物理学报 Acta Physica Sinica



Institute of Physics, CAS

宣布式单光子源宣布效率的宣布测量基相关性

杨宏恩 韦联福

Relevance of the heralded efficiency of the heralded single-photon source to the heralded basis Yang Hong-En Wei Lian-Fu

引用信息 Citation: Acta Physica Sinica, 68, 234202 (2019) DOI: 10.7498/aps.68.20190532

在线阅读 View online: https://doi.org/10.7498/aps.68.20190532

当期内容 View table of contents: http://wulixb.iphy.ac.cn

您可能感兴趣的其他文章

Articles you may be interested in

基于自发参量下转换源二阶激发过程产生四光子超纠缠态

Generation of four-photon hyperentangled state using spontaneous parametric down-conversion source with the second-order term 物理学报. 2018, 67(6): 060302 https://doi.org/10.7498/aps.67.20172230

读出效率对光与原子纠缠产生的影响

Dependence of performance character of photon-atom entanglement source on retrieval efficiency 物理学报. 2019, 68(2): 020301 https://doi.org/10.7498/aps.68.20181314

半导体上转换单光子探测技术研究进展

Research progress of semiconductor up-conversion single photon detection technology 物理学报. 2018, 67(22): 221401 https://doi.org/10.7498/aps.67.20180618

宣布式单光子源宣布效率的宣布测量基相关性*

杨宏恩1) 韦联福1)2)†

(西南交通大学信息科学与技术学院,现代交通通信与传感网络国际联合研究中心信息量子技术实验室,成都 610031)
 2)(东华大学理学院,光子学实验室和功能材料研究所,上海 201620)

(2019年4月11日收到; 2019年9月12日收到修改稿)

对非线性晶体参量下转换过程所产生的纠缠光子对的一路光子进行测量,"宣布"式地在另一路获得单 光子,是制备单光子源的一种重要途径.其中,核心的问题是如何得到较高的宣布效率.本文以 I 类相位匹配 偏硼酸钡 (β-BaB₂O₄, BBO) 非线性晶体参量下转换过程中所产生的偏振纠缠光子对为例,通过研究其纠缠 特性来对宣布效率与宣布测量基选择的相关性进行理论分析.进而,利用光纤偏振分束器和三个单光子探测 器搭建的扩展型 Hanbury Brown-Twiss 实验装置,实现了宣布效率的测量.实验结果表明,宣布效率确实与 宣布基选择有关:对本系统的纠缠光子源而言,采用|+/->偏振宣布基所得到的宣布效率比采用|H/V>偏 振宣布基所得到的宣布效率提高了大约 4%.

关键词:参量下转换,纠缠光子对,宣布式单光子源,宣布效率 PACS: 42.50.Dv, 42.65.Lm, 42.50.Ar

DOI: 10.7498/aps.68.20190532

1 引 言

众所周知,单光子是量子信息研究中最理想也 是最典型的单量子体系.因此,单光子源是实现绝 对安全光量子保密通信、线性光学量子计算和高精 度光子精密测量的必要工具.鉴于目前商用严格单 光子源的缺乏,在很多相关研究比如光量子密钥分 发实验中,一般采用的是相干光强衰减得到的光子 脉冲作为"单光子源".但是,在物理上这种光源并 不是真正的单光子源(而是所谓的"赝单光子源"). 尽管这种源的每个脉冲平均只含一个光子能量,但 本质上还是相干光,其光子数的分布满足泊松统 计,光场二阶关联函数仍是1而不是单光子源物理 上要求的小于1甚至是0.

本质上,真正的单光子源应该是单个"原子"在 某个时刻发射且仅发射一个光子的光源.近年来, 人们在激发单量子点^[1]、单荧光分子^[2]和钻石中孤 立的色心空位^[3]等人造量子体系中开展了制备真 正单光子源的大量研究工作.但由于工艺、技术和 条件(比如极低温)上的要求相对较高,故不易推 广应用.还有,这些方法所得到的单光子其波长基 本上不可调,并且辐射出来的单光子也较难收集. 因此,在许多需要单光子的光量子信息处理实验研 究中大量采用一种称之为宣布式的单光子源(即通 过触发纠缠光子对中的一个,实现另一个光子的宣 布),其原理如图1所示:

宣布式单光子源的基本思想是,利用激光抽运 非线性晶体使其发生参量下转换,产生一对对偏振 纠缠光子对,对其中一路光子(称为信号光)进行 偏振探测,从而将其孪生的另一路光子(称为闲置 光)"宣布"为单光子.依次对抽运偏硼酸钡(β-BaB₂O₄, BBO)晶体所产生的系列纠缠光子对中 的信号光子进行破坏测量,就可以宣布式地得到系 列的闲置单光子,这就是宣布式制备单光子源.显 然,这种宣布式单光子源的制备是以信号光子的有

© 2019 中国物理学会 Chinese Physical Society

^{*} 国家自然科学基金 (批准号: 11974290, U1330201) 资助的课题.

[†] 通信作者. E-mail: lfwei@swjtu.edu.cn

效测量为条件的,理论上其测量成功的概率就是闲 置单光子的宣布效率.这里,孪生光子对(即纠缠 光子对)的产生要满足相位匹配条件,比如两个下 转换光子与抽运光子要满足能量守恒和动量守恒 条件:

$$\boldsymbol{\omega}_{\mathrm{p}} = \boldsymbol{\omega}_{\mathrm{s}} + \boldsymbol{\omega}_{\mathrm{i}},$$
 (1a)

$$\boldsymbol{k}_{\mathrm{p}} = \boldsymbol{k}_{\mathrm{s}} + \boldsymbol{k}_{\mathrm{i}}, \qquad (1\mathrm{b})$$

其中 p, s, i 分别代表抽运光、信号光、闲置光. 当 然, 在对偏振纠缠光子对进行偏振探测之前, 其信 号光子与闲置光子的偏振都不是确定的. 但是, 一 旦一路光子的偏振被探测, 那么其孪生的另一路光 子的偏振也就同时确定 (尽管并没有对其进行任何 测量). 由于纠缠光子对的产生必须满足相位匹配 条件, 所以通过对信号光的"宣布"所产生的"闲置" 单光子具有频率可调 (只要满足 (1a) 式的条件即可) 且较易俘获 (条件 (1b) 式预示了两路光子的传播 方向) 的特点. 因此, 制备的宣布式单光子源由于 其技术相对简单、波长可调、和光子相对比较容易 俘获等优势一直以来都被当作获得单光子的一种 重要途径, 应用于基于量子密钥分发的量子保密通 信研究中^[4, 5].



图 1 利用纠缠光子对制备宣布式单光子源的原理示意 图 激光抽运非线性晶体使其发生参量下转换,产生纠缠 的信号光 (s,图中下面一路)和闲置光 (i,图中上面一路); 探测信号光子从而将其孪生的闲置光子"宣布"为单光子

Fig. 1. Schematic diagram of the preparation of a heralded single photon source using entangled photons. The laser pumped nonlinear crystal causes parametric down-conversion to produce entangled signal light (s, the lower path in the figure) and idle light (i, the upper one in the figure); Detecting signal photons to "herald" the twinned photon into single photons.

制备宣布式单光子源的前提是获得高亮度的 纠缠光子对,即需要高产率的纠缠光源.自 20 世 纪 80 年代 Klyshko 等^[6]提出利用晶体中的非线性 参量下转换过程产生关联光子对的方法以来,大量 的实验证实了其可行性.比如,Kwiat等^[7]于 1995年用抽运 II 型非线性 BBO 晶体成功制备了 偏振纠缠的关联光子对. 1999年 Kwiat 等^[8]又利 用两个正交叠加的 I 型 BBO 晶体制备出了更高纠 缠度和干涉可见度的纠缠光源.这样,在2004年, Jeffrey 等^[9]和 Fasel 等^[10] 就利用抽运 BBO晶体 和KNbO3晶体所获得的纠缠光子对,分别制备得到 了最高宣布效率达75%和60%的宣布式单光子源. 之后, Pittman 等^[11] 成功地将激光抽运 BBO 晶体 所产生纠缠光子对耦合到了单模光纤中,并通过选 择合适的光纤滤波器带宽得到了 80% 左右的单光 子宣布效率. 最近, 利用具有很高单光子探测效率 的超导转移边界转换单光子探测器, Ramelow 等^[12] 通过抽运周期性极化晶体 KTiOPO4 所产生的关联 光子对,得到了宣布效率高达83%的宣布式单光 子源. Krapick 等^[13]利用周期极化铌酸锂 (periodically polarized lithium niobate, PPLN) 波导的I型参量下转换与波分复用结合使信号和 闲置光子高度空间分离,在光通讯波段得到宣布效 率为 60% 的宣布式单光子源, 其零延迟二阶相干 度 g²(0)为 0.0038, 与理想单光子源非常接近. 2017年, Montaut 等^[14]制备出基于周期极化钛 扩散近化学计量比铌酸锂(periodically poled Tidiffused near-stoichiometric lithium niobate, TiPPLN)波导的"即插即用"宣布式单光子源,实 现了量子器件的集成,单光子源的宣布效率达到 54.4%, 其单光子场的二阶相干度仍达到 0.014±0.001. 在国内, 天津大学 Cui 等^[15] 另辟途 径地利用光纤中(而不是通常的非线性晶体)的非 线性参量过程实现了光通信波段的宣布式单光子源.

宣布式单光子源的制备,核心问题之一是如何 提高其宣布效率.针对这一问题本文第二节以常用 的抽运非线性 BBO 晶体所产生的偏振纠缠光子对 系统为例,讨论通过宣布测量基的恰当选择来提高 宣布效率的可行性;第3节介绍了利用三个单光子 探测器的符合测量,实现单光子宣布效率直接测量 的实验结果.尤其是对不同宣布测量基所得到的宣 布效率进行测量,结果与第2节中的简单理论分析 预期一致.当然,提升单光子宣布效率的方法很多, 本文所提出的选择合适宣布测量基来提高宣布效 率的方法,只是其中的一种可能的最为简单的改进 办法.尽管这一方法对效率提高的幅度不是太大, 但相信在纠缠光源不太理想的实际研究中仍有一 定的参考价值. 2 不同测量基下单光子的宣布效率 分析

本节首先介绍利用偏振纠缠光子对实现单光 子宣布的原理及其宣布效率测定的方法,并对不同 宣布测量基选择下的预期宣布效率进行理论计算.

一般地, 抽运光入射导致的非线性晶体参量下转换, 可产生如下形式的双光子纠缠态^[16]:

$$\begin{split} |\psi\rangle_{\text{SPDC}} &= |\alpha\rangle + \eta \int d\omega_{\text{s},\iota} d\omega_{\text{i},\iota'} F(\omega_{\text{s},\iota},\omega_{\text{i},\iota'}) \\ &\times \hat{a}^{\dagger}_{\text{s},\iota}(\omega_{\text{s},\iota}) \hat{a}^{\dagger}_{\text{i},\iota'}(\omega_{\text{i},\iota'}) |0\rangle, \end{split}$$
(2)

其中 $|\alpha\rangle$ 为不产生下转换的抽运透射光 (透过 BBO 晶体由光垃圾桶收集), $\omega_{s,\iota}$, $\omega_{i,\iota'}$ 分别是偏振 态为 ι 的信号光和偏振态为 ι' 的闲置光的频率, 它 们 与 抽 运 光 的 频 率 ω_p 满 足 (1a) 式 的 关 系, $F(\omega_{s,\iota},\omega_{i,\iota'})$ 为双光子的谱函数, $\hat{a}^{\dagger}_{s,\iota}$, $\hat{a}^{\dagger}_{i,\iota'}$ 分别为信 号光和闲置光的产生算符, η 描述纠缠光子对的产 生几率. 显然, 对双光子纠缠态其中一个光子的偏 振测量, 可确定另一个光子的偏振状态. 例如, 如 果探测器 D_s在时间 $t = t_s$ 内探测到一个信号光子, 说明双光子态函数 $|\psi\rangle_{SPDC}$ 以一定的概率被投影到 了信号光子的单光子态^[16]:

$$\begin{aligned} |\varphi(t_{\rm s})\rangle_{\rm s} &= KE_{\rm s}^{-}(t_{\rm s})|0\rangle_{\rm s},\\ \hat{E}_{\rm s}^{-}(t_{\rm s}) &= \frac{1}{\sqrt{2\pi}}\int \mathrm{d}\omega_{{\rm s},\iota}\hat{a}_{{\rm s},\iota}^{\dagger}(\omega_{{\rm s},\iota})f_{\rm s}(\omega_{{\rm s},\iota})\mathrm{e}^{\mathrm{i}\omega_{{\rm s},\iota}t_{\rm s}}, \end{aligned}$$
(3)

其中 K为归一化系数, f_s(ω_{s,t})为单光子滤波器的 传输函数. 那么, 闲置光子就自动地塌缩到量子态

$$|\varphi(t_{\rm s})\rangle_{\rm i} = \int \mathrm{d}\omega_{{\rm i},\iota'}\varphi(\omega_{{\rm i},\iota'},t_{\rm s})\hat{a}^{\dagger}_{{\rm i},\iota'}(\omega_{{\rm i},\iota'})|0\rangle \qquad (4)$$

上,它就是宣布得到的单光子波函数.这里 φ(ω_{i,ι},t_s)是闲置光子的谱函数.显然,通过这种方法"宣布"得到单光子的效率理论上就等于信号光 子的探测成功概率.

实验中,采用如图 2 所示的偏振纠缠光子对产 生系统.这里,参量下转换由两片光轴正交粘合在 一起的 I 型 BBO 非线性晶体完成,理想情况下所 产生的偏振纠缠光子对可表示为^[17]

$$|\psi\rangle = \frac{1}{\sqrt{2}} (|H\rangle|H\rangle + e^{i\varphi}|V\rangle|V\rangle), \qquad (5)$$

这里 $|H\rangle = \hat{a}_{l=H}^{\dagger}|0\rangle$ 表示水平偏振的光子态, $|V\rangle = \hat{a}_{l=V}^{\dagger}|0\rangle$ 是垂直偏振光子态. 为简便起见, 约定每个



图 2 利用 I 类 BBO 非线性晶体产生纠缠光子对的原理 简图 圆锥表示光场分布,与上下光路的交叉点为光子信 号的采集点,所采集的光子偏振为 |*HH*>或者为 |*VV*>

Fig. 2. Schematic diagram of generating entangled photon pairs using class I BBO nonlinear crystals. The cone represents the light field distribution, and the intersection with the upper and lower light paths is the collection point of the photon signal, and the acquired photon polarization is $|HH\rangle$ or $|VV\rangle$.

叠加项中第一个量子态表示的是信号光路上的单 光子态,第二个量子态则表示的是闲置光路上的单 光子态.(5)式表示,如果一个光子为|H〉(|V〉),则 另一个光子也必定是|H〉(|V〉).也就是说,如果对 两个光子进行|H〉|H〉和|V〉|V〉的符合测量,得到的 符合计数应该是一样的(考虑到实验误差的存在, 符合计数率大致相等).当然,这一测量结果对纠缠 光子态:

$$|\psi'\rangle = \frac{1}{\sqrt{2}}(|H\rangle|H\rangle - e^{i\varphi}|V\rangle|V\rangle), \qquad (6)$$

甚至双光子偏振混合态 $\rho = (|H\rangle|H\rangle\langle H|\langle H|+|V\rangle|V\rangle\langle V|\langle V|\rangle/2$ 也是可能的.为实现偏振混合态以及相干纠缠光子态 (5) 式和 (6) 式的甄别, 引入新的测量基 $|+/-\rangle$:

$$|+\rangle = \frac{1}{\sqrt{2}}(|H\rangle + |V\rangle), \ |-\rangle = \frac{1}{\sqrt{2}}(|H\rangle - |V\rangle), \ (7)$$

将(5)式和(6)式分别改写为

$$|\psi\rangle = \frac{1}{\sqrt{2}}(|+\rangle|+\rangle + |-\rangle|-\rangle),\tag{8}$$

和

$$\psi'\rangle = \frac{1}{\sqrt{2}}(|+\rangle|-\rangle + |-\rangle|+\rangle). \tag{9}$$

因此,如果偏振态|+>|+>和|->|->的符合计数率大 致相同且远大于|+>|->和|->|+>的符合计数率,那 么就证明所制备的双光子偏振纠缠态是(5)式而 不是(6)式,更不可能是偏振混合态.以上简单的 符合计数实验测量,证实了我们实验系统所产生纠 缠光子对是形如(5)式所描述的偏振纠缠光子态, 是一种纯性较好纠缠纯态.不过,考虑到实验中的 噪声及光子探测器固有探测效率有限等误差因素 的影响,实际所产生的光子对纯态一般表示为

$$\begin{split} |\widetilde{\psi}\rangle &= \frac{\alpha}{\sqrt{2}} |H\rangle |H\rangle + \frac{\beta}{\sqrt{2}} |V\rangle |V\rangle) \\ &+ \frac{\gamma}{\sqrt{2}} |H\rangle |V\rangle + \frac{\lambda}{\sqrt{2}} |V\rangle |H\rangle, \end{split}$$
(10)

其中 $\alpha/\sqrt{2}$, $\beta/\sqrt{2}$, $\gamma/\sqrt{2}$ 和 $\lambda/\sqrt{2}$ 为对应态的叠加 系数, 满足完备性关系

$$|\alpha|^{2} + |\beta|^{2} + |\gamma|^{2} + |\lambda|^{2} = 2.$$
 (11)

假定分别对所产生的光子对态进行 $|H\rangle|H\rangle$, $|V\rangle|V\rangle$, $|H\rangle|V\rangle$ 和 $|V\rangle|H\rangle$ 的符合计数测量,得到的 符合计数分别为 a, b, c 和 d, 那么方程 (10) 中各 光子偏振态组合的叠加概率系数就可以计算为

$$|\alpha|^2 = \frac{2a}{a+b+c+d},$$
 (12a)

$$|\beta|^2 = \frac{2b}{a+b+c+d},\tag{12b}$$

$$|\gamma|^2 = \frac{2c}{a+b+c+d},$$
 (12c)

$$|\lambda|^2 = \frac{2d}{a+b+c+d}.$$
 (12d)

这表明,如果对信号光子施行|H⟩偏振测量,有:
1)以|α|²/2的效率宣布得到|H⟩偏振的闲置光子;
2)以|γ|²/2的效率宣布得到|V⟩偏振的闲置光子.

这样对信号光子施行|H〉偏振测量所得到的闲 置单光子的总宣布效率是

$$\xi_H = \frac{|\alpha|^2 + |\gamma|^2}{2}.$$
 (13)

事实上,也可以把光子对态 (10) 式用另一组 光子偏振测量基,比如用|+/->测量基,表示为

$$\begin{split} |\widetilde{\phi}\rangle &= \frac{\alpha + \beta + \gamma + \lambda}{2\sqrt{2}} |+\rangle |+\rangle \\ &+ \frac{\alpha - \beta - \gamma + \lambda}{2\sqrt{2}} |+\rangle |-\rangle \\ &+ \frac{\alpha - \beta + \gamma - \lambda}{2\sqrt{2}} |-\rangle |+\rangle \\ &+ \frac{\alpha + \beta - \gamma - \lambda}{2\sqrt{2}} |-\rangle |-\rangle. \end{split}$$
(14)

这表明,如果对信号光子施行|+>的偏振测量,那么 就有可能将闲置光子"宣布"到|+>或|->偏振态上, 因而得到闲置单光子的总宣布效率就是

$$\xi_{+} = \frac{|\alpha + \beta + \gamma + \lambda|^2 + |\alpha - \beta - \gamma + \lambda|^2}{8}.$$
 (15)

可见,在不同测量基下对信号光子进行投影测量, 有可能以不同的宣布效率得到闲置单光子. 只要宣 布基选择得当,是有可能得到ξ+>ξH的预想结果 的.确实如此,实验中对多次随机取样的结果平均 值取整分别得到 $|H\rangle|H\rangle$, $|V\rangle|V\rangle$, $|H\rangle|V\rangle$ 和 $|V\rangle|H\rangle$ 的符合计数测量结果 a = 1027/s, b = 1066/s, c = 28/s, d = 37/s. 由此计算可得 $|\alpha|^2 = 0.9520$, $|\beta|^2 = 0.9879, \ |\gamma|^2 = 0.0258, \ |\lambda|^2 = 0.0343, \ \text{\ref{h}}$ (13) 式得 $\xi_H = 0.4889$. 简单地取 α , β , γ , λ 为正 实数,得到 $|\alpha + \beta + \gamma + \lambda| = 2.3154, |\alpha - \beta - \gamma + \lambda|$ $\gamma - \lambda = 1.6238$,从而由 (15)式得 $\xi_{+} = 0.6702$.所 以本实验系统中,在宣布测量基|+/->下所实现的 宣布式单光子,其宣布效率比在宣布测量基|H/V) 下所实现的宣布式单光子的宣布效率高. 这一基于 简单实验测量数据所得到的推论,将在下面的宣布 效率实验测量系统中进行检验.

3 实验系统及测量结果

基于第2节的分析和简单实验论证,下面介绍 相关实验系统和实验测量结果.

实验所用抽运光源由中心波长为 405 nm, 功 率为 95 mW 的半导体激光器提供, 输出激光的光 斑直径为1-2mm, 经透镜聚焦入射到 BBO 晶体 的光束直径约几百微米. 这里, BBO 晶体中非线性 参量下转换过程所产生的纠缠光子对由单光子探 测器进行探测. 该单光子探测器为 Perkin 公司出 产的 SPCM-AQRH-15-FC 型探测器, 它在 810 nm 波段的探测效率为 45%. 纠缠光子对的偏振操纵和 检测由极化分束器 (PBS) 和半波片 (HWP) 实现, 纠缠光子对两个光子的同时探测由符合计数器给 出的符合计数显示.虽然所使用的抽运激光器为定 制的直接输出垂直偏振 (V) 激光, 但仍有一部分水 平偏振 (H) 的存在, 因此需要使用 405 nm 极化分 束器 PBS 滤掉水平偏振的抽运光 (这里为了示意 图的方便通过 PBS 的反射 V 光改用透射表示,即 通过该 PBS 的光是反射的 V 光). BBO 晶体之前 的 HWP 作用是调整抽运光的偏振方向,因为所使 用的 BBO 晶体为两片光轴成 90° 叠加的 I 型相位 匹配晶体叠加而成,厚度为 0.2 mm,因此需要利

用 405 nm 的半波片调整抽运光的偏振方向为 45°, 以使两片 BBO 晶体都能作用.这样调整好偏振方 向的抽运光入射到 BBO 晶体上就可以由参量下转 换过程输出信号、闲置两路光子,光垃圾桶 (Bin)吸收入射到 BBO 晶体上的大部分未发生下 转换而直接透过的抽运光(避免因反射或散射造成 实验干扰).

3.1 偏振纠缠光子对的关联品质测量

首先通过图 3 所示的简单实验系统来表征宣 布单光子所利用的偏振纠缠光子对的关联品质.根 据第 2 节中的分析知道,抽运 BBO 晶体所产生的 纠缠光子对,理想情况下应该是双光子偏振态 |H〉|H〉和|V〉|V〉的等概率线性叠加.但实际实验 中,偏振纠缠光子态仍有少量不希望出现的双光子 偏振态|H〉|V〉和|V〉|H〉成分.因此,测量|H〉|H〉和 |V〉|V〉态时所得到的双光子符合计数率应远大于 测量|H〉|V〉和|V〉|H〉态时所得到的符合计数率.



图 3 纠缠光子对偏振关联测量原理图 透镜 (Lens) 之前的极化分束器 (PBS) 的作用是滤掉水平偏振的激光 (取 其反射光进入透镜,这里省略了反射光路), BBO 晶体之前 的半波片 (HWP) 用于产生偏振叠加抽运光, BBO 用于产 生纠缠双光子,半波片、滤波片 (Filter)、PBS 和探测器构 成光子的偏振探测系统,符合计数器记录并显示两个单光 子探测器的符合信号

Fig. 3. Schematic diagram of entangled photon pair polarization correlation measurement. The polarized beam splitter (PBS) before Lens is used to filter out horizontally polarized lasers, the half-wave plate (HWP) before the BBO crystal is used to generate polarized superimposed pump light, and BBO is used to generate entangled photon pairs. A half-wave plate, a filter, a PBS, and a detector constitute a photon polarization detection system, coincidence counter records and display the coincidence signals for two single photon detectors.

另外,为了证明所产生的双光子纠缠态确实是 |H>|H>和|V>|V>线性叠加态而不是它们的混合态, 还需要在另一组测量基,如|+/->下进行双光子符 合测量:如果实验上所产生的双光子偏振正是 |H>|H>和|V>|V>的线性叠加态而不是混合叠加态, 那么对|+>|+>和|->|->的测量,所得到的符合计数 率应该远大于对|+>|->和|->|+>的符合测量.

图 3 为测量纠缠光子对的偏振关联曲线实验 简图.这里,每路光子的偏振测量均由一个 810 nm 的半波片、810 nm 的偏振分束器、810 nm 光滤波片(带宽为 10 nm)和一个单光子探测器组 成.两路光子的偏振关联测量的方法是:固定一路 光子的偏振,在0°—360°范围内调节另一路光子 的偏振方向,最后测量双路单光子探测器的符合计 数.实验中,分别选择将信号光的偏振固定在0° (对应于|H〉偏振的测量)和45°(对应于|+〉偏振的 测量)偏振方向,在0°—360°范围内以步长为22.5° 来对闲置光的偏振进行调节,依次测量两路光子的 符合计数.

图 4 所示为实验数据及拟合的不同测量基下 双光子偏振关联曲线.图中方块代表信号光路中的 半波片固定在0°时两路光子符合计数率,另一路偏 振的调节步长为22.5°(红色实线为拟合曲线,对应 于测量基|*H*/*V*〉下的偏振关联测量);圆点代表信 号光路中的半波片固定在45°时两路光子符合计数 率,另一路偏振的调节步长为22.5°(黑色虚线为拟 合曲线,对应于测量基|+/->下的偏振关联测量). 可见,双光子偏振态|*H*〉|*H*〉下所测得的符合计数 率(曲线中极大值)远大于双光子偏振态|*H*〉|*V*〉所 测得的符合计数率(曲线中极小值);对测量基 |+/->下的测量结果类似.物理上,通过偏振关联 测量,计算其干涉可见度

$$\zeta_{|H/V\rangle} = \frac{C_{HH} - C_{HV}}{C_{HH} + C_{HV}},\tag{16}$$



图 4 纠缠光子偏振关联的实验测量结果

Fig. 4. Experimental measurement results of the polarization correlations for entangled photon-pairs.

用于表征双光子偏振纠缠的品质^[18].其中, C_{HH}是 双光子偏振态|H)|H)下测得的双光子符合计数率, C_{HV}是双光子偏振态|H>|V>时所测得的符合计数 率. 由图 4 可得, 在测量基|H/V>下, 偏振纠缠光子 对的纠缠品质因子为 $\zeta_{|H/V\rangle} = 0.9198;$ 同理, 在测 量基为|+/->下,偏振纠缠光子的纠缠品质因子为 $\zeta_{|+/-\rangle} = 0.9703$,相比之下更高.

闲置光光场态的二阶相干度测量 3.2

实验上,单光子品质可通过测量光场的二阶相 干度(即光场的强度-强度关联函数)来表征.理想 的单光子源,其二阶相干度为0;相干光的二阶相 干度为1而混沌光则为2.因此,实验制备的单光 子光场,其二阶相干度应小于1,越趋于0表示单 光子品质越好.我们知道,光场的二阶相干度可通 过著名的 Hanbury Brown 和 Twiss (HBT)^[19-21] 实验来测得. 图 5 为 HBT 实验简图.



图 5 HBT 实验原理图 一束光通过 50/50 分束器后被 均分为两路(其中一路经过延时 7),最后两路信号分别被 两个探测器所探测,其同时性由符合计数特性表征

Fig. 5. Schematic diagram of the HBT experiment, wherein a laser beam is splitted, after a 50/50 beam splitter, into two paths; one of them is delayed by a duration τ , then the signals of the two paths are detected by the two detectors, respectively. The simultaneity of the detected signals is characterized by the coincidence countings.

显然,理想的单光子是不可分割的,因此它经 过 50/50 分束后,只能进入其中一个光路而被该路 上的单光子探测器所探测,所以两个单光子探测器 的符合计数应该为 0.

一般地, HBT 实验测量的是一束光入射到分

束器所分成的透射光强度 $I_{\rm T}(t)$ 和反射光强度 $I_{\rm R}(t)$ 的归一化关联因子[22]:

$$g^{2}(\tau) = \frac{\langle I_{\rm T}(t+\tau)I_{\rm R}(t)\rangle}{\langle I_{\rm T}(t+\tau)\rangle\langle I_{\rm R}(t)\rangle}.$$
 (17)

假定分束器的透射和反射系数分别为 T 和 R, 那么透射、反射和入射光强的关系是 $I_{T}(t) = TI_{I}(t)$, $I_{\rm R}(t) = RI_{\rm I}(t)$,因此光强为 $I_{\rm I}(t)$ 光束的二阶相干度 就可以简单表示为

$$g^{2}(\tau) = \frac{\langle I_{\mathrm{I}}(t+\tau)I_{\mathrm{I}}(t)\rangle}{\langle I_{\mathrm{I}}(t+\tau)\rangle\langle I_{\mathrm{I}}(t)\rangle}.$$
(18)

实验上,上面的光场二阶相干度是通过两个光子探测 器的光子计数率及其符合计数率的测量来测定的[23],

$$g_{2\rm D}^2(\tau) = \frac{P_{\rm TR}(\tau)}{P_{\rm T}(\tau)P_{\rm R}},$$
 (19)

其中 $P_{T}(\tau)$, P_{R} 分别是探测器 D_{T/R}测得光子的概 率, P_{TR}(τ)是两个探测器同时探测到光子的概率; 对理想单光子源, $P_{\text{TR}}(0) = 0$, 从而 $g_{2\text{D}}^{(2)} = 0$.

利用这一 HBT 实验装置, 首先测量了未对信 号光子进行测量时闲置光场的二阶相干度.这时, 置信号光子于不顾,直接利用分束器将闲置光分成 两束,透射光连接探测器 D₁,反射光连接探测器 D_2 ,调节透射光路的延时 τ ,记录下不同延时条件 下的符合计数于表 1.

图 6 为根据测量数据所得到的不同延时下的 二阶相干度拟合曲线. 这里, 每个数据都是同样条 件下 10 次测量结果的平均值, 其标准偏差由无偏 估计公式

$$\sigma = \sqrt{\frac{1}{N-1} \sum_{i=1}^{N} (x_i - \mu)^2}$$
(20)

进行计算(这里采用 Excel 软件处理), 其中 N表 示测量次数, x_i为每次取样的结果, µ为平均值. 可见, 在一路延时 $\tau < 10$ ns 时, $g^{(2)}(\tau) > 1$, 由于 延时导致的非相干扰动,使得闲置光表现为混沌热 光行为,此时测量的二阶相干度为 $g_{2D}^{(2)}(0) =$ 1.253 ± 0.006 . 在 $\tau > 10$ ns 延时区域, 延时并没有 对相干性造成明显破坏,因此, $g_{2D}^{(2)}(\tau) = 1$, 仍是相 干态光场.

			Table 1.	le 1. Coincidence results for different delays.							
延时/ns	0	5	10	15	20	25	30	35	40	45	50
符合计数	7905	8043	6369	6379	6351	6349	6377	6328	6322	6339	6318



图 6 不对信号光宣布而直接测量闲置光场二阶相干度 的实验结果

Fig. 6. The measured second-order coherence for the idle light field without being heralded by the signal light.

图 6 中, 黑色方块为不同延时下光场的二阶相 干度, 红色实线为数据点的拟合结果. 可见, 在短 的延迟时间内未宣布的闲置光场的二阶相干度 *g*²(0) > 1, 光场表现为热光特性, 随着相对延时*τ* 的增加光场的二阶相干度逐渐趋近于 1, 满足 *g*²(0) > *g*²(*τ*). 很显然, 不触发信号光子直接测量 闲置光的二阶相干度, 所得的二阶相干度必然总是 大于等于 1 的, 因而不可能是单光子信号.

3.3 宣布式单光子源的制备及其宣布效率 测量

前面已经通过实验测量二阶相干度证明抽运 光经参量下转换所产生的信号光子和闲置光子纠 缠对,如果不对信号光子施行测量而仅对闲置光子 直接测量,那么闲置光子并不是单光子.因此,要 使得闲置光路上光场成为单光子,必须对信号光子 进行测量,以便在闲置光路上"宣布"地得到单光 子.而且,要证实这种宣布式产生的光子信号就是 单光子信号,还必须对其二阶相干度进行测量确 认.所以,要证实宣布式单光子的获得至少需要三 个单光子探测器进行符合计数测量.为此,我们搭 建了如图 7 所示的宣布式单光子源检验光路系统.

图 7 中 BBO 产生纠缠光子对, HWP, PBS 和 探测器组成光子的极化探测系统, 50/50 分束器把 调整好偏振方向的闲置光场分成两束, 分别被探测 器 D₁, D₂ 探测, 探测器 D₁之前施加延时τ以实现 信号光宣布时对不同延时下闲置光场二阶相干度 的测量; 信号光子由探测器 D₃进行探测. 图 7 中 省略了 BBO 之前的抽运光部分, 在测量单光子场



图 7 宣布式单光子场的二阶关联函数实验测量光路图 Fig. 7. Optical path system for measuring the heralded efficiency of the heralded single photons.

的二阶相干度实验中,参量下转换产生的信号光 子 (s) 和闲置光子 (i) 分别由耦合头耦合到两路光 纤,在光耦合头前放置有半波片和偏振分束器组成 偏振选择系统,以实现对不同偏振态光场的调节. 闲置光场耦合到光纤之后再通过一个 50/50 分束 光纤来实现其二阶相干度的测量.因为下转换效率 很低, 且波段在 810 nm, 因此对下转换光的收集比 较困难,为了方便光子的收集实验中采用了光纤 50/50 分束器以代替普通光束分束器 (BS). 经光前 分束器分束后的闲置光分别连接到探测器 D₁和 D_2 . 通过改变探测器 D_1 的延时 τ , 实现不同延时 下闲置光场二阶相干度的测量. 特别是, 信号光子 探测器 D_3 被同时作为探测器 D_1 和 D_2 的触发信 号, 以实现 D_1 和 D_3 , D_2 和 D_3 的双重符合计数, 进而得到 D₁, D₂, D₃ 的三重符合计数. 这样, 经探 测器 D3 触发宣布后所得到的闲置单光子光场的零 延时二阶相干度就可以表述为[24]

$$g_{3\mathrm{D}}^2(0) = \frac{P_{123}}{P_{13}P_{23}}.$$
 (21)

这里 P₁₂₃为探测器 D₁, D₂ 和 D₃ 同时探测到光子 信号的联合概率, P₁₃和 P₂₃分别为探测器 D₁ 和 D₃, D₂ 和 D₃ 同时探测到光子信号的联合概率 (即 符合计数率). 在三个探测器构成的探测系统中, 门 检测可以用作探测次数, 因此等式中的概率可以归 一化, 即概率可以由符合计数除以探测次数给出

$$P_{123} = \frac{N_{123}}{N_3}, P_{13} = \frac{N_{13}}{N_3}, P_{23} = \frac{N_{23}}{N_3},$$
 (22)

N₁₂₃表示三个探测器的三重符合计数率, N₃表示 探测器 D₃的计数率, N₁₃, N₂₃分别为探测器 D₁和 D₃, D₂和 D₃的双重符合计数率. 当平均光 子数较少时, 有

$$N_3 \approx N\eta_3 P(1), \tag{23a}$$

$$N_{13} \approx \frac{N}{2} \eta_1 \eta_3 P(1), \qquad (23b)$$

$$N_{23} \approx \frac{N}{2} \eta_2 \eta_3 P(1), \qquad (23c)$$

$$N_{123} \approx \frac{N}{2} \eta_1 \eta_2 \eta_3 P(2),$$
 (23d)

其中 N表示总的光子数, η₁和 η₂分别为探测器 D₁和 D₂所在光通道的探测效率, η₃为信号通道的 探测效率, P(1), P(2)分别为宣布式探测到一个光 子和两个光子的概率.将方程 (22), (23)代入 (21) 式得

$$g_{3D}^2(0) \approx \frac{2P(2)}{P(1)}.$$
 (24)

在图 7 所示的宣布式闲置单光子态二阶相干度的测量装置中,因为探测器 D₃ 作为探测器 D₁和 D₂的触发信号,因此探测器 D₁,D₃的符合计数率 N₁₃和探测器 D₂,D₃的符合计数率 N₂₃相加即可被认为是单光子探测的总有效次数.

实验中,信号光子不同测量基下实现触发闲置 光单光子的宣布是通过调节图7中信号光路和闲 置光路中的半波片来实现的.比如,如果两个光路 中的半波片分别处于偏振状态 $|H\rangle|H\rangle$ 和 $|+\rangle|+\rangle$,那 么读出延时 $\tau = 0$ 时单光子探测器 D₁, D₂, D₃之间 的符合计数,再由(24)式就可测得宣布后闲置光 单光子场的二阶相干度.表2为十次实验测量实验 的平均值,由此可以得到在延时 $\tau = 0$,对信号光 子施行偏振态 $|H\rangle$ 投影测量从而在闲置光路上宣布 得到 $|H\rangle$ 偏振态单光子的二阶相干度为

 $\tilde{g}_{3\mathrm{D},|HH\rangle}^{(2)}(0) = 0.229 \pm 0.006,$ (25)

这里标准偏差的计算方法同上.

表 2 不同测量基下的三个单光子探测器的符合 计数结果

Table 2.Coincidence results of three single-photondetectors under different measurement bases.

符合通道	N ₁₃	N ₂₃	N_{123}
H angle H angle	583	607	111
$ +\rangle +\rangle$	693	730	158

图 8 给出了探测器 D₁ 所在光路不同延时下所 测得的宣布式闲置单光子场的二阶相干度的变化: 黑色方点为不同延时下的二阶相干度测量结果, 红 色实线为其拟合曲线. 可见, 随延时τ的增加, 探测 器同时测得的光子可能不再是纠缠光子,因此此时 闲置光子场越来越偏离单光子场的特征而趋近相 干态光场.同理,由表2第二行的数据,可以得到 对信号光子的偏振态 $|+\rangle$ 做投影测量,宣布得到偏 振态为 $|+\rangle$ 的闲置单光子场的二阶相干度为 $\tilde{g}_{3D,|++\rangle}^{(2)}(0) = 0.281 \pm 0.003.可见,宣布所得到的闲$ 置光光场确实是单光子态光场,只是不同宣布基下,其二阶相干度会有所不同.这是因为不同基矢下纠缠品质不同,所以采用不同的宣布测量基会导致单光子宣布效率的不同.也就是说,通过选择最佳的宣布测量基,宣布式单光子的宣布效率可以得到优化.



图 8 宣布式单光子场二阶相干度测量结果

Fig. 8. Measurement results of second-order coherence of the single photon field.

宣布式单光子源的宣布效率是描述一个宣布 式单光子源的重要品质参数,它是指在信号光路测 得一个光子信号时闲置光路中其孪生光子出现的 概率.理论上,对理想纠缠光子对来说,它就等于 信号光子的探测效率.在实际实验中通过对信号光 子进行探测同时触发闲置光路中的探测器对闲置 光子进行探测,因此宣布式单光子的宣布效率可计 算为^[25]

$$\xi = \frac{N_{\rm coin}}{\eta_{\rm i} N_{\rm s}},\tag{26}$$

其中 N_{coin} 为光子对的符合计数探测率, N_s 为信号 光子通道上的光子探测率, η_i 为闲置光子通道上的 总光子探测效率. 正如前面实验所验证的, 实验中 所制备的偏振光子对并非理想纠缠态 (5) 式, 而是 更为实际的 (10) 式所表示的态, 因此在对信号光 子进行 |*H*〉偏振投影测量时, 闲置光不仅仅只被宣 布到 |*H*〉偏振态上, 被宣布到 |*V*〉偏振态上也是有可 能的 (尽管概率可能很小). 所以, 对信号光子进行 |*H*〉偏振投影测量时, 得到闲置光单光子的宣布效 率应该是这两种宣布效率的总和. 对其他宣布基的 情况也应该类似处理. 实验中, 通过调节信号光路 和闲置光路半波片角度, 分别实现了几种典型偏振 态测量下的不同偏振态的单光子宣布探测, 它们所 对应的符合计数结果如表 3 所列.

表 3 信号光不同偏振测量基下三个探测器的符 合计数实验测量结果

Table 3. Coincidence countings of three singlephoton detectors for different polarization measurements.

信号光路 偏振状态	信号光路光子 计数率	闲置光场所处的 偏振态	符合计数
$ H\rangle$	6859	H angle	1142
		$ V\rangle$	54
$ V\rangle$	6045	V angle	1137
	0945	H angle	39
$ +\rangle$	7409	$ +\rangle$	1416
	7492	$ -\rangle$	12
->	6977	$ -\rangle$	1178
	0277	$ +\rangle$	15

可见,当信号光子的宣布基分别取为|H〉和|V〉 时,宣布得到闲置光路上单光子(无论偏振态是|H〉 还是|V〉)的宣布效率分别为

$$\tilde{\xi}_{|H\rangle} = 0.387 \pm 0.002,$$
 (27)

$$\tilde{\xi}_{|V\rangle} = 0.376 \pm 0.002.$$
 (28)

相比之下,由表3中的后四组数据可以看到: 当信号光子的宣布基分别取为|+>和|->时,宣布得 到闲置光路上单光子(无论偏振态是|+>还是|->) 的宣布效率分别为

 $\tilde{\xi}_{|+\rangle} = 0.424 \pm 0.003,$ (29)

 $\tilde{\xi}_{|-\rangle} = 0.422 \pm 0.003.$ (30)

确实,宣布效率有所提高.这一结果与第2节中分 析及简单数据估计所得到的结果定性一致:对实验 所采用的非理想纠缠光源系统而言,选择|+/->作 为宣布基来制备宣布式单光子源,其宣布效率是比 直接采用|*H*/V>作为宣布基所测得的宣布效率有 约4%的提高.当然,这里实验实测所得到的宣布效 率与第2节中所估计的相应宣布效率要小一些.原 因是前面的估计实际上是基于理想宣布推算的,实 际的宣布测量会因为探测器内在的有限探测效率 造成探测信号漏记,从而造成实测宣布效率的整体 降低.

4 总 结

基于纠缠态的纠缠度实际上是与态的完备基 矢选择有关的这一基本事实,讨论了利用具体偏振 纠缠光子对实现宣布式单光子源实验中宣布效率 与宣布测量基选择的相关性.首先,通过测量所用 实验系统中 BBO 晶体参量下转换所获得的偏振纠 缠光子对的偏振关联曲线,证实了不同测量基 (|H/V)和|+/->)下纠缠光子对有不同的纠缠品 质.进而,通过简单的符合计数测量,说明在 |+ /->测量基下对信号光子的破坏测量,所宣布得 到的闲置单光子的宣布效率优于在通常|H/V>测 量基下直接宣布闲置单光子的宣布效率;其次,通 过标准的 HBT 实验, 验证了在不对信号光子进行 测量宣布的情况下,直接测量闲置光的二阶相干度 所得到的值总是大于等于1,因此验证了闲置光不 可能成为单光子这一事实.本工作的核心是利用三 个单光子探测器构成的符合计数实验探测系统,实 现了基于对信号光子破坏测量宣布得到闲置光单 光子的宣布效率实验测量.具体的测量结果表明, 在本实验系统中,选择|+/->作为信号光子的宣布 测量基制备的宣布式单光子源,其宣布效率比直接 采用|H/V>作为信号光子的宣布测量基所制备的 宣布式单光子源提高约4%.当然,这一宣布效率 的提高可能仍不是最佳的.

在纠缠源不是太理想的情况下,通过选择合适 的宣布测量基,可以使得宣布效率得到一定的提 高.在后续的工作中,将对纠缠光源进行更可靠地 表征,从而据此选择更佳的宣布测量基,是有可能 进一步提高宣布式单光子源的宣布效率的.不过, 沿着这一路径提高宣布效率的作用极为有限,宣布 效率的实质性提高,需要更高品质的纠缠源,比如 更高纠缠产率的非线性晶体、更优化的宣布光路, 以及固有探测效率更高的光子探测器等.

参考文献

- Michler P, Kiraz A, Becher C, Schoenfeld W V, Petroff P M, Zhang L, Hu E, Imamoglu A 2000 Science 290 2282
- [2] Brunel C, Lounis B, Tamarat P, Orrit M 1999 Phys. Rev. Lett. 83 2722

- [3] Kurtsiefer C, Mayer S, Zarda P, Weinfurter H 2000 Phys. Rev. Lett. 85 290
- [4] Soujaeff A, Nishioka T, Hasegawa T, Takeuchi S, Tsurumaru T, Sasaki K, Matsui M 2007 Opt. Express 15 726
- [5] Sanaka K, Jennewein T, Pan J W, Resch K, Zeilinger A 2004 Phys. Rev. Lett. 92 017902
- [6] Klyshko D N, Penin A N, Polkovnikov B F 1970 JETP Lett.
 11 05
- [7] Kwiat P G, Mattle K, Weinfurter H, Zeilinger A 1995 *Phys. Rev. Lett.* **75** 4337
- [8] Kwiat P G, Waks E, White A G, Appelbaum I, Eberhard P H 1999 Phys. Rev. A 60 R773
- [9] Jeffrey E, Peters N A, Kwiat P G 2004 New J. Phys. 6 100
- [10] Fasel S, Alibart O, Tanzilli S, Baldi P, Beveratos A, Gisin N, Zbindenet H 2004 New J. Phys. 6 163
- [11] Pittman T B, Jacobs B C, Franson J D 2005 Opt. Commun. 246 545
- [12] Ramelow S, Mech A, Giustina M, Gröblacher S, Wieczorek W, Beyer J, Lita A, Calkins B, Gerrits T, Nam S W, Zeilinger A, Ursin R 2013 Opt. Express 21 6707
- [13] Krapick S, Herrmann H, Quiring V, Brecht B, Suche H, Silberhorn Ch 2013 New J. Phys. 15 033010
- [14] Montaut N, Sansoni L, Meyer-Scott E, Ricken R, Quiring V,

Herrmann H, Silberhorn C 2017 Phys. Rev. Appl. 8 024021

- [15] Cui L, Li X Y, Fan H Y, Yang L, Ma X X 2009 Chin. Phys. Lett. 26 044209
- [16] Ou Z Y, Wang L J, Mandel L 1990 J. Opt. Soc. Am. B 7 211
- [17] Guo W J, Fan D H, Wei L F 2013 Sci. Sin.-Phys. Mech. Astron. 43 948 (in Chinese) [郭伟杰, 樊代和, 韦联福 2013 中 国科学:物理学 力学 天文学 43 948]
- [18] Wang Y, Fan D H, Guo W J, Wei L F 2015 Chin. Phys. B 24 084203
- [19] Lan D D, Gao X M, Peng C S, Ji Y L, Liu X L, Li P, Guo Y Q 2017 Acta Phys. Sin. 66 120502 (in Chinese) [兰豆豆, 郭晓 敏, 彭春生, 姬玉林, 刘香莲, 李璞, 郭龑强 2017 物理学报 66 120502]
- [20] Kimble H J, Dagenais M, Mandel L 1997 Phys. Rev. Lett. 39 691
- [21] Genty G, Surakka M, Turunen J, Ari T 2010 Opt. Lett. 35 3057
- [22] Li G, Zhang T C, Li Y, Wang J 2005 Phys. Rev. A 71 023807
- [23] Thorn J J, Neel M S, Donato V W, Bergreen G S, Davies R E, Beck M 2004 Am. J. Phys. 72 1210
- [24] Beck M 2007 J. Opt. Soc. Am. B 24 2972
- [25] Brida G, Degiovanni I P, Genovese M, Migdall A, Piacentini F, Polyakov S V, Berchera I R 2011 Opt. Express 19 1484

Relevance of the heralded efficiency of the heralded single-photon source to the heralded basis^{*}

Yang Hong-En $^{1)}$ Wei Lian-Fu $^{1)2)\dagger}$

1) (Information Quantum Technology Laboratory, International Cooperation Research Center of China Communication and Sensor Networks for Modern Transportation, School of Information Science and Technology,

Southwest Jiaotong University, Chengdu 610031, China)

 2) (Photonics Laboratory and Institute of Functional Materials, College of Science, Donghua University, Shanghai 201620, China) (Received 11 April 2019; revised manuscript received 12 September 2019)

Abstract

The method by measuring one photon of an entangled two-photon pair to simultaneously herald another photon as the single photon, is one of the important ways to prepare the desired single-photon source. However, achieving high herald efficiency is still an open problem. In this paper, with the polarization entangled photon pairs generated by the parametric down-conversion process in the I-type phase-matched BBO (β -BaB₂O₄) nonlinear crystal, we investigate how the herald efficiency of the single-photon along the ideal path depends on the selection of the heralded basis of the photon in the signal path. An extended Hanbury-Brown-Twiss experimental system is built with a fiber polarizing beam splitter and three single-photon detectors, to experimentally measure the herald efficiency of the heralded single-photon source. Our results show that with the present polarization entangled-photon system whose quality is relatively low, the herald efficiency with the $| + /- \rangle$ heralded basis is enhanced 4% compared with that with the $|H/V\rangle$ heralded basis.

Keywords: parametric down conversion, entangled photon pairs, heralded single photon source, heralded efficiency

PACS: 42.50.Dv, 42.65.Lm, 42.50.Ar

DOI: 10.7498/aps.68.20190532

^{*} Project supported by the National Natural Science Foundation of China (Grant Nos. 11974290, U1330201).

[†] Corresponding author. E-mail: lfwei@swjtu.edu.cn