宽频带雷达散射截面缩减相位梯度超表面的 设计及实验验证^{*}

李勇峰¹) 张介秋^{1)†} 屈绍波¹) 王甲富¹) 陈红雅¹) 徐卓²) 张安学³)

(空军工程大学理学院,西安 710051)
 (西安交通大学,电子陶瓷与器件教育部重点实验室,西安 710049)
 (西安交通大学电子信息工程学院,西安 710049)
 (2013年11月27日收到;2014年1月24日收到修改稿)

针对相位梯度超表面在隐身技术中的应用,提出通过表面波耦合和异常反射两种机制复合实现宽频带后向雷达散射截面 (RCS) 缩减.采用开口谐振环进行相位梯度设计,实现了一种二维极化无关相位梯度超表面,在10 GHz 附近,超表面通过将垂直入射电磁波耦合为表面波实现 RCS 缩减,而在大于11 GHz 的频率范围内,相位分布的不均匀性使垂直入射的电磁波发生漫反射或者异常反射,降低后向 RCS.制作了厚度为2 mm的超表面样品,测试了其反射率曲线和后向 RCS,并与相同尺寸的金属板进行了对比.实验结果表明,在宽频段内 (9.5—17.0 GHz),超表面在垂直入射情况下可将后向 RCS 缩减至少 10 dB.由于厚度薄、重量轻、频带宽, RCS 缩减超表面在隐身新材料和新技术方面具有很大的应用潜力.

关键词: 雷达散射截面, 超表面, 表面波, 异常反射 **PACS:** 41.20.Jb, 73.20.Mf, 77.22.-d, 84.90.+a

DOI: 10.7498/aps.63.084103

1引言

相位梯度超表面^[1-11]是一种亚波长厚度的各向异性结构,能使入射电磁波发生相位突变,在其表面方向上产生相位梯度,以此来控制反射波或透射波束的传播方向. 传统的光学元件(平面镜、棱镜、透镜^[12,13]等)及衍射结构(光栅等)均是通过传播路径上连续相位的积累来改变波束的传播方向,波在光学元件中传播的距离一般远大于波长. 当电磁波入射到两种介质的分界面上时,反射波和透射波遵守经典的反射定律和折射定律(斯涅尔定律, Snell's Law). 超材料尤其是左手材料^[14-18]的研究表明,使用左手材料也可使入射波发生异常反射,但其仍然遵循经典折射定律,只是引入了负的

折射率.相比之下,相位梯度超表面在界面不同位 置引入不同的相位突变,通过对这些相位突变进行 精心设计,可控制反射波束和折射波束的方向,电 磁波传播不再遵守经典的反射定律和折射定律,而 是遵守广义反射定律和广义折射定律^[1,2].这样, 通过亚波长厚度的相位梯度超表面可实现对反射 波和透射波传播方向的自由控制,极大地减小了光 学器件的厚度和体积.

相位梯度超表面自其首次被提出后,就受到了 国内外学术界的广泛关注.哈佛大学Yu等^[1]使用 V形结构在光波段成功实现了相位梯度超表面,使 透射波发生异常反射,通过二维相位梯度超表面实 现了涡旋波阵面.在后续研究中,研究者们相继设 计实现了相位梯度超薄平板透镜和微波频段相位

* 国家自然科学基金 (批准号: 61331005, 11204378, 11274389, 11304393, 61302023)、中国博士后科学基金 (批准号: 2013M532131, 2013M532221) 和陕西省基础研究计划 (批准号: 2011JQ8031, 2013JM6005) 资助的课题.

†通讯作者. E-mail: zhangjiq0@163.com

© 2014 中国物理学会 Chinese Physical Society

梯度表面等^[9-11].复旦大学周磊教授课题组^[10]采用H型结构设计实现了反射型相位梯度超表面,在特定极化状态下,可在宽频带内实现电磁波的异常反射.空军工程大学屈绍波教授课题组^[11]采用开口谐振环 (split ring resonator, SRR)设计了反射型相位梯度超表面,可将特定极化入射电磁波高效耦合为表面电磁波^[19-24].可见,相位梯度超表面可将入射电磁波耦合为表面波或使入射电磁波的反射方向发生偏折,具有不同于传统材料表面的散射特性,在隐身技术中具有重要的应用价值.

针对相位梯度超表面在隐身技术中的应用,本



文提出通过表面波耦合和异常反射两种机制复合 实现宽频带后向雷达散射截面 (RCS) 缩减, 并采用 超材料经典结构单元——开口谐振环结构, 设计制 作了一种二维极化无关相位梯度超表面. 在垂直 入射情况下, 在低频段通过将入射电磁波耦合为表 面波实现后向 RCS 缩减, 而在高频段利用相位分 布的不均匀性形成异常反射或漫反射, 降低后向 RCS. 通过这两种机制复合, 实现了在宽频段内减 小目标的后向 RCS. 仿真和实验结果验证了这种超 表面的宽频段 RCS 缩减性能.



图1 超表面设计原理示意图 (a)表面波激发; (b)异常反射

2 超表面设计

2.1 设计原理

假设一束电磁波垂直入射到如图1所示的二 维相位梯度超表面上, k_i 是入射波空间波矢,电 磁波空间波矢量面内投影为零,即面内波矢为零, $k_i = k_z$.在中心频率附近的频率范围内,二维超表 面上不同位置的反射相位不同,分别在x和y方向 上引入了相位梯度 $\nabla \Phi_x$, $\nabla \Phi_y$,可以对入射波的面 内波矢提供动量补偿,使反射波的面内波矢量不再 等于入射波的面内波矢量,从而改变反射波的传播 方向.动量补偿后反射波的面内波矢

$$\boldsymbol{k}_{\mathrm{r}}^{\parallel} = \hat{\boldsymbol{x}} k_{\mathrm{r}x} + \hat{\boldsymbol{y}} k_{\mathrm{r}y}, \qquad (1)$$

其中, $\mathbf{k}_{r}^{\parallel}$ 是反射波的面内波矢, $k_{rx} = \nabla \Phi_{x}$, $k_{ry} = \nabla \Phi_{y}$.因此,反射波空间波矢 \mathbf{k}_{r} 为

$$\boldsymbol{k}_{\mathrm{r}} = \boldsymbol{k}_{\mathrm{r}}^{\parallel} + \boldsymbol{k}_{\mathrm{r}z} = \hat{\boldsymbol{x}}k_{\mathrm{r}x} + \hat{\boldsymbol{y}}k_{\mathrm{r}y} + \hat{\boldsymbol{z}}k_{\mathrm{r}z}.$$
 (2)

根据动量守恒原理, $k_{\rm r} = k_{\rm i}$, 因此, 可以得出 1) 当 $k_{\rm r}^{\parallel} < k_{\rm i}$ 时, 入射波被异常反射, 异常反 射角为

$$\theta_{\rm r} = \arcsin\left(\frac{\sqrt{\nabla \Phi_x^2 + \nabla \Phi_y^2}}{k_i}\right);\tag{3}$$

2) 当 $\mathbf{k}_{r}^{\parallel} > \mathbf{k}_{i}$ 时,出现零反射,入射波被耦合 为超表面上沿面内波矢方向传播的表面波,面内波 矢方向角度 φ_{r} 为

$$\varphi_{\rm r} = \arctan\left(\frac{\nabla\Phi_y}{\nabla\Phi_x}\right).$$
(4)

2.2 超表面单元结构设计

图 2 给出了用来设计相位梯度超表面的 SRR 结构单元示意图,整个单元由三层组成,单元周期 为a,最下层为金属背板,中间层为 FR4 介质基板 ($\varepsilon_r = 4.3$, tan $\delta = 0.0025$),厚度为d,最上层为金 属 SRR 组合结构,厚度为t.

当电磁波垂直入射到上述不同结构参数的周 期性SRR单元结构上时,反射波相对于入射波具 有不同的相位突变,通过设计使x和y方向上相邻 结构单元之间的相位差分别为 $\Delta \Phi_x$, $\Delta \Phi_y$,可分 别在x方向和y方向形成针对电磁波垂直入射的 相位梯度 $\nabla \Phi_x = \Delta \Phi_x/a$, $\nabla \Phi_y = \Delta \Phi_y/a$.通过 优化选择 $a = 5 \text{ mm}, w = 0.2 \text{ mm}, s = 0.2 \text{ mm}, w_1 = 0.2 \text{ mm}, d = 2 \text{ mm}, t = 0.017 \text{ mm}, l = (b - 1.3)/2.$ 通过改变b的大小来改变电磁波垂 直入射时的反射相位.将不同结构参数的单元 结构利用 CST Microwave Studio 的频域求解器 计算其反射相位,边界条件设为unit cell,在中 心频点f = 10 GHz处,根据图 $3 \text{ 所示} x \pi y$ 方向 上的相位梯度设计,选择 $36 \uparrow$ 不同结构尺寸的 结构单元,组成如图4 所示的二维超表面"超单 元".此"超单元"在x方向上相邻单元之间的相

位差为-π/2, y方向上的相邻单元之间的相位差 为π/6. 在进行相位梯度设计的过程中,如果*x* 和y方向设计为相同大小的相位梯度,则*x*和y方 向上的相位分布区间均可涵盖[0,2π]. 但设计 "超单元"只需要11个不同尺寸的单元结构,而在 发生漫反射的频率范围内,使用的不同尺寸的单元 结构个数越多效果越好.因此为了增加不同尺寸单 元结构的个数,我们设计的相位梯度在*x*和y方向 上不同,从而增加至36个不同尺寸的单元结构,增 强了漫反射效应,可以进一步拓展 RCS 缩减带宽.



图 2 开口谐振环组合结构单元示意图 (a) 正视图; (b) 侧视图

3 仿真与实验验证

3.1 仿 真

将本文设计的相位梯度超表面的"超单元"结 构利用电磁仿真软件CST Microwave Studio 的频 域求解器求解, x 和 y方向为unit cell边界, z方向 上边界设为open and space, 分别仿真横电(TE) 波, 横磁 (TM) 波垂直入射的反射率, 仿真结果如 图5所示. 从图中可以看出, 对于两种极化的垂直 入射波, 在设计的中心频率 f = 10 GHz 处均存在 一个反射低谷,对应一个吸收峰,此时,入射波被高 效地耦合为表面波,反射率降低.但对于两种极化 的入射波,其反射率最小值所在频率相对于中心频 率均有微小的偏移,主要由于计算反射相位时使用 周期边界条件,单元之间的耦合较强;而组成相位 梯度超表面之后,相邻单元的结构尺寸不同,它们 相对于计算反射相位时周期单元之间的耦合减弱, 因此,实际相位梯度与设计的相位梯度存在一定的 偏差. 从反射率曲线可以看出, 在中心频点附近, 10 dB 带宽约等于1 GHz. 在 *f* > 11 GHz 的频率 范围内,由于所设计的二维超表面单元结构中相邻 小单元之间的相位差不再相等, *x* 和 *y* 方向不存在 惟一的相位梯度,因而产生异常反射或者漫反射, 造成镜面反射率下降.



图 6 所示为 9 GHz < f < 17 GHz 频率范围内 平面波垂直入射条件下超表面单个"超单元" xoz 面内 ($\varphi = 0^{\circ}$)的远场散射方向,平面波入射方向对 $应 \theta = 0^{\circ},
 横坐标为频率,
 纵坐标对应反射方向,
 图$ 中的颜色深度为RCS,单位为dBsm,反映了相应频 率和散射方向上的散射强度.随着颜色由深至浅, RCS逐渐增大. 从图中可以看出, 在整个频率范围 内, 散射最强的方向均不在 0° 方向. 在 f < 15 GHz 的频率范围内, 散射最强的方向在 $10^{\circ} < \theta < 20^{\circ}$ 的范围内,同时也是最强反射波的出射方向;而 在f > 15 GHz 的频率范围内, 散射最强的方向在 $-20^{\circ} < \theta < -10^{\circ}$ 的范围内,即反射波偏离了入射 方向. 特别地, 在散射方向为 $\theta = 0^{\circ}$ 时, 散射最弱 的频率位置在f = 10 GHz, 而且在f = 10 GHz 附 近, 整个散射方向上的散射强度均比较弱, 未出现 散射最大的方向,这是由于在f = 10 GHz 的频率 附近,入射波耦合为表面波,出现了零反射;而在其 余频率范围内入射波被异常反射和漫反射.因此, "超单元"远场散射方向图的仿真结果进一步验证 了我们的设计思想,即基于表面波耦合和异常反射 两种机制最终实现 RCS 的宽带缩减.



图 4 超表面 "超单元" 结构示意图 (a) 正视图; (b) 侧 视图

3.2 反射率测试

根据上面的设计,利用平面印刷电路板技术 加工制作了尺寸为420 mm × 420 mm 的测试样品, 如图7所示,其中的插图为单个"超单元"结构放 大图.采用厚度为d = 2 mm的FR4 基板,金属 表面镀锡以防止因金属氧化影响实验结果.分别 测试TE,TM 极化电磁波垂直入射时的反射率曲 线,如图8 所示.TE,TM 波垂直入射时的反射 最小值对应的中心频点分别在f = 9.82 GHz和 f = 10.5 GHz,与仿真结果基本一致;TM入射波 对应的测试结果相对于仿真结果向高频偏移了 0.5 GHz,主要由于实际的FR4 基板介电常数和损 耗与仿真采用的材料参数有一定的偏差. 从反射率 曲线可以看出, 在中心频点附近, 10 dB 带宽约等 于1 GHz, 而在11 GHz < *f* < 15 GHz 的频率范围 内, 由于*x*和*y*方向上各相邻单元结构之间的相位 差不相等且随频率变化, 因此超表面对入射波发生 异常反射和漫反射, 从而导致在11—15 GHz 频率 范围内的反射率降低, 基本在 –5 dB 以下.



图 6 (网刊彩色) 平面波垂直入射 (θ = 0°) 条件下"超 单元"的远场散射方向图



图 7 超表面样品



3.3 RCS测试

图 9 (a) 给出了 RCS 测试的暗室环境. 搭建泡 沫塔,测试样品置于散射泡沫塔上,用泡沫底座固 定样品使其保持竖直,如图9(b)所示.收发天线 固定且处于同一高度,通过旋转泡沫塔改变入射 角度,超表面样品垂直于收发天线放置,测试样品 在-90°---90°方位角的单站 RCS: 固定样品底座不 动,将样品金属板背面朝向收发天线,测量金属板 在 -90° — 90° 方位角的单站 RCS. 图 10 为 f = 10, 17 GHz时超表面和金属背板的单站 RCS 对比曲 线. 由于放置样品时未与收发天线保持垂直, 测量 的RCS最大值对应的角度在-0.8°,由此可知样品 放置的初始位置对应的入射角为-0.8°. 根据金属 正方形平板的RCS计算公式 $\sigma = 4 \pi L^4 / \lambda^2$,其中 L为金属正方形平板的边长, λ为工作波长, 计算 $420 \text{ mm} \times 420 \text{ mm}$ 的金属板在 f = 10 GHz的 RCS 大小为26.3796 dBsm, f = 17 GHz时的RCS理论 计算值为30.989 dBsm. 不难看出, 在整个频率范 围内, RCS 测量值比理论计算值小3-4 dBsm, 主 要是由于固定样品的底座未能保证样品严格处于 竖直状态,后向散射偏离入射方向,但由于超表面 和金属板使用同一泡沫底座固定, 它们偏离竖直 方向的角度相同,因此,超表面的RCS测试结果 相比于其实际值同样有3-4dBsm的偏差,因而测 试结果同样具有意义. 从图中f = 10, 17 GHz的 RCS测试结果来看,超表面结构对于电磁波小角度 $(-20^{\circ} < \theta < 20^{\circ})$ 入射时的RCS缩减具有很好的 效果.

图 11 给出了在 9—17 GHz 频段内垂直入射时金属板和超表面的后向散射测试结果对比,图 12 是垂直入射时超表面相对于同尺寸金属板的



图 9 RCS 测试平台 (a) 暗室环境; (b) 样品固定



RCS 缩减量. 从图中可以看出, 对于 0° 入射方向的 RCS, 超表面相比于金属板的减小量基本都在 10 dB 以上, 而且具有宽带特性, 实际测试中最高频率只测到 17 GHz, 17 GHz 以上的频段理论上对于 RCS 缩减仍有效果. 在以 f = 10 GHz 为中心频率的频段内, 设计的相位梯度表面可以将垂直入射的电磁波耦合为沿表面传播的表面波, 出现零反

射,因此在 10 GHz 附近产生一个 RCS 缩减量极大 值点.在f = 10 GHz, RCS 缩减了 17 dBsm.而在 大于 11 GHz 的频带内,组成超表面"超单元"的各 相邻小单元的反射相位差不相等, x 与 y 方向的相 位梯度不再是常值,且随频率变化,这时垂直入射 的电磁波被超表面异常反射甚至形成无规律的漫 反射,从而降低垂直入射时的后向散射,也能达到 缩减 RCS 的目的,如在测试结果中f = 17 GHz 时, RCS 缩减量达到了 30 dB.





4 结 论

本文提出通过两种机制来减小超表面的后向 散射,并设计制作了一种二维相位梯度超表面对这 种后向散射抑制方法进行验证.在f = 10 GHz 附 近,通过相位梯度设计,使得垂直入射的电磁波耦 合为在超表面面内传播的表面波,在传播的过程 中通过金属和介质损耗衰减为零.在f > 11 GHz 的频率范围内,由于x和y方向上存在着不惟一 的相位梯度而对垂直入射波产生异常反射或者 漫反射.文中仿真了电磁波垂直入射至超表面 的反射率,制作了样品,测试了其反射率曲线, 测试结果与仿真结果基本一致;测试超表面和 相同尺寸金属板的单站后向散射,通过对比,在 9.5 GHz < f < 17 GHz频率范围内,超表面相对于 金属板均有至少10 dBsm的RCS缩减量.这种超 表面具有质量轻、厚度薄、极化无关等特性,是一种 有效的宽带后向RCS缩减结构,在隐身技术中具 有一定的应用前景.

参考文献

- Yu N, Genevet P, Kats A M, Aieta F, Tetienne J P, Capasso F, Gaburro Z 2011 Science 334 333
- [2] Aieta F, Genevet P, Yu N, Kats A M, Gaburro Z, Capasso F 2012 Nano Lett. 12 1702
- [3] Wei Z Y, Cao Y, Su X P, Gong Z J, Long Y, Li H Q 2013 Opt. Express 21 010739
- [4] SunY Y, Han L, Shi X Y, Wang Z N, Liu D H 2013 Acta Phys. Sin. 62 104201 (in Chinese) [孙彦彦, 韩璐, 史晓玉, 王兆娜, 刘大禾 2013 物理学报 62 104201]
- [5] Ni X, Emani N K, Kildishev A V, Boltasseva A, Shalaev V M 2012 Science 335 427
- [6] Grady N K, Heyes J E, Chowdhury D R, Zeng Y, Reiten M T, Azad A K, Taylor A J, Dalvit D A R, Chen H T 2013 Science 340 1304
- [7] Nader Engheta N 2011 Science **334** 317
- [8] Farmahini-Farahani M, Mosallaei H 2013 Opt. Lett. 38 462
- [9] Pfeiffer C, Grbic A 2013 Phys. Rev. Lett. 110 197401
- [10] Sun S L, He Q, Xiao S Y, Xu Q, Li X, Zhou L 2012 *Nature Mater.* **11** 426
- [11] Wang J F, Qu S B, Ma H, Xu Z, Zhang A X, Zhou H, Chen H Y, Li Y F 2012 Appl. Phys. Lett. 101 201104
- [12] Pinchuk A O, Schatz G C 2007 J. Opt. Soc. Am. 24
- [13] Paul O, Reinhard B, Krolla B, Beigang R, Rahm M 2010 Appl. Phys. Lett. 96 241110
- [14] Pendry J B, Schurig D, Smith D R 2006 Science 312 1780
- [15] Wang J F, Zhang J Q, Ma H, Yang Y M, Wu X, Qu S B, Xu Z, Xia S 2010 Acta Phys. Sin. 59 1851 (in Chinese)
 [王甲富,张介秋,马华,杨一鸣,吴翔,屈绍波,徐卓,夏颂 2010 物理学报 59 1851]
- [16] Gu C, Qu S B, Pei Z B, Xu Z, Lin B Q, Zhou H, Bai P, Gu W, Peng W D, Ma H 2011 Acta Phys. Sin. 60 087802 (in Chinese) [顾超, 屈绍波, 裴志斌, 徐卓, 林宝勤, 周航, 柏鹏, 顾巍, 彭卫东, 马华 2011 物理学报 60 087802]
- [17] Xu X H, Wu X, Xiao S Q, Gan Y H, Wang B Z 2013
 Acta Phys. Sin. 62 084101 (in Chinese) [徐新河, 吴夏, 肖绍球, 甘月红, 王秉中 2013 物理学报 62 084101]
- [18] Zeng R, Xu J P, Yang Y P, Liu S T 2007 Acta Phys. Sin. 56 6446 (in Chinese) [曾然, 许静平, 羊亚平, 刘树田 2007 物理学报 56 6446]
- [19] Kats A V, Savel'ev S, Yampol'skii V A, Nori1 F 2008 Phys. Rev. Lett. 98 073901

- [20] Wu Z, Wang Q, Zhou J A, Li C F, Shi J L 2002 Acta Phys. Sin. 51 1612 (in Chinese) [吴中, 王奇, 周炯昂, 李 春芳, 施解龙 2002 物理学报 51 1612]
- [21] Wang W S, Zhang L W, Zhang Y W, Fang K 2013 Acta Phys. Sin. 62 024203 (in Chinese) [王五松, 张利伟, 张冶 文, 方恺 2013 物理学报 62 024203]
- [22] Sun T T, Lu K Q, Chen W J, Yao F X, Niu P J, Yu L

Y 2013 Acta Phys. Sin. 62 034204 (in Chinese) [孙彤彤, 卢克清,陈卫军,姚风雪,牛萍娟,于莉媛 2013 物理学报 62 034204]

- [23] Zhang H F, Cao D, Tao F, Yang X H, Wang Y, Yan X N, Bai L H 2010 Chin. Phys. B 19 027301
- [24] Quan J, Tian Y, Zhang J, Shao L X 2011 Chin. Phys. B 20 047201

Design and experimental verification of a two-dimensional phase gradient metasurface used for radar cross section reduction^{*}

Li Yong-Feng¹⁾ Zhang Jie-Qiu^{1)†} Qu Shao-Bo¹⁾ Wang Jia-Fu¹⁾ Chen Hong-Ya¹⁾ Xu Zhuo²⁾ Zhang An-Xue³⁾

1) (College of Science, Air Force Engineering University, Xi'an 710051, China)

2) (Key Laboratory of Electronic Materials Research of Ministry of Education, Xi'an Jiaotong University, Xi'an 710049, China)

3) (School of Electronics and Information Engineering, Xi'an Jiaotong University, Xi'an 710049, China)

(Received 27 November 2013; revised manuscript received 24 January 2014)

Abstract

Dealing with potential applications of phase gradient metasurfaces in stealth technologies, we propose to realize wideband radar cross section (RCS) reduction by combining the two mechanisms of surface wave generation and anomalous reflection. A two-dimensional phase gradient based metasurface is designed using split-ring resonators. Around the designed central frequency f = 10 GHz, the incident waves are coupled into surface waves propagating along the metasurface. While at the frequency band f > 11 GHz, anomalous reflection and diffuse reflection occur. In this way, wide-band RCS reduction can be realized. A test sample with a total thickness of 2 mm is fabricated and its reflection and backward RCS are measured and compared with those of bare metallic plate with the same size. The comparison shows that the metasurface achieves more than 10 dB reduction in the measured wide range (9.5–17.0 GHz). The metasurface is a polarization independent, electrically thin, light-weight and wide-band, so it is of great application values in novel stealth technologies and materials.

Keywords: radar cross section, meta-surface, surface waves, anomalous reflection PACS: 41.20.Jb, 73.20.Mf, 77.22.-d, 84.90.+a DOI: 10.7498/aps.63.084103

^{*} Project supported by the National Natural Science Foundation of China (Grants Nos. 61331005, 11204378, 11274389, 11304393, 61302023), the China Postdoctoral Science Foundation (Grant Nos. 2013M532131, 2013M532221), and the Fundamental Research Project of Shaanxi Province, China (Grant Nos. 2011JQ8031, 2013JM6005).

[†] Corresponding author. E-mail: zhangjiq0@163.com