

## 绝对重力测量中振动传感器振动补偿性能的分析

文艺 伍康 王力军

### Analysis of vibration correction performance of vibration sensor for absolute gravity measurement

Wen Yi Wu Kang Wang Li-Jun

引用信息 Citation: *Acta Physica Sinica*, 71, 049101 (2022) DOI: 10.7498/aps.71.20211686

在线阅读 View online: <https://doi.org/10.7498/aps.71.20211686>

当期内容 View table of contents: <http://wulixb.iphy.ac.cn>

---

## 您可能感兴趣的其他文章

### Articles you may be interested in

#### 基于冷原子重力仪的绝对重力动态移动测量实验

Experiment on dynamic absolute gravity measurement based on cold atom gravimeter

物理学报. 2022, 71(2): 026701 <https://doi.org/10.7498/aps.71.20211449>

#### 大倾斜角度下基于冷原子重力仪的绝对重力测量

Measurement of absolute gravity based on cold atom gravimeter at large tilt angle

物理学报. 2018, 67(19): 190302 <https://doi.org/10.7498/aps.67.20181121>

#### 船载系泊状态下基于原子重力仪的绝对重力测量

Absolute gravity measurement based on atomic gravimeter under mooring state of a ship

物理学报. 2021, 70(4): 040304 <https://doi.org/10.7498/aps.70.20201522>

#### 基于原子重力仪的车载静态绝对重力测量

Static measurement of absolute gravity in truck based on atomic gravimeter

物理学报. 2020, 69(6): 060302 <https://doi.org/10.7498/aps.69.20191765>

#### 固定相位振动噪声对绝对重力测量的影响

Effect of vibration noise with fixed phase on absolute gravimetry applying vibration isolator

物理学报. 2021, 70(21): 219101 <https://doi.org/10.7498/aps.70.20210884>

#### 拉曼激光边带效应对冷原子重力仪测量精度的影响

Influence of Raman laser sidebands effect on the measurement accuracy of cold atom gravimeter

物理学报. 2019, 68(19): 194205 <https://doi.org/10.7498/aps.68.20190581>

## 绝对重力测量中振动传感器振动补偿性能的分析\*

文艺 伍康<sup>†</sup> 王力军

(清华大学精密仪器系, 精密测试技术及仪器国家重点实验室, 北京 100084)

(2021年9月10日收到; 2021年10月9日收到修改稿)

绝对重力测量的精度主要受振动噪声的限制. 振动补偿是一种简单可行的振动噪声处理方法, 它通过传感器探测振动噪声来对测量结果进行修正. 现阶段对于不同传感器的振动补偿性能缺乏系统的分析与评估, 仅停留在应用阶段. 本文从理论出发分析了传感器性能对补偿效果的影响, 并通过实验评估了不同振动环境下不同传感器的振动补偿性能. 实验结果显示, 采用低噪声地震计的振动补偿效果主要受带宽和量程的限制, 在安静环境下可实现优于百微伽的单次测量标准差, 但补偿效果随振动噪声高频成分的增强而降低, 在动态环境下地震计则受量程限制而无法工作. 采用加速度计的振动补偿效果主要受分辨率的限制, 在复杂和动态环境下均可实现毫伽量级的单次测量标准差. 本文为振动补偿技术应用于绝对重力测量提供了振动传感器选型的理论和实践依据, 有望为振动补偿技术的进一步发展提供技术支撑.

**关键词:** 绝对重力测量, 振动补偿, 振动传感器**PACS:** 91.10.Pp, 43.40.Yq, 43.50.Yw**DOI:** 10.7498/aps.71.20211686

## 1 引言

地表重力加速度 ( $g$ , 常用值  $9.8 \text{ m/s}^2$ ) 的精密观测结果广泛地应用于地球物理学、计量学、大地测量学等领域<sup>[1-3]</sup>. 重力加速度绝对值的测量被称为绝对重力测量, 通过绝对重力仪来实现. 激光干涉式绝对重力仪是目前应用最广、精度最高的绝对重力测量工具<sup>[2-4]</sup>. 它以稳频激光器和铷钟分别作为长度基准和时间基准, 通过干涉仪测量真空中物体做自由落体运动的轨迹, 再对自由落体轨迹进行二次拟合来得到  $g$  值, 可实现  $\mu\text{Gal}$  ( $1 \mu\text{Gal} = 10^{-8} \text{ m/s}^2$ ) 量级的测量不确定度<sup>[5,6]</sup>. 其测量误差主要来自地面振动噪声<sup>[7]</sup>, 综合考虑噪声强度、频率和相位因素的影响, 对于复杂振动环境下的振动补偿应用, 消除或衰减  $0.1\text{--}100 \text{ Hz}$  范围的噪声所造成的干扰是实现优于毫伽量级重力测量不确定度的关键<sup>[8-13]</sup>.

隔振和振动补偿是绝对重力测量处理振动噪

声的两种主要方法<sup>[14,15]</sup>. 其中, 振动补偿是通过传感器探测振动噪声来修正测量值, 具备强振动环境下开展绝对重力测量的应用潜力, 但振动传感器的性能制约着振动补偿效果. 目前常用于振动补偿的振动传感器有两类: 宽频带地震计和加速度计. 宽频带地震计分辨率较高, 其带宽约在  $0.01 \text{ Hz--}80 \text{ Hz}$ , 相对于振动补偿应用较窄, 对于高频振动存在探测信号失真问题, 而且量程较小通常不适用于较强振动噪声及移动平台环境; 加速度计测量分辨率比宽频带地震计要低, 但带宽可达数百  $\text{Hz}$  甚至  $\text{kHz}$  量级, 量程一般都超过  $\pm 2 \text{ g}$ , 可以适应较强振动噪声及移动平台环境. 以卡尔加里大学、中国计量院、清华大学、浙江大学和法国巴黎天文台等为代表的研究机构采用地震计实现了实验室环境下的振动补偿, 补偿后单次测量标准差达到百微伽量级<sup>[15-20]</sup>. 以苏黎世联邦理工学院、法国航空航天实验室、浙江工业大学等为代表的研究机构则应用加速度计进行了野外或移动平台的振动补偿, 补

\* 国家自然科学基金 (批准号: 61627824, 41604151) 资助的课题.

<sup>†</sup> 通信作者. E-mail: kangwu@mail.tsinghua.edu.cn

偿后单次测量标准差达到毫伽量级<sup>[21–24]</sup>. 然而上述振动补偿技术的研究并未系统分析和比较传感器的性能指标对振动补偿效果的影响.

本文通过理论分析和对比实验研究了振动传感器主要性能指标在不同振动环境下对绝对重力仪振动补偿精度的影响, 提供了振动传感器选型的理论依据和实验验证, 有望为发展振动补偿技术、提高补偿精度提供技术支撑.

## 2 振动补偿

### 2.1 原理

目前典型的激光干涉式绝对重力仪是基于马赫-曾德尔干涉测量原理来测量下落棱镜的自由落体运动轨迹, 如图 1(a) 所示. 激光器准直后发出的光束经分光镜分为两路, 透射光为参考光, 反射光为测量光. 测量光经下落棱镜和参考棱镜反射后与参考光重合并发生干涉, 干涉条纹的数量反映自由落体过程中测量光的光程变化. 因此, 干涉测量得到的自由落体轨迹  $S_m$  实际上是下落棱镜相对参考棱镜的运动轨迹. 假设下落棱镜做理想自由落体运动  $S$ , 下落测量过程中参考棱镜受噪声干扰而产生的运动为  $N$ , 则理想自由落体运动轨迹  $S$  与实际测量轨迹  $S_m$  的关系为

$$S_m = S + N. \quad (1)$$

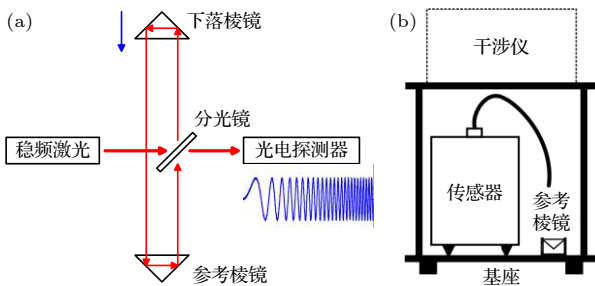


图 1 (a) 激光干涉测量和 (b) 振动补偿的原理示意图  
Fig. 1. Schematic diagram of (a) laser interferometry and (b) vibration correction.

由此可见, 参考棱镜的运动  $N$  给测量轨迹  $S_m$  引入了误差. 振动补偿的原理就是利用传感器测量参考棱镜的运动  $N$  来对干涉测量轨迹  $S_m$  进行修正, 系统结构如图 1(b) 所示. 由于传感器的敏感结构和参考棱镜是不同的物体, 传感器测量所得运动  $N_m$  并不等价于参考棱镜的真实运动  $N$ , 两者之间存在偏差  $\Delta N$ . 采用传感器探测信号  $N_m$  对测量轨

迹  $S_m$  进行修正, 修正后的轨迹  $S_c$  为

$$S_c = S_m - N_m = S + \Delta N. \quad (2)$$

由此可见, 传感器探测误差  $\Delta N$  也是修正后的轨迹  $S_c$  与理想自由落体轨迹  $S$  间的误差. 因此如何减小探测误差  $\Delta N$ , 使传感器的探测信号  $N_m$  尽可能接近参考棱镜真实运动  $N$  是实现高精度振动补偿的关键.

传感器输出  $N_m$  和参考棱镜真实运动  $N$  的关系如图 2 所示, 两者之间的传递函数关系  $G(s)$  可以表示为

$$G(s) = \frac{N_m(s)}{N(s)} = \frac{G_b(s)}{G_a(s)} G_c(s), \quad (3)$$

式中  $G_a$  为地面振动  $X_0$  到参考棱镜运动  $N$  的传递函数,  $G_b$  为地面振动  $X_0$  到传感器输入的传递函数,  $G_c$  为传感器的传递函数. 要实现高精度的补偿效果, 需要从传感器输出的  $N_m$  尽可能准确地还原参考棱镜运动  $N$ . 由 (3) 式可知有两个关键因素: 一个是振动补偿算法, 其作用在于尽可能准确地求解传感器输出和参考棱镜运动间的传递函数  $G(s)$ ; 另一个是传感器的性能, 其作用在于使传感探测到的信号  $N_m$  尽可能得准确, 从而可以结合补偿算法还原出参考棱镜的真实运动  $N$ .

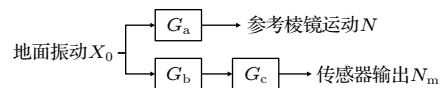


图 2 传感器输出与参考棱镜运动的关系  
Fig. 2. Relationship between the output of sensor and the motion of reference retro-reflector.

### 2.2 算法

补偿算法的关键在于求解传递函数  $G(s)$ . 目前已有不少关于补偿算法的研究, 由于真实传递函数  $G(s)$  的复杂性, 现有补偿算法均将  $G(s)$  进行了合理的简化<sup>[15–17,25]</sup>. 本文采用课题组已有的振动补偿算法<sup>[16]</sup>, 该算法将传递函数  $G(s)$  简化为增益延时模型  $G_s(s)$ , 传感器输出  $N_m$  与参考棱镜运动  $N$  的关系可表示为

$$N_m(t) = P \cdot N(t + \tau), \quad (4)$$

其中,  $P$  为增益,  $\tau$  为延时, 两者均为待确定的未知参数.

参数求解过程分为两步: 先利用相关分析法求解延时  $\tau$ , 取传感器信号所得位移的拟合残差和干

涉测量轨迹的拟合残差相关系数最大处的延时作为延时参数  $\tau$ ; 再采用遍历法以单次补偿后的拟合残差标准差最小为优化目标, 确定增益  $P$  的最优解, 最终求解出补偿传递函数  $G_s(s)$ <sup>[16]</sup>.

### 2.3 振动传感器

振动传感器的性能也是影响补偿精度的关键因素之一, 其中分辨率、带宽和量程是需要重点关注的性能指标. 由于传感器的输出通常包含有效信号和自噪声, 若有效信号的强度小于自噪声则会被噪声淹没, 导致传感器输出信噪比过低而无法使用. 因此要实现目标精度的振动补偿, 首先传感器的分辨率 (即仪器自噪声) 要优于目标精度, 如优于 5—10 倍及以上. 当传感器的分辨率满足目标补偿精度的需求时, 其补偿效果仍会受传递函数带宽的影响, 这主要是由传感器的真实传递函数与补偿算法所用的简化模型不等价所导致. 在传感器传递函数的 -3 dB 带宽附近以及带宽外, 其幅值随频率的变化为非线性衰减, 不满足增益延时模型中增益为常值的特性; 其相位随频率的变化也不能近似为线性关系, 不满足增益延时模型中延时环节的特性. 因此若传递函数的带宽较小, 无法保证在目标频带内满足补偿算法所用模型的简化条件, 则无法从传感器输出得到真实准确的参考棱镜运动, 从而影响补偿精度<sup>[13]</sup>. 此外, 传感器的量程决定了传感器能工作的测量范围, 在振动幅值超出量程的测量环境下, 传感器无法进行有效的振动补偿.

综上所述, 传感器的分辨率和带宽是保证补偿

精度的基础, 而量程则主要限制振动传感器所能承受的最大振动环境. 此外, 长期稳定性等其他特性也会影响传感器输出信号的精度, 从而影响补偿效果.

## 3 实验系统与过程

### 3.1 实验系统

实验采用基于振动补偿的绝对重力测量系统, 主要由真空腔、干涉仪和振动补偿装置组成, 如图 3(a) 所示. 采用超低频垂直隔振器的 T-3 型高精度绝对重力仪常用于安静环境下的高精度绝对重力测量, 其合成不确定度为  $7 \mu\text{Gal}$ . 图 3(b) 为 T-3 型高精度重力仪在西安中心地震台 24 小时的重力测量结果, 统计不确定度为  $2.7 \mu\text{Gal}$ . 因此测量精度更优的 T-3 型高精度重力仪可用于验证传感器的振动补偿效果.

振动补偿装置采用地震计和加速度计两种振动传感器, 均紧密放置在参考棱镜附近. 实验选用的地震计包括英国 Guralp 公司生产的 CMG-3ESP 型地震计和中国港震公司生产的 CS60 型地震计, 加速度计是航天科工三院 33 所研制的 JN06D 型高精度石英挠性加速度计. 地震计和加速度计的相关性能指标如表 1 所列. 传感器输出信号的采集通过 NI 公司的 24 位数据采集卡 PCI-4462 来实现, 实验中采用 200 kS/s 的采样率同时采集 4 个通道的输入信号.

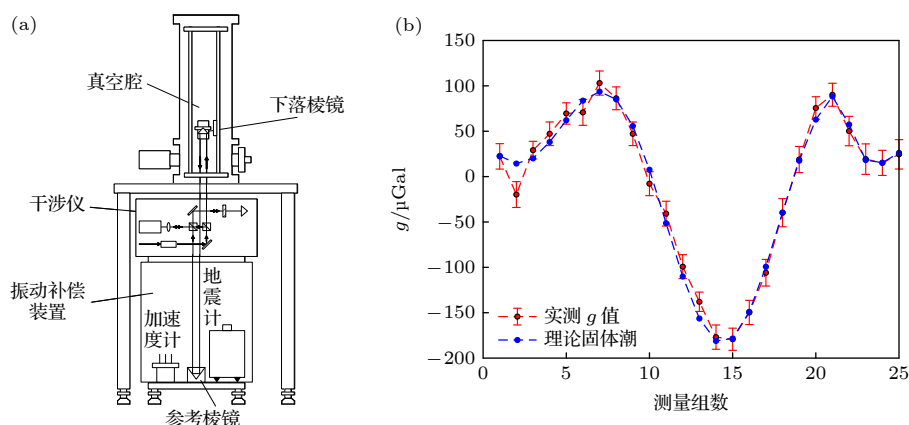


图 3 (a) 基于振动补偿的 T-3 型绝对重力仪示意图; (b) 基于超低频垂直隔振的 T-3 型高精度绝对重力仪在西安中心地震台的重力测量结果.

Fig. 3. (a) Schematic diagram of T-3 type absolute gravimeter using vibration correction; (b) tidal gravity measurement conducted by T-3 type high-precision absolute gravimeter using ultra-low frequency vertical vibration isolator at Xi'an Seismological Station.

表 1 振动传感器性能指标  
Table 1. Characteristics of vibration sensors.

型号	自噪声	-3 dB带宽	量程
CMG-3ESP	低于NLNM (40 s ~ 16 Hz)	0.0083—50 Hz	5 mm/s
CS60	低于NLNM (100 s ~ 15 Hz)	0.0167—80 Hz	10 mm/s (1 Hz)
JN06D	-115 ~ -120 dB · g/√Hz (0 ~ 100 Hz)	DC ~1360 Hz	± 30 g

### 3.2 实验过程

为进行不同振动环境下不同传感器补偿效果的对比评估,重力仪系统在3种振动环境下比较地震计和加速度计的补偿性能,如图4所示.第一种振动环境为中国计量院昌平园区内重力实验室的隔离地基,实验装置如图5(a)所示.昌平计量院的地基稳固性高,整体振动小于0.1 μg (RMS值,带宽 < 10 Hz) [26],承办过2017年国际重力比对,是一个非常安静的振动环境,因此将该地基称为安静地基.第二种振动环境为清华大学焊接馆实验室内的地基,实验装置如图5(b)所示.该实验室地基不是隔离地基,距离地铁13号线约800 m,距离校内主要道路约10 m,受校内施工、人流车流密集往来等因素的影响,地面振动较昌平地基大且高频成分增加,对于绝对重力测量来说属于嘈杂的振动环境,因此将该地基称为嘈杂地基.第三种振动环境为放置在清华大学焊接馆实验室内的被动万向悬架,重力仪系统固连在万向悬架的内框架中,如图5(c)所示.万向悬架的稳固性远不如地基,除了地面振动噪声外,万向悬架上的仪器自振动也大大增加,该环境下振动噪声接近或超过地震计量程,仅采用加速度计进行振动补偿.

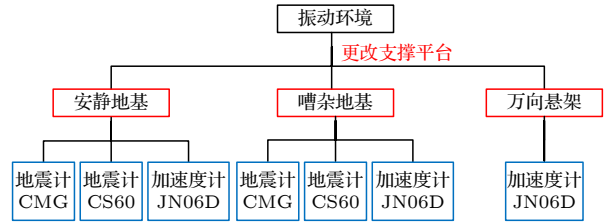


图 4 实验采用的不同振动环境类型

Fig. 4. Different cases of vibration environments for experiments.

振动补偿实验包括两个步骤:第一步是采集数据,在重力测量的同时采集多个传感器的输出信号和干涉条纹采集的触发信号;第二步是数据后处理,将传感器输出信号利用触发信号与下落测量轨迹进行大致的同步标定,再分别采用不同传感器数据进行振动补偿,并比较不同传感器的补偿结果.在不同振动环境下重复上述实验操作,比较同一振动环境下不同传感器补偿性能的优劣以及不同环境下同一传感器补偿性能的变化.

## 4 实验结果与分析

### 4.1 实验结果

振动补偿结果如表2所列,表中计算系统偏差

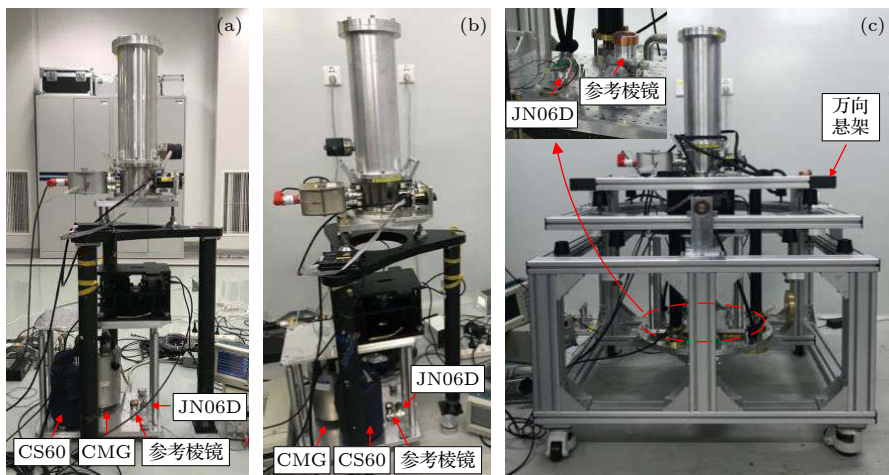


图 5 (a) 安静地基; (b) 嘈杂地基; (c) 万向悬架上的实验装置

Fig. 5. Experimental configuration on the (a) quiet ground, (b) noisy ground, (c) gimbal suspension.

表 2 实验结果

Table 2. Results of vibration correction experiments.

		未补偿	地震计CMG	地震计CS60	加速度计JN06D	隔振SuperSpring
安静地基	系统偏差 $\Delta g/\mu\text{Gal}$	-8	-9	-1	-75	3
	单次标准差STD/ $\mu\text{Gal}$	120	71	66	578	68
嘈杂地基	系统偏差 $\Delta g/\mu\text{Gal}$	841	28	5	18	8
	单次标准差STD/ $\mu\text{Gal}$	2822	511	289	1374	93
万向悬架	系统偏差 $\Delta g/\mu\text{Gal}$	-1158415			-285	
	单次标准差STD/ $\mu\text{Gal}$	42793			3353	

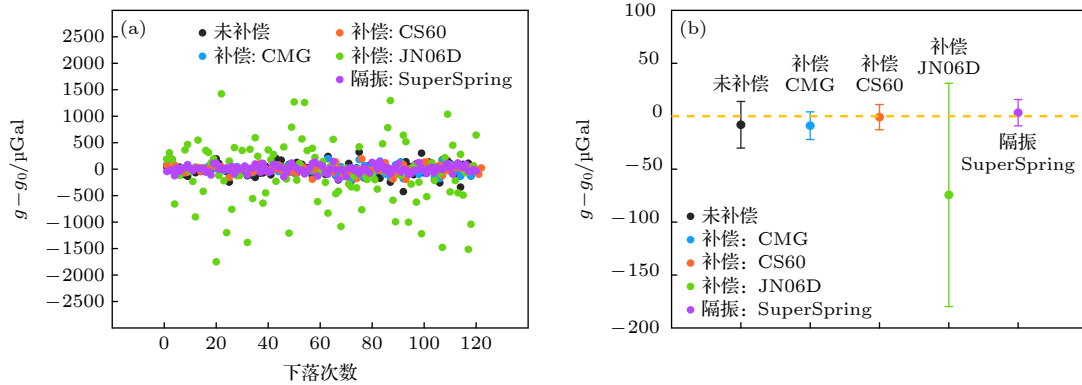


图 6 安静地基上的结果对比 (a) 逐点分布; (b) 含误差带的均值 ( $k = 2$ )

Fig. 6. Comparison of results on the quiet ground: (a) Drop-to-drop scatter of  $g$ ; (b) mean value with expanded uncertainty ( $k = 2$ ).

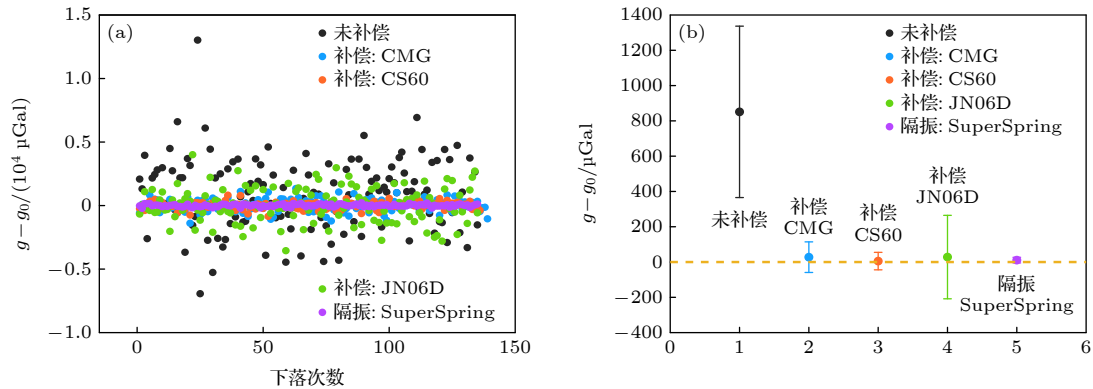


图 7 嘈杂地基上的结果对比 (a) 逐点分布; (b) 含误差带的均值 ( $k = 2$ )

Fig. 7. Comparison of results on the noisy ground: (a) Drop-to-drop scatter of  $g$ ; (b) mean value with expanded uncertainty ( $k = 2$ ).

所用的真值  $g_0$  为 FG5(合成不确定度  $2 \mu\text{Gal}$ ) 或 A10 (合成不确定度  $10 \mu\text{Gal}$ ) 在相应测量点的标定值. 图 6 和图 7 中的误差带表示 95% 置信水平下的扩展不确定度,  $k$  为扩展不确定度的包含因子<sup>[26]</sup>.

对于安静地基的振动环境, 如图 6 所示, 两款地震计的补偿性能接近, 补偿后的单次测量标准差均为  $70 \mu\text{Gal}$  左右. 采用 JN06D 型加速度计补偿后的单次测量标准差则由补偿前的  $120 \mu\text{Gal}$  增大至  $578 \mu\text{Gal}$ .

对于嘈杂地基的振动环境, 如图 7 所示, 采用

地震计和加速度计补偿后的系统偏差和单次测量标准差都得到明显改善. 采用 CS60 型地震计、CMG 型地震计和 JN06D 型加速度计补偿后的单次测量标准差分别为  $289$ ,  $511$  和  $1374 \mu\text{Gal}$ . 然而两种地震计的补偿效果均不如隔振, 且相比安静地基环境的补偿效果有所下降, 其中带宽更小的 CMG 型地震计补偿效果下降更明显.

对于万向悬架的振动环境, 图 8 给出了 JN06D 型加速度计在下落过程中测得的振动加速度, 幅值约为  $0.1 \text{ m/s}^2$ , 频率约为  $12 \text{ Hz}$ . 根据表 1 所列, 这

一振动幅值已经接近 CMG 型地震计和 CS60 型地震计的输入限幅, 因此在万向悬架上并未采用地震计进行振动补偿. 而 JN06D 型加速度计则补偿效果明显, 如图 9 所示, 补偿后系统偏差由  $-1158 \text{ mGal}$  修正为  $-285 \text{ } \mu\text{Gal}$ , 单次测量标准差由  $43 \text{ mGal}$  减小为  $3.3 \text{ mGal}$ .

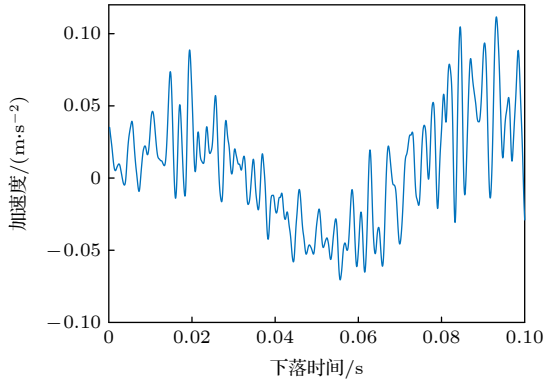


图 8 万向悬架上 JN06D 测得单次下落过程中的振动加速度  
Fig. 8. Vibration acceleration measured by JN06D on the gimbal during a single drop.

## 4.2 分析讨论

本节根据单次补偿情况来具体分析同一振动环境下不同传感器的补偿性能以及同一传感器不同振动环境下补偿性能的变化.

在安静地基的振动环境下, 补偿前的原始拟合残差幅值约为  $6 \text{ nm}$ , 主导频率成分约为  $20 \text{ Hz}$ , 如图 10(a) 所示. 这表明安静地基上参考棱镜所受振动噪声的幅值很低, 且以  $20 \text{ Hz}$  左右的低频噪声为主, 因此补偿前的单次测量标准差较低. 一方面这与安静地基的地脉动噪声更小有关; 另一方面也与安静地基对真空腔和参考棱镜的物理隔离作用有关. 重力测量过程中仪器产生的反冲振动通过地基传导至参考棱镜处, 因此地基越稳固, 对反冲振动的衰减越明显, 参考棱镜所受振动幅值越小, 且以低频为主<sup>[11]</sup>. 在安静地基上, 两款地震计的分辨率可实现对小振幅低频振动噪声的高精度探测. 且主导振动噪声的频率范围均位于两款地震计带宽内的响应平坦区域, 有利于增益延时模型实现良好的

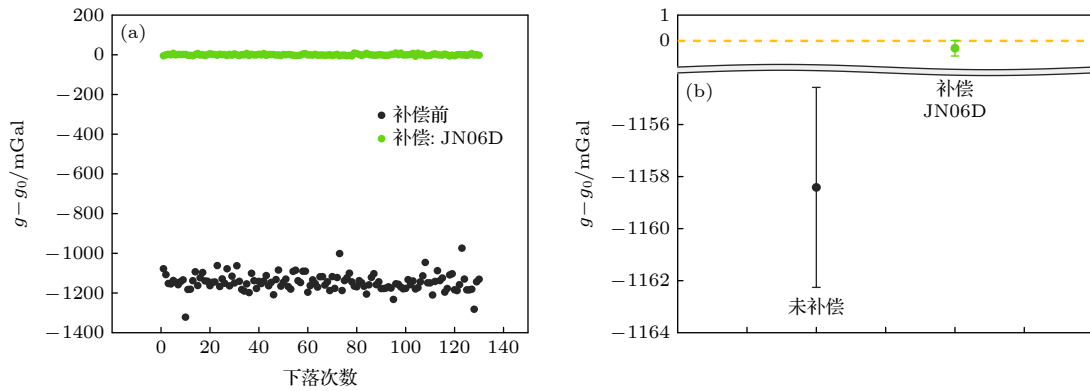


图 9 万向悬架上的结果对比 (a) 逐点分布; (b) 含误差带的均值 ( $k = 2$ )

Fig. 9. Comparison of results on the gimbal: (a) Drop-to-drop scatter of  $g$ ; (b) mean value with expanded uncertainty ( $k = 2$ ).

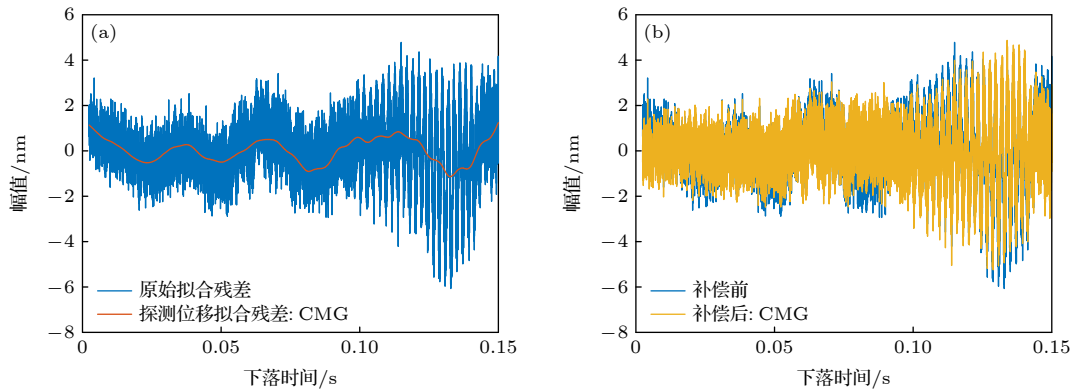


图 10 安静地基上 CMG 单次补偿的情况 (a) 原始拟合残差与探测位移拟合残差对比; (b) 补偿前后拟合残差对比

Fig. 10. Correction for single drop using CMG data on the quiet ground: (a) Residuals of measured trajectory  $S_m$  and measured vibration noise  $N_m$ ; (b) residuals of measured trajectory  $S_m$  before and after correction.

补偿效果. 从图 10(a) 和图 11(a) 可以看出, CMG 型和 CS60 型地震计的探测位移拟合残差和原始拟合残差相关性很高, 印证了地震计良好的振动探测性能和模型的有效性, 因此补偿后得到的拟合残差低频噪声幅值衰减且更接近于白噪声, 测量结果也得到改善. 由于两款地震计的带宽均满足对低频主导振动噪声的探测需求, 因此两种地震计的补偿效果接近. 而 JN06D 型加速度计的分辨率只有毫伽量级, 对于百微伽量级的振动信号无法实现良好的探测. 如图 12(a) 所示, JN06D 所得探测位移的拟合残差和原始拟合残差相关性差, 因此采用不准确的探测信号无法实现补偿效果.

在嘈杂地基的振动环境下, 地基的稳固性相比安静地基下降, 一方面噪声源和噪声强度增加, 另一方面地基对反冲振动的衰减作用减小. 从图 13(a) 可以看出, 原始拟合残差的幅值约为 60 nm, 是安静地基环境的 10 倍, 振动噪声高频成分明显增加

且幅值增强, 因此补偿前的单次测量标准差相比安静地基环境增加, 达到毫伽量级以上. 对比图 13(a) 和图 14(a) 可知, 尽管仍能有效探测振动信号, 但两款地震计都受带宽限制出现了不同程度的高频信号失真. 其中带宽更大的 CS60 型地震计高频失真程度较低, 其探测信号相比 CMG 型地震计包含更多的高频细节, 更接近真实振动, 因此补偿后的拟合残差幅值更小, 补偿效果也更好. 对于 JN06D 型加速度计, 其毫伽量级的分辨率可以实现该环境下振动噪声的有效探测, 高达 kHz 的带宽可避免高频信号失真. 如图 15(a) 所示, JN06D 的探测信号拟合残差与原始拟合残差具有一定相关性, 其中探测信号高频分量很强, 与真实振动接近, 但低频分量与真实振动的匹配度不如地震计高, 因此加速计的补偿效果不如地震计, 这主要是受分辨率的限制.

对于采用万向悬架作为支撑平台的振动环境, 由于万向悬架的稳固性远不如地基, 因此万向悬架

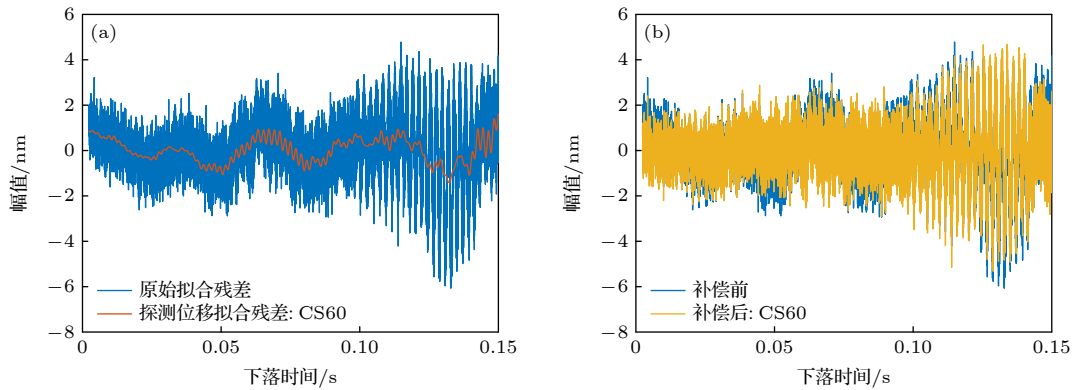


图 11 安静地基上 CS60 单次补偿的情况 (a) 原始拟合残差与探测位移拟合残差对比; (b) 补偿前后拟合残差对比

Fig. 11. Correction for single drop using CS60 data on the quiet ground: (a) Residuals of measured trajectory  $S_m$  and measured vibration noise  $N_m$ ; (b) residuals of measured trajectory  $S_m$  before and after correction.

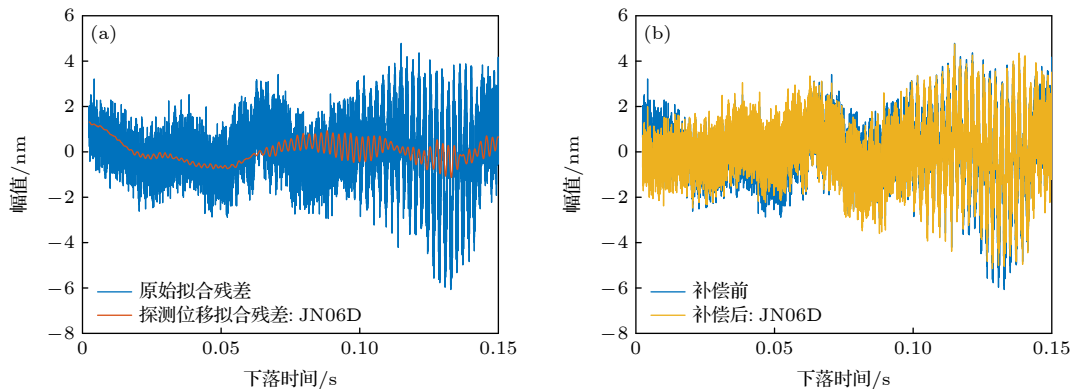


图 12 安静地基上 JN06 D 单次补偿的情况 (a) 原始拟合残差与探测位移拟合残差对比; (b) 补偿前后拟合残差对比

Fig. 12. Correction for single drop using JN06 D data on the quiet ground: (a) Residuals of measured trajectory  $S_m$  and measured vibration noise  $N_m$ ; (b) residuals of measured trajectory  $S_m$  before and after correction.



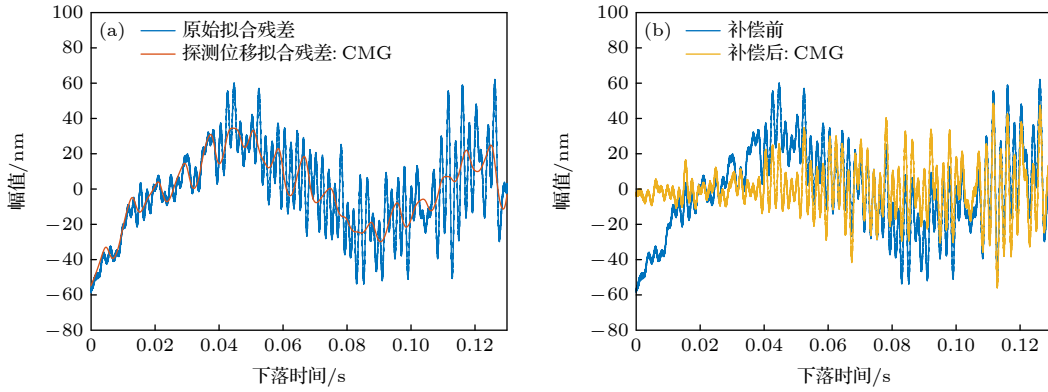


图 13 嘈杂地基上 CMG 单次补偿的情况 (a) 原始拟合残差与探测位移拟合残差对比; (b) 补偿前后拟合残差对比

Fig. 13. Correction for single drop using CMG data on the noisy ground: (a) Residuals of measured trajectory  $S_m$  and measured vibration noise  $N_m$ ; (b) residuals of measured trajectory  $S_m$  before and after correction.

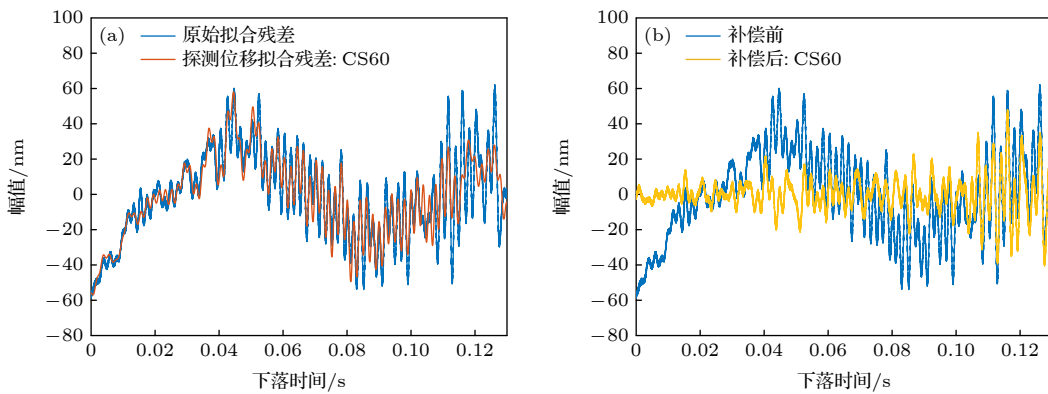


图 14 嘈杂地基上 CS60 单次补偿的情况 (a) 原始拟合残差与探测位移拟合残差对比; (b) 补偿前后拟合残差对比

Fig. 14. Correction for single drop using CS60 data on the noisy ground: (a) Residuals of measured trajectory  $S_m$  and measured vibration noise  $N_m$ ; (b) residuals of measured trajectory  $S_m$  before and after correction.

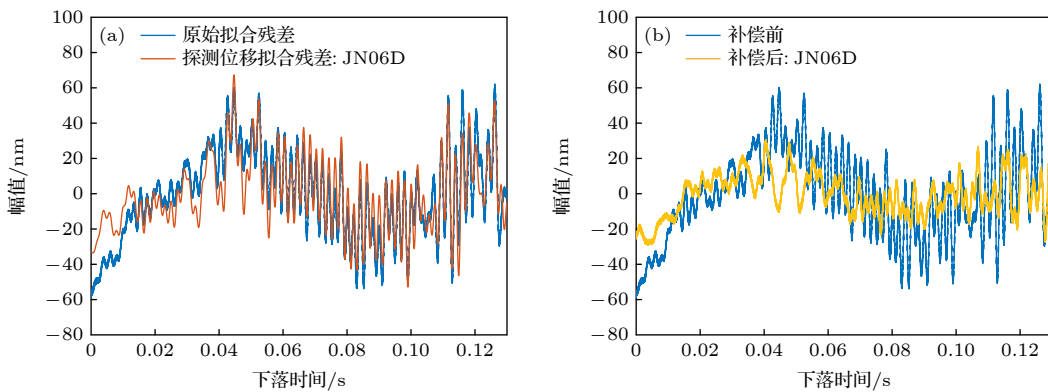


图 15 嘈杂地基上 JN06 D 单次补偿的情况 (a) 原始拟合残差与探测位移拟合残差对比; (b) 补偿前后拟合残差对比

Fig. 15. Correction for single drop using JN06 D data on the noisy ground: (a) Residuals of measured trajectory  $S_m$  and measured vibration noise  $N_m$ ; (b) residuals of measured trajectory  $S_m$  before and after correction.

上的振动噪声在 3 种振动环境下最大. 图 16(a) 中幅值高达 5000 nm 左右的原始拟合残差反映了万向悬架上的高幅值振动噪声. 且该振动噪声存在高度复现性, 说明万向悬架上的振动噪声以重力仪系统测量过程中产生的反冲振动为主. 在高强度振动

环境下, JN06D 型加速度计的分辨率足以实现良好的振动信号探测, 如图 16(a) 所示, JN06D 的探测位移拟合残差与原始拟合残差呈现极高的相关性, 补偿后的拟合残差大幅度衰减, 补偿后的系统偏差从 -1158 mGal 修正到 -285  $\mu$ Gal, 单次测量标

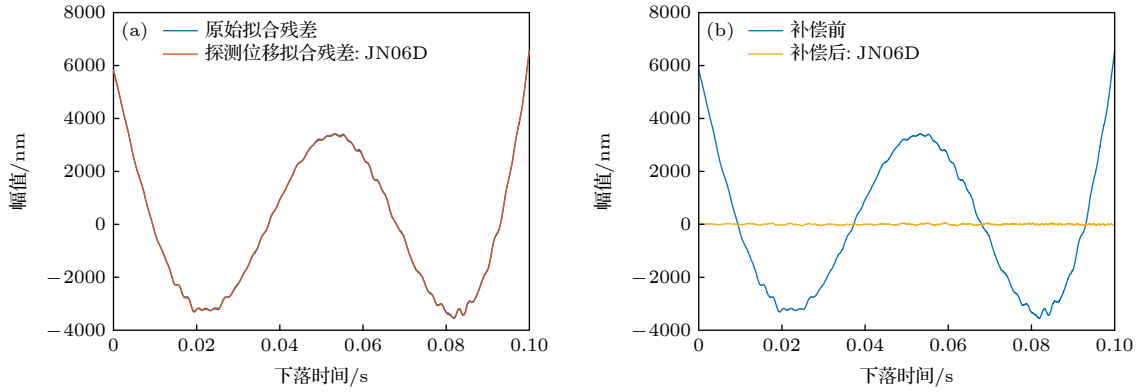


图 16 万向悬架上 JN06 D 单次补偿的情况 (a) 原始拟合残差与探测位移拟合残差对比; (b) 补偿前后拟合残差对比

Fig. 16. Correction for single drop using JN06 D data on the gimbal: (a) Residuals of the measured trajectory  $S_m$ , and the measured vibration noise  $N_m$ ; (b) residuals of the measured trajectory  $S_m$  before and after correction.

准差也从 43 mGal 减小到 3.3 mGal. 因此动态性能更好的加速度计能在强振动环境下实现毫伽量级的单次测量标准差.

进一步分析同一传感器在不同振动环境下补偿性能的变化. 对于振动噪声强度小、频率低的安静地基测量环境, CMG 型和 CS60 型地震计的分辨率和带宽基本上能满足单次测量标准差优于百微伽的补偿需求, 且可以实现接近隔振性能的补偿效果. 但随着振动噪声高频成分的增加, 受带宽限制, 地震计会出现高频信号探测失真现象, 从而导致补偿效果下降<sup>[13]</sup>. 因此在嘈杂地基的测量环境下, CMG 型和 CS60 型地震计的补偿效果均明显下降, 由于 CMG 的带宽更窄, 其补偿效果下降更严重. 由此可见, 在分辨率满足目标精度的前提下, 传感器带宽也是影响补偿效果的重要因素. 因此, 若要在较复杂的嘈杂振动环境下进一步提高地震计的补偿性能, 在保证分辨率的前提下可以考虑提高地震计带宽, 如采用数字后校正方法<sup>[13]</sup>或研制带宽更高的地震计. 而对于振动幅值超出地震计量程的万向悬架测量环境, 地震计将不再适用. 另一方面, JN06D 型加速度计的优点是带宽和量程大, 动态性能好, 基本上可以覆盖现有野外甚至移动平台重力测量的需求, 但受限于其毫伽量级的分辨率. 因此, 对于以低幅值低频率振动噪声为主的安静地基测量环境, 加速度计受分辨率限制而无法实现单次测量标准差优于百微伽的补偿效果. 当振动噪声强度增大至毫伽量级以上, 加速度计可以实现有效的信号探测, 补偿后可以实现毫伽量级的单次测量标准差. 而对于超出地震计量程的强振动测量环境, 加速度计的补偿效果更加明显, 补偿后可以

将系统偏差修正 1000 mGal 以上, 单次测量标准差也改善 13 倍. 因此, 加速度计更适用于地震计无法工作的复杂或动态环境下实现毫伽量级的单次测量标准差. 要进一步提高加速度计的补偿性能, 则需要在其带宽和量程满足需求的前提下提高分辨率, 如清华大学研制的采用内置参考棱镜的高分辨率传感器<sup>[27]</sup>.

最后, 针对振动补偿领域的传感器选型或传感器设计进行总结. 根据前述分析, 分辨率、带宽和量程是需要重点关注的传感器参数. 因此, 在选择合适的传感器时, 首先应确认振动补偿的应用环境, 包括振动噪声强度和频率成分、以及支撑平台的稳固性, 针对应用环境制定合适的目标补偿精度. 然后根据应用环境的振动强度筛选量程满足要求的传感器, 并选取分辨率优于目标精度的传感器. 最后, 在分辨率和量程都满足需求的情况下选择在目标频带内传递函数更平坦的传感器, 这往往要求更大的带宽. 除上述主要参数之外, 还可以结合传感器的长期测量稳定性及外形质量等其他参数再综合评估.

## 5 结 论

本文理论分析了传感器性能参数对振动补偿的影响, 并通过实验对比研究了不同振动环境下不同传感器的补偿性能. 实验结果表明: 在安静地基环境下地震计可以实现单次测量标准差优于百微伽的补偿效果, 与隔振效果相当, 而加速度计受分辨率限制无法实现有效补偿; 在嘈杂地基环境下受噪声高频成分增强的影响, 地震计的补偿效果下

降, 补偿后的单次测量标准差增大至百微伽量级, 其中带宽更窄的地震计补偿效果下降更明显, 加速度计则可以实现单次测量标准差达到毫伽量级的补偿效果; 在振动强度更大的万向悬架环境下, 地震计由于振动强度接近或超出其量程而无法工作, 采用加速度计补偿则可以将系统偏差修正 1000 mGal 以上, 将单次测量标准差改善 13 倍达到毫伽量级. 因此分辨率、带宽和量程是影响传感器补偿性能的主要因素. 其中地震计的补偿性能主要受带宽和量程的限制, 多适用于有稳固地基的环境下实现单次测量标准差优于百微伽的补偿效果, 可以通过提高带宽来进一步提高地震计的补偿性能. 加速度计的补偿性能则主要受分辨率的限制, 多适用于复杂或动态环境下实现毫伽量级的单次测量标准差, 可以通过提高分辨率来进一步提高加速度计的补偿性能. 此外, 结合地震计和加速度计的补偿特性, 本文还总结了振动补偿的传感器选型方法, 为今后振动补偿领域的传感器选型和设计提供了理论依据.

感谢中国计量科学研究院的重力计量基准与精密测量实验室和原子干涉重力精密测量实验室分别为测试提供测试场地和 CMG 型地震计.

## 参考文献

- [1] Marson I, Faller J 1986 *J. Phys. E:Sci. Instrum.* **19** 22
- [2] Faller J 2003 *Metrologia* **39** 425
- [3] Faller J 2005 *J. Res. Nat. Inst. Stand. Technol.* **110** 559
- [4] Marson I 2012 *Int. J. Geophys.* **2012** 687813
- [5] Niebauer T M, Sasagawa G S, Faller J E, Hilt R, Klotting F 1995 *Metrologia* **32** 159
- [6] Hu H, Wu K, Shen L, Li G, Wang L J 2012 *Acta Phys. Sin.* **61** 099101 (in Chinese) [胡华, 伍康, 申磊, 李刚, 王力军 2012 物理学报 **61** 099101]
- [7] Saulson P R 1984 *Rev. Sci. Instrum.* **55** 1315
- [8] Haubrich R A, McCamy K 1969 *Rev. Geophys.* **7** 539
- [9] Sorrells G G, Douze E J 1974 *J. Geophys. Res.* **79** 4908
- [10] Cessaro R K 1994 *Bull. Seismol. Soc. Am.* **84** 142
- [11] Timmen L, Rder R H, Schnüll M 1993 *Bulletin Géodésique* **67** 71
- [12] Svitlov S 2012 *Metrologia* **49** 706
- [13] Wen Y, Wu K, Guo M Y, Wang L J 2021 *IEEE Trans. Instrum. Meas.* **70** 1003607
- [14] Rinker R, Faller J 1981 *Proceedings of Precision Measurement and Fundamental Constants* Gaithersburg, Maryland, USA, June 8–12, 1981 p411
- [15] Brown J M, Niebauer T M, Klingele E 2001 *Int. Assoc. Geod. Symp.* **123** 223
- [16] Wang G, Hu H, Wu K, Wang L J 2017 *Meas. Sci. Technol.* **28** 035001
- [17] Qian J, Wang G, Wu K, Wang L J 2018 *Meas. Sci. Technol.* **29** 025005
- [18] Xu A P 2016 *Ph. D. Dissertation* (Zhejiang: Zhejiang University) (in Chinese) [许翱鹏 2016 博士学位论文 (浙江: 浙江大学)]
- [19] Le Gouët J, Mehlstäubler T, Kim J, Merlet S, Clairon A, Landragin A, Pereira dos Santos F 2008 *Appl. Phys. B* **92** 133
- [20] Merlet S, Le Gouët J, Bodart Q, Clairon A, Landragin A, Pereira dos Santos F, Rouchon P 2009 *Metrologia* **46** 87
- [21] Baumann H 2012 *Geophys. Prospect.* **6** 361
- [22] Bidet Y, Zahzam N, Blanchard C, Bonnin A, Cadoret M, Bresson A, Rouxel D, Lequentrec-Lalancette M F 2018 *Nat. Commun.* **9** 627
- [23] Bidet Y, Zahzam N, Bresson A, Blanchard C, Cadoret M, Olesen A V, Forsberg R 2020 *J. Geod.* **94** 20
- [24] Cheng B, Zhou Y, Chen P J, Zhang K J, Zhu D, Wang K N, Weng K X, Wang H L, Peng S P, Wang X L, Wu B, Lin Q 2021 *Acta Phys. Sin.* **70** 040304 (in Chinese) [程冰, 周寅, 陈佩军, 张凯军, 朱栋, 王凯楠, 翁堪兴, 王河林, 彭树萍, 王肖隆, 吴彬, 林强 2021 物理学报 **70** 040304]
- [25] Long J F, Huang D L, Teng Y T, Wu Q, Guo X 2012 *Acta Seismologica Sinica* **34** 865 (in Chinese) [龙剑锋, 黄大伦, 滕云田, 吴琼, 郭欣 2012 地震学报 **34** 865]
- [26] Wu S Q, Feng J Y, Li C Y, Su D W, Wang Q Y, Hu R, Hu L S, Xu J Y, Ji W X, Ullrich C, Palinkas V, Kostelecký J, Bilker-Koivula M, Näränen J, Merlet S, Le Moigne N, Mizushima S, Francis O, Choi I M, Newel D 2020 *Metrologia* **57** 07002
- [27] Guo M Y, Wu K, Yao J M, Wen Y, Wang L J 2021 *IEEE Trans. Instrum. Meas.* **70** 1004310

# Analysis of vibration correction performance of vibration sensor for absolute gravity measurement\*

Wen Yi    Wu Kang<sup>†</sup>    Wang Li-Jun

(*State Key Laboratory of Precision Measurement Technology and Instrument, Department of Precision Instrument, Tsinghua University, Beijing 100084, China*)

( Received 10 September 2021; revised manuscript received 9 October 2021 )

## Abstract

Absolute gravity measurement refers to the measurement of the absolute value of gravitational acceleration ( $g$ , approximately  $9.8 \text{ m/s}^2$ ). The precision of absolute gravity measurement is limited mainly by vibration noises. Vibration correction is a simple and feasible way to deal with vibration noises, which corrects the measurement results by detecting vibration noises with a sensor. At present, the vibration correction performance of different sensors lacks systematic analysis and evaluation. In this paper, the theoretical analysis of how the sensor characteristics affect the correction performance is carried out. The vibration correction performances of three sensors, two different seismometers and one accelerometer, are evaluated experimentally in the three cases with different vibration noises. The experimental results show that the correction precision obtained by using low-noise seismometer is limited mainly by its bandwidth and range. In case I i.e. the quiet environment, the standard deviation of corrected results obtained by using both seismometers can reach tens of  $\mu\text{Gal}$  ( $1 \mu\text{Gal} = 10^{-8} \text{ m/s}^2$ ), which is close to that obtained by using an ultra-low-frequency vibration isolator. However, in case II i.e. the noisy environment, the standard deviation of corrected results obtained by both seismometers increase to hundreds of  $\mu\text{Gal}$  due to the enhancement of high-frequency vibration components. This means that the correction performances of both seismometers deteriorate, and the performance of seismometer with narrower bandwidth turns even worse. Moreover, two seismometers cannot even work in case III with stronger vibration noises due to the range limitation. On the other hand, the correction precision obtained by using accelerometer is affected mainly by its resolution which is on the order of  $\text{mGal}$  ( $1\text{mGal} = 10^{-5} \text{ m/s}^2$ ). Its bandwidth can reach hundreds of or even thousands of hertz and its range is generally over  $\pm 2 \text{ g}$ , which is large enough to meet the needs for noisy and dynamic applications. In case I, the standard deviation after correction with accelerometer is larger than that before correction. This is because the intensity of vibration noises in this case is close to or even smaller than the self-noise of accelerometer so that it could not be detected effectively by accelerometer. In case II, the resolution of accelerometer is sufficient to detect the vibration noises effectively. The standard deviation of the results is reduced from  $2822 \mu\text{Gal}$  to  $1374 \mu\text{Gal}$  after correction with accelerometer, and equal to a precision of  $0.1 \text{ mGal}$  after 100 drops. In case III where the amplitude of vibration noise rises to  $0.1 \text{ m/s}^2$  and seismometer cannot work, the accelerometer could still achieve a precision of  $0.3 \text{ mGal}$  after 100 drops. The systematic deviation is corrected from  $-1158 \text{ mGal}$  to  $-285 \mu\text{Gal}$  and the standard deviation is reduced from  $34 \text{ mGal}$  to  $3.3 \text{ mGal}$ . Therefore, the low-noise seismometer is more suitable for vibration correction in a quiet environment with stable foundation, which could realize a standard deviation superior to hundreds of  $\mu\text{Gal}$ , while the accelerometer is more appropriate for vibration correction in a complex or dynamic environment, which could achieve a standard deviation of  $\text{mGal}$ -level. Finally, the present results and analysis provide a theoretical guidance for selecting and designing the sensors in vibration correction applications.

**Keywords:** absolute gravity measurement, vibration correction, vibration sensor

**PACS:** 91.10.Pp, 43.40.Yq, 43.50.Yw

**DOI:** [10.7498/aps.71.20211686](https://doi.org/10.7498/aps.71.20211686)

\* Project supported by the National Natural Science Foundation of China (Grant Nos. 61627824, 41604151).

<sup>†</sup> Corresponding author. E-mail: [kangwu@mail.tsinghua.edu.cn](mailto:kangwu@mail.tsinghua.edu.cn)