# 物理学报Acta Physica Sinica





Institute of Physics, CAS

## 强磁场对中子星转动惯量与表面引力红移的影响

赵诗艺 刘承志 黄修林 王夷博 许妍

Effects of strong magnetic field on moment of inertia and surface gravitational redshift in neutron star Zhao Shi-Yi Liu Cheng-Zhi Huang Xiu-Lin Wang Yi-Bo Xu Yan 引用信息 Citation: Acta Physica Sinica, 70, 222601 (2021) DOI: 10.7498/aps.70.20211051 在线阅读 View online: https://doi.org/10.7498/aps.70.20211051 当期内容 View table of contents: http://wulixb.iphy.ac.cn

## 您可能感兴趣的其他文章

### Articles you may be interested in

中子星对自旋相关轴矢量新相互作用的约束

Constraints of neutron star on new interaction of spin-dependent axial-vector coupling 物理学报. 2019, 68(18): 181102 https://doi.org/10.7498/aps.68.20190477

超强磁场下中子星壳层的电导率和磁星环向磁场欧姆衰变

Conductivity of neutron star crust under superhigh magnetic fields and Ohmic decay of toroidal magnetic field of magnetar 物理学报. 2019, 68(18): 180401 https://doi.org/10.7498/aps.68.20190760

混合中子星内强子-夸克退禁闭相变

Hadron-quark deconfinement phase transition in hybrid stars 物理学报. 2020, 69(24): 242101 https://doi.org/10.7498/aps.69.20200925

强磁场下Sm-Fe薄膜不同晶态组织演化及磁性能调控

Evolutions of different crystalline textures in Sm–Fe film fabricated under high magnetic field and subsequent tuning magnetic properties

物理学报. 2018, 67(9): 097501 https://doi.org/10.7498/aps.67.20180212

### 稳态强磁场的细胞生物学效应

Biological effects on cells in strong static magnetic field 物理学报. 2018, 67(14): 148701 https://doi.org/10.7498/aps.67.20180378

强磁场在ZnCr<sub>2</sub>Se<sub>4</sub>中诱导的各向异性太赫兹共振吸收

Anisotropic resonance absorptions induced by high magnetic field in  $\rm ZnCr_2Se_4$ 

物理学报. 2020, 69(20): 207501 https://doi.org/10.7498/aps.69.20201507

## 强磁场对中子星转动惯量与表面引力红移的影响\*

赵诗艺1)2) 刘承志1)2)† 黄修林1) 王夷博1)‡ 许妍1)2)††

1) (中国科学院国家天文台长春人造卫星观测站,长春 130117)

2) (中国科学院大学天文与空间科学学院,北京 100049)

(2021年6月2日收到; 2021年7月24日收到修改稿)

开展强磁场环境下中子星物质性质的研究对约束中子星物态方程,揭示星体内部磁场分布形式等有重 要意义.本文基于相对论平均场理论利用 GL91 参数组研究了处于β平衡条件下传统中子星物质在强磁场作 用下的主要宏观性质.结果表明,强磁场的引入使传统中子星物态方程变硬,星体质量上限由 2.111 M<sub>☉</sub>增大 到 3.081 M<sub>☉</sub>,相同质量星体对应的半径变大使星体变得不那么致密;强磁场对传统中子星表面引力红移有抑 制作用,对转动惯量有促进作用.此外,给出了目前已观测到的四颗大质量脉冲星—— PSRs J1614-2230, J0348+0432, J0740+6620, J2215-5135, 以及双星合并事件 GW190814 中质量在 2.50 M<sub>☉</sub>—2.67 M<sub>☉</sub>的致密星 体表面引力红移和转动惯量的理论值范围.结果表明,随着中子星内部磁场的增强,这五颗星的表面引力红 移值范围变窄,而转动惯量的范围变宽.

关键词:中子星,强磁场,引力红移,转动惯量 PACS: 26.60.Kp, 76.60.Jx, 21.65.Mn

### **DOI:** 10.7498/aps.70.20211051

## 1 引 言

中子星内部结构的研究是当前中子星理论与 观测研究中的难点问题之一,现阶段很难通过直接 手段获得中子星内部结构的详细信息,需借助唯象 或微观核多体模型结合天文观测约束星体物态方 程 (equation of state, EOS)进行研究.中子星 EOS 是描述物质在一定物理条件下状态的热力学 方程,表示星体内部压强和能量密度的关系.中子 星 EOS 包含了星体内部结构的大量信息,是连接 中子星内部结构和宏观物理性质的一个重要桥梁, 通过中子星 EOS 可以获得星体的质量、半径、转 动惯量和表面引力红移等宏观物理量.

脉冲星质量测量是约束中子星 EOS 最常见的

© 2021 中国物理学会 Chinese Physical Society

方法.目前中子星内部成分探测器 (NICER)已公 布的具有可靠质量的脉冲星样本仅有 100 多颗<sup>[1]</sup>, 其中只包含一颗孤立中子星 (PSR J0030+0451) 的质量和半径测量值,其质量为 1.34<sup>+0.15</sup><sub>-0.16</sub> M<sub>☉</sub>或 1.44<sup>+0.15</sup><sub>-0.14</sub> M<sub>☉</sub>,对应的半径为 12.71<sup>+1.14</sup><sub>-0.16</sub> M<sub>☉</sub>或 1.44<sup>+0.15</sup><sub>-0.16</sub> M<sub>☉</sub>,对应的半径为 12.71<sup>+1.14</sup><sub>-1.19</sub> km 和 13.04<sup>+1.24</sup><sub>-1.06</sub> km<sup>[2]</sup>.脉冲星的质量和半径,尤其是半 径不容易测量,因此,人们希望找到脉冲星质量和 半径之间存在的某种关系.脉冲星转动惯量和源于 星体表面辐射谱线的引力红移是与星体质量、半径 都相关的物理量,相较于脉冲星半径,星体质量、 转动惯量和表面引力红移易于测量.如果天文观测 获得了一颗脉冲星质量和转动惯量或者质量和表 面引力红移测量值,就可以估算出这颗星的半径. 因而测量脉冲星转动惯量和星体表面辐射谱的引 力红移已成为约束中子星 EOS 的重要补充条件<sup>[3-5]</sup>.

<sup>\*</sup> 国家自然科学基金 (批准号: 11805022, 11803057) 资助的课题.

<sup>†</sup> 通信作者. E-mail: lcz@cho.ac.cn

<sup>‡</sup> 通信作者. E-mail: wangyb@cho.ac.cn

計通信作者. E-mail: xuy@cho.ac.cn

学者们针对中子星转动惯量和表面引力红移与中子星内部结构关系开展了许多意义深刻的工作.如 2001年,彭芳等<sup>[6]</sup>研究了中子星转动惯量、表面引力红移与核物质不可压缩系数和对称能强度的关系,分析了奇异介子对 PSR J0348+0432 表面引力红移和转动惯量的约束.2010年,赵先锋和张华<sup>[7]</sup>研究了奇异介子对前身中子星转动惯量的影响.2020年赵先锋<sup>[8]</sup>研究了超子耦合参数对中子星引力红移的影响.2019年,Lim等<sup>[9]</sup>在手征有效场理论和有限核物质性质约束下基于核能密度泛函的贝叶斯分析计算了 PSR J0737-3039A的转动惯量.2020年,Sen<sup>[10]</sup>利用中子星物质有限温度 EOS 分析了温度对星体表面引力红移的影响.

脉冲星表面偶极磁场强度可以直接由星体自 转周期及自转周期导数给出, 而脉冲星自转周期及 自转周期导数一般通过天文观测可直接获得,因此 脉冲星表面偶极磁场强度较易测量,并已成为约束 中子星 EOS 的有效方法. 天文学家发现中子星表 面磁场在 10<sup>11</sup>—10<sup>13</sup> G (1 G=10<sup>-4</sup> T), 如目前已知 中子星 X 射线双星系统中磁场最高的是 Be/X 射 线瞬态脉冲星 GRO J1008-57, 其表面偶极磁场  $B \ge 6 \times 10^{12}$  G<sup>[11]</sup>; 磁星, 其候选体为软  $\gamma$  射线重复 暴或反常 X 射线脉冲星, 研究表明其表面偶极磁 场高达 10<sup>14</sup>—10<sup>15</sup> G<sup>[12,13]</sup>; 此外, 根据位力定理, 中 子星内部磁场甚至可能高达 10<sup>18</sup> G<sup>[14,15]</sup>. 近年来, 学者们基于脉冲星表面偶极磁场强度测量数据建 立了多种中子星辐射模型,围绕中子星磁场与星体 的内部结构、EOS、星体热演化过程、磁场演化、磁 星结构等方面开展了深入丰富的研究,获得了丰硕 的成果[16-25]. 然而强磁场环境下中子星转动惯量 和表面引力红移的研究相对很少.

因此,本文在相对论平均场理论 (relativistic mean field theory, RMFT) 框架下利用 GL91 参数组给出强磁场环境下传统中子星 EOS; 通过求 解广义相对论流体静力学平衡方程 (Tolman-Oppenheimer-Volkoff, TOV 方程),得到了强磁场对 传统中子星表面引力红移和转动惯量的影响;同时 将不同磁场强度下的理论结果和当前的观测数据 进行了对比.此外,基于四颗大质量脉冲星 PSRs J1614-2230, J0348+0432, J0740+6620, J2215-5135 和引力波信号 GW190814 所包含的致密星的

质量测量值的约束,给出了这五颗星表面引力红移 和转动惯量的理论值范围.

## 2 理论基础

#### 2.1 强磁场环境下的 RMF 理论模型

本文主要讨论由核子 (n, p)、轻子 (e,  $\mu$ ) 组成 的传统中子星, 记作 npe $\mu$ 物质. 强子之间的相互作 用由介子 ( $\sigma$ ,  $\omega$ ,  $\rho$ ) 来传递. 强磁场环境下, 中子星 物质的拉格朗日密度为

$$L = \overline{\Psi}_{N} \bigg[ i\gamma_{\mu} \partial^{\mu} - e \frac{1+\tau_{0}}{2} \gamma_{\mu} A^{\mu} - \frac{1}{4} k_{N} \mu_{N} \sigma_{\mu\nu} F^{\mu\nu} - M_{N} + g_{\sigma N} - g_{\omega N} \gamma_{\mu} \omega^{\mu} - \frac{1}{2} g_{\rho N} \gamma_{\mu} \tau R^{\mu} \bigg] \Psi_{N} + \overline{\Psi}_{1} \bigg[ i\gamma_{\mu} \partial^{\mu} - q_{l} \gamma_{\mu} A^{\mu} - \frac{1}{4} k_{l} \mu_{l} \sigma_{\mu\nu} F^{\mu\nu} - m_{l} \bigg] \Psi_{l} + \frac{1}{2} \partial_{\mu} \sigma \partial^{\mu} \sigma - U(\sigma) - \frac{1}{4} \omega_{\mu\nu} \omega^{\mu\nu} + \frac{1}{2} m_{\omega}^{2} \omega_{\mu} \omega^{\mu} - \frac{1}{4} R_{\mu\nu} R^{\mu\nu} + \frac{1}{2} m_{\rho}^{2} \rho^{\mu} \rho_{\mu} , \qquad (1)$$

其中 U(σ) 是 σ 场的非线性自相互作用项, 具体形 式如下<sup>[26]</sup>:

$$U(\sigma) = \frac{1}{2}m_{\sigma}^{2}\sigma^{2} + \frac{1}{3}g_{2}\sigma^{3} + \frac{1}{4}g_{3}\sigma^{4}, \qquad (2)$$

 $Ψ_N$ 代表核子的 Dirac旋量,  $Ψ_1$ 代表轻子的 Dirac 旋 量. τ 是核子同位旋,  $τ_0$ 是它的第三分量;  $ω^{μν}$ ,  $\mathbf{R}^{μν} 为 ω$ , ρ介子的场张量;  $A^{μ} \equiv (0, 0, Bx, 0)$ 表 示磁场.  $M_N$  是核子的质量;  $m_1$ 是轻子的质量;  $m_{\sigma}$ ,  $m_{\omega} 和 m_{\rho} 分别$ 是 σ, ω 和 ρ介子的质量;  $g_{\sigma N}$ ,  $g_{\omega N}$ ,  $g_{\rho N} 分别$ 是 σ, ω, ρ介子与核子之间的耦合常数;  $k_N$ ,  $k_1$ 为核子和轻子的反常磁矩系数;  $μ_N$  为核子的核 磁子,  $μ_1$ 为轻子的玻尔磁子. 本文采用 GL91 参数 组 <sup>[27]</sup>来描述强磁场下中子星物质整体性质, 具体 取 值 如下:  $M_N = 939.565$  MeV,  $m_{\sigma} = 550$  MeV,  $m_{\omega} = 781.9$  MeV,  $m_{\rho} = 769$  MeV,  $g_{\sigma N} = 8.7818$ ,  $g_{\omega N} = 8.7116$ ,  $g_{\rho N} = 8.4635$ ,  $g_2 = 27.9060$ ,  $g_3 = -14.3989$ . 结合能 E/A = 16.3 MeV, 饱和密度  $ρ_0 = 0.153$  fm<sup>-3</sup>, 对称能  $α_{sym} = 32.5$  MeV.

把(1)式代入 Euler-Lagrange 方程,可以得到 核子在磁场中运动的 Dirac 方程以及三种介子场 的运动方程:

$$\left[ i\gamma_{\mu}\partial^{\mu} - e\frac{1+\tau_{0}}{2}\gamma_{\mu}A^{\mu} - \frac{1}{4}k_{b}\mu_{N}\sigma_{\mu\nu}F^{\mu\nu} - M_{N} + g_{\sigma N}\sigma - g_{\omega N}\gamma_{\mu}\omega^{\mu} - \frac{1}{2}g_{\rho N}\gamma_{\mu}\tau_{0}R_{0}^{\mu} \right]\Psi_{N} = 0, \quad (3)$$

$$m_{\sigma}^2 \sigma + g_2 \sigma^2 + g_3 \sigma^3 = g_{\sigma} \rho_{\rm s}, \qquad (4)$$

$$m_{\omega}^2\omega_0 = g_{\omega}\rho,\tag{5}$$

$$m_{\rho}^{2}R_{0,0} = \frac{1}{2}g_{\rho}\left(\rho_{0}^{p} - \rho_{0}^{n}\right), \qquad (6)$$

其中 $\sigma$ ,  $\omega_0$ ,  $R_{0,0}$ 分别是三个介子场场量的基态期 待值;  $\rho_s = \rho_s^p + \rho_s^p$ 为标量场密度,  $\rho = \rho_0^p + \rho_0^p$ 为核 子数密度. 中子星物质应满足  $\beta$  平衡和电中性条 件<sup>[28]</sup>,  $\beta$  平衡条件如下:

$$\mu_{\rm n} - \mu_{\rm p} = \mu_{\rm e}, \\ \mu_{\rm e} = \mu_{\mu}, \qquad (7)$$

其中各组分化学势的具体形式如下:

$$\mu_{\mathbf{p}} = \varepsilon_f^{\mathbf{p}} + g_\omega \omega_0 + \frac{1}{2} g_\rho R_{0,0}, \qquad (8)$$

$$\mu_{\rm n} = \varepsilon_f^{\rm n} + g_\omega \omega_0 - \frac{1}{2} g_\rho R_{0,0}. \tag{9}$$

它们与各自费米动量的关系如下:

$$\left(k_{f,v,S}^{\mathfrak{p}}\right)^{2} = \left(\varepsilon_{f}^{\mathfrak{p}}\right)^{2} - \left(\sqrt{m^{*^{2}} + 2eBv} + S\Delta_{N}\right)^{2},\tag{10}$$

$$\left(k_{f,S}^{\mathbf{n}}\right)^{2} = \left(\varepsilon_{f}^{\mathbf{n}}\right)^{2} - \left(m^{*} + S\Delta_{\mathbf{N}}\right)^{2}, \qquad (11)$$

$$\left(k_{f,v,S}^{\mathrm{l}}\right)^{2} = \left(\epsilon_{f}^{\mathrm{l}}\right)^{2} - \left(\sqrt{m_{\mathrm{l}}^{2} + 2eBv} + S\Delta_{\mathrm{l}}\right)^{2}, \quad (12)$$

这里的 $\Delta_{N} = -\frac{1}{2}k_{N}\mu_{N}B, \Delta_{I} = -\frac{1}{2}k_{I}\mu_{I}B.$  S可以 取+1或-1,分别对应自旋的向上或向下, $\nu$ 是带 电粒子朗道能级的量子数. *m*\*为核子有效质量,其 具体形式为*m*\* = *M*<sub>N</sub> - *g*<sub>σ</sub>σ.

电中性条件为

$$\rho_{\rm p} = \rho_{\rm e} + \rho_{\mu} \,. \tag{13}$$

通过 (3) 式可以解得质子、中子在费米海中的 正能量  $(E_{v,S}^{p})_{+}$ ,  $(E_{S}^{n})_{+}$ 以及它们在 Dirac 海中的 负能量  $(E_{v,S}^{p})_{-}$ ,  $(E_{S}^{n})_{-}$ , 且反粒子的正能量是正 粒子负能量的负值. 在  $\beta$  平衡条件下, 可以认为体 系中的电子能够在强磁场中自由运动, 而在自由空 间中, 电子、µ子的波函数形式与质子相同, 因此通 过求解 (4) 式—(6) 式也可以得到电子、µ子的能 量  $(E_{v,S}^{e})_{+}$ ,  $(E_{v,S}^{e})_{-}$ ,  $(E_{v,S}^{\mu})_{+}$ ,  $(E_{v,S}^{\mu})_{-}$ . 它们的 具体形式如下:

$$\left(E_{v,S}^{\mathfrak{p}}\right)_{\pm} = \left\{ \left[ \left(\sqrt{m^{*^{2}} + 2eBv} + S\Delta_{\mathrm{N}}\right)^{2} + p_{z}^{2} \right]^{1/2} \times \pm g_{\omega}\omega_{0} + \frac{1}{2}g_{\mathrm{p}}R_{0,0} \right\},$$
(14)

$$(E_S^{\mathbf{n}})_{\pm} = \left\{ \left[ \left( \sqrt{p_x^2 + p_y^2 + m^{*^2}} + S \Delta_{\mathbf{N}} \right)^2 + p_z^2 \right]^{1/2} \\ \pm g_{\omega} \omega_0 - \frac{1}{2} g_{\rho} R_{0,0} \right\},$$
(15)

$$(E_{v,S}^{l})_{\pm} = \pm \left[ \left( \sqrt{m_{l}^{2} + 2eBv} + S\Delta_{l} \right)^{2} + p_{z}^{2} \right]^{1/2},$$
(16)

$$\rho_S^{\mathrm{p}}, \rho_S^{\mathrm{n}}, \rho_0^{\mathrm{p}}, \rho_0^{\mathrm{n}}$$
的具体形式为:

$$\rho_{S}^{\mathbf{p}} = \frac{eBm^{*}}{2\pi^{2}} \sum_{S} \sum_{v} \frac{\sqrt{m^{*^{2}} + 2eBv} + S\Delta_{\mathbf{N}}}{\sqrt{m^{*^{2}} + 2eBv}} \times \ln \left| \frac{k_{f,v,S}^{\mathbf{p}} + \varepsilon_{f}^{\mathbf{p}}}{\sqrt{m^{*^{2}} + 2eBv} + S\Delta_{\mathbf{N}}} \right|, \qquad (17)$$

$$\rho_{S}^{n} = \frac{m^{*}}{4\pi^{2}} \sum_{S} \left[ \epsilon_{f}^{n} k_{f,S}^{n} - (m^{*} + S\Delta_{N})^{2} \right] \times \ln \left| \frac{k_{f,S}^{n} + \epsilon_{f}^{n}}{m^{*} + S\Delta_{N}} \right|, \qquad (18)$$

$$\rho_0^{\rm p} = \frac{eB}{2\pi^2} \sum_S \sum_v k_{f,v,S}^{\rm p}, \qquad (19)$$

$$\rho_0^{\mathbf{n}} = \frac{1}{2\pi^2} \sum_{S} \left\{ \frac{1}{3} \left( k_{f,S}^{\mathbf{n}} \right)^3 + \frac{S\Delta_{\mathbf{N}}}{2} \left[ \left( m^* + S\Delta_{\mathbf{N}} \right) k_{f,S}^{\mathbf{n}} \right. \\ \left. + \left( \varepsilon_f^{\mathbf{n}} \right)^2 \left( \arcsin \frac{m^* + S\Delta_{\mathbf{N}}}{\varepsilon_f^{\mathbf{n}}} - \frac{\pi}{2} \right) \right] \right\}.$$
(20)

此外,体系中电子、µ子的密度与费米动量的关 系为:

$$\rho_0^{\rm e} = \frac{eB}{2\pi^2} \sum_S \sum_v k_{f,v,S}^{\rm e}, \qquad (21)$$

$$\rho_0^{\mu} = \frac{eB}{2\pi^2} \sum_S \sum_v k_{f,v,S}^{\mu}.$$
 (22)

在 (17) 式—(22) 式中, 对 $\nu$ 的求和从其最小 值开始, 随着 $\nu$ 的增加直到 $\nu$ 的某一特定最大值, 且当 $\nu$ 取该值时,  $(k_{f,v,S}^{p})^{2}$ 的值为正. 对于自旋向上 的质子, 对 $\nu$ 的求和从 1 开始, 对于自旋向下的质 子对 $\nu$ 的求和从 0 开始. 需注意此处的自旋方向只 是相对概念, 因为波函数不再是自旋算符三分量的 本征波函数, 而是与磁场耦合的自旋密切相关. 至此可以求得传统中子星物质各组分的能量 密度:

$$\varepsilon_{\rm p} = \frac{eB}{4\pi^2} \sum_{S} \sum_{v} \times \left[ k_{f,v,S}^{\rm p} \varepsilon_{f}^{\rm p} + \left( \sqrt{m^{*2} + 2eBv + S\Delta_{\rm N}} \right)^2 \times \ln \left| \frac{k_{f,v,S}^{\rm p} + \varepsilon_{f}^{\rm p}}{\sqrt{m^{*2} + 2eBv} + S\Delta_{\rm N}} \right| \right], \quad (23)$$

$$\varepsilon_{n} = \frac{1}{4\pi^{2}} \sum_{S} \left\{ \frac{1}{2} \left( \varepsilon_{f}^{n} \right)^{3} k_{f,S}^{n} + \frac{2}{3} S \varDelta_{N} \left( \varepsilon_{f}^{n} \right)^{3} \right. \\ \left. \times \left[ \arcsin \left( \frac{m^{*} + S \varDelta_{N}}{\varepsilon_{f}^{n}} \right) - \frac{\pi}{2} \right] + \left[ \frac{1}{3} S \varDelta_{N} \right. \\ \left. - \frac{1}{4} \left( m^{*} + S \varDelta_{N} \right) \right] \left[ \left( m^{*} + S \varDelta_{N} \right) k_{f,S}^{n} \varepsilon_{f}^{n} \right. \\ \left. + \left( m^{*} + S \varDelta_{N} \right)^{3} \ln \left| \frac{k_{f,S}^{n} + \varepsilon_{f}^{n}}{m^{*} + S \varDelta_{N}} \right| \right] \right\},$$
(24)

$$\epsilon_{\rm e} = \frac{eB}{4\pi^2} \sum_{S} \sum_{v} \left[ k_{f,v,S}^{\rm e} \epsilon_{f}^{\rm e} + \left( \sqrt{m_{\rm e}^2 + 2eBv} + S\Delta_{\rm N} \right)^2 \right] \\ \times \ln \left| \frac{k_{f,v,S}^{\rm e} + \epsilon_{f}^{\rm e}}{\sqrt{m_{\rm e}^2 + 2eBv} + S\Delta_{\rm N}} \right| , \qquad (25)$$

$$\varepsilon_{\mu} = \frac{eB}{4\pi^2} \sum_{S} \sum_{v} \left[ k_{f,v,S}^{\mu} \varepsilon_{f}^{\mu} + \left( \sqrt{m_{\mu}^2 + 2eBv} + S\Delta_{N} \right)^2 \right] \\ \times \ln \left| \frac{k_{f,v,S}^{\mu} + \varepsilon_{f}^{\mu}}{\sqrt{m_{\mu}^2 + 2eBv} + S\Delta_{N}} \right|$$
(26)

从而可以得到中子星物质能量密度如下:

$$\varepsilon_{\rm m} = \frac{1}{2}m_{\sigma}^2\sigma^2 + \frac{1}{3}g_2\sigma^3 + \frac{1}{4}g_3\sigma^4 + \frac{1}{2}m_{\omega}^2\omega_0^2 + \frac{1}{2}m_{\rho}^2R_{0,0}^2 + \varepsilon_{\rm p} + \varepsilon_{\rm n} + \varepsilon_{\rm e} + \varepsilon_{\mu}, \qquad (27)$$

其中 $\epsilon_n, \epsilon_p, \epsilon_e, \epsilon_\mu$ 分别代表 n, p, e 和µ粒子对能量密 度的贡献.

再考虑电磁场对能量密度的贡献<sup>[29]</sup>,可以得 到传统中子星物质总的能量密度和压强:

$$\varepsilon = \varepsilon_{\rm m} + \frac{B^2}{8\pi},\tag{28}$$

$$P = \mu_{\rm n}\rho - \varepsilon_{\rm m} + \frac{B^2}{8\pi}.$$
 (29)

## 2.2 TOV 方程

在中子星性质的研究中,常常需要计算一些能 够表征星体性质的宏观量与脉冲星观测数据进行 对比,因而仅有星体 EOS 是不够的,需要借助表达中子星结构的 TOV 方程来研究星体的宏观性质,具体形式如下<sup>[30,31]</sup>:

$$\frac{\mathrm{d}P\left(r\right)}{\mathrm{d}r} = -\frac{\left(P\left(r\right) + \epsilon\left(r\right)\right)\left(M\left(r\right) + 4\pi r^{3}P\left(r\right)\right)}{r\left(r - 2M\left(r\right)\right)},\tag{30}$$

$$\frac{\mathrm{d}M\left(r\right)}{\mathrm{d}r} = 4\pi\varepsilon\left(r\right)r^{2},\tag{31}$$

其中 r, M(r),  $\epsilon(r)$ , P(r)表示中子星的半径、质量、能量密度、压强.可见,以 EOS (28)式和 (29)式作为输入量,在边界条件 P(R) = 0, M(0) = 0下,可以获得 TOV 方程的解,即强磁场环境下中子星的质量-半径关系.

## 2.3 中子星的转动惯量和引力红移

慢旋转条件下的中子星在球坐标系(*t*,*r*,*θ*,Φ) 中的时空度规可以表示为

$$ds^{2} = -e^{2\phi(r)}dt^{2} + \left[1 - \frac{2m(r)}{r}\right]^{-1}dr^{2}$$
$$- 2\omega r^{2}\sin^{2}\theta dt d\phi + r^{2}\left(d\theta^{2} + \sin^{2}\theta d\phi^{2}\right). \quad (32)$$

中子星的转动惯量在低阶近似下由以下公式 给出<sup>[32]</sup>:

$$I \approx \frac{8\pi}{3} \int_0^R (\varepsilon + P) \mathrm{e}^{-\phi(r)} \left[ 1 - \frac{2m(r)}{r} \right]^{-1} \frac{\varpi}{\Omega} r^4 \mathrm{d}r, \tag{33}$$

其中 $\Omega$ 表示星体的角速度, $\omega$ 为一个遥远0角动量 观者观测到的角速度, $\varpi = \Omega - \omega$ 为坐标拖曳角速 度. $\Phi(r)$ 和 $\varpi(r)$ 由以下公式给出:

$$\frac{\mathrm{d}\phi\left(r\right)}{\mathrm{d}r} = m\left(r\right)\left[1 + \frac{4\pi r^{3}P\left(r\right)}{m\left(r\right)}\right]\left[1 - \frac{2m\left(r\right)}{r}\right]^{-1},\tag{34}$$

$$\frac{1}{r^3}\frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}r}\left[r^4j\left(r\right)\frac{\mathrm{d}\varpi\left(r\right)}{\mathrm{d}r}\right] + 4\frac{\mathrm{d}j\left(r\right)}{\mathrm{d}r}\varpi\left(r\right) = 0,\quad(35)$$

其中

$$j(r) = \left[1 - \frac{2m(r)}{r}\right]^{\frac{1}{2}} e^{-\phi(r)}.$$
 (36)

通过 (36) 式—(36) 式可获得中子星的转动惯 量,而对于质量大于 1 M<sub>☉</sub>的中子星, Lattimer 和 Schutz<sup>[33]</sup> 发现转动惯量的表达式 (33) 式可以由下 面的经验公式很好地描述:

$$I \approx (0.237 \pm 0.008) MR^2 \left[ 1 + 4.2 \frac{M}{R} + 90 \left( \frac{M}{R} \right)^4 \right].$$
(37)

在中子星表面,由于光子逃逸时需要克服引力 场做功,因此会导致光子能量减少,从而使观测到 的光谱频率降低,由此产生的效应称为引力红移. 广义相对论给出了中子星表面引力红移的计算公 式<sup>[34]</sup>:

$$Z = \left(1 - \frac{2M}{R}\right)^{-\frac{1}{2}} - 1.$$
(38)

可见,通过中子星质量 *M* 和半径 *R* 可获得星体转动惯量和表面引力红移的理论值.

## 2.4 中子星内部磁场分布

鉴于中子星内部磁场分布仍是未知的事实,本 文采用目前被广泛应用的一种从表层到中心随密 度变化的中子星内部磁场模型,其具体形式如 下<sup>[21,35,36]</sup>:

 $B(\rho/\rho_0) = B_{surf} + B_{cent} \{1 - exp[-\beta(\rho/\rho_0)^{\gamma}]\}, (39)$ 其中,  $\beta = 0.01, \gamma = 3, B_{surf} = \alpha B_c^e 表示中子星的$  $表面磁场, <math>B_{cent} = \alpha \times 10^4 B_c^e 表示中子星的中心磁$ 场,  $\alpha$  为表示磁场变化的参数,  $B_c^e = 4.414 \times 10^{13}$  G 表示电子的临界磁场. 根据脉冲星表面磁场的观 测数据<sup>[37,38]</sup>, 本文假设  $B_{surf}$  的取值范围为  $10^{13}$ —  $10^{16}$  G.由于茅广军和 Akira<sup>[21]</sup> 在 2003 年指出变 化磁场情况下反常磁矩对中子星 EOS 影响较小, 故而本文暂不考虑反常磁矩的影响.

声速可以反映 EOS 硬度和物质不可压缩性等 信息,是研究中子星结构的重要工具,本文以中子 星物质声速为约束条件对星体内部磁场强度进行 约束,受因果关系限制,中子星物质的声速 v<sub>s</sub>不应 超过光速 c<sup>[39]</sup>,声速的表达式为

$$v_{\rm s} = c\sqrt{\partial P/\partial\varepsilon}.\tag{40}$$

可见, 以中子星 EOS 作为输入量可以获得星体的声速值.

## 3 中子星宏观性质及数值结果

四颗约 2  $M_{\odot}$ 质量的脉冲星 PSRs J1614-2230 (1.908±0.016  $M_{\odot}$ ), J0348+0432 (2.01±0.04  $M_{\odot}$ ), J0740+6620(2.14<sup>+0.20</sup><sub>-0.18</sub>  $M_{\odot}$ )和J2215-5135(2.28<sup>+0.10</sup><sub>-0.09</sub>  $M_{\odot}$ )相继被发现,为大质量中子星的存在提供了 强有力的验证<sup>[40-45]</sup>.此外, 2019 年, LIGO/Virgo 发现双星合并引力波信号 GW190814, 认为其中应 该包含质量为 2.5—2.67  $M_{\odot}$ 的致密星体, 它或者 是一颗大质量中子星或者是一颗小质量黑洞<sup>[46]</sup>, 引力波探测并没有揭示它的性质,而如果确定这颗 致密星体是中子星将使中子星理论模型受到极大 的挑战 (本文将 GW190814 中致密星假设为一颗 脉冲星进行讨论).

图1给出了强磁场环境下中子星物质压强随 核子密度(曲线(a))、星体质量随半径(曲线(b)) 的变化. 从图 1(a) 可以看到, 无论有无磁场, 中子 星物质压强都会随着 $\rho/\rho_0$ 的增加而增加,低密度区 域磁场对中子星物质压强的影响非常小;而中高密 度区域 α 值的增长使得中子星的压强明显变大. RMFT 模型中 GL91 参数组对  $\alpha = 0, 20, 40, 60$ 四种情况下获得的中子星最大质量及其所对应的 半径、最大半径及其所对应的质量,以及这两种情 况下中心密度的计算结果列于表1中.从图1(b) 及表1可以看到,随着 $\alpha$ 的增加,中子星最大质量 明显增大 (从  $\alpha = 0$  时的 2.111 M<sub>☉</sub>增大到  $\alpha =$ 60 时的 3.081 M<sub>☉</sub>). 这是因为磁场的引入使中子 星 EOS 变硬,因此中子星所能对抗的最大引力也 会增大;最大半径也有明显增大(从 $\alpha = 0$ 时的 14.014 km 增大到  $\alpha = 60$  时的 15.765 km). 图 1(b) 还表明,当质量取一定值时 $\alpha$ 越大的星体其所对 应半径也越大,这表明磁场的引入使中子星变得不 那么致密. 此外, 在图 1(b) 中用阴影区域表示四颗 目前已知大质量 PSRs J1614-2230, J0348+0432, J0740+6620, J2215-5135 以及引力波信号 GW1908 14 所包含的致密星的质量测量值,用橙色误差棒 表示 PSR J0030+0451 的质量、半径测量值范围. 从图 1(b) 可以看出, 强磁场环境下中子星的最大 质量满足大质量脉冲星及 GW190814 的质量约束 且在较低磁场情况下与 PSR J0030+0451 的观测 值符合良好. 如果未来 GW190814 中的天体被确 认为中子星,那么其磁场相对较强,按图1(b)的数 值结果来讲,其中心磁场强度约为 8.828×10<sup>18</sup> G, 表面磁场强度约为 8.828×10<sup>14</sup> G.

图 2 给出了强磁场影响下中子星物质声速随 密度的变化曲线,可以看到,当  $\alpha = 0$ , 20, 40 时无 论中子星的中心密度多高,声速与光速的比值均小 于 1. 但是当磁场继续增高,如  $\alpha$ 取 60 时,声速在 中心密度为 5.12 $\rho_0$  时等于光速,而表 1 中给出此 时最大质量中子星对应的中心密度  $\rho_c = 2.48\rho_0 < 5.12\rho_0$ .因此本文中  $\alpha = 0$ , 20, 40, 60 时均满足因 果律约束.



图 1 不同磁场强度下 (α = 0, 20, 40, 60) 中子星物质的 (a) 压强-核子密度、(b) 质量-半径关系. 本文中, 黑红绿蓝四条线表示 α = 0, 20, 40, 60 四种情况; 不同颜色条纹区域分别表示 PSRs J1614-2230, J0348+0432, J0740+6620, J2215-5135 以及 GW190814 中致 密星的质量测量值范围; 橙色误差棒表示 NICER 公布的 PSR J0030+0415 的质量-半径测量值对中子星质量-半径关系的约束. 各曲线上黑色圆点表示中子星最大质量所处位置, 三角形点表示最大半径所处位置

Fig. 1. Relationship of (a) the pressure - density and (b) the mass - radius in neutron star (NS) matter. In the paper the black, red, green, and blue lines represent the four cases of  $\alpha = 0$ , 20, 40 and 60, respectively. The different colored areas stand for the recent constraints inferred from PSRs J1614-2230, J0348+0432, J0740+6620, J2215-5135 and GW190814 respectively. The orange error bar represents the constraints on the mass-radius limits of PSR J0030+0451 obtained from NICER observations. The dots and the triangle points show the maximum masses and radii of NSs for the four cases, respectively.



图 2 不同磁场强度下 (α = 0, 20, 40, 60), 中子星内声速-核子密度关系

Fig. 2. Relationships of the speed of sound and the nucleon density with  $\alpha = 0, 20, 40, 60$  in NS matter.

图 3 给出了强磁场作用下中子星转动惯量随 质量变化的情况.可以看出,四种情况下质量最 大的中子星对应的转动惯量也最大,即 *M*<sub>max</sub> 从 2.111 M<sub>☉</sub>增加到 3.081 M<sub>☉</sub>,相应的转动惯量从 138.253 M<sub>☉</sub> km<sup>2</sup>增加到 334.921 M<sub>☉</sub> km<sup>2</sup>,结合 图 1 的讨论结果,说明越硬的中子星 EOS 所对应 的星体转动惯量越大.因此,在相同质量条件下, 拥有强磁场的中子星转动惯量更大.此外,在图 3 中标注出了四颗大质量 PSRs J1614-2230, J0348+

## 表 1 不同磁场强度下 (α = 0, 20, 40, 60), 中子 星最大质量及其对应半径和中心密度, 最大半径及 其对应质量和中心密度

Table 1. Table 1. Values of the maximum NS masses  $M_{\rm max}$  and the corresponding radii R as well as the center densities  $\rho_{\rm c}/\rho_0$ , values of the maximum NS radii  $R_{\rm max}$  and the corresponding masses M as well as the center densities  $\rho_{\rm c}/\rho_0$  with  $\alpha = 0, 20, 40, 60$  in npeµ matter.

$\alpha$	中子星	星最大质量	量处	中子星最大半径处			
	$M/{ m M}_{\odot}$	$R \ /\mathrm{km}$	$\rho_{\rm c}/\rho_0$	$M/{ m M}_{\odot}$	$R/{ m km}$	$\rho_{\rm c}/\rho_0$	
0	2.111	11.648	7.013	0.971	14.014	2.102	
20	2.574	12.496	3.977	1.520	14.306	2.227	
40	2.877	13.601	2.960	2.066	15.060	2.031	
60	3.081	14.375	2.478	2.415	15.765	1.734	

0432, J0740+6620, J2215-5135 以及 GW190814 中致密星的质量区间, 从而在 GL91 参数组条件下 得到了这五颗星转动惯量理论值的范围, 在表 2 中 列出了具体数值. 从图 3 和表 2 可以看出, 随着磁 场的增加这五颗星的转动惯量范围变宽.

图 4 给出了强磁场影响下中子星的表面红移 随星体质量的变化.其中黑框长方形区域表示天 文观测给出的脉冲星表面红移值范围,即对于质 量处于 1.25—1.8 M<sub>☉</sub>的脉冲星,其红移值应处于



图 3 不同磁场强度下 (α = 0, 20, 40, 60), 中子星转动惯 量-质量关系

Fig. 3. Relationships of the moment of inertia and the mass with  $\alpha$  = 0, 20, 40, 60 in NS matter.

0.25—0.35之间<sup>[47]</sup>. 从图 4 可以看到,  $\alpha = 0, 20, 40$ 三种情况下引力红移理论值都与观测数据相符. 而  $\alpha = 60$ 时,由于磁场的增强此时中子星引力红 移值与观测数据相比明显偏低. 从图 4 还可以看 出,四种情况下质量最大的中子星对应的星体表面 红移也最大,即  $M_{max}$  从 2.111  $M_{\odot}$ 增加到 3.081  $M_{\odot}$ , 相应的表面引力红移从 0.462 增加到 0.649, 这是 由于磁场的增强导致星体 *M*<sub>max</sub>/*R* 比值增加 (详情 可参考 (20) 式与表 1 的数据). 而在相同质量条件 下,中子星表面引力红移会随着磁场的增加而减 小,结合图 2 的数值结果,说明越硬的中子星 EOS 给出的中子星表面引力红移越小,这是因为 磁场的加入使中子星变得不那么致密,从而使光子 在逃逸星体表面时所丢失的能量也会减少,因此导 致了引力红移效应的减弱. 此外,在图 4 中也标注 出了四颗大质量 PSRs J1614-2230, J0348+0432, J0740+6620, J2215-5135 以及 GW190814 中致密 星的质量区间,从而在 GL91 参数组条件下得到了 这五颗星表面引力红移理论值的范围,在表 2 中列 出了具体数值. 从图 4 和表 2 可以看出,随着磁场 的增加这五颗星的表面引力红移范围变窄.

综上, 计算出的中子星转动惯量、引力红移在  $\alpha = 0, 20$ 时与天文观测数据符合较好, 而  $\alpha =$ 40时, 理论曲线恰好处于观测数据范围的边缘附 近, 因此我们考虑这是 GL91 参数组下, 中子星磁

表 2 不同磁场强度下 (α = 0, 20, 40, 60), PSRs J1614-2230, J0348+0432, J0740+6620, J2215-5135 以及 GW190814 中致密星的半径、转动惯量、引力红移理论值范围

Table 2.	Ranges of the	theoretical	values f	or the	radius, t	he moment	of inertia	and the	e gravitational	redshift	correspond-
ing to PSR	RS J1614-2230,	J0348+0432	2, J0740-	+6620,	J2215-5	135 and the	compact s	tar in G	GW190814 with	$\alpha = 0, 2$	20, 40, 60.

Source	α	$R/{ m km}$	$I/{ m M}_{\odot}{ m \cdot}{ m km}^2$	Ζ
	0	[13.067, 13.158]	[131.615, 133.926]	[0.317,  0.329]
DCD 11614 0020	20	[14.179, 14.220]	[148.276, 152.485]	[0.283,  0.291]
PSR J1014-2230	40	[15.037, 15.048]	[161.795,166.371]	[0.261,  0.269]
	60	[15.450,  15.670]	[172.197, 175.693]	[0.244,  0.253]
	0	[12.548, 12.954]	[135.781, 138.653]	[0.348,  0.388]
DCD 10248 0422	20	[14.108, 14.179]	[155.490,  164.997]	[0.305,  0.323]
r 511 J0348-0432	40	[15.048,  15.068]	[171.237, 182.428]	[0.277,  0.291]
	60	[15.690, 15.722]	[182.428, 195.897]	[0.260,  0.276]
	0	[11.648, 12.965]	[119.641, 138.653]	[0.344,  0.462]
DCD 10740+6690	20	[13.782, 14.170]	[155.490, 194.213]	[0.300,  0.416]
F 51( 50740+0020	40	[14.976,  15.060]	[171.237, 220.062]	[0.273,  0.361]
	60	[15.670, 15.783]	[182.428, 238.087]	[0.259,  0.334]
	0	—	_	
DSR 19915 5135	20	[13.679, 13.986]	[180.150, 198.670]	[0.362,  0.429]
1 51( 52215-5155	40	[14.987, 15.037]	[199.859, 226.797]	[0.325,  0.371]
	60	[15.742, 15.783]	[215.606, 244.822]	[0.300,  0.343]
	0	—	—	_
GW190814	20	[12.496,  13.291]	[203.820, 206.593]	[0.496,  0.591]
0 1 1 20014	40	[14.670,  14.905]	[242.544, 264.431]	[0.407,  0.470]
	60	[15.670,  15.752]	[262.153, 288.002]	[0.370,  0.418]

场强度所能达到的上限. α = 40 所对应的表面磁 场约为 1.766×10<sup>15</sup> G, 与当前磁星表面磁场强度的 大小基本符合, 中心磁场约为 1.766×10<sup>19</sup> G, 比位 力定理给出的数值略高<sup>[1,2]</sup>. 未来中子星转动惯量、 表面引力红移等天文观测数据的增多, 将有助于进 一步限制强磁场下中子星 EOS, 并有望揭示星体 内部组成.



图 4 不同磁场强度下 (α = 0, 20, 40, 60), 中子星表面引 力红移-质量的关系

Fig. 4. Relationships of the gravitational redshift and mass with  $\alpha = 0, 20, 40, 60$  in NS matter.

## 4 结 论

本文在 RMF 理论框架下采用 GL91 参数组系 统研究了强磁场对传统中子星宏观性质的影响.结 果表明,磁场增加会导致中子星 EOS 变硬,使星 体所能达到的最大质量、最大半径均增加,并且使 中子星变得不那么致密. 中子星 EOS 决定了星体 的 M-R 或 M/R 的值,因而强磁场也对中子星表 面引力红移与转动惯量有显著影响. 从整体上来 看,中子星表面引力红移与转动惯量都较强地依赖 于中子星内部的磁场强度. 强磁场对中子星引力红 移有抑制作用,但是会增大最大质量中子星所能达 到的引力红移理论值; 对中子星转动惯量有促进作 用,会显著增大最大质量中子星转动惯量理论值. 此外, 对于 PSRs J1614-2230, J0348+0432, J0740+ 6620, J2215-5135 以及 GW190814 中致密星而言, 磁场的增加会使它们的引力红移范围变窄, 而转动 惯量范围变宽. 随着我国大型射电望远镜陆续投入 使用,期待未来可以利用更多天文观测数据来约束 中子星理论模型. 这将对揭示中子星内部磁场的分 布形式以及星体内部组成的研究提供有益的参考.

### 参考文献

- Riley T E, Watts A L, Bogdanov S, et al. 2019 Astrophys. J. Lett. 887 21
- [2] Shao D H, Tang S P, Jiang J L, et al. 2020 Phys. Rev. D 102 063006
- [3] Zhao X F 2020 Chin. J. Phys. 63 240
- [4] Yu C Z 1980 Chin. Sci. Bull. 16 50 (in Chinese) [喻传赞 1980 科学通报 16 50]
- [5] Chen J L, Ji P Y 2013 Journal of Shanghai University (Natural science Edition) 19 176 (in Chinese) [陈家麟, 季沛勇 2013 上海大学学报 (自然科学版) 19 176]
- [6] Peng F, Peng Q H, Zhang F S 2001 Acta Astronomica Sinica
   42 1 (in Chinese) [彭芳, 彭秋和, 张丰收 2001 天文学报 42 1]
- [7] Zhao X F, Zhang H 2010 Journal of Sichuan University (Natural Science Edition) 4 28 (in Chinese) [赵先锋,张华 2010 四川大学学报(自然科学版) 4 28]
- [8] Zhao X F 2020 Chin. J. Physics 63 240
- [9] Lim Y, Holt J W, Stahulak R J 2019 Phys. Rev. C 3 035802
- [10] Sen D 2021 J. Phys. G 48 025201
- [11] Wang W, Tang Y M, Tuo Y L 2021 J. High. Energy Astrophys. 30 1
- [12] Kouvelioton C 1998 Nature **393** 253
- [13] Kaspi V M 2003 Astrophys. J. 588 93
- [14] Shapiro S L 1983 Black Holes, White Dwarfs and neutron Stars (New York: Wiley - Insterscience) pp277–282
- [15] Lai D, Shapiro S L 1991 Astrophys. J. 383 745
- [16] Sun X H, Han J L 2002 Prog. Astron. 20 130 (in Chinese) [孙 晓辉, 韩金林 2002 天文学进展 20 130]
- [17] Chakrabarty S, Debades B, Subrata P 1997 Phys. Rev. Lett. 78 2898
- [18] Broderick A, Prakash M, Lattimer J M 2000 Astrophys. J. 537 351
- [19] Broderick A E, Prakash M, Lattimer J M 2002 Phys. Lett. B 531 167
- [20] Bednarek I, Brzezina A, Manka R 2003 Nucl. Phys. A 24 245
- [21] Mao G J, Akira 2003 Chin. J. Astron. Astrophys. 3 359
- [22] Zhang J, Liu M Q, Wei B T, Luo Z Q 2008 Acta Phys. Sin.
   57 5448 (in Chinese) [张洁, 刘门全, 魏丙涛, 罗志全 2008 物理
   学报 57 5448]
- [23] Dong J M, Lombardo U, Zuo W 2013 Nucl. Phys. A 898 32
- [24] Dong J M, Zuo W, Gu J Z 2016 Sci. China Phys. Mech. 59 642003
- [25] Bao S S, Hu J N, Shen H 2018 Chin. Sci. Bull. 63 828 (in Chinese) [鲍世绍, 胡金牛, 申虹 2018 科学通报 63 828]
- [26] Boguta J, Bodmer A R 1977 Nucl. Phys. 292 413
- [27] Glendenning N K, Moszkowski S A 1991 Phys. Rev. Lett. 67 2414
- [28] Glendenning N K 1992 Phys. Rev. D 46 1274
- [29] Landau L D, Lifshitz E M, Pitaevskii L P (translated by Zhou Q) 1963 *Electrodynamics of Continuous Media* (Beijing: People's Education Press) pp179-182 (in Chinese) [朗道 著 (周奇 译)1 963 连续媒介电动力学 (北京:人民教育出版社) 第 179—182页]
- [30] Oppenheimer J R, Volkoff G M 1939 Phys. Rev. 55 374
- [31] Tolman R C 1939 Phys. Rev. 55 364
- [32] Worley A, Krastev P G, Li B A 2008 Astronphys. J. 685 390
- [33] Lattimer J M, Schutz B F 2005 Astrophys. J. 629 979
- [34] Glendenning N K 1997 Compact Stars: Nuclear Physics, Particle Physics, and General Relativity (New York: Springer-Verlag) pp75–78
- [35] Bandyopadhyay D, Chakrabarty S, Pal S 1997 Phys. Rev. Lett. 79 2176

- [36] Wiringa R B, Fiks V, Fabroeini A 1988 Phys. Rev. 38 1010
- [37] Manchester R N 2004 Science **304** 542
- [38] Gao Z F, Shan H, Wang H 2021 Astron. Nachr. 342 369
- [39] Krotscheck E, Kundt W 1978 Commun. Math. Phys. 60 171
- [40] Demorest P B, Pennucci T, Ransom S M 2010 Nature 467 1081
- [41] Fonseca E, Pennucci T T, Ellis J A 2016 Astrophys. J. 832 167
- [42] Antoniadis J, Freire, P C C, Wex N 2013 Science 340 448
- [43] Cromartie H T, Fonseca E, Ransom S M 2020 Nat. Astron. 4 72
- [44] Kandel D, Romani R W 2020 Astrophys. J. 892 101
- [45] Godzieba D A, Radice D, Bernuzzi S 2021 Astrophys. J. 908 122
- [46] Fattoyev F J, Horowitz C J, Piekarewicz J 2020 Phys. Rev. C 102 065805
- [47] Liang E P 1986 Astrophys. J. 304 682

## Effects of strong magnetic field on moment of inertia and surface gravitational redshift in neutron star<sup>\*</sup>

Zhao Shi-Yi<sup>1)2)</sup> Liu Cheng-Zhi<sup>1)2)†</sup> Huang Xiu-Lin<sup>1)</sup>

Wang Yi-Bo<sup>1)‡</sup> Xu Yan<sup>1)2)††</sup>

1) (Changchun Observatory, National Astronomical Observatories, Chinese Academy of Sciences, Changchun 130117, China)

2) (School of Astronomy and Space Sciences, University of Chinese Academy of Sciences, Beijing 100049, China)

(Received 2 June 2021; revised manuscript received 24 July 2021)

#### Abstract

Research on the properties of neutron stars with strong magnetic fields is of great significance in constraining the equation of state and revealing the real distribution of magnetic fields in neutron stars. The main macroscopic properties of the traditional neutron star matter under  $\beta$  equilibrium condition are studied within the relativistic mean field theory through using the GL91 parameter set by considering the strong magnetic field. It is found that the onset of the strong magnetic field leads to the stiffened equation of state of the traditional neutron star matter. The maximum mass of the traditional neutron star grows from 2.111 M<sub> $\odot$ </sub> to 3.081 M<sub> $\odot$ </sub>, the radius of the fixed mass traditional neutron star grows larger with the increase of internal magnetic field, which makes traditional neutron star become less dense. The strong magnetic field can also reduce the surface gravitational redshift and strengthen the moment of inertia of the traditional neutron star matter. In addition, the theoretical ranges of the surface gravitational redshift and the moment of inertia for the four massive PSRs J1614-2230, J0348+0432, J0740+6620 and J2215-5135, and the 2.50 M<sub> $\odot$ </sub> - 2.67 M<sub> $\odot$ </sub> compact object in the binary merger event GW190814 are also given. The results show that the ranges of the surface redshift become narrower, while the scopes of the moment of inertia widen as the magnetizing field increases in the five stars.

Keywords: neutron star, strong magnetic field, gravitational redshift, moment of inertiaPACS: 26.60.Kp, 76.60.Jx, 21.65.MnDOI: 10.7498/aps.70.20211051

<sup>\*</sup> Project supported by the National Natural Science Foundation of China (Grant Nos. 11805022, 11803057).

<sup>†</sup> Corresponding author. E-mail: lcz@cho.ac.cn

<sup>‡</sup> Corresponding author. E-mail: wangyb@cho.ac.cn

<sup>††</sup> Corresponding author. E-mail: xuy@cho.ac.cn