# 物理学报 Acta Physica Sinica



基于矢量像差理论的离轴反射光学系统初始结构设计

操超 廖志远 白瑜 范真节 廖胜

Initial configuration design of off-axis reflective optical system based on vector aberration theory Cao Chao Liao Zhi-Yuan Bai Yu Fan Zhen-Jie Liao Sheng 引用信息 Citation: Acta Physica Sinica, 68, 134201 (2019) DOI: 10.7498/aps.68.20190299 在线阅读 View online: https://doi.org/10.7498/aps.68.20190299 当期内容 View table of contents: http://wulixb.iphy.ac.cn

## 您可能感兴趣的其他文章

#### Articles you may be interested in

新型离轴反射变焦距光学系统的多视场检测方法 Novel multiple field of view detection method for the off-axis reflection zoom optical system 物理学报. 2016, 65(8): 084208 https://doi.org/10.7498/aps.65.084208

离轴椭圆矢量光场传输中的光斑演变

Propagation evolution of the off-axis ellipse vector beam 物理学报. 2015, 64(2): 024204 https://doi.org/10.7498/aps.64.024204

一种基于全息术的光学系统闭环像差补偿方法

A closed-loop aberration compensating method of optics system based on holography 物理学报. 2015, 64(2): 024206 https://doi.org/10.7498/aps.64.024206

偏振双向衰减对光学成像系统像质影响的矢量平面波谱理论分析

Analysis of the influence of diattenuation on optical imaging system by using the theory of vector plane wave spectrum 物理学报. 2017, 66(8): 084202 https://doi.org/10.7498/aps.66.084202

光学薄膜诱导偏振像差对大数值孔径光学系统聚焦特性的影响

Effect of coating-induced polarization aberrations on the focusing properties in high numerical aperture optical system 物理学报. 2015, 64(15): 154214 https://doi.org/10.7498/aps.64.154214

基于人工表面等离激元的双通带频率选择结构设计

Design of dual-band-pass frequency selective structure based on spoof surface plasmon polariton 物理学报. 2018, 67(20): 204101 https://doi.org/10.7498/aps.67.20180696

# 基于矢量像差理论的离轴反射 光学系统初始结构设计\*

操超1)2) 廖志远1)† 白瑜1) 范真节1) 廖胜1)

(中国科学院光电技术研究所,成都 610209)
 (中国科学院大学,北京 100049)
 (2019 年 3 月 5 日收到; 2019 年 4 月 11 日收到修改稿)

传统的离轴反射光学系统初始结构设计方法是先求取轴对称反射光学系统结构,然后通过光瞳离轴、视 场离轴或二者结合的方法实现无遮拦设计.由于同轴光学系统像差分布规律不适用于离轴光学系统,因此离 轴后的反射光学系统结构像差较大,而且系统无遮拦设计过程复杂.本文提出了一种基于矢量像差理论的离 轴反射光学系统初始结构设计方法,可以直接获取光瞳离轴、视场离轴或二者结合的无遮拦离轴反射光学系 统初始结构.该方法可以获得较好的离轴反射光学系统初始结构供光学设计软件进一步优化.针对面阵探测 器,设计了一个长波红外离轴三反光学系统,通过光瞳离轴和视场离轴实现无遮拦设计,光学系统成像质量 好,反射镜不存在倾斜和偏心,光学系统易于装调.

关键词:几何光学,离轴反射系统,矢量像差理论,光学设计 PACS: 42.15.--i, 42.15.Dp, 42.15.Eq, 42.15.Fr

#### **DOI:** 10.7498/aps.68.20190299

# 1 引 言

反射光学系统具有无色差、重量轻、热稳定性 好和大口径等优点,而且相对于同轴反射系统,离 轴反射系统不存在中心遮拦,能量利用率高,因此 离轴反射光学系统被广泛应用于空间光学系统 中<sup>[1-3]</sup>.离轴反射光学系统由于非旋转对称,像差 分布形式比较复杂,另外还需要避免光线发生遮 挡,因此离轴反射光学系统设计是光学设计领域的 难点.通过轴对称光学系统的赛德尔像差理论求解 同轴反射光学系统结构再进行离轴设计是比较常 用的离轴反射光学系统设计方法<sup>[4-6]</sup>;另外,文 献[7,8]提出根据等光程原理和正弦条件求取同轴

矢量像差理论由 Thompson 等提出并不断完善,可以用来描述非旋转对称光学系统的像差特性<sup>[10,11]</sup>.近年来,矢量像差理论得到很大发展,被

反射光学系统结构,该方法可以直接获得非球面同 轴反射光学系统结构,之后再进行离轴设计;夏春 秋等<sup>10</sup>提出了一种基于微分方程的离轴光学系统 设计方法,该方法也是先求取同轴反射光学系统结 构再进行离轴设计.传统的离轴反射光学系统初始 结构设计主要是先求取轴对称反射光学系统结构, 然后通过光瞳离轴、视场离轴或二者结合的方法实 现无遮拦设计.由于同轴光学系统像差分布规律不 适用于离轴光学系统,因此离轴后得到的反射光学 系统结构像差较大,与最终优化结果偏差较大,而 且光学系统无遮拦设计过程复杂.

<sup>\*</sup> 国家自然科学基金 (批准号: 61501429) 资助的课题.

<sup>†</sup> 通信作者. E-mail: liaozhiyuan1@163.com

<sup>© 2019</sup> 中国物理学会 Chinese Physical Society

用于分析非旋转对称光学系统像差特性和面型误 差对光学系统性能的影响<sup>[12,13]</sup>,另外矢量像差理论 还被用于指导光学系统装调、设计和优化<sup>[14,15]</sup>等.

本文提出了一种基于矢量像差理论的离轴反 射光学系统初始结构设计方法,可以直接获得光瞳 离轴、视场离轴或二者结合的无遮拦离轴反射光学 系统初始结构.基于矢量像差理论和高斯括号法, 推导了光阑位于任意位置处的离轴反射光学系统 的初级矢量波像差表达式.针对目前主流的光学设 计软件均采用阻尼最小二乘法作为优化算法,该算 法是一种局部优化算法,容易陷于局部最优解,因 此选择一个好的初始结构是光学设计非常重要的 一步.本文通过遗传算法求取离轴反射光学系统的 初始结构.遗传算法是一种全局优化算法,可以获 得全局最优解.针对面阵探测器,设计了一个长波 红外离轴三反光学系统,通过光瞳离轴和视场离轴 实现无遮拦设计,系统成像质量好,反射镜不存在 倾斜和偏心,光学系统易于装调.

2 设计原理

#### 2.1 离轴反射光学系统像差分析

光瞳离轴、视场离轴或二者结合的方法是实现 无遮拦设计的主要方式.对于视场离轴的光学系 统,只是在分析时取轴对称系统的轴外视场部分, 因此视场离轴光学系统像差表现形式与轴对称光 学系统一致;对于光瞳离轴的光学系统,由于光瞳 存在偏移,像差表现形式变得十分复杂,光瞳离轴 光学系统可以看作是轴对称系统的光瞳截取轴外 一部分形成的子光学系统,如图1所示.

光瞳离轴反射系统孔径及其对应轴对称系统 孔径的关系如 (1) 式所示<sup>[16]</sup>, ρ'为轴对称反射系统 孔径归一化矢量, ρ 为离轴反射系统孔径归一化矢



图 1 光瞳离轴光学系统示意图

Fig. 1. Schematic of optical system with an offset aperture stop.

量, **P**<sub>1</sub>为孔径偏移归一化矢量, B 为离轴反射系统 与轴对称反射系统的孔径缩放比.

$$\begin{cases} B = R_2/R_1 \\ \rho' = r_1/R_1 \\ \rho = r_2/R_2 \\ P_1 = P/R_1 \\ r_1 = r_2 + P \\ \rho' = B\rho + P_1 \end{cases},$$
(1)

其中 R<sub>1</sub>为轴对称反射系统的孔径半径, R<sub>2</sub>为离轴 反射系统的孔径半径, **P**为光瞳偏移矢量.

轴对称反射光学系统的初级矢量波像差为[17]

$$W = \sum_{j} W_{040j} (\boldsymbol{\rho}' \cdot \boldsymbol{\rho}')^{2} + \sum_{j} W_{131j} (\boldsymbol{H} \cdot \boldsymbol{\rho}')$$

$$\times (\boldsymbol{\rho}' \cdot \boldsymbol{\rho}') + \frac{1}{2} \sum_{j} W_{222j} (\boldsymbol{H}^{2} \cdot {\boldsymbol{\rho}'}^{2})$$

$$+ \sum_{j} W_{220Mj} (\boldsymbol{H} \cdot \boldsymbol{H}) (\boldsymbol{\rho}' \cdot \boldsymbol{\rho}')$$

$$+ \sum_{j} W_{311j} (\boldsymbol{H} \cdot \boldsymbol{H}) (\boldsymbol{H} \cdot \boldsymbol{\rho}'), \qquad (2)$$

其中 **H**为轴对称反射系统视场归一化矢量, W<sub>i</sub>为不同表面的初级波像差系数.

根据 (1) 和 (2) 式可得离轴反射光学系统的初级矢量波像差为

$$\begin{cases} W = \sum_{j} W_{040j} ((B\boldsymbol{\rho} + \boldsymbol{P}_{1}) \cdot (B\boldsymbol{\rho} + \boldsymbol{P}_{1}))^{2} + \sum_{j} W_{311j} (\boldsymbol{H} \cdot \boldsymbol{H}) (\boldsymbol{H} \cdot (B\boldsymbol{\rho} + \boldsymbol{P}_{1})) \\ + \frac{1}{2} \sum_{j} W_{222j} \left( \boldsymbol{H}^{2} \cdot (B\boldsymbol{\rho} + \boldsymbol{P}_{1})^{2} \right) + \sum_{j} W_{220Mj} (\boldsymbol{H} \cdot \boldsymbol{H}) ((B\boldsymbol{\rho} + \boldsymbol{P}_{1}) \cdot (B\boldsymbol{\rho} + \boldsymbol{P}_{1})) \\ + \sum_{j} W_{131j} (\boldsymbol{H} \cdot (B\boldsymbol{\rho} + \boldsymbol{P}_{1})) ((B\boldsymbol{\rho} + \boldsymbol{P}_{1}) \cdot (B\boldsymbol{\rho} + \boldsymbol{P}_{1})) , \end{cases}$$
(3)  
$$W_{220Mj} = W_{220j} + \frac{1}{2} W_{222j}.$$

134201-2

将(3)式进行展开并忽略其中的常数项,可得离轴光学系统的初级矢量波像差为

$$W = B^{4} \sum_{j} W_{040j} (\boldsymbol{\rho} \cdot \boldsymbol{\rho})^{2} + B^{3} \left( 4 \sum_{j} W_{040j} \boldsymbol{P}_{1} + \sum_{j} W_{131j} \boldsymbol{H} \right) \cdot \boldsymbol{\rho} (\boldsymbol{\rho} \cdot \boldsymbol{\rho})$$

$$+ B^{2} \left( 2 \sum_{j} W_{040j} \boldsymbol{P}_{1}^{2} + \sum_{j} W_{131j} \boldsymbol{P}_{1} \boldsymbol{H} + \frac{1}{2} \sum_{j} W_{222j} \boldsymbol{H}^{2} \right) \cdot \boldsymbol{\rho}^{2}$$

$$+ B^{2} \left( 4 \sum_{j} W_{040j} (\boldsymbol{P}_{1} \cdot \boldsymbol{P}_{1}) + 2 \sum_{j} W_{131j} (\boldsymbol{P}_{1} \cdot \boldsymbol{H}) + \sum_{j} W_{220Mj} (\boldsymbol{H} \cdot \boldsymbol{H}) \right) (\boldsymbol{\rho} \cdot \boldsymbol{\rho})$$

$$+ B \left( 4 \sum_{j} W_{040j} (\boldsymbol{P}_{1} \cdot \boldsymbol{P}_{1}) \boldsymbol{P}_{1} + 2 \sum_{j} W_{131j} (\boldsymbol{P}_{1} \cdot \boldsymbol{P}_{1}) \boldsymbol{H} + \sum_{j} W_{131j} \boldsymbol{P}_{1}^{2} \boldsymbol{H}^{*} \right) \cdot \boldsymbol{\rho}$$

$$+ B \left( \sum_{j} W_{222j} \boldsymbol{H}^{2} \boldsymbol{P}_{1}^{*} + 2 \sum_{j} W_{220Mj} (\boldsymbol{H} \cdot \boldsymbol{H}) \boldsymbol{P}_{1} + \sum_{j} W_{311j} (\boldsymbol{H} \cdot \boldsymbol{H}) \boldsymbol{H} \right) \cdot \boldsymbol{\rho},$$

其中 **P**<sub>1</sub><sup>2</sup>, **H**<sup>2</sup>, **ρ**<sup>2</sup> 表示向量的乘法<sup>[17]</sup>; **H**<sup>\*</sup>, **P**<sub>1</sub><sup>\*</sup>表示 向量的共轭.

初级矢量波像差系数不受光学元件倾斜和偏 心的影响,因此可以通过对轴对称光学系统主光线 和边缘光线追迹获得初级矢量波像差系数,本文通 过高斯括号法推导光瞳位于任意位置处的离轴反 射系统初级矢量波像差系数,如图2所示.

根据高斯括号法原理,近轴光线从第 *i*个光学 表面传播到第 *j*个光学表面可以用四个高斯常数 来描述,高斯常数如 (5) 式所示<sup>[14]</sup>:

$$\begin{cases} {}^{i}A_{j} = [\Phi_{i}, -e_{i}, \Phi_{i+1}, \cdots, \Phi_{j-1}, -e_{j-1}], \\ {}^{i}B_{j} = [-e_{i}, \Phi_{i+1}, -e_{i+1}, \cdots, \Phi_{j-1}, -e_{j-1}], \\ {}^{i}C_{j} = [\Phi_{i}, -e_{i}, \Phi_{i+1}, -e_{i+1}, \cdots, \Phi_{j-1}, -e_{j-1}, \Phi_{j}], \\ {}^{i}D_{j} = [-e_{i}, \Phi_{i+1}, -e_{i+1}, \cdots, \Phi_{j-1}, -e_{j-1}, \Phi_{j}], \end{cases}$$
(5)

其中  $e_i = d_i/n_i$ ,  $d_i$ 为不同光学表面间的距离,  $n_i$ 为 折射率;  $\boldsymbol{\Phi}_i$ 表示第 *i* 个表面的光焦度.

近轴光线从第 *i* 个光学表面传播到第 *j* 个光学 表面,光线的入射高度 *h<sub>j</sub>*, *h<sub>i</sub>*和孔径角 *u<sub>i</sub>*, *u<sub>i</sub>*', *u<sub>j</sub>*, *u<sub>j</sub>*' 变化关系可以用四个高斯常数来表示,如 (6) 式所示:

$$\begin{cases}
\begin{pmatrix}
h_{j} \\
n_{j}u_{j}'
\end{pmatrix} = \begin{pmatrix}
iA_{j} & iB_{j} \\
iC_{j} & iD_{j}
\end{pmatrix} \begin{pmatrix}
h_{i} \\
n_{i-1}u_{i}
\end{pmatrix}, \\
\begin{pmatrix}
h_{j} \\
n_{j-1}u_{j}
\end{pmatrix} = \begin{pmatrix}
iA_{j} & iB_{j} \\
iC_{j-1} & iD_{j-1}
\end{pmatrix} \begin{pmatrix}
h_{i} \\
n_{i-1}u_{i}
\end{pmatrix}, \\
\begin{pmatrix}
h_{j} \\
n_{j}u_{j}'
\end{pmatrix} = \begin{pmatrix}
i+1A_{j} & iB_{j} \\
i+1C_{j} & iD_{j}
\end{pmatrix} \begin{pmatrix}
h_{i} \\
n_{i}u_{i}'
\end{pmatrix}, \\
\begin{pmatrix}
h_{j} \\
n_{j-1}u_{j}
\end{pmatrix} = \begin{pmatrix}
i+1A_{j} & iB_{j} \\
i+1C_{j-1} & iD_{j-1}
\end{pmatrix} \begin{pmatrix}
h_{i} \\
n_{i}u_{i}'
\end{pmatrix}. \tag{6}$$



Fig. 2. Rays trace model.

根据 (6) 式可以得到主光线和边缘光线的近轴光线追迹数据, 由初级波像差系数和几何像差系数 的关系, 轴对称系统的初级波像差系数如 (7) 式所示:

$$\begin{cases} W_{040j} = \frac{1}{8}S_{Ij} = -\frac{1}{8}A_{j}^{2}h_{j}\left(\frac{u_{j}'}{n_{j}} - \frac{u_{j}}{n_{j-1}}\right) + \tau, \\ W_{131j} = \frac{1}{2}S_{IIj} = -\frac{1}{2}A_{j}\overline{A_{j}}h_{j}\left(\frac{u_{j}'}{n_{j}} - \frac{u_{j}}{n_{j-1}}\right) + \frac{\overline{h_{j}}}{h_{j}}\tau, \\ W_{222j} = \frac{1}{2}S_{IIIj} = -\frac{1}{2}\overline{A_{j}}^{2}h_{j}\left(\frac{u_{j}'}{n_{j}} - \frac{u_{j}}{n_{j-1}}\right) + \left(\frac{\overline{h_{j}}}{h_{j}}\right)^{2}\tau, \\ W_{220j} = \frac{1}{4}S_{IVj} = -\frac{1}{4}H_{j}^{2}c_{j}\left(\frac{1}{n_{j}} - \frac{1}{n_{j-1}}\right), \\ W_{311j} = \frac{1}{2}S_{Vj} = -\frac{1}{2}\left[\frac{\overline{A_{j}}}{A_{j}}H_{j}^{2}c_{j}\left(\frac{1}{n_{j}} - \frac{1}{n_{j-1}}\right) + \frac{\overline{A_{j}}^{3}}{A_{j}}h_{j}\left(\frac{u_{j}'}{n_{j}} - \frac{u_{j}}{n_{j-1}}\right)\right] + \left(\frac{\overline{h_{j}}}{h_{j}}\right)^{3}\tau, \\ \tau = c_{j}^{3}\left(n_{j} - n_{j-1}\right)k_{j}h_{j}^{4}, \end{cases}$$

$$(7)$$

其中:  $A_j = (u'_j - u_j) / (1/n_j - 1/n_{j-1}), \overline{A_j} = (-H_j + \overline{h_j}A_j)/h_j, H_j$ 为光学系统拉赫不变量,  $k_j$ 为光学表面二次常数,  $c_j$ 为光学表面曲率半径.

4 5

.

根据(4)式和(6),(7)式可以获得光瞳位于任

**`**---

意位置处的离轴光学系统初级矢量波像差. 初级矢量波像差系数如 (8) 式所示,其中球差系数  $C_1$  和场曲系数  $C_4$ 为标量, 彗差系数  $C_2$ 、像散系数  $C_3$ 和畸变系数  $C_5$ 为矢量.

$$\begin{cases}
C_{1} = B^{*} \sum_{j} W_{040j}, \\
C_{2} = B^{3} \left( 4 \sum_{j} W_{040j} P_{1} + \sum_{j} W_{131j} H \right), \\
C_{3} = B^{2} \left( 2 \sum_{j} W_{040j} P_{1}^{2} + \sum_{j} W_{131j} P_{1} H + \frac{1}{2} \sum_{j} W_{222j} H^{2} \right), \\
C_{4} = B^{2} \left( 4 \sum_{j} W_{040j} \left( P_{1} \cdot P_{1} \right) + 2 \sum_{j} W_{131j} \left( P_{1} \cdot H \right) + \sum_{j} W_{220Mj} \left( H \cdot H \right) \right), \\
C_{5} = B \left( 4 \sum_{j} W_{040j} \left( P_{1} \cdot P_{1} \right) P_{1} + 2 \sum_{j} W_{131j} \left( P_{1} \cdot P_{1} \right) H + \sum_{j} W_{131j} P_{1}^{2} H^{*} \right) \\
\sum_{j} W_{222j} H^{2} P_{1}^{*} + 2 \sum_{j} W_{220Mj} \left( H \cdot H \right) P_{1} + \sum_{j} W_{311j} \left( H \cdot H \right) H \right).
\end{cases}$$
(8)

### 2.2 离轴反射光学系统初始结构求取

建立了评价离轴反射系统性能的误差函数,误 差函数由中心视场的初级像差系数和焦距约束条 件组成,也可以根据系统的需求添加其他约束条 件,误差函数如(9)式所示: +  $\omega_5 \| C_5 \|_1 + \omega_6 \| f' - h_1 / u_k' \|_1$ , (9) 其中  $\omega_i (i = 1, 2, \dots, 6)$  为不同项的权重, f 为光学系 统焦距,  $\| \|_1$ 表示 1-范数,  $u_k'$  表示边缘光线在第 k 个表面的出射角度.

 $G = \omega_1 \|C_1\|_1 + \omega_2 \|C_2\|_1 + \omega_3 \|C_3\|_1 + \omega_4 \|C_4\|_1$ 

根据 (4) 式和 (6)—(9) 式, 误差函数可以表示

为光瞳偏移矢量、中心视场偏移矢量和光学系统结构参数的函数,如(10)式所示:

$$G = G (B, P_1, H, r_j, d_j, k_j)$$
  
=  $\omega_1 \|C_1\|_1 + \omega_2 \|C_2\|_1 + \omega_3 \|C_3\|_1$   
+  $\omega_4 \|C_4\|_1 + \omega_5 \|C_5\|_1$   
+  $\omega_6 \|f' - h_1/u_k'\|_1.$  (10)

误差函数 G是光学系统性能的综合反映,其 值越小表示光学系统的初始结构越好.由于光学设 计软件采用的是一种局部优化算法,容易陷入局部 最优解,因此好的初始结构可以获得更优的设计结 果.本文通过遗传算法<sup>[18]</sup>求解误差函数 G 的全局 最优解,遗传算法是一种高度并行、随机和自适应 的全局优化算法,已在光学系统设计中得到广泛应 用<sup>[19,20]</sup>.遗传算法优化误差函数的设计流程如 图 3 所示:首先进行编码和随机产生初始种群;然 后计算误差函数值,函数值可以用来评价个体的优 劣,个体的函数值越小被选择的概率越大;再通过 选择、交叉和变异等操作产生新一代种群;重复以 上操作,直到满足迭代终止条件,解码并输出优化 结果.通过遗传算法可以直接获得无遮拦的离轴反 射光学系统初始结构,之后通过光学设计软件对初 始结构进行进一步优化.



图 3 设计流程 Fig. 3. Flow chart of design process.

## 3 设计实例

#### 3.1 系统参数

根据第二部分提出的离轴反射光学系统初始 结构设计方法,针对长波红外面阵探测器,设计了 一个无遮拦离轴三反光学系统,光学系统在 *x* 方向 的视场角为 6°,在 *y* 方向的视场角为 4°,光学系统 参数如表 1 所列.

#### 3.2 设计结果

首先建立了光学系统的误差函数 G, 通过光瞳

表 1 系统参数 Table 1. System specifications.

Parameter	Specification
Wavelength range/ $\mu m$	8 to 12
Focal length/mm	200
F-number	2.5
Field of view	$4^{\circ} \times 6^{\circ}$
Pixel size/ $\mu m$	30

离轴和视场离轴 (光瞳离轴或视场离轴可视为该方 式的特例) 实现无遮拦设计, 光瞳偏移量沿 + Y方 向 80 mm, 孔径缩小比 B为 1/3, 视场偏移量为 2°, 因此光学系统的误差函数 G如 (11) 式所示:

$$G = G (B, \mathbf{P}_{1}, \mathbf{H}, r_{j}, d_{j}, k_{j})$$
  
=  $||C_{1}||_{1} + ||\mathbf{C}_{2}||_{1} + ||\mathbf{C}_{3}||_{1} + ||C_{4}||_{1}$   
+  $||\mathbf{C}_{5}||_{1} + 5||f' - h_{1}/u_{4}'||_{1},$  (11)

其中:  $P_1$ =(0, 2/3), H=(0, -0.5).

通过遗传算法在结构参数边界范围内求取误 差函数的最优解,设置合适的结构参数范围避免光 线发生遮拦,参数范围和求解结果如表2所列,误 差函数的收敛曲线如图4所示.

表 2 参数范围和求解结果

Table 2.	Parameters ranges and solution of designed sys-
tem.	

Parameter	Range	Solution
$d_1/\mathrm{mm}$	$d_1 = -d_2$	126.4621
$d_2/\mathrm{mm}$	[-200,  -50]	-126.4621
$d_3/\mathrm{mm}$	[50, 200]	144.1817
$r_1/\mathrm{mm}$	[-500, -50]	-297.3433
$r_2/\mathrm{mm}$	[-500, -50]	-451.5485
$r_3/\mathrm{mm}$	[-500, -50]	-131.0513
$k_1$	[-5, 5]	-0.5789
$k_2$	[-5, 5]	4.7595
$k_3$	[-5,  5]	-0.1263



图 4 误差函数收敛曲线 Fig. 4. Convergence curve of the error function.

离轴三反光学系统的初始结构如图 5(a) 所示, 光学系统光线无遮拦,系统是一个二次成像光学系 统,在中间像面处可以放置视场光阑,有效地抑制 杂散光;初始结构点列图如图 5(b) 所示,不同视场 点列图均方根 (root mean square, RMS) 直径关于 中心视场对称分布,表明初始结构具有较好的像差 分布特性;初始结构畸变网格如图 5(c) 所示,初始 结构畸变较小,该方法可以直接获得成像质量较好 的无遮拦离轴反射光学系统初始结构.



图 5 离轴三反光学系统初始结构性能分析 (a)系统布局; (b) 点列图均方根直径; (c) 畸变网格

Fig. 5. Initial configuration performance analysis of the designed system: (a) System layout; (b) RMS spot diameter; (c) distortion grid.

为了提高初始结构的成像质量,通过光学设计 软件对初始结构进行进一步优化,光学系统最终结 构如图 6(a)所示,在优化过程中反射镜的倾斜和 偏心不作为优化变量,通过使用非球面提高成像质 量,因此反射镜不存在倾斜和偏心,离轴反射光学 系统易于装调;光学系统点列图如图 6(b)所示,点 列图 RMS 直径小于探测器像元尺寸 30 μm,满足 使用要求;光学系统畸变网格如图 6(c) 所示,光学 系统最大畸变小于 0.6%; 光学系统调制传递函数 (modulation transfer function, MTF) 如 图 6(d) 所示, MTF 接近衍射极限, 表明光学系统具有好的成像质量.

4 结 论

本文提出了一种基于矢量像差理论的离轴反



图 6 离轴三反光学系统性能分析 (a)系统布局; (b)点列图均方根直径; (c)畸变网格; (d)调制传递函数 Fig. 6. Performance analysis of the designed system: (a) System layout; (b) RMS spot diameter; (c) distortion grid; (d) MTF.

射光学系统初始结构设计方法,通过设置合适的参数范围可以直接获取光瞳离轴、视场离轴或二者结合的离轴反射光学系统初始结构.推导了光瞳位于任意位置处的离轴反射光学系统初级矢量波像差表达式,建立了评价光学系统综合性能的误差函数,针对光学设计软件通常采用的是一种局部优化算法,初始结构性能会影响光学设计优化结果,通过遗传算法对误差函数进行求解,可以获得误差函数的全局最优解,该方法可以获得较好的离轴反射光学系统初始结构.针对长波红外面阵探测器,设计了一个离轴三反光学系统,视场角为4°×6°,光学系统成像质量好,反射镜不存在倾斜和偏心,光学系统易于装调.

#### 参考文献

- Shen B L, Chang J, Wang X, Niu Y J, Feng S L 2014 Acta Phys. Sin. 63 144201 (in Chinese) [沈本兰, 常军, 王希, 牛亚 军, 冯树龙 2014 物理学报 63 144201]
- [2] Jiang Z Y, Li L, Huang Y F 2009 Chin. Phys. B 18 2774
- [3] Fuerschbach K, Davis G E, Thompson K P, Rolland J P 2014 Opt. Lett. 39 2896
- [4] Meng Q Y, Wang H Y, Wang K J, Wang Y, Ji Z H, Wang D

2016 Appl. Opt. 55 8962

- [5] Nie Y F, Gross H, Zhong Y, Duerr F 2017 Appl. Opt. 56 5630
- [6] Liu J, Liu W Q, Kang Y S, Lü B, Feng R, Liu H, Wei Z L 2013 Acta Opt. Sin. 33 1022002 (in Chinese) [刘军, 刘伟奇, 康玉思, 吕博, 冯睿, 柳华, 魏忠伦 2013 光学学报 33 1022002]
- [7] Xu F G, Huang W, Xu M F 2016 Acta Opt. Sin. 36 1222002
   (in Chinese) [徐奉刚,黄玮,徐明飞 2016 光学学报 36 1222002]
- [8] Li D X, Lu Z W, Sun Q, Liu H, Zhang Y C 2007 Acta Phys. Sin. 56 5766 (in Chinese) [李东熙, 卢振武, 孙强, 刘华, 张云 翠 2007 物理学报 56 5766]
- [9] Xia C Q, Zhong X, Jin G 2015 Acta Opt. Sin. 35 0922002 (in Chinese) [夏春秋, 钟兴, 金光 2015 光学学报 35 0922002]
- [10] Thompson K P 2005 J. Opt. Soc. Am. A 22 1389
- [11] Sun J X, Pan G Q, Liu Y 2013 Acta Phys. Sin. 62 094203 (in Chinese) [孙金霞, 潘国庆, 刘英 2013 物理学报 62 094203]
- [12] Wang Y, Zhang X, Wang L J, Wang C 2014 Chin. Phys. B 23 014202
- [13] Schmid T, Rolland J P, Rakich A, Thompson K P 2010 Opt. Express 18 17433
- [14] Zhong Y, Gross H 2017 Opt. Express 25 10016
- [15] Shi H D, Jiang H L, Zhang X, Wang C, Liu T 2016 Appl. Opt. 55 6782
- [16] Pang Z H, Fan X W, Ren G R, Ding J T, Xu L, Feng L J 2016 Infrared Laser Eng. 45 0618002 (in Chinese) [庞志海, 樊 学武, 任国瑞, 丁蛟腾, 徐亮, 凤良杰 2016 红外与激光工程 45 0618002]
- [17] Thompson K P 1980 Ph. D. Dissertation (Tucson: University of Arizona)
- [18] Qiu L J, Fu L Y, Dong Q, Gu J Y 2018 J. Ordan. Equip.

*Eng.* **39** 88 (in Chinese) [邱立军, 付霖宇, 董琪, 顾钧元 2018 兵器装备工程学报 **39** 88]

[19] Yan F, Zhang X J 2009 Opt. Express 17 16809

Zhou G Y, Chen Y X, Wang Z G, Song H W 1999 Appl. Opt. [20]

#### **38** 4281

# Initial configuration design of off-axis reflective optical system based on vector aberration theory<sup>\*</sup>

Cao Chao <sup>1)2)</sup> Liao Zhi-Yuan <sup>1)†</sup> Bai Yu <sup>1)</sup> Fan Zhen-Jie <sup>1)</sup> Liao Sheng <sup>1)</sup>

1) (Institute of Optics and Electronics, Chinese Academy of Sciences, Chengdu 610209, China)

2) (University of Chinese Academy of Sciences, Beijing 100049, China)

( Received 5 March 2019; revised manuscript received 11 April 2019 )

#### Abstract

The traditional method of designing the initial configuration of off-axis reflective optical system is to first obtain the initial configuration of coaxial reflective optical system, and then achieve the unobscured design with an offset aperture stop or a biased input field, or both. Because the aberration distribution of coaxial reflective optical system is not applicable to the off-axis reflective optical system, the obtained unobscured off-axis reflective optical system has large aberration, and the unobscured design process is complicated. In this paper we present a method of designing an initial configuration of off-axis reflective optical system based on vector aberration theory. With this design method, a good unobscured initial configuration of off-axis reflective optical system can be directly obtained by using an offset aperture stop or a biased input field, or both. Based on the vector aberration theory and gaussian brackets, the third-order aberration coefficient is derived for off-axis reflective optical system. Initial configuration performance is important for optical design, especially for the complicated optical system design. The selection of initial configuration highly affects the final system imaging performance, fabrication difficulty and alignment difficulty. An error function is established to evaluate the performance of off-axis reflective optical system, and it consists of aberration coefficients and other constraints. The genetic algorithm is a highly parallel, random and adaptive global optimization algorithm. To obtain a good initial configuration for the off-axis reflective optical system, the genetic algorithm is used to search for the initial configuration with minimum residual aberration. This method can obtain a good initial configuration of off-axis reflective optical system for further optimization. The benefit of this design method is demonstrated by designing an off-axis three-mirror optical system. For the focal plane array, a long-wave infrared off-axis threemirror optical system is designed. A good initial configuration is obtained with the proposed method, which achieves the unobscured design by using an offset aperture stop and a biased input field. To improve the performance of initial configuration, the obtained initial configuration is optimized with the optical design software. The designed optical system has good imaging quality. As the mirrors are free from the tilts and decenters, the designed optical system is aligned easily.

Keywords: geometric optics, off-axis reflective system, vector aberration theory, optical design

PACS: 42.15.-i, 42.15.Dp, 42.15.Eq, 42.15.Fr

**DOI:** 10.7498/aps.68.20190299

<sup>\*</sup> Project supported by the National Natural Science Foundation of China (Grant No. 61501429).

<sup>†</sup> Corresponding author. E-mail: liaozhiyuan1@163.com