μ介子氢原子在双色激光场驱动下产生 单个仄秒脉冲*

李志超 崔森 何峰†

(上海交通大学物理与天文系,激光等离子体教育部重点实验室,上海 200240)

(2013年10月24日收到;2013年12月20日收到修改稿)

本文利用强场近似理论研究了一束强度稍弱的X射线脉冲辅助另一束强X射线脉冲作用于µ介子氢原 子产生高次谐波的过程.研究发现当弱X射线的频率为强X射线频率的一半时,可以生成超宽高次谐波频谱. 通过合成高次谐波的连续谱,得到宽度为130 zs的单个仄秒脉冲.单个仄秒脉冲为超快变化过程的研究提供 了工具.

关键词: 仄秒脉冲, 高次谐波, μ介子氢原子 PACS: 32.80.Rm, 42.65.Ky, 42.65.Re

1引言

超短激光技术的发展,使得人类可以认识时间 尺度越来越小的物理过程. 飞秒激光曾被用来探 测碘化钠的解离过程^[1],控制分子化学反应的过 程^[2],控制铯原子的双光子跃迁过程^[3],以及研究 分子的振动^[4-6].在过去的十年内发展起来的阿 秒激光脉冲技术极大的拓展了人们对原子分子的 认识. 例如, 单个阿秒激光脉冲可以用来观测俄歇 电子的产生过程^[7],原子的隧穿电离^[8],控制分子 的解离过程^[9-11],探测氩原子的自电离过程^[12]等. 阿秒脉冲的产生基于 Corkum 和 Kulander 等提出 的三步模型[13]: 首先, 基态的电子通过隧穿电离进 入到连续态;其次,连续态的电子在激光场的作用 下运动并获得能量;最后,电子在激光场的驱动下 又返回原子核附近并回到基态,同时辐射出高能光 子即高次谐波. 通过合成高次谐波谱, 一般可以得 到阿秒脉冲链^[14,15]. 如果要得到单个阿秒脉冲, 需 要对驱动激光场作精确调控,如使得驱动激光场具 有稳定的相位目脉宽为周期量级^[16].或者利用双

DOI: 10.7498/aps.63.073201

色激光场控制电子轨迹^[17-19],或者利用偏振门技 术^[20,21]使得驱动激光场只有一个周期为线偏振而 其他部分为圆偏振,或者利用电离门^[22,23],或者利 用啁啾激光脉冲^[24,25]控制高次谐波的信号.目前, 实验室产生的最短激光脉冲是67 as^[26].

对自然界更快物理过程的探索,如正负电子对 的产生和湮没,原子核的跃迁等过程,需要更短的 激光脉冲,例如探测由强相互作用核子组成的等离 子体激发^[27,28]的过程需要激光脉冲进入到了仄秒 区域.到目前为止,人们已经提出了一些方法来产 生仄秒脉冲,例如在圆偏振激光场中高能电子的 汤姆逊散射^[29].最近 Ipp 等提出通过重离子碰撞 可以产生幺秒 (10^{-24} s)脉冲^[30],除此之外我们还 可以通过高次谐波来产生仄秒激光脉冲^[31].为了 合成更短的激光脉冲,需要更宽的、中心能量更高 的连续高次谐波谱.一般而言,高次谐波谱的截止 频率可以表述为 I_p + 3.17 U_P ,其中 U_p 为电子有质 动能.因此,对氢原子而言,要产生能量为几十个 keV 的高能光子,驱动激光场的强度需要高达10²² W/cm².对如此强的激光脉冲,氢原子在脉冲的

* 国家自然科学基金(批准号: 11104180, 11175120)、上海市自然科学基金(批准号: 11ZR1417100)和霍英东青年教师基金(批准号: 1131010)资助的课题.

†通讯作者. E-mail: fhe@sjtu.edu.cn

© 2014 中国物理学会 Chinese Physical Society

上升沿几乎被完全电离,因而不能产生高次谐波. Klaiber等^[32]曾提出可以利用高电荷态离子作为 靶产生的高次谐波得到仄秒激光脉冲. Chelkowski 等^[33]曾经提过μ介子原子具有很小的原子半径, 可以与这么强的激光场相互作用产生高次谐波,所 以利用μ介子原子与强激光场作用成为了产生仄 秒脉冲的一个重要途径.最近Keitel等^[34]利用强 激光场与μ介子氢原子和μ介子氘原子相互作用, 研究了不同原子核对高次谐波信号产生的影响. Gong等^[35]通过用啁啾激光脉冲与μ介子氢原子 作用,产生了单个仄秒脉冲.

在本文中,我们利用两束X射线激光脉冲与μ 介子氢原子相互作用产生高次谐波.其中主光场 (较强X激光脉冲)波长为9.1 nm,通过改变辅助光 (较弱X激光脉冲)的频率,我们发现平台区的宽度 也随之改变,在产生的高次谐波出现了两个截止位 置.通过求解粒子的牛顿运动方程(忽略库仑势)和 对谐波信号进行时频分析^[36,37],解释了两个截止 位置产生的原因.数值模拟研究结果还表明谐波的 平台宽度和两束激光场的时间延迟紧密联系.通过 合成超宽谐波谱,理论上产生了脉宽为130 zs的单 个仄秒脉冲.

2 理论模型

强激光场中 μ 介子氢原子的动力学过程可 以利用强场近似理论(SFA)^[38] 描述. 我们利用 Lewenstein模型^[39]计算高次谐波信号. 激光场 作用下,原子的偶极距为(本文中用原子单位 $e = \hbar = m_e = 1$)

$$\begin{aligned} \boldsymbol{x}(t) = &i \int_0^\infty \mathrm{d}\tau \left(\frac{\pi}{\varepsilon + i\tau/2}\right)^{3/2} \mathrm{d}^* (\boldsymbol{P}_{\mathbf{s}}(t,\tau) \\ &+ \boldsymbol{A}(t)) a^*(t) \times \exp(-\mathrm{i}S(\boldsymbol{P}_{\mathbf{s}},t,\tau)) \\ &\times \boldsymbol{E}(t-\tau) \cdot \mathrm{d}(\boldsymbol{P}_{\mathbf{s}}(t,\tau) \\ &+ \boldsymbol{A}(t-\tau)) a(t-\tau) + \mathrm{c.c.}, \end{aligned}$$

其中 A 为电场的矢势, ε 为正的小量, a(t) 为t 时刻 μ 介子处于基态的概率. 通过 ADK^[40] 公式计算, 在 本文的激光条件下 μ p 原子的电离率不到百分之一, 故设 a(t) = 1. P_s 为正则动量, S 为 Gordon-Volkov 相位, 分别表示为

$$\boldsymbol{P}_{\mathbf{s}}(t,\tau) = -\int_{t-\tau}^{t} \mathrm{d}t' \boldsymbol{A}(t')/\tau, \qquad (2)$$

$$S(\mathbf{P}_{s}, t, \tau) = \frac{1}{2m_{r}} \int_{t-\tau}^{t} \mathrm{d}t' (\mathbf{P}_{s}(t, \tau) + \mathbf{A}(t'))^{2}, \ (3)$$

其中 $I_{\rm p}$ 为µp原子的电离能, $m_{\rm r} = m_{\mu}m_{\rm p}/(m_{\mu} + m_{\rm p})$ 为µ介子的约化质量. 从原子基态到自由态的 跃迁矩阵元d(p)可表示为

$$d(p) = i \frac{2^{7/2}}{\pi} \alpha^{5/4} \frac{p}{(p^2 + \alpha)^3},$$
 (4)

式子中 $\alpha = 2I_p$.

高次谐波谱的强度可表示为

$$P(\omega) = |a(\omega)|^2, \tag{5}$$

其中,

$$a(\omega) = \frac{1}{T} \int_0^T \ddot{\boldsymbol{x}}(t) \exp(-i\omega t) dt, \qquad (6)$$

T为脉冲宽度, ω为谐波频率.对高次谐波进行叠加,可以合成超短激光脉冲

$$I(t) = |\sum_{q} a_q \exp\left(\mathrm{i}q\omega_0 t\right)|^2,\tag{7}$$

其中, $a_q = \frac{1}{T} \int_0^T \ddot{\boldsymbol{x}}(t) \exp\left(-iq\omega_0 t\right) dt$, ω_0 为基频 波的频率.

3 结果与讨论

为了得到仄秒脉冲,我们用两束 X 射线与μp 原子相互作用,激光场的电场为

$$E(t) = F[f_0(t)\cos(\omega_0 t) + r_e^{1/2}f_1(t)\cos(\omega_1(t+\Delta t))], \quad (8)$$

其中, $F 和 \omega_0$ 为主光场的振幅和频率, ω_1 为辅助光的频率, $r_e 和 \Delta t$ 为两束光之间的光强比以及时间延迟, $f_0(t) 和 f_1(t)$ 为激光场的包络, 分别表示为

$$f_0(t) = \exp\left[-2\ln(2)(t/\tau_0)^2\right],$$
(9)

$$f_1(t) = \exp\left[-2\ln(2)((t+\Delta t)/\tau_1)^2\right],$$
 (10)

上式中的 $\tau_0 = 2T_0, \tau_1 = 4T_0$ 分别为两束激光场的 脉宽, $T_0 = 2\pi/\omega_0$ 为主光场的周期.

本文中, 我们固定主光场的波长为9.1 nm, 强 度为2×10²³ W/cm², $r_{\rm e} = 0.05$. 通过改变辅助光 的频率 $\omega_1^{[41]}$ 和两束光之间的时间延迟^[42], 我们可 以控制产生的高次谐波的信号. 这里, 我们忽略了 相对论效应. 因为 μ 介子的约化质量约是电子的 186 倍, 通过定标率^[43] $I_{\mu p} = \left(\frac{m_{\rm r}}{m_{\rm e}}\right)^4 I_{\rm H}$ 对应到普 通的氢原子, 我们的激光强度相当于10¹⁴ W/cm² 量级.

我们分别采用三种激光场与μp原子相互作用 产生高次谐波.图1描述了三种激光条件下产生的 高次谐波的信号, 其中 $\Delta t = 0$. 图1中蓝色点线代 表µp原子与激光场频率 $\omega_0=5$ 的单色激光场相互 作用产生的高次谐波的信号, 它出现一个平台区, 截止位置对应的高次谐波阶数为215阶, 相应的能 量为29.3 keV. 通过三步模型^[13]预测的高次谐波 的最大能量 $E_{\text{max}} = I_{\text{p}} + 3.17U_{\text{p}} = 29.0$ keV, 其 中 $U_{\text{p}} = F^2/(4m_{\text{r}}\omega_0^2)$ 为µ介子在激光场中的有质 动能, 计算得出的截止位置和理论预测结果一致. 图1中绿色点横线代表µp原子与频率分别为 $\omega_0=5$ 与 $\omega_1=10$ 的双色场相互作用产生的高次谐波的信 号, 此谐波频谱出现了两个截止位置. 我们进一步 改变辅助光的频率, 在其他频率条件下高次谐波信 号也出现了双截止位置, 其中当 $\omega_1 = 2.5$ 时, 两截 止位置间的平台宽度最大, 如图1红色实线所示.



图1 (网刊彩色)不同激光条件下的高次谐波谱 (红色实 线代表利用频率 $\omega_0 = 5 D \omega_1 = 2.5$ 的双色场产生的高 次谐波,绿色点横线是利用频率 $\omega_0 = 5 D \omega_1 = 10$ 的双 色场中产生的高次谐波,蓝色点线是利用单色激光场频率 $\omega_0 = 5$ 中产生的高次谐波)



图2 (网刊彩色)不同激光条件下,在不同时刻返回原子核的 μ 介子辐射的高次谐波. 左边一列结果通过求解牛顿 方程得到(忽略库仑势),右边一列结果由窗口傅里叶变换方法得到,其中(a),(b)图使用了 $\omega_0 = 5$ 的单色激光场, (c),(d)图使用了 $\omega_0 = 5 与 \omega_1 = 10$ 的双色激光场,(e),(f)图使用了 $\omega_0 = 5 与 \omega_1 = 2.5$ 的双色激光场

对于图1中双色场作用下产生的高次谐波信号出现的双截止位置,我们用两种方法进行解释. 第一种是经典的方法,通过求解牛顿方程 $a(t) = -E(t)/m_r$,得到 μ 介子运动轨迹r(t),从而得到不同碰撞时刻释放的能量,如图2(a),(c),(e)所示.另一种方法是通过对偶极加速度a(t)进行窗口傅里叶变换(WFT)^[22],得到时频信号

$$S(t,\omega) = \int_{-\infty}^{+\infty} a(t')g(t'-t)\,\mathrm{e}^{-\mathrm{i}\omega t'}\,\mathrm{d}t',\qquad(11)$$

从而得到不同时刻的频谱信号, 其中g(t) =

 e^{-t^2/w_d^2} 为窗口函数, $w_d = 0.05$ 为窗口宽度, 如 图 2 (b), (d), (f)所示. 由图 2 (a), (b)可以看到, 单 色激光场作用下 μ 介子辐射高次谐波的最大阶次 和图 1 中蓝色点线对应的高次谐波信号的截止位 置是一致的, 而且由于不同峰值的差距较小, 所以 只形成了一个平台, 从而可以解释图 1 蓝色点线 对应的高次谐波信号只出现了一个截止位置. 在 图 2 (c), (d) 中, μp 原子处于频率 $\omega_0 = 5 \mathcal{D} \omega_1 = 10$ 的双色场下, 我们通过这两种方法得到的最大峰值 及次峰值和图 1 绿色点横线对应的高次谐波信号 的两个截止位置是相近的.因为最大峰值比次峰 值高出一段,这一段对应的高能部分信号相对比较 弱,对应于第二个平台区域.在图2(e),(f)中,粒子 处于频率 $\omega_0 = 5 \mathcal{D} \omega_1 = 2.5$ 的双色场下,从中得到 的截止位置和图1中的红色实线对应的高次谐波 信号的两个截止位置是一致的,最大峰值和次峰值 之间差距增大从而导致第二个平台的宽度增加.

为了得到仄秒脉冲, 我们需要尽量宽的谐波 平台区. 在图 3 中我们使用频率分别为 $\omega_0 = 5$ 及 $\omega_1 = 2.5$ 的双色场, 通过扫描两束激光场之间的时 间延迟 Δt , 得到了高次谐波信号的变化情况. 当 $\Delta t = -T_1/2 - T_1/2$ 时, 每个 Δt 都对应着两个比较 明显的截止位置, 其中 $T_1 = 2\pi/\omega_1$ 为辅助光的周 期. 因此高次谐波信号的截止位置及平台宽度可以 通过改变 Δt 来调制.

我们合成 $\Delta t = 0$ 时双X激光脉冲产生的高次 谐波. 在没有进行相位补偿的情况下,通过对平台 区域的信号(170—350阶)做叠加(见(7)式)得到了 图4(a). 图4(a)中的两个峰来自于长轨道和短轨 道的贡献,其中的干涉效应是同时存在两次再散射 导致的^[31](如图2(f)所示).通过对截止位置的信 号(350—370阶)做傅里叶变换,得到图4(b),出现 了单个阿秒脉冲,脉宽约为1.9 as.如进行适当的 相位补偿,利用超宽连续谱(170—370阶)在傅里叶 变换极限下可以得到脉宽为130 zs的单个仄秒脉 冲,见图4(c).









4 结 论

本文利用双色激光场与 μ 介子氢原子相互作 用产生高次谐波.在高次谐波频谱中出现了两个截 止位置,我们分别采用求解牛顿方程和时频分析的 方法解释了这一现象产生的原因.通过扫描两束激 光脉冲的时间延迟,发现高次谐波的平台宽度与之 紧密相关.当 $\Delta t = 0$ 时,通过合成高次谐波谱,得 到了脉宽为130 zs的单个仄秒脉冲.同时我们要知 道,要在实验上利用本文提出的方案实现单个仄秒 脉冲的输出目前存在很多困难,这主要来自于两个 方面: 超短超强 X 射线的制备和μ原子的获得. 但 随着激光技术的发展, 本理论方案有望在将来的实 验中被采纳应用.

参考文献

- Mokhtari A, Cong P, Herek J L, Zewail A H 1990 *Nature* 348 225
- [2] Assion A, Baumert T, Bergt M, Brixner T, Kiefer B, Seyfried V, Strehle M, Gerber G 1998 Science 282 919
- [3]~ Meshulach D, Silberberg Y 1998 $\it Nature~396~239$
- [4] Ergler T, Feuerstein B, Rudenko A, Zrost K, Schroter C D, Moshammer R, Ullrich J 2006 Phys. Rev. Lett. 97 103004

073201-4

- [5] Brinks D, Stefani F D, Kulzer F, Hildner R, Taminiau T H, Avlasevich Y, Müllen K, Hulst N F 2010 Nature 465 905
- [6] Celebrano M, Kukura P, Renn A, Sandoghdar V 2011 Nat Photonics 5 95
- [7] Drescher M, Hentschel M, Kienberger R, Uiberacker M, Yakovlev V, Scrinzi A, Westerwalbesloh T, Kleineberg U, Heinzmann U, Krausz F 2002 Nature 419 803
- [8] Uiberacker M, Uphues T, Schultze M, Verhoef A J, Yakovlev V, Kling M F, Rauschenberger J, Kabachnik N M, Schröder H, Lezius M, Kompa K L, Muller H G, Vrakking M J J, Hendel S, Kleineberg U, Heinzmann U, Drescher M, Krausz F 2007 Nature 446 627
- [9] He F, Ruiz C, Becker A 2007 Phys. Rev. Lett. 99 083002
- [10] Kling M F, Siedschlag C, Verhoef A J, Khan J I, Schultze M, Uphues T, Ni Y, Uiberacker M, Drescher M, Krausz F, Vrakking M J J 2006 *Science* **312** 246
- [11] Sansone G, Kelkensberg F, Pérez-Torres J F, Morales F, Kling M F, Siu W, Ghafur O, Johnsson P, Swoboda M, Benedetti E, Ferrari F, Lépine F, Sanz-Vicario J L, Zherebtsov S, Znakovskaya I, L'Huillier A, Ivanov M Yu, Nisoli M, Martín F, Vrakking M J J 2010 Nature 465 763
- [12] Wang H, Chini M, Chen S, Zhang C H, He F, Cheng Y, Wu Y, Thumm U, Chang Z H 2010 *Phys. Rev. Lett.* 105 143002
- [13] Corkum P B 1993 Phys. Rev. Lett. 71 1994
- [14] Paul P M, Toma E S, Breger P, Mullot G, Auge F, Balcou P, Muller H G, Agostini P 2001 Science 292 1689
- [15] Mairesse Y, de B A, Frasinski L J, Merdji H, Dinu L C, Monchicourt P, Breger P, Kovacev M, Auguste T, Carre B, Muller H G, Agostini P, Salieres P 2004 *Phys. Rev. Lett.* 93 163901
- [16] Baltuš ka A, Udem Th, Uiberacker M, Hentschel M, Goulielmakis E, Gohle C, Holzwarth R, Yakovlev V S, Scrinzi A, Hänsch T W, Krausz F 2003 Nature 421 611
- [17] Zeng Z N, Cheng Y, Song X, Li R X, Xu Z Z 2007 Phys. Rev. Lett. 98 203901
- [18] Huang F, Li P C, Z X X 2012 Acta Phys. Sin. 61 233203
 (in Chinese) [黄峰, 李鹏程, 周效信 2012 物理学报 61 233203]
- [19] Ye X L, Zhao S F, Li P C, Zhou X X 2009 Acta Phys. Sin. 58 1579 (in Chinese) [叶小亮,赵松峰,李鹏程,周效 信 2009 物理学报 58 1579]
- [20] Sansone G, Benedetti E, Calegari F, Vozzi C, Avaldi L, Flammini R, Poletto L, Villoresi P, Altucci C, Velotta

R, Stagira S, Silvestri S D, Nisoli M 2006 *Science* **314** 443

- [21] Mashiko H, Gilbertson S, Li C Q, D. Khan S, M. Shakya M, Moon E, Chang Z H 2008 *Phys. Rev. Lett* **100** 103906
- [22] Lan P F, Lu P X, Cao W, Li Y H, Wang X L 2007 Phys. Rev. A 76 051801
- [23] Pfeifer T, Jullien A, Abel M J, Nagel P M, Gallmann L, Neumark D M, Leone S R 2007 Opt Express 15 17120
- [24] Li W, Wang G L, Zhou X X 2011 Acta Phys. Sin. 60 123201 (in Chinese) [李伟, 王国利, 周效信 2011 物理学 报 60 123201]
- [25] Carrera J J, Chu S 2007 Phys. Rev. A 75 033807
- [26] Zhao K, Zhang Q, Chini M, Wu Y, Wang X W, Chang Z H Opt. Lett. 37 3891
- [27] Sokolov A, Zhi M 2004 J. Mod. Opt. 51 2607
- [28] Weidenmuller H 2011 Phys. Rev. Lett. 106 122502
- [29] Lan P, Lu P, Cao W, Wang X 2005 Phys. Rev. E 72 066501
- [30] Ipp A, Keitel C H, Evers J 2009 Phys. Rev. Lett. 103 152301
- [31] Hernandez-Garcia C, Perez-Hernandez J, Popmintchev T, Murnane M, Kapteyn H, Jaron-Becker A, Becker A, Plaja L 2013 Phys. Rev. Lett. 111 033002
- [32] Klaiber M, Hatsagortsyan K Z, Keitel C H 2007 arXiv:0707.2900 [physics. atom-ph]
- [33] Chelkowski S, Bandrauk A D, Corkum P B 2004 Phys. Rev. Lett. 93 083602
- [34] Shahbaz A, Muller C, Staudt A, Burvenich T J, Keitel C H 2007 Phys. Rev. Lett. 98 263901
- [35] Xiang Y, Niu Y P, Qi Y H, Li R X, Gong S Q 2010 J. Mod. Opt. 57 385
- [36] Pfeifer T, Gallmann L, Abel M J, Nagel P M, NeumarkD M, Leone S R 2006 *Phys. Rev. Lett.* 97 163901
- [37] He F, Ruiz C, Becker A 2007 Opt. Lett. 32 3224
- [38] Becker W, Lohr A, Kleber M, Lewenstein M 1997 Phys. Rev. A 56 645
- [39] Lewenstein M, Balcou P, Ivanov M Y, L'Huillier A, Corkum P B 1994 Phys. Rev. A 49 2117
- [40] Ammosov M V, Delone N B, Kraino V P 1986 Sov. Phys. JETP 64 1191
- [41] Kim B, Ahn J, Yu Y L, Cheng Y, Xu Z Z, Kim D E 2008 Opt. Lett. 16 10331
- [42] Shao T J, Zhao G J, Wen B, Yang H 2010 *Phys. Rev. A* 82 063838
- [43] Madsen L B, Lambropoulos P 1999 Phys. Rev. A 59 4574

Single zeptosecond pulse generation from muonic atoms under two-color XUV fields^{*}

Li Zhi-Chao Cui Sen He Feng[†]

(Key Laboratory for Laser Plasma (Ministry of Education), Department of Physics and Astronomy, Shanghai Jiao Tong University, Shanghai 200240, China)

(Received 24 October 2013; revised manuscript received 20 December 2013)

Abstract

We use the Lewenstein model to study the high harmonic generated for a μ p atom exposed to two-color XUV pulses. Calculated results show a super continuum plateau in high harmonic spectrum which is formed when the time delay is 0 and XUV frequencies are 5 and 2.5. By synthesizing the continuous high harmonic spectra, a pulse as short as 130 zeptosecond is obtained. Such a single zeptosecond pulse may work as an ultrafast camera to capture ultrafast processes occurring inside nuclei.

Keywords: zeptosecond pulse, high order harmonics, µp atom

PACS: 32.80.Rm, 42.65.Ky, 42.65.Re

DOI: 10.7498/aps.63.073201

^{*} Project supported by the National Natural Science Foundation of China (Grant Nos. 11104180, 11175120), the Natural Science Foundation of Shanghai, China (Grant No. 11ZR1417100), and the Fok Ying-Tong Education Foundation for Young Teachers in the Higher Education Institutions of China (Grant No.131010).

[†] Corresponding author. E-mail: fhe@sjtu.edu.cn