液晶空间光调制器产生可调三光学势阱*

周巧巧1) 徐淑武1)2) 陆俊发2)3) 周琦2)3) 纪宪明1)2)† 印建平2)

1)(南通大学理学院,南通 226007)

2)(华东师范大学精密光谱科学与技术国家重点实验室,上海 200062)

3)(东华理工大学理学院,抚州 344000)(2013年2月27日收到;2013年4月10日收到修改稿)

提出了产生三光学势阱的新方案,在该方案中用液晶空间光调制器制作相位型闪耀光栅,单色相干光照明,产 生按等边三角形分布的三个光学势阱,三个光阱光强大小分布相同,调节空间光调制器的相位分布,可以改变光阱 的相对位置,实现三光阱到单个光阱、两光阱合并为一个光阱等演变及其反向演变,调节过程简单、方便.根据现有 空间光调制器性能和尺寸,模拟设计光栅,计算三光阱的光强分布和调控过程中光强的变化,结果表明:用一般功率 的激光照明,能够得到具有较大峰值光强和较高光强梯度的可调三光阱,在原子和分子光学实验研究中有多种重要 的应用.

关键词: 原子和分子光学, 可调三光学势阱, 空间光调制器 PACS: 37.10.Gh, 37.10.Jk, 42.79.Kr DOI: 10.7498/aps.62.153701

1 引 言

用可调控的势阱操控冷原子和冷分子在原子 物理的研究中具有十分重要的意义,人们已经提出 了多种产生可调控的磁势阱和光学势阱及其阵列 的方案^[1-3].我们也提出过采用π相位板产生可控 制光学双势阱方案^[4-6],研究了双阱到单阱的演化 过程,并对方案进行了实验研究,验证了方案的可 行性. 随着液晶技术获得快速发展, 利用液晶空间 光调制技术 (LC-SLM) 对光波作振幅调制和相位 调制,可根据需要,制作各种类型的衍射光学元件, 不仅制作流程简单,而且通过计算机控制电信号实 现实时的波面变换,形成能够实时调控的原子光学 器件^[7-15].从而能够在较大的范围内满足原子光 学实验的需要,为原子光学实验开辟了新途径.近 年来,有关三样品原子缔合分子或三样品原子的冷 碰撞性质、三种不同的 Fermi 原子气体的配对的 研究^[16-19],物质波的四波混频及其相关现象的研 究^[20-23]已成为超冷原子、分子物理领域中的热 门研究课题. 可调控的三光学势阱有助于这些课题 的研究, 陆俊发等人提出了利用 LC-SLM 与透镜组 合产生组合三光学势阱的方案^[24], 但是该方案还 存在一些不足, 方案中的三个光学势阱分布在同一 直线上, 三个光阱所处的相对位置的地位不相同, 在三阱演变为双阱过程中, 中间光阱的光强逐渐变 小, 两边两个光阱的光强逐渐增大, 在这样的演变 过程中, 囚禁在中间光阱的原子会逃逸出去. 本文 将提出一种用 LC-SLM 技术产生可调三光学势阱 的新方案, 三个光阱的相对位置按等腰三角形分布, 调节相位分布, 既可以实现三阱到单阱或单阱到三 阱的演变, 也可以任意改变光阱间的相对位置. 在 三阱到单阱的演变过程中, 三个光阱同时靠近或同 时分开, 三个光阱的光强始终保持相等, 避免出现 被囚禁的原子逃逸现象的发生.

2 用 LC-SLM 技术产生可调三光学势 阱的方案

我们取 LC-SLM 的输入窗口为边长为 a 的正

^{*} 国家自然科学基金 (批准号: 11034002, 11274114)、科技部量子调控重大研究计划项目 (批准号: 2011CB921602) 和华东师范大学精密光谱科 学与技术国家重点实验室开放基金资助的课题.

[†]通讯作者. E-mail: jixm@ntu.edu.cn

六边形,如图 1 所示,将正六边形分为三个边长为 a 的棱形,棱形的顶角分别为 120°和 60°,在三个棱 形区域内通过计算机程序控制加在 LC-SLM 上的 电压信号,使每个棱形内的相位沿中线 (两个 120° 顶角的联线) OC, OA, OE 方向按线性变化,取 OC 为 x1 方向, OA 为 x2 方向, OE 为 x3 方向, 三个棱形 内的振幅透射率函数分别写为

$$T_{\text{OBCD}} = \exp(i2\pi\alpha_1 x_1/a),$$

$$T_{\text{OFAB}} = \exp(i2\pi\alpha_2 x_2/a),$$

$$T_{\text{ODEF}} = \exp(i2\pi\alpha_3 x_3/a),$$
 (1)

式中, α_j (j = 1, 2, 3) 是可调节的相位变化参数, 透 射率函数都是以 2π 为周期的周期函数. 在可见光 和近红外区域 LC-SLM 能够实现 0 到 2π 的相位调 制, 当 α_j 较大时, 在对应的棱形区域内实际分布的 是一组闪耀光栅, α_j 是沿 x_j 方向的周期个数, 图 1 中的每个棱形是一组闪耀光栅, 三组光栅的闪耀方 向互成 120°角.



图 1 用液晶空间光调制器制作相位型闪耀光栅的原理性方案

用图 2 所示的光路, 以波长为 λ 的平面光波或 高斯光波垂直照射 LC-SLM, 用焦距为 f 的透镜聚 焦, 在透镜焦平面上, 三组闪耀光栅的衍射主最大 沿 x_j 方向偏离焦点的距离为 $\frac{\alpha_j f \lambda}{a}$, α_j 都较小时, 三个衍射主最大相互重叠, 形成单光阱; α_j 较大时, 三个衍射主最大相互分开, 形成三光阱. 三个光阱 间的相互距离由 α_j 决定, 当 $\alpha_1 = \alpha_2 = \alpha_3$ 时, 三个 光阱成等边三角形, 只要调节 α_j 的大小就可以调 节光阱间的距离, 实现单阱到三阱、三阱到单阱、 双阱到单阱、单阱到双阱等多种演变. 3 可调三光阱光强分布的计算、分析 与讨论

3.1 等边三角形分布的三光学势阱光强 分布

为了计算方便,在图 2 所示的光路中我们讨论 单色平面光波输入的情况,LC-SLM 放置在透镜前 焦面上,把 LC-SLM 的透射率函数记为 W(x₀,y₀), 根据菲涅耳衍射积分公式,在透镜后输出光振动为

$$U(x, y, z) = \frac{A_0}{\lambda f} \iint_{\infty} W(x_0, y_0) \exp\left\{i\frac{k}{2f}\left[\left(\frac{z}{f} - 1\right)\right] \times (x_0^2 + y_0^2) - 2(xx_0 + yy_0)\right] dx_0 dy_0$$
$$= \frac{A_0}{\lambda f} \cdot \Box\left\{W(x_0, y_0) \exp\left\{i\frac{k}{2f}\right\} \times \left[\left(\frac{z}{f} - 1\right)(x_0^2 + y_0^2)\right] dx_0 dy_0\right] + \left[\left(\frac{z}{f} - 1\right)(x_0^2 + y_0^2)\right] dx_0 dy_0$$

口{ $f(x_0, y_0)$ } 表示 $f(x_0, y_0)$ 的傅里叶变换,利用 (2) 式直接计算 U(x, y, z) 比较困难, U(x, y, z) 可分为三 个光栅衍射产生的光振动代数和,三个光栅衍射产 生的光振动分别记为 $U_{OBCD}(x, y, z)$, $U_{ODEF}(x, y, z)$, $U_{OFAB}(x, y, z)$,

$$U(x, y, z) = U_{OBCD}(x, y, z) + U_{ODEF}(x, y, z)$$

+ $U_{OFAB}(x, y, z),$ (3)

其中计算棱形 OBCD 的衍射比较简单,由图 1 可 以看出:棱形 OBCD 绕 O 点旋转 ±120°,分别得到 棱形 ODEF 和 OFAB,根据坐标旋转傅里叶变换的 原理^[25]

$$U_{\text{OFAB}}(f_x, f_y, z) = U_{\text{OBCD}}(f_x \cos \theta + f_y \sin \theta, f_y \cos \theta - f_x \sin \theta, z)|_{\alpha_1 \to \alpha_2}, \quad (4)$$

式中 $\theta = \frac{2\pi}{3}$, 把 θ 改为 $-\theta$, α_2 改为 α_3 , 则可计算 $U_{\text{ODEF}}(x, y, z)$, 从而可得到 U(x, y, z).

目前市面上可售的液晶 SLM 窗口面积大约在 20 mm × 20 mm,根据这一尺度,我们设计图 1 中 的六边形的边长 a = 10 mm.在图 2 所示的光路 中以波长 $\lambda = 530$ nm、光强 $I_0 = 0.1$ W·cm⁻² (振幅 $A = \sqrt{I_0}$,实际有效输入功率为 0.26 W)的平面光作 为输入光波,用 f = 50 mm 的短焦距显微物镜聚焦, 用 (2)—(4) 式计算 U(x,y,z), 衍射光强分布为

$$I(x, y, z) = U(x, y, z)U^{*}(x, y, z).$$
 (5)

取 $\alpha_1 = \alpha_2 = \alpha_3 = \alpha$, 三个光阱等距离地分布成等 边三角形, 光阱间的距离 $\Delta l = \sqrt{3} \frac{\alpha f \lambda}{a}$, 调节 α 的 大小可以调节光阱间的距离, 图 3 是 $\alpha = 0, 0.5, 2,$ 4,6时, 焦平面上的光强分布的三维图和密度图.



图 2 产生光阱阵列的光路图 (BE: 扩束器; G: LC-SLM; L: 透 镜; P: 输出平面)

由图 3 可见, 从 α_1 开始增大 α 的值, 从单光 阱演变成三光阱, 随着 α 的增大, 三光阱间的距 离逐渐增大, 在演变过程中, 三个光阱的强度分布 相同. 反之, α 从大逐渐减小时, 三光阱间的距离 逐渐减小, 可实现三光阱到单光阱的演变. 计算表 明当 $\alpha \ge 3$, 改变 α , 移动光阱时, 光阱的光强大小 和几何形状基本不变, 我们计算了 $\alpha = 4$ 时三光 阱中一个光阱 (图 3(d) 右图中上方的光阱) 的有关 参数, 列于表 1, 表中 $\Delta x_{1/e^2}$, $\Delta y_{1/e^2}$, $\Delta z_{1/e^2}$ 是以峰 值光强的 $1/e^2$ 为边界计算的光阱沿 x, y, z 方向的 宽度.

3.2 单个光阱和双光阱的移动调控

改变 (1) 式中的相位参数 α_j 不仅能够实现三 光阱到单光阱的演变, 也能够实现单个光阱或双光 阱的移动. 如保持 α_2 , α_3 大小不变, 改变 α_1 的大小, 则可以保持三光阱中两个光阱的位置不变, 平移一 个光阱, 图 4 是 $\alpha_2 = \alpha_3 = 4$, $\alpha_1 = 3$, 1.5, 0, -2 时焦 平面上的光强分布的三维图和密度图. $\alpha_1 = -2$ 时, 三个光阱移到同一条直线上, 在平移过程中各个光 阱的光强分布基本不变.

保持 α_1 的大小不变,同时调节 α_2 , α_3 的大小,可以保持一个光阱的位置和光强大小不变,另两个 光阱互相靠近或分离.图 5 是 $\alpha_1 = 4$, $\alpha_2 = \alpha_3 = 3$, 1.5,0时焦平面上的光强分布的三维图和密度图. $\alpha_2 = \alpha_3 = 0$ 时,两个光阱变成一个光阱.

3.3 实际制作的光栅对光阱光强分布可能 带来的影响

LC-SLM 按照灰度等级调制相位,在相位跃变 处还存在边缘效应,这是 LC-SLM 的两个固有缺 陷. 实际制作的闪耀光栅与(1)式所表示的理想光 栅并不完全一样,实际光栅衍射的光强分布与上文 计算的结果间必然存在误差,主要表现在两个方面: 第一, 按灰度等级调制相位导致光栅的相位轮廓为 台阶形.根据二元光学理论^[26],台阶数为L的闪耀 光栅与(1)式所表示的理想光栅的1级衍射光强之 比为 $\eta_{s1} = [\sin c(1/L)]^2, L > 20$ 时, $\eta_{s1} > 99\%$. 一般 LC-SLM 按 256 个灰度等级调节相位, 台阶数 L 都 会大于 20. 对光强分布的影响可以忽略. 第二. 边缘 效应导致相位跃变处的相位分布达不到理想要求, 边缘效应的宽度与 SLM 的像素大小相近,目前市 面上可售的 SLM 的像素大小已达到 μm 量级. 本 文所设计可调相位光栅,分为三个棱形区域,独立 调制各区域相位时,在连接区有相位跃变;在光栅 两个周期的分界线上也有相位跃变.但是每个棱形 的边长为 10 mm, 最小的光栅周期为 1.67 mm (对 应于 $\alpha = 6$), 都远大于像素尺寸, 因此, 边缘效应对 光强分布不会有大的影响. 综上所述, 用 SLM 实际 制作的光栅, 衍射光强分布与本文计算光强分布间 存在误差,运用高质量的 LC-SLM 制作光栅,能够 使误差达到很小,以至于可忽略不计.

4 可调三光阱阵列的潜在应用

由图 3 和表 1 可知, 我们用一般功率的激光输入, 能够获得较高光强和光强梯度的三个光学势阱, 这种光阱用于囚禁冷原子有较高的光学偶极势, 根据文献 [4] 提供的有关公式和表 1 中提供的数据, 我们计算了可调三光阱囚禁⁸⁸Sr 冷原子的最大光 学偶极势为 0.26 mK, 光与原子相互作用的引力是 原子自重的 5000 倍. 增大输入光的功率, 能够获得 更大光强的三光阱, 可用于囚禁冷分子.

利用这种可调控的三光阱阵列囚禁冷原子(或 冷分子),在原子光学中可以开展许多研究工作,如 从磁光阱中把超冷原子团装载到图 3(a)所示的单 光阱中,通过调节 LC-SLM 的相位分布,使单光阱 演变成三个强度分布相同的光阱,很自然地把单光 阱中的原子均匀地分到三个光阱中,再根据需要调 节相位参数 α_j,改变三光阱的相对位置,研究不同 相对位置状态下三原子团间的量子隧道效应和量



图 3 三光阱同时移动 ($\alpha_1 = \alpha_2 = \alpha_3 = \alpha$)时在焦平面上的光强分布 (左列:三维光强分布图;右列:光强密度图) (a) $\alpha = 0$; (b) $\alpha = 0.5$; (c) $\alpha = 2$; (d) $\alpha = 4$; (e) $\alpha = 6$

物理学报 Acta Phys. Sin. Vol. 62, No. 15 (2013) 153701

表 1 等边三角形三光阱的有关参数								
I _{max}	$\overline{(\partial I/\partial x)_{\max}}$	$\overline{(\partial I/\partial y)_{\max}}$	$\overline{(\partial I/\partial z)_{\max}}$	Δl	$\Delta x_{1/e^2}$	$\Delta y_{1/e^2}$	$\Delta z_{1/e^2}$	$\Delta V_{1/e^2}$
$/W \cdot m^{-2}$	$/W \cdot m^{-3}$	$/W \cdot m^{-3}$	$/W \cdot m^{-3}$	$/\mu m$	$/\mu m$	$/\mu m$	$/\mu m$	/cm ³
1.113×10^{10}	$5.6 imes10^{16}$	$7.8 imes10^{16}$	$6.7 imes10^{15}$	18.4	6.276	3.638	49.57	$5.92 imes 10^{-10}$



图 4 移动一个光阱时在焦平面上的光强分布 ($\alpha_2 = \alpha_3 = 4$) (左列: 三维光强分布图; 右列: 光强密度图) (a) $\alpha_1 = 3$; (b) $\alpha_1 = 1.5$; (c) $\alpha_1 = 0$; (d) $\alpha_1 = -2$



图 5 两个光阱相对移动 ($\alpha_2 = \alpha_3 = \alpha$, $\alpha_1 = 4$) 时焦平面上的光强分布 (左列: 三维光强分布图; 右列: 光强密度图) (a) $\alpha = 3$; (b) $\alpha = 1.5$; (c) $\alpha = 0$

子纠缠; 拆除囚禁光波, 三原子团自由膨胀, 可研究 来自不同方位的三原子束的碰撞或三束原子物质 波的干涉. 反过来, 我们也可以先在三个分离的光 阱中分别装入相同的、或不同的原子样品, 再调节 相位参数 α_j, 改变光阱的相对位置, 实现三光阱变 为单光阱或两光阱合并为一个光阱等演变, 研究压 缩状态下原子的碰撞与干涉.

另外, 在本文中, 我们把 LC-SLM 分为三个等 面积的棱形, 产生三个等光强的光阱, 我们也可以 把 LC-SLM 分为三个不等面积的区域, 产生三个光 强不等的光阱, 装载相同的原子得到不同的光学偶 极势, 装载不同的原子可得到相同的光学偶极势, 总之, 利用不同取向的闪耀光栅, 可以根据实验的 需要, 得到不同的三光阱.

5 结 论

我们提出了用液晶空间光调制器制作相位型 闪耀光栅产生三光阱的新方案,所获得的三个光 学势阱的光强分布和几何形状相同,调节相位变化 参数,可以改变光阱间的相对位置,实现三光阱合 并为单光阱、两光阱合并为单光阱等演变及其反 向演变,调节过程方便、简单.我们根据市面上可 售的空间光调制器性能和尺寸,模拟设计了闪耀光 栅,计算光阱阵列的光强分布,结果表明:用一般 功率的激光输入,能够产生较大的峰值光强和较高 的光强梯度.囚禁⁸⁸Sr 冷原子的最大光学偶极势为 0.26 mK,光与原子相互作用的引力是原子自重的 5000 倍.这种可调三光阱在原子光学实验研究中有 多种重要的应用.

- [1] Hu J J, Yin J P 2002 J. Opt. Soc. Am. B 19 2844
- [2] Enderlein M, Huber T, Schneider C, Schaetz T 2012 Phys. Rev. Lett. 109 233004
- [3] Lei T, Poon A W 2013 Opt. Express 21 1520
- [4] Ji X M, Yin J P 2004 Acta Phys. Sin. 53 4163 (in Chinese) [纪宪明, 印建平 2004 物理学报 53 4163]
- [5] Ji X M, Yin J P 2005 J. Opt. Soc. Am. B 22 1737
- [6] Mu R W, Wang Z L, Li Y L, Ji X M, Yin J P 2010 Eur. Phys. J. D 59 291
- [7] Zheng M J, Ogura Y, Tanida J 2008 Opt. Rev. 15 105
- [8] Matsumoto N, Ando T, Inoue T, Ohtake Y, Fukuchi N, Hara T 2008 J. Opt. Soc. Am. A 25 1642
- [9] He X D, Xu P, Wang J, Zhan M S 2009 Opt. Express 17 21007
- [10] Wall T E, Armitage S, Hudson J J, Sauer B E, Dyne J M, Hinds E A, Tarbutt M R 2009 Phys. Rev. A 80 043407
- [11] Liu X, Zhang J, Wu L Y, Gan Y 2011 Chin. Phys. B 20 024211
- [12] Xavier J, Dasgupta R, Ahlawat S, Joseph J, Gupta PK 2012 Appl. Phys. Lett. 101 201101
- [13] Yu Y J, Wang T, Zheng H D 2009 Acta Phys. Sin. 58 3154 (in Chinese) [于瀛洁, 王涛, 郑华东 2009 物理学报 58 3154]
- [14] Gu S B, Xu S W, Lu J F, Ji X M, Yin J P 2012 Acta Phys. Sin. 61 153701 (in Chinese) [顾宋博, 徐淑武, 陆俊发, 纪宪明, 印建平 2012 物理学报 61 153701]
- [15] Xu S W, Zhou Q Q, Gu S B, Ji X M, Yin J P 2012 Acta Phys. Sin. 61 223702 (in Chinese) [徐淑武, 周巧巧, 顾宋博, 纪宪明, 印建平 2012

物理学报 61 223702]

- [16] Bloch I 2008 Science 319 1202
- [17] Guan X W, Batchelor M T, Lee C, Zhou H Q 2008 Phys. Rev. Lett. 100 200401
- [18] Taglieber M, Voigt A C, Henkel F, Fray S, Hänsch T W, Dieckmann K 2006 Phys. Rev. A 73 011402
- [19] Meng S Y, Wu W, Liu B 2009 Acta Phys. Sin. 58 6902 (in Chinese) [孟少英, 吴炜, 刘彬 2009 物理学报 58 6902]
- [20] Deng L, Hagley E W, Wen J, Trippenbach M, Band Y, Julienne P S, Simsarian J E, Helmerson K, Rolston S L, Phillips W D 1999 Nature 398 218
- [21] Ferris A J, Olsen M K, Davis M J 2009 Phys. Rev. A 79 043634
- [22] Dall R G, Byron L J, Truscott A G, Dennis G R, Johnsson M T, Hope J 2009 Phys. Rev. A 79 011601
- [23] Willis R T, Becerra F E, Orozco L A, Rolston S L 2009 Phys. Rev. A 79 033814
- [24] Lu J F, Zhou Q, Ji X M, Yin J P 2011 Acta Phys. Sin. 60 063701 (in Chinese) [陆俊发, 周琦, 纪宪明, 印建平 2011 物理学报 60 063701]
- [25] Mu R W, Zhou J, Tan S Q, Huang X F, Gao W Q 1998 Chin. Laser 25 829 (in Chinese) [沐仁旺,周进,谈苏庆,黄信凡高文琦 1998 中国激 光 25 829]
- [26] Jin G F, Yan Y B, Wu M X 1998 *Binary optics* (Beijing: National Defence Industry Press) p25 (in Chinese) [金国藩, 严瑛白, 邬敏贤 1998 二元光学 (北京: 国防工业出版社) 第 25 页]

Generation of the controllable triple-well optical trap by liquid-crystal spatial light modulator^{*}

1) (School of Science, Nantong University, Nantong 226007, China)

2) (State Key Laboratory of Precision Spectroscopy, East China Normal University, Shanghai 200062, China)

3) (School of Science, East China Institute of Technology, Fuzhou 344000, China)

(Received 27 February 2013; revised manuscript received 10 April 2013)

Abstract

A new scheme of generating the controllable triple-well optical trap is proposed, in which a liquid-crystal spatial light modulator (SLM) is used to fabricate the phase-type blazed grating and be illuminated with coherent monochromatic light. Three optical wells, each of which has the same intensity distribution, can be formed with relative position of the distribution of an equilateral triangle. The relative positions of the optical wells can be changed by simply and conveniently adjusting the phase distribution of the SLM to realize the evolution and reverse evolution from triple or dual wells to single well. The phase grating is designed by simulation according to the technical parameters of the SLM, and illuminated by the laser with ordinary power. The intensity distributions and intensity changes in the adjustment process for the triple wells are calculated. Results show that the controllable triple-well optical trap with very high peak value of intensity and intensity gradient can be obtained. It has many important applications in the experimental study of atomic and molecular optics.

Keywords: atomic and molecular optics, liquid-crystal spatial light modulator, controllable triple-well optical trap

PACS: 37.10.Gh, 37.10.Jk, 42.79.Kr

DOI: 10.7498/aps.62.153701

^{*} roject supported by the National Natural Science Foundation of China (Grant Nos. 11034002, 11274114), the National Key Basic Research and Development Program of China (Grant No. 2011CB921602), and the Open Research Fund of State Key Laboratory of Precision Spectroscopy, East China Normal University.

[†] Corresponding author. E-mail: jixm@ntu.edu.cn