# 物理学报 Acta Physica Sinica



高压下 $Ti_2AIX$  (X = C, N)的结构、力学性能及热力学性质 邓世杰 赵宇宏 侯华 文志勤 韩培德

Structural, mechanical, and thermodynamic properties of  $Ti_2AIX$  (X = C, N) at high pressure

Deng Shi-Jie Zhao Yu-Hong Hou Hua Wen Zhi-Qin Han Pei-De

引用信息 Citation: Acta Physica Sinica, 66, 146101 (2017) DOI: 10.7498/aps.66.146101 在线阅读 View online: http://dx.doi.org/10.7498/aps.66.146101 当期内容 View table of contents: http://wulixb.iphy.ac.cn/CN/Y2017/V66/I14

您可能感兴趣的其他文章 Articles you may be interested in

过渡金属硼化物的结构与性质

Structures and properties of functional transition metal borides 物理学报.2017, 66(3): 036103 http://dx.doi.org/10.7498/aps.66.036103

#### 连铸低碳钢一次枝晶演变数值模拟及其受力分析

Morphology simulation and mechanical analysis of primary dendrites for continuously cast low carbon steel

物理学报.2016, 65(16): 166101 http://dx.doi.org/10.7498/aps.65.166101

MnTe电子结构和磁性的第一性原理研究

Electronic structure and magnetic properties of MnTe from first-principles calculations 物理学报.2016, 65(6): 066101 http://dx.doi.org/10.7498/aps.65.066101

### 钢动静态强度计算的电子理论模型

Electronic theoretical model of static and dynamic strength of steels 物理学报.2014, 63(12): 126101 http://dx.doi.org/10.7498/aps.63.126101

铀的结构相变及力学性能的第一性原理计算

First principles studies of phase transition and mechanical properties of uranium 物理学报.2013, 62(17): 176104 http://dx.doi.org/10.7498/aps.62.176104

# 高压下Ti<sub>2</sub>AlX (X = C, N)的结构、力学性能及 热力学性质<sup>\*</sup>

邓世杰<sup>1)</sup> 赵宇宏<sup>1)†</sup> 侯华<sup>1)</sup> 文志勤<sup>1)</sup> 韩培德<sup>2)</sup>

(中北大学材料科学与工程学院,太原 030051)
 (太原理工大学材料科学与工程学院,太原 030024)
 (2017年3月26日收到;2017年5月8日收到修改稿)

采用基于密度泛函理论的第一性原理方法, 计算研究了压力对 Ti<sub>2</sub>AlC 与 Ti<sub>2</sub>AlN 结构、力学性能的影响. 研究发现压力的增大会使体系的体积比降低, Ti<sub>2</sub>AlC 压缩性较 Ti<sub>2</sub>AlN 好.力学性能研究发现, 压力的增大 使材料抵抗变形能力增强,体系的延展性有了很大的提升,当压力超过 40 GPa 后, Ti<sub>2</sub>AlC 与 Ti<sub>2</sub>AlN 从脆性 材料转变为延性材料,体模量与剪切模量的比值达到 1.75,延展性有了很大的提升.通过准谐德拜模型,分析 了压力与温度对 Ti<sub>2</sub>AlC 与 Ti<sub>2</sub>AlN 体模量、热容及热膨胀系数的影响.结果表明,随着温度的升高, Ti<sub>2</sub>AlN 与 Ti<sub>2</sub>AlC 的体模量下降.定容热容与定压热容的变化趋势相同,但在高温下,定容热容遵循 Dulong-Petit 极 限,温度对热容的影响效果较压力明显.温度与压力对 Ti<sub>2</sub>AlN 与 Ti<sub>2</sub>AlC 线膨胀系数的影响主要发生在低温 区域.

关键词: Ti<sub>2</sub>AlN 与 Ti<sub>2</sub>AlC, 力学性能, 热力学性质, 第一性原理 PACS: 61.50.Ah, 62.20.fk, 62.20.de DC

#### **DOI:** 10.7498/aps.66.146101

## 1引言

 $M_{n+1}AX_n$ 相材料为三元层状化合物,其中M代表过渡金属元素,A代表A组元金属元素,X代 表C或者N<sup>[1-4]</sup>.该材料具有金属与陶瓷的双重特 性,既有耐高温与耐腐蚀性能等陶瓷的性能,又具 有导电、导热及可加工性能等金属的性能,因而受 到广泛关注. $M_{n+1}AX_n$ 相材料由于其优异的性能 而被广泛用作高温结构材料、化学防腐材料或高压 发热材料,具有广阔的应用前景和研究价值<sup>[5,6]</sup>.

近年来,对于 $M_{n+1}AX_n$ 相材料的研究有很多,其对应的材料也有很多种,如Ti<sub>2</sub>AlC, Ti<sub>2</sub>AlN和Ti<sub>3</sub>AlC<sub>2</sub>等. Xiao等<sup>[7]</sup>用第一性原理方法预测了Ti<sub>2</sub>AlC与Ti<sub>2</sub>AlN等MAX相材料的抗辐射性. Du等<sup>[8]</sup>通过准谐德拜模型计算分析Ti<sub>2</sub>AlC,

Ti<sub>2</sub>Al<sub>0.5</sub>CT<sub>0.5</sub>与Ti<sub>2</sub>AlN在0GPa,0K条件下的热 力学性质并分析了晶格常数.Manoun等<sup>[9]</sup>通过X 射线测量了Ti<sub>2</sub>AlC与Ti<sub>2</sub>AlN的晶格参数变化.朱 佳等<sup>[10]</sup>借助准谐德拜模型计算了Ti<sub>2</sub>AlC在零压 下的标准摩尔生成焓、标准熵等.李辉等<sup>[11]</sup>研究 了高压对Ti<sub>2</sub>AlC与Ti<sub>2</sub>AlN结构、弹性及电子性质 的影响,发现Ti<sub>2</sub>AlC与Ti<sub>2</sub>AlN结构、弹性及电子性质 的影响,发现Ti<sub>2</sub>AlC与Ti<sub>2</sub>AlN为各向异性材料, 压力对电子态密度影响较小.但是对于Ti<sub>2</sub>AlC与 Ti<sub>2</sub>AlN 材料在高压下的热力学性质的研究报道较 少,而Ti<sub>2</sub>AlC与Ti<sub>2</sub>AlN总处于高温高压条件下, 所以研究其在高压下的热力学性质具有非常重要 的意义.本文借助第一性原理的方法,应用准谐德 拜模型,研究了高压下Ti<sub>2</sub>AlC与Ti<sub>2</sub>AlN材料的结 构、力学性能及热力学性质,为材料的深入研究提 供帮助.

© 2017 中国物理学会 Chinese Physical Society

<sup>\*</sup> 国家自然科学基金(批准号: U1610123, 51674226, 51574207, 51574206, 51274175)资助的课题.

<sup>†</sup>通信作者. E-mail: zhaoyuhong@nuc.edu.cn

## 2 计算方法

采用第一性原理方法,使用基于密度泛函 理论的CASTEP (Cambridge sequential total energy package)软件包<sup>[12]</sup>,其波函数由平面波基 组展开. 赝势选取倒易空间表征中的超软赝势 (ultrasoft)<sup>[13]</sup>.原子之间的交换关联函数选用基 于广义梯度近似(generalized gradient approximation,GGA)的PBE(Perdew-Burke-Ernzerhof)<sup>[14]</sup> 进行计算.平面波截断能为350 eV,选取布里渊 区*K*点网格数为10×10×2.自洽收敛条件设 为:总能量收敛值5.0×10<sup>-6</sup> eV/atom,每个原 子的力低于0.01 eV/nm,公差偏移小于0.005 Å (1 Å = 0.1 nm),应力偏差小于0.02 GPa.

Ti<sub>2</sub>AlC与Ti<sub>2</sub>AlN都属于六方晶系,其空间群 为*P*6<sub>3</sub>/*mmc*,每一个晶胞中含有2个Ti<sub>2</sub>AlX分子, 其中Ti原子占据4f位置(2/3,1/3,*z*),*z*为结构参 数,Al占据2d(1/3,2/3,3/4)位置,C或者N占据 2a(0,0,0)位置<sup>[11]</sup>.Ti<sub>2</sub>AlC与Ti<sub>2</sub>AlN结构对应的 晶胞分别如图1(a)和图1(b)所示,其中蓝色小球 代表Ti原子,粉色小球代表Al原子,灰色小球代表 C原子,绿色小球代表N原子.



图 1 (网刊彩色) (a) Ti<sub>2</sub>AlC 与 (b) Ti<sub>2</sub>AlN 的晶胞结构 Fig. 1. (color online) The crystal structures of (a) Ti<sub>2</sub>AlC and (b) Ti<sub>2</sub>AlN.

3 结果与分析讨论

#### 3.1 结构性质

为了研究压力对Ti<sub>2</sub>AlC与Ti<sub>2</sub>AlN结构的影响,分别计算0—50 GPa下各体系的体积比V/V<sub>0</sub>

(V<sub>0</sub>表示零压强下体系的体积).如图2所示,随着 外加压力的增大,晶胞体积比逐渐降低,表明压力 增大,原子间的距离减小.Ti<sub>2</sub>AlC与Ti<sub>2</sub>AlN体积 分别坍缩了20.59%和18.93%,证明两者都具有较 强的可压缩性.随着压强的增大,体积比曲线下降 趋势变得平缓,这是由于原子间排斥力随原子间距 离的减小而逐渐增大.对比曲线可以发现,高压下 Ti<sub>2</sub>AlC压缩性较Ti<sub>2</sub>AlN强,表明压力对Ti<sub>2</sub>AlC 晶格常数的影响大于对Ti<sub>2</sub>AlN 晶格常数的影响.



图 2 Ti<sub>2</sub>AlC 与 Ti<sub>2</sub>AlN 体积比随压力的变化 Fig. 2. The volume ratio  $V/V_0$  as a function of pressure for Ti<sub>2</sub>AlX (X = C, N).

### 3.2 力学性质

体模量与弹性模量是表征材料性能的重要参数,可以用来反映材料的力学性能.表1列举了不同压力下Ti<sub>2</sub>AlC与Ti<sub>2</sub>AlN材料的弹性常数*C<sub>ij</sub>*.可以看出,0GPa下弹性常数的计算值与李辉等<sup>[11]</sup>计算所得的数值符合,表明计算的准确性与可行性.通过弹性常数可以判断力学稳定性.Ti<sub>2</sub>AlC与Ti<sub>2</sub>AlN均为六方晶系,需要满足玻恩稳定准则<sup>[15]</sup>,其力学稳定条件为

$$C_{12} > 0, \ C_{11} - C_{12} > 0, \ C_{33} > 0, \ C_{44} > 0,$$
  
$$(C_{11} + C_{12})C_{33} - 2C_{13}^2 > 0.$$
(1)

计算所得数据均满足力学稳定性条件,表明在 0—50 GPa下Ti<sub>2</sub>AlC与Ti<sub>2</sub>AlN均为力学稳定的 材料.随着压强的增大,其弹性常数不断增大,其 中,*C*<sub>11</sub>与*C*<sub>33</sub>增大最为明显,相同压力下,Ti<sub>2</sub>AlN 的*C*<sub>11</sub>与*C*<sub>33</sub>比Ti<sub>2</sub>AlC高,这是因为Ti—N键强 于Ti—C键的缘故.

通过弹性常数可以计算体模量*B*、剪切模量 *G*以及杨氏模量*E*,用来分析材料抵抗变形的能 力<sup>[16]</sup>.根据 Pugh 判据<sup>[17]</sup>,体模量与剪切模量的比 值 B/G反映了金属的抗变形能力,临界值为1.75. 当 B/G > 1.75时,材料表现为延性,相反,则为脆 性,B/G值越大,材料的延展性越好.从表1可以 看出,Ti<sub>2</sub>AlC与Ti<sub>2</sub>AlN的变化趋势相同,体模量 与剪切模量随着压力的增大而增大,表明材料抵抗 变形能力增强.体模量反映的是抵抗键长的能力, 而剪切模量反映的是材料抵抗键角的能力,体模量 的增加幅度大于剪切模量,所以材料的延性得到提 升.两种材料在0 GPa下都表现为脆性,当压力增 大到40 GPa以后,Ti<sub>2</sub>AlC与Ti<sub>2</sub>AlN的*B/G*值超 过了1.75,由脆性材料转变为延性材料.杨氏模量 变化趋势与体模量和剪切模量相同,随压力的增大 不断增大,材料刚性提升,抵抗变形能力提升.

表1 不同压力下 Ti<sub>2</sub>AlC 与 Ti<sub>2</sub>AlN 的弹性常数  $C_{ij}$ 、体模量 B、剪切模量 G 与杨氏模量 ETable 1. The elastic constants, bulk modulus, shear modulus and Young's modulus of Ti<sub>2</sub>AlC and Ti<sub>2</sub>AlN at various pressures.

$\mathrm{Ti}_{2}\mathrm{Al}X$	Pressure/GPa	$C_{11}$	$C_{12}$	$C_{13}$	$C_{33}$	$C_{44}$	$B/{ m GPa}$	$G/\mathrm{GPa}$	B/G	$E/{ m GPa}$
Ti <sub>2</sub> AlC	0	296.9	54.5	55.2	263.0	115.3	131.7	116.4	1.13	269.7
	Cal. [11]	302.0	59.0	55.0	278.0	113.0	135.0	117.0		270.0
	10	354.9	80.2	90.6	329.3	139.9	173.5	135.1	1.28	321.8
	20	405.2	103.7	123.8	386.1	160.0	211.0	150.1	1.41	363.9
	30	457.8	138.3	159.9	436.9	171.4	252.0	159.7	1.58	395.5
	40	504.5	164.4	191.0	485.1	188.9	287.4	172.0	1.67	430.1
	50	546.5	189.4	223.2	532.5	206.6	321.9	181.3	1.76	461.7
Ti <sub>2</sub> AlN	0	301.0	67.0	93.8	277.4	130.7	154.3	116.3	1.33	278.9
	Cal. [11]	315.0	61.0	79.0	299.0	123.0	152.0	122.0		288.0
	10	367.5	86.7	124.5	331.1	155.7	193.0	137.5	1.40	333.3
	20	418.4	108.1	158.4	390.2	169.1	230.7	150.4	1.53	370.6
	30	477.6	137.5	194.1	439.7	187.3	271.7	164.6	1.65	410.9
	40	525.0	159.0	222.6	486.7	205.8	304.9	178.3	1.71	447.7
	50	579.3	186.7	258.2	537.4	224.7	344.6	191.9	1.80	485.7

#### 3.3 热力学性质

依据准谐德拜模型<sup>[18,19]</sup>,我们研究分析了 Ti<sub>2</sub>AlC与Ti<sub>2</sub>AlN的热力学性质,包括体模量、热 容以及热膨胀系数.

图 3 所示为体模量随压力和温度的变化, 0 GPa,0 K下Ti<sub>2</sub>AlC与Ti<sub>2</sub>AlN体模量随温度的 变化与文献[8]的计算结果相符合.从图中可以看 出,体模量变化趋势相同,Ti<sub>2</sub>AlN抗变形能力强于 Ti<sub>2</sub>AlC.在0—100 K间,体模量近似为一个常数, 但当温度超过100 K后,体模量直线下降,表明材 料抵抗变形能力逐渐减弱.温度固定时,体模量随 着压力的增大而增大.

图4所示为热容随温度与压力的变化. 热容是 热力学中又一个重要的参数,包括定容热容*C<sub>V</sub>*和 定压热容*C<sub>P</sub>*. 定容热容和定压热容变化曲线大致



100 0 200 400 600 800 1000 0 200 400 600 800 1000 Temperature/K

图 3 Ti<sub>2</sub>AlC 与 Ti<sub>2</sub>AlN 体模量随压力和温度的变化 Fig. 3. The pressure and temperature dependences of bulk modulus for Ti<sub>2</sub>AlX (X = C, N).



图 4 (网刊彩色) Ti<sub>2</sub>AlC 与 Ti<sub>2</sub>AlN (a) 定容热容  $C_V$  与 (b) 定压热容  $C_P$  随压力和温度的变化 Fig. 4. (color online) The pressure and temperature dependences of (a)  $C_V$  and (b)  $C_P$  for Ti<sub>2</sub>AlX (X = C, N).

相同, 当温度低于 300 K时, 曲线直线上升, 当温度 超过 300 K后, 曲线上升趋势变缓. 对于定容热容, 在高温下, 曲线趋近于平行于 x 轴的直线, 这是因 为高温下  $C_V$  遵循 Dulong-Petit 极限 <sup>[20]</sup>, 而  $C_P$  不 受限制, 反而继续增加. 压力对 Ti<sub>2</sub>AlC 与 Ti<sub>2</sub>AlN 材料热容的影响效果与温度相反, 压力增加, 材料 的热容反而下降, 且压力对其影响较温度小. 高温 下 Ti<sub>2</sub>AlC 的  $C_V$  高于 Ti<sub>2</sub>AlN, 说明 Ti<sub>2</sub>AlC 吸收或 者释放热量的能力更强.

热膨胀系数随压力和温度的变化如图5所示, 可以看出Ti<sub>2</sub>AlX (X = C, N) 热膨胀系数的变化 趋势大致相同.随着温度的升高,线膨胀系数增大, 当温度大于400 K后,增长速度下降,曲线变得平 缓,表明温度与压力对线膨胀系数的影响主要发生 在低温区.当压力超过30 GPa 后,压力对线膨胀



图 5 (a) Ti<sub>2</sub>AlC 与 (b) Ti<sub>2</sub>AlN 热膨胀系数随压力和温 度的变化

Fig. 5. The pressure and temperature dependences of thermal expansion coefficient for (a)  $Ti_2AlC$  and (b)  $Ti_2AlN$ .

#### 系数的影响较小.

#### 4 结 论

利用第一性原理计算方法计算了 0—50 GPa 下压力对 Ti<sub>2</sub>AlX (X = C, N)结构及力学性能的 影响.随着压力的增大, Ti<sub>2</sub>AlX (X = C, N)体 积比下降,压力对 Ti<sub>2</sub>AlC 影响较 Ti<sub>2</sub>AlN大.通 过弹性模量的计算,发现压力可以增强材料抵抗 变形的能力,随着压力的增大,材料的延性得到提 升,Ti<sub>2</sub>AlN抵抗变形能力强于 Ti<sub>2</sub>AlC,当压力超过 40 GPa 后,Ti<sub>2</sub>AlX 材料由脆性转变为延性.通过 准谐德拜模型,分别研究了压力与温度对 Ti<sub>2</sub>AlX (X = C, N)体模量、热容及热膨胀系数的影响,发 现体模量随温度的升高而减小,但随压力的增大 而增大.定容热容与定压热容的变化趋势相同,高 温下定容热容增加缓慢,且遵循 Dulong-Petit 极限, Ti<sub>2</sub>AlC 的定容热容在高温下高于 Ti<sub>2</sub>AlN. 温度与 压力对线膨胀系数的影响主要发生在低温区域,压 力超过 30 GPa 后,压力对线膨胀系数的影响较小.

#### 参考文献

- [1] Barsoum M W 2000 Prog. Solid State Chem. 28 201
- [2] Barsoum M W, El-Raghy T 2001 Am. Sci. 89 334
- [3]~ Keast V J, Harris S, Smith D K 2009 Phys. Rev.  $\mathbf{80}$  308
- [4] Aryal S, Sakidja R, Ouyang L, Ching W Y 2015 J. Eur. Ceram. Soc. 35 3219
- [5] Ching W, Mo Y, Aryal S, Rulis P 2013 J. Am. Ceram. Soc. 96 2292
- [6] Atazadeh N, Heydari M S, Baharvandi H R, Ehsani N 2016 Int. J. Refract. Met. Hard Mater. 61 67
- [7] Xiao J, Yang T, Wang C, Xue J, Wang Y 2015 J. Am. Ceram. Soc. 98 1323
- [8] Du Y L, Sun Z M, Hashimoto H, Barsoum M W 2009 *Phys. Lett. A* **374** 78
- [9] Manoun B, Zhang F X, Saxena S K, EI-Raghy T, Barsoum M W 2006 Phys. Chem. Solids 67 2091
- [10] Zhu J, Lin H, Zhu C C, Bai Y L 2013 Rare Metal Mat. Eng. 42 290 (in Chinese) [朱佳,林红,朱春城,柏跃磊 2013 稀有金属材料与工程 42 290]

- [11] Li H, Luo Z L, Liu Z, Xia Y X, Han X X, Yu H Y, Sun G D 2016 J. Synth. Cryst. 45 2406 (in Chinese) [李辉, 罗至利, 刘哲, 夏晓宇, 韩旭旭, 余鸿洋, 孙国栋 2016 人工 晶体学报 45 2406]
- [12] Segal M D, Lindan P J D, Probert M J, Pickard C J, Hasnip P J, Clark S J, Payne M C 2002 Phys. Condens. Matter. 14 2717
- [13] Vanderbilt D 1990 Phys. Rev. B 41 7892
- [14] Perdew J P, Burke K, Ernzerhof M 1996 *Phys. Rev. Lett.* 77 3865
- [15] Born M 1940 Proc. Cambridge Phil. Soc. 36 160
- [16] Hu J Q, Xie M, Chen J L, Liu M M, Chen Y T, Wang S, Wang S B, Li A K 2017 Acta Phys. Sin. 66 057102 (in Chinese) [胡洁琼, 谢明, 陈家林, 刘满门, 陈永泰, 王松, 王塞北, 李爱坤 2017 物理学报 66 057102]
- [17] Pugh S F 1954 Philos. Mag. 45 823
- [18] Blanco M A, Francisco E, Luaña V 2004 Comput. Phys. Commun. 158 57
- [19] Otero-De-La-Roza A, Abbasi-Pérez D, Luaña V 2011 Comput. Phys. Commun. 182 2232
- [20] Wang B, Liu Y, Ye J W 2012 Acta Phys. Sin. 61 186501
   (in Chinese) [王斌, 刘颖, 叶金文 2012 物理学报 61 186501]

# Structural, mechanical, and thermodynamic properties of $Ti_2AlX$ (X = C, N) at high pressure<sup>\*</sup>

Deng Shi-Jie<sup>1)</sup> Zhao Yu-Hong<sup>1)†</sup> Hou Hua<sup>1)</sup> Wen Zhi-Qin<sup>1)</sup> Han Pei-De<sup>2)</sup>

1) (School of Materials Science and Engineering, North University of China, Taiyuan 030051, China)

2) (School of Materials Science and Engineering, Taiyuan University of Technology, Taiyuan 030024, China)

( Received 26 March 2017; revised manuscript received 8 May 2017 )

#### Abstract

The MAX phase has attracted much attention due to its unique properties combined with the merits of both metal and ceramic, including the low density, high electrical conductivity and good oxidation resistance, which makes it significant for possible applications in various high temperature or other environments. There is a lot of research work on Ti<sub>2</sub>AlX (X=C, N). However little research about thermodynamic properties at high pressure is carried out. So we study the structural, mechanical and thermodynamic properties of Ti<sub>2</sub>AlC and Ti<sub>2</sub>AlN at various pressures and temperatures.

The first-principles calculations based on electronic density-functional theory framework are used to investigate the properties at various pressures. The cut-off energy is 350 eV. Converged results are achieved with  $10 \times 10 \times 2$  special *K*-point meshes. The self-consistent convergence of total energy is set to be  $5.0 \times 10^{-6}$  eV/atom.

According to the calculated structural parameters at various pressures, we can find that the ratios  $V/V_0$  ( $V_0$  denotes the system volume at 0 GPa) of  $Ti_2AlX$  are reduced by 20.59% and 18.93%, respectively, so the compressibility of the system is strong. As the internal pressure increases, the curves of  $V/V_0$  become gentle. Then we calculate elastic constants at pressures ranging from 0 to 50 GPa in steps of 10 GPa. It is obvious that the  $Ti_2AlX$  is mechanically stable because all of the elastic constants satisfy the Born stability criteria. The bulk modulus, shear modulus and Young's modulus linearly increase with internal pressure increasing, implying that the pressure can improve the resistance to volume deformation. The ductility and brittleness can be judged according to Pugh's criterion (ratio of bulk modulus to shear modulus B/G, and the brittle nature turns into ductile nature in a pressure range of 40-50 GPa for the Ti<sub>2</sub>AlX since the value of B/G exceeds 1.75. Finally, we study the thermodynamic properties at various pressures and temperatures based on the quasi-harmonic Debye approximation theory, including the bulk modulus, heat capacity and thermal expansion coefficient. The bulk modulus decreases with temperature increasing but increases with pressure increasing. The heat capacity at constant volume  $C_v$  and the heat capacity at constant pressure  $C_p$  have the same variation tendency, while  $C_v$ obeys the Dulong-Petit limit. It is easy to see that temperature and pressure have opposite influences on heat capacity and the effect of temperature is more significant than that of pressure. The effects of temperature and pressure on linear expansion coefficient mainly occur at low temperature and the effect of pressure is not so considerable when the pressure exceeds 30 GPa. Above all, the effects of temperature and pressure on thermodynamic properties are inverse.

Keywords: Ti<sub>2</sub>AlN and Ti<sub>2</sub>AlC, mechanical properties, thermodynamic properties, first-principles PACS: 61.50.Ah, 62.20.fk, 62.20.de DOI: 10.7498/aps.66.146101

<sup>\*</sup> Project supported by the National Natural Science Foundation of China (Grant Nos. U1610123, 51674226, 51574207, 51574206, 51274175).

<sup>†</sup> Corresponding author. E-mail: <a href="mailto:zhaoyuhong@nuc.edu.cn">zhaoyuhong@nuc.edu.cn</a>