物理学报 Acta Physica Sinica



基于扩展单粒子模型的锂离子电池参数识别策略 _{虎辉}

An extended single particle model-based parameter identification scheme for lithium-ion cells

Pang Hui

引用信息 Citation: Acta Physica Sinica, 67, 058201 (2018) DOI: 10.7498/aps.20172171 在线阅读 View online: http://dx.doi.org/10.7498/aps.20172171 当期内容 View table of contents: http://wulixb.iphy.ac.cn/CN/Y2018/V67/I5

您可能感兴趣的其他文章 Articles you may be interested in

无锂助熔剂 B_2O_3 对 $Li_{1.3}Al_{0.3}Ti_{1.7}(PO_4)_3$ 固体电解质离子电导率的影响

Effect of lithium-free flux B_2O_3 on the ion conductivity of $Li_{1.3}AI_{0.3}Ti_{1.7}(PO_4)_3$ solid electrolyte 物理学报.2017, 66(20): 208201 http://dx.doi.org/10.7498/aps.66.208201

锂离子电池正极材料 Li₂FeSiO₄ 的电子结构与输运特性

Electronic structure and transport properties of cathode material Li₂FeSiO₄ for lithium-ion battery 物理学报.2015, 64(24): 248201 http://dx.doi.org/10.7498/aps.64.248201

基于单粒子模型与偏微分方程的锂离子电池建模与故障监测

Modeling and failure monitor of Li-ion battery based on single particle model and partial difference equations

物理学报.2015, 64(10): 108202 http://dx.doi.org/10.7498/aps.64.108202

Co_2SnO_4 /Graphene 复合材料的制备与电化学性能研究

Preparation and electrochemical properties of Co₂SnO₄/graphene composites 物理学报.2014, 63(19): 198201 http://dx.doi.org/10.7498/aps.63.198201

锂离子电池 SnSb/C 复合负极材料的热碳还原法制备及电化学性能研究

Lithium intercalation properties of SnSb/C composite in carbonthermal reduction as the anode material for lithium ion battery

物理学报.2014, 63(16): 168201 http://dx.doi.org/10.7498/aps.63.168201

基于扩展单粒子模型的锂离子电池参数识别策略*

庞辉†

(西安理工大学机械与精密仪器工程学院,西安 710048)

(2017年10月6日收到; 2017年12月8日收到修改稿)

为了精确识别电动汽车锂离子动力电池的关键状态参数,基于多孔电极理论和浓度理论,建立了一种考虑液相动力学行为的锂离子电池扩展单粒子模型.相较于传统单粒子模型,该模型增加了对负电极表面固体电解质界面膜参数的描述,并考虑了温度和液相浓度变化对锂离子电池关键参数的耦合影响.基于所建立的扩展单粒子模型,提出一种简化的参数灵敏度分析方法和有效的锂电池参数识别策略,用以确定特定工况下的高灵敏度待识别参数,进而利用遗传算法实现参数的优化求解.最后,通过对比分析本文模型和传统单粒子模型的仿真输出电压和相同工况下电池的实验输出电压验证了提出模型和参数识别方法的有效性和可行性,为电池管理系统的健康状态估计提供了理论基础.

关键词: 锂离子电池, 扩展单粒子模型, 参数识别, 模型验证 PACS: 82.47.Aa, 73.22.Dj, 43.60.Jn, 92.60.Aa

1引言

锂离子电池由于具有轻量化、低放电率和高能 量密度等优点,已逐渐成为新能源汽车领域的核心 储能部件,这也对锂电池组管理系统提出了更高的 要求.作为构成锂离子动力电池组的重要单元,锂 离子电池的精确建模和参数识别对于电池荷电状 态和寿命的准确预测,以及提高锂离子动力电池组 的实时监控和管理水平具有重要意义^[1-3].

目前,国内外研究人员构建了涵盖锂离子电 池能量传递、质量传递以及电荷传递的不同类型 的多维多物理场模型^[4-12],且采用不同的优化算 法、基于不同的电化学模型开展参数识别研究工 作.Feng等^[13]将滑动平均噪声添加到锂电池一 阶电阻-电容(resistor-capacity, RC)等效电路模型 (equivalent-circuit model, ECM)中,提出基于递推 增广最小二乘技术的参数识别算法.Zhang等^[14] 构建ECM阻抗/电容与电化学参数之间的关系,提 出了考虑锂电池电化学动力特性的参数识别方法. Chaoui等^[15]采用数值模拟和实验分析的方法提 出基于ECM的锂离子电池自适应参数估计方法, 以期实现对电池荷电状态(state-of-charge, SOC) 和健康状态(state-of-health, SOH)的准确估计. 然 而, ECM 利用电阻、电容等元器件模拟电池电压 响应, 对于前期的电池实验有很强的依赖性, 且模 型参数也不能对应电池内部实际物理量, 因而基于 ECM 的参数识别具有一定局限性, 所获得参数难 以全面描述电池内部的电化学行为.

DOI: 10.7498/aps.67.20172171

为解决这一问题,研究人员提出了基于物理 电化学模型的参数识别方法,并逐渐成为近年研 究热点. Shriram等^[16]基于传统单粒子模型(single particle model, SPM)和Levenberg-Marquardt 数值方法对锂离子电池浓度扩散和电化学反应动 力学参数进行识别,获得95%置信区间的参数估计 值,并与实验数据进行对比,但是该SPM并未考虑 液相动力学的影响. Forman等^[17,18]提出一种基于 遗传优化算法(genetic algorithm, GA)的锂离子电 池DFN (Doyle-Fuller-Newman)模型全套参数识 别方法,使用Fisher信息矩阵判断参数的可识别性

^{*} 国家自然科学基金(批准号: 51675423)资助的课题.

[†]通信作者. E-mail: huipang@163.com

^{© 2018} 中国物理学会 Chinese Physical Society

进而提高参数估计精度,但是对待识别参数的灵 敏度分析过程较为复杂,而且没有考虑浓度对参 数的影响. Zhang等^[19,20]提出基于多物理准二维 (pseudo-two-dimensions, P2D)模型和多目标遗传 算法的锂离子电池参数识别策略,详细介绍了参数 识别模型构建和识别过程,但其优化求解过程复 杂,对计算资源要求较高. Li等^[21]基于P2D模型 和GA 提出一种高效的参数识别方法,采用分治策 略,将待识别参数分为物理参数和动力学参数分别 予以识别,但是没有考虑温度变化和液相浓度扩散 对电池参数的影响. Rahman 等^[22]和 Shen 等^[23] 使用粒子群优化算法识别不同工况下锂离子电池 电化学模型的参数,与GA相比,粒子群优化算法 在优化中不需要涉及变异和交叉操作,但初始学习 参数的选择非常依赖经验,若选择不当的话,很容 易产生局部最优解.

综上,基于传统SPM识别参数时,由于忽略了 液相动力学的影响,因而该模型不适用于高倍率、 低温下的放电行为模拟;而基于多物理场和多尺度 的电化学模型开展的参数识别方法计算较为复杂, 且对计算资源要求过高.

为此,本文基于多孔电极理论和浓度理论研究 了锂离子电池电化学行为的建模方法,在此基础上 提出一种考虑液相动力学行为的锂电池扩展单粒 子模型. 该模型考虑了负极表面固体电解质界面 (solid-electrolyte-interface, SEI) 膜参数的影响,耦 合了温度和液相浓度变化对锂离子电池关键参数 的影响;并基于该模型提出了一种简化的参数灵敏 度分析方法,利用GA实现了待识别参数的优化求 解.最后,以索尼NMC18650锂电池为对象,对本 文所提出的参数识别方法进行验证和讨论.

2 基于扩展单粒子模型的锂离子电池 建模

假定锂离子电池是一种恒流等温电化学模型^[11,21],由于正负电极均为多孔活性材料,可用一个球形单粒子来模拟正负电极的电化学行为.考虑 液相动力学的影响,扩展单粒子模型的简化结构如 图1所示,该电池包括正负极集流体、正负极涂层 以及隔膜等.

考虑正负极集流体产生的欧姆电势差,若输入 工作电流密度为 *I*(*t*),则电池终端电压计算公式为

$$V(t) = \phi_{\rm s}^+(0^+, t) - \phi_{\rm s}^-(0^-, t) - R_{\rm c}I(t), \qquad (1)$$

式中 ϕ_s^+ , ϕ_s^- 分别为正负极固相电势, R_c 为集流体 接触阻抗.为推导详细的电池终端电压计算公式 ((1) 式),以 Doyle 和 Newman^[24] 提出的 P2D 模型 为基础,并结合我们的前期研究成果^[25],基于多孔 电极理论、欧姆定律和浓度理论分别建立锂离子扩 展单粒子模型的浓度扩散方程、电荷守恒方程以及 电化学反应动力学方程.



图 1 锂离子电池扩展单粒子模型示意图 Fig. 1. Schematic of lithium-ion battery extended SPM.

2.1 浓度扩散方程

根据Fick第二定理^[26],锂离子固相浓度 $c_{s}^{\pm}(r,t)$ 扩散方程为

$$\frac{\partial c_{\rm s}^{\pm}}{\partial t}(r,t) = \frac{1}{r^2} \frac{\partial}{\partial r} \left[D_{\rm s}^{\pm} r^2 \frac{\partial c_{\rm s}^{\pm}}{\partial r}(r,t) \right], \qquad (2)$$

其边界控制条件为

$$D_{\rm s}^{\pm} \frac{\partial c_{\rm s}^{\pm}}{\partial r}(0,t) = 0,$$

$$D_{\rm s}^{\pm} \frac{\partial c_{\rm s}^{\pm}}{\partial r} (R_{\rm s}^{\pm}, t) = -j_{\rm r}^{\pm}(t). \tag{3}$$

假定正负极反应电流密度在任一时刻为常量, 并且具有如下表达式^[11,27]:

$$j_{\rm r}^{j}(t) = \begin{cases} -\frac{I(t)}{a_{\rm s}^{+}FL^{+}}, & j = +, \\ 0, & j = {\rm sep}, \\ \frac{I(t)}{a_{\rm s}^{-}FL^{-}}, & j = -. \end{cases}$$
(4)

(2)—(4) 式中, $c_s^{\pm} \approx D_s^{\pm}$ 分别为正负极的固相浓度 和浓度扩散系数, R_s^{\pm} 为正负极活性材料球形颗粒 半径, j_r^{\pm} 为正负极反应电流密度, a_s^{\pm} 为正负极单位 体积有效反应面积, F为法拉第常数, L^j 为沿x轴 不同区域的电池厚度, $j = \{-, \text{sep}, +\}$ 分别代表锂 电池的负极、隔膜和正极.

锂离子液相浓度 c_e(x,t) 在 x 轴上随着锂离子的流量密度的梯度而变化,其动力学方程为

$$\varepsilon_{\rm e}^{j} \frac{\partial c_{\rm e}^{j}}{\partial t}(x,t) = \frac{\partial}{\partial x} \left[D_{\rm e}^{\rm eff} \frac{\partial c_{\rm e}^{j}}{\partial t}(x,t) \right] + a_{\rm s}^{\pm} (1-t_{\rm c}^{0}) j_{\rm r}^{j}(t), \quad (5)$$

式中 ε_{e}^{j} 为不同区域液相体积分数; t_{c}^{0} 为锂离子迁移数; 液相有效扩散系数 $D_{e}^{eff}=D_{e}(T)\cdot(\varepsilon_{e}^{j})^{brug}$, brug为锂电池不同区域Bruggman系数,与电池温度T和初始液相浓度有关的液相扩散系数 $D_{e}(T)$ 的计算公式为^[28]

$$D_{\rm e}(T) = 10^{-\left[4.43 + \frac{54}{T - (229 + c_{\rm e,0})} + 0.22c_{\rm e,0}\right]}.$$
 (6)

液相浓度扩散方程的边界控制条件和浓度扩散连 续条件为

$$\begin{cases} \frac{\partial c_{\rm e}^-}{\partial x}(0^-,t) = 0, \\ \frac{\partial c_{\rm e}^+}{\partial x}(0^+,t) = 0, \end{cases}$$
(7)

$$\begin{cases} c_{\rm e}(L^-,t) = c_{\rm e}(0^{\rm sep},t), \\ c_{\rm e}(L^{\rm sep},t) = c_{\rm e}(L^+,t), \\ D_{\rm e}^{-,{\rm eff}}\left[c_{\rm e}(L^-)\right] \frac{\partial c_{\rm e}^-}{\partial x}(L^-,t) \\ = D_{\rm e}^{\rm sep,{\rm eff}}\left[c_{\rm e}(0^{\rm sep})\right] \frac{\partial c_{\rm e}^{\rm sep}}{\partial x}(0^{\rm sep},t), \\ D_{\rm e}^{\rm sep,{\rm eff}}\left[c_{\rm e}(L^{\rm sep})\right] \frac{\partial c_{\rm e}^{\rm sep}}{\partial x}(L^{\rm sep},t) \\ = D_{\rm e}^{+,{\rm eff}}\left[c_{\rm e}(L^+)\right] \frac{\partial c_{\rm e}^+}{\partial x}(L^+,t). \end{cases}$$

$$(8)$$

2.2 电荷守恒方程

用一个单粒子代表电极,则固相浓度扩散和锂 离子嵌入和嵌出均发生在球形粒子内部,在*x*轴上 只需要考虑电解液内锂离子传输引起的电势变化. 根据修正的欧姆定律,液相电荷守恒方程为

$$\frac{\partial}{\partial x} \left[k^{\text{eff}} \frac{\partial \phi_{\text{e}}}{\partial x}(x,t) \right] \\ + \frac{\partial}{\partial x} \left[k_{\text{D}}^{\text{eff}} \frac{\partial \ln c_{\text{e}}(x,t)}{\partial x} \right] + j_{\text{r}}^{\pm}(t) = 0, \quad (9)$$

沿 x 轴对 (9) 式积分可得

$$\frac{\partial \phi_{\rm e}}{\partial x}(x,t) = -\frac{i_{\rm e}^{\pm}(x,t)}{k^{\rm eff}} + \frac{k_{\rm D}^{\rm eff}}{k^{\rm eff}} \frac{\partial \ln c_{\rm e}(x,t)}{\partial x}, \quad (10)$$

式中 ϕ_{e} 为液相电势; i_{e}^{\pm} 为正负极液相交换电流密度;有效离子电导率 $k^{eff} = k_{e}(T) \cdot (\varepsilon_{e}^{j})^{brug}$,由于本文考虑电池温度和初始液相浓度对电解液离子电导率 $k_{e}(T)$ 的影响,其计算公式为^[28]

$$k_{\rm e}(T) = c_{\rm e,0}[(-10.5 + 0.074T - 6.96 \times 10^{-5}T^2) + c_{\rm e,0}(0.668 - 0.0178T - 2.8 \times 10^{-5}T^2) + c_{\rm e,0}^2(0.494 - 8.86 \times 10^{-4}T^2)]^2.$$
(11)

此外,用*R*表示气体常数,*f*_{c/a}表示液相平均 摩尔活度系数,则有效扩散离子电导率*k*_D^{eff}计算公 式为^[28]

$$k_{\rm D}^{\rm eff} = \frac{2RTk^{\rm eff}(1-t_{\rm c}^0)}{F} \left(1 + \frac{\mathrm{d}\ln f_{\rm c/a}}{\mathrm{d}\ln c_{\rm e}}\right)$$
$$= \frac{2RTk^{\rm eff}}{F} (1-t_{\rm c}^0)v(T), \qquad (12)$$
$$v(T) = 0.601 - 0.24c_{\rm e}^{1/2} + 0.982[1]$$

$$-0.0052(T-293)]c_{0.0}^{3/2}$$
, (13)

式中*c*_{e,0}为电解液初始浓度.将锂电池电芯平均温 度作为电化学反应的温度*T*,假设锂离子电池为等 温电化学模型,因而在特定温度下与温度相关的电 化学参数均为常量.若锂电池为非等温电化学模型, 依赖温度变化的电化学参数需要根据电池温度变化进行更新, 则需要引入热能平衡方程, 具体参见文献 [29—31].另外, 依赖温度变化的电化学参数还包括正负极固相扩散系数 D_s^{\pm} 以及正负极电化学反应速率 k_0^{\pm} , 可以采用 Arrhenius 定律来标定温度对这 4 个参数的影响 ^[20]:

$$\psi = \psi_{\text{ref}} \exp\left[\frac{E_{\text{act}}^{\psi}}{R} \left(\frac{1}{T_{\text{ref}}} - \frac{1}{T}\right)\right], \quad (14)$$

式中 ψ 表示热耦合参数 $(D_{s}^{\pm}, k_{0}^{\pm}), E_{act}^{\psi}$ 表示热耦合 参数的活化能, ψ_{ref} 表示参考温度为298.5 K时 ψ 的取值(表1).

2.3 电化学反应 Bulter-Volmer 方程

为了获得电池端电压计算表达式,沿*x*轴对 (10) 式积分可得

$$\int_{0^{-}}^{0^{+}} \frac{\partial \phi_{e}(x,t)}{\partial x} dx$$

$$= \int_{0^{-}}^{0^{+}} \frac{i_{e}^{\pm}(x,t)}{k^{\text{eff}}} dx$$

$$+ \int_{0^{-}}^{0^{+}} \frac{k_{D}^{\text{eff}}}{k^{\text{eff}}} \frac{\partial \ln c_{e}(x,t)}{\partial x} dx. \qquad (15)$$

根据 (11)—(13) 式以及本文假设, k^{eff} 和 k^{eff} 均 为常数, 则 (15) 式可变换为

$$\phi_{\rm e}^+(0^+,t) - \phi_{\rm e}^-(0^-,t)$$

$$= \frac{L^{+} + 2L^{\text{sep}} + L^{-}}{2k_{\text{e}}(T)}I(t) + \frac{k_{\text{D}}^{\text{eff}}}{k^{\text{eff}}}[\ln c_{\text{e}}(0^{+}, t) - \ln c_{\text{e}}(0^{-}, t)].$$
(16)

本文仅考虑负极 SEI 膜动力学行为的影响,用 $R_{\rm f}^-$ 代表充电过程中电解液副反应生成的 SEI 膜的 阻抗,则相应的超电势计算公式修正为

$$\begin{cases} \eta^{+}(x,t) = \phi_{\rm s}^{+}(x,t) - \phi_{\rm e}(x,t) - U_{\rm OCV}^{+} \left[c_{\rm ss}^{+}(x,t) \right], \\ \eta^{-}(x,t) = \phi_{\rm s}^{-}(x,t) - \phi_{\rm e}(x,t) - U_{\rm OCV}^{-} \left[c_{\rm ss}^{-}(x,t) \right] \\ - FR_{\rm f}^{-} j_{\rm r}^{-}(x,t). \end{cases}$$

$$(17)$$

具有三元镍钴锰酸锂 (Li_yNiMnCo, NMC) 电 化学反应的锂电池正负极开路电压 U_{OCV}^{\pm} 计算公式 为[32,33]

$$\begin{split} U_{\rm OCV}^{+} &= 85.61(\theta^{+})^{6} - 357.70(\theta^{+})^{5} + 613.89(\theta^{+})^{4} \\ &- 555.65(\theta^{+})^{3} + 281.06(\theta^{+})^{2} \\ &- 76.648\theta^{+} - 13.1983 \\ &- 0.30987 \exp\left[5.657(\theta^{+})^{115}\right], \quad (18) \\ U_{\rm OCV}^{-} &= 8.0029 + 5.0647\theta^{-} - 12.578(\theta^{-})^{0.5} \\ &- 8.6332 \times 10^{-4}(\theta^{-})^{-1} \\ &+ 2.1765 \times 10^{-5}(\theta^{-})^{1.5} \\ &- 0.46016 \exp\left[15(0.06 - \theta^{-})\right] \\ &- 0.55364 \exp\left[-2.4326(\theta^{-} - 0.92)\right], \quad (19) \end{split}$$

式中
$$\theta^{\pm} = c_{\rm ss}^+(x,t)/c_{\rm s,max}^+$$
.



图 2 扩展单粒子模型终端电压计算框图

Fig. 2. Block diagram of the extended SPM for calculating battery terminal voltage.

058201-4

根据 Bulter-Volmer 方程以及 (4) 式的假设, 可 知 $\eta^{\pm}(x,t)$ 的计算公式为 ^[34-36]

$$\eta^{\pm}(x,t) = \frac{RT}{\alpha F} \operatorname{arcsinh}\left[\frac{j_{r}^{\pm}(t)}{2i_{0}^{\pm}(x,t)}\right].$$
 (20)

取正负极电荷传输系数 $\alpha_a = \alpha_c = 0.5$, 则交换电流 密度 i_0^{\pm} 定义为

$$i_{0}^{\pm}(x,t) = Fk_{0}^{\pm}\sqrt{c_{\rm ss}^{\pm}(x,t)\left[c_{\rm s,max}^{\pm} - c_{\rm ss}^{\pm}(x,t)\right]c_{\rm e}(x,t)}, \quad (21)$$

式中 c_{ss}^{\pm} 为正负极球形粒子表面浓度, $c_{s,max}^{\pm}$ 为正负 极固相最大浓度. (17)式变换可得 $\phi_s^{\pm}(x,t)$ 表达式, 结合(16)式、(18)—(21)式可进一步获得正负极两 端固相电势 $\phi_s^{\pm}(0^{\pm},t)$ 表达式,最后综合(1)式可得 电池终端电压计算公式为

$$V(t) = \frac{RT}{\alpha F} \operatorname{arcsinh} \left[\frac{j_{\rm r}^{+}(t)}{2i_{\rm 0}^{+}(x,t)} \right] - \frac{RT}{\alpha F} \operatorname{arcsinh} \left[\frac{j_{\rm r}^{-}(t)}{2i_{\rm 0}^{-}(x,t)} \right] + U^{+} \left[c_{\rm ss}^{+}(t) \right] - U^{-} \left[c_{\rm ss}^{-}(t) \right] - \frac{R_{\rm f}^{-}}{a_{\rm s}^{-}L^{-}} I(t) - R_{\rm c}I(t) + \frac{L^{+} + 2L^{\rm sep} + L^{-}}{2k_{\rm e}(T)} I(t) + \frac{k_{\rm D}^{\rm eff}}{k_{\rm eff}^{\rm eff}} [\ln c_{\rm e}(0^{+},t) - \ln c_{\rm e}(0^{-},t)].$$
(22)

基于扩展单粒子模型的锂离子电池终端电压 计算框图如图 2 所示.

3 基于GA的参数识别策略

根据文献 [18], 锂离子电池的全套参数包括 5个几何参数 (L^+ , L^s , L^- , R_s^\pm) 和12个电化学相关 参数 (D_s^\pm , D_e , k_0^\pm , t_c^0 , brug, ε_e^j , R_f , $c_{e,0}$). 若要全部 识别这些参数, 一方面需要设计不同的实验工况, 然而依赖于温度和电解液浓度的参数值会随着电 池老化发生变化, 这将导致参数识别的精度降低, 因此有必要考虑温度变化对参数的影响; 另一方 面, 识别所有参数需要大量的计算, 并需要通过 实验不断修正参数. 为说明本文所提出的优化参 数识别策略的有效性, 针对特定电池类型 (索尼 NMC18650锂离子电池)及其实验条件 (1 C 倍率放 电工况) 完成参数识别.

3.1 待识别参数确定

为准确识别该锂离子电池的关键参数,参照文献 [37] 中的灵敏度分析方法,需要确定恒流放电工

况下电池的高灵敏度可识别参数. 首先, 将锂电池 参数分为几何参数 $(L^+, L^s, L^-, R_s^{\pm})$ 、电极材料相 关参数 $(D_s^{\pm}, \varepsilon_s^{\pm}, \theta_0^{\pm})$ 和电解液相关参数 $(k_0^{\pm}, t_c^0, \varepsilon_e^{\pm}, R_f^{\pm}, c_{e,0})$, 其他参数根据相关参考文献确定为 标定值, 如表1所示.

表1 索尼 NMC18650 锂电池已知参数表 ^[7,8,20,30] Table 1. The known parameters of Sony NMC18650 Li-ion battery ^[7,8,20,30].

符号	单位	正极	隔膜	负极	
σ^{\pm}	$S \cdot m^{-1}$	10		100	
$\varepsilon^j_{ m e}$		0.3	1.0	0.3	
brug		1.5	1.5	1.5	
$c_{\mathrm{e},0}$	${\rm mol}{\cdot}{\rm m}^{-3}$	$1.0{ imes}10^3$	1.0×10^3	1.0×10^{3}	
$c_{\rm e,max}^{\pm}$	${\rm mol}{\cdot}{\rm m}^{-3}$	51218		24983	
A_{f}	${\rm mol}{\cdot}{\rm m}^{-3}$			0.1	
$D_{\rm s}^{\pm}$	$\mathrm{m}^2\cdot\mathrm{s}^{-1}$	1.0×10^{-13}			
L^{j}	m		25×10^{-6}		
Ι	$A \cdot m^{-2}$			20	
$t_{ m c}^0$				0.367	
F	C·mol			96487	
R	$\mathbf{J}{\cdot}\mathbf{mol}^{-1}{\cdot}\mathbf{K}^{-1}$			8.314	
$T_{\rm ref}$	К			298.5	
$R_{\rm c}$	$\Omega{\cdot}\mathrm{m}^2$		$6.0{ imes}10^{-4}$		
$ED_{\rm s}^{\pm}$	$kJ \cdot mol^{-1}$	42.77		18.55	
Ek_0^{\pm}	$kJ \cdot mol^{-1}$	39.57		37.48	

其次,由于电池终端电压计算公式是一个高度 非线性函数,且(24)式在推导中已做了相应的假设 和简化,直接求解电压对每一个参数的偏微分组成 雅可比矩阵十分困难.因此,为了分析不同参数的 灵敏度,利用本文的扩展单粒子模型,对选定的参 数集中不同参数设定±10%的扰动值,则锂电池从 额定电压4.2 V放电至截止电压2.5 V的时间会发 生变化,相应的电池容量Q预测为

$$Q = \frac{1}{3600} \int_0^{t_{\rm f}} I(t) \mathrm{d}t, \qquad (23)$$

式中*t*_f为电池放电达到最小电压时所需要的时间. 此时,电池容量灵敏度*S*(*Q*)计算公式为^[37]

$$S(Q) = \frac{\Delta Q/Q}{\Delta P/P}.$$
 (24)

设定某种工况下的参数值, 计算参数扰动 (ΔP)后 电池容量变化 ΔQ , 进而可分析获得某一参数集中 的参数灵敏度分布.表2列出了锂电池放电过程的 电池容量相对于几何参数灵敏度的计算结果.

表 2 锂离子电池几何参数灵敏度计算结果 Table 2. The sensitivity of lithium-ion battery geometric parameters.

Parameter	S(Q)	Parameter	S(Q)
L^+	1.00	$L^+ \cup L^{\rm s} \cup L^-$	1.01
$L^{\mathbf{s}}$	0.01	$L^+ \cup L^{\mathrm{s}} \cup R^+_{\mathrm{s}}$	1.01
L^{-}	0.72	$L^+ \cup L^{\mathrm{s}} \cup R_{\mathrm{s}}^-$	1.01
$R_{\rm s}^+$	0.86	$L^+ \cup L^- \cup R_s^+$	1.03
$R_{\rm s}^-$	0.70	$L^+ \cup L^- \cup R_{\rm s}^-$	1.01
$L^+ \cup L^{\mathrm{s}}$	1.00	$L^{\mathrm{s}} \cup L^{-} \cup R_{\mathrm{s}}^{+}$	0.86
$L^+ \cup R^-$	1.00	$L^{\mathrm{s}} \cup L^{-} \cup R_{\mathrm{s}}^{-}$	0.72
$L^+ \cup R_{\rm s}^+$	1.01	$R_{\rm s}^+ \cup R_{\rm s}^- \cup L^+$	1.01
$L^+ \cup R_{\rm s}^-$	1.00	$R_{\rm s}^+ \cup R_{\rm s}^- \cup L^{\rm s}$	0.86
$L^{\rm s} \cup L^-$	0.72	$R_{\rm s}^+ \cup R_{\rm s}^- \cup L^-$	0.86
$L^{\mathrm{s}} \cup R_{\mathrm{s}}^{-}$	0.69	$L^+ \cup L^{\mathrm{s}} \cup L^- \cup R_{\mathrm{s}}^+$	1.01
$L^{\mathrm{s}} \cup R^{+}_{\mathrm{s}}$	0.86	$L^+ \cup L^{\rm s} \cup L^- \cup R_{\rm s}^-$	1.01
$L^- \cup R_{\rm s}^+$	0.86	$R_{\rm s}^+ \cup R_{\rm s}^- \cup L^+ \cup L^-$	0.86
$L^- \cup R_{\rm s}^-$	0.72	$R_{\rm s}^+ \cup R_{\rm s}^- \cup L^+ \cup L^{\rm s}$	0.86
$R_{\rm s}^+ \cup R_{\rm s}^-$	0.88	$R_{\rm s}^+ \cup R_{\rm s}^- \cup L^{\rm s} \cup L^-$	0.86
		$L^+ \cup L^{\mathrm{s}} \cup L^- \cup R^+_{\mathrm{s}} \cup R^{\mathrm{s}}$	1.01

分析表²可知, 电池容量对隔膜厚度 L^s 灵敏 度较低, 在利用1 C倍率恒电流放电实验数据识 别参数时, 可将其忽略. 实际计算中, 可根据相 关文献将 L^s 取为参考值, 若需要准确识别该参 数, 需要设计不同的实验工况来进行识别. 采用 同样的方式, 可计算电极材料和电解液相关参数 的灵敏度,限于篇幅, 本文只给出锂电池几何参数 灵敏度的计算结果. 通过分析可知, 固相扩散系 数 D_s^+ 、电解液传输系数 t_c^0 、电解液体积分数 ε_e^+ 以 及液相初始浓度 $c_{e,0}$ 都属于低灵敏度参数, 在本 次识别中可以忽略, 并根据相关文献取为参考值, 同时, 由于本文考虑负极 SEI 膜阻抗参数对输出 电压的影响, 则 R_f 为必须识别的参数. 至此, 待识 别的参数集 $\theta = \{L^+, L^-, R_s^+, R_s^-, D_s^-, \varepsilon_s^\pm, \theta_0^\pm, R_f\},$ 如表 3 所示.

3.2 基于GA的参数识别模型及结果

开展的锂电池电化学关键参数识别是在特定 实验工况基础上进行的.图3为锂电池放电测试实 验配置示意图,主要由宿主计算机、Arbin BT-2000 循环测试机柜、测试用电池以及 MITS Pro数据采 集软件构成.以索尼 NMC18650 锂电池为研究对 象,分别完成了1 C倍率、23°C下的恒流放电实验,0.05 C倍率、23和45°C下的恒流放电实验,以 及 HPPC(hybrid pulse power characterization)脉 冲输入电流、23和45°C下的变电流放电实验,并 采集了相应的电流和电压数据.需要说明的是,电 池电压和电流的采样时间为1 s,应用 MATLAB 软 件处理采集的实验数据.



图 3 锂电池放电测试实验配置示意图 Fig. 3. Test configuration of lithium-ion battery dis-

为了识别参数集 θ ,构建如下目标函数:

charge capacity.

$$L^{2}: \min_{\theta} \sum_{i=1}^{N} \left[V_{t}(t_{i}) - V_{s}(\theta, t_{i}) \right]^{2}, \qquad (25)$$

式中V_t为1C倍率输入电流的实验数据,V_s为采用 同样输入电流并在参数集θ的某一取值情况下,根 据(22)式计算所得的电池终端输出电压仿真数据, L²表示所有电流采样点的电池实验数据和仿真数 据的平方差之和.需要说明的是,为了对比分析本 文模型和传统单粒子模型在参数识别和锂电池电 化学动力学行为仿真方面的不同,应用两种模型和 本文提出的参数识别策略识别出两组参数,其中 V_{SEI}和V_S分别表示利用本文扩展单粒子模型和传统单粒子模型计算的电池终端输出电压.

由于遗传算法在大规模优化计算中的优势^[18,20],基于遗传算法实现待识别参数集的优 化求解,优化计算流程如图4所示.表3为1C倍 率恒流放电工况下两种模型所识别的参数,其中 SPMe_SEI和SPMe 分别为利用本文模型和传统 单粒子模型所识别的参数集. 根据表3参数识别结 果以及表1中的参数值, 图5给出了利用两种模型 计算所得电池输出电压与实验数据的对比曲线, 以 及归一化的电池误差曲线, 其中电池输出电压的归 一化误差计算式为

$$V_{\rm error} = \frac{|V_{\rm t} - V_{\rm s}|}{V_{\rm t}} \times 100\%.$$
 (26)

Table 3. The effective ranges and final identification results for lithium-ion battery.							
参数	单位	有效区间	识别结果 1 SPMe_SEI	识别结果 2 SPM			
$R_{\rm s}^-$	m	$[6 \times 10^{-6}, 12 \times 10^{-6}]$	10×10^{-6}	12×10^{-6}			
$R_{\rm s}^+$	m	$[4 \times 10^{-6}, 10 \times 10^{-6}]$	8×10^{-6}	10×10^{-6}			
L^{-}	m	$[80 \times 10^{-6}, 90 \times 10^{-6}]$	83×10^{-6}	88×10^{-6}			
L^+	m	$[50 \times 10^{-6}, 60 \times 10^{-6}]$	54×10^{-6}	56×10^{-6}			
θ_0^-	_	[0.64, 0.82]	0.7652	0.6920			
θ_0^+		[0.31, 0.32]	0.3165	0.3343			
$\varepsilon_{\rm s}^-$	—	[0.58, 0.70]	0.6684	0.6680			
$\varepsilon_{\rm s}^+$	—	[0.42, 0.58]	0.4239	0.4000			
k_0^-	$\Omega^{-1}{\cdot}{\rm m}^{-1}$	$[1 \times 10^{-5}, 1 \times 10^{-7}]$	7.5×10^{-6}	8.4×10^{-6}			
k_0^+	$\Omega^{-1}{\cdot}{\rm m}^{-1}$	$[5 \times 10^{-8}, 5 \times 10^{-6}]$	4.8×10^{-7}	$6.8 imes 10^{-7}$			
$R_{ m f}$	$\Omega \cdot m^2$	$[0.4 \times 10^{-3}, 1.6 \times 10^{-3}]$	0.92×10^{-3}				

表3 锂离子待识别参数结果



图 4 基于遗传算法的电池参数识别流程图 Fig. 4. Flowchart of lithium-ion battery parameter identification based on genetic algorithm.



图 5 在 1 C 放电倍率下的电压识别结果 (a) 输入电流; (b) 终端电压; (c) 电压误差

Time/s

Fig. 5. Voltage comparison of lithium-ion battery under 1 C-rate discharge: (a) Input current; (b) terminal voltage; (c) voltage error. 观察图5可知,应用本文模型和传统单粒子 模型计算的电池仿真输出电压与实验数据基本 一致,且两者的归一化电压误差变化范围分别为 [-3.78%, 2.08%]和[-2.85%, 3.22%],这表明利用 本文所提出的模型进行锂电池参数识别有效可行 且具有较高精度.

4 参数识别结果的验证

为了验证本文所用的锂电池电化学模型的有效性和识别参数的准确性,通过电池放电实验获得不同工况下的实验数据,分别利用0.05 C 倍率(低倍率电流)和HPPC脉冲放电电流(典型变电流)的实验数据对所识别的参数进行验证.

4.1 基于0.05 C 倍率的恒流放电工况验证

在 0.05 C 恒流放电实验中,电池的初始 SOC 为 100%,放电过程的环境温度分别设定为 23 和 45 °C,放电终止电压为 2.5 V.图 6 和图 7 分别为 23 和 45 °C下应用本文模型和传统单粒子模型计算的输出电压与实验输出电压对比曲线.



图 6 0.05 C 倍率和 23 °C 下的电池端电压对比曲线 (a) 输入电流; (b) 终端电压; (c) 电压误差

Fig. 6. Voltage comparison of lithium-ion battery under 0.05 C-rate discharge and 23 $^{\circ}$ C: (a) Input current; (b) terminal voltage; (c) voltage error.

观察图 6 和图 7 可知, 在较低倍率放电工况下, 基于扩展单粒子模型的锂电池终端电压能较好地 与实验数据保持一致, 且在 23 和 45 °C不同温度 下, 仿真模型的输出电压与实验输出电压的最大相 对误差分别为 3.4% 和 2.6%; 在同样工况下, 利用传 统单粒子模型计算的电池输出电压与实验输出电 压的最大相对误差分别为 5.7% 和 4.0%.



图 7 0.05 C 倍率和 45 °C下的电池端电压对比曲线 (a) 输入电流; (b) 终端电压; (c) 电压误差 Fig. 7. Voltage comparison of lithium-ion battery under 0.05 C-rate discharge and 45 °C: (a) Input current; (b) terminal voltage; (c) voltage error.

4.2 基于HPPC脉冲变电流放电工况的 验证

为进一步验证本文所用模型的有效性并研究所获得的识别参数在变电流工况下的有效性, 图 8 和图 9 分别给出了 HPPC 脉冲输入电流下,在 23 和 45 °C下利用两种仿真模型计算的输出电压 与实验输出电压对比曲线.需要指出的是,该工况 放电时电池的初始 SOC 为 100%, 放电结束时电池 SOC 为 20%.

从图 8 和图 9 可知,应用本文所提出的扩展单 粒子模型和传统的单粒子模型以及相应的识别出 的参数都能够准确预测 HPPC工况下电池终端电 压的变化趋势,且在 23 和 45 °C 温度下,本文模型 计算的输出电压与实验输出电压最大相对误差分



图 8 HPPC 脉冲电流和 23 °C 下的电池端电压对比曲 线 (a) 输入电流; (b) 终端电压; (c) 电压误差 Fig. 8. Voltage comparison of lithium-ion battery under HPPC condition and 23 °C: (a) Input current; (b) terminal voltage; (c) voltage error.

别为1.9%和1.5%;在同样工况下,利用传统单粒子 模型计算的电池输出电压与实验输出电压的最大 相对误差分别为2.1%和1.8%.

5 结 论

1) 基于多孔电极理论和浓度理论,建立了一种 考虑液相动力学行为的锂离子电池扩展单粒子模 型,该模型考虑电解液液相动力学行为对锂电池放 电行为的影响;同时,考虑了SEI 膜参数的影响,耦 合了温度和液相浓度变化对锂离子电池关键参数 的影响.

2)提出一种简化的参数灵敏度分析方法和有效的锂电池参数识别策略,应用该方法可以确定特定工况下锂电池终端输出电压的高灵敏度参数,并利用遗传算法实现参数的优化求解.

3) 根据1 C倍率放电实验数据完成参数识别 后发现,本文模型的仿真输出电压与实验数据基本 一致,且电压误差峰值不超过3.8%;分别在0.05 C



图 9 HPPC脉冲电流和 45 °C下的电池端电压对比曲 线 (a) 输入电流; (b) 终端电压; (c) 电压误差 Fig. 9. Voltage comparison of lithium-ion battery under HPPC condition and 45 °C: (a) Input current; (b) terminal voltage; (c) voltage error.

倍率和HPPC脉冲放电电流下对所识别的参数进行验证,结果发现:当锂电池的工作温度分别为23和45°C时,在0.05C倍率恒流放电下应用本文仿真模型计算的输出电压最大相对误差分别为3.4%和2.6%,同样工况下利用传统单粒子模型计算的输出电压最大相对误差分别为5.7%和4.0%;在HPPC脉冲电流放电条件下本文模型计算的输出电压最大相对误差分别为1.9%和1.5%,同样工况下利用传统单粒子模型计算的输出电压最大相对误差分别为2.1%和1.8%.

4)下一步将引入热能平衡方程,实现放电过程中实时更新受温度变化影响的电化学参数,进而更加准确地预测电池的内部电化学行为.同时,开展基于扩展单粒子模型的锂电池荷电状态估计算法和温度预测的研究.

感谢美国克莱姆森大学国际汽车研究中心 Dr. Simona Onori 和刘子凡博士提供的帮助和支持.

参考文献

- Huang L, Li J Y 2015 Acta Phys. Sin. 64 108202 (in Chinese) [黄亮, 李建元 2015 物理学报 64 108202]
- [2] Cheng Y, Li J, Jia M, Tang Y W, Du S L, Ai L H, Yin B H, Ai L 2015 Acta Phys. Sin. 64 210202 (in Chinese)
 [程昀, 李劼, 贾明, 汤依伟, 杜双龙, 艾立华, 殷宝华, 艾亮 2015 物理学报 64 210202]
- [3] Boovaragavan V, Harinipriya S, Subramanian V 2008 J. Power Sources 183 361
- [4] Fleischer C, Waag W, Bai Z, Sauer D 2013 J. Power Sources 243 728
- [5] Domenico D, Stefanopoulou A, Fiengo G 2009 J. Dyn. Sys. Meas. Control 132 768
- [6] Guo M, Sikha G, White R 2011 J. Electrochem. Soc. 158 A122
- [7] Han X, Ouyang M, Lu L, Li J 2015 J. Power Sources 278 814
- [8] Guo M, Jin X, White R 2017 J. Electrochem. Soc. 164 E3001
- [9] Xiang Y, Ma X J, Liu C G, Ke R S, Zhao Z X 2014 Acta Armamentarii 35 1659 (in Chinese) [项字, 马晓军, 刘春 光, 可荣硕, 赵梓旭 2014 兵工学报 35 1659]
- [10] Xu X, Wang W, Chen L 2017 Automotive Engineering
 39 813 (in Chinese) [徐兴, 王位, 陈龙 2017 汽车工程 39 813]
- [11] Marcicki J, Canova M, Conlisk A, Rizzoni G 2013 J. Power Sources 237 310
- [12] Dai H, Xu T, Zhu L, Wei X, Sun Z 2016 Appl. Energy 184 119
- [13] Feng T, Lin Y, Zhao X, Zhang H, Qiang J 2015 J. Power Sources 281 194
- [14] Zhang X, Lu J, Yuan S, Yang J, Zhou X 2017 J. Power Sources 345 21
- [15] Chaoui H, Mejdoubi A, Gualos H 2017 IEEE Trans. Veh. Technol. 66 2000
- [16] Santhanagopalan S, Guo Q, White R 2007 J. Electrochem. Soc. 154 A198
- [17] Forman J, Moura S, Stein J, Fathy H 2011 American Control Conference (ACC 2011) San Francisco, California, USA, June 29–July 1, 2011 p362

- [18] Forman J, Moura S, Stein J, Fathy H 2012 J. Power Sources 210 263
- [19] Zhang L, Yu C, Hinds G, Wang L, Luo W, Zheng J, Hua M 2014 J. Electrochem. Soc. 161 A762
- [20] Zhang L, Wang L, Hinds G, Yu C, Zheng J, Li J 2014 J. Power Sources 270 367
- [21] Li J, Zou L, Tian F, Yang H, Dong X, Zou Z 2016 J. Electrochem. Soc. 163 A1646
- [22] Rahman M, Anwar S, Izadian A 2016 J. Power Sources 307 86
- [23] Shen W, Li H 2017 *Energies* **10** 432
- [24] Doyle M, Newman J 1995 Electrochim. Acta 40 2191
- [25] Pang H 2017 Acta Phys. Sin. 66 238801 (in Chinese) [庞 辉 2017 物理学报 66 238801]
- [26] Diwakar V 2009 Towards efficient models for lithium ion batteries Ph. D. Dissertation (St. Louis: Washington University)
- [27] Moura S, Argomedo F, Klein R, Mirtabatabaei A, Krstic M 2017 IEEE Trans. Contr. Syst. Technol. 2 453
- [28] Valoen L, Reimers J 2005 J. Electrochem. Soc. 152 A882
- [29] Jiang Y H, Ai L, Jia M, Cheng Y, Du S L, Li S G 2017 Acta Phys. Sin. 66 118202 (in Chinese) [蒋跃辉, 艾亮, 贾明, 程昀, 杜双龙, 李书国 2017 物理学报 66 118202]
- [30] Tanim T, Rahn C, Wang C 2015 J. Dyn. Sys. Meas. Control 137 011005
- [31] Tanim T, Rahn C, Wang C 2015 Energy 80 731
- [32] Smith K, Wang C 2006 J. Power Sources 161 628
- [33] Di D, Stefanopoulou A, Fiengo G 2009 J. Dyn. Sys. Meas. Control 132 768
- [34] Fan G, Pan K, Canova M, Marcicki J, Yang X 2016 J. Electrochem. Soc. 163 A666
- [35] Bartlett A, Marcicki J, Onori S, Rizzoni G, Yang X, Miller T 2016 IEEE Trans. Contr. Syst. Technol. 24 384
- [36] Marcicki J, Canova M, Conlisk A, Rizzoni G 2013 J. Power Sources 237 310
- [37] Marcicki J, Todeschini F, Onori S, Canova M 2012 American Control Conference (ACC 2012) Montreal, Canada, June 27–29, 2012 p572

An extended single particle model-based parameter identification scheme for lithium-ion cells^{*}

Pang Hui[†]

(School of Mechanical and Precision Instrument Engineering, Xi'an University of Technology, Xi'an 710048, China) (Received 6 October 2017; revised manuscript received 8 December 2017)

Abstract

The accurate modeling and parameter identification of lithium-ion battery are of great significance in real-time control and high-performance operation for advanced battery management system (BMS) in electrified vehicles (EVs). However, it is difficult to obtain the information about the interior state inside battery, because it cannot be directly measured by some electric devices. In order to accurately identify the key state parameters of lithium-ion cell applied to electric ground vehicles, an extended single particle model of lithium-ion cell with electrolyte dynamics behaviors is first built up based on the porous electrode theory and concentration theory in this article. Compared with the conventional single particle cell model, the parameter description of the solid electrolyte interface film is incorporated into this model, and the coupled effects of temperature-dependent and electrolyte-dependent electrochemical parameters on the cell discharge are also taken into consideration. Based on this extended single particle cell model, a simplified parameter sensitivity analysis method and a comprehensive parameter identification scheme for lithium-ion cell are proposed herein, in which a sensitivity analysis of the capacity to a subset of electrochemical parameters that are hypothesized to evolve throughout the battery's life, is conducted to determine the highly sensitive parameters to be identified under some particular operation scenarios, and further to solve the parameter optimization problem using the genetic algorithm. Based on this method, the test data under the working condition of 1 C discharge rate at 23 °C are employed to evaluate the identified parameters of lithium-ion battery cell with a peak value of voltage error less than 3.8%. Afterwards, the effectiveness and feasibility of the proposed parameter identification scheme are validated by the comparative study of the simulated output voltage and the experimental output voltage under the same input current profile. Specifically, the 0.05 C discharge and HPPC (hybrid pulse power characterization) current profile are used to verify the evaluated parameters under the 1 C discharge condition, and the maximum relative errors of voltage with 0.05 C galvanostatic discharge profile at 23 and 45 $^{\circ}\mathrm{C}$ are 3.4% and 2.6% by using our proposed SPMe_SEI model, and 5.7% and 4.0% by using the traditional SPMe model, respectively. Moreover, the maximum relative errors of voltage with HPPC discharge profile at 23 and 45 $^{\circ}$ C are 1.9% and 1.5% by using our proposed SPMe_SEI model, and 2.1% and 1.8% by using the traditional SPMe model, respectively. It is concluded that the proposed parameter identification scheme for a lithium-ion cell model can provide a solid theory foundation for facilitating the estimation of state-of-health in BMS application.

Keywords:lithium-ion cell, extended single particle model, parameter identification, model validationPACS:82.47.Aa, 73.22.Dj, 43.60.Jn, 92.60.AaDOI: 10.7498/aps.67.20172171

^{*} Project supported by the National Natural Science Foundation of China (Grant No. 51675423).

[†] Corresponding author. E-mail: huipang@163.com