随机相位扰动抑制激发介质中漂移的螺旋波*

马 $\Xi^{1,2}$ ^{*} 靳伍银³ 李延龙^{1,2} 陈 \overline{P}^{2}

1 € 兰州理工大学物理系,兰州 730050)
 2 € 兰州大学理论物理研究所,兰州 730000)
 3 € 兰州理工大学机电工程学院,兰州 730050)
 (2006 年 5 月 11 日收到,2006 年 10 月 31 日收到修改稿)

研究了一类二维变量描述的激发系统中漂移螺旋波的抑制问题.通过在整个系统中局部注入带随机相位的电 信号,如在系统256×256格点的边界或中心区域中选取4×4或者5×5格点区域施加一个带随机相位的外部激励 电信号,在系统内部产生一个持续的靶波信号,实现靶波对螺旋波的动态竞争.数值计算表明.该方法对于 Barkley 模型中螺旋波有很强的抑制作用,与简单的局部周期信号驱动比较,具有暂态过程比较短的特点,而且对于时空噪 声具有一定的抗干扰性.在一定的噪声范围内,即使系统出现不均匀性,也可以观测到靶波,新出现的靶波对螺旋 波有抑制作用.

关键词:螺旋波,靶波,Barkley模型,随机相位 PACC: 8730C,0545,0250

1.引 言

在非线性物理研究领域中,时空扩展系统的动 力学特性一直是近年来关注的重点之一.时空扩展 系统一般都具有复杂特性,如生物系统、Internet、社 会网络和宇宙等,对于这些复杂性的研究也提出了 一些简化的模型,如耦合映像格子与反应扩散方程 等.随着全世界社会经济的发展,人的健康问题备受 关注,因此,基于部分实验结果针对人的大脑、心脏 病理和星系等提出了一些模型,并从非线性动力学 方面展开了广泛的研究¹⁻⁵¹.

螺旋波 (spiral waves)的研究一直是非线性交叉 学科斑图动力学的一个重要课题.螺旋波广泛存在 于生物、物理、化学系统和宇宙中^[6-21],如液晶中的 Ising-Block 相变、流体中的 Rayleigh-Benard 对流、黏 性霉菌群体的自组织演化、卵细胞中的钙离子波、心 脏中的电信号、铂金表面一氧化碳的氧化反应^[6-8]、 反应扩散系统中的化学波和星云^[3,10,11]等.研究螺旋 波有着重要的应用价值^[12-23].近年来的心脏实验研 究表明,心动过速及心颤致死与螺旋波的自组织及 螺旋波破裂有密切的关系.正常的心脏由一个靶波 源 窦房结)控制 ,靶波断开后产生螺旋波 ,对应于心 率过速 ,螺旋波失稳至螺旋波湍流态 ,系统开始进入 时空混沌 ,对应于心颤 ^{13,17,18,21} ,而心颤致死的过程 与螺旋波的失稳有密切的关系 . 怎样消除心脏中的 螺旋波肌电信号是当前心脏病学研究的热点之一 , 从控制螺旋波的角度看 ,主要为电信号刺激、光照和 药物刺激 .电信号刺激控制主要是直接用周期的电 信号来激励系统 ,或将系统置于外加的电场、磁场 (如通电螺旋管和均匀强电场等).对于心颤 ,目前比 较成熟的方法是心颤发生时在患者心脏上加一个 5000 V 左右的瞬时电压使心脏暂停(闭腔控制),或 者采用开腔方法将大约 600 V 电压直接加在心脏上 将心脏打停 ,使得螺旋波心肌电信号消失 ,然后使心 脏重新起搏 ,这种方法虽然有效 ,但给患者带来很大 痛苦 ,而且具有一定的偶然性 .

理论计算表明,如果能够掌握螺旋波的运动规 律 5 mV 左右的电压就可以将心脏中的螺旋波引出 心脏.目前主要采用电信号局部刺激来产生靶波和 改变系统参数(空间扰动)等^[9,16—18]使螺旋波的波尖 被驱赶到系统边界,使波尖与边界碰撞而消除,而系 统自身的拓扑缺陷并没有消除,一旦受到激发则可 能重新产生螺旋波,同时该方法也面临暂态过程比

^{*}国家自然科学基金(批准号:10572056,10305005,10405018)和甘肃省自然科学基金(批准号:3ZS042-B25-021)资助的课题.

[†] E-mail: hyperchaos@163.com

较长的问题.从可行性角度看,抑制心脏中的螺旋波 和预防心颤的关键在于控制方法对时空噪声的抗干 扰性、达到控制目标的暂态过程的长短、刺激信号的 强弱选择、对于反复或重复激发的螺旋波是否具有动 态竞争和自适应性.这些研究将帮助科学家得到关于 斑图形成、预防心率过速及心颤致死的重要信息.

由于稳定旋转的螺旋波的波尖容易探测到,在 确定了波尖位置后,希望通过外加电场或简单的周 期信号就可以在一定时间内使波尖远离系统中心, 而漂移的螺旋波的波尖运动比较复杂,本文将讨论 外界带随机相位的弱信号在局部刺激下对系统漂移 螺旋波的抑制问题.

2. 螺旋波的形成和特征

我们所熟悉的行波表现为平行的波前和波后完 全一致地传播,而螺旋波的波前和波后在顶点处融 为一体,形成具有奇异性结构的螺旋波顶点,为一类 拓扑缺陷.它在许多方面与其他类型的拓扑缺陷有 着相似的性质,如超流、超导、Bose-Einstein 凝聚中的 旋涡、矢量序参数的线缺陷、光束中的波位错、宇宙 时空拓扑缺陷等等.在螺旋波中,螺旋波顶点邻域的 波前曲线具有较大的曲率,因此运动较慢,其他各处 的传播速度均随曲率减小而增大,因而螺旋波的波 前曲线卷曲成螺旋状.本质上,螺旋波是一种行波, 它可以存在于激发介质和振荡介质中.作为时空斑 图的重要研究内容,在实验和数值仿真上都能观测 到螺旋波,并对螺旋波控制进行了许多的讨论和研 究.从动力学方程角度,耦合映像格子和反应扩散方 程常用于模拟螺旋波的特征.

任意的以反应扩散方程描述的两变量激发系统 可表示为

$$\frac{\partial u}{\partial t} = f(u, v, \mu) + D_u \nabla^2 u,$$

$$\frac{\partial v}{\partial t} = g(u, v, \mu) + D_u \nabla^2 v,$$
(1)

其中 u, v 是系统的两个变量 $f(u, v, \mu)$ 是非线性 函数, $g(u, v, \mu)$ 可以是线性或非线性函数, μ 是 系统参数, D_u 和 D_v 是扩散系数.在恰当的参数下, 系统(1)可以出现稳定旋转的螺旋波、漂移的螺旋波 或者观测到时空混沌以及丰富的斑图.在描述心脏 电信号的传播中, u, v 分别代表膜间电位和恢复电 流, 在 Belousov-Zhabotinsky(BZ)反应中, 分别代表次 溴酸盐浓度和亚铁菲绕啉离子(ferroin)浓度.将系统 (1)的方程在平衡点(u_0 , v_0)附近进行泰勒级数展

开,并忽略高阶项,

$$u = u_0 + u', (2)$$

$$\partial_{t}u' = a_{11}u' + a_{12}v' + D_{u}\nabla^{2}u', \qquad (3)$$

这里

$$a_{11} = \frac{\partial f}{\partial u} \Big|_{u_0, v_0},$$

$$a_{12} = \frac{\partial f}{\partial v} \Big|_{u_0, v_0},$$

$$a_{21} = \frac{\partial g}{\partial u} \Big|_{u_0, v_0},$$

$$a_{22} = \frac{\partial g}{\partial v} \Big|_{u_0, v_0};$$

$$(4)$$

$$a_{22} = \frac{\partial g}{\partial v} \Big|_{v_0, v_0};$$

$$(4)$$

$$\lambda_{k} \begin{pmatrix} c_{k}^{1} \\ c_{k}^{2} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} a_{11} - k^{2} D_{u} & a_{12} \\ a_{21} & a_{22} - k^{2} D_{v} \end{pmatrix} \begin{pmatrix} c_{k}^{1} \\ c_{k}^{2} \end{pmatrix} ,$$
(6)

$$\lambda_k^2 - r_k \lambda_k + \Delta_k = 0 , \qquad (7)$$

其中

' u''

$$r_{k} = a_{11} + a_{12} - k^{2} (D_{u} + D_{v})$$

$$= tr_{0} - k^{2} (D_{u} + D_{v}),$$

$$\Delta_{k} = a_{11} a_{22} - a_{21} a_{12}$$

$$- k^{2} (a_{11} D_{v} + a_{22} D_{u}) + k^{4} D_{u} D_{v}$$

$$= \Delta_{0} - k^{2} (a_{11} D_{v} + a_{22} D_{u}) + k^{4} D_{u} D_{v},$$

$$\lambda_{k} = [r_{k} \pm \sqrt{r_{k}^{2} - 4\Delta_{k}}].$$
(8)

Hopf 分岔是一类非平衡相变,发生在系统从稳定焦点到非稳定焦点的过程中,系统开始由时空均匀态过渡到周期振荡态.当 $\Delta_k > 0$ 时,Hopf 分岔出现在临界点 $r_k = 0$,此时满足

 $r_k = r_0 - k^2 (D_u + D_v) \leq r_0$. 当 D_u , $D_v > 0$, k = 0, 则系统的本征角频率 $\omega_0 = \sqrt{\Delta_0}$ 特征值 $\lambda_0 = \pm i\omega_0$. 在不同的参数条件下, 会出现不同的振荡角频率.在可激发情况下,不同频率的螺旋波之间出现竞争,较高频率的螺旋波将吞并低频率的螺旋波。同频率的螺旋波之间相互共存,使时空扩展系统出现丰富的斑图.

3. 螺旋波的控制

时空扩展系统内部存在着一定的耦合作用,任

(5)

何外部刺激都会改变系统的动力学特性,其原因在 于间接改变了系统的参数结构,因此,对于时空扩展 系统动力学行为的影响 最直接的方法就是反馈方 法^{22]}和信号刺激(外部信号或者内部信号)^{23-26]}并 同时考虑外界噪声对螺旋波和非线性系统的影 响^{27-31]}.周期信号激励是常用的方法^{23-26]},从控制 可行性角度看,信号的强度选择、系统控制区域以及 控制周期的选择非常重要,因为太强的控制信号可 能毁坏系统 比较大的复杂系统不可能实现全局控 制 而局部控制下部分方法可能导致达到控制目标 的暂态过程太长,消除了螺旋波之后,是否还会存在 螺旋波的重新激发 这也是一个值得关注的问题 因 此动态自适应控制方法值得探索.控制螺旋波的目 标 包括将螺旋波的抑制、将系统控制到均匀态^[32,33] 或者将系统转化成靶波^[31]并同时追踪螺旋波波尖 的轨迹^[20,35].考虑到随机相位可以用来控制一些混 沌系统^{36-38]},这里在局部周期信号刺激产生靶 波^[23-26]的基础上采用带随机相位的电信号来刺激 系统 在比较弱的信号强度和更小的控制区域 如4 ×4格点/使系统在比较短的暂态过程下出现靶波, 从而抑制螺旋波,虽然周期信号局部刺激也可以产 生靶波 但数值计算表明 :同等刺激强度下周期信号 的频率只有接近干系统螺旋波的旋转频率时才能缩 短系统产生靶波并消除螺旋波的时间,但仍然需要 经历一个比较长的暂态时间,另外,在外部周期信号 刺激下系统螺旋波的旋转频率已经发生了改变 原 因在于外界的信号刺激改变了系统的参数结构,因 此 需要对外界驱动的周期信号的频率进行动态调 整 实现始终与系统螺旋波的频率尽可能一致来实 现共振,以达到缩短暂态过程的目的,进一步考虑产 生靶波信号的条件.理论上,对于系统局部施加恰当 幅度的随机信号也可能产生靶波,但如果考虑到时 空噪声的影响 随机信号刺激下系统螺旋波会加速 破裂.最近,我们通过大量的数值模拟发现:如果在 一个周期信号中增加随机相位,进一步考虑噪声的 影响后,可在一定程度上提高了抗噪声干扰能力.

考虑在系统(1)第一式的等号右端施加如下一 个电信号或者光照,

 $G = k \cos(\omega t + \phi_{ram}) \partial(x - x_m) \partial(y - y_n),(9)$ 其中 k 是外部刺激信号的强度 , ω 是外部施加信号 的角频率 , ϕ_{ram} 代表随机信号导致的相位 , $\partial(x - x_m), \partial(y - y_n)$ 代表信号刺激的位置 ,满足 $\partial(x) = 1$ (x = 0), $\partial(x) = 0$ ($x \neq 0$).(9)式的信号 相当于在 时空扩展系统的局部区域施加一个带随机相位的信 号,在描述心脏系统的 Barkley 模型中相当于用一个 带随机相位的电信号来局部刺激系统,在 BZ 反应 中可以理解为在局部区域调节光照的强度.从信号 处理角度看,可以产生各种相位的信号,这里可以把 随机相位选择为 0—1,0—π,0—2π等,控制区域可 以在系统边界或者系统内部.

在这里把要研究的系统划分为 256 × 256 个格 点 与文献 26 不同的是,这里引入了随机相位,在 一个4×4或者5×5 格点区域内施加控制信号(9) 式 通过数值计算观测(均匀和非均匀介质)Barkley 模型中漂移螺旋波的演化.

Barkley 模型表述如下:

$$\begin{aligned} \frac{\partial u}{\partial t} &= \varepsilon^{-1} u \left(1 - u \right) \left(u - \frac{v + b}{a} \right) + D \nabla^2 u , \quad (10a) \\ \frac{\partial v}{\partial t} &= f \left(u \right) - v , \\ f \left(u \right) &= \begin{cases} 0 & \left(0 \le u < 1/3 \right), \\ 1 - 6.75 u \left(u - 1 \right)^2 & \left(1/3 \le u \le 1 \right), \\ 1 & \left(1 < u \right), \end{cases} \end{aligned}$$

其中各变量的意义可参见文献[3,26,32—34].本 文选取参数 a = 0.84, b = 0.07, $\varepsilon = 0.02$,扩散系数 D = 1和恰当的初始值来产生一个稳定旋转的螺旋 波图 1(a))^{26,32]},然后将系统的参数调整为 $\varepsilon =$ 0.065 来获得漂移的螺旋波,研究带随机相位的信 号(9)式施加在系统(10a)中第一式等号右端后对系 统的影响,研究带随机相位的外部信号在局部刺激 下能否对螺旋波加以抑制.

4. 数值计算与分析

整个系统被划分为 256 × 256 个格点,时间积分 步长选取 0.02,考虑非开流边界条件,采用欧拉向 前差分方法进行积分.对于系统(10),刺激信号(9) 式的 $\omega = 2\pi/4.17$ 相位选择 0—1.对于不同 ω 和反 馈系数 k 以及噪声强度下局部刺激信号(9)式对系 统漂移螺旋波的抑制问题,图 1—图 12 给出了漂移 螺旋波在被控制后随时间 t 的演化图.

从图 1 和图 2 可以看出,系统的螺旋波很快被转化成靶波,而且具有稳定性.对比图 1(b)和图 2 (b)可以看出,在同等条件下(相同相位和控制区域) 较大的反馈强度并不一定导致相对较短的暂态 过程.



图 1 当刺激信号强度 k = 2.0, $\omega = 2\pi/4.17$ 时漂移螺旋波随时间 t 的演化 控制区域为 125 < i, j < 131. (a)t = 200 (b)t = 300



图 2 当刺激信号强度 k = 2.5, $\omega = 2\pi/4.17$ 时漂移螺旋波随时间 t 的演化 控制区域为 125 < i, j < 131. (a)t = 300 (b)t = 350

进一步提高反馈系数并考虑上述随机相位扰动 法对时空噪声的响应.时空噪声定义为 $\eta(x,y,t)$,

 $\eta(x, y, t) = 0,$ $\eta(x, y, t)\eta(x', y', t')$ $= k_0 \delta(x - x')\delta(y - y')\delta(t - t').$ 从图 3 可以看到,即使考虑时空噪声,上述的 方法也可以很快将漂移的螺旋波转化成稳定的 靶波.与图 2 的结果比较后可知,时空噪声的引入 反而加速了靶波的出现,缩短了暂态过程.下面 将控制区域限制在 126 < *i*,*j* < 131 的4×4 格点上, 进一步研究缩小控制区域后随机相位扰动法的有 效性.



图 3 当刺激信号强度 k = 2.5, $\omega = 2\pi/4.17$ 噪声强度 $k_0 = 0.004$ 时漂移螺旋波随时间 t 的演化 控制区 域为 125 < i, j < 131.(a)t = 150 (b)t = 250

从图 4 可以看出,在 4 × 4 格点上施加周期信号 也可以很快将螺旋波转化成稳定的靶波.与图 1 的 结果比较后可知,在控制区域 4 × 4 下靶波大约出现



在 t = 350 处(相对图 1 滞后约 50 个时间单位).

下面进一步考虑在较小控制区域下时空噪声对 控制结果的影响.



图 4 当刺激信号强度 k = 2.0, $\omega = 2\pi/4.17$ 时漂移螺旋波随时间 t 的演化 控制区域为 126 < i, j < 131. (a) t = 50 (b) t = 350



图 5 当刺激信号强度 k = 2.2, $\omega = 2\pi/4.17$ 噪声强度 $k_0 = 0.004$ 时漂移螺旋波随时间 t 的演化 控制区 域为 126 < i, j < 131.(a)t = 100 (b)t = 300 (c)t = 350 (d)t = 550

从图 5 可以看出,在控制区域较小时,如果考虑 时空噪声影响,较弱的刺激信号也可以暂时消除螺 旋波,观察到靶波,但螺旋波与靶波反复竞争,螺旋 波成对出现.

从图 6 可以看出 在没有考虑噪声的情况下 进

一步增加局部刺激信号的强度,系统的螺旋波仍然 可以被新出现的靶波所抑制,和简单的周期信号与 等幅度的信号刺激不同,直接增加信号幅度并不能 明显地缩短靶波抑制螺旋波的暂态过程,这是由于 局部刺激信号(9)式中带有随机相位的特点造成的.



图 6 当刺激信号强度 k = 4.0, $\omega = 2\pi/4.17$ 噪声强度 $k_0 = 0.0$ 时漂移螺旋波随时间 t 的演化 控制区域 为 126 < i, j < 131.(a)t = 190 (b)t = 310



图 7 当刺激信号强度 k = 4.0, $\omega = 2\pi/4.17$ 噪声强度 $k_0 = 0.004$ 时漂移螺旋波随时间 t 的演化 控制区 域为 126 < i, j < 131.(a)t = 100 (b)t = 280

从图 7 可以看到,即使考虑时空噪声的影响,在 4×4 格点区域上进一步增加刺激信号的强度,仍然 可以使新出现的靶波彻底地对螺旋波加以抑制. 图 6 和图 7的结果表明,时空噪声的引入相对加 速了靶波的出现并缩短了靶波抑制螺旋波的暂态 过程.





图 8 当刺激信号强度 k = 4.0, $\omega = 2\pi/4.17$ 噪声强度 $k_0 = 0.0$ 随机相位在 0— π 之间时 对漂移螺旋波的 控制结果 控制区域为 126 < i, j < 131.(a)t = 50(b)t = 310

1.5 ω_0 , 2 ω_0 , 3 ω_0 , 4 ω_0 , 其中 ω_0 为螺旋波的本征频 率,并选取随机相位在 0—1 之间,信号强度 k = 2, 3,...等,观察在这些控制条件下漫游漂移的螺旋波 能否在 500 个时间单位内被出现的靶波所抑制.数 值计算表明:当刺激信号(9)式中的 ω 非常接近系 统螺旋波的本征频率时,将加速靶波的出现并最终 抑制掉漂移的螺旋波($t \approx 350$),而其他的频率在 500 个时间单位内没明显观察到靶波,也没有把螺旋波 抑制掉.与简单的周期信号局部刺激不同,在不考虑 噪声的情况下,简单地增加刺激信号的强度并不能 显著缩短靶波抑制螺旋波的暂态过程.我们也测试 了随机相位在 0— π ,0— 2π ,控制区域在系统边界时 控制器(9)式下对螺旋波漂移的抑制.数值计算表 明,新出现的螺旋波仍然可以在比较短的暂态过程 内将螺旋波加以抑制.图 8—图 10 给出了随机相位 在 0— π 之间对飘移螺旋波的控制结果.





图 9 当刺激信号强度 k = 4.0, $\omega = 2\pi/4.17$ 噪声强度 $k_0 = 0.002$ 随机相位在 0— π 之间时 对漂移螺旋波 的控制结果 控制区域为 126 < *i*, *j* < 131.(a) t = 100 (b) t = 220



图 10 当刺激信号强度 k = 4.0, $\omega = 2\pi/4.17$ 噪声强度 $k_0 = 0.006$ 随机相位在 $0-\pi$ 之间时,对漂移螺旋 波的控制结果 控制区域为 126 < i, j < 131.(a)t = 600 (b)t = 700 (c)t = 900

从图 8—图 10 的数值结果可以看到,随机相位 在 0—π 之间时对于螺旋波也有很强的抑制作 用.相对于无噪声的情况,在较小的噪声下系统出 现靶波和抑制螺旋波的暂态过程变短.较大的噪 声下也可以出现靶波,但靶波与螺旋波竞争更激烈, 导致波尖成对出现并重新被靶波抑制,具有动



我们还进一步考虑了非均匀系统中螺旋波的 抑制问题.在数值计算模拟中,通过对系统(10) 的扩散系数进行小幅度的扰动,如扩散系数 *D* =1+0.2sin(*x*+*y*)来模拟一个非均匀系统,并考虑 了噪声的影响,数值计算结果见图11和图12.



图 11 当刺激信号强度 k = 3.0, $\omega = 2\pi/4.17$ 噪声强度 $k_0 = 0.0$ 扩散系数 $D = 1 + 0.2 \sin(x + y)$ 时漂移螺 旋波随时间 t 的演化 随机相位在 0—1 之间 控制区域为 126 < i, j < 131.(a) t = 50 (b) t = 190





图 12 当刺激信号强度 k = 3.0, $\omega = 2\pi/4.17$ 噪声强度 $k_0 = 0.003$ 扩散系数 $D = 1 + 0.2 \sin(x + y)$ 时漂移 螺旋波随时间 t 的演化 随机相位在 0—1 之间 控制区域为 126 < i, j < 131.(a) t = 50 (b) t = 220

数值计算结果表明:在非均匀态下(对扩散系数 小扰动)本文方法仍然使系统可以出现新的靶波,即 使在一定强度的时空噪声作用下,也可以对螺旋波 予以抑制.如果对系统的扩散系数扰动非常大,将导 致复杂的斑图,这里不再讨论.

以上通过在系统局部区域注入带随机相位的电 信号来抑制 Barkley 模型中的漂移螺旋波,通过数值 模拟分别讨论了 5×5 和 4×4 格点区域上施加随机 相位信号对系统螺旋波的影响.数值计算结果表明: 在如(9)式外部信号刺激下,系统中可以观测到新的 靶波,在一定的噪声强度内,即使系统出现非均匀, 也仍然可以观测到靶波出现,而且靶波最终可以抑 制掉螺旋波.

5.结 论

研究了一类激发介质内漂移螺旋波的抑制问题.基于周期信号局部刺激并引入了随机相位,在5×5和4×4格点上施加作用.数值计算表明:系统的螺旋波很快被新出现的靶波所抑制,而且对于噪声具有较强的抗干扰性,暂态过程也较短.在非均匀的系统中,进一步的数值计算结果表明该方法也是有效的.由于稳定的螺旋波波尖比较容易探测到,只要破坏了螺旋波的波尖,螺旋波自然就被消除.漂移

漫游的螺旋波的波尖探测具有一定的困难,而本文 采用的带随机相位信号的局部刺激方法在不需要准 确探测波尖的情况下就可以很快将波尖驱赶到边 界,从而对漂移漫游的螺旋波加以抑制.

感谢浙江大学张宏教授提供的部分程序和有益的建议.

- [1] Boccaletti S , Grebogi C , Lai Y C et al 2000 Phys. Rep. 329 103
- [2] Boccaletti S , Kurths J , Osipov G et al 2002 Phys. Rep. 366 1
- [3] Alexander S M , Kenneth S 2006 Phys. Rep. 425 79
- [4] Temujin G, Mandic D P, Van Hulle M M 2003 Phys. Rev. E 67 046204
- [5] Xi T T , Lu X , Zhang J 2006 Phys. Rev. Lett. 96 025003
- [6] Winfree A T 1987 When Time Breaks Down (Princeton : Princeton University Press)
- [7] Ouyang Q 2000 Pattern Dynamics of Reaction Diffusion System (Shanghai: Scientific and Technological Education Press)(in Chinese)[欧阳颀 2000 反应扩散系统中的斑图动力学(上 海:上海科技教育出版社)]
- [8] Witkowski F X, Leon L J, Penkoske P A et al 1998 Nature 392 78
- [9] Wang P Y , Xie P , Yin H W 2003 Chin . Phys. 12 674
- [10] Yuan Q R , Zhao L F , Yang Y B et al 2005 Astronom. J. 130 2559
- [11] Dong L F , Liu F C , Liu S H et al 2005 Phys. Rev. E 72 046215
- [12] Yuan G Y, Yang S P, Wang G R et al 2005 Acta Phys. Sin. 54 1510 (in Chinese)[袁国勇、杨世平、王光瑞等 2005 物理学报 54 1510]
- [13] Martyn P N, Alexander V P 2004 Prog. Biophys. Mol. Bio. 85 501
- [14] Chen J X , Zhang H , Li Y Q 2006 J. Chem. Phys. 124 014505
- [15] Liao H M , Zhou L Q , Zhang C X et al 2005 Phys. Rev. Lett. 95 238301
- [16] Wang P Y , Xie P , Dai J H et al 1998 Phys. Rev. Lett. 80 4669
- [17] Sinha S , Pande A , Pandit R 2001 Phys. Rev. Lett. 86 3678
- [18] Yang J Z , Garfinkel A 2003 Phys. Rev. E 68 066312
- [19] Zhan M, Wang X G, Gong X F et al 2005 Phys. Rev. E 71

036212

- [20] Zhang S L , Hu B , Zhang H 2003 Phys. Rev. E 67 016214
- [21] Yang J Z, Xie F G, Qu Z L et al 2003 Phys. Rev. Lett. 91 148302
- [22] Xiao J H , Hu G , Zhang H et al 2005 Euro . Phys . Lett . 69 29
- [23] Zhang H , Cao Z J , Wu N J et al 2005 Phys. Rev. Lett. 94 188301
- [24] Ramos J I 2002 Chaos Solitons Fract. 13 1383
- [25] Yuan G Y , Wang G R , Chen S G 2005 Euro . Phys . Lett . 72 908
- [26] Zhang H, Hu B, Hu G 2003 Phys. Rev. E 68 026134
- [27] Wang H L , Ouyang Q 2005 Chaos 15 023702
- [28] Hou Z H, Xin H W 2002 Phys. Rev. Lett. 89 280601
- [29] Lindner B, Garcia-Ojalvo J, Neiman A et al 2004 Phys. Rep. 392 321
- [30] Olemskoi A I , Klepikov V F 2000 Phys. Rep. 338 571
- [31] Landa P S , McClintock P V E 2000 Phys. Rep. 323 1
- [32] Ma J , Ying H P , Pu Z S 2005 Chin . Phys . Lett . 22 1065
- [33] Ma J, Pu Z S, Feng W J et al 2005 Acta Phys. Sin. 54 4602 (in Chinese)[马 军、蒲忠胜、冯旺军等 2005 物理学报 54 4602]
- [34] Ma J, Wei Z Q, Chen Y H et al 2005 Chin. J. Chem. Phys. 18 997 (in Chinese)[马 军、魏智强、陈玉红等 2005 化学物理 学报 18 997]
- [35] Di Z R , Qu Z L , Weiss J N et al 2003 Phys. Lett. A 308 179
- [36] Li S, Xu W, Li R H 2006 Acta Phys. Sin. 55 1049 (in Chinese) [李 爽、徐 伟、李瑞红 2006 物理学报 55 1049]
- [37] Li W, Xu W, Zhao J F et al 2005 Acta Phys. Sin. 54 5559 (in Chinese)[李 伟、徐 伟、赵俊锋等 2005 物理学报 54 5559]
- [38] Zhang G J, Xu J X 2005 Acta Phys. Sin. 54 557 (in Chinese)[张 广军、徐健学 2005 物理学报 54 557]

Suppression of meandering spiral waves in the excitable media due to a perturbation with stochastic phase *

Ma Jun^{1,2,)†} Jin Wu-Yin³) Li Yan-Long^{1,2}) Chen Yong²)

1 X Department of Physics , Lanzhou University of Technology , Lanzhou 730050 , China)

2) Institute of Theoretical Physics , Lanzhou University , Lanzhou ~730000 ,China)

3 X College of Mechano-Electronic Engineering , Lanzhou University of Technology , Lanzhou 730050 , China)

(Received 11 May 2006; revised manuscript received 31 October 2006)

Abstract

A new scheme is proposed to suppress the meandering spiral waves in the excitable media, which is described with twodimensional variables. An external electronic signal with stochastic phase is imposed on a local area; few grids of the system are perturbed, for example, 4×4 and/or 5×5 grid nodes among all the 256×256 nodes, so that a new target wave may occur and competition between the newly generated target wave and the intrinsic meandering spiral waves develops dynamically. The numerical simulation results confirm that it is effective to suppress the meandering spiral wave in the Barkley model. Compared with a simple periodical driving in a local area, it shows some advantages such as shorter transient period to kill the spiral wave , and it is robust to spatiotempaoral noise. A new target wave could come into being and will kill the meandering spiral wave even in the anisotropic media of which the diffusion coefficient is a function of space, when the intensity of the spatiotemporal noise is not too strong.

Keywords : spiral wave , target wave , Barkley model , stochastic phase PACC : 8730C , 0545 , 0250

^{*} Project supported by the National Natural Science Foundation of China (Grant Nos. 10572056, 10305005, 10405018) and the Natural Science Foundation of Gansu Province, China (Grant No. 3ZS042-B25-021).

[†] E-mail hyperchaos@163.com