# 碳、氧、硫掺杂二维黑磷的第一性原理计算\*

谭兴毅1)† 王佳恒1) 朱祎祎1) 左安友1) 金克新2)

1) (湖北民族学院理学院, 恩施 445000)

2) (西北工业大学,凝聚态结构与性质陕西省重点实验室,西安 710072)

(2014年4月24日收到;2014年6月19日收到修改稿)

基于密度泛函理论的第一性原理平面波赝势方法,研究了二维黑磷中的碳原子 (C<sub>P</sub>)、氧原子 (C<sub>P</sub>)、硫原 子 (S<sub>P</sub>)掺杂的几何结构、磁学性质和电子结构.发现掺杂体系结构稳定, C<sub>P</sub>和 O<sub>P</sub>体系形变较大,而 S<sub>P</sub>体系 形变较小;二维黑磷本身无磁矩,掺杂后都具有 1 μ<sub>B</sub>的总磁矩.由于掺杂体系具有稳定的铁磁性,使其在自旋 电子器件方面可发挥重要的作用.

关键词:二维黑磷,电子结构,磁学性质,第一性原理 PACS: 73.20.At, 71.15.Mb, 75.50.Gg

**DOI:** 10.7498/aps.63.207301

## 1引言

场效应晶体管(FET)是一种通过电场效应控 制电流的半导体器件,具有输入电阻高、噪声小、 功耗低、动态范围大、易于集成、安全工作区域宽等 优点,成为现代电子工业的基础.当前,在电子工 业中广泛应用的FET的材料是半导体Si, 根据摩 尔定律,Si芯片的制造工艺正逐渐逼近其物理极 限,所以必须要寻找性能更优良的新材料来替代 Si. 迄今, 人们尝试用石墨烯、单原子层锗来制备 FET<sup>[1,2]</sup>. 然而石墨烯没有半导体能隙, 在电子学应 用中不能实现电流的"开"和"关",弱化了其取代 电子电路中半导体开关的用途<sup>[1]</sup>. 单原子层锗在空 气中极不稳定,极大地限制了实际应用<sup>[2]</sup>.黑磷以 及硫化钼的出现改变了这个局面<sup>[3-8]</sup>. 2007年, Ayari等<sup>[3]</sup>研制出了世界第一支MoS2晶体管,其中 MoS<sub>2</sub>材料厚度为8—20 nm. 2011年, Radisavljvic 等<sup>[4]</sup>利用单层 MoS<sub>2</sub>制作了电子器件,并利用氧化 铪作为栅绝缘介质改善器件的电学性能,迁移率 高达200 cm<sup>2</sup>/(V·s),器件开关比大于1×10<sup>8</sup>,预示 单层 MoSo 材料在电子器件领域有着极大的应用前

景. Yin 等<sup>[5]</sup> 采用单层 MoS<sub>2</sub> 材料制作了世界上第 一个光电晶体管,发现光电流的产生和湮没可以控 制在 50 ms之内. Zhang 等<sup>[6]</sup> 使用 MoS<sub>2</sub> 材料研制 了双极型晶体管,实现了空穴、电子导电,且开关比 大于10<sup>2</sup>. 刘俊等<sup>[7]</sup>研究了单层MoS<sub>2</sub>吸附不同有 机分子的能带特征,为单层MoS2在晶体管中的应 用提供理论基础. Wang 等<sup>[8,9]</sup> 综述了辉钼半导体 器件研制的进展,并提出了未来值得关注的方向. 黑磷是磷的一种同素异形体,由单层的磷原子堆叠 而成,是禁带宽度为0.33 eV的p型二维半导体材 料<sup>[10]</sup>. 最近, 中国科学技术大学陈仙辉教授课题 组与复旦大学张远波教授课题组合作,成功制备出 基于二维黑磷的场效应晶体管[11].实验显示,当 二维黑磷材料厚度小于7.5 nm 时, 室温下可获得 可靠的晶体管性能,漏电流的调制幅度在10万量 级, I-V 特征曲线体现出良好的电流饱和效应. 这 些性能表明,二维黑磷场效应晶体管在纳米电子器 件应用方面具有极大潜力. 另一方面, 电子也是自 旋载体, 而关于二维黑磷在自旋方面的研究还鲜有 报道. 二维黑磷在特定的条件下是否能产生铁磁 性,能否作为稀磁半导体材料进行实际应用,是十 分有意义且具有挑战性的研究课题.为了解二维黑

\* 湖北省自然科学基金(批准号: 2014CFB342)、湖北民族学院博士科研启动基金(批准号: 4138031)和湖北民族学院科技创新团队项目(批准号: 4138001)资助的课题.

© 2014 中国物理学会 Chinese Physical Society

<sup>†</sup>通讯作者. E-mail: tanxingyi1009@163.com

磷中的可能的磁性行为和掺杂对其电子结构和磁性的影响,本文采用基于第一性原理的自旋极化密度泛函理论研究了O,S,C掺杂的二维黑磷的电子结构、磁性和稳定性,结果发现O,S,C掺杂的二维黑磷具有很好的铁磁性并且其结构稳定,期望能为二维黑磷在新型稀磁半导体的实际应用提供理论参考.

## 2 计算方法与模型

本文的计算工作采用基于自旋极化密度泛函 理论结合平面波赝势方法的CASTEP软件<sup>[12]</sup>完成.采用周期性边界条件,离子实与价电子之间的 相互作用用超软赝势处理,体系电子的波函数用 平面波基组描述,计算中各原子的价电子组态分 别为C(2s<sup>2</sup>2p<sup>2</sup>), P(3s<sup>2</sup>3p<sup>3</sup>), O(2s<sup>2</sup>2p<sup>4</sup>), S(3s<sup>2</sup>3p<sup>4</sup>). 采用 Perdew-Burke-Ernzerhof 的广义梯度近似描述电子之间的交换关联.经过收敛测试,平面波截断能设定为280 eV.计算过程中先进行几何结构优化,得到稳定的结构后,再进行单点能、电子结构和性能计算.

黑磷具有褶皱的层状结构,如图1(a)所示,实验与理论所得晶格常数如表1所示,发现两者之间差值很小,表明本文的计算方法可行,所得结果可靠.本文模型是在结构优化后的晶胞基础上,沿*x*和*z*基矢方向上分别扩展3个单位得到4×1×4的超晶胞,然后删除*y*基矢方向的底层P原子,且为了消除二维黑磷层与层之间的相互作用,在垂直于二维黑磷平面方向选取了1nm的真空层.对C,O和S元素掺杂,分别用一个C,O,S原子取代一个P原子,并分别记为CP,OP,SP,优化后的结构如图1(b)—(g)所示.



图 1 (网刊彩色) 黑磷以及 C, O, S 掺杂二维黑磷结构图 (a) 黑磷结构图; (b) C 掺杂顶视图; (c) O 掺杂顶视图; (d) S 掺杂顶视图; (e) C 掺杂侧视图; (f) O 掺杂侧视图; (g) S 掺杂侧视图

3 计算结果与讨论

### 3.1 掺杂体系的稳定性

晶体处于稳定状态的总能量与组成该晶体的*n*个原子在自由时总能量之差称为为晶体的结合能<sup>[14]</sup>:

$$E_{\rm b} = [E_{\rm t} - n_{\rm P} E_i({\rm P}) - E_i({\rm dope})]/n, \qquad (1)$$

式中 $E_t$ 为计算中所采用的掺杂体系超胞自旋极 化态的总能量, $E_i(P)$ 为单个孤立P原子的总能量,  $E_i(dope)$ 为单个孤立掺杂原子的总能量,O,S,C 掺杂时分别为单个孤立O,S,C原子的总能量, $n_P$ 为计算所采用的超胞中所包含P原子的个数.单个 孤立P, O, S, C 原子的总能量由 CASTEP 文件直 接输出. 根据(1)式计算的体系结合能如表2所示, 发现掺杂体系的结合能均为负值,这说明掺杂体系 结构稳定.

表1 黑磷的晶格常数							
	实验值 [ <mark>10</mark> ]	理论值 [ <mark>13</mark> ]	理论值				
$a/{ m \AA}$	4.436	4.422	4.679				
$b/{ m \AA}$	10.478	10.587	11.676				
$c/{ m \AA}$	3.314	3.348	3.291				
键角/(°)	102.09	102.31	105.119				
键长/Å	2.224	2.238	2.187				

为比较自旋极化和自旋非极化两种状态的相

对稳定性,分别计算了掺杂体系在两种状态下的总 能量,并定义自旋极化能

$$\Delta E = E_{\rm s} - E_{\rm ns},\tag{2}$$

其中 $\Delta E$ 为自旋极化能,  $E_{s}$ 和 $E_{ns}$ 分别为掺杂体系 在自旋极化状态下和自旋非极化状态下的总能量. 根据 (2)式计算所得的自旋极化能的数值如表 2 所 示,发现自旋极化态能量更低,说明体系的自旋极 化态比自旋非极化态稳定.为确定掺杂所导致局域 磁距间的相互作用,在原4×1×4超晶胞的基础上 沿c轴扩展一个单位,即建立4×1×8超晶胞,分 别计算铁磁序和反铁磁序的总能.并定义

$$\Delta E_{\rm FM-AFM} = E_{\rm FM} - E_{\rm AFM},\tag{3}$$

其中 $\Delta E_{\text{FM-AFM}}$ 为铁磁序和反铁磁序的总能差,  $E_{\text{FM}}$ 和 $E_{\text{AFM}}$ 分别掺杂体系的铁磁序和反铁磁序 总能. 计算结果如表 2 所示,发现掺杂体系的铁磁 序的总能小于反铁磁序的总能,根据能量最低原理 说明局域磁距之间为铁磁耦合作用.本文基于平均 场理论和Heisenberg模型对掺杂体系的居里温度 (T<sub>C</sub>)进行估算,即

$$k_{\rm B}T_{\rm C} = (2/3)\Delta E_{\rm FM-AFM},\tag{4}$$

其中Δ*E*<sub>FM-AFM</sub>是指铁磁序和反铁磁序的总能 差<sup>[15,16]</sup>. 计算结果如表2所示,说明掺杂体系的 居里温度接近或者高于室温.表2中*h*<sub>D</sub>是掺杂原 子与最近邻的P原子平面的距离(向内取正),反映 了掺杂后二维黑磷的形变程度.从图1(e),(f),(g) 和表2数据可以看出,C,O掺杂的二维黑磷的几 何形变较大,S掺杂的二维黑磷几乎没有形变.这 是由于C,O的原子半径与P的原子半径相差较大, 掺杂后晶格畸变比较明显,而P和S的原子半径相 近,S取代P之后对体系结构影响极小.

表2 掺杂体系的结合能,  $h_D$ , 自旋极化能,  $\Delta E_{\text{FM-AFM}}$ ,  $T_C$  和总磁矩

样本	$E_{\rm b}/{\rm eV}$	$h_{\rm D}/{\rm \AA}$	$\Delta E/{ m meV}$	$\Delta E_{\rm FM-AFM}/{\rm meV}$	$T_{\rm C}/{\rm K}$	总磁矩/ $\mu_{\rm B}$
$C_{\rm P}$	-21.826	0.440	-34	-147	1131	1.00
$O_{\mathrm{P}}$	-21.707	0.507	-70	-36	277	1.00
$S_P$	-21.486	0.016	-21	-128	985	1.00

### 3.2 电子结构

为了便于比较,首先给出了未掺杂黑磷晶体的 能带结构图,如图2所示,图中零点为费米能级.从 图2中看出黑磷是一种直接带隙半导体(G-G),禁 带宽度为0.389 eV,与实验值0.33 eV<sup>[10]</sup>相近,优于 Du等<sup>[13]</sup>的计算结果0.19 eV,说明本文选取的计 算参数合理可靠.且通过基于自旋极化的密度泛函 计算发现未掺杂的黑磷晶体不具有磁矩.



掺杂体系的电子总态密度以及部分原子的分 波态密度图如图3所示,图中零点为费米能级.由 于在0K时费米能级以下的能量状态被电子完全 占据, 而费米能级以上的能量状态全部处于空态, 并且常温时也只是费米能级附近的电子会发生跃 迁,故本文只讨论费米面附近部分的电子态密度. 首先,从图3看出,C,O,S掺杂体系中,自旋向上 和自旋向下的电子态密度分布均跨越了费米面,但 二者有一定的偏移,出现了明显的劈裂,说明体系 中的电子通过交换相互作用产生了自旋有序排列. 自旋向下的电子数多于自旋向上的电子数,体系 对外表现出净磁矩,呈现铁磁性.为了直观地理 解磁矩的来源,绘制了掺杂体系的自旋差分密度 分布图, 如图4所示, 等高线值为0.005 e/Å<sup>3</sup>. 从图 中可以看出,系统的磁矩主要来源于掺杂的C原 子和与之次近邻的2个P原子,其中C原子的磁矩 为 0.24 μ<sub>B</sub>, 次近邻 P 原子的磁矩为 0.20 μ<sub>B</sub>; 在 O 掺杂体系中,系统的磁矩主要来源于掺杂的O原子 和与之次近邻的2个P原子,其中O原子的磁矩为  $0.04 \mu_{\rm B}$ , 次近邻 P 原子的磁矩为 0.56  $\mu_{\rm B}$ ; 在 S 掺杂 体系中,系统的磁矩主要来源于掺杂的S原子和与

之最近邻的P原子,其中S原子的磁矩为0.06 μ<sub>B</sub>, 最近邻P原子的磁矩为0.16 μ<sub>B</sub>.根据P原子上的 自旋密度哑铃型的空间分布形状,可以粗略地判断 磁矩主要由掺杂的C,O,S原子和P原子上未成对 的p电子主导.为更详细了解磁性起源机制,给出 了C,O原子2p电子和S,P原子3p电子的分波态 密度图(图3),发现C2p,O2p,S3p电子态与P3p 电子态在费米面附近产生较为明显的重叠,即P3p 电子与掺杂原子p电子在费米面附近具有较强的 杂化,这种相互作用导致费米面附近的能级劈裂, 致使自旋向上的电子数和自旋向下的电子数不等, 体系产生铁磁性,即C,O,S掺杂二维黑磷的铁磁 性源于C,O,S的p电子与P3p电子间的p-p耦合 作用.





(网刊彩色) 自旋差分密度图 (a) C 掺杂自旋差分密度图; (b) O 掺杂自旋差分密度图; (c) S 掺杂自旋差分

4 结 论

密度图

利用第一性原理方法,研究了二维黑磷中的碳 原子(C<sub>P</sub>)、氧原子(O<sub>P</sub>)、硫原子(S<sub>P</sub>)掺杂的几何结 构、磁学性质和电子结构.结果表明掺杂体系结构 稳定,O<sub>P</sub>和C<sub>P</sub>体系形变较大,S<sub>P</sub>体系形变较小; 掺杂体系都具有1μ<sub>B</sub>的总磁矩.本论文结论对指 导基于二维黑磷的稀磁半导体材料制备具有指导 意义.

#### 参考文献

 Britnell L, Gorbachev R V, Jalil R, Belle B D, Schedin F, Mishchenko A, Georgiou T, Katsnelson M I, Eaves L, Morozov S V, Peres N M R, Leist J, Geim A K, Novoselov K S, Ponomarenko L A 2012 Science 335 947

- [2] Oviedo J, Bowler D R, Gillan M J 2002 Surf. Sci. 515 483
- [3] Ayari A, Cobas E, Ogundadegbe O, Fuhrer M S 2007 J. Appl. Phys. 101 014507
- [4] Radisavljevic B, Radenovic A, Brivio J, Giacometti V, Kis A 2011 Nature Nanotech. 6 147
- [5] Yin Z, Li H, Li H, Jiang L, Shi Y, Sun Y, Lu G, Zhang Q, Chen X, Zhang H 2012 ACS Nano 6 74
- [6] Zhang Y, Ye J, Matsuhashi Y, Iwasa Y 2012 Nano Lett.
   12 1136
- [7] Liu J, Liang P, Shu H B, Shen T, Xing S, Wu Q 2014
   Acta Phys. Sin. 63 117101 (in Chinese) [刘俊, 梁培, 舒 海波, 沈涛, 邢淞, 吴琼 2014 物理学报 63 117101]
- [8] Wang Q H, Zadeh K K, Kis K, Coleman J N, Strano M S 2012 Nature Nanotech. 7 699
- [9] Lai Z P 2013 Acta Phys. Sin. 62 056801 (in Chinese)
   [赖占平 2013 物理学报 62 056801]

- [10] Takao Y, Morita A 1981 J. Phys. Soc. Jpn. 50 3362
- [11] Li L K, Yu Y J, Ye G J, Ge Q Q, Ou X D, Wu H, Feng D L, Chen X H, Zhang Y B 2014 Nature Nanotech. 9 372
- [12] Segall M D, Philip J D Lindan, Probert M J, Pickard C J, Hasnip P J, Clark S J, Payne M C 2002 J. Phys.: Condens. Matter 14 2717
- [13] Du Y L, Ouyang C Y, Shi S Q, Lei M S 2010 J. Appl. Phys. 107 093718
- [14] Xiao B, Feng J, Zhou C T, Xing J D, Xie X J, Chen Y
   H 2008 Chem. Phys. Lett. 459 129
- [15] Kudrnovsky J, Turek I, Drchal V, Maca F, Weinberger P, Bruno P 2004 *Phys. Rev. B* 69115208
- [16] Máca F, Kudrnovs J, Drchal V, Bouzerar G 2008 Appl. Phys. Lett. 92 212503

## First-principles calculations of phosphorene doped with carbon, oxygen and sulfur<sup>\*</sup>

Tan Xing-Yi<sup>1)†</sup> Wang Jia-Heng<sup>1)</sup> Zhu Yi-Yi<sup>1)</sup> Zuo An-You<sup>1)</sup> Jin Ke-Xin<sup>2)</sup>

1) (School of Science, Hubei Minzu University, Enshi 445000, China)

2) (Shannxi Key Laboratory of Condensed Matter Structures and Properties, Northwestern Polytechnical University,

Xi'an 710072, China)

( Received 24 April 2014; revised manuscript received 19 June 2014 )

#### Abstract

Using first-principles calculations based on density functional theory and plane pseudo-potential method, we investigate the geometric structures, magnetic properties and electronic structures of phosphorene with phosphorus substituted by carbon ( $C_P$ ), oxygen ( $O_P$ ) and sulfur ( $S_P$ ). The results show that the phosphorene with  $S_P$  presents a less geometric distortion than with  $O_P$  and  $C_N$ . Although the pure phosphorene is non-magnetic, all the doped systems are magnetic, each with a magnetization value of 1  $\mu_B$  per cell. The doped systems with stable ferromagnetism play an important role in developing spin electric devices.

Keywords: phosphorene, electronic structures, magnetic properties, first-principles calculationsPACS: 73.20.At, 71.15.Mb, 75.50.GgDOI: 10.7498/aps.63.207301

<sup>\*</sup> Project supported by the Natural Science Foundation of Hubei Province, China (Grant No. 2014CFB342), the Doctoral Foundation for Scientific Research of Hubei Minzu University, China (Grant No. 4138031), and the Scientific and Technological Innovation Team Project of Hubei Minzu University, China (Grant No. 4138001).

<sup>†</sup> Corresponding author. E-mail: tanxingyi1009@163.com