},$$
 (18)

式中,  $J_r$ ,  $J_{\phi}$ ,  $J_z$ 分别为天线电流径向、角向、轴向 傅里叶变换分量.

由等离子体-真空处边界条件得到

$$\boldsymbol{B}_{R^-,\tau} = \boldsymbol{B}_{R^+,\tau},$$

035203-3

$$\boldsymbol{E}_{R^-,\tau} = \boldsymbol{E}_{R^+,\tau}.\tag{19}$$

由(15),(16),(19)式,联立(12),(14)式,得到螺 旋波和TG波的幅值以及A<sub>TE1,n</sub>,A<sub>TE2,n</sub>,A<sub>TM1,n</sub>, A<sub>TM2,n</sub>.

3 计算结果与分析

#### 3.1 等离子体电磁场结构和径向能量分布

在等离子体中径向电子数密度呈抛物形分布 的情况下,外加稳恒磁场,射频通过螺旋波天线在 等离子体中激发出两种性质不同的电磁波: TG波 与螺旋波.由(1)式,等离子体径向能量分布

$$P_{\rm abs} = \omega \varepsilon_0 \text{Im} \sum_{k=0^+}^{\infty} \left[ S\left( |E_{\rm r}|^2 + |E_{\phi}|^2 \right) + P |E_z|^2 + 2D \text{Re} \left( E_{\rm r} E_{\phi} \right) \right].$$
(20)

当外加稳恒磁场 $B_0 \leq 100$  G时,由图3至 图5中可以看出,TG波幅值较小,螺旋波波幅较 大,两种波独立传播,相互影响较弱,可清晰分辨. 具有静电性质的TG波在传播过程中,受到的阻尼 相对较大,衰减较快.但仍可深入主等离子体传 播.这时整个主等离子体区域对电磁波的吸收相对 均匀.



图 3 80 G 时角向磁场分布

由图 6 至图 8 可以看出,当外加稳恒磁场 200 G  $\leq B_0 \leq$  300 G 时,计算得到的两种波幅值较为接近.此时,TG 波和螺旋波相互影响,不再独立传播,两者较难分辨;同时主要的能量沉积区域逐渐向等离子体-真空边界处移动.

由图5和图8,即磁场分别为100G,200G时, 吸收较这一范围外的磁场更为均匀.由此可以判断,波与等离子体相互作用时,存在一定的磁场区间,使得等离子体能量吸收处于最佳状态,这两者 之间的具体联系,是下一步实验验证的重要内容.



图 4 100 G 时角向磁场分布







图 6 200 G 时角向磁场幅值分布



由图 9 和图 10 可以看到,较高磁场条件下,计 算得到的两种波的性质趋同,大小几乎重合.从 图 11 等离子体-真空边界处出现较为剧烈的吸收 峰这一结果可以判断,此时 TG 波在边界迅速衰减, 主等离子体中仅有螺旋波传播.

吸收系数作为衡量等离子体能量吸收的重要

参数,反映了波及其能量在等离子体中传播的距 离,吸收系数越小,波在等离子体中传播的距离越 远,越有利于能量分布均匀性的提高.文中针对随 着磁场增强,能量分布呈指数变化趋势明显,引入 等效吸收系数,衡量外加磁场对等离子体能量吸收 均匀程度.



图 10 800 G 时角向磁场幅值分布



图 11 500 G 和 800 G 时径向能量幅值分布



图 12 200 G 时能量计算与拟合曲线比较

035203-5

对于磁场为80 G, 100 G的情况, 与指数分布符合性较差, 但随着波传播逐渐深入, 总体上呈递减趋势, 选取能量为边界波峰处1/e为趋肤深度值. 其余能量分布的拟合公式如下:

$$P_{\rm f} = a \,\mathrm{e}^{br} + c, \tag{21}$$

式中, Q<sub>f</sub>为体能量密度, r为等离子体距轴线的距离, b为等离子体吸收系数.

拟合曲线如下图所示(图中*Q*<sub>f</sub>表示拟合曲线, *Q*表示计算得到的曲线).



图 13 300 G 时能量计算与拟合曲线比较



图 14 500 G 时能量计算与拟合曲线比较

图 12 至图 15 分别给出了磁场为 200 G, 300 G, 500 G, 800 G的情况下, 计算与拟合能量分布的比较, 从图中可以看出, 当 $B_0 < 500$  G时, 主等离子体区域与指数分布符合较好, 而边界处存在一定偏差. 说明, 在边界处 TG 波的强烈耗散导致了反常吸收. 表1给出由拟合曲线得到的等效吸收系数.

以上结果表明,对于径向密度分布不均匀的等 离子体中,外加稳恒磁场对TG波的影响大于螺旋

波,并进一步影响径向能量的分布. 随磁场强度由 小变大, TG波影响范围由径向全场缩减至边界的 极小范围,同时能量的吸收逐渐集中于等离子体 -真空边界处,说明外加稳恒磁场较大不利于TG波 的深入传播,造成径向能量分布的严重不均.

表1 等效吸收系数

$B_0/{ m G}$	80	100	200	300	500	800	
$lpha/{ m m}^{-1}$	60.9	25.0	81.4	103.2	108.5	320.9	



图 15 800 G 时能量计算与拟合曲线比较

Nakamuara 等<sup>[19]</sup> 在实验中发现螺旋波等离 子体呈现密度中心高, 能量边界吸收剧烈的现象. Blackwell 等<sup>[20]</sup> 在外加磁场小于100 G的情况下, 用电流探针测量到离子体中TG波的存在, 文章同 时发现, 当外加磁场较大时, 很难观测到TG波.本 文数值计算结果与他们的实验研究结论相符, 表明 计算结果合理.

#### 3.2 工质电离及其加热过程讨论

由上一小节对等离子体径向能量吸收的分布 可得,等离子体的能量吸收主要位于等离子体-真 空边界处,而电子数密度通常呈中心轴处高,边缘 处低的分布形式. Chen等<sup>[21]</sup>认为short-circuit效 应导致了这一现象的存在,这一解释需要考虑轴向 壁面鞘层的作用.应用于电推进等离子体源时,下 游为开口端,然而实验<sup>[17,18]</sup>测得的等离子体仍服 从这一分布.

由稳态等离子体鞘层理论,经过预鞘层的加速,等离子体在径向壁面附近将达到玻姆速度,为 了维持径向粒子通量的平衡,边界处的等离子体密 度将小于中心轴处. 通过粒子输运以及波加热, 一 方面, 初始电离时, 由于浓度的差异, 边缘处的高密 度等离子体将向内部迁移, 发生质量输运. 在向内 部运动的过程中, 通碰撞(包括激发和电离等)以及 热辐射等机理, 等离子体将加热周围的冷气体; 另 一方面, 部分波能量在内部的沉积, 同样有利于气 体的电离, 并形成最终中心高, 边缘低的稳态分布 形式.

由于TG波能量的沉积为等离子体能量吸收 的主要形式,较高的磁场限制了TG波的传播,导 致径向能量较强的非均匀分布.因此,需选择合适 的磁场强度范围,获得较为均匀的能量吸收,从而 提高推进性能.

# 4 结 论

在等离子体中径向电子数密度呈抛物形分布 的情况下,外加稳恒磁场,射频通过螺旋波天线在 等离子体中激发出两种性质不同的电磁波:TG波 与螺旋波. 当磁场增大(80 → 800 G)时,螺旋波受 到的阻尼较小,可深入等离子体传播;TG波受到的 阻尼不断增大,在等离子体-真空边界处衰减增强; 整体的能量吸收向边界集中. 当磁感应强度小于 100 G 时,TG波可深入主等离子体区传播,等离子 体径向能量吸收相对均匀.

以上结果可为采用螺旋波等离子体源作为电 离段的推力器设计提供参考.

#### 参考文献

- Han K, Jiang B H, Ji Y C 2012 Acta Phys. Sin. 61 075209 (in Chinese)[韩轲, 江滨浩, 纪延超 2012 物理学报 61 075209]
- [2] Geng S F, Tang D L, Qiu X M 2012 Acta Phys. Sin. 61
   075210 (in Chinese)[耿少飞, 唐德礼, 邱孝明 2012 物理学报 61 075210]
- [3] Zhang R, Zhang D X, Zhang F, He Z, Wu J J 2013 Acta Phys. Sin. 62 025207 (in Chinese)[张锐, 张代贤, 张帆, 何 振, 吴建军 2013 物理学报 62 025207]
- [4] Bering E A, Brukardt M 2006 AIAA Aerospace Science Meeting and Exhibit 766
- [5] Feldman M S, Choueiri E Y 2011 Internation Electric Propulsion Conference 220
- [6] Toki K, Shinohara S, Tanikawa T, Shamrai K P 2006 Thin Solid Films 506–507 597
- [7] Chen F F 2008 IEEE Trans. Plasma Sci. 36 2095
- [8] Boswell R W 1984 Plasma Phys. Contr. Fusion 26 1147
- [9] Chen F F 1991 Plasma Phys. Contr. Fusion 33 339
- [10] Shamrai K P, Taranov V B 1994 Plasma Phys. Contr. Fusion 36 1719
- [11] Shamrai K P, Taranov V B 1996 Plasma Sources Sci. Technol. 5 474
- [12] Arnush D 2000 Phys. Plasmas 7 3042
- [13] Arnush D, Chen F F 1998 Phys. Plasmas 5 1239
- [14] Curreli D, Chen F F 2011 Phys. Plasmas 18 113501
- [15] Gnoffo P A, Gupta R N, Judy L. shinn 1989 NASA Technical Paper
- [16]Vahedi V, Surendra M 1995Com. Phys. Comm. 87 179
- [17] Michael D W, Christine C, Boswell R W 2009 J. Phys.
   D: Appl. Phys. 42 245201
- [18] Windisch T, Rahbarnia K, Grulke O, Klinger T 2010 Plasma Sources Sci. Technol. 19 055002
- [19] Nakamuara K, Suzuki K, Sugai H 1995 J. Appl. Phys. 34 2152
- [20] Blackwell D D, Madziwa T G, Arnush D, Chen F F 2002 Phys. Rev. Lett. 88 145002
- [21] Chen F F, Curreli D 2013 Phys. Plasmas 20 057102

# Numerical study on the effects of magnetic field on helicon plasma waves and energy absorption<sup>\*</sup>

Cheng Yu-Guo<sup>†</sup> Cheng Mou-Sen Wang Mo-Ge Li Xiao-Kang

(College of Aerospace Science and Engineering, National University of Defense Technology, Changsha 410073, China)
 (Received 22 August 2013; revised manuscript received 29 September 2013)

#### Abstract

The propagation properties of electromagnetic waves excited by helicon antenna with a parabolic radial electron density distribution in an external magnetic field were studied. Maxwell equations are numerically solved using the linear disturbance wave assumption to obtain energy distribution, when the magnetic intensity changes from 80 to 800 G. The radial electromagnetic wave and energy deposition intensity distributions were obtained. Results show that when magnetic intensity grows, the helicon wave is little damped and it can propagate into the bulk plasma; Trivelpiece-Gould (TG) wave is heavily damped at plasma-vacuum interface; the main energy absorption region moves towards the boundary gradually. When the magnetic intensity is lower than 100 G, the TG wave can propagate into the bulk plasma, and the plasma radial energy distribution is relatively uniform.

Keywords: helicon wave, plasma, magnetic field, numerical simulation

**PACS:** 52.50.Qt, 41.20.Jb, 52.70.Ds, 02.60.-x

**DOI:** 10.7498/aps.63.035203

<sup>\*</sup> Project supported by the National Natural Science Foundation of China (Grant No. 11305265).

<sup>†</sup> Corresponding author. E-mail: hlcyg@126.com